Organizacija datoteka



Indeksne datoteke s B-stablima

B-stablo, formiranje, traženje, ažuriranje i obrada indeksne datoteke sa B-stablom

Sadržaj



- Osnovno B-stablo
- Formiranje datoteke s B-stablom
- Traženje u datoteci s B-stablom
- Obrada datoteke s B-stablom
- Ažuriranje datoteke s B-stablom
- Ocena karakteristika datoteka s B-stablom
- B*-stablo, B*-stablo



B-stablo

- puno stablo i stablo traženja
- gusto popunjeni, dinamički indeks
- visine h
 - svi listovi su na jednakoj udaljenosti od korena
 - put od korena do bilo kog lista je iste dužine
- ranga r(r >= 2)
 - uvodi ograničenje na dozvoljeni broj elemenata u svakom čvoru
- reda n = 2r + 1



B-stablo

- čvor = blok zone indeksa
- čvor sadrži niz elemenata
- element = propagirana vrednost ključa iz primarne zone
- svaki čvor sadrži maksimalno 2r elemenata
- svaki čvor, izuzev korena, sadrži minimalno r elemenata
- koren sadrži minimalno 1 element
- svaki čvor sa m elemenata, koji ne predstavlja list,
 poseduje m + 1 direktno podređenih čvorova



Format čvora B-stabla

- niz elemenata
- svaki element: trojka $(k_e, A_e, P_e), e \in \{1, ..., m\}$
 - k_e vrednost ključa sloga S_i (i ∈ {1, 2,..., N})
 - A_e pridruženi podatak
 - P_e pokazivač ka podstablu s većim vrednostima ključa od k_e

Zaglavlje											Neiskorišćeni	
bloka	P_0	k_1	A_1	P_1	k_2	A_2	P_2	 k_m	A_m	P_m	prostor	

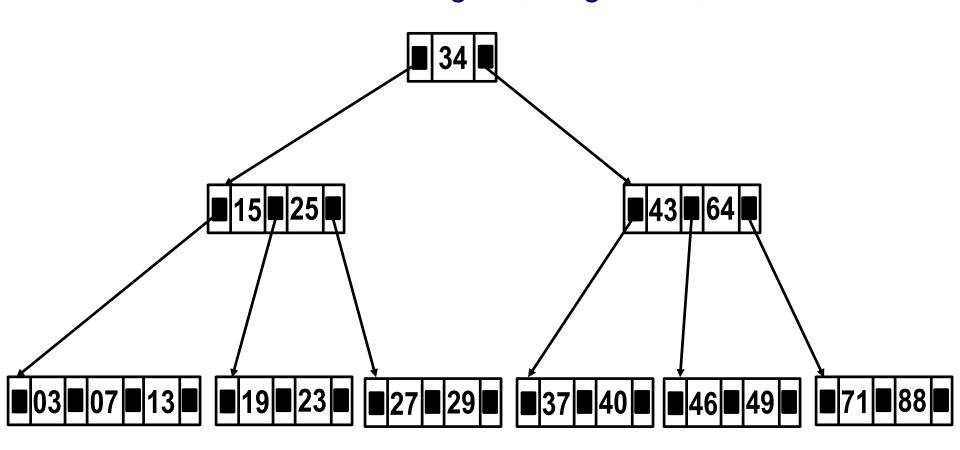
Uslovi stabla traženja

- $(\forall i \in \{1,..., m-1\})(k_i < k_{i+1})$
- $(\forall k \in K(P_0))(k < k_1)$
- $(\forall i \in \{1,..., m-1\})(\forall k \in K(P_i))(k_i < k < k_{i+1})$
- $(\forall k \in K(P_m))(k_m < k)$



• Primer:

- B-stablo sa N = 18 slogova, ranga r = 2, visine h = 3





- Popunjenost B-stabla
 - za isti broj slogova N i rang r, B-stablo može posedovati različite visine i različite brojeve čvorova
- Ekstremni slučajevi popunjenosti B-stabla
 - poluprazno (polupuno) B-stablo
 - svi čvorovi, osim korena, sadrže po r elemenata
 - koren sadrži samo 1 element
 - stablo ne može biti manje popunjeno od polupraznog
 - kompletno (popunjeno) B-stablo
 - svi čvorovi sadrže po 2r elemenata
 - stablo ne može biti više popunjeno od kompletnog

it

Osnovno B-stablo

Broj čvorova i elemenata

na različitim nivoima hijerarhije B-stabla ranga r

		Kompletn	o B-stablo	Poluprazno B-stablo					
Nivo	Visina	Broj čvorova	Broj elemenata	Broj čvorova	Broj elemenata				
0	1	1	2r	1	1				
1	2	$(2r+1)^1$	$2r(2r+1)^{1}$	2	2r				
2	3	$(2r + 1)^2$	$2r(2r+1)^2$	$2(r+1)^{1}$	$2r(r+1)^{1}$				
i - 1	i	$(2r+1)^{i-1}$	$2r(2r+1)^{i-1}$	$2(r+1)^{i-2}$	$2r(r+1)^{i-2}$				
h - 1	h	$(2r+1)^{h-1}$	$2r(2r+1)^{h-1}$	$2(r+1)^{h-2}$	$2r(r+1)^{h-2}$				



Broj čvorova stabla

kompletno stablo

$$C_{kp} = \sum_{i=1}^{h} (2r+1)^{i-1} = \sum_{i=0}^{h-1} (2r+1)^{i} = \frac{(2r+1)^{h} - 1}{2r}$$

poluprazno stablo

$$C_{pp} = 1 + 2\sum_{i=1}^{h-1} (r+1)^{i-1} = 1 + 2\sum_{i=0}^{h-2} (r+1)^{i} = 1 + 2\frac{(r+1)^{h-1} - 1}{r}$$



Broj čvorova i visina stabla

kompletno stablo

$$C_{kp} = \frac{(2r+1)^h - 1}{2r}, \quad N = 2rC_{kp} \Longrightarrow N = (2r+1)^h - 1$$

$$h_{kp} = \log_{2r+1}(N+1), \quad h_{min} = \lceil \log_{2r+1}(N+1) \rceil$$

$$C_{kp} = \frac{N}{2r}, \quad C_{min} = \left\lceil \frac{N}{2r} \right\rceil$$

- visina ne može biti manja od h_{min}
- ukupan broj čvorova ne može biti manji od C_{min}



