

- Функција $f: X \rightarrow Y$ ограничена са горње стране:

$$(\exists M \in \mathbb{R})(\forall x \in X)(f(x) \leq M)$$

- Функција $f: X \rightarrow Y$ ограничена са доње стране:

$$(\exists M \in \mathbb{R})(\forall x \in X)(f(x) \geq M)$$

- a је унутрашња тачка скупа A ако:

$$(\exists \varepsilon \in \mathbb{R}^+)(L(a, \varepsilon) \subset A)$$

A° -скуп унутрашњих тачака

- $a \in X$ је рудна тачка скупа A ако

$$(\forall \varepsilon \in \mathbb{R}^+)(L(a, \varepsilon) \cap A \neq \emptyset \wedge L(a, \varepsilon) \cap (X \setminus A) \neq \emptyset)$$

A^* -скуп рудних тачака

- $a \in X$ је адхерентна тачка скупа A ако

$$(\forall \varepsilon \in \mathbb{R}^+)(L(a, \varepsilon) \cap A \neq \emptyset)$$

\bar{A} -скуп адхерентних тачака

- $a \in X$ је тачка непомилења скупа A ако:

$$(\forall \varepsilon \in \mathbb{R}^+)(L(a, \varepsilon) \cap (A \setminus \{a\}) \neq \emptyset)$$

A' -скуп тачака непомилења

- $a \in X$ је изолована тачка скупа A ако

$$(\exists \varepsilon \in \mathbb{R}^+)(L(a, \varepsilon) \cap A = \{a\})$$

- низ је ограничен са горње стране

$$(\exists M \in X)(\forall n \in \mathbb{N})(a_n \leq M)$$

- низ је ограничен са доње стране

$$(\exists M \in X)(\forall n \in \mathbb{N})(a_n \geq M)$$

- низ је монотонно растући

$$(\forall n \in \mathbb{N})(a_n \leq a_{n+1})$$

- низ је монотонно неопадajuћи

$$(\forall n \in \mathbb{N})(a_n \leq a_{n+1})$$

- низ је монотонно опадајући

$$(\forall n \in \mathbb{N})(a_{n+1} \leq a_n)$$

- низ је монотонно нерастући

$$(\forall n \in \mathbb{N})(a_{n+1} \leq a_n)$$

- гранична вредност низа

$$(\forall \varepsilon \in \mathbb{R}^+)(\exists n_0 \in \mathbb{N})(\forall n \in \mathbb{N})(n > n_0 \Rightarrow a_n \in L(a, \varepsilon))$$

$$(\forall \varepsilon \in \mathbb{R}^+)(\exists n_0 \in \mathbb{N})(\forall n \in \mathbb{N})(n > n_0 \Rightarrow d(a_n, a) < \varepsilon)$$

• Точке нэгомилэзавэе ннзэ

$$(\forall \epsilon \in \mathbb{R}^+) (\forall m \in \mathbb{N}) (\exists n \in \mathbb{N}) (n \geq m \wedge a_n \in L(a, \epsilon))$$

• $a_n \rightarrow \infty, n \rightarrow \infty$

$$(\forall K \in \mathbb{R}^+) (\exists n_0 \in \mathbb{N}) (\forall n \in \mathbb{N}) (n \geq n_0 \Rightarrow a_n > K)$$

• $a_n \rightarrow -\infty, n \rightarrow \infty$

$$(\forall K \in \mathbb{R}^-) (\exists n_0 \in \mathbb{N}) (\forall n \in \mathbb{N}) (n \geq n_0 \Rightarrow a_n < K)$$

• Кошиев ннз

$$(\forall \epsilon \in \mathbb{R}^+) (\exists n_0 \in \mathbb{N}) (\forall m, n \in \mathbb{N}) (n \geq n_0 \wedge m \geq n_0 \Rightarrow d(a_m, a_n) < \epsilon)$$

$$(\forall \epsilon \in \mathbb{R}^+) (\exists n_0 \in \mathbb{N}) (\forall n \in \mathbb{N}) (\forall p \in \mathbb{N}) (n \geq n_0 \Rightarrow d(a_{n+p}, a_n) < \epsilon)$$

