## BEXEE 2

## MPNXSTEOB MPNHLINN

Дирихлеов принцип (ДП) Ико n+1 или више објекаша преба сментити у n кутија, тода се бар у једној кутији нала зе бар два објекта.

1. Гова могне имашт 366 могуваноши за ровенором

367 = 366 - 1+1

вада на очнову гириживової принципа добијами да почтоје бар г особе које су ровене ичтої дана.

2. Међу 30 студенста који су пологоли истат Једон је начинио 13 грешека, о остоли мање. Гогазоту да постоје бар три студента са истим бројем грешака.

Гедан сигудений има 13 Прешака.

Obu ocaronia cartidetan ch nantrapara poi ibernara as critica {0112,....12}

Претижновимо субротно, да за воаш број Трешака највише г студенита имају тај

број Прешала.

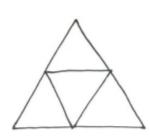
condenti co  $30 = 9 \text{ mygetand} \le 1 + 2.13 = 27$ 

студений са spoten bemaka 090 90 12

30≤27 €

=> Touroju Heku Spoj ipoemaka k = {0,1,...,12} који су награвама бар з студенита.

3. У унутрошности једнопостроничног троуѓа странице дунине г ратоређено је 5 точака. Гоказата да су бор г точке на ратојању шањем од 1.

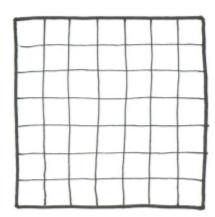


Повланењем средных линиза троугла, велики троугог смо годелили на 4 мања једномостранична троугла странице одиниче 1.

Зобили сто 4 "минизе" з то з точке се начазе д патам тогом троуглу.



Caga је ρουπογαιρε υπινετή υπαδραιτε αβε πρηκε επίροιο ποπρε οд 1, προγία. 4. Војник йуца у мету облика квадрата величине 70×70. Метами је 50 метака и сваки је иотодно мету. Гоказат да достоје 2 пототка која се намазе на растојању мањем од 15.



Поделино таблу на 49 квадрата диненъще 10×10.

50 memora [ An Gap 2 irototika cy anemieta y orbupy 49 genoba ] misot kbagpania gunetzuje 10×10.

10

Hajbetre pauliojanse uzwety wa opa worowka je ol d=1012≈14,1<15

Ma oba noionika ce Hanaze Ha mpanhenan pacinopanty hoje je matre og 15.

5. На намий је учештовато 65 ученика. Он из радили до 3 контранна задашка и за сваки од њих из орбили по једну од оцена: 2,3,4 или 5. хоназата да морају потојат 2 ученика са шилим оценама на вым рабовима.

65 ученика

HOYUH: Ученик може орбайл оцену на 4 ночина на пробол (сонтролном.

65 = 16.4+1 200 10+1=11 Anternica je dogmo ишу оцену на І контраннам.

Л на другом контранном се мане доблиги зедна од 4 oyethe.

17=4.4+1

This God 4+1=5 yrethura was never orgette the appea ова понтролна.

5=1.4+1

ше бор гученика плају ште одене на сво, 3 kottuipalta.

6. Холико се највише крољева може сместит на шажовску таблу, тако да се они међусобно не натадају? Могувје је разместит 16 краљева на начин који је Фриказон на слици.

Thomasha ce inviouse ga in matterno pasmecininin bume og le upatiela.

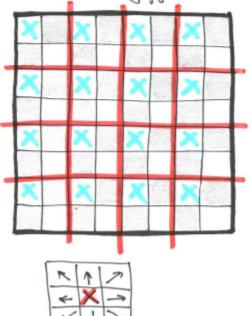
Ogrobop DA -> Hoba chura

HE -> gorass

Themisamoluno ga nomeno pasnenir nir bance og 16 kparter Togennio madry na 16 getaba gunensuje 2x2.

The outby In cago shour ga nomisje 2 kparta kaja ce mange na jegmon og obus 16 getaba gunensuje 2x2.

Laga ce ma gba kparta ybek namingajy f (yerab je ga ce kpartebu metycosto ne namingajy)



8.01 Холико најмање караша треба извући из стандардног штла са 52 карте да би се међу извученим картама стурно налазиле четири са истим знаком?

13= 4.3+1 Usbyku wo io 3 korpine Пен над извучено 13 нароша битено ситурт да имано и нароже нагот знона. Са 12 нароша бисно може да добијено шизацију гоје сио од выст знока извучен само по з нароже.

Supurated irpunyui je irpobepa ga du auto gospo pennu sagaina.

в времино караша најмање шрева извући да би се нашле бор шри са знаком срид?

39+3=42 Usbyku wo doe kopiñe ca 340000 \$1,\$ u\$ ûpe wjeghe 39+3=42 9. Из снуба 31,2,...,303 насушино се изблани 12 бројева. Доказайт да међу извученим бројевима увек йошбоје овог броја чији је назвећи заједнички дешмац вет од 1. Праши бројеви: 2,3,5,7,11,13,17,19,23,29

11 guejykküthux 2 20 20 20 usbyrethuse 12 Spojeba ce Hadase y ucusul (bumeedemethüttom) inogekyily

Сада су учена 2 броја траннет бројеви који имају НЗД >1.

