

19 | 案例总结与热点问题答疑：对于左递归的语法，为什么我的推导不是左递归的？

2019-09-25 宫文学 来自北京

《编译原理之美》



目前为止，“编译原理”的前端部分已经讲完了，你学到现在，感受如何呢？

不得不说，订阅这门课程的同学，都是很有追求的。因为编译原理这门课，肯定给你的学习生涯多多少少地带来过“伤害”，你现在有勇气重拾“编译原理”，下决心将它攻克，本身就是一种有追求的表现。

在课程开始之初，很多同学当场立下（入）了 Flag（坑），比如：

@andylo25：立下 Flag，想写一个解释性语言。

@陈越：许诺会跟着学完。

@许。：强调自己因为面试华为来学习编译原理。

.....

还有同学认为自己半路出家，为了长远的发展，一定要补好基本功。要我说，乔布斯还是辍学加半路出家的呢，终生学习是互联网时代的常态：

@一只豪猪：半路出家的野路子码农来补课了。

.....

在准备课程的过程中，我努力把晦涩的知识点变得通俗易懂，希望得到你的认可。当我在留言区看到一些留言时，我的内心是欣慰的，也是欣喜的：

@许童童：之前看到词法分析什么的就是一脸蒙，看了老师的文章，醍醐灌顶。

@VVK：老师讲的太好了，十几年没搞懂的概念终于整理明白了。

.....

与此同时，我也在不断优化课程，力求将内容做到深入浅出，比如，在策划算法篇的内容时，我吸取一些同学的建议，尽可能画成可视化的图形，并且让整个算法的推导过程很直观地呈现。

但是我不能回避一个事实，就是即便这些内容你认为很好，但你要想学好编译原理，还是要花费不少精力将这些内容反复地看上几遍。你需要认真跟上课程的思路和进程，用心思考和实践，才会有所得，单看内容不动手尝试是没办法学为所用的。所以，在这里，我想表扬一些有耐心，愿意尝试的同学，比如 @曾经瘦过 @Unrestrained@周小明 @Sam 当然，还有很多同学在一直坚持，我为你们点赞！

而且，我发现，很多同学还有探知和质疑精神，比如，@沉淀的梦想 发现我在示例代码里用的都是左值，也跟我讨论在实现闭包的时候，如何仍然正常访问全局变量。@mcuking 指出 JavaScript 的 ES6 版本已经支持块作用域 @李梁|东大 也与我讨论了关于 C++ auto 变量的类型推导等等。

我知道大部分同学的时间很紧，但我感谢你们的坚持，感谢你们在努力抽时间动手实践，比如 @Smallfly 自己动手写规则；@曾经瘦过 再次动手跟着敲代码。

还有很多同学花了很多时间，用自己熟悉的语言，参照课程的示例代码重写了词法分析器、语法分析器，并分享了代码：

@ (——_——): 写了一晚上，终于用 C 语言模仿实现了第二节课的内容。

@windpiaoxue: 也做了一个 C 语言实现。

.....

其他有 Go 语言的 (@catplanet)、Swift 语言的 (@Smallfly@Rockbean@贾献华)、C++ 语言的 (@阿尔伯特 @中年男子 @蛋黄儿)、TypeScript 的 (@缺个豆饼吗 @好吃的呆梨)、PHP 的 (@吴军旗) 等等，我通常都会编译并运行一下。

@catplanet 甚至提供了一个界面，可以通过浏览器调用自己写的编译程序，运行并显示结果。

@京京 beaver 还分享了在 Windows 环境下如何做 Antlr 的配置，让其他同学可以更顺畅地运行 Antlr。

@knull 建议我在写 BNF 的时候，用到 + 号 Token 要带上引号，避免跟原来 BNF 表示重复 1 到多次的 + 号冲突。

@kaixiao7 提醒我在 Windows 下，EOF 是用 Ctl+z 输入。

我对你们取得的成果以及建议感到由衷的高兴和感谢，我相信，你们的分享也激励了其他同学克服困难，继续前进！

当然了，你在学习的过程中，还会遇到一些问题，我很感谢提问题的同学。其中一些问题，我认为是比较典型，有通用意义的，**所以选了 4 个典型的问题，再带你详细地探究一下。**