Broj čvorova i visina stabla

poluprazno stablo

$$C_{pp} = 1 + 2\frac{(r+1)^{h-1} - 1}{r}, \quad N = 1 + r(C_{pp} - 1) \Rightarrow N = 2(r+1)^{h-1} - 1$$

$$h_{pp} = 1 + \log_{r+1} \frac{N+1}{2}, \quad h_{max} = 1 + \left\lfloor \log_{r+1} \frac{N+1}{2} \right\rfloor$$

$$C_{pp} = 1 + \frac{N-1}{r}, \quad C_{max} = 1 + \left\lfloor \frac{N-1}{r} \right\rfloor$$

- visina ne može biti veća od h_{max}
- ukupan broj čvorova ne može biti veći od C_{max}



Broj čvorova i visina stabla

$$-h_{min} \le h \le h_{max}, C_{min} \le C \le C_{max}$$

N	r	h _{min}	h _{max}	C _{min}	C _{max}
10 ³	50	2	2	10	20
10 ⁴	50	2	3	10 ²	2·10 ²
10 ⁵	50	3	3	10 ³	2·10 ³
10 ⁶	50	3	4	10 ⁴	2·10 ⁴

$$h_{\min} = \lceil \log_{2r+1}(N+1) \rceil$$

$$C_{min} = \left\lceil \frac{N}{2r} \right\rceil$$

$$h_{max} = 1 + \left| \log_{r+1} \frac{N+1}{2} \right|$$

$$C_{max} = 1 + \left| \frac{N-1}{r} \right|$$

Sadržaj



- Osnovno B-stablo
- Formiranje datoteke s B-stablom
- Traženje u datoteci s B-stablom
- Obrada datoteke s B-stablom
- Ažuriranje datoteke s B-stablom
- Ocena karakteristika datoteka s B-stablom
- B*-stablo, B*-stablo



Indeksna metoda pristupa

- operativni sistem
 - OS mainframe računara poseduju metode pristupa za formiranje, korišćenje i ažuriranje indeksnih datoteka sa Bstablima
- programski jezici
 - korišćenje specijalizovanih biblioteka za indeksnu metodu pristupa, ili
 - korisnici sami pišu svoje metode
- SUBP
 - poseduju sopstvene indeksne metode pristupa
 - koriste ih u izgradnji fizičkih struktura baza podataka



Struktura datoteke s B-stablom

- zona indeksa: spregnuta struktura, B-stablo
 - dinamički, gusto popunjeni indeks
 - svaka vrednost ključa primarne zone propagira se u zonu indeksa
 - dinamičko ažuriranje prati ažuriranje primarne zone
 - omogućava traženja u primarnoj zoni
- primarna zona: serijska datoteka
 - iskorišćenje dobrih osobina serijske datoteke pri ažuriranju
 - pod pretpostavkom da se traženja ne vrše direktno u serijskoj datoteci



Formiranje datoteke s B-stablom

- formiranje primarne zone
 - preuzimanjem postojeće (serijske) datoteke ili
 - sukcesivnim učitavanjem slogova ulazne (serijske) datoteke

formiranje zone indeksa

- upisivanje zaglavlja stabla traženja u zonu indeksa
 - inicijalno, nedefinisane vrednosti pokazivača na koren stabla i krajnji levi čvor stabla
 - inicijalizuje se pokazivač na prvi blok u lancu praznih blokova
- formiranje lanca praznih blokova (čvorova)
- sukcesivno čitanje slogova primarne zone i formiranje Bstabla, dinamičkim upisivanjem novih elemenata
- upisivanje prvog elementa ⇒ formiranje korena stabla



Upis novog elementa u B-stablo

- prethodi mu neuspešno traženje elementa (tso)
 - započinje u korenu
 - uvek završava u listu
 - upoređivanjem argumenta traženja s vrednostima ključa u svakom čvoru i
 - praćenjem pokazivača na čvorove na jednom pristupnom putu od korena do lista
- započinje na mestu zaustavljanja neuspešnog traženja u listu
- list može biti potpuno ili delimično popunjen

it

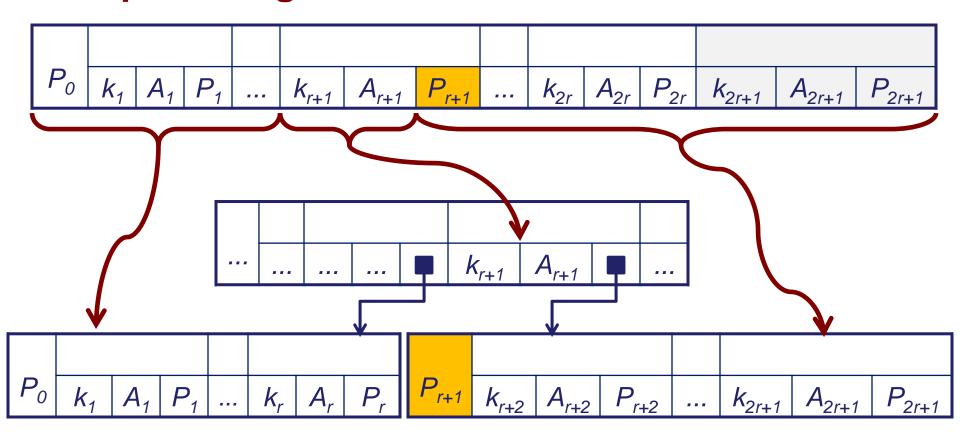
Formiranje datoteke s B-stablom

Upis novog elementa u B-stablo

- aktuelni broj elemenata u listu m_e dve mogućnosti
- (A) delimično popunjen list: $m_e < 2r$
 - novi element upisuje se na poziciju zaustavljanja traženja
 - elementi s većom vrednošću ključa u čvoru pomeraju se za jednu poziciju udesno
- **(B)** potpuno popunjen list: $m_e = 2r$
 - podela lista na dva lista alocira se novi, desni list
 - formira se u OM uređeni niz od 2r + 1 elemenata
 - prva polovina niza ostaje u levom (postojećem) listu:
 - srednji element upisuje se u nadređeni čvor može izazvati deljenje nadređenog čvora
 - druga polovina niza upisuje se u desni (novi) list
 - ukoliko se deli koren, dolazi do formiranja novog korena i povećavanja visine stabla za 1



