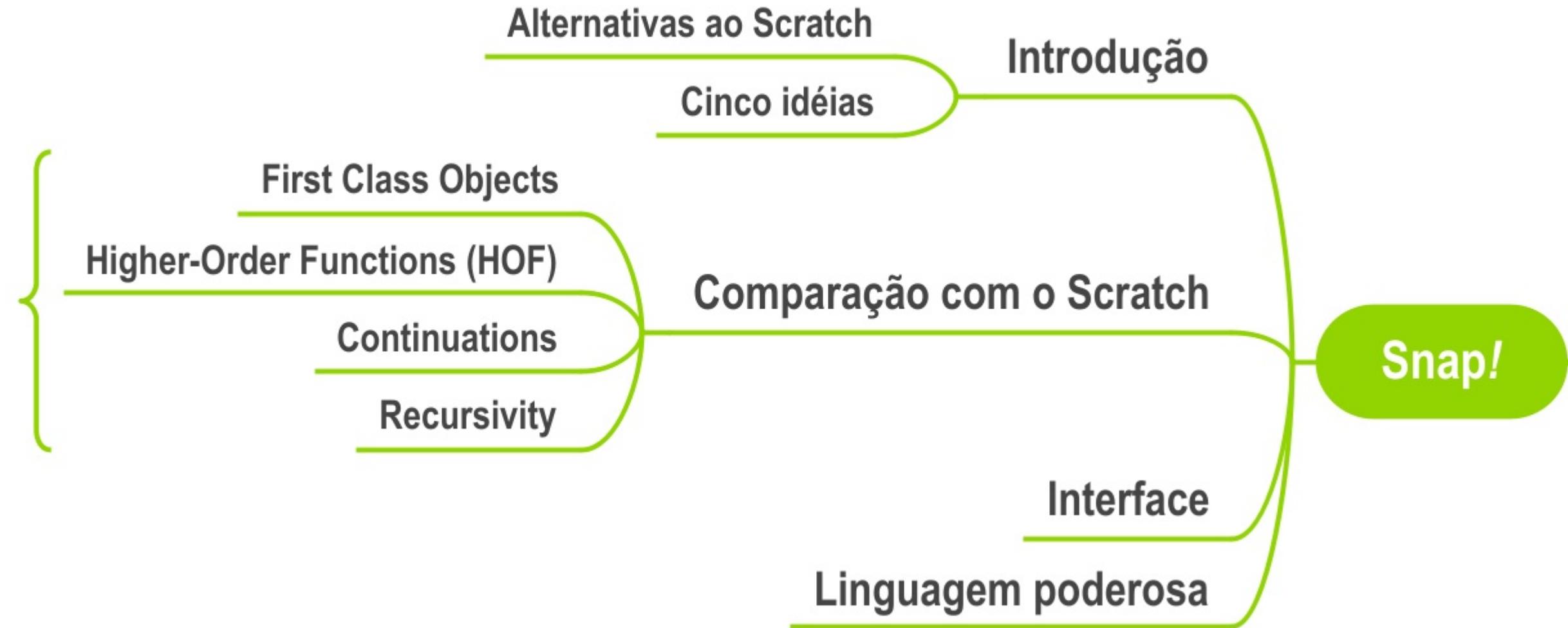


FUNDAMENTOS DA PROGRAMAÇÃO



Conceitos avançados

Nesta aula



Conceitos avançados

Quando comparamos o **Scratch** com o **Snap!**, na aula passada, vimos que o **Snap!** tem funcionalidades muito avançadas que o **Scratch** não possui. Especialmente o **Snap!** apresenta:

- **First Class Objects** (objetos de 1^a classe)
- **Higher-Order Functions** (funções de ordem superior)
- **First Class Continuations** (continuações de 1^a classe)
- **Recursivity** (recursividade)
- ...

Objetivo: apenas apresentar esses conceitos... não se preocupe se você não entender tudo agora!

Objetos de 1^a Classe



Christopher S. Strachey (1916 - 1975)

- Cientista da computação britânico
- Pioneiro no projeto de linguagens de programação
- Um dos fundadores da semântica denotacional
- Criador do conceito de "time-sharing"
- Criador da linguagem CPL (Combined PL)
- Formalização dos L e R values em expressões
- Pioneiro em vídeo games

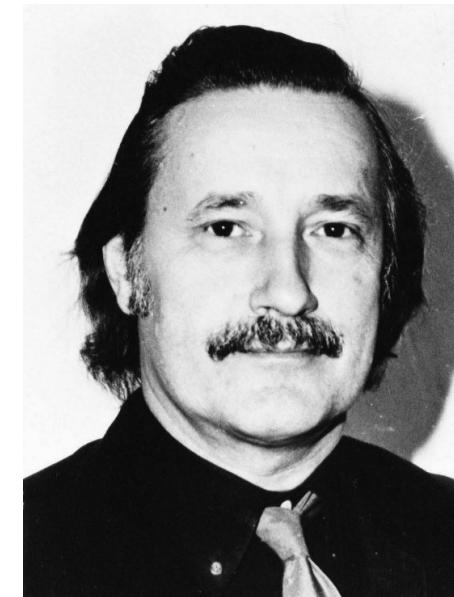
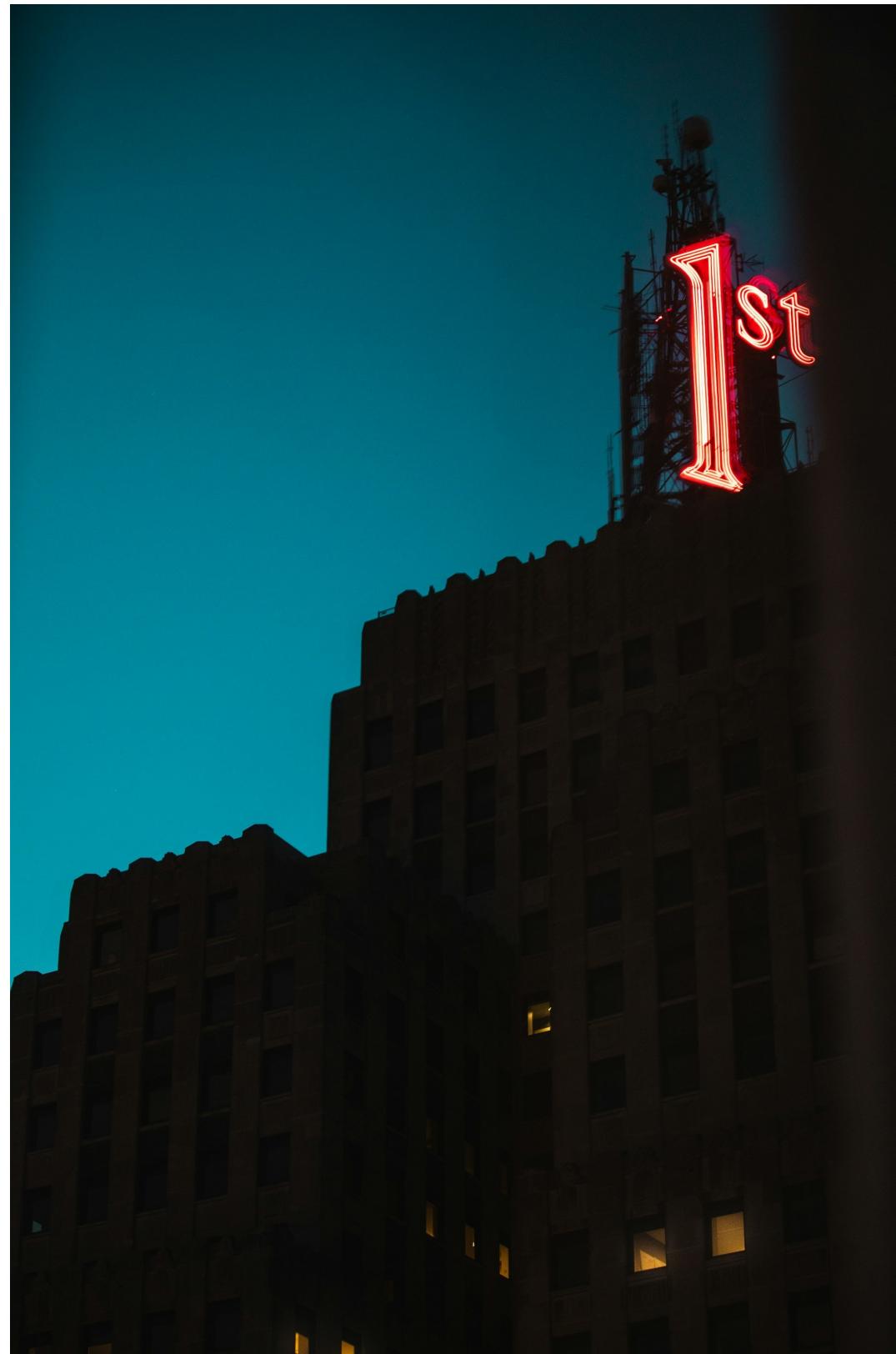


