

Curso Superior de Tecnologia em Sistemas de Computação Disciplina: Matemática para Computação  ${
m AD1}$  -  $2^o$  semestre de 2016

## Questões

1. (1,0 ponto) —

Determine o domínio da função f; Justifique.

$$f(x) = \frac{2x - 1}{\sqrt{(-5x + 10)}}$$

2. (2.0 pontos) -

Calcule as funções (f+g)(x), (f-g)(x), (f.g)(x), (f/g)(x). Determine o domínio de cada uma delas.

(a) 
$$f(x) = 2x \quad g(x) = x^2 + 1$$

(b) 
$$f(x) = 2\sqrt{(x-1)}$$
  $g(x) = \sqrt{(x-1)}$ 

## 3. (1,0 ponto) –

Calcule as funções compostas  $(f \circ g)(x), (g \circ f)(x)$  e determine o domínio de  $f \circ g$  e  $g \circ f$ :

(a) 
$$f(x) = 2x + 1$$
  $g(x) = x^2 - x$ 

(b) 
$$f(x) = x^2$$
  $g(x) = \sqrt{1-x}$ 

(c) 
$$f(x) = \frac{1+x}{1-x}$$
  $g(x) = \frac{x}{1-x}$ 

## 4. (1,0 ponto) —

Pede-se para a função  $f: f = x^3 - 6x^2 + 9x + 1$ 

- 1 Domínio:
- 2 Interseções com os eixos x e y;
- 3 Assíntotas verticais e horizontais;

Calcule a função inversa das seguintes funções e determine o domínio:

$$y = \frac{2-x}{x} + 4$$

(b) 
$$f(x) = \frac{x+2}{x-2} \ (x \neq 2)$$

(c) 
$$y = 2x - 4$$

Calcule os seguintes limites:

(a) 
$$\lim_{x \to -1} \frac{x^2}{x^2 + a}$$

(b) 
$$\lim_{x \to 5} 10\sqrt{(x^2 + 2)}$$

$$(c) \qquad \lim_{x \to \infty} 1 + 3^{\frac{1}{x}}$$

7. (1.5 pontos) —

Verifique se as funções abaixo são contínuas nos pontos indicados: (utilize a definição de continuidade)

(a) 
$$f(x) = \frac{x^3 - 2x^2 - 3x + 6}{x - 2}, x = 2$$

(b) 
$$f(x) = \frac{x^2 - 9}{x + 3}, x = -3$$

$$f(x) = x^2 - 3, x = 4$$

8. (1,5 pontos) ———

Calcule a derivada da seguinte função: (utilize a definição de derivada por limite)

$$f(x) = x^2 - x + 1$$

9. (1,0 ponto) —

Calcule a derivada das seguintes funções:

(a) 
$$y = (x^3 + 4)(x + 3)$$

$$y = \frac{4}{x^6}$$

(c) 
$$y = x^5$$