BEXBE 1

MATEMATAM ALNJAKAHN

1.
$$1+2+3+...+N=\frac{N(n+1)}{2}$$

$$\eta = \lambda \qquad \lambda = \frac{1 \cdot (1+1)}{2}$$

$$\lambda = \lambda \quad \text{if } \lambda$$

АХЕГОЛИХ АНВИТУКДНИ) .X.N ИАХВАГООПТЭЧП АНВИТУКДНИ

Претигинавшио да шървјење ванни За дриродан број И=к

N.K. (WHQJKTUBHY KOPAK)

Доказујено шочноши шеретена за apupagan spoj N=k+1, mj. garanyjemo 1+2+3+...+ k+(k+1) = (k+1)(k+2)

 $\frac{1+2+3+...+k+(k+1) = \frac{k(k+1)}{2} + (k+1) = \frac{k(k+1)}{2}}{(k+1)(\frac{k}{2}+1) = (k+1)\frac{k+2}{2} = \frac{(k+1)(k+2)}{2}}$

2. $1+3+5+...+(2N-1)=N^2$ B.W. N=1 $1=1^2$ 1 $1+3+5+...+(2k-1)=k^2$ $1+3+5+...+(2k-1)+(2\cdot(k+1)-1)=\frac{1+3+5+...+(2k-1)}{1+3+5+...+(2k-1)}+(2\cdot(k+1)-1)=\frac{1+3+5+...+(2k-1)}{1+3+5+...+(2k-1)}+(2\cdot(k+1)-1)=\frac{1+3+5+...+(2k-1)}{1+3+5+...+(2k-1)}+(2\cdot(k+1)-1)=\frac{1+3+5+...+(2k-1)}{1+3+5+...+(2k-1)}+(2\cdot(k+1)-1)=\frac{1+3+5+...+(2k-1)}{1+3+5+...+(2k-1)}+(2\cdot(k+1)-1)=\frac{1+3+5+...+(2k-1)}{1+3+5+...+(2k-1)}+(2\cdot(k+1)-1)=\frac{1+3+5+...+(2k-1)}{1+3+5+...+(2k-1)}+(2\cdot(k+1)-1)=\frac{1+3+5+...+(2k-1)}{1+3+5+...+(2k-1)}+(2\cdot(k+1)-1)=\frac{1+3+5+...+(2k-1)}{1+3+5+...+(2k-1)}+(2\cdot(k+1)-1)=\frac{1+3+5+...+(2k-1)}{1+3+5+...+(2k-1)}+(2\cdot(k+1)-1)=\frac{1+3+5+...+(2k-1)}{1+3+5+...+(2k-1)}+(2\cdot(k+1)-1)=\frac{1+3+5+...+(2k-1)}{1+3+5+...+(2k-1)}+(2\cdot(k+1)-1)=\frac{1+3+5+...+(2k-1)}{1+3+5+...+(2k-1)}+(2\cdot(k+1)-1)=\frac{1+3+5+...+(2k-1)}{1+3+5+...+(2k-1)}+(2\cdot(k+1)-1)=\frac{1+3+5+...+(2k-1)}{1+3+5+...+(2k-1)}+\frac{1+3+5+...+(2k-1)}{1+3+5+...+(2k-1)}+\frac{1+3+5+...+(2k-1)}{1+3+5+...+(2k-1)}+\frac{1+3+5+...+(2k-1)}{1+3+5+...+(2k-1)}$

3.
$$1^{3} + 2^{3} + 3^{3} + ... + N^{3} = \frac{N^{2}(NH)^{2}}{4}$$

5. N. $N = 1$
 $1^{3} \stackrel{?}{=} \frac{1^{2}(1+1)^{2}}{4}$
 $1^{5} = \frac{1}{4}$

N.X. $N = k$
 $1^{3} + 2^{3} + 3^{3} + ... + k^{3} = \frac{k^{2}(k+1)^{2}}{4}$

M.K. $N = k+1$
 $1^{3} + 2^{3} + 3^{3} + ... + k^{3} + (k+1)^{3} = \frac{k^{2}(k+1)^{2}}{4} + (k+1)^{3} = \frac{k^{2}(k+1)^{2}}{4} + (k+1)^{3} = \frac{k^{2}(k+1)^{2}}{4} + (k+1)^{3} = \frac{k^{2}(k+1)^{2}}{4} + \frac{k^{2}(k+2)^{2}}{4}$

$$\frac{1}{1\cdot 2} + \frac{1}{2\cdot 3} + \dots + \frac{1}{k(k+1)} + \frac{1}{(k+1)(k+2)} = \frac{k}{k+1} + \frac{1}{(k+1)(k+2)} = \frac{k(k+2)+1}{(k+1)(k+2)} = \frac{k^2 + 2k+1}{(k+1)(k+2)} = \frac{(k+1)(k+2)}{(k+1)(k+2)} = \frac{k^2 + 2k+1}{(k+1)(k+2)} = \frac{(k+1)(k+2)}{(k+1)(k+2)} = \frac{k^2 + 2k+1}{(k+1)(k+2)} = \frac{(k+1)(k+2)}{(k+1)(k+2)} = \frac{(k+1)(k+2)}{(k+1)$$