Foto: IEEE Computer Society: Computer Pioneers
(<https://history.computer.org/pioneers/strachey.html>)

Foto: adaptada do seminário "Strachey 100", da Universidade de Oxford, para comemorar o centenário de nascimento de Christopher Strachey.
(<https://www.cs.ox.ac.uk/strachey100/>)

The image shows the cover of a technical paper titled 'Fundamental Concepts in Programming Languages' by Christopher Strachey. The cover includes the journal title 'Higher Order and Symbolic Computation', volume 13, pages 11–39, year 2000, and the publisher information '© 2000 Kluwer Academic Publishers. Manufactured in The Netherlands.' Below the title, it says 'Reader in Computation at Oxford University, Programming Research Group, 45 Banbury Road, Oxford, UK'. The abstract discusses lectures given at the International Summer School in Computer Programming at Copenhagen in August 1967, noting the informal nature of the notes and the lack of a definitive manual. It also mentions the evolution of the language and its implementation at Cambridge and London. The keywords listed are programming languages, semantics, foundations of computing, CPL, L-values, R-values, parameter passing, variable binding, functions as data, parametric polymorphism, ad hoc polymorphism, binding mechanisms, type completeness. The paper is divided into sections such as Preliminaries and Introduction.

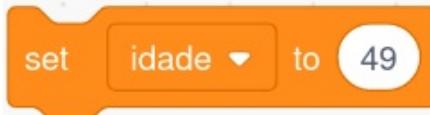
Objetos de 1^a Classe



O que são **objetos de 1^a classe**? Para que um objeto qualquer em uma linguagem de programação seja considerado de 1^a classe, essas **cinco propriedades** obrigatoriamente devem estar presentes:

- 1) Pode ser o **valor de uma variável**
- 2) Pode ser **elemento de um agregado** (array, lista, ...)
- 3) Pode **existir sem um nome**, pode ser anônimo
- 4) Pode ser **argumento** de um subprograma
- 5) Pode ser **retorno** de um subprograma

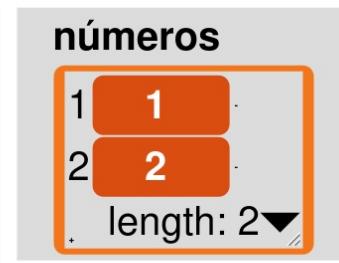
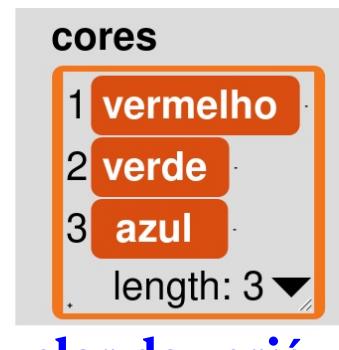
Números são objetos de 1^a classe em, praticamente, todas as linguagens

Propriedade	Snap!	Scratch
Valor de variável		
Elemento de agregado		
Usado sem nome		
Pode ser argumento		
Pode ser retorno		

Arrays são objetos de 1^a classe?

Depende da linguagem!

- Arrays são 1^a classe em: Snap!, Lisp, Scheme...
- Arrays são 2^a classe em: Scratch, C, ...



valor de variável

utilizado de forma anônima



utilizado como argumento



pode ser retornado

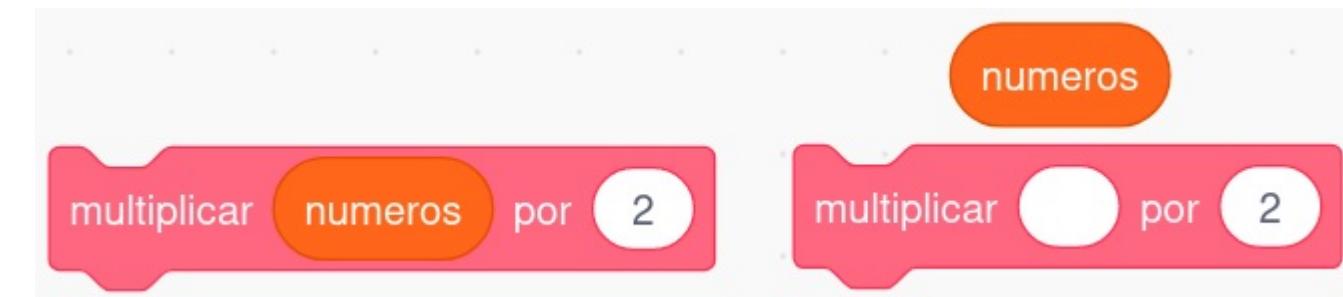
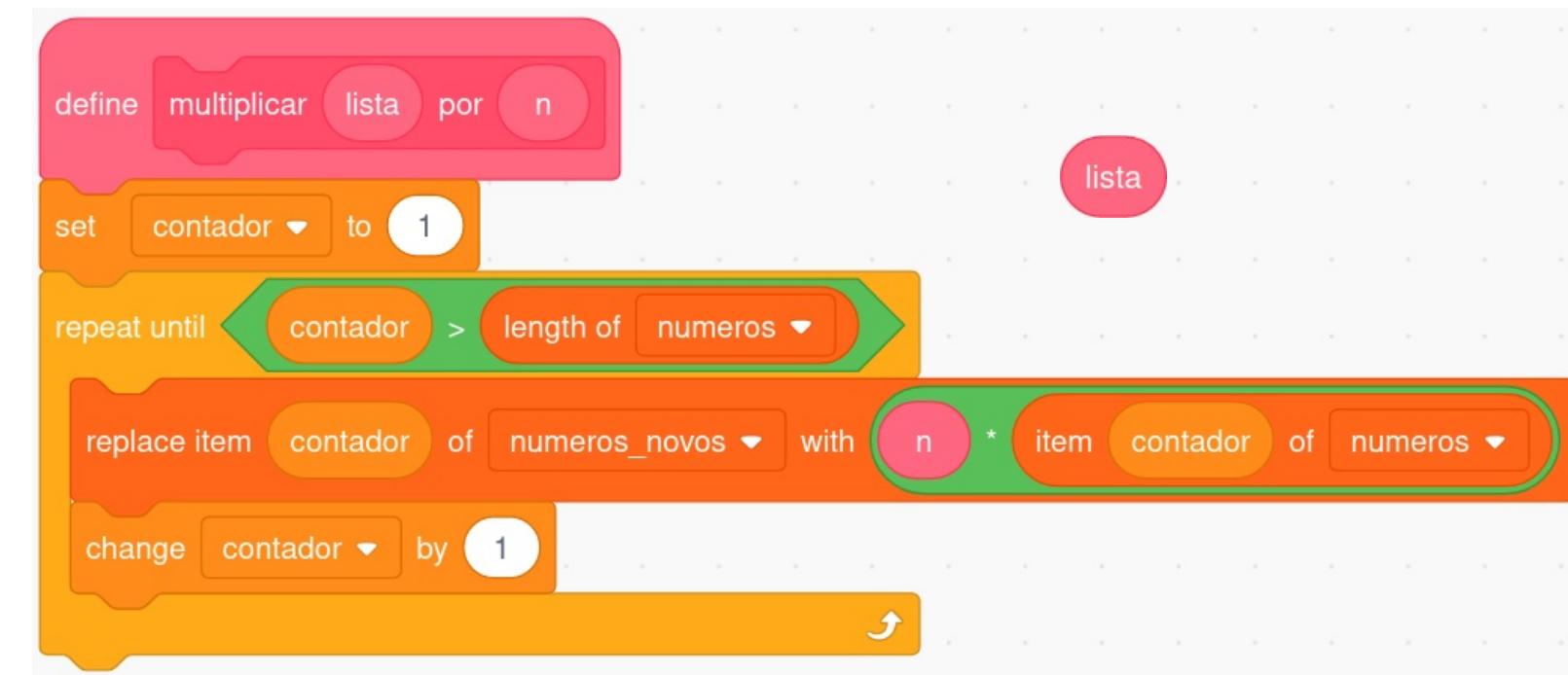
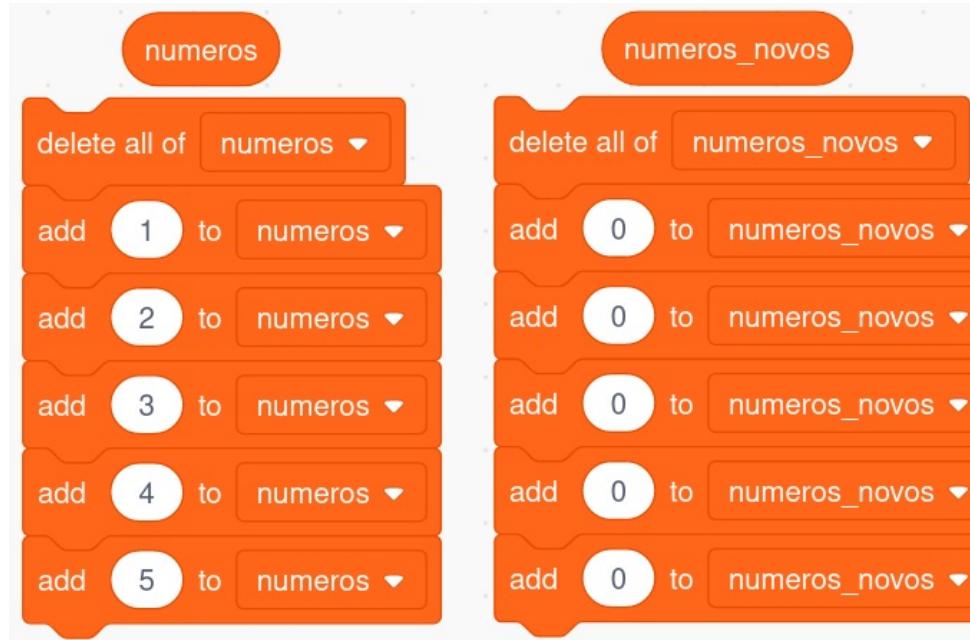


