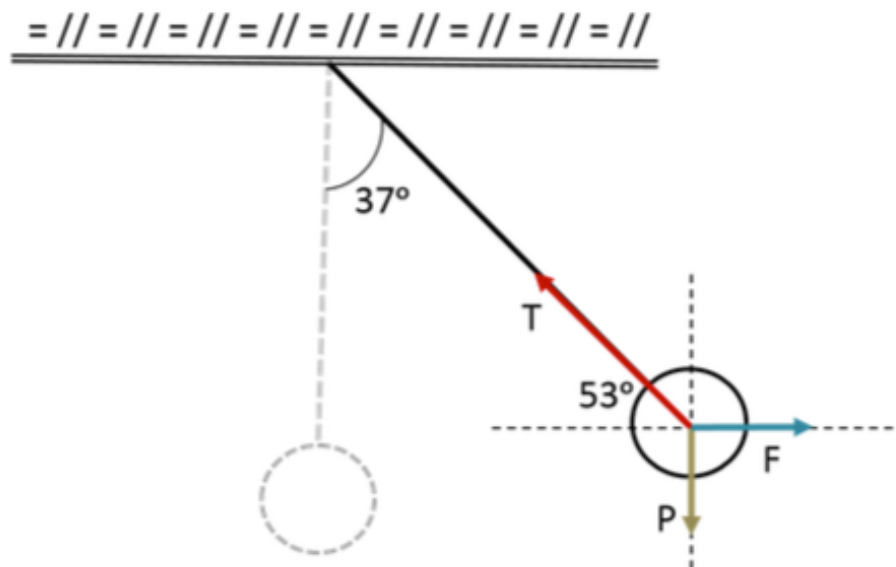


1ª Questão (2,0 pontos)

Uma esfera de massa 0,0003kg está suspensa por um bastão. Uma brisa horizontal constante empurra a esfera de maneira que o bastão que a segura faça um ângulo de 37° com a vertical de repouso do mesmo (sem vento). Determine (a) a intensidade da força aplicada e (b) a tensão na corda.

SOLUÇÃO:

Vamos supor que a brisa esteja soprando horizontalmente da esquerda para a direita.



Como a esfera está em repouso, a força resultante deve ser nula. A bolinha está sujeita a ação de três forças, que se equilibram e a mantêm em repouso. São elas o peso da bolinha, a força decorrente do vento e a tensão no bastão. Podem-se projetar essas forças ao longo de eixos adequados, para estudar tal equilíbrio. Pela segunda lei de Newton obtemos as seguintes relações:

$$\text{Eixo x: } T \cos 53^\circ - F = 0 \implies F = T \cos 53^\circ$$

$$\text{Eixo y: } T \sin 53^\circ - P = 0 \implies T = \frac{P}{\sin 53^\circ} \implies T = \frac{mg}{\sin 53^\circ}$$

Resolvendo esse sistema temos:

a) A força é:

$$F = \frac{mg}{\sin 53^\circ} \cos 53^\circ \implies F = 0,0003 \times 9,8 \times \cotang(53^\circ) \implies F = 2,217 \times 10^{-3} \text{ N}$$

b) A tensão é:

$$T = \frac{0,0003 \times 9,8}{\sin 53^\circ} \implies T = 3,68 \times 10^{-3} \text{ N}$$

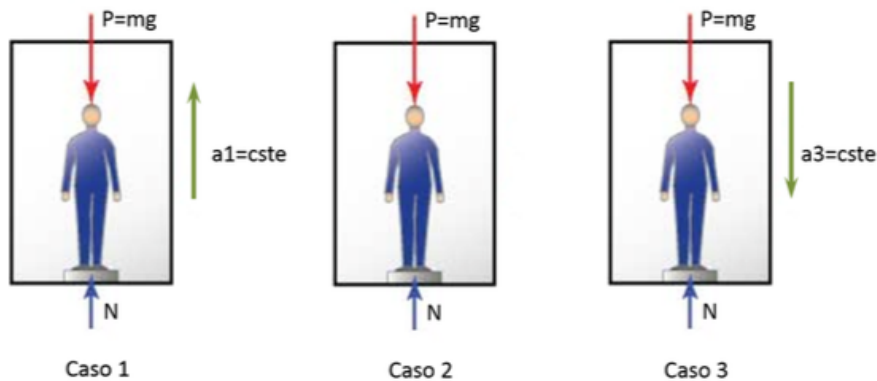
2ª Questão (2,0 pontos)