问题一：对于左递归的语法，为什么我的推导不是左递归的？

这个问题本身反映了，进行递归下降分析的时候，如何保持清晰的思路，值得讲一讲。

在 03 讲，我们刚开始接触到语法分析，也刚开始接触递归下降算法。这时，我介绍了左递归的概念，但你可能在实际推导的过程中，觉得不是左递归，比如用下面这个语法，来推导“2+3”这个简单的表达式：

复制代码

```
1 //简化的左递归文法
2 add->Int
3 add->add + Int
```

你可能会拿第一个产生式做推导：

add->2

成功返回


因为没有采用第二条产生式，所以不会触发递归调用。但这里的问题是，“2+3”是一个加法表达式，2 也是一个合法的加法表达式，但仅仅解析出 2 是不行的，我们必须完整地解析出“2+3”来。

在 17 讲，我提到，任何自顶向下的算法，都是在一个大的图里找到一条搜索路径的过程。最后的结果，是经过多次推导，生成跟输入的 Token 串相同的结果，解析完毕以后，所有 Token 也耗光。



如果只匹配上 2，那就证明这条搜索路径是错误的，我们必须尝试另一种可能性，也就是第二个产生式。

要找到正确的搜索路径，在递归下降算法或者 LL 算法时，我们都是采用“贪婪”策略，这个策略在 [@16 讲](#) 关于正则表达式时讲过。也就是要匹配尽量多的 Token 才可以。就算是换成右递归的文法，也不能采用第一个产生式。因为解析完 Int 以后，接下来的 Token 是 + 号，还可以尝试用第二个产生式，那我们就要启动贪婪策略，用第二个，而不是第一个。

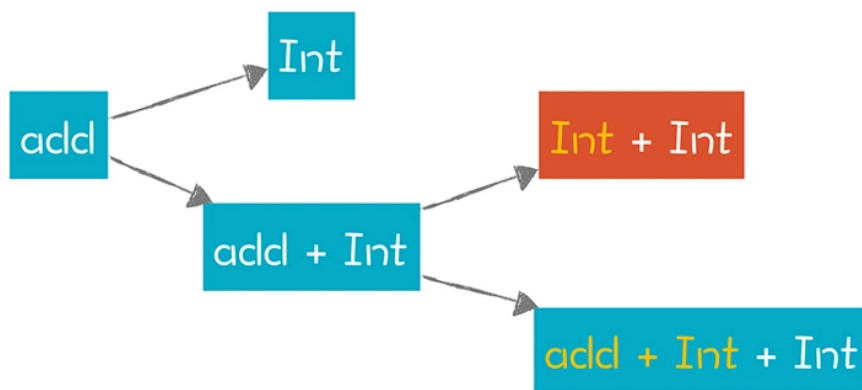
 复制代码

```
1 //简化的右递归文法
2 add->Int
3 add->Int + add
```

以上是第一种情况。

不过有的同学说：“我运用第二个产生式也能匹配成功，根据 ‘add->add + int’ 这个产生式，先拿第一个 add 去匹配 2，再去匹配 + 号和 3 不就行了吗？”

这是另一种引起困扰的情况，也是我在 17 讲必须说一下广度优先算法的一个原因。因为这位同学的推导过程，是典型的广度优先。add 非终结符，先广度优先地拆成两条路径：第一条路径匹配不成功；第二条路径进一步进行广度优先的探索，于是成功解析：