elemento de agregado



Arrays são objetos de 1^a classe?

Problema: criar uma função para **multiplicar** todos os elementos de um array por um número qualquer, e retornar os resultados em outro array. Versão **Scratch**:



Arrays são objetos de 1^a classe?

Problema: criar uma função para **multiplicar** todos os elementos de um array por um número qualquer, e retornar os resultados em outro array. Versão **Snap!**:

```
set numeros ▾ to list 1 2 3 4 5 ◀▶
```

```
+multiplicar+ lista : +por+ n # +  
block variables resultado ◀▶
```

```
set resultado ▾ to list ▶
```

```
for each item in lista
```

```
add item × n ◀▶ to resultado
```

```
report resultado
```

```
1 2  
2 4  
3 6  
4 8  
5 10  
+ length: 5
```

```
multiplicar numeros por 2
```

```
numeros  
multiplicar por 2  
+ length: 0
```

```
numeros  
multiplicar por 2
```

```
set numeros_novos ▾ to multiplicar numeros por 2
```

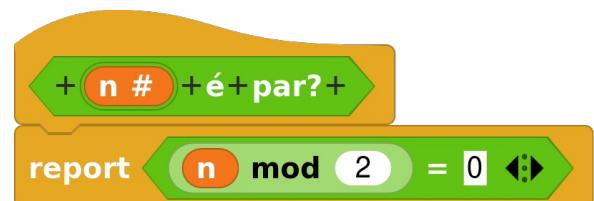
Subprogramas são objetos de 1^a classe?

Depende da linguagem!

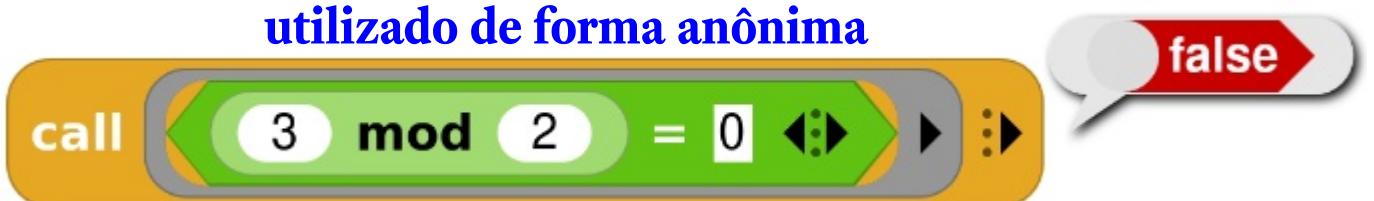
- São 1^a classe em: Snap!, Lisp, Scheme...
- Conceito difícil de entender inicialmente
- Fundamental para HOF!



valor de variável



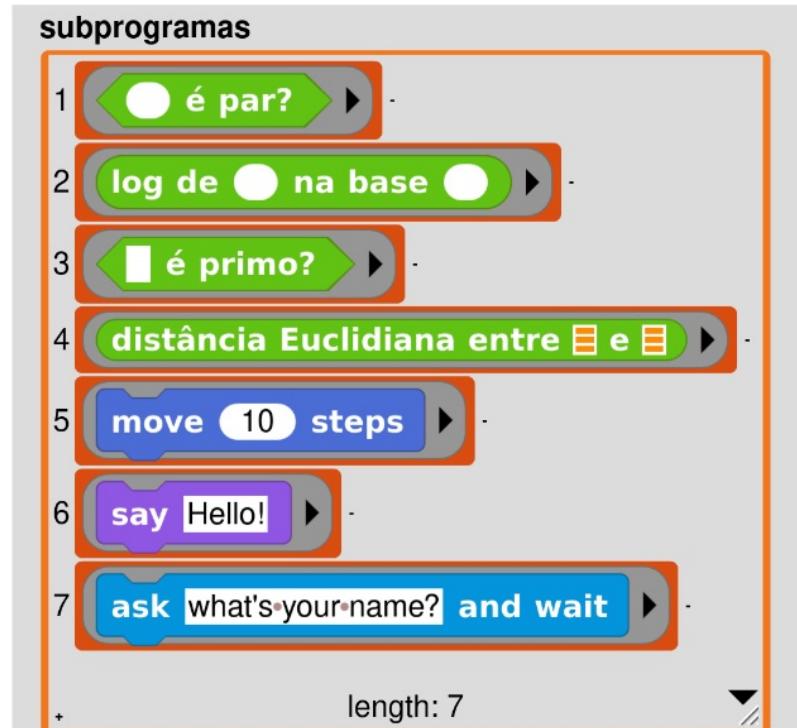
utilizado de forma anônima



utilizado como argumento



pode ser retornado



elemento de agregado

Continuações são objetos de 1^a classe?

Depende da linguagem!

- São 1^a classe em: Snap!, Scheme, ...
- Conceito MUITO difícil de entender!
- Serão citadas brevemente, nesta aula.



No Snap! tudo é de primeira classe

Em geral, qualquer objeto em qualquer linguagem de programação deveria ser de 1^a classe. Na prática não é assim. Em Snap!: "Everything First Class".

Por que é importante ter objetos de 1^a classe?

- **Arrays (listas)**: permitem criar qualquer outra estrutura de dados (árvores, heaps, tabelas hash, dicionários, ...)
- **Subprogramas**: permite criar novas estruturas de controle, criar HOF, objetos, ...
- **Continuações**: permitem criar mecanismos de controle (catch/throw, threads, ...)

