

Aula 10

Professores:

Dante Corbucci Filho
Leandro A. F. Fernandes

Conteúdo:

- Estrutura de Dados
- Conjunto (set)

Conjunto

- Python, assim como várias linguagens, inclui um tipo de dado chamado conjunto (set), que é uma estrutura de dados mutável, desordenada e sem elementos repetidos.

Conjunto

- Python, assim como várias linguagens, inclui um tipo de dado chamado conjunto (set), que é uma estrutura de dados mutável, desordenada e sem elementos repetidos.
- O uso básico deste tipo de dado se dá quando se necessita de teste de pertinência de um elemento em um conjunto ou eliminação de dados duplicados.

Conjunto

- Python, assim como várias linguagens, inclui um tipo de dado chamado conjunto (set), que é uma estrutura de dados mutável, desordenada e sem elementos repetidos.
- O uso básico deste tipo de dado se dá quando se necessita de teste de pertinência de um elemento em um conjunto ou eliminação de dados duplicados.
- Estruturas do tipo conjunto suportam as operações matemáticas:
 - A pertinência de um elemento a um conjunto,
 - A união de dois conjuntos,
 - A interseção de dois conjuntos,
 - A diferença de dois conjuntos,
 - etc.

Conjunto (set)

- Em Python, uma variável pode ser um conjunto contendo elementos de tipo(s) imutável(áveis), tais como números inteiros e de ponto flutuante, Strings e Tuplas.

Conjunto (set)

- Em Python, uma variável pode ser um conjunto contendo elementos de tipo(s) imutável(áveis), tais como números inteiros e de ponto flutuante, Strings e Tuplas.
- Diferentemente de vetores, conjuntos não têm seus elementos acessados por índice.

Conjunto (set)

- Em Python, uma variável pode ser um conjunto contendo elementos de tipo(s) imutável(áveis), tais como números inteiros e de ponto flutuante, Strings e Tuplas.
- Diferentemente de vetores, conjuntos não têm seus elementos acessados por índice.
- No entanto, conjuntos são iteráveis, podendo seus elementos serem acessados por uma estrutura **for**.

Conjunto (set)

- Em Python, uma variável pode ser um conjunto contendo elementos de tipo(s) imutável(áveis), tais como números inteiros e de ponto flutuante, Strings e Tuplas.
- Diferentemente de vetores, conjuntos não têm seus elementos acessados por índice.
- No entanto, conjuntos são iteráveis, podendo seus elementos serem acessados por uma estrutura **for**.
- Além disso, um conjunto pode ser escrito diretamente no vídeo via comando **print**.

As funções `set()`, `add()`, `discard()` e `len()`

A função **set()** associa um conjunto vazio a uma variável.

```
escolhidos = set()  
print(escolhidos)
```

As funções `set()`, `add()`, `discard()` e `len()`

A função **`set()`** associa um conjunto vazio a uma variável.

```
escolhidos = set()
print(escolhidos)
```

A função **`add()`** adiciona um elemento ao conjunto, caso o elemento ainda não ocorra no conjunto.

```
escolhidos = set()
escolhidos.add(13)
print(escolhidos)
```

As funções **set()**, **add()**, **discard()** e **len()**

A função **set()** associa um conjunto vazio a uma variável.

```
escolhidos = set()
print(escolhidos)
```

A função **add()** adiciona um elemento ao conjunto, caso o elemento ainda não ocorra no conjunto.

```
escolhidos = set()
escolhidos.add(13)
print(escolhidos)
```

A função **discard()** retira um elemento do conjunto, caso o elemento esteja no conjunto.

```
escolhidos = {20, 11, 68, 93}
escolhidos.discard(68)
print(escolhidos)
```

As funções **set()**, **add()**, **discard()** e **len()**

A função **set()** associa um conjunto vazio a uma variável.

```
escolhidos = set()
print(escolhidos)
```

A função **add()** adiciona um elemento ao conjunto, caso o elemento ainda não ocorra no conjunto.

```
escolhidos = set()
escolhidos.add(13)
print(escolhidos)
```

A função **discard()** retira um elemento do conjunto, caso o elemento esteja no conjunto.

```
escolhidos = {20, 11, 68, 93}
escolhidos.discard(68)
print(escolhidos)
```