但我们在 17 讲也说过，广度优先算法的性能很低，在这个简单的例子中还看不出来，但如果是稍微复杂一点儿的语法和表达式，计算量就指数级上升。

问题二：二元表达式的结合性的实现。

@nil: 最终通过循环来消除递归带来的二元预算符的结合性问题？能否直接在递归中消除结合性问题？

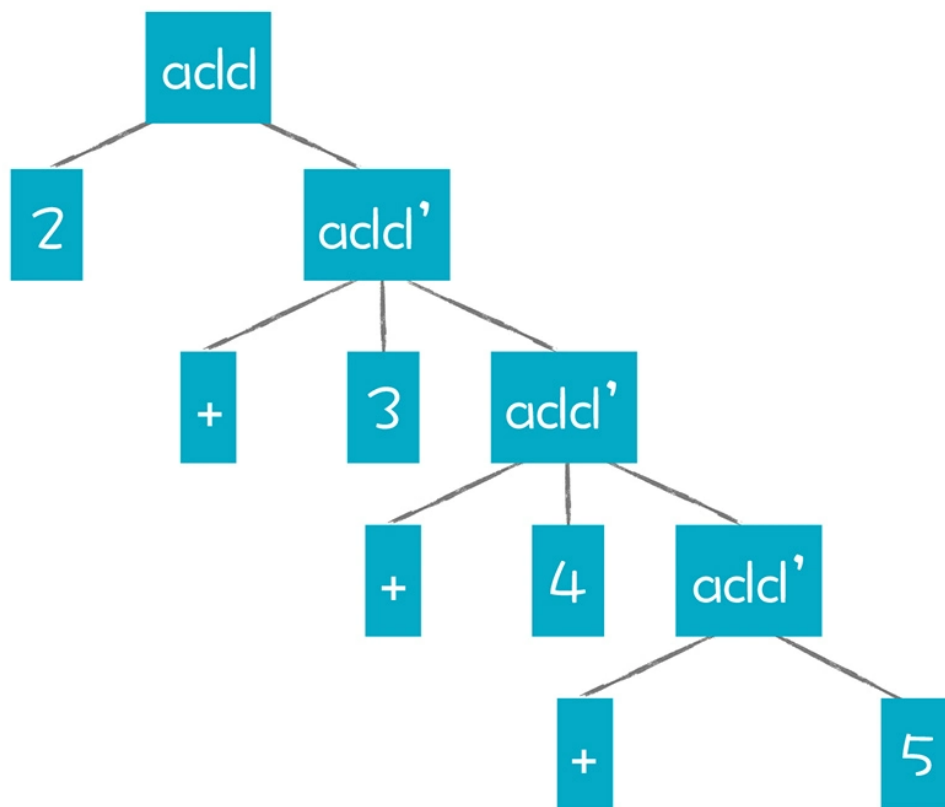
04 讲的这个问题在递归下降算法中是个难点，反映了理论上的算法用于工程实践时，会遇到的具体问题和解决方案，所以也值得探讨。

因为递归下降算法是自顶向下、最左推导的。对于 AST 来说，父节点总是先于子节点来生成。因此，使用下面这个消除了左递归的加法文法来尝试解析 “2+3+4+5” 这个表达式：

```
1 add -> Int add'  
2 add' -> + Int add' | ε
```

