



黑马程序员™
www.itheima.com

传智播客旗下
高端IT教育品牌



进制

目录

Contents

- ◆ 进制介绍
- ◆ 进制转换
- ◆ 原码反码补码
- ◆ 位运算

进制介绍

进制：指进位制，是人们规定的一种进位方式

表示某一位置上的数，运算时是逢X进一位。

十进制是逢十进一，二进制就是逢二进一，八进制是逢八进一...

常见进制：二进制，八进制，十进制，十六进制

为什么要学习进制？

原因：计算机数据在底层运算的时候，都是以**二进制形式**

也有数据是以八进制、十进制、或者十六进制进行存储或运算，了解不同的进制，便于我们对**数据的运算过程**理解的更加深刻。

十进制

运算规则：逢十进一，借一当十。

$$\begin{array}{r} 13 \\ + 17 \\ \hline 20 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 20 \\ - 7 \\ \hline 13 \end{array}$$

② 2被借走了1，还剩下1，1落下去

① 0减7不够，向前借1，当做10进行运算
 $10-7=3$

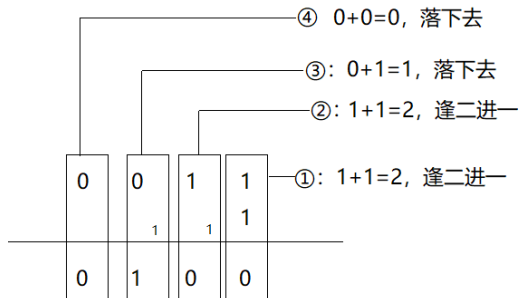


二进制

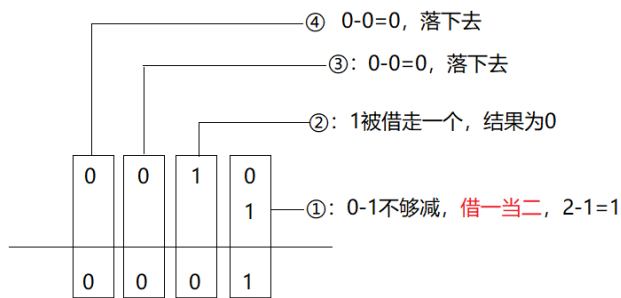
介绍：二进制数据是用0和1两个数码来表示。例如：0101000

进位规则是“逢二进一”，借位规则是“借一当二”。

二进制计算：0011 + 1



二进制计算：0010 - 1



八进制和十六进制

- **八进制介绍**：采用0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7八个数字，逢八进1
- **十六进制介绍**：用数字0到9和字母A到F（或a~f）表示，其中:A~F表示10~15，这些称作**十六进制**。
【0】 【1】 【2】 【3】 【4】 【5】 【6】 【7】 【8】 【9】 【a】 【b】 【c】 【d】 【e】 【f】

不同进制的书写格式

- 十进制：Java中，数值默认都是10进制，不需要加任何修饰。
- 二进制：数值前面以0b开头，b大小写都可以。
- 八进制：数值前面以0开头。
- 十六进制：数值前面以0x开头，x大小写都可以。

注意：以上内容是jdk7版本之后才被支持。

目录

Contents

- ◆ 进制介绍
- ◆ 进制转换
- ◆ 原码反码补码
- ◆ 位运算

进制转换

- 二进制到十进制的转换
- 公式：系数 * 基数的权次幂 相加
 - 系数：每一【位】上的数
 - 基数：几进制，就是几
 - 权：从数值的右侧，以0开始，逐个+1增加

例如：0b100

拆解：0b为二进制标识

系数：1 0 0

基数：2（因为当前数值是2进制）

权：从右侧开始，以0为编号，逐个加1

0 ---- 0

0 ---- 1

1 ---- 2

套入公式：系数*基数的权次幂相加

$$0 * 2^0 = 0$$

$$0 * 2^1 = 0$$

$$1 * 2^2 = 4$$

$$\text{结果：} 0 + 0 + 4 = 4$$

进制转换

- 十六进制到十进制的转换
- 公式：系数 * 基数的权次幂 相加
 - 系数：每一【位】上的数
 - 基数：几进制，就是几
 - 权：从数值的右侧，以0开始，逐个+1增加