A função **len()** retorna a cardinalidade do conjunto, isto é, seu tamanho.

```
escolhidos = {20, 11, 68, 93}
print(len(escolhidos))
```

Criando um Conjunto de Nomes via Teclado

O programa abaixo faz a leitura de cinco nomes e cria um conjunto com até cinco nomes distintos digitados pelo usuário. A impressão do conteúdo do conjunto ocorre a cada tentativa de inclusão de nome.

```
escolhidos = set()
for i in range(5):
    nome = input("Digite nome: ")
    escolhidos.add(nome)
    print(escolhidos)
```

Criando um Conjunto de Nomes via Teclado

O programa abaixo faz a leitura de cinco nomes e cria um conjunto com até cinco nomes distintos digitados pelo usuário. A impressão do conteúdo do conjunto ocorre a cada tentativa de inclusão de nome.

```
escolhidos = set()
for i in range(5):
    nome = input("Digite nome: ")
    escolhidos.add(nome)
    print(escolhidos)
```

Criando um Conjunto de Nomes Diretamente

```
escolhidos = {"Maria", "Ana", "Giovanna", "Leandro", "Dante"}
print(escolhidos)
```

Operadores para Conjuntos

UNIÃO: **s.union(t)** ou **s | t**

Retorna um novo conjunto resultante da união de dois conjuntos **s** e **t** é formado por todo elemento que pertence a **s** ou que pertence a **t** (ou a ambos).

Operadores para Conjuntos

UNIÃO: **s.union(t)** ou **s | t**

Retorna um novo conjunto resultante da união de dois conjuntos **s** e **t** é formado por todo elemento que pertence a **s** ou que pertence a **t** (ou a ambos).

$$x \in (\mathbf{s.union(t)}) \Leftrightarrow x \in \mathbf{s} \text{ ou } x \in \mathbf{t}$$

Operadores para Conjuntos

UNIÃO: **s.union(t)** ou **s | t**

Retorna um novo conjunto resultante da união de dois conjuntos **s** e **t** é formado por todo elemento que pertence a **s** ou que pertence a **t** (ou a ambos).

$$x \in (\mathbf{s.union(t)}) \Leftrightarrow x \in \mathbf{s} \text{ ou } x \in \mathbf{t}$$

$$\{1, 3, 4\}.union(\{1, 2, 4\}) = \{1, 2, 3, 4\}$$

$$\{1, 3\}.union(\{2, 4\}) = \{1, 2, 3, 4\}$$

$$\{'A', 'C', 'E'\}.union(\{'B', 'C', 'D'\}) = \{'A', 'B', 'C', 'D', 'E'\}$$

$$\{'C'\}.union(\{'B', 'C', 'D'\}) = \{'B', 'C', 'D'\}$$

Operadores para Conjuntos

INTERSEÇÃO: `s.intersection(t)` ou `s & t`

Retorna um novo conjunto resultante da interseção de dois conjuntos **s** e **t** é formado por todo elemento que pertence a **s** e que pertence a **t**.

Operadores para Conjuntos

INTERSEÇÃO: `s.intersection(t)` ou `s & t`

Retorna um novo conjunto resultante da interseção de dois conjuntos **s** e **t** é formado por todo elemento que pertence a **s** e que pertence a **t**.

$$x \in s.intersection(t) \Leftrightarrow x \in \mathbf{s} \text{ e } x \in \mathbf{t}$$

Operadores para Conjuntos

INTERSEÇÃO: **s.intersection(t)** ou **s & t**

Retorna um novo conjunto resultante da interseção de dois conjuntos **s** e **t** é formado por todo elemento que pertence a **s** e que pertence a **t**.

$$x \in s.intersection(t) \Leftrightarrow x \in \mathbf{s} \text{ e } x \in \mathbf{t}$$

$$\{1, 3, 4\}.intersection(\{1, 2, 4\}) = \{1, 4\}$$

$$\{1, 3\}.intersection(\{2, 4\}) = \{ \}$$

$$\{ 'A', 'C', 'E' \}.intersection(\{ 'B', 'C', 'D' \}) = \{ 'C' \}$$

$$\{ 'C' \}.intersection(\{ 'B', 'C', 'D' \}) = \{ 'C' \}$$

Operadores para Conjuntos

DIFERENÇA: **s.difference(t)** ou **s - t**

Retorna um novo conjunto resultante da diferença entre dois conjuntos **s** e **t**. O resultado é formado por todo elemento que pertence a **s** e que não pertence a **t**.