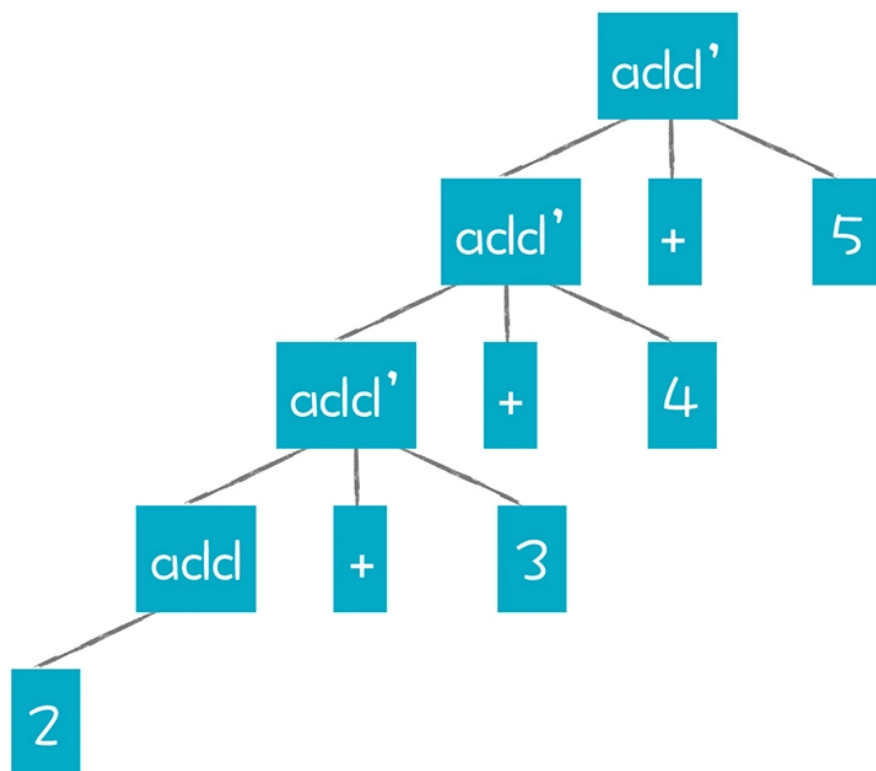
复制代码

得到的 AST 应该是这样的：



这个 AST 会觉得有点儿怪，毕竟它把加法操作分成了 `add` 和 `add'` 这两种操作。针对 `add'` 这样一个节点，我们可以定义为把 `Int` 子节点和 `add'` 子节点做加法，但这样就一共要做四次计算，1 个 `add` 计算，3 个 `add'` 计算。并且，因为是右递归，所以计算顺序是右结合的。

如果我们想改成左结合，可以尝试改变之前的约定，就是父节点先于子节点生成，把 AST 强行拧成这个样子：



可以看出，这样强拧的过程，已经违背了 `add` 和 `add'` 产生式的规则。

同时，用 `add` 和 `add'` 这两个节点才能表达加法运算，还是跟我们日常的习惯相违背。与之相对的，Antlr 的写法，就很符合我们日常习惯。它是根据 `<assoc=left>` 这样的额外信息，决定解析时如何生成 AST 的结构：

```
1 add : Int
2     |<assoc=left> add + add
3     ;
```

 复制代码

我们文稿中的示例算法，跟这个思路类似，也是不改变加法运算的含义，但会根据结合性改变 AST 节点的父子结构。这种改变，等价于我们在解析加法表达式时，不是用的最左推导，而是最右推导。


所以，我们可以看出：

单纯的运用递归下降算法或 LL 算法，我们是无法支持左结合的，一定要做一些特殊的处理。而 LR 算法就不需要这些特殊处理，仅仅通过文法的设计，就能支持好结合性，这可能是很多人推崇 LR 算法的原因吧。

另一方面，工程上运用良好的语法解析方法，不需要是纯粹的某一种单一的算法，增加一些辅助手段会让它更有效。比如 Antlr 的内部实现可以自动选择预读 1 个或更多个 Token。必要的话还会启动回溯机制。这样做的好处，是对语法编写的要求降低，更加照顾程序员的工作效率。

问题三：二义性文法为什么也能正常解析？

@windpiaoxue:


 复制代码

```
1 stmt -> if expr stmt
2       | if expr stmt else stmt
3       | other
```

我测试了一下，Antlr 使用上面这个规则可以正确地处理悬挂 else 的问题，Antlr 在处理这种二义性问题的时候，是依据什么来处理的？

针对 07 讲中关于二义性文法的问题也有普遍意义，其实原因我在 07 讲里已经说了。我们实现一个算法的时候，是有确定的顺序来匹配的，所以，即使是二义性文法，在某种算法下也可以正常解析，也就是生成正确的 AST。

如果我们采取深度优先的自顶向下的算法，在使用这两个产生式时：

 复制代码

```
1 stmt -> if expr stmt
2 stmt -> if expr stmt else stmt
```

我们就像问题一中讲加法运算时提到的那样，采用“贪婪”的算法，总是试图匹配更多的 Token。所以，只要有 else，它就会去匹配 else，所以 else 总是会跟最近的 if 组成一对。但采用这个文法的时候，如果不是用贪婪策略来解析，就可能会导致 if 和 else 错配。

而严格的非二义性文法要求得比较高，它要求是算法无关的，也就是无论采用哪种推导顺序，形成的 AST 是一样的。这里的关键点，在于把“文法”和“算法”这两件事区分开，文法是二义的，用某个具体算法却不一定是二义的。

问题四：“语法”和“文法”有什么区别和联系？

@鸠摩智：请问语法和文法有什么区别和联系？

这是一个术语的问题，确实要理清楚，你也可能会有这种疑问。

文法 (Grammar)，是形式语言 (Formal Language) 的一个术语。所以也有 Formal Grammar 这样的说法。这里的文法是定义清晰的规则，比如，我们的词法规则、语法规则和属性规则，都是用形式文法来定义的。

