

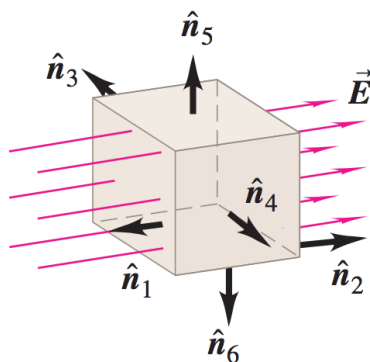
Fundação CECIERJ – Vice Presidência de Educação Superior à Distância
Curso de Tecnologia em Sistemas de Computação
2ª Avaliação à Distância de Física para Computação – 2018.1

Nome: _____ Pólo: _____

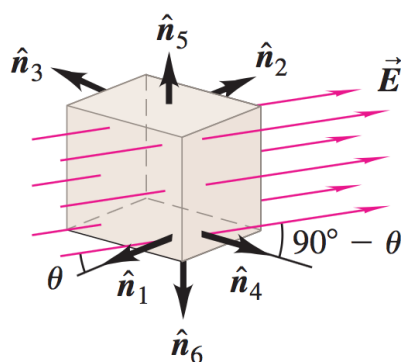
Questão 1 (2,0 pontos)

Um cubo de aresta L localiza-se em uma região de campo elétrico uniforme \vec{E} . Determine o fluxo elétrico que passa através de cada face do cubo e o fluxo total através dele quando a) (1,0 pontos) o cubo é orientado com duas de suas faces perpendiculares ao campo \vec{E} , conforme se mostra na Figura a; b) (1,0 pontos) quando gira-se o cubo um ângulo θ como na Figura b.

a)



b)



Solução

a) Segundo enunciado o cubo se encontra numa região de campo elétrico uniforme. Isto implica que o vetor campo tem a mesma intensidade, mesma direção e mesmo sentido em todos os pontos.

De acordo com as figuras, as seis faces do cubo (\hat{n}_1 até \hat{n}_6), que são superfícies planas, são atravessadas pelas linhas de campo elétrico. Observe que se mostra por cada face os vetores unitários cujo sentido é entrando ou saindo do cubo.

Observe também que o ângulo entre o campo \vec{E} e \hat{n}_1 é de 180° . O ângulo entre o campo \vec{E} e \hat{n}_2 é de 0° e o ângulo entre o campo \vec{E} e os demais vetores unitários é 90° .

Por outro lado, cada face tem L^2 de área, portanto o fluxo que atravessa por cada face é:

$$\Phi_{E1} = \vec{E} \cdot \hat{n}_1 A = EL^2 \cos 180 = -EL^2$$

$$\Phi_{E2} = \vec{E} \cdot \hat{n}_2 A = EL^2 \cos 0 = +EL^2$$

$$\Phi_{E3} = \Phi_{E4} = \Phi_{E5} = \Phi_{E6} = EL^2 \cos 90 = 0$$

Note que o fluxo é negativo na face 1, pois \vec{E} está dirigido no sentido entrando ao cubo e, é positivo na face 2, pois \vec{E} está na direção fora do cubo. Portanto, o fluxo total que atravessa o cubo será a soma dos fluxos através das seis faces, ou seja:

$$\Phi_E = \Phi_{E1} + \Phi_{E2} + \Phi_{E3} + \Phi_{E4} + \Phi_{E5} + \Phi_{E6}$$

Substituindo temos:

$$\Phi_E = -EL^2 + EL^2 + 0 + 0 + 0 + 0$$

$$\Phi_E = 0$$

Portanto, o fluxo total de campo elétrico que atravessa o cubo é zero.

b) Segundo a figura os fluxos que atravessam as faces 1 e 3 são negativos, pois o campo \vec{E} está dirigido no sentido dessas faces. Por outro lado, o campo elétrico \vec{E} nas faces 2 e 4 se dirige para fora do cubo. Portanto, o fluxo é positivo para as faces 2 e 4. Assim temos as seguintes expressões:

$$\Phi_{E1} = \vec{E} \cdot \hat{n}_1 A = EL^2 \cos(180 - \theta) = -EL^2 \cos \theta$$

$$\Phi_{E2} = \vec{E} \cdot \hat{n}_2 A = +EL^2 \cos \theta$$

$$\Phi_{E3} = \vec{E} \cdot \hat{n}_3 A = EL^2 \cos(90 + \theta) = -EL^2 \sin \theta$$

$$\Phi_{E4} = \vec{E} \cdot \hat{n}_4 A = EL^2 \cos(90 - \theta) = +EL^2 \sin \theta$$