Operadores para Conjuntos

DIFERENÇA: **s.difference(t)** ou **s - t**

Retorna um novo conjunto resultante da diferença entre dois conjuntos **s** e **t**. O resultado é formado por todo elemento que pertence a **s** e que não pertence a **t**.

$$x \in (\mathbf{s.difference(t)}) \Leftrightarrow x \in \mathbf{s} \text{ e } x \notin \mathbf{t}$$

Operadores para Conjuntos

DIFERENÇA: **s.difference(t)** ou **s - t**

Retorna um novo conjunto resultante da diferença entre dois conjuntos **s** e **t**. O resultado é formado por todo elemento que pertence a **s** e que não pertence a **t**.

$$x \in (\mathbf{s.difference(t)}) \Leftrightarrow x \in \mathbf{s} \text{ e } x \notin \mathbf{t}$$

$$\{1, 3, 4\}.difference(\{1, 2, 4\}) = \{3\}$$

$$\{1, 3, 4\} - \{1, 2, 4\} = \{3\}$$

$$\{1, 3\}.difference(\{2, 4\}) = \{1, 3\}$$

$$\{'A', 'C', 'E'\}.difference(\{'B', 'C', 'D'\}) = \{'A', 'E'\}$$

$$\{'C'\}.difference(\{'B', 'C', 'D'\}) = \{\}$$

Operadores para Conjuntos

Exemplo: Utilizando os operadores que sobre conjuntos, declare variáveis do tipo conjunto para representarem: um ano, as férias de fim de ano, as férias de meio de ano, todas as férias e o período letivo de um ano.

Operadores para Conjuntos

Exemplo: Utilizando os operadores que sobre conjuntos, declare variáveis do tipo conjunto para representarem: um ano, as férias de fim de ano, as férias de meio de ano, todas as férias e o período letivo de um ano.

```
ano = {"jan", "fev", "mar", "abr", "mai", "jun", "jul", "ago", "set", "out", "nov", "dez"}
```

```
feriasFimAno = {"jan", "fev", "dez"}
```

```
feriasMeioAno = {"jul"}
```

```
ferias = feriasFimAno.union(feriasMeioAno)
```

```
periodoLetivo = ano.difference(ferias)
```

Operadores Relacionais para Conjuntos

IGUAL ($==$) e DIFERENTE ($!=$):

Sejam **s** e **t** dois conjuntos:

s $==$ **t** é verdadeiro \Leftrightarrow **s** e **t** contêm os mesmos elementos;

s $!=$ **t** é verdadeiro, em caso contrário.

Operadores Relacionais para Conjuntos

IGUAL ($==$) e DIFERENTE ($!=$):

Sejam **s** e **t** dois conjuntos:

s $==$ **t** é verdadeiro \Leftrightarrow **s** e **t** contêm os mesmos elementos;

s $!=$ **t** é verdadeiro, em caso contrário.

$\{1, 3\} == \{1, 3\}$ é verdadeiro $\{1, 3\} != \{1, 3\}$ é falso

$\{1, 3\} == \{3, 1\}$ é verdadeiro $\{1, 3\} != \{3, 1\}$ é falso

$\{1, 3\} == \{1, 2\}$ é falso $\{1, 3\} != \{1, 2\}$ é verdadeiro

$\{1, 3\} == \{\}$ é falso $\{1, 3\} != \{\}$ é verdadeiro

Operadores Relacionais para Conjuntos

CONTÉM (\geq ou **issubset**) e
ESTÁ CONTIDO (\leq ou **issuperset**):

Sejam **s** e **t** dois conjuntos:

s \leq **t** é verdadeiro \Leftrightarrow todo elemento de **s** está em **t**.

s \geq **t** é verdadeiro \Leftrightarrow todo elemento de **t** está em **s**.

Operadores Relacionais para Conjuntos

CONTÉM (\geq ou **issubset**) e
ESTÁ CONTIDO (\leq ou **issuperset**):

Sejam **s** e **t** dois conjuntos:

s \leq **t** é verdadeiro \Leftrightarrow todo elemento de **s** está em **t**.

s \geq **t** é verdadeiro \Leftrightarrow todo elemento de **t** está em **s**.