Upis novog elementa u B-stablo



it

Formiranje datoteke s B-stablom

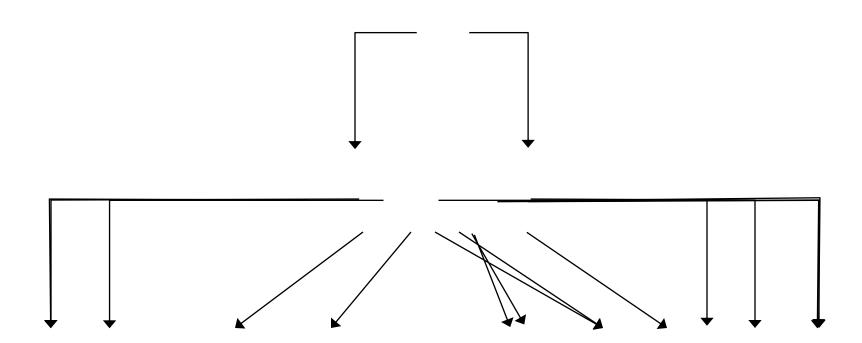
- Primer
 - ulazna serijska datoteka primarna zona

34	07	03	15	19	29	64	43	23	27	13	49	25	71	88	37	46	40
	- 33		(8)						- 33	(O							188

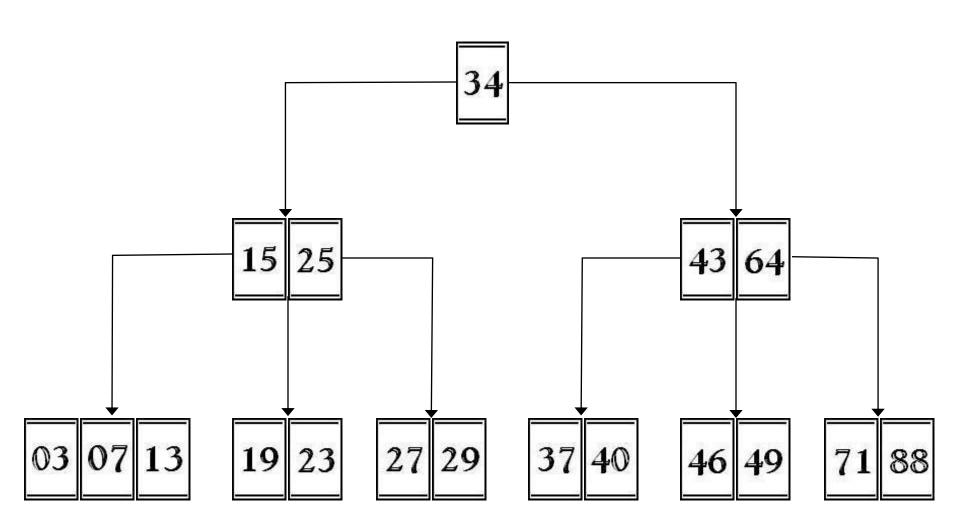
- -N = 18 slogova
- rang stabla: r = 2
- visina stabla: h = 3
- kapacitet svakog čvora: 2r = 4 elementa



															-	-	
34	07	03	15	19	29	64	43	23	27	13	49	25	71	88	37	46	40
		5.0				9988						50	11150:			2-0 00	







Sadržaj



- Osnovno B-stablo
- Formiranje datoteke s B-stablom
- Traženje u datoteci s B-stablom
- Obrada datoteke s B-stablom
- Ažuriranje datoteke s B-stablom
- Ocena karakteristika datoteka s B-stablom
- B*-stablo, B*-stablo



Traženje u datoteci s B-stablom

Traženje logički narednog sloga

- modifikovani simetrični postupak prolaska kroz Bstablo
 - naizmenično pristupanje listovima i njihovim nadređenim elementima
- vrši se od tekućeg elementa stabla
 - inicijalno, tekući element stabla je element sa najmanjom vrednošću ključa u krajnjem levom listu
- upoređuju se argument traženja a i vrednosti ključa elemenata stabla k_e
 - traženje se uspešno završava kada je $a = k_e$
 - neuspešno traženje završava se nailaskom na element sa $k_e > a$ ili nailaskom na kraj krajnjeg desnog lista



Traženje u datoteci s B-stablom

Traženje slučajno odabranog sloga

- traženje započinje u korenu stabla
 - eventualno se nastavlja u podređenim čvorovima
 - završava se u čvoru u kojem je element pronađen ili u listu
 - na svakom nivou hijerarhije stabla pristupa se najviše jednom čvoru
- upoređuju se argument traženja a i vrednosti ključa elemenata stabla k_e
- ako se pri traženju nađe element, za koji je $a = k_e$
 - traženom slogu pristupa se na osnovu adrese A_e
- ako se, pri traženju u čvoru, dođe do elementa sa $k_e > a$
 - traženje se nastavlja u odgovarajućem podstablu



Traženje u datoteci s B-stablom

Traženje slučajno odabranog sloga

- uspešno, završava u bilo kojem čvoru
 - broj pristupa, samo jedan bafer u OM za stablo pristupa

$$R_u = h + 1$$

broj pristupa, h bafera u OM za stablo pristupa

$$0 \le R_{ij} \le h + 1$$

- neuspešno, završava uvek u listu
 - broj pristupa, samo jedan bafer u OM za stablo pristupa

$$R_n = h$$

broj pristupa, h bafera u OM za stablo pristupa

$$0 \le R_n \le h$$

- celo stablo u OM: $R_u = R_n = 0$

Sadržaj



- Osnovno B-stablo
- Formiranje datoteke s B-stablom
- Traženje u datoteci s B-stablom
- Obrada datoteke s B-stablom
- Ažuriranje datoteke s B-stablom
- Ocena karakteristika datoteka s B-stablom
- B*-stablo, B*-stablo



- Može se koristiti
 - i kao vodeća i kao obrađivana
 - i u režimu redosledne i u režimu direktne obrade
 - u svim slučajevima, pokazuje solidne performanse