$$\Phi_{E5} = \Phi_{E6} = EL^2 \cos 90 = 0$$

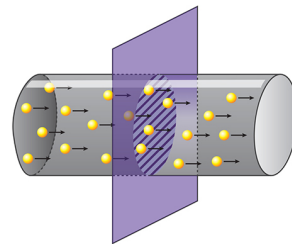
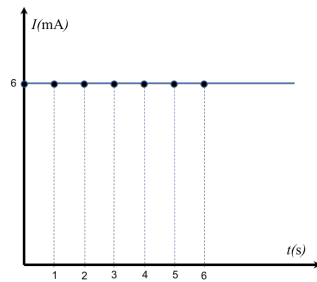
Portanto, o fluxo total é:

$$\Phi_E = \Phi_{E1} + \Phi_{E2} + \Phi_{E3} + \Phi_{E4} + \Phi_{E5} + \Phi_{E6} = 0$$

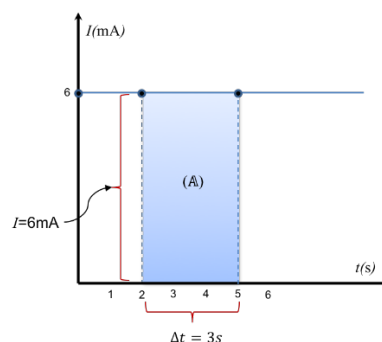
$$\Phi_E = -EL^2 \cos \theta + EL^2 \cos \theta - EL^2 \sin \theta + EL^2 \sin \theta + 0 + 0 = 0$$

Questão 2 (2,0 pontos)

a) (1,0 pontos) No seguinte gráfico, mostra-se como varia a intensidade de corrente elétrica em um condutor em função do tempo. Qual será a quantidade de carga que passa pela seção transversal do condutor desde $t=2s$ até $t=5s$? explique seu procedimento.



Solução



Observe no gráfico que a intensidade de corrente não muda; portanto ela é constante.

Por outro lado, por definição sabemos que num intervalo de tempo t , pela seção

transversal S passará uma determinada quantidade de carga, ou seja $I = \frac{|Q|}{\Delta t}$ logo

$$|Q| = I \Delta t$$

A representação da área ressaltada, no gráfico acima, é dada por $I \Delta t$ e esta por sua vez representa à área $|Q|$.

Logo utilizando os valores informados no enunciado temos que $I=6mA$ e

$$\Delta t = 5 - 2 = 3s$$

Portanto, $|Q| = (6 \times 10^{-3} A)(3s) = \mathbf{18mC}$

Observação: No caso em que I seja variável, ou seja a corrente não ser constante, a quantidade de carga num intervalo de tempo será determinada através da área sob a curva.

- b) (1,0 pontos) Um condutor metálico ôhmico é submetido a diversas voltagens em suas terminais e mede-se a intensidade de corrente, sendo os resultados os seguintes:

$V_{AB}(V)$	24	m	$2x$
$I(A)$	x	8	3

Qual será a intensidade de corrente através do condutor quando a ddp nos terminais do condutor é 18V?

Solução

Para determinar a intensidade de corrente elétrica devemos aplicar a Lei de Ohm dado por: $I = V_{AB}/R$

Observe que o enunciado informa o valor da ddp nos terminais que é $V_{AB} = 18V$.

Por outro lado, devemos conhecer o valor da resistência do condutor, pois é necessário saber se o condutor é ôhmico. No caso de condutores ôhmicos a resistência sempre é constante, ou seja $R = V_{AB}/I$

Logo, a partir dos dados da tabela podemos extrair as seguintes relações:

$$R = \frac{V_{AB}}{I} = \frac{24}{x} = \frac{m}{8} = \frac{2x}{3}$$
$$x^2 = 36 \Rightarrow x = 6A$$

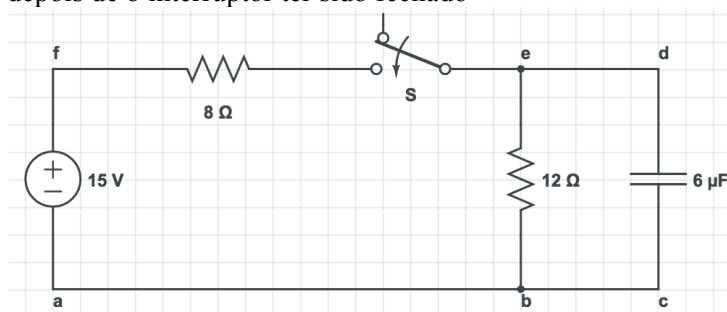
Logo, substituindo em $R = \frac{24}{x} = \frac{24V}{6A} = 4\Omega$. Com este valor podemos determinar a intensidade de corrente através do condutor, ou seja $I = \frac{18V}{4\Omega} = 4,5A$

Portanto, a intensidade de corrente através do condutor é de **4,5A**

Questão 3 (1,5 pontos)

O capacitor de 6 μ F no circuito mostrado na figura abaixo está inicialmente descarregado.

