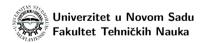
Napredni algoritmi i strukture podataka

Merkle stabla, Serijalizacija stabla



- lacktriangle Formalno gledamo, Merkle stabla uzimaju skup podataka (x_1,\ldots,x_n) na ulaz
- Povratnu vrednost je **Merkle root hash** $h = MHT(x_1, ..., x_n)$
- MHT collision-resistant hash funkcija
- Hash funkcija je collision-resistant hash funkcija ako je teško pronaći dva ulaza koja hash-iraju isti izlaz
- Formalno, za ulaze α i b, $\alpha \neq b$ ali $H(\alpha) = H(b)$

Merkle stablo — formiranje

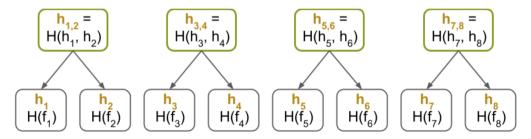
- Algoritam za formiranje Merkle stabla je relativno jednostavan
- Merkle stablo ima bottom-top pristup, zbog svoje specifičnosti
- ▶ Formiranje stabla počinje od dna tj. konkretizovanih podataka data block
- Polako idemo do vrha, gradeći Merkle root element
- Prvi element koji gradimo je list
- Svaki podatak propustimo kroz hash funkciju, i tako formiramo prvi nivo list

- Svaki **list** propustimo kroz *hash* funkciju, a svaka **dva susedna** elementa grade naredni nivo propuštajući njihove zajedničke hash vrednosti kroz hash funkciju
- Pošto radimo sa binarnim stablima, ako na nekom nivou nemamo odgovarajući čvor, možemo da dodamo empty elment da bi algoritam mogao da se nastavi
- Kada propustimo poslednja dva čvora kroz hash funkciju dobijamo Merkle root element
- Time se algoritam za formiranje završava i formirali smo Merkle stablo

- Pretpostavimo da imamo 8 blokova podataka (fajlova) $f = (f_1, ..., f_8)$
- ▶ Svaki podataka f_i propustimo kroz hash funckiju H i dobijamo njegov hash
- ▶ Dobijamo hash vrednost za prvi nivo $h_i = H(fi), h_i = (h_1, ..., h_8)$
- ▶ H reprezentuje **collision-resistant hash** funkciju

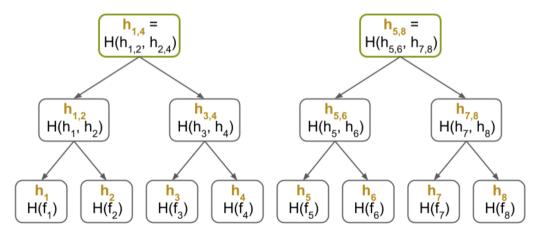
(Decentralized Thoughts, Merkle trees)

- Zabava se nastavlja u istom maniru, samo za naredne nivoe nam trebaju parovi :)
- ▶ Heširamo svaka dva susedna *hash-a*, da bi formirali sledeći nivo $h_{k,m} = H(h_i, h_{i+1})$
- Ako nam fali *hash*, da bi svako imao suseda :(, prosto napravimo prazan *hash* i nastavimo dalje (nećemo se stresirati oko gluposti)

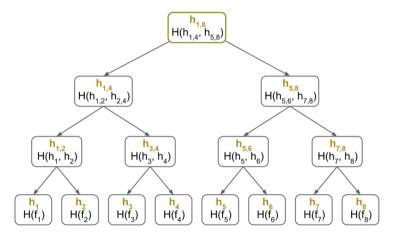


(Decentralized Thoughts, Merkle trees)

► Zabava se nastavlja isto kao i prethodno :)



Idemo isto... i dobijamo $h_{1,8} = H(h_{1,4}, h_{5,8})$



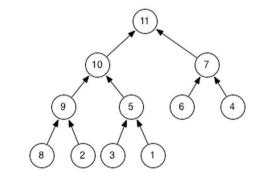
Merkle stablo — napomena

- ▶ Ono što smo deobili na kraju h_{1,8} je **Merkle root hash**
- Obratiti pažnju da svaki čvor u stablu čuva hash vrednost
- lacktriangle Listovi čuvaju hash vrednost (blokova) podataka $h_i=(h_1,...,h_8)$
- Čvorovi koji nisu listovi, i nisu Merkle root hash, čuvaju hash vrednost svoje dece — internal node

- Ako nam na nekom nivou fali par za neki element, prosto dodamo prazan hash da bi formirali par
- Može se lako generalizovati i izražunati Merkle stablo za bilo koji broj π podataka
- Formalno zapisano, prethodni primer se može zapisati kao $h_{1,8} = MHT(f_1,...,f_8)$
- Merkle stabla se formiraju rekurzivno, od dna ka vrhu
- Ovaj proces može biti procesno zahtevan!
- To nikada nemojte izgubiti iz vida

Serijalizacija stabla — jedan primer

- Ako imamo stablo kao sa slike
- Treba da idemo kroz njega, nekim od poznatih algoritama
- Jedna opcija je da idemo po nivoima:
 - ► [11 10 7 9 5 6 4 8 2 3 1]
- Treba voditi računa ako na nekom nivo imamo manjka elmenata, treba da zapišemo nekakav marker da nam bude jasan znak za kasnije!
- Ovo neće biti problem kod Merkle stabala, ali u opštem slučaju treba voditi računa



(Ritambhara, Storing Binary Tree in a file)

Merkle stabla - Zadaci

- Implementirati Merkle stablo za proizvoljan skup podataka
- Koristiti elemente date u kroz helper fajl
- Serijalizovati Merkle stablo u fajl pod nazivom Metadata.txt
- U fajlu treba da budu zapisano samo *hash* vrednosti u tekstualnom obliku kao niz elemenata (za primer pogledati slajd o serijalizaciji)