例如：0x100

拆解：0x为十六进制标识

系数：1 0 0

基数：16（因为当前数值是16进制）

权：从右侧开始，以0为编号，逐个加1

0 ---- 0

0 ---- 1

1 ---- 2

套入公式：系数*基数的权次幂相加

$$0 * 16^0 = 0$$

$$0 * 16^1 = 0$$

$$1 * 16^2 = 256$$

$$\text{结果：} 0 + 0 + 256 = 256$$

进制转换

- 总结：任意进制到十进制的转换
- 公式：系数 * 基数的权次幂 相加
 - 系数：每一【位】上的数
 - 基数：几进制，就是几
 - 权：从数值的右侧，以0开始，逐个+1增加

进制转换

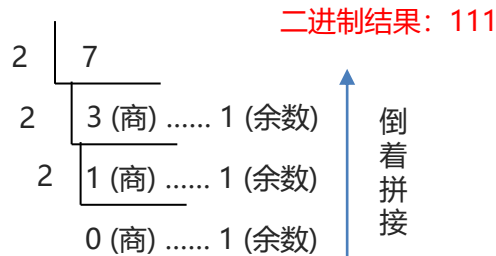
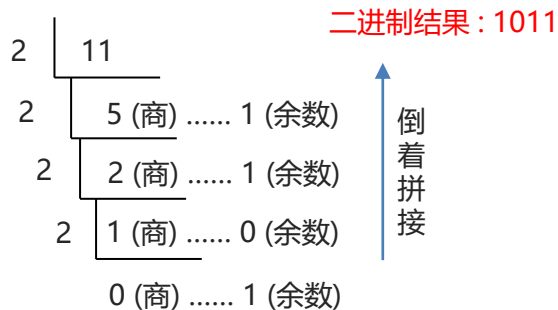
- 十进制到二进制的转换

- 公式：除基取余

使用源数据，不断的除以基数（几进制，基数就是几）得到余数，直到商为0，再将余数倒着拼起来即可。

需求：将十进制数字11，转换为2进制。

实现方式：源数据为11，使用11不断的除以基数，也就是2，直到商为0。



进制转换

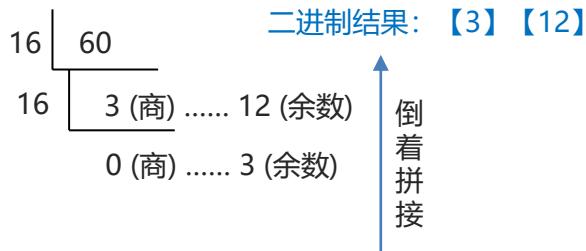
- 十进制到十六进制的转换

- 公式：除基取余

使用源数据，不断的除以基数（几进制，基数就是几）得到余数，直到商为0，再将余数倒着拼起来即可。

需求：将十进制数字60，转换为16进制。

实现方式：源数据为60，使用60不断的除以基数，也就是16，直到商为0。



注意：十六进制中，12使用C进行表示
结果：3C

进制转换

- 结论：十进制到任意进制的转换

- 公式：除基取余

使用源数据，不断的除以基数（几进制，基数就是几）得到余数，直到商为0，再将余数倒着拼起来即可。

快速进制转换法

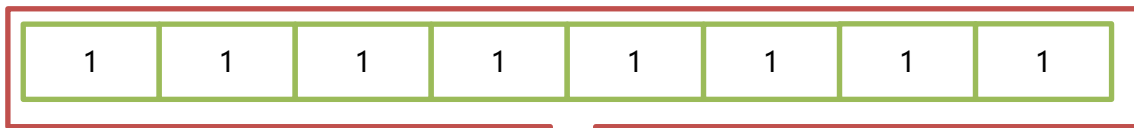
- 8421码:

8421码又称BCD码，是BCD代码中最常用的一种

BCD: (Binary-Coded Decimal) 二进制码十进制数

在这种编码方式中，每一位二进制值的1都是代表一个固定数值，把每一位的1代表的十进制数加起来得到的结果就是它所代表的十进制数。

二进制快速转十进制



公式：系数 * 基数的权次幂 相加

1×2^7	1×2^6	1×2^5	1×2^4	1×2^3	1×2^2	1×2^1	1×2^0
----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------