Determine a corrente no resistor de 8 Ω e a corrente no resistor de 12 Ω (a) (0,5 pontos) imediatamente depois de o interruptor ter sido fechado e (b) (0,5 pontos) um longo tempo depois de o interruptor ter sido fechado. (c) (0,5 pontos) Determine a carga no capacitor após um longo tempo depois de o interruptor ter sido fechado



Solução

a) Observe que o capacitor inicialmente está descarregado, portanto a diferença de potencial inicial no capacitor é zero.

Note que o capacitor de 6 μ F e o resistor de 12 Ω ambos estão conectados em paralelo e, a diferença de potencial é a mesma para eles. Portanto, a diferença de potencial inicial no resistor de 12 Ω também é zero.

Aplicando a lei das malhas à malha externa onde se encontra o resistor de 12 Ω , a corrente no resistor é:

$$15V - (8\Omega)I_{8\Omega} - \frac{0}{C} = 0$$

$$I_{8\Omega} \cong 1,9A$$

Logo, a corrente na malha que contém o resistor de 12Ω e o capacitor de $6\mu F$ é:

$$I_{12\Omega}(12\Omega) - \frac{0}{C} = 0$$

$$I_{12\Omega} = 0$$

b) Para o caso depois de um longo tempo, observemos que o capacitor estará completamente carregado (não haverá fluxo de carga em suas placas) e a corrente em ambos os resistores será a mesma. Portanto, aplicando a lei de malhas temos:

$$15V - (8,0\Omega)I_1 - (12,0\Omega)I_1 = 0$$

$$I_1 = 0,75A$$

c) Para determinar a carga no capacitor depois de um longo tempo, precisamos utilizar a diferença de potencial no resistor de 12Ω e no capacitor é igual. Logo temos:

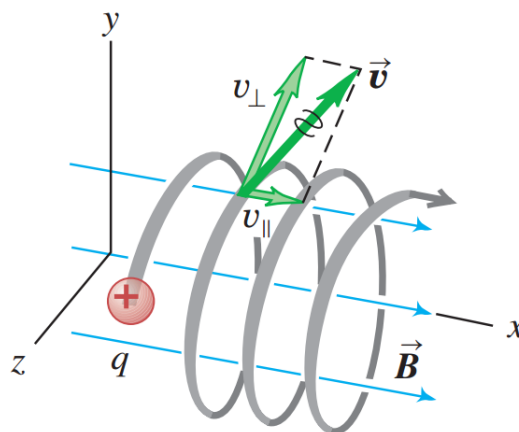
$$I_1(12\Omega) = \frac{Q_1}{C}$$

$$Q_1 = (0,75A)(12\Omega)(6,0\mu F) = 54\mu C$$

Questão 4 (2,0 pontos)

Em uma situação como é mostrado na figura abaixo, a partícula carregada corresponde a um próton ($q = 1,60 \times 10^{-19} C$, $m = 1,67 \times 10^{-27} kg$) e o campo magnético uniforme está dirigido ao longo do eixo x com magnitude de $0,80 T$. Somente a força magnética atua sobre o próton. Em $t=0$, o próton tem componentes de velocidade $v_x = 1,75 \times 10^5 m/s$, $v_y = 0$ e $v_z = 2,25 \times 10^5 m/s$.

a) (1,0 pontos) Em $t=0$, determine a força sobre o próton e sua aceleração. b) (1,0 pontos) Encontre o raio da trajetória helicoidal, a rapidez angular do próton e o avanço da hélice (distância percorrida ao longo do eixo da hélice em cada revolução).



Solução

Conforme o enunciado, observe-se que a componente paralela da velocidade do próton (ao longo de x) dá origem a um movimento de translação. A componente perpendicular (no plano y - z) origina um movimento circular uniforme (de rotação). Logo a sobreposição destes dois movimentos resulta em uma trajetória helicoidal.

a) Nesse cenário, a força está dada por $F = q\vec{v} \times \vec{B}$.