$\{1, 3\} \leq \{1, 2, 3, 4\}$ é verdadeiro $\{1, 3\} \geq \{1, 2, 3, 4\}$ é falso

$\{1, 3\} \leq \{1, 3\}$ é verdadeiro $\{1, 3\} \geq \{1, 3\}$ é verdadeiro

$\{\} \leq \{1, 3\}$ é verdadeiro $\{\} \geq \{1, 3\}$ é falso

$\{1, 2, 3, 4\} \leq \{1, 3\}$ é falso $\{1, 2, 3, 4\} \geq \{1, 3\}$ é verdadeiro

$\{1, 3\} \leq \{\}$ é falso $\{1, 3\} \geq \{\}$ é verdadeiro

Operadores Relacionais para Conjuntos

PERTINÊNCIA (in):

Seja s um conjunto.

Seja x um elemento imutável.

Operadores Relacionais para Conjuntos

PERTINÊNCIA (in):

Seja **s** um conjunto.

Seja **x** um elemento imutável.

x in s é verdadeiro \Leftrightarrow **x** é um elemento de **s**.

3 in {1, 2, 3, 4} é verdadeiro

5 in {1, 2, 3, 4} é falso

1 in { } é falso

Exemplo: Este programa imprime o número de vogais, e dígitos existentes em uma frase.

Subprograma

def contaVogaisDigitos (frase):

vogais = {"A", "E", "I", "O", "U", "a", "e", "i", "o", "u"}

digitos = {"0", "1", "2", "3", "4", "5", "6", "7", "8", "9"}

nVogais = 0

nDigitos = 0

for letra **in** frase:

if letra **in** vogais:

 nVogais += 1

elif letra **in** digitos:

 nDigitos += 1

print("Quantidade de Vogais:", nVogais)

print("Quantidade de Dígitos:", nDigitos)

return None

Programa Principal

lida = input("Diga a frase: ")

contaVogaisDigitos(lida)

Exemplo: Este programa imprime o número de vogais, e dígitos existentes em uma frase.

Subprograma

def contaVogaisDigitos (frase):

vogais = {"A", "E", "I", "O", "U", "a", "e", "i", "o", "u"}

digitos = {"0", "1", "2", "3", "4", "5", "6", "7", "8", "9"}

nVogais = 0

nDigitos = 0

for letra **in** frase:

if letra **in** vogais:

 nVogais += 1

elif letra **in** digitos:

 nDigitos += 1

print("Quantidade de Vogais:", nVogais)

print("Quantidade de Dígitos:", nDigitos)

return None

Programa Principal

lida = input("Diga a frase: ")

contaVogaisDigitos(lida)

Exemplo: Este programa imprime o número de vogais, e dígitos existentes em uma frase.

Subprograma

def contaVogaisDigitos (frase):

vogais = {"A", "E", "I", "O", "U", "a", "e", "i", "o", "u"}

digitos = {"0", "1", "2", "3", "4", "5", "6", "7", "8", "9"}

nVogais = 0

nDigitos = 0

for letra **in** frase:

if letra **in** vogais:

 nVogais += 1

elif letra **in** digitos:

 nDigitos += 1

print("Quantidade de Vogais:", nVogais)

print("Quantidade de Dígitos:", nDigitos)

return None

Programa Principal

lida = input("Diga a frase: ")

contaVogaisDigitos(lida)

Exemplo: Este programa imprime o número de vogais, e dígitos existentes em uma frase.

Subprograma

def contaVogaisDigitos (frase):

vogais = {"A", "E", "I", "O", "U", "a", "e", "i", "o", "u"}

digitos = {"0", "1", "2", "3", "4", "5", "6", "7", "8", "9"}

nVogais = 0

nDigitos = 0

for letra **in** frase:

if letra **in** vogais:

 nVogais += 1

elif letra **in** digitos:

 nDigitos += 1

print("Quantidade de Vogais:", nVogais)

print("Quantidade de Dígitos:", nDigitos)

return None

Programa Principal

lida = input("Diga a frase: ")

contaVogaisDigitos(lida)

Exemplo: Este programa imprime o número de vogais, e dígitos existentes em uma frase.