## JPEJEHN N3BORN

Hera cy goutiu cyclobu  $M \cup N$ , |M|=m, |N|=n. Gpoj CDUX NPECJUKABAHA  $f:M \to N$  je  $n^m$ 

 $\overline{u \cdot u \cdot u \cdot u} = u_{\mathbf{w}}$ 

BAPUJALLUZE CA NOHABLIAHEM

1. На зиду се налазе 3 куке. На колико начина се на њих люту окачити 4 катута? (На једну куку се логне окачит и више катута . Међусобни распоред катута окачених на исту куку није битан.)

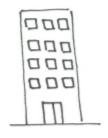




3.3.3.3=34



3a οβορία κουρία δαροσιο μημή το κοίλ τρε κουρία Στιών οκολετ. 2. У лифій у йриземьу чейворосйрайнице ушло је 6 особа. На колико нанина оне шоту найучиним лифій? (вака особа излази на једном од сироштва.)



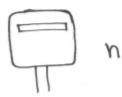
Usana ocosa una 4 mosytrocur ga Harran untur.

3. На колико различития начина се т различитих писама може расдоредити у п поштанских сандучива?



m

 $\mathcal{U} \cdot \mathcal{U} \cdot \mathcal{U} \cdot \mathcal{U} \cdot \dots \cdot \mathcal{U} = \mathcal{U}_{M}$ 



За выхо бисто гавото д која санджари знепо

Hera cy gain crysola M u N, |M|=m, |N|=n.

Gpoj NHJEKTUBHUX  $(1-1^n)$  apeciana batha  $f:M \xrightarrow{k-1} N$  je n(N-1)...(N-m+1)  $n.(N-1).(N-2).....(n-m+1) = \prod_{i=0}^{m-1} (n-i)$ 

AMA & BAHON E3B 3EN MAENGAB G-

4. Хлуб има 30 чланова. На колико начина се монне изабрайл председник, потиредседник, секретор и благојник клуба?

Suaraghuk: 27

председник: 30
потпредседник: 29
секретар: 28
благодник: 27

5. Ученици четвриот разреда даке неделье иду на излет. Они су добили йонуду за 15 дестинација и треба да одаберу 7 које вле йосетиту. На колито намина моту да одаберу која места вле иосетиту вле и ода вле иосетиту вле и ода вле иосетиту вле и ода вле иосетиту излет влиту на Полив.

15 geninmanja 7 yernama – Og 14 apeonianus geninmanja apota oga sponia 6 sa 7 nenena 15 geninmanja 7 nenena 15 geninmanja 7 nenena 16 sa 16 s

14.13.12.11.10.9.1 Nouch

 ${\it Gpoj}$   ${\it БИЈЕКТИВНИХ}$  прешинавања коначної сиуйа  ${\it N}$  на самої себе  $(f:N_{\it Ha}^{\it IJ}N)$  адговара сроју  ${\it NEPMJTAЦИЈА}$  обої сиуйа.

број <del>Пермитација</del> скуга N који сабрени N елемената је

 $N_{1}^{\prime} = N \cdot (N-1) \cdot (N-2) \cdot \dots \cdot 2 \cdot 1$ 

6. Лчега треба да сакуйн йолен са 7 различитих цветвы йре него што се вратч у кошницу. Хада йчела узме йолен са неког цветь она се више не враћа на тај цвет. На комко намина йчела може да обиће доих 7 иветова?

Проинени број предсигавью број пермутација 7-точнаног скупа којиж има 7!.



7. Холико има бермушанија скуба 31,2,..., № у којима су елеменим 1 и 2 суседни? Елемените 1 и 2 матемо босмотраном кого један елемений: блок 122

> 12, 3,4,5,6,..., N, N-2 everyething N-1 everyethin (Shok [12] + everyething 3,4,..., N)

2. (n-1)

8. На колико начина п особа може да стаже у ред, оли тако да две уочене особе не спеју да стоје једна поред друге?

Hera ocobe A u B He wely ga who je jegta op gryse

ACB ....

ACDB .... ACDEB .... Vg Joux noighux paciopega nomeno ogyseni "vane" paciopege.

 $N_i - 5 \cdot (N-1)_i$ 

A ..... B

Journ of pacinopegu rge A и В стоје једно до другот, а на синаву 7. задатна энамо да такот распореда имагм-11!

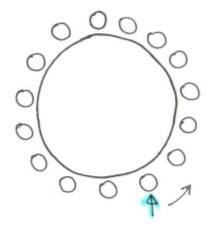
9. Одредийн број йрешинавања сидда 31,2,...,n у сидй 31,2,...,n йыных да ныхова сиша ноувише n-1 елемений.

Од унуйної броја доих могувлих преминавана одузећено преминавана под којих скуп смина шин точно п елемената.

диугон грој пресничаваном: N'

 $N_{M} - M_{f}$ 

10. На колико начина п особа шонне да седне за округли сто?



10 Сапиличе нумерисане: 11!

2° Comonuse Hury Hydrepurate

$$\frac{\nu}{\nu_i} = (\nu - i)_i$$

Lemmo ca n jep pangobed

canoie nam abminem boughouse

dono! bongobeda (nij. 46 zopna ed now roja montaña je

nzorbona za aborannañ