Como $V_y = 0$, o vetor velocidade é $\vec{v} = v_x\hat{i} + v_z\hat{k}$. Lembrando que $\hat{i} \times \hat{i} = 0$ e $\hat{k} \times \hat{i} = \hat{j}$

$$F = q\vec{v} \times \vec{B} = q(v_x\hat{i} + v_z\hat{k}) \times B\hat{i}$$

$$F = qv_z B \hat{j}$$

Substituindo temos:

$$F = (1,6 \times 10^{-19} C)(2,25 \times 10^5 m/s)(0,80 T) \hat{j}$$

$$F \cong (2,9 \times 10^{-14} N) \hat{j}$$

A aceleração pode ser calculada pela segunda lei de Newton.

$$\vec{a} = \frac{\vec{F}}{m} = \frac{2,9 \times 10^{-14} N}{1,67 \times 10^{-27} Kg} \hat{j} = (1,73 \times 10^{13} m/s^2) \hat{j}$$

Observe-se que a força é muito pequena e o valor da aceleração é muito grande, isto é pelo fato do próton ter massa pequena.

b) Em $t=0$, a componente da velocidade (v_z) é perpendicular ao campo \vec{B} . Como a partícula carregada descreve uma órbita circular no campo magnético o **raio** estará dado por:

$$R = \frac{m v_z}{|q|B} = \frac{(1,67 \times 10^{-27} Kg)(2,25 \times 10^5 m/s)}{(1,60 \times 10^{-19} C)(0,80 T)}$$

$$R = 2,93 \times 10^{-3} m$$

$$R = 2,94 mm$$

Portanto, o raio da trajetória helicoidal é **2,94mm**.

- A **rapidez angular** está dada por:

$$\omega = \frac{|q|B}{m}$$

Substituindo temos:

$$\omega = \frac{(1,60 \times 10^{-19} C)(0,80 T)}{(1,67 \times 10^{-27} Kg)} \cong 7,7 \times \frac{10^7 rad}{s}$$

Portanto, a rapidez angular do próton é **$7,7 \times 10^7 rad/s$**

- Finalmente, o **avanço da hélice** é a distância percorrida ao longo do eixo da hélice em cada revolução. Nesse sentido, antes devemos determinar o tempo gasto para dar uma volta completa, ou seja, o período de revolução:

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$

Substituindo temos:

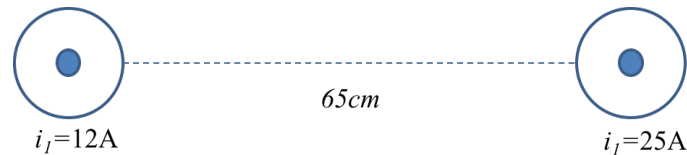
$$T = \frac{2\pi}{7,7 \times 10^7 rad/s} \cong 0,82 \times 10^{-7} s$$

Logo, o avanço será $v_x T$, ou seja $(1,75 \times \frac{10^5 m}{s})(0,82 \times 10^{-7} s) \cong \mathbf{144mm}$

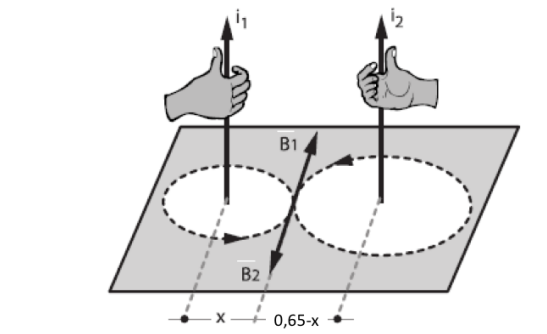
Note-se que o avanço da hélice é maior ao raio da trajetória helicoidal. Ou seja, a trajetória helicoidal está mais esticada do que aparece na figura.

Questão 5 (1,0 pontos)

A figura mostra as seções retas de dois fios retilíneos perpendiculares ao plano da página. Os fios transportam correntes elétricas i_1 e i_2 . A que distância do fio, que conduz i_1 , a indução magnética resultante é zero? Considere $i_1 = 12\text{A}$; $i_2 = 25\text{A}$ e distância entre os fios 65cm .

**Solução**

Segundo o enunciado, os dois fios retilíneos são perpendiculares ao plano da página, então aplicando a regra da mão direita, como mostrado na figura, percebemos o sentido do campo magnético em torno dos fios condutores das correntes.