Subprograma

def contaVogaisDigitos (frase):

vogais = {"A", "E", "I", "O", "U", "a", "e", "i", "o", "u"}

digitos = {"0", "1", "2", "3", "4", "5", "6", "7", "8", "9"}

nVogais = 0

nDigitos = 0

for letra **in** frase:

if letra **in** vogais:

 nVogais += 1

elif letra **in** digitos:

 nDigitos += 1

print("Quantidade de Vogais:", nVogais)

print("Quantidade de Dígitos:", nDigitos)

return None

Programa Principal

lida = input("Diga a frase: ")

contaVogaisDigitos(lida)

Exemplo: Este programa gera e imprime os números primos entre 2 e N, escolhido pelo usuário, usando o algoritmo chamado de “**Crivo de Eratóstenes**”.

Subprogramas

def imprime(num, osPrimos):

 print(“Primos entre 2 e”, num, “:”)

for candidato **in** range(2, num+1):

if candidato **in** osPrimos:

 print(candidato, end=“ ”)

 print()

return None

def eratostenes(num):

 resposta = set()

 ...

return resposta

Programa Principal - Crivo de Eratostenes

n = int(input(“Diga o valor: ”))

primos = eratostenes(n)

imprime(n, primos)

Exemplo: Este programa gera e imprime os números primos entre 2 e N, escolhido pelo usuário, usando o algoritmo chamado de “**Crivo de Eratóstenes**”.

Subprogramas

def imprime(num, osPrimos):

 print(“Primos entre 2 e”, num, “:”)

for candidato **in** range(2, num+1):

if candidato **in** osPrimos:

 print(candidato, end=“ ”)

 print()

return None

def eratostenes(num):

 resposta = set()

 ...

return resposta

Programa Principal - Crivo de Eratóstenes

n = int(input(“Diga o valor: ”))

primos = eratostenes(n)

imprime(n, primos)

Exemplo: Este programa gera e imprime os números primos entre 2 e N, escolhido pelo usuário, usando o algoritmo chamado de “**Crivo de Eratóstenes**”.

Subprogramas

```
def imprime(num, osPrimos):
```

```
    print("Primos entre 2 e", num, ":")
```

```
    for candidato in range(2, num+1):
```

```
        if candidato in osPrimos:
```

```
            print(candidato, end=" ")
```

```
    print()
```

```
    return None
```

```
def eratostenes(num):
```

```
    resposta = set()
```

```
    ...
```

```
    return resposta
```

Programa Principal - Crivo de Eratóstenes

```
n = int(input("Diga o valor: "))
```

```
primos = eratostenes(n)
```

```
imprime(n, primos)
```

Exemplo: Este programa gera e imprime os números primos entre 2 e N, escolhido pelo usuário, usando o algoritmo chamado de “**Crivo de Eratóstenes**”.

Subprogramas

```
def imprime(num, osPrimos):
```

```
    print("Primos entre 2 e", num, ":")
```

```
    for candidato in range(2, num+1):
```

```
        if candidato in osPrimos:
```

```
            print(candidato, end=" ")
```

```
    print()
```

```
    return None
```

```
def eratostenes(num):
```

```
    resposta = set()
```

```
    ...
```

```
    return resposta
```

Programa Principal - Crivo de Eratóstenes

```
n = int(input("Diga o valor: "))
```

```
primos = eratostenes(n)
```

```
imprime(n, primos)
```


Subprogramas

```
def imprime(num, osPrimos):
```

```
def eratostenes(num):
```

```
    resposta = set()          # inicializa resposta
```

```
    vazio = set()             # inicializa conjunto vazio
```

```
    crivo = set(range(2, num+1)) # constrói conjunto de 2 a num
```

```
    prox = 2
```

```
    while crivo != vazio:
```

```
        while not (prox in crivo):
```

```
            prox += 1
```

```
            resposta.add(prox) # ou resposta = resposta | {prox}
```

```
            j = prox
```

```
            while j <= num:
```

```
                crivo.discard(j) # ou crivo = crivo - {j}
```

```
                j += prox
```

```
    return resposta
```

Programa Principal - Crivo de Erastóstenes

```
n = int(input("Diga o valor: "))
```

```
primos = eratostenes(n)
```

```
imprime(n, primos)
```

