## ВЕЖБЕ 6

## -Рекурентне релације-

1. Наћи општа решења рекурентних релација

a) 
$$f_{n+2} - 7f_{n+1} + 12f_n = 0$$

$$b) \ f_n + 3f_{n-1} - 10f_{n-2} = 0$$

c) 
$$f_{n+2} - 4f_{n+1} + 13f_n = 0$$

$$d) \ f_{n+2} + 6f_{n+1} + 9f_n = 0$$

e) 
$$f_{n+3} + 3f_{n+2} + 3f_{n+1} + f_n = 0$$

$$f) f_{n+4} + 4f_n = 0$$

2. Решити рекурентне релације

a) 
$$f_n = 5f_{n-1} - 6f_{n-2}$$
,  $f_0 = 1$ ,  $f_1 = 1$ 

b) 
$$f_n = 6f_{n-1} - 9f_{n-2}, f_0 = f_1 = 2$$

c) 
$$f_n = 5f_{n-1} - 6f_{n-2} - 4f_{n-3} + 8f_{n-4}, f_0 = 1, f_1 = 8, f_2 = 12, f_3 = 38$$

$$d) \ f_{n+3} = 4f_{n+2} - f_{n+1} - 6f_n, \ f_0 = 1, f_1 = 2, f_2 = 4 \ (домаћи)$$

3. Решити систем

$$f_{n+1} = 2f_n - g_n$$
$$g_{n+1} = f_n + 4g_n$$

уз почетне услове  $f_0 = 2, g_0 = 1.$ 

- 4. Наћи опште решење једначине  $a_{n+2}^2 = 5a_{n+1}^2 4a_n^2$ .
- 5. Ако се зна да су сви чланови низа  $a_n$  почев од  $a_2$  различити решити

a) 
$$a_{n+2} = \frac{a_{n+1}^3}{a_n^2}$$
,  $a_0 = 1$ ,  $a_1 = 2$ 

b) 
$$a_n = a_{n-1}a_{n-2}^2$$
,  $a_0 = a_1 = 2$  (домаћи)

- 6. Наћи општу формулу за следећи низ  $a_{n+2}-4a_{n+1}+4a_n=2^n,\ a_0=a_1=0.$
- 7. Правоугаоник величине  $2 \times n$  издељен је на 2n једнаких квадрата. На располагању имамо домине правоугаоног облика  $2 \times 1$  и  $2 \times 2$ . На колико начина се цео правоугаоник  $2 \times n$  може прекрити са овим доминама?
- 8. Колико има речи дужине n над азбуком  $A = \{1, 2, 3\}$  у којима се не појављује подреч 11?
- 9. Колико има речи дужине n над азбуком  $\{0,1,2\}$  које садрже паран број нула? (домаћи!)