- Ukupan broj pristupa datoteci $R_{uk}^{\ \ \nu}$ parametri
 - da li je stablo kompletno ili poluprazno
 - broj čvorova kompletnog stabla je najmanji mogući, a polupraznog najveći mogući
 - da li je rezervisano h bafera za ceo pristupni put ili samo 1 bafer za čvorove B-stabla
 - u slučaju h bafera, ceo pristupni put staje u OM pa se svakom čvoru stabla pristupa tačno jedanput
 - u slučaju jednog bafera, svakom neterminalnom čvoru mora se pristupati barem onoliko puta koliko elemenata poseduje
 - da li su sukcesivno traženi slogovi u primarnoj zoni uvek smešteni u fizički susedne lokacije, ili uvek u lokacije različitih blokova



- Ukupan broj pristupa datoteci R_{uk}^v
 - uloga vodeće datoteke

$$C + \left\lceil \frac{N}{f} \right\rceil \le R_{uk}^{v} \le C_h + E_{1 \to h-1} + N$$

$$C_{\min} + \left\lceil \frac{N}{f} \right\rceil \le R_{uk}^{v} \le C_h^{\max} + E_{1 \to h-1}^{\max} + N$$

$$\left\lceil \frac{N}{2r} \right\rceil + \left\lceil \frac{N}{f} \right\rceil \le R_{uk}^{v} \le \left\lfloor \frac{N+1}{r+1} \right\rfloor + \left\lfloor \frac{N-r}{r+1} \right\rfloor + N$$



Redosledna obrada

- putem vodeće datoteke sa $N_v = N_v^u + N_v^n$ slogova
 - N_v^u slogova koji iniciraju uspešno traženje
 - N_vⁿ slogova koji iniciraju neuspešno traženje
- ukupan broj pristupa datoteci kao obrađivanoj, $R_{uk}^{\ \ r}$

$$\left\lceil \frac{N}{2r} \right\rceil + \left\lceil \frac{N_v^u}{f} \right\rceil \le R_{uk}^r \le \left\lfloor \frac{N+1}{r+1} \right\rfloor + \left\lfloor \frac{N-r}{r+1} \right\rfloor + N_v^u$$

očekivani broj pristupa pri uspešnom ili neuspešnom traženju jednog logički narednog sloga

$$\overline{R} = \frac{R_{uk}^r}{N_v}$$



Direktna obrada

- putem vodeće datoteke sa $N_v = N_v^u + N_v^n$ slogova
 - N_v^u slogova koji iniciraju uspešno traženje
 - N_vⁿ slogova koji iniciraju neuspešno traženje
- relativno brz pristup slučajno odabranom slogu
- ukupan broj pristupa $R_{uk}^{\ d}$

$$R_{uk}^d = R_u N_v^u + R_n N_v^n$$

Sadržaj



- Osnovno B-stablo
- Formiranje datoteke s B-stablom
- Traženje u datoteci s B-stablom
- Obrada datoteke s B-stablom
- Ažuriranje datoteke s B-stablom
- Ocena karakteristika datoteka s B-stablom
- B*-stablo, B*-stablo



Upis novog i brisanje postojećeg sloga

- vrši se u režimu direktne obrade
- izvodi ga metoda pristupa na zahtev aplikativnog programa
- vrši se upis, odnosno logičko brisanje elementa iz primarne zone i odgovarajućeg elementa iz stabla pristupa

Upis novog elementa u B-stablo

na isti način, kao u slučaju formiranja B-stabla



Brisanje elementa iz B-stabla

- prethodi mu uspešno traženje
- logičko brisanje sloga u primarnoj zoni
- fizičko brisanje elementa iz B-stabla



Brisanje elementa iz B-stabla

- (A) element za brisanje nalazi se u listu
 - (A1) list sadrži $m_e > r$ elemenata ili je koren stabla
 - fizičko oslobađanje lokacije izbrisanog elementa
 - po potrebi, pomeranje ostalih elemenata u listu za jednu poziciju ulevo
 - nakon brisanja, u listu ostaje m_e 1 ≥ r elemenata
 - (A2) list sadrži $m_e = r$ elemenata i nije koren stabla
 - fizičko oslobađanje lokacije izbrisanog elementa nije dozvoljeno
 - » svaki čvor, osim korena, mora imati minimalno r elemenata
 - (A21) postoji barem jedan susedni čvor sa $m_f > r$ elemenata
 - » primena tehnike pozajmljivanja elemenata iz susednog čvora
 - (A22) svi susedni čvorovi imaju $m_f = r$ elemenata
 - » primena tehnike spajanja dva čvora u jedan



Brisanje elementa iz B-stabla

- susedni čvorovi
 - čvorovi C_e i C_f su susedni, ako imaju zajednički direktno nadređeni čvor C i ako važi

$$(\exists ! \mathsf{k} \in \mathit{K}(\mathit{C}))(k_m < k < k_1)$$

- K(C) skup vrednosti ključa u čvoru C
- k_m najveća vrednost ključa u čvoru C_e
- k_1 najmanja vrednost ključa u čvoru C_f

Ažuriranje datoteke s B-stablom

Brisanje elementa iz B-stabla

- tehnika pozajmljivanja elemenata od suseda
 - formira se u OM uređeni niz od $m_f + r 1 + 1$ elemenata
 - svi elementi susednog čvora, jedan nadređeni i r 1 element čvora iz kojeg se briše element
 - $-\lfloor (m_f + r) / 2 \rfloor$ elemenata smešta se u levi susedni čvor
 - $-\lfloor (m_f + r)/2 \rfloor + 1$ -vi element smešta se u nadređeni čvor
 - preostali elementi smeštaju se u desni susedni čvor

- tehnika spajanja dva susedna čvora u jedan

- formira se u OM uređeni niz od r + r 1 + 1 elemenata
 - r elemenata susednog čvora, jedan nadređeni i r 1 element čvora iz kojeg se briše element
 - svih 2r elemenata smešta se u levi susedni čvor
 - desni susedni čvor postaje prazan dealocira se
 - fizičko brisanje elementa iz nadređenog čvora