Uma pessoa entra em um elevador com sua balança digital, na qual sobe. Inicialmente o elevador está parado no andar térreo. Nosso personagem, de massa 70kg aperta o botão do décimo andar, e o elevador inicia a subida. Considere que a máquina do elevador consegue impor uma aceleração constante durante 3,0s, levando o elevador à sua velocidade máxima de 1,0 m/s, que depois se mantém. Ao se aproximar do andar de destino, o elevador reduz sua velocidade também com aceleração constante, desta vez com a frenagem demorando 5,0s. Determine o peso que a balança

exibe nas três situações, considerando que a aceleração local da gravidade é constante e igual a 10m/s^2 .

Solução

Quando se pisa numa balança, estamos em repouso e portanto a normal que a balança faz é igual em módulo ao nosso peso para ficar em equilíbrio, sendo $P=mg$. Entretanto, ao entrarmos com a balança no elevador e o elevador inicia a subida, este apresenta uma aceleração constante nos 3 primeiros segundos, aceleração que é transmitida para a pessoa sobre a balança, para que o conjunto suba e desça coeso. Uma vez percebido isto, precisamos identificar as forças que atuam sobre a balança nos três casos, conforme a figura abaixo, para logo aplicar a segunda lei de Newton:



- Caso 1, quando o elevador começa subir:

$$a_1 = \frac{\Delta V}{\Delta T} = \frac{1 - 0}{3} \approx 0,33\text{m/s}^2$$

Portanto, a Normal no começo do percurso é:

$$N_1 = m(a_1 + g) \Rightarrow N_1 = 70(0,33 + 10) \Rightarrow N_1 \approx 723\text{N}$$

E o peso que a balança mostra é:

$$m_1 = \frac{N_1}{g} = \frac{723}{10} \approx 72\text{Kg}$$

- Caso 2, observamos que no meio do percurso o elevador se move com velocidade constante, a aceleração (a_2) é nula e portanto a leitura da balança é a mesma que fora do elevador, $m_2 = 70\text{kg}$.
- Caso 3, na chegada do elevador, quando começa a frenagem, temos:

$$a_3 = \frac{\Delta V}{\Delta T} = \frac{0 - 1}{5} \approx -0,20\text{ m/s}^2$$

Portanto, a normal na chegada é:

$$N_3 = m(a_3 + g) \Rightarrow N_3 = 70(-0,20 + 10) \Rightarrow N_3 \approx 686\text{N}$$

E o peso que a balança mostra é:

$$m_3 = \frac{N_3}{g} = \frac{686}{10} \approx 69\text{Kg}$$

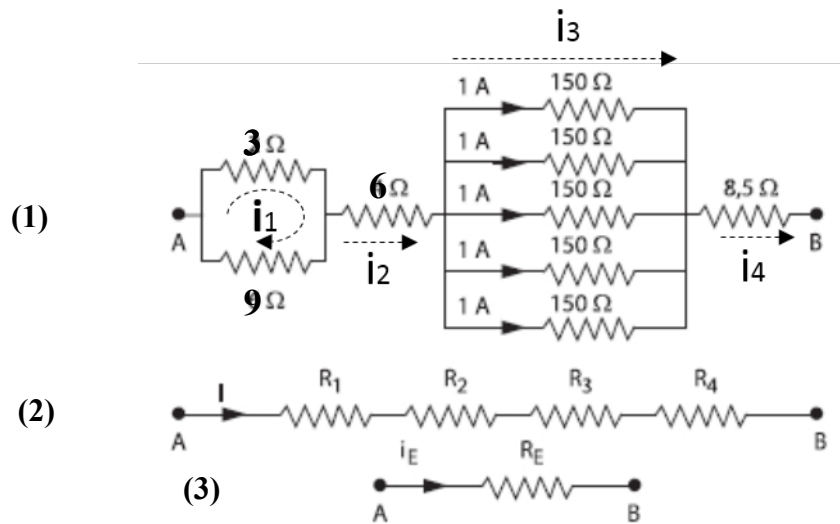
3ª Questão (2,0 pontos)

Um circuito está formado por 4 partes em série. A primeira compreende dois condutores em paralelo, cujas resistências são 3Ω e 9Ω respectivamente. A segunda é um condutor de 6Ω . A terceira está composta por 5 lâmpadas em paralelo, sendo 150Ω a resistência de cada. O quarto

corresponde a um fio de resistência $8,5\Omega$. Se a intensidade da corrente em cada lâmpada é $1A$ determine: (a) Qual a corrente principal do circuito? (b) Qual o potencial aplicado?

Solução

Segundo o enunciado, seja o circuito abaixo:



(a) Conforme à primeira figura (1), observe que, devido à configuração do circuito, a resistência equivalente poderá ser calculada por meio da figura (2), onde os resistores estão em série. Logo, observe-se que a corrente que passa entre os terminais A e B é $I = i_1 = i_2 = i_3 = i_4$

Segundo a primeira lei de Kirchhoff em um nó, a soma das correntes elétricas que entram é igual à soma das correntes que saem. Nesse sentido, note-se que a corrente $i_2 = i_3 = 1 + 1 + 1 + 1 + 1 = 5A$

Portanto, a corrente principal do circuito é $5A$

(b) Para calcular o potencial entre os terminais A e B, basta determinar o valor da resistência equivalente R_E , conforme mostrado na figura (2) e (3).

$$\frac{1}{R_1} = \frac{1}{3} + \frac{1}{9} = \frac{4}{9} \rightarrow R_1 = \frac{9}{4} = 2,25\Omega$$

$$\frac{1}{R_3} = 5\left(\frac{1}{150}\right) \rightarrow R_3 = 30\Omega$$

$$R_E = R_1 + R_2 + R_3 + R_4 = 2,25 + 6 + 30 + 8,5 = 46,75\Omega$$

$$\text{Finalmente, o potencial é } V_E = IR_E = (5)(46,75) = 233,75V$$

4ª Questão (2,0 pontos)

Considere dois meios transparentes com índices de refração n_1 e n_2 , onde $n_2 > n_1$. Explique o que é e como ocorre o fenômeno chamado de reflexão interna total, e dê uma expressão para o ângulo crítico de incidência em função de n_1 e n_2 .

Solução:

A reflexão interna total é um fenômeno que ocorre quando o feixe refratado na interface entre dois meios não consegue atravessar a interface. Isso ocorre quando o ângulo de refração vale 90° , e portanto o feixe refratado é rasante à interface. Isso só ocorre quando a mudança de meio é do índice maior para o menor.

Para saber o ângulo crítico de incidência que leva a reflexão interna total, basta ver para que

ângulo de incidência o ângulo de refração vale 90° , usando a lei de Snell:

$$n_i \sen \theta_i = n_r \sen \theta_r$$

$$n_i \sen \theta_c = n_r \sen(90^\circ)$$

Como $\sen(90^\circ)=1$ e fazendo $n_i=n_2$ e $n_r=n_1$ (já que $n_2>n_1$), temos:

$$n_2 \sen \theta_c = n_1$$

$$\sen \theta_c = \frac{n_1}{n_2}$$

5ª Questão (2,0 pontos)