Subprogramas

```
def imprime(num, osPrimos):
```

```
def eratostenes(num):
```

```
    resposta = set()          # inicializa resposta
```

```
    vazio = set()             # inicializa conjunto vazio
```

```
    crivo = set(range(2, num+1)) # constrói conjunto de 2 a num
```

```
    prox = 2
```

```
    while crivo != vazio:
```

```
        while not (prox in crivo):
```

```
            prox += 1
```

```
            resposta.add(prox) # ou resposta = resposta | {prox}
```

```
            j = prox
```

```
            while j <= num:
```

```
                crivo.discard(j) # ou crivo = crivo - {j}
```

```
                j += prox
```

```
    return resposta
```

Programa Principal - Crivo de Erastóstenes

```
n = int(input("Diga o valor: "))
```

```
primos = eratostenes(n)
```

```
imprime(n, primos)
```

Subprogramas

```
def imprime(num, osPrimos):
```

```
def eratostenes(num):
```

```
    resposta = set()          # inicializa resposta
```

```
    vazio = set()            # inicializa conjunto vazio
```

```
    crivo = set(range(2, num+1)) # constrói conjunto de 2 a num
```

```
    prox = 2
```

```
    while crivo != vazio:
```

```
        while not (prox in crivo):
```

```
            prox += 1
```

```
            resposta.add(prox) # ou resposta = resposta | {prox}
```

```
            j = prox
```

```
            while j <= num:
```

```
                crivo.discard(j) # ou crivo = crivo - {j}
```

```
                j += prox
```

```
    return resposta
```

Programa Principal - Crivo de Erastóstenes

```
n = int(input("Diga o valor: "))
```

```
primos = eratostenes(n)
```

```
imprime(n, primos)
```

Este subprograma imprime o conjunto de características comuns a todos os indivíduos pertencentes a um subconjunto de uma determinada população. Cada indivíduo da população está associado a um identificador (0..MaxPop-1) e possui um conjunto de características.

Este subprograma imprime o conjunto de características comuns a todos os indivíduos pertencentes a um subconjunto de uma determinada população. Cada indivíduo da população está associado a um identificador (0..MaxPop-1) e possui um conjunto de características.

```
caracteristicas = {"esporte", "tv", "cinema", "livro", "jornal", "teatro", "musica"}
```

```
def perfilComum(habitantes, caracteristicas, grupo):  
    comuns = caracteristicas  
    for ident in range(len(habitantes)):  
        if ident in grupo:  
            comuns = comuns & habitantes[ident]           # ou intersection  
    print("As características em comum são:")  
    for c in caracteristicas:  
        if c in comuns:  
            print(c, end=" ")  
    print()  
    return None
```

Subprograma

```
def perfilComum(habitantes, características, grupo):  
    comuns = características  
    for ident in range(len(habitantes)):  
        if ident in grupo:  
            comuns = comuns & habitantes[ident]  
    print("As características em comum são:")  
    for c in características:  
        if c in comuns:  
            print(c, end=" ")  
    print()  
    return None
```

Programa Principal

```
características = {"esporte", "tv", "cinema", "livro", "jornal", "teatro", "musica"}  
alunos = [{"tv", "cinema", "livro"}, {"cinema", "musica"}, {"cinema", "tv", "teatro"}]  
perfilComum(alunos, características, {2, 0})
```

Subprograma

```
def perfilComum(habitantes, características, grupo):  
    comuns = características  
    for ident in range(len(habitantes)):  
        if ident in grupo:  
            comuns = comuns & habitantes[ident]  
    print("As características em comum são:")  
    for c in características:  
        if c in comuns:  
            print(c, end=" ")  
    print()  
    return None
```

Programa Principal

```
características = {"esporte", "tv", "cinema", "livro", "jornal", "teatro", "musica"}  
alunos = [{"tv", "cinema", "livro"}, {"cinema", "musica"}, {"cinema", "tv", "teatro"}]  
perfilComum(alunos, características, {2, 0})
```

Faça os Exercícios Relacionados a essa Aula

Clique no botão para visualizar os enunciados:



Aula 10

Professores:

Dante Corbucci Filho
Leandro A. F. Fernandes

Conteúdo:

- Estrutura de Dados
- Conjunto (set)