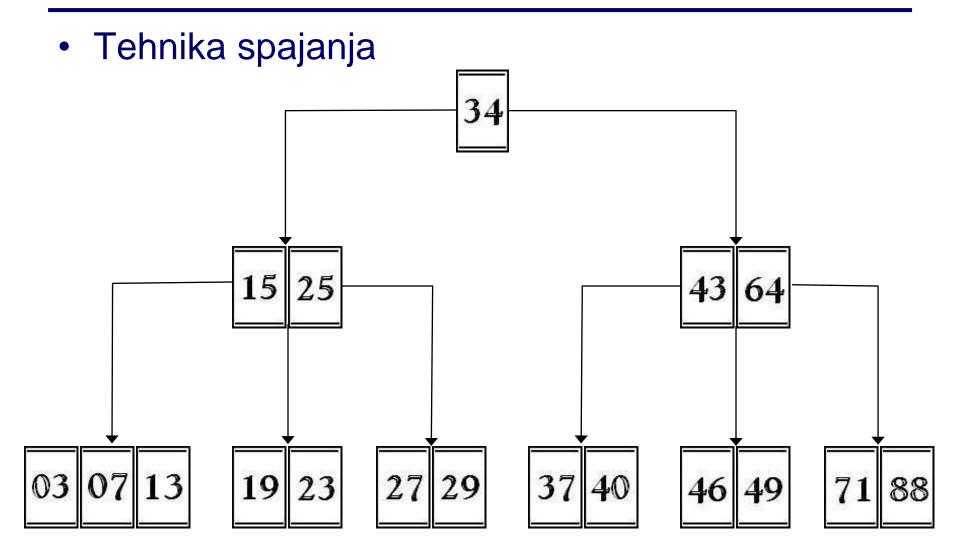
- Brisanje elementa iz B-stabla
 - tehnika spajanja dva susedna čvora u jedan
 - fizičko brisanje elementa iz nadređenog čvora
 - može izazvati novo pozajmljivanje ili spajanje čvorova, na višem nivou u stablu
 - u ekstremnom slučaju, može doći do spajanja jedina dva direktno podređena čvora korenu
 - izaziva dealociranje korena i smanjenje visine stabla za jedan



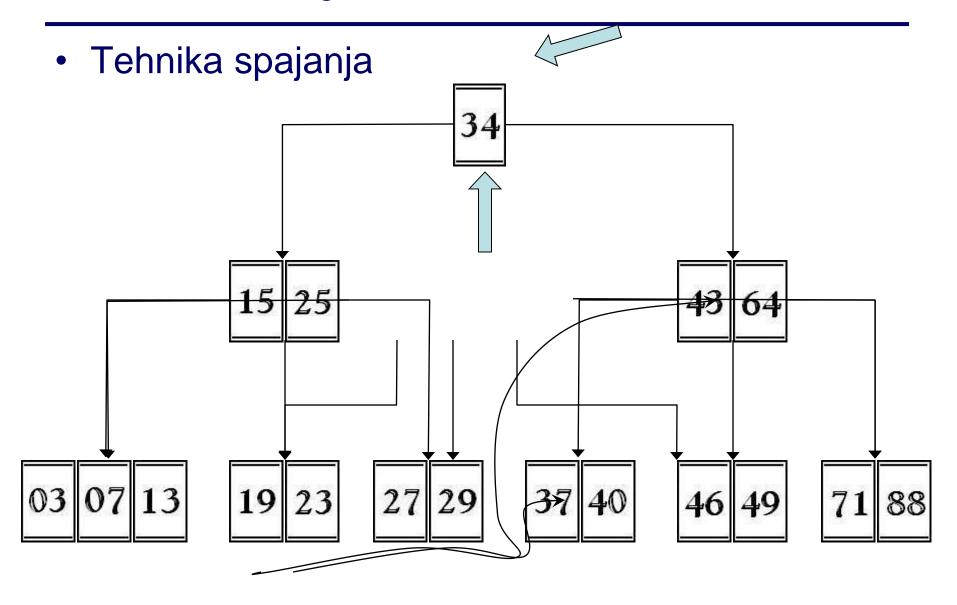
Brisanje elementa iz B-stabla

- (B) element za brisanje ne nalazi se u listu
 - zamena elementom koji sadrži prvu veću vrednost ključa
 - predstavlja krajnji levi element u krajnjem levom čvoru desnog podstabla u odnosu na element koji se briše
 - nakon zamene (upisivanja u lokaciju izbrisanog elementa), element s prvom većom vrednošću ključa fizički se briše iz lista
 - povratak na slučaj (A) primena za fizičko brisanje elementa s prvom većom vrednošću ključa



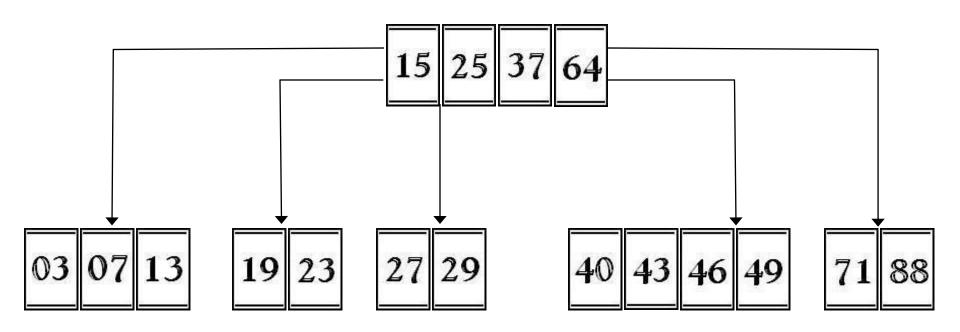






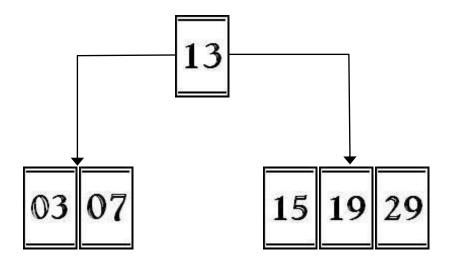


Tehnika spajanja



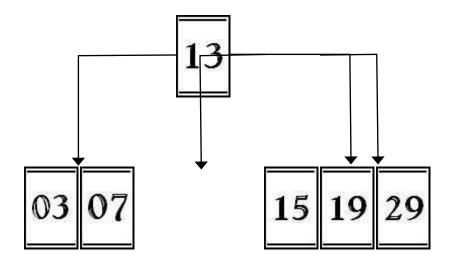


Tehnika pozajmljivanja



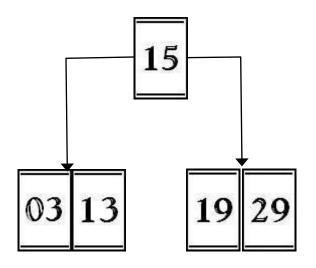


Tehnika pozajmljivanja





Tehnika pozajmljivanja



Sadržaj



- Osnovno B-stablo
- Formiranje datoteke s B-stablom
- Traženje u datoteci s B-stablom
- Obrada datoteke s B-stablom
- Ažuriranje datoteke s B-stablom
- Ocena karakteristika datoteka s B-stablom
- B*-stablo, B*-stablo



