

Curso Superior de Tecnologia em Sistemas de Computação Disciplina: Matemática para Computação ${\rm AD1}$ - 2^o semestre de 2012

Atenção: ADs enviadas pelo correio, devem ser postadas cinco dias antes da data final de entrega estabelecida no calendário de entrega de ADs.

Questões

1. (1,0 ponto) —

Dadas as funções f e g encontre $(f\circ g),\,(g\circ f),\,(f\circ f)$ e $(g\circ g).$

(a)
$$f(x) = x - 2$$
 e $g(x) = 5x + \sqrt{x}$

(b)
$$f(x) = x^2 - 1$$
 e $g(x) = 3x + 5$

(c)
$$f(x) = \cos x + x^2$$
 e $g(x) = x^2 + x$

2. (1,0 ponto) —

Para as seguintes funções obtenha uma expressão para suas inversas.

(a)
$$y = x^2 - 3$$
, $x \ge 0$

(b)
$$y = \sqrt{x}, \quad x \ge 0$$

(c)
$$y = 2x - 1$$

3. (1,0 ponto) —

Calcule o limite

$$\lim_{h \to 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

para as seguintes funções:

$$f(x) = x^2 - 3x$$

$$f(x) = \sqrt{5x+1}$$

(c)
$$f(x) = \frac{1}{x^2}$$

4. (1,0 ponto) ———

Calcule os seguintes limites.

(a)
$$\lim_{x \to 2^+} (1 + \sqrt{x-2})$$

(b)
$$\lim_{x \to -2} \frac{x^3 + 8}{h + 2}$$

$$(c) \qquad \lim_{x \to 0} \frac{1}{x^2}$$

5. (2,0 pontos) —

Ache os limites infinitos.

(a)
$$\lim_{x \to +\infty} \frac{2x^3}{x^2 + 1}$$

$$\lim_{x \to -\infty} \frac{2x^3}{x^2 + 1}$$

(c)
$$\lim_{x \to +\infty} \left(x^5 - 7x^4 - 2x + 5 \right)$$

(d)
$$\lim_{x \to -\infty} \left(x^5 - 7x^4 - 2x + 5 \right)$$

6. (2,0 pontos) ———

Se $f(x) = \sqrt{9 - x^2}$, mostre que f é contínua no intervalo [-3, 3].

7. (1,0 ponto) –

Se

$$f(x) = \begin{cases} 1 & \text{se } x \neq 3 \\ 0 & \text{se } x = 3 \end{cases}$$

fé contínua em x=3? Justifique sua resposta.

8. (1,0 ponto) -

Se

$$f(x) = \begin{cases} \frac{|x-3|}{x-3} & \text{se } x \neq 3\\ 1 & \text{se } x = 3 \end{cases}$$

fé contínua em x=3? Justifique sua resposta.