可将2进制数值直接套入其中，0所对应的值不取，1所对应的值取出并相加

例如：二进制0b1101

1

1

0

1

$$8 + 4 + 1 = 13$$

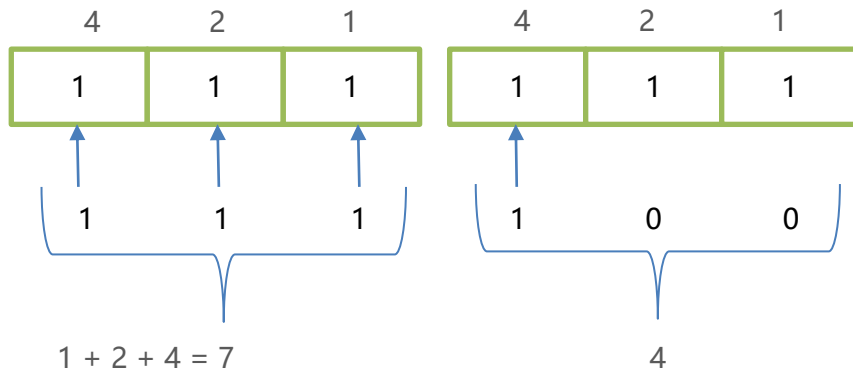
二进制0b1101，转10进制后，结果为13

二进制快速转八进制

八进制：将三个二进制位看为一组，再进行转换

原因：八进制逢八进一，三个二进制位最多可以表示111，也就是数值7，如果出现第四位，就超范围了

需求：将60的二进制0b111100转换为八进制

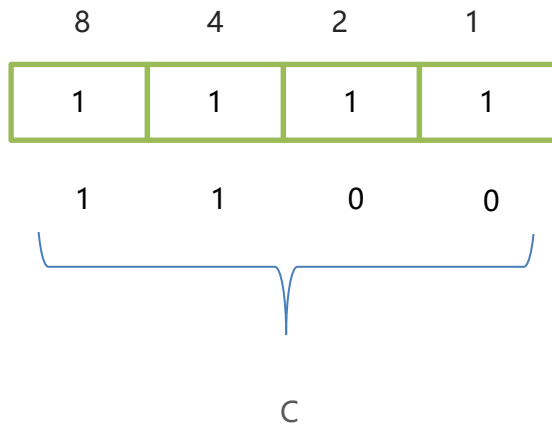


二进制快速转十六进制

十六进制：将四个二进制位看为一组，再进行转换

原因：十六进制逢十六进一，四个二进制位最多可以表示1111，也就是数值15，如果出现第五位，就超范围了

需求：将60的二进制0b111100转换为十六进制



目录

Contents

- ◆ 进制介绍
- ◆ 进制转换
- ◆ 原码反码补码
- ◆ 位运算

原码反码补码

- 为什么要学习原码反码补码？

```
public class Test {  
    public static void main(String[] args) {  
        // byte的取值范围: -128~127  
        byte b = (byte) 130;  
        System.out.println(b);  
    }  
}
```

- 运行结果

```
E:\>java Test  
-126
```

原码反码补码

- 原码反码补码介绍

注意：计算机中的数据，都是以二进制补码的形式在运算，而补码则是通过反码和原码推算出来的。

- 原码 (可直观看数据大小)

就是二进制定点表示法，即最高位为符号位，【0】表示正，【1】表示负，其余位表示数值的大小。

通过一个字节表示+7和-7，代码：byte b1 = 7; byte b2 = -7;

一个字节等于8个比特位，也就是8个二进制位

0(符号位) 0000111

1(符号位) 0000111

- 反码

正数的反码与其原码相同；负数的反码是对其原码逐位取反，但符号位除外。

- 补码 (数据以该状态进行运算)

正数的补码与其原码相同；负数的补码是在其反码的末位加1。

原码反码补码

- 原码反码补码介绍

正数的原反补都是相同的

负数的【反码】，是根据【原码】取反(0变1, 1变0)得到的 (符号位不变)

负数的【补码】，是根据【反码】的末尾+1, 得到的

- 求-7的补码

原码：1(符号位) 0000111 \longrightarrow 符号位不变, 0变1, 1变0

反码：1(符号位) 1111000 \longrightarrow 反码的末尾+1, 求补码

+1

补码：1(符号位) 1111001

问题：根据原码能慢慢推导补码，根据补码能否反向推导原码？

原码反码补码

- 原码反码补码介绍

```
byte b = (byte) 130;  
System.out.println(b);
```

① 整数130：默认为int，int占用4个字节，也就是4组8个二进制位

```
00000000 00000000 00000000 10000010
```