Foi observado que, em um material submetido a uma pequena DDP externa, não havia corrente gerada. Ou seja, não era um bom condutor. Com a incidência de radiação eletromagnética de uma certa frequência passou a haver corrente através do material. Aumentando-se a intensidade da radiação emitida sobre o material, houve aumento linear da intensidade de corrente elétrica. Ou seja, dobrando a intensidade luminosa, dobra a corrente observada, no contexto de pequenas correntes elétricas. Leia os itens a seguir e responda estritamente o que está perguntado. **a) (0,5)** Explique a razão física responsável por, inicialmente, não haver corrente; **b) (0,5)** Explique o mecanismo devido ao qual passa a haver corrente a partir de uma certa frequência da radiação enviada sobre o material; **c) (0,5)** Explique o que significa, e como ocorre, aumento de corrente, se a DDP externa permanece constante; **d) (0,5)** O que significa o aumento de corrente explicado em (c) se relacionar de forma linear com o aumento da intensidade luminosa enviada sobre o material?

Solução:

- a) O que permite a existência de corrente elétrica em um material é a presença de elétrons livres. Se, para a pequena DDP aplicada não houve corrente, é porque não havia elétrons livres disponíveis para se moverem sob a ação do campo elétrico aplicado (DDP).
- b) Os elétrons que giram em volta dos núcleos dos átomos são aí mantidos por forças de atração. Se aos elétrons for fornecida energia suficiente, eles abandonarão as suas órbitas e ficarão disponíveis (livres) para conduzir eletricidade. Cada órbita tem sua energia característica e, para passar a uma órbita mais externa o elétron precisa receber uma quantidade específica de energia. Da mesma forma, para deixar uma órbita e se liberar do átomo o elétron precisaria receber uma quantidade de energia específica, a energia de ligação. Quando o material foi submetido à radiação, os pacotes de energia (fótons) que formam a radiação passaram a incidir sobre o material. Logo, segundo o enunciado, em certo momento a frequência da radiação incidente foi específica ao ponto de retirar elétrons, que estavam ligados aos átomos, de suas “órbitas”, liberando-os para se movimentarem pelo material, sob a influência do campo elétrico imposto pela DDP.
- c) A corrente é o número de cargas que passa por certo ponto por unidade de tempo. Segundo o enunciado, ao se aumentar a intensidade de radiação, a intensidade da corrente elétrica aumenta, o que significa que o material que está sendo iluminado passa a fornecer cargas ao circuito, facilitando assim a movimentação das cargas elétricas pelo material. Se a movimentação das cargas elétricas fica mais fácil, isto significa menor resistência do material à passagem de corrente. Há, então, incremento da corrente e redução da resistência, mantida a DDP aplicada.
- d) A intensidade luminosa da radiação incidente, de frequência fixa, se traduz em quantidade de fótons incidentes por unidade de tempo. Ou seja, duplicar a intensidade da radiação incidente no material significaria lançar o dobro de fótons por unidade de tempo, todos da mesma frequência. Ora, se há uma grande quantidade de átomos no material com elétrons presos à órbita específica cuja energia de ligação é a mesma dos fótons incidentes, lançando o dobro de fótons sobre o material consegue-se liberar o dobro de elétrons. Estes

serão responsáveis pela duplicação da corrente. Daí a relação linear entre a intensidade luminosa e a corrente observada.

Formulário:

$$F = ma$$

$$a_c = V^2/r$$

$$P = mg$$

$$Ec = 1/2(I w^2)$$

$$F = q_o E$$

$$i = \frac{V}{R}$$

$$P = Vi$$

$$n_i \text{sen} \theta_i = n_r \text{sen} \theta_r$$

$$\vec{u} = NIA\hat{k}$$

$$\vec{\tau} = \vec{u} \times \vec{B}$$

$$U = \vec{u} \cdot \vec{B}$$

Boa Prova!