Ocena karakteristika datoteka s B-stabl.

Prednosti

- pokazuju uravnotežene performanse pri direktnoj i redoslednoj obradi
- ne kvare se performanse obrade u vremenu
 - kao posledica naknadnih ažuriranja
- u odnosu na indeks-sekvencijalne datoteke
 - ne zahtevaju postojanje zone prekoračenja
 - struktura primarne zone odgovara strukturi serijske datoteke
 - maksimalni broj pristupa pri traženju slučajno odabranog sloga moguće je unapred proceniti
 - selektivnost indeksa po svakom pristupnom putu je ista



Ocena karakteristika datoteka s B-stabl.

Nedostaci

- nije najpogodnije rešenje za redoslednu obradu
 - broj pristupa datoteci zavisi od broja slogova vodeće datoteke
 - primena modifikovanog algoritma simetričnog postupka prolaska kroz stablo pri traženju adrese lokacije logički narednog sloga
 - potreba višestrukog pristupanja neterminalnim čvorovima
- deljenje čvorova favorizuje izgradnju polupraznog
 B-stabla
 - kada se formiranje datoteke vrši na osnovu sekvencijalne ulazne datoteke
 - svi listovi, osim krajnjeg desnog, uvek poluprazni
 - česta situacija u praksi, kada se vrednosti ključa generišu automatski, inkrementiranjem

Sadržaj



- Osnovno B-stablo
- Formiranje datoteke s B-stablom
- Traženje u datoteci s B-stablom
- Obrada datoteke s B-stablom
- Ažuriranje datoteke s B-stablom
- Ocena karakteristika datoteka s B-stablom
- B*-stablo, B*-stablo

B*-stablo, B*-stablo

B*-stablo

- strukturalno isto, kao osnovno B-stablo
- tehnika prelivanja
 - ublažavanje problema favorizacije polupraznog stabla
 - primenjuje se pri upisu novog elementa u stablo
 - kada je čvor C_e u koji se upisuje element kompletan, a
 - bar jedan od njegovih susednih čvorova C_f sadrži $m_f < 2r$ elemenata
 - formira se u OM uređeni niz od m_f + 2r + 1 + 1 elemenata
 - svi elementi susednog čvora, jedan nadređeni i 2r + 1 elemenata čvora u koji se upisuje element
 - $-\lfloor (m_f + 2r + 2)/2 \rfloor$ elemenata smešta se u levi susedni čvor
 - $-\lfloor (m_f + 2r + 2) / 2 \rfloor + 1$ -vi element smešta se u nadređeni čvor
 - preostali elementi smeštaju se u desni susedni čvor
- favorizacija 75% popunjenosti stabla

B*-stablo, B*-stablo, B+-stablo

B#-stablo

- varijanta B*-stabla
- garantuje se minimalna popunjenost 66%
 - za sve čvorove na svim nivoima hijerarhije, osim na prva dva

tehnika distribuiranog deljenja

- primenjuje se pri upisu novog elementa u stablo
 - kada je čvor C_e u koji se upisuje element kompletan i kompletni su svi njegovi susedi
- elementi susednih čvorova C_e i C_f distribuiraju se u tri čvora

B*-stablo, B*-stablo, B+-stablo

B#-stablo

tehnika distribuiranog deljenja

- elementi susednih čvorova C_e i C_f distribuiraju se u tri čvora
- formira se u OM uređeni niz od 2r + 2r + 1 + 1 elemenata
 - 2r elemenata susednog čvora, jedan nadređeni i 2r + 1
 elemenata čvora u koji se upisuje element
 - $-\lfloor (4r+2)/3 \rfloor$ elemenata smešta se u levi susedni čvor
 - $-\lfloor (4r+2)/3 \rfloor + 1$ -vi element smešta se u nadređeni čvor
 - $-\lfloor (4r+1)/3 \rfloor$ elemenata smešta se u srednji susedni čvor
 - $-\lfloor (4r+2)/3 \rfloor + \lfloor (4r+1)/3 \rfloor + 2$ -gi element smešta se u nadređeni čvor
 - preostalih \[4r / 3 \] elemenata smešta se u novoalocirani, desni susedni čvor



B+-stablo

- modifikacija osnovnog B-stabla
 - prevazilaženje glavnog nedostatka osnovnog B-stabla, ili neke od njegovih varijanti
 - pri traženju logički narednog sloga potrebno je pristupati svim čvorovima stabla
- u slučaju B+-stabla, za traženje logički narednog sloga dovoljno je pristupati samo listovima



B*-stablo, B*-stablo

B+-stablo

- strukturalno drugačije od osnovnog B-stabla
 - vrednosti ključa svih slogova nalaze se uređene u listovima
 - svi listovi su dvostruko spregnuti
 - sadrže informaciju o svim logičkim vezama između slogova
 - čvorovi na višim nivoima stabla traženja sadrže najmanje vrednosti ključa iz svakog lista osim iz krajnjeg levog
 - vrednosti ključa čvorova koji ne predstavljaju listove, u nadređenim čvorovima ne ponavljaju se
 - logika formiranja neterminalnih čvorova odgovara strukturi osnovnog B-stabla