Logo, para que a indução magnética resultante seja zero em um ponto entre os dois fios, os campos magnéticos devem ser iguais, ou seja $B_1 = B_2 \rightarrow \frac{\mu_0 i_1}{2\pi r_1} = \frac{\mu_0 i_2}{2\pi r_2} \rightarrow \frac{\mu_0 i_1}{2\pi x} = \frac{\mu_0 i_2}{2\pi(0,65-x)} \rightarrow \frac{12\text{A}}{x} = \frac{25\text{A}}{0,65-x}$
 $x = 0,21\text{m}$

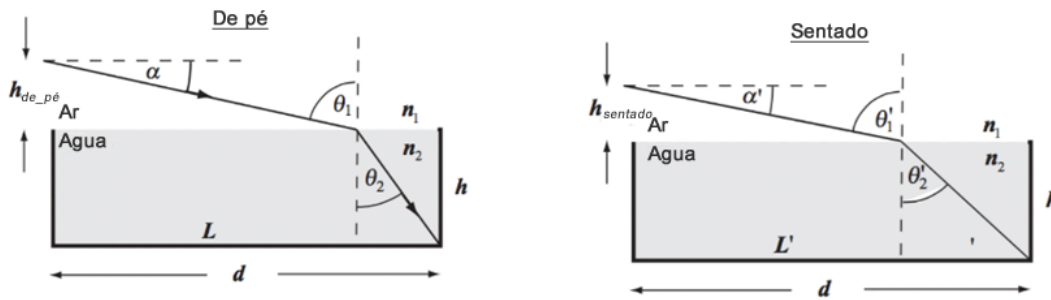
Finalmente, concluímos que a 21 cm à direita da corrente i_1 , a indução magnética resultante será zero.

Questão 6 (1,5 pontos)

Você está parado na margem de uma piscina e olhando diretamente para o lado oposto. Você nota que o fundo do lado oposto da piscina parece estar a um ângulo de 20 graus abaixo da horizontal. Entretanto, quando você senta na borda da piscina, o fundo do lado oposto parece estar a um ângulo de 78 graus com a normal. a) (0,5 pontos) Desenhar e b) (1,0 pontos) determinar a largura e a profundidade da piscina. Considere o índice de refração da água igual a 1,25 e o índice de refração do ar 1,0. Suponha que, quando está parado a altura entre seus pés e olhos é de 1,80m e, 0,9m quando está sentado na borda da piscina.

Solução

a) As imagens abaixo representam as situações do observador (em pé e sentado).



b) Utilizaremos a lei de Snell e a geometria da piscina para determinar a profundidade da mesma.

$$\theta_1 = 90^\circ - \alpha = 90^\circ - 20^\circ = 70^\circ$$

$$\theta'_1 = 78^\circ$$

Observe que, segundo as figuras, as expressões para determinar a distância desde a posição do observador (de pé e sentado) são:

$$L = h_{de_pé} \tan \theta_1$$

$$L' = h_{sentado} \tan \theta'_1$$

Utilizando os dados fornecidos no enunciado temos:

$$L = (1,80m) \tan 70 = 4,95m$$

$$L' = (0,9m) \tan 78 = 4,23m$$

Por outro lado,

$$\tan \theta_2 = \frac{l}{h} = \frac{d - L}{h}$$

$$\tan \theta'_2 = \frac{l'}{h} = \frac{d - L'}{h}$$

$$\text{Realizamos uma divisão } \frac{\tan \theta_2}{\tan \theta'_2} = \frac{d - L}{d - L'}$$

$$d = \frac{(L' \tan \theta_2 - L \tan \theta'_2)}{(\tan \theta_2 - \tan \theta'_2)}$$

Em seguida aplicando a lei de Snell e substituindo pelos valores fornecidos no enunciado, para o observador em pé temos:

$$\theta_2 = \sin^{-1} \left[\frac{n_1 \sin \theta_1}{n_2} \right]$$

$$\theta_2 = \sin^{-1} \left[\frac{1,00 \times \sin 70}{1,25} \right] = 48,74^\circ$$

Para o observador sentado:

$$\theta'_2 = \sin^{-1} \left[\frac{n_1 \sin \theta'_1}{n_2} \right]$$

$$\theta'_2 = \sin^{-1} \left[\frac{1,00 \times \sin 78}{1,25} \right] = 51,49^\circ$$

Finalmente, utilizamos os resultados obtidos em:

$$d = \frac{[(4,23m)\tan 48,74^\circ - (4,95)\tan 51,49^\circ]}{(\tan 48,74^\circ - \tan 51,49^\circ)} = \frac{(4,82 - 6,22)}{-0,12} \cong \mathbf{11,67m}$$

para $h = \frac{d-L}{\tan \theta_2} = \frac{(11,67m-4,95m)}{\tan 48,74^\circ} \cong \mathbf{5,89m}$ de profundidade.