

Curso de Tecnologia em Sistemas de Computação Disciplina: Estrutura de Dados e Algoritmos Gabarito da AP2 - Segundo Semestre de 2010

Nome -Assinatura -

## Observações:

- 1. Prova sem consulta e sem uso de máquina de calcular.
- 2. Use caneta para preencher o seu nome e assinar nas folhas de questões e nas folhas de respostas.
- 3. Você pode usar lápis para responder as questões.
- 4. Ao final da prova devolva as folhas de questões e as de respostas.
- 5. Todas as respostas devem ser transcritas nas folhas de respostas. As respostas nas folhas de questões não serão corrigidas.

## 1. Conceitue as seguintes definições:

(a) (1,0) Árvore B de ordem d.

Resposta: Seja d um número natural. Uma árvore B de ordem d é uma árvore ordenada que é vazia, ou que satisfaz as seguintes condições:

- (i) a raiz é uma folha ou tem no mínimo dois filhos;
- (ii) cada nó diferente da raiz e das folhas possui no mínimo d+1 filhos:
- (iii) cada nó tem no mínimo 2d + 1 filhos;
- (iv) todas as folhas estão no mesmo nível.
- (b) (1,0) Árvore de busca balanceada.

Resposta: É uma árvore de busca tal que o custo das operações de busca, inserção, remoção e arrumação da estrutura mantém-se em  $O(\log n)$ .

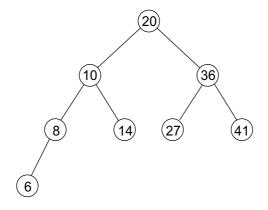
(c) (1,0) Encadeamento exterior.

Resposta: Encadeamento exterior é um tipo de tratamento de colisões, que consiste em em manter m listas encadeadas, uma para cada possível endereço-base. Um campo para o encadeamento deve ser acrescentado a cada nó. Os nós correspondentes aos endereços-base são apenas nós-cabeça para essas listas. Para buscar uma chave x na tabela T, calcula-se  $h(x) = x \mod m$  e procurase x na lista encadeada correspondente ao endereço-base x na lista encadeada correspondente x na lista encadeada correspondente x na lista encadeada correspondente x na lista encadeada encadead

## 2. Responda os items a seguir:

(a) (1,0) Desenhe uma árvore binária de busca **completa**, de altura 4, que possua o número mínimo de nós. Coloque os valores das chaves dentro de cada nó.

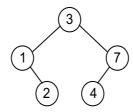
Resposta:



(b) (1,0) Escreva a sequência que corresponde à ordem dos nós visitados no percurso em ordem simétrica, da árvore desenhada no item acima.

Resposta: 6 8 10 14 20 27 36 41.

- (c) (1,0) Escreva a sequência que corresponde à ordem dos nós visitados no percurso em nível, da mesma árvore acima. Resposta: 20 10 36 8 14 27 41 6.
- (d) (1,0) Um heap é uma estrutura de dados que permite realizar a operação de busca, Sim ou Não ?
  Em caso positivo, explique como é realizada a busca. Em caso negativo explique por que não.
  Resposta: Não. Em um heap, as operações de acesso a um nó são restritas à raiz, que tem maior prioridade. Logo, não é necessário buscá-lo.
- 3. (1,0) Desenhe a árvore AVL resultante da inclusão dos nós 7,3,1,4,2 (nesta ordem), a partir de uma árvore inicialmente vazia.
  Resposta:



- 4. Dar exemplos de cadeias de caracteres X e Y com 9 e 5 caracteres, respectivamente, tais que o algoritmo de força bruta para determinar se Y é subcadeia de X requeira:
  - (a) (1,0) Um número mínimo de comparações.

Resposta:

X = aaaaaaaaa e Y = aaaa

Número de comparações = m = 5.

(b) (1,0) Um número máximo de comparações.

Resposta:

X = aaaaaaaaa e Y = aaaab

Número de comparações = m(n - m + 1) = 5(9 - 5 + 1) = 25.