No Snap! também temos como objetos de 1^a classe:

- **Sprites**: são objetos de 1^a classe com herança (permitem POO)
- **Costumes**: são objetos de 1^a classe
- **Sons**: são objetos de 1^a classe
- ... : são objetos de 1^a classe

Funções de Ordem Superior: Higher-Order Functions (HOF)

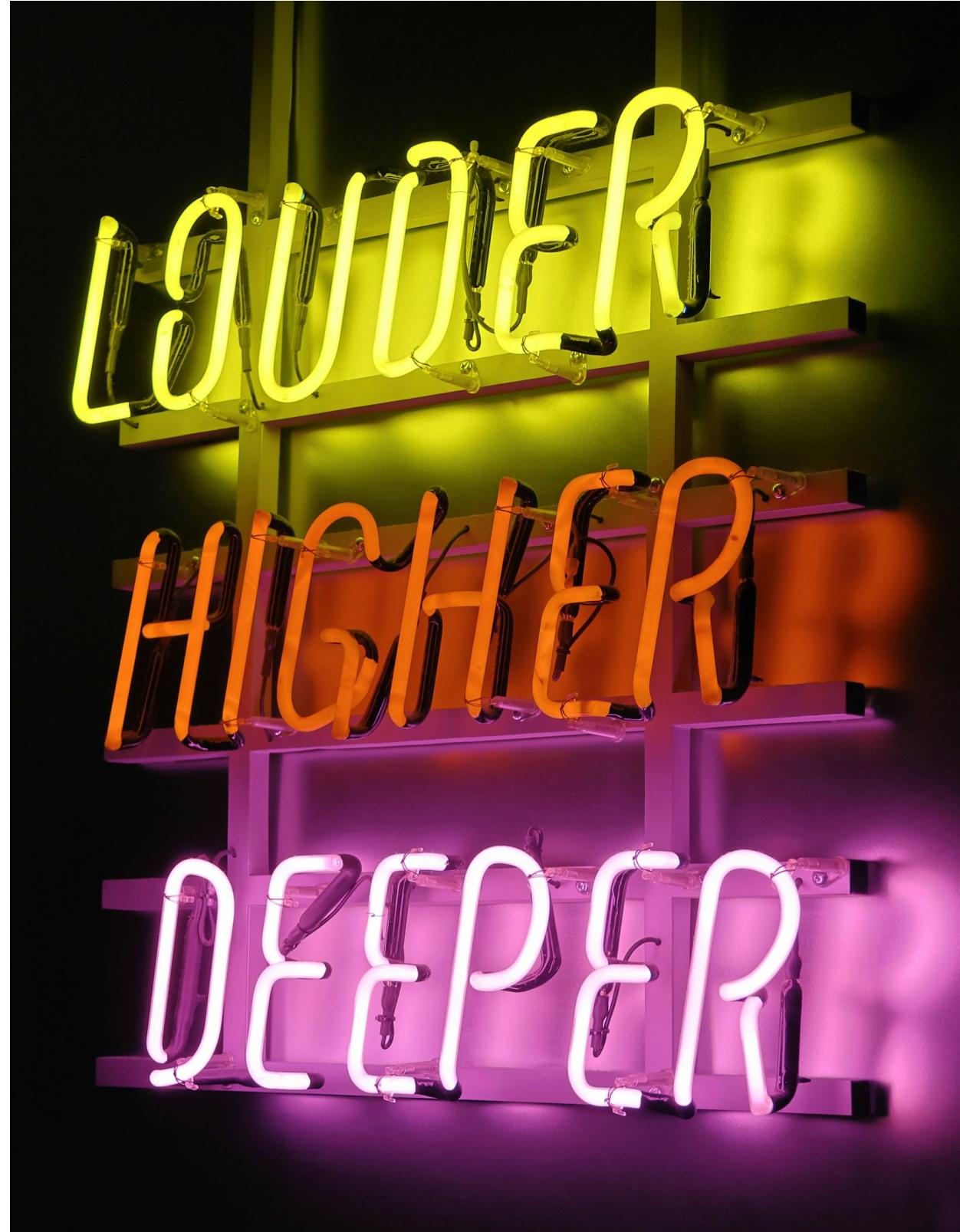


Foto: Tim Depickere, no Unsplash
(<https://unsplash.com/photos/a-neon-sign-that-says-liquor-higher-and-deeper-IsO0WKIOkXg>)

Uma HOF é uma função que faz, pelo menos, uma das duas coisas abaixo:

- Recebe um ou mais subprogramas (função, procedimento ou predicado) como argumento
- Retorna um subprograma (função, procedimento ou predicado)

Permitem criar **programas sofisticados**, com **alto grau de abstração e generalização!**

Obs.:

- Também são chamados de HOP
- Funções que não são HO são ditas "first-order" (FO)

Funções de Ordem Superior: Higher-Order Functions (HOF)

Retornando ao problema de multiplicar todos os elementos de um array: e se eu quisesse dividir? Ou somar? Ou subtrair? Ou calcular uma potência? **Solução comum:**

multiplicar

dividir

somar à

subtrair da

elevar por

```
+multiplicar+ lista : +por+ n # +  
block variables resultado ◆◆  
set resultado ▾ to list ▶  
for each item in lista  
add item × n ▶ to resultado  
report resultado
```

```
+dividir+ lista : +por+ n # +  
block variables resultado ◆◆  
set resultado ▾ to list ▶  
for each item in lista  
add item / n ▶ to resultado  
report resultado
```

```
+somar+ n # +à+ lista : +  
block variables resultado ◆◆  
set resultado ▾ to list ▶  
for each item in lista  
add n + item ▶ to resultado  
report resultado
```

```
+subtrair+ n # +da+ lista : +  
block variables resultado ◆◆  
set resultado ▾ to list ▶  
for each item in lista  
add item - n ▶ to resultado  
report resultado
```

```
+elevar+ lista : +por+ n # +  
block variables resultado ◆◆  
set resultado ▾ to list ▶  
for each item in lista  
add item ^ n ▶ to resultado  
report resultado
```

Funções de Ordem Superior: Higher-Order Functions (HOF)

Retornando ao problema de multiplicar todos os elementos de um array: e se eu quisesse dividir? Ou somar? Ou subtrair? Ou calcular uma potência? **Solução comum:**

```
set numeros ▾ to list 2 3 5 ◀▶
```

1 4 ·
2 6 ·
3 10 ·
+ length: 3 ▾

```
multiplicar numeros por 2
```

1 1 ·
2 1.5 ·
3 2.5 ·
+ length: 3 ▾

```
dividir numeros por 2
```

1 7 ·
2 8 ·
3 10 ·
+ length: 3 ▾

```
somar 5 à numeros
```

1 16 ·
2 81 ·
3 625 ·
+ length: 3 ▾

```
elevar numeros por 4
```

Funções de Ordem Superior: Higher-Order Functions (HOF)

Retornando ao problema de multiplicar todos os elementos de um array: e se eu quisesse dividir? Ou somar? Ou subtrair? Ou calcular uma potência? **Solução HOF:**

The Scratch script illustrates the use of Higher-Order Functions (HOF) to calculate the product of all elements in a list. It starts with a function definition:

```
+mapear+ a +função+ função λ +sobre+ a +lista+ lista : +
```

It then handles the base case of an empty list:

```
if is lista empty?
  report lista
```

For non-empty lists, it uses a recursive approach:

```
else
  report call função with inputs item 1 of lista :: in front of
    mapear a função função sobre a lista all but first of lista
```

Below the script, there are several green operators for arithmetic and modulus:

Operators (green):

- $\circ + \circ \leftrightarrow$
- $\circ - \circ$
- $\circ \times \circ \leftrightarrow$
- \circ / \circ
- $\circ ^ \circ$
- $\circ \text{ mod } \circ$

At the bottom, there is a specific HOF operator:

mapear a função função sobre a lista

Funções de Ordem Superior: Higher-Order Functions (HOF)

Retornando ao problema de multiplicar todos os elementos de um array: e se eu quisesse dividir? Ou somar? Ou subtrair? Ou calcular uma potência? **Solução HOF:**

```
set numeros ▾ to list 2 3 5 ◀▶
```

1	4	.
2	5	.
3	7	.

+ length: 3 ▾

```
mapear a função 2 + ● ◀▶ sobre a lista numeros
```

1	6	.
2	9	.
3	15	.