6.
$$3/(5^{N}+2^{N+1})$$
 (NEN) $p/g \iff g=0 \pmod{p}$

6. $N = 1$
 $5^{1}+2^{1+1}=5+2^{2}=9$ $3/9$

6. $N = k$
 $N = k$
 $N = k$
 $N = k$
 $N = k+1$
 $N = k+1$

7.9/(13"-4"), NEN (garatu)

8.
$$\frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+2} + \frac{1}{n+3} + \dots + \frac{1}{2n} \ge \frac{1}{2}$$
, $n \in \mathbb{N}$
5. u. $n = 1$ $\frac{1}{4+1} \ge \frac{1}{2}$ \times
u.x. $n = k$ $\frac{1}{k+1} + \frac{1}{k+2} + \frac{1}{k+5} + \dots + \frac{1}{2k} \ge \frac{1}{2}$

N.K.
$$N = k+1$$
 $\frac{1}{k+1} + \frac{1}{k+2} + \frac{1}{k+3} + \frac{1}{k+4} + \dots + \frac{1}{2k} + \frac{1}{2k+1} + \frac{1}{2(k+4)} = \frac{1}{2k+2}$
 $N.X. > \frac{1}{2}$
 $N.X. > \frac{1}{2}$

9. $(1+x)^{N} \ge 1+Nx$, $N \in \mathbb{N}, x > 1 \iff x > 0$ 5. N = 1 $(1+x)^{1} \ge 1+1 \cdot x$ $(1+x)^{1} \ge 1+1 \cdot x$ (1+

10. 2^N > N², N≥ 5 B.W. N= 5

 $2^{5} = 32$ 32 > 25 W $5^{2} = 29$

N.X. N=R. 2R7 k2

N.K. N=k+1 Lorosyjeno 2k+1 > (k+1)2

2 kal = 2.2k > 2.k2 > (k+1)2

Toxasatreno 2k2 - (k41)2 >0

 $2k^{2} - (k_{2}+1)^{2} = 2k^{2} - k^{2} - 2k - 1 = k^{2} - 2k - 1 = (k_{2}-1)^{2} - 2 > 0$ $k \neq 5$

11. n! > 2", n>4

N/= N.(N-1)-(N-2)-... 3.2.1

5. M. N=4 4! = 4.3.2.1 = 24 24 > 16 W

N.X. N=k &! > 2k N.K. N=k+1 20x005yjeuro (k+1)! > 2k+1 (k+1)! = (k+1).k! > (k+1).2k > 2.2 k = 2k+1

12. 4n < 2n, n>5 (gouatil)

```
13. Ano je x_{n}=5x_{n-1}-6x_{n-2}, n\geqslant 3, n\geqslant 6 je x_{1}=5, x_{2}=13, worasawa ga je x_{n}=2^{n}+3^{n}.

5. N. n=3

x_{3}=5\cdot x_{2}-6\cdot x_{1}=5\cdot 13-6\cdot 5=35

x_{3}=2^{3}+3^{3}=8+27=35

N.X. Преймосичномо да за своим йриродан број s\leqslant k\leqslant n воини x_{k}=2^{k}+3^{k} (лака инфинила)

N.X. доканимо игорђење за ириродан број n+1

x_{m+1}=5\cdot x_{n}-6\cdot x_{n-1}=5\cdot (x^{n}+3^{n})-6\cdot (x^{n-1}+3^{n-1})=5\cdot x^{n}+5\cdot x^{n}-3\cdot 2\cdot x^{n-1}-2\cdot 3\cdot x^{n}

x_{m+1}=5\cdot x_{n}-6\cdot x_{n-1}=5\cdot (x^{n}+3^{n})-6\cdot (x^{n}+3^{n})=5\cdot x^{n}+5\cdot x^{n}-3\cdot 2\cdot x^{n}-3\cdot 2\cdot x^{n}

x_{m}=2^{n}+3\cdot x^{n}+5\cdot x^{n}-3\cdot x^{n}-3\cdot x^{n}+5\cdot x^{n}-3\cdot x^{n}-3\cdot x^{n}+5\cdot x^{n}+5\cdot x^{n}-3\cdot x^{n}+5\cdot x^{n}+5
```

14. The je $x_n=(n-1)(x_{n-1}+x_{n-2})$, $n\geqslant 3$, Tope je $x_1=1$, $x_2=2$, where $x_n=n$

15. Оваш природан број п≥2 је прошт или је производ прошћих бројева.