B*-stablo, B*-stablo, B+-stablo

Format čvora B+-stabla

- niz elemenata
- svaki element: dvojka $(k_e, P_e), e \in \{1, ..., m\}$
 - k_e vrednost ključa sloga S_i (i ∈ {1, 2,..., N})
 - P_e pokazivač ka podstablu, za neterminalni čvor ili bloku u primarnoj zoni, u slučaju lista

Zaglavlje								Neiskorišćeni
bloka	P_0	k_1	P_1	k_2	P_2	 k _m	P_{m}	prostor

Uslovi stabla traženja

- $(\forall i \in \{1,..., m-1\})(k_i < k_{i+1})$
- $(\forall k \in K(P_0))(k < k_1)$
- $(\forall i \in \{1,..., m-1\})(\forall k \in K(P_i))(k_i \leq k < k_{i+1})$
- $(\forall k \in K(P_m))(k_m \leq k)$

B*-stablo, B*-stablo, B+-stablo

Formiranje B+-stabla

- analogan postupak formiranju osnovnog B-stabla, ili neke njegove varijante (B* ili B*-stablo)
 - mogu se koristiti postupci prelivanja, običnog ili distribuiranog deljenja, na uobičajen način

tehnika deljenja lista - specifičnosti

- formira se u OM uređeni niz od 2r + 1 elemenata
 - svi elementi datog čvora i jedan novododati
 - $-\lfloor (2r+1)/2 \rfloor = r$ elemenata smešta se u levi susedni čvor
 - r + 1-vi element smešta se u nadređeni čvor
 - r + 1-vi element i svih preostalih r elemenata smešta se u novoalocirani, desni susedni čvor
 - » ponavljanje istog elementa i u nadređenom čvoru i u desnom susedu
- neterminalni čvorovi dele se na isti način kao kod B-stabla.



Formiranje B+-stabla

- tehnika prelivanja u listovima specifičnosti
 - formira se u OM uređeni niz od m_f + 2r + 1 + 1 elemenata
 - svi elementi susednog čvora, jedan nadređeni i 2r + 1
 elemenata čvora u koji se upisuje element
 - $-\lfloor (m_f + 2r + 2) / 2 \rfloor$ elemenata smešta se u levi susedni čvor
 - $-\lfloor (m_f + 2r + 2) / 2 \rfloor + 1$ -vi element smešta se u nadređeni čvor
 - $-\lfloor (m_f + 2r + 2)/2 \rfloor + 1$ -vi element i svi preostali elementi smeštaju se u desni susedni čvor
 - prelivanje u neterminalnim čvorovima vrši se na isti način kao kod osnovnog B-stabla

B*-stablo, B*-stablo, B+-stablo

Traženje u B+-stablu

- traženje logički narednog sloga
 - vrši se isključivo u listovima B+-stabla
 - primenom kombinacije metoda linearnog traženja i metode praćenja pokazivača
 - vrši se od tekućeg elementa B+-stabla

redosledna obrada

 prolazak kroz sve listove B+-stabla i pristupanje primarnoj zoni

$$\left| C_h^{min} + \left| \frac{N_v^u}{f} \right| \le R_{uk}^r \le C_h^{max} + N_v^u \right|$$

$$\left\lceil \frac{N}{2r} \right\rceil + \left\lceil \frac{N_v^u}{f} \right\rceil \le R_{uk}^r \le \left\lfloor \frac{N}{r} \right\rfloor + N_v^u$$



Traženje u B+-stablu

- traženje slučajno odabranog sloga
 - počinje u korenu B+-stabla i uvek se završava u jednom od listova – i za uspešno i za neuspešno traženje
 - ako je $a < k_e$, dalje se prati pokazivač P_{e-1}
 - ako je $a = k_e$, prati se pokazivač P_e stiže se do lista
 - ako je $a > k_m$, prati se pokazivač P_m
- broj pristupa, uspešno
 - samo jedan bafer u OM za stablo pristupa

$$R_{ij} = h^+ + 1$$

- broj pristupa, neuspešno
 - samo jedan bafer u OM za stablo pristupa

$$R_n = h^+$$



Traženje u B+-stablu

visina kompletnog B+-stabla

$$C_h^{kp} = (2r+1)^{h-1}, \quad N = 2rC_h^{kp} \Longrightarrow \frac{N}{2r} = (2r+1)^{h-1}$$

$$h_{kp}^{+} = 1 + \log_{2r+1} \frac{N}{2r}, \quad h_{min}^{+} = 1 + \left| \log_{2r+1} \frac{N}{2r} \right|$$

visina polupraznog B+-stabla

$$C_h^{pp} = 2(r+1)^{h-2}, \quad N = rC_h^{pp} \Rightarrow \frac{N}{2r} = (r+1)^{h-2}$$

$$h_{pp}^+ = 2 + \log_{r+1} \frac{N}{2r}, \quad h_{max}^+ = 2 + \left| \log_{r+1} \frac{N}{2r} \right|$$



Visine B-stabla i B+-stabla

$$- h_{min}^{+} \le h^{+} \le h_{max}^{+}$$

N	r	h _{min}	h _{max}	h _{min} +	h _{max} +
10 ³	50	2	2	2	2
10 ⁴	50	2	3	2	3
10 ⁵	50	3	3	3	3
10 ⁶	50	3	4	3	4

$$h_{min}^{+} = 1 + \left\lceil \log_{2r+1} \frac{N}{2r} \right\rceil$$

$$h_{max}^{+} = 2 + \left\lceil \log_{r+1} \frac{N}{2r} \right\rceil$$

$$h_{min} = \lceil \log_{2r+1}(N+1) \rceil$$

$$h_{max} = 1 + \left| \log_{r+1} \frac{N+1}{2} \right|$$

B*-stablo, B*-stablo, B+-stablo

Ažurianje B+-stabla

- upis novog elementa u B+-stablo vrši se na isti način kao pri formiranju B+-stabla
- brisanje
 - briše se i element u listu i, ako je ponovljen, element sa istom vrednošću ključa u nadređenom čvoru
- brisanje elementa iz čvora sa r elemenata
 - tehnika pozajmljivanja
 - tehnika spajanja čvorova

Sadržaj



- Osnovno B-stablo
- Formiranje datoteke s B-stablom
- Traženje u datoteci s B-stablom
- Obrada datoteke s B-stablom
- Ažuriranje datoteke s B-stablom
- Ocena karakteristika datoteka s B-stablom
- B*-stablo, B*-stablo, B+-stablo
- Indeks-sekvencijalna datoteka s B-stablom