+ length: 3 ▾

```
mapear a função ● × 3 ◀▶ sobre a lista numeros
```

Funções de Ordem Superior: Higher-Order Functions (HOF)

Retornando ao problema de multiplicar todos os elementos de um array: e se eu quisesse dividir? Ou somar? Ou subtrair? Ou calcular uma potência? **Solução HOF:**

```
set numeros ▾ to list 2 3 5 ◀▶
```

1	0	.
2	1	.
3	3	.

+ length: 3 ▾

```
mapear a função ○ - 2 ▶ sobre a lista numeros
```

1	0	.
2	-1	.
3	-3	.

+ length: 3 ▾

```
mapear a função 2 - ○ ▶ sobre a lista numeros
```

Funções de Ordem Superior: Higher-Order Functions (HOF)

Retornando ao problema de multiplicar todos os elementos de um array: e se eu quisesse dividir? Ou somar? Ou subtrair? Ou calcular uma potência? **Solução HOF:**

```
set numeros ▾ to list 2 3 5 ◀▶
```

```
1 4 .  
2 9 .  
3 25 .  
+ length: 3 ▾
```

```
mapear a função ○ ^ 2 ▶ sobre a lista numeros
```

```
1 4 .  
2 8 .  
3 32 .  
+ length: 3 ▾
```

```
mapear a função 2 ^ ○ ▶ sobre a lista numeros
```

Funções de Ordem Superior: Higher-Order Functions (HOF)

Retornando ao problema de multiplicar todos os elementos de um array: e se eu quisesse dividir? Ou somar? Ou subtrair? Ou calcular uma potência? **Solução HOF:**

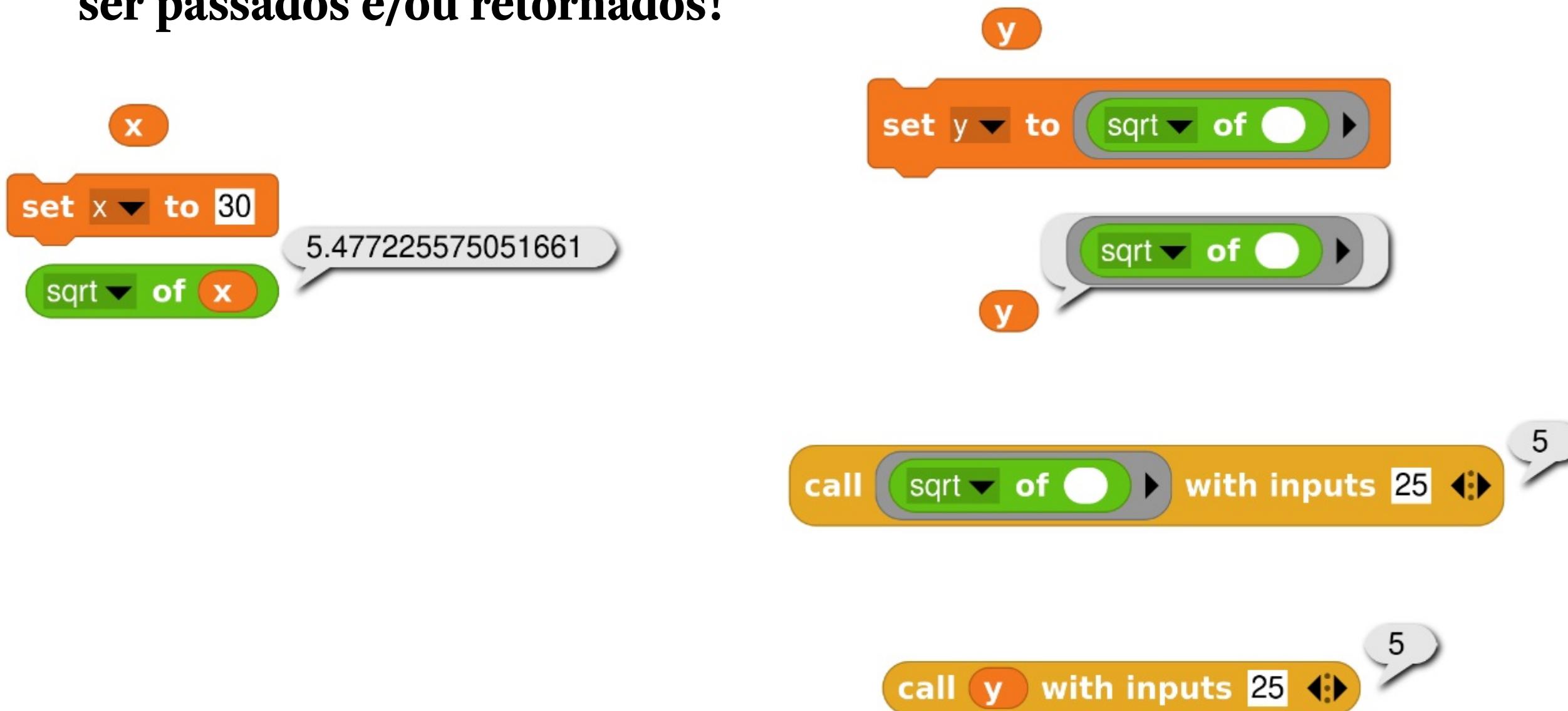
The image shows a Scratch script consisting of the following blocks:

- A **set** block: `set [numeros v] to [list 2 3 5]`
- An orange **report** block containing:
 - A green **if-then** control block: `+ [n # + é + par? +]`
 - A yellow **repeat** control block:
 - A green **repeat loop** condition: `n mod 2 = 0`
 - A green **if-then** control block: `+ [n # + é + par? +]`
- An orange **map** block:
 - A green **map** block: `mapear a função [é par? v] sobre a lista [numeros]`
 - A grey **list** block showing the results:
 - Element 1: true
 - Element 2: false
 - Element 3: false
 - Length: 3

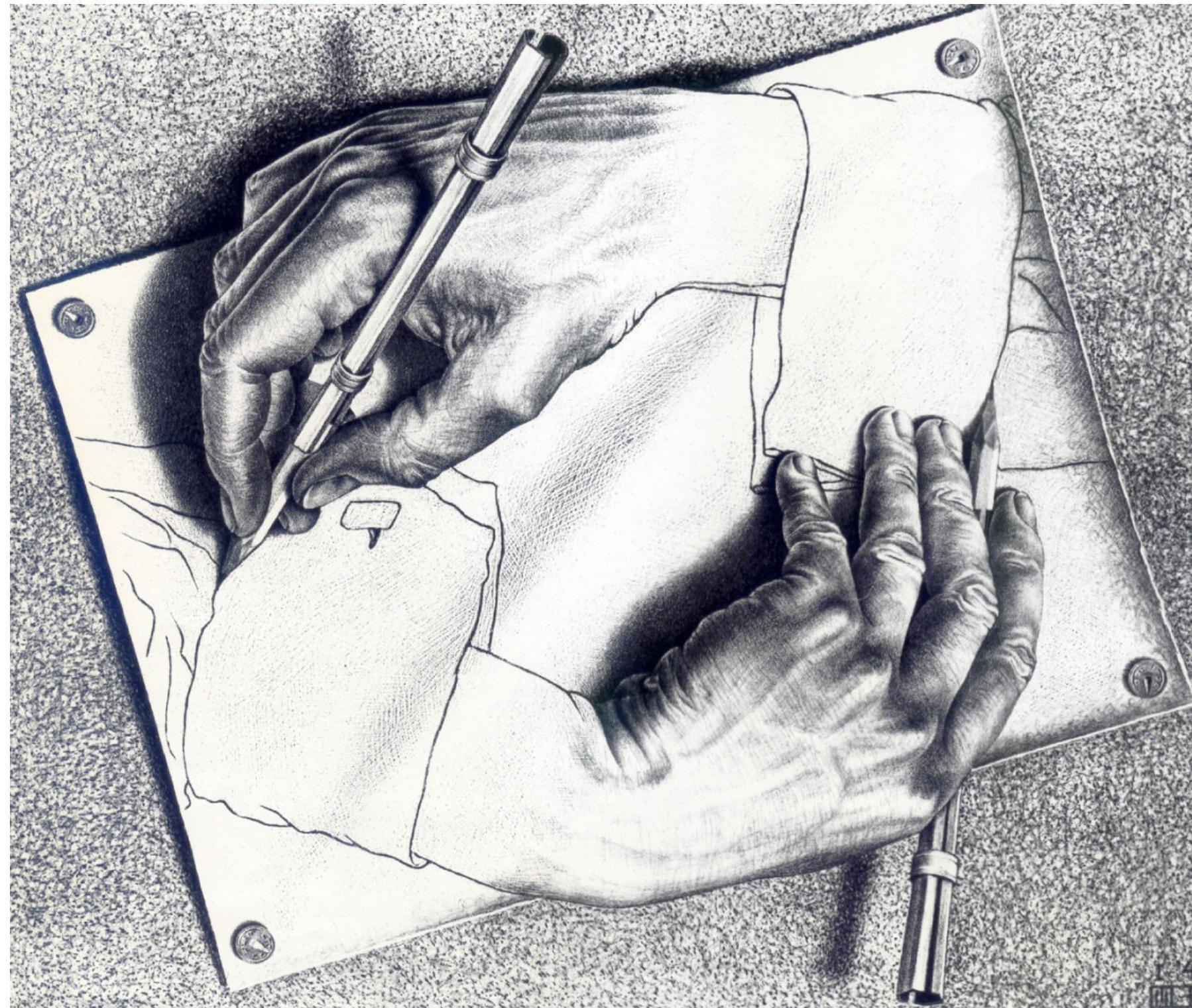
Funções de Ordem Superior: Higher-Order Functions (HOF)