Би. №2. је йрош

N.X. Πρειτίνουδια θυμιο οια 3α Ισακιι αρυφοσία δροί $2 \le k \le N$ δαιτιι οια je k αρουτία δροί u.u ce ιτοιτιε σοιδικατία κατ αρουνσθοίο τικτια αρουτία δροί e v.K. Δοκαιτιμιο οια αθοβείδε δοιτια 3α αρυφοσία δροί v.K.

· N+1 apout W

· N+1 WOHLEH

N+1 = p.2 1<p,2< N+1 LEPIZEN => 3a p u g battu N.X., mj. p u g uy wpound spojebu πη σε ποιλ σοπητοπή και προυτροδ προστηπε προίερο

N+1=6.5 To abonzad aboamos obologo

ПРИНЦИП БИЗЕКЦИЗЕ

3a cryabbe A u B barru 1A1=1B1 axus ∃ f:A>B bujekujuja 1. Међу ненегашивним цеми бројевима мањим од 107 актатрају се они чији је збир Цифара једнак 31 и они чији је збир инфара једнак 32. Хојих бројева има више?

бројеве вено представит кот низове плефара фикан дунине 7, при чену вено под бројева који жиц сеотоплифрени на почеток дописати одговарајуви број Нула.

536 -> 0000536

A= {0,020,040,060,04 | \$\frac{7}{2}0;=31 \\ B= {6662636465664 | \$\frac{7}{2}6;=32 \}

шакишална сума уифара 7-уифреньг Низа је 7.9=63=31+32

Проинимо бијективно преминавање f:A⇒B.

Hera je alaz...azeA

0005998 EA UUUUU 9994001 EB

f(0;)=9-0;

 $\sum_{i=1}^{2} f(a_i) = \sum_{i=1}^{2} (9-a_i) = 7.9 - \sum_{i=1}^{2} a_i = 63-31 = 32$

1-1: $(9-a_1)(9-a_2)...(9-a_7) = (9-c_1)(9-c_2)...(9-c_7)$ =) $9-a_1 = 9-c_1 = 0$

Ha: bib2... bq ∈ B f(ai)= b; => ai= 9-b;

=> f:A>B je dujekuyuja => |A|=|B| г. у равни је уочено 2020 годнака, од којих је једна обојена црвенаи, а преосталих 2019 Плавом бојом. Га ли мећу свим додациовима пот сијиа има више оних који садрже црвену Пожи или оних који је не садрже ?

A1-ирвена шачка A2, A3, ..., A2020 - йлаве шачке

4-ды подсициды који сагрине црвену шочку В-ды подсициды који не сагорине црвену шочку

Hera je S∈d, wj. S= 3 M, Ai, Ai, Aiz, ..., Aids. Прешшавање f: d→B дефинишено на следеву намин

&(S) = S/8A, y = 8Ain, Aiz, ..., Aik)

Tpecumabane f: +>3 je bujernya => 14/=13/

HUHUH!

f(s) = S



3. Nocución pojus de misobe geragmux ujuhapa gymune 6. La un mety noma una bume omos rog rojux je soup apre jegnar soupy un sumpe jegnar soupy nomegno apor ympre jegnar soupy nomegno apor ympre?

X1x2 X3x4X5X6 _xie \$0,1,...,93, i=1,2,...,6

A={a1a2a5a4a5a6 | Zai=27}

B= 26,626,646,66 60 | 6,+62+63 = 64+65+66}

f: A>B a102... a6 € A a1+02+05+04+05+06=27

f(a;)= 9- a;

gospa geh: fiail+fia21+fia3)=fiail+fias1+fiac)

9-91+9-02+9-03 = 9-04+9-05+9-06

91+92+93=94+95+96

f: B → A babe-b6 ∈ B ba+be+b3 = ba+b5+b6

f(bi)= { 9-bi, i=1,2,3 bi, i=4,56

gospa gen:

E fibil= (9-61/+ (9-62/+ (9-63)+ BN+65+66=

27-(84+62+63)+(64+65+66) =27

=> f(b)f(b2)... f(b6) EA

=> f:B=>A dujercywja => |A1=18|