Indeks-sekvencijalna datoteka s B-stablom

- modifikacija B+-stabla
 - prevazilaženje glavnog nedostatka B+-stabla, ili neke od njegovih varijanti
 - za sva uspešna traženja sloga, potrebno je pristupati primarnoj zoni
- u slučaju indeks-sekvencijalne datoteke s B-stablom, uspešna traženja završavaju u listovima
- strukturalno drugačija od B+-stabla
 - u listovima B+-stabla ne memorišu se parovi (k_e, P_e) , već kompletni slogovi
 - pogodna u situacijama kada kapacitet sloga nije preveliki
 - kako bi se očuvao solidan rang stabla



Indeks-sekvencijalna datoteka s B-stablom

- strukturalno drugačija od B+-stabla
- Listovi B+-stabla postaju blokovi primarne zone

Primarna zona

- spregnuta struktura
- slogovi uređeni saglasno rastućim vrednostima ključa

Zona indeksa

- spregnuta struktura = neterminalni čvorovi B+-stabla
- osnovno B-stablo ili neka od varijanti (B*, B*)
- retko popunjeni indeks
 - u zonu indeksa propagiraju se najmanje vrednosti ključa svakog bloka primarne zone, osim prvog bloka



Indeks-sekvencijalna datoteka s B-stablom

- Primarna zona faktor blokiranja
 - f = 2r
- Primarna zona broj blokova
 - kompletno stablo

$$B_{min} = \left\lceil \frac{N}{2r} \right\rceil = \left\lfloor \frac{N}{f} \right\rfloor$$

poluprazno stablo

$$B_{max} = \left\lceil \frac{N}{r} \right\rceil = \left\lceil \frac{2N}{f} \right\rceil$$

broj blokova kreće se u rasponu

$$B_{min} \le B \le B_{max}$$



Formiranje

- na uobičajen način
 - može se poći od ulazne serijske ili ulazne sekvencijalne datoteke

Obrada

- može se koristiti
 - i kao vodeća i kao obrađivana
 - i u režimu redosledne i u režimu direktne obrade
 - pogodnija za primenu u redoslednoj obradi
- u redoslednoj obradi, pristupa se (svim) blokovima primarne zone
 - pogodno da broj blokova primarne zone bude manji
 - za manje kapacitete slogova, postiže se veći r i manji B



Traženje i ažuriranje

 postupci analogni onima koji se primenjuju u slučaju B+-stabla

traženje logički narednog sloga

- vrši se isključivo u blokovima primarne zone
- primenom kombinacije metoda linearnog traženja i metode praćenja pokazivača
- vrši se od tekućeg sloga primarne zone



Traženje i ažuriranje

- traženje slučajno odabranog sloga
 - počinje u korenu B-stabla i uvek se završava u bloku primarne zone – i za uspešno i za neuspešno traženje
- broj pristupa, uspešno
 - samo jedan bafer u OM za stablo pristupa

$$R_{ij} = h^{is} + 1$$

- broj pristupa, neuspešno
 - samo jedan bafer u OM za stablo pristupa

$$R_n = h^{is} + 1$$



Traženje slučajno odabranog sloga

visina kompletnog B-stabla

$$C_{kp} = \frac{(2r+1)^{h} - 1}{2r}, \quad B - 1 = 2rC_{kp} \Rightarrow B = (2r+1)^{h}$$

$$h_{kp}^{is} = \log_{2r+1} B = \log_{2r+1} \frac{N}{2r}, \quad h_{min}^{is} = \left\lceil \log_{2r+1} \frac{N}{2r} \right\rceil$$

visina polupraznog B-stabla

$$C_{pp} = 1 + 2\frac{(r+1)^{h-1} - 1}{r}, \quad B - 1 = 1 + r(C_{pp} - 1) \Longrightarrow B = 2(r+1)^{h-1}$$

$$h_{pp}^{is} = 1 + \log_{r+1} \frac{B}{2} = 1 + \log_{r+1} \frac{N}{2r}, \quad h_{max}^{is} = 1 + \log_{r+1} \frac{N}{2r}$$



Visine B-stabla, B+-stabla i B-stabla IS datot.

$$-h_{min}^{is} \leq h^{is} \leq h_{max}^{is}$$

N	r	h _{min}	h _{max}	h _{min} +	h _{max} +	h _{min} is	h _{max} is
10 ³	50	2	2	2	2	1	1
104	50	2	3	2	3	1	2
10 ⁵	50	3	3	3	3	2	2
1 <i>0</i> ⁶	50	3	4	3	4	2	3

$$h_{min}^{is} = \left[\log_{2r+1} \frac{N}{2r}\right] \qquad h_{min}^{+} = 1 + \left[\log_{2r+1} \frac{N}{2r}\right]$$

$$h_{max}^{is} = 1 + \left[\log_{r+1} \frac{N}{2r}\right] \qquad h_{max}^{+} = 2 + \left[\log_{r+1} \frac{N}{2r}\right]$$



Ocena karakteristika indeksnih datoteka s B-stablima

- pogodne i za direktnu i za redoslednu obradu
 - relativno brz pristup slučajno odabranom slogu
 - ne prevelik broj pristupa u redoslednoj obradi
 - za efikasniju redoslednu obradu koriste se indeks-sekvencijalne datoteke s B-stablom
 - » u slučajevima ne prevelikog kapaciteta sloga
- kompromisno rešenje pri izboru fizičke strukture podataka
 - nije idealna organizacija ni za redoslednu ni za direktnu obradu, ali
 - organizacija, prisutna u svim savremenim SUBP, bez izuzetka

Sadržaj



- Osnovno B-stablo
- Formiranje datoteke s B-stablom
- Traženje u datoteci s B-stablom
- Obrada datoteke s B-stablom
- Ažuriranje datoteke s B-stablom
- Ocena karakteristika datoteka s B-stablom
- B*-stablo, B*-stablo
- Indeks-sekvencijalna datoteka s B-stablom



Pitanja i komentari







Indeksne datoteke s B-stablima

B-stablo, formiranje, traženje, ažuriranje i obrada indeksne datoteke sa B-stablom