Função x Dado:

HOF mostram que a distinção entre dado e função não é tão simples como pode parecer. Funções SÃO dados que podem ser passados e/ou retornados!



Recursividade



Drawing Hands, por Maurits Cornelis Escher, 1948 (<https://www.wikiart.org/en/m-c-escher/drawing-hands>)

Uma função é dita **recursiva** quando ela **chama a si mesma** para o desenvolvimento de algum processo computacional.

É uma técnica sofisticada de programação, que nos permite solucionar problemas complexos.

Não é fácil de entender no começo...

Recursividade



Para entender o que é recursividade, vamos considerar um exemplo simples: o cálculo do fatorial de um número "n" qualquer. Sabemos que:

Para $n \in \mathbb{Z}$, com $n \geq 0$:

$$n! = n \times (n - 1) \times (n - 2) \times \dots \times 2 \times 1$$

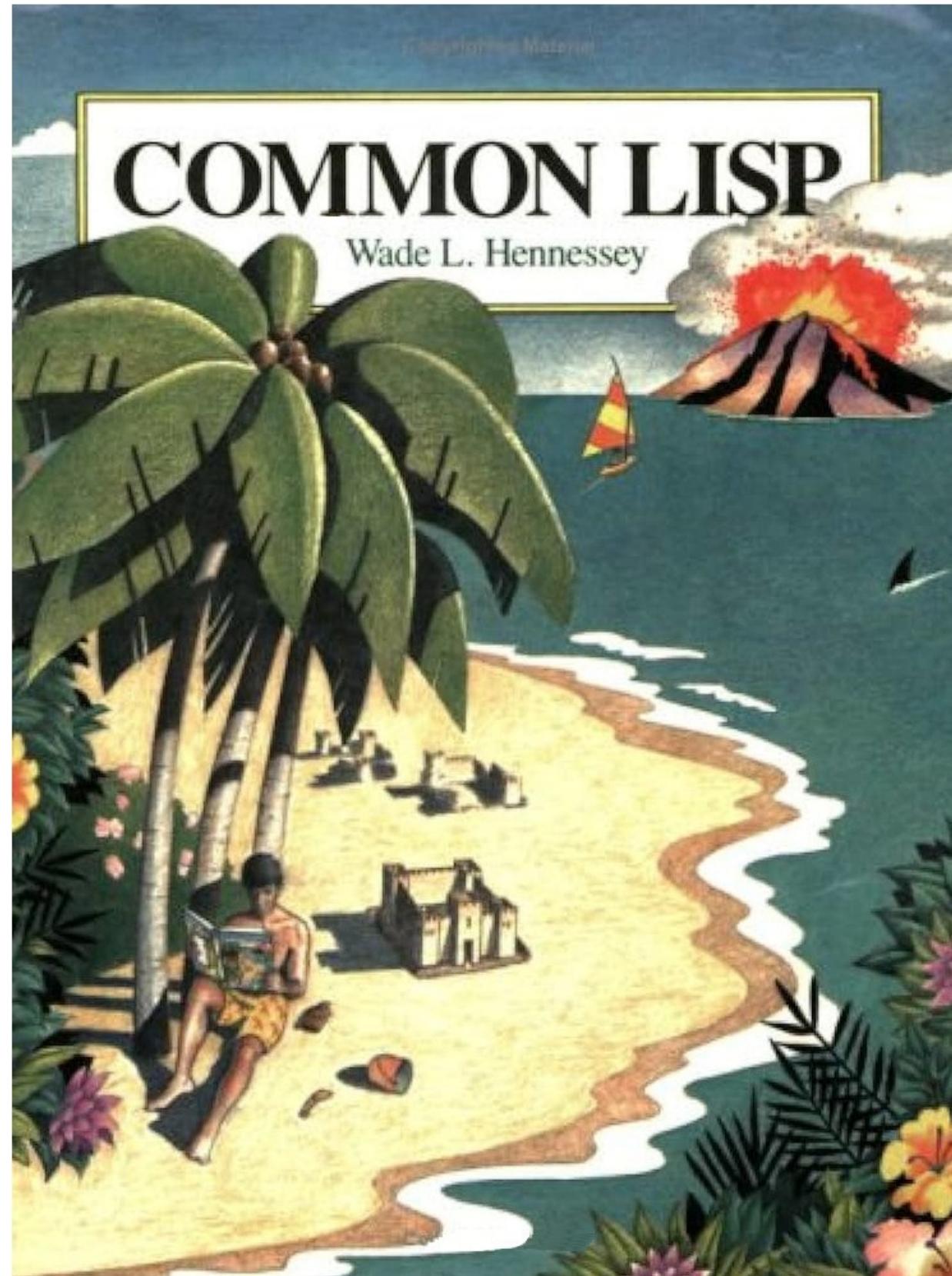
$$0! = 1$$

Por exemplo:

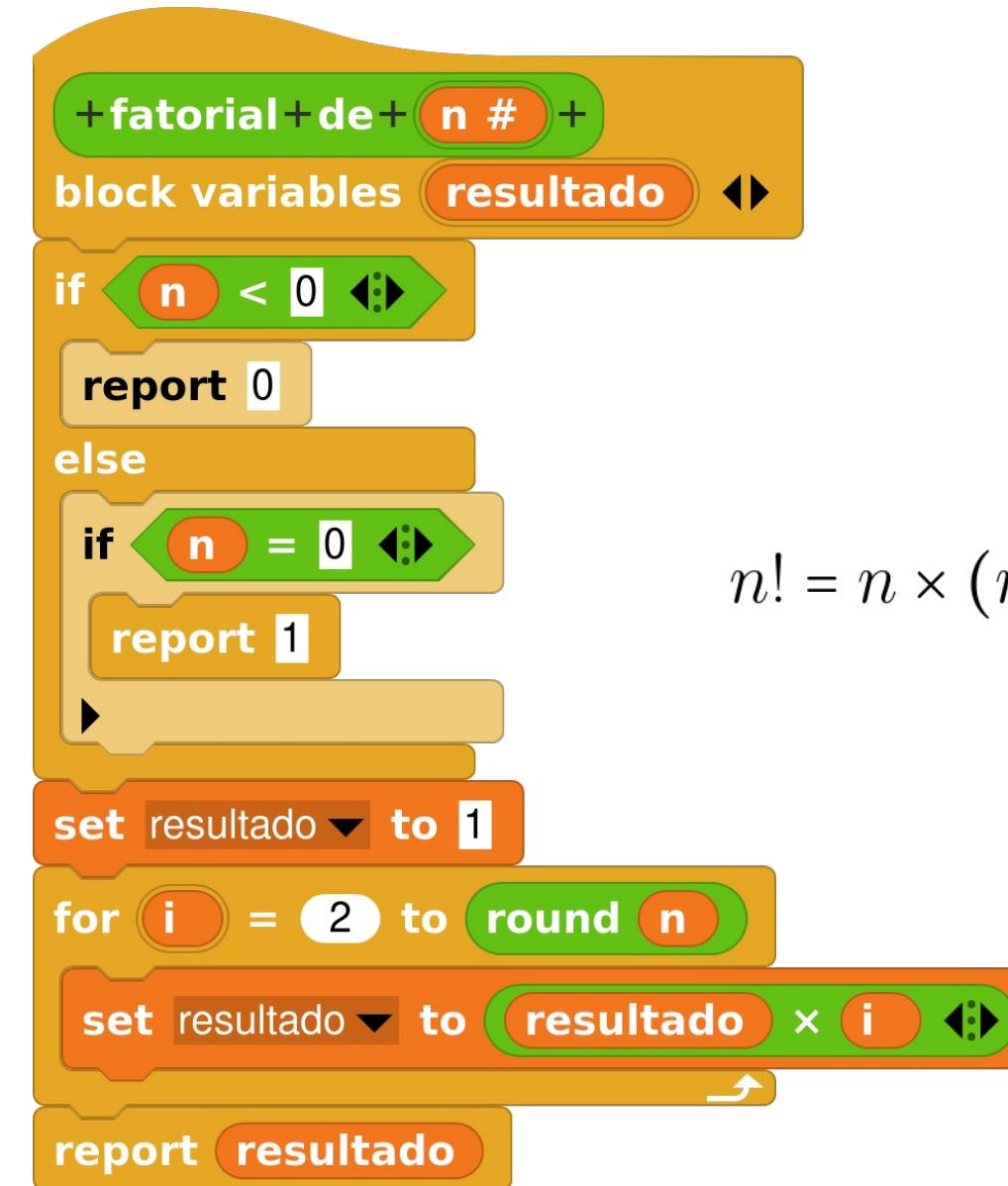
$$5! = 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120$$

Como criar uma função para calcular o fatorial de um número "n" qualquer?

Recursividade



Podemos usar uma estrutura de repetição para implementar a função fatorial. **Uma função ou algoritmo que utiliza uma estrutura de repetição é chamada de ITERATIVA:**



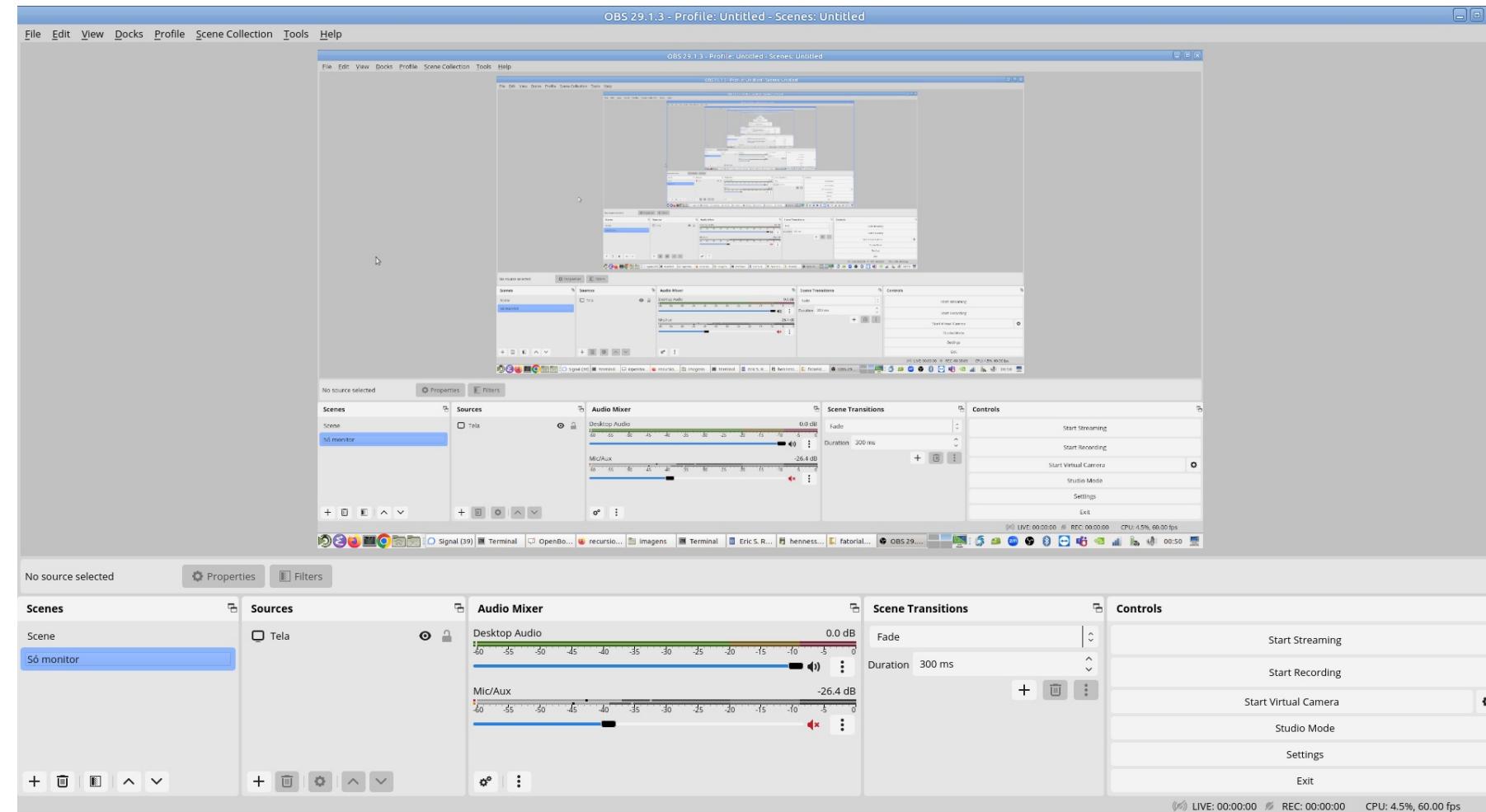
A Scratch script for calculating the factorial of a number. It starts with a function definition for '+fatorial+ de + n # +' with a parameter 'resultado'. It checks if 'n < 0', reporting 0 if true. If 'n = 0', it reports 1. Otherwise, it initializes 'resultado' to 1 and uses a 'for' loop from 'i = 2' to 'round n' to set 'resultado' to 'resultado * i'. Finally, it reports 'resultado'.

120

fatorial de 5

$$n! = n \times (n - 1) \times (n - 2) \times \dots \times 2 \times 1$$

Recursividade



Uma função ou algoritmo que chama a si mesma é chamada de RECURSIVA:

Agora note o seguinte:

$$5! = 5 \times \underbrace{4 \times 3 \times 2 \times 1}_{4!} = 120$$

$$5! = 5 \times 4! = 120$$

$$n! = n \times (n - 1)!$$

Para $n \in \mathbb{Z}$, com $n \geq 0$:

$$n! = \begin{cases} 1 & \text{se } n = 0 \\ n \times (n - 1)! & \text{se } n > 0 \end{cases}$$

Recursividade



Nevit Dilmen, na Wikipedia (https://commons.wikimedia.org/wiki/File:Droste_1260359-nevit,_corrected.jpg)

Uma função ou algoritmo que chama a si mesma é chamada de **RECURSIVA**:

```
+fatorial+recursivo+de+ n # +  
if < n < 0 >  
    report 0  
else  
    if < n = 0 >  
        report 1  
    else  
        report n × fatorial recursivo de n - 1 <>
```

A Scratch script titled "+fatorial+recursivo+de+ n # +". It starts with an "if < n < 0 >" block followed by a "report 0" block. Then it has an "else" block containing another "if < n = 0 >" block followed by a "report 1" block. Finally, it has an "else" block containing a "report n × fatorial recursivo de n - 1 <>" block.