• Гранична вэрдност фннкцнэ

$$(\forall \epsilon > 0) (\exists \delta > 0) (f(L(a, \delta) \cap (D \setminus \{a\})) \subset L(A, \epsilon))$$

$$(\forall \epsilon > 0) (\exists \delta > 0) (\forall x \in D \setminus \{a\}) (d_x(a, x) < \delta \Rightarrow d_y(A, f(x)) < \epsilon)$$

• $f(x) \rightarrow \infty, x \rightarrow a$

$$(\forall K \in \mathbb{R}^+) (\exists \delta \in \mathbb{R}^+) (\forall x \in D \setminus \{a\}) (x \in L(a, \delta) \Rightarrow f(x) > K)$$

• $f(x) \rightarrow -\infty, x \rightarrow a$

$$(\forall K \in \mathbb{R}^-) (\exists \delta \in \mathbb{R}^+) (\forall x \in D \setminus \{a\}) (x \in L(a, \delta) \Rightarrow f(x) < K)$$

• $f(x) \rightarrow \infty, x \rightarrow a^+$

$$(\forall K \in \mathbb{R}^+) (\exists \delta \in \mathbb{R}) (\forall x \in D) (x \in (a, a + \delta) \Rightarrow f(x) > K)$$

• $f(x) \rightarrow -\infty, x \rightarrow a^+$

$$(\forall K \in \mathbb{R}^-) (\exists \delta \in \mathbb{R}) (\forall x \in D) (x \in (a, a + \delta) \Rightarrow f(x) < K)$$

• $f(x) \rightarrow \infty, x \rightarrow a^-$

$$(\forall K \in \mathbb{R}^+) (\exists \delta \in \mathbb{R}) (\forall x \in D) (x \in (a - \delta, a) \Rightarrow f(x) > K)$$

• $f(x) \rightarrow -\infty, x \rightarrow a^-$

$$(\forall K \in \mathbb{R}^-) (\exists \delta \in \mathbb{R}) (\forall x \in D) (x \in (a - \delta, a) \Rightarrow f(x) < K)$$

• $f(x)$ нме граничну вэрдност $y = A, x \rightarrow \infty$

$$(\forall \epsilon \in \mathbb{R}^+) (\exists \Delta \in \mathbb{R}^+) (\forall x \in D) (x > \Delta \Rightarrow f(x) \in L(A, \epsilon))$$

• $f(x) \rightarrow \infty, x \rightarrow \infty$

$$(\forall K \in \mathbb{R}^+) (\exists \Delta \in \mathbb{R}^+) (\forall x \in D) (x > \Delta \Rightarrow f(x) > K)$$

• $f(x) \rightarrow -\infty, x \rightarrow \infty$

$$(\forall K \in \mathbb{R}^-) (\exists \Delta \in \mathbb{R}^+) (\forall x \in D) (x > \Delta \Rightarrow f(x) < K)$$

• $f(x)$ има граничну вредност $y = A$, $x \rightarrow -\infty$

$$(\forall \epsilon \in \mathbb{R}^+)(\exists \Delta \in \mathbb{R}^-)(\forall x \in D)(x < \Delta \Rightarrow f(x) \in L(A, \epsilon))$$

• $f(x) \rightarrow \infty$, $x \rightarrow -\infty$

$$(\forall K \in \mathbb{R}^+)(\exists \Delta \in \mathbb{R}^-)(\forall x \in D)(x < \Delta \Rightarrow f(x) > K)$$

• $f(x) \rightarrow -\infty$, $x \rightarrow \infty$

$$(\forall K \in \mathbb{R}^-)(\exists \Delta \in \mathbb{R}^+)(\forall x \in D)(x > \Delta \Rightarrow f(x) < K)$$

• f непрекидна у тачки a

$$(\forall \epsilon \in \mathbb{R}^+)(\exists \delta \in \mathbb{R}^+)(\forall x \in D)(x \in L(a, \delta) \Rightarrow f(x) \in L(f(a), \epsilon))$$

$$(\forall \epsilon \in \mathbb{R}^+)(\exists \delta \in \mathbb{R}^+)(\forall x \in D)(d_X(a, x) < \delta \Rightarrow d_Y(f(a), f(x)) < \epsilon)$$

• $f: D \rightarrow Y$, $D \subset X$ је униформно непрекидна над $E \subset D$

$$(\forall \epsilon > 0)(\exists \delta > 0)(\forall x_1, x_2 \in E)(d_X(x_1, x_2) < \delta \Rightarrow d_Y(f(x_1), f(x_2)) < \epsilon)$$