② 强转到byte：4个字节，强制转换为1个字节，就是砍掉前3组8位

```
10000010
```

③ 根据运算后的补码，反向推原码

```
补码 -> 反码：末尾-1  
10000010  
      -1  
-----  
10000001
```

```
反码 -> 原码：符号位不变，其余数值逐位取反  
11111110
```

④ 使用8421码开始计算

二进制原码

1	1	1	1	1	1	1	0
---	---	---	---	---	---	---	---

8421码

-	64	32	16	8	4	2	1
---	----	----	----	---	---	---	---

$$2 + 4 + 8 + 16 + 32 + 64 = 126$$

拼上符号位即是 -126

目录

Contents

- ◆ 进制介绍
- ◆ 进制转换
- ◆ 原码反码补码
- ◆ 位运算

位运算符介绍

- 思考：System.out.println(6 & 2); 结果是多少？

位运算符介绍

- 位运算符指的是二进制位的运算，先将十进制数转成二进制后再进行运算。
- 在二进制位运算中，1表示true，0表示false。

位运算符介绍

符号	计算方式
&	遇到0 (false) 则0 (false) , 两边同时为1 (true) , 结果才是1 (true)
	遇到1 (true) 则1 (true) , 两边都是0 (false) , 结果才是0 (false)
^	相同为false, 不同为true
~	取反, 二进制位全部取反, 0变1, 1变0, 包括符号位
<<	有符号左移运算, 左边符号位丢弃, 右边补齐0
>>	有符号右移运算, 根据符号位, 补齐左边
>>>	无符号右移, 无论最符号位是0还是1, 都补0

异或运算的特点

- 一个数，被另外一个数，异或两次，该数本身不变。



案例：数据交换

需求：已知两个整数变量 $a = 10$, $b = 20$ ，使用程序实现这两个变量的数据交换
最终输出 $a = 20$, $b = 10$;

思路：

- ① 定义一个三方变量temp，将a原本记录的值，交给temp记录（a的值，不会丢了）
- ② 使用 a 变量记录 b 的值，（第一步交换完毕，b的值也丢不了了）
- ③ 使用 b 变量记录 temp的值，也就是a原本的值（交换完毕）
- ④ 输出 a 和 b 变量即可



案例：数据交换

需求：已知两个整数变量 $a = 10$, $b = 20$ ，使用程序时间这两个变量的数据交换
最终输出 $a = 20$, $b = 10$;

不允许使用三方变量

```
public static void main(String[] args) {  
    int a = 10;  
    int b = 20;  
    a = a ^ b;  
    b = a ^ b;  
    a = a ^ b;  
    System.out.println(a);  
    System.out.println(b);  
}
```

```
a = a ^ b;    // a = 10 ^ 20;  
b = a ^ b;    // b = 10 ^ 20 ^ 20;  
a = a ^ b;    // a = 10 ^ 20 ^ 10;
```

案例：反转



案例：反转

需求：已知一个数组 `arr = {19, 28, 37, 46, 50}`；用程序实现把数组中的元素值交换，交换后的数组 `arr = {50, 46, 37, 28, 19}`；并在控制台输出交换后的数组元素。

数据	19	28	37	46	50
索引	0	1	2	3	4

反转后

数据	50	46	37	28	19
索引	0	1	2	3	4

案例：反转



案例：反转

数据	19	28	37	46	50
索引	0	1	2	3	4

数据	19	28	37	46	50
索引	0	1	2	3	4

案例：反转



案例：反转

数据	19	28	37	46	50
索引	0	1	2	3	4



```
int temp = arr[0]  
arr[0] = arr[4]  
arr[4] = temp;
```

案例：反转



案例：反转

数据	50	28	37	46	19
索引	0	1	2	3	4



```
int temp = arr[1]
arr[1] = arr[3]
arr[3] = temp;
```

案例：反转



案例：反转

数据	50	28	37	46	19
索引	0	1	2	3	4



```
int temp = arr[1]
arr[1] = arr[3]
arr[3] = temp;
```

案例：反转



案例：反转

分析：交换的代码不止一次，可以使用循环进行

```
for (      初始化语句;      条件判断语句;      条件控制语句; ){  
  
    循环体语句;  
  
}
```

数据	19	28	37	48	50
索引	0	1	2	3	4



`int start = 0 , end = arr.length - 1;`

```
int temp = arr[0]  
arr[0] = arr[4]  
arr[4] = temp;
```

`start++ , end --`



传智播客旗下高端IT教育品牌