我们的课程里讲解了正则文法 (Regular Grammar)、上下文无关文法 (Context-free Grammar) 等不同的文法规则，用来描述词法和语法。

语法分析中的语法 (Syntax)，主要是描述词是怎么组成句子的，一个语言的语法规则，通常指的是这个 Syntax。

问题是，Grammar 这个词，在中文很多应用场景中也叫做语法。这是会引起混淆的地方。我们在使用的时候要小心一点儿就行了。

比如，我做了一个规则文件，里面都是一些词法规则（Lexer Grammar），我会说，这是一个词法规则文件，或者词法文法文件。这个时候，把它说成是一个语法规则文件，就有点儿含义模糊。因为这里面并没有语法规则（Syntax Grammar）。

案例总结

在前端部分，我们伴随着文稿提供了丰富的示例程序，我相信代码是程序员之间沟通的最好手段。

第一批示例程序，是 lab/craft 目录下的。

通过手工实现简单的词法分析和语法分析，获得第一手的感受，破除对于编译技术的神秘感。你会感觉到，如果要实现公式计算器甚至一个简单脚本，似乎也没那么难。

第二批示例程序，是基于 Antlr 工具的。

使用这个工具，实现了两个目的：

第一，让你借鉴成熟的规则文件，高效实现词法分析和语法分析功能。

第二，在不必关注词法分析和语法分析的情况下，我们把更多的精力放在了语言特性设计、语义分析和运行期机制上。针对作用域、函数、闭包、面向对象等特性都提供了示例程序，最终实现出一门看上去挺威风的脚本语言。

第三批示例程序，则是完成了应用篇的两个题目。

一个示范了如何通过解析 SQL 语句，实现分布式数据库的一个简单特性。另一个演示了如何实现一个报表系统。通过两个实际案例将技术跟应用领域做了很好的连接，启发你按照类似的思路，去解决自己领域的问题。

第四批示例程序，是在算法篇，针对编译器前端的三组核心算法提供了示例。

这些示例程序能够根据语法规则直接做词法分析和语法分析，不需要为每一组规则单独构造词法分析器和语法分析器，实际上相当于简化版本的 Lex（词法分析）、Antlr（LL 语法分析）和 YACC（LR 语法分析）。

我给你的学习设计了多次迭代、循环提升认知的路径，从简单原理、现有工具和最佳实践、领域应用、算法逻辑等多个维度，给你全面的感受。

小结

编译原理的前端技术部分，正式告一个段落。在这个过程中，我强调的是建立直觉，掌握关键知识点，以及跟实践结合，这三个方面是关键。在短短的十多节课中，我们已经覆盖了所有关键的知识点，吃透这部分课程，会对你的实际工作有所裨益。

当然，我也知道，不到两个月的时间，你肯定不可能完全把它完全吃透，**不过，你已经在自己的知识体系中种下了一颗高质量种子，它会随着时间的流逝，伴随着你在实际应用中的体会，不断成长，并结出丰硕的果实！**

如果你还有其他的问题，欢迎在留言区提问，我会逐一解答。最后，感谢你的阅读，如果这篇文章让你有所收获，也欢迎你将它分享给更多的朋友。

© 版权归极客邦科技所有，未经许可不得传播售卖。页面已增加防盗追踪，如有侵权极客邦将依法追究其法律责任。

精选留言 (4)



crossoverJie

2022-07-03

很早就买了课程 最近才下定决心慢慢的“啃”下来了，最终实现了一个 JSON 解析器。
还利用前面几讲的实现的计算器，最终实现了对 JSON 数据的四则运算；感谢老师让我毕业7年后重新补了编译原理，后面继续啃后端。
最后源代码在这里，希望老师能看看给点意见：
<https://github.com/crossoverJie/gjson>





if...else... 

2021-10-17

厉害



最摇摆的鱼

2021-03-22

我觉得讲得挺好的。



长方体混凝土移动工程...

2020-07-10

一边学习一边实现一个DSL,刚好小组有这么一个调研课题

作者回复: Great!

