1 Stime di somme

stima di somme

Somma di Gauss

$$\sum_{i=1}^{h} i = \frac{h(h+1)}{2}$$

Somma di potenze con $k \geq 1$:

$$\sum_{i=1}^{h} i^k \in O(h^{k+1})$$

Somma di potenze con $k \leq 1$:

$$\sum_{i=1}^{h} i^k \in \Omega(h^{k+1})$$

Serie geometrica con $\rho \geq 1$:

$$\sum_{i=0}^{+\infty} \rho^i = +\infty$$

Serie geometrica con $\rho < 1$:

$$\sum_{i=0}^{+\infty} \rho^i = \frac{1}{1-\rho}$$

Somma parziale della serie geometrica:

$$\sum_{i=0}^{h} \rho^{i} = \frac{1 - \rho^{h+1}}{1 - \rho} = \frac{\rho^{h+1} - 1}{\rho - 1}$$

2 Proprietà dei logaritmi

Proprietà dei logaritmi

definizione:

$$a^{\log_a(b)} = b$$

logaritmo del prodotto:

$$\log_b(n \cdot m) = \log_b(n) + \log_b(m)$$

logaritmo del rapporto:

$$\log_b(\frac{n}{m}) = \log_b(n) - \log_b(m)$$

logaritmo della potenza:

$$\log_b(n^k) = k \cdot \log_b(n)$$

cambio di base:

$$\log_b(n) = \frac{\log_c(n)}{\log_c(b)}$$

inversione base esponente:

$$n^{\log_b(m)} = m^{\log_b(n)}$$

complessità:

$$\log_b(n) = \Theta(\log_c(n))$$

complessità:

$$\Theta(\log(n!)) = \Theta(n\log(n))$$