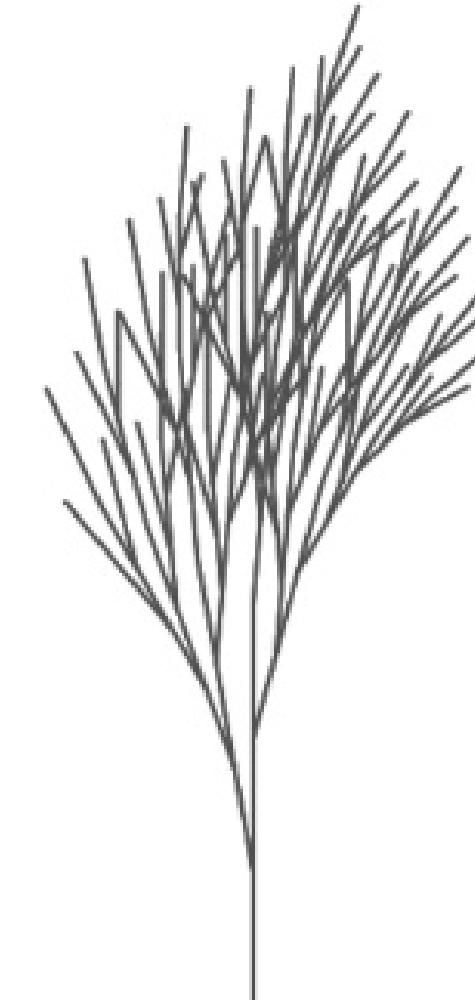
$$n! = \begin{cases} 1 & \text{se } n = 0 \\ n \times (n - 1)! & \text{se } n > 0 \end{cases}$$

fatorial recursivo de 5 120

Recursividade



Árvore com 5 níveis e tamanho 30



Belos exemplos de desenhos recursivos:
Sarah Bricault, Recursive Drawing: <https://bricault.mit.edu/recursive-drawing>

Recursividade

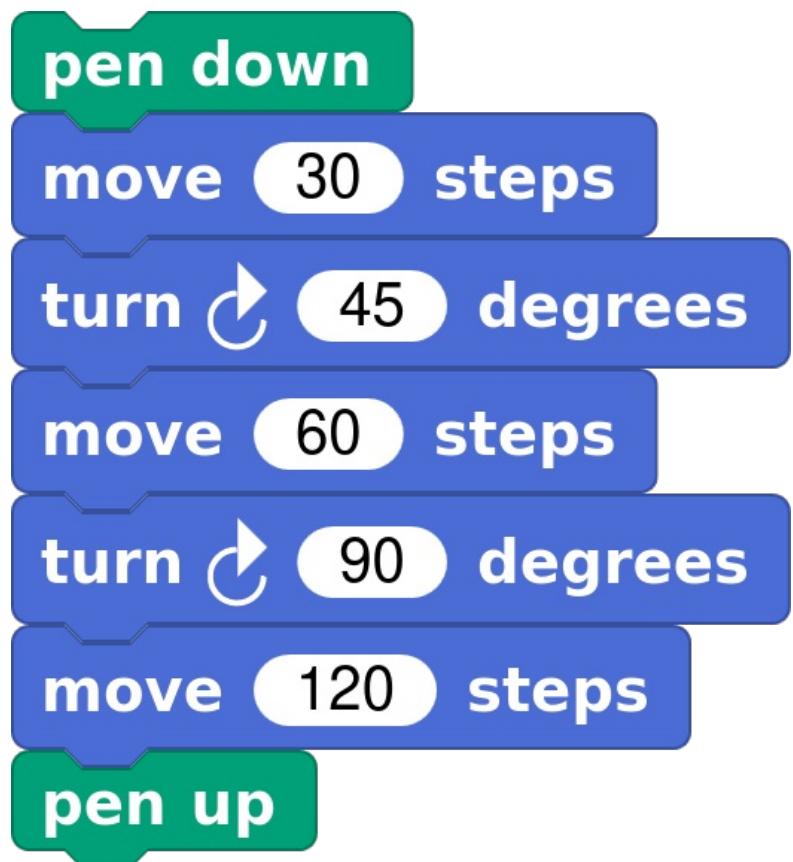


Dominar algoritmos recursivos é **uma das chaves** que abrem o "baú" de técnicas avançadas, sofisticadas e elegantes da programação.

Não se preocupe se você não entendeu como a recursividade funciona, veremos isso em mais detalhes no curso. No momento o objetivo é que você saiba que recursividade existe e que o Snap! nos permite criar funções e algoritmos recursivos.

Continuações

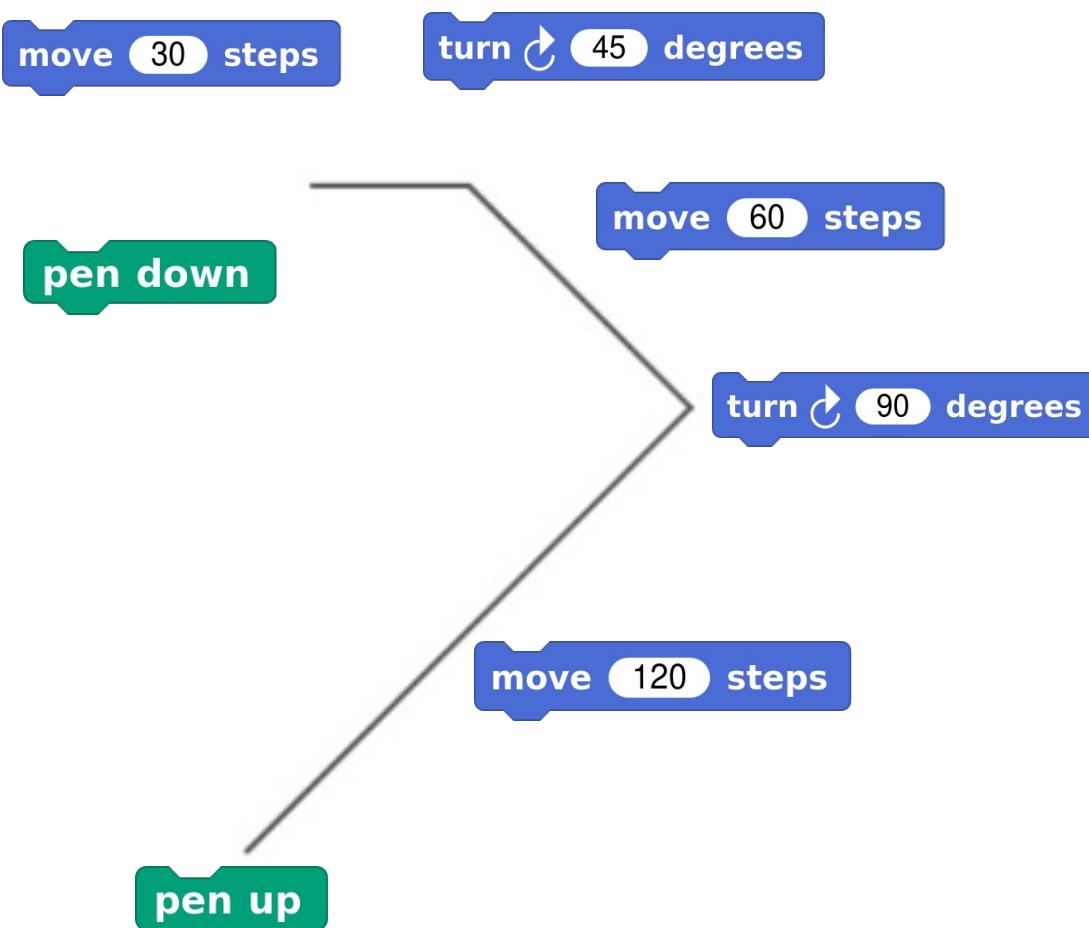
Conceito extremamente avançado e difícil de entender. O objetivo aqui é apenas demonstrar superficialmente a idéia. A **continuação** de um bloco em um programa corresponde ao **processo computacional que será executado após esse bloco terminar**.



Continuações

Conceito extremamente avançado e difícil de entender. O objetivo aqui é apenas demonstrar superficialmente a idéia. A **continuação** de um bloco em um programa corresponde ao **processo computacional que será executado após esse bloco terminar**.

```
pen down  
move 30 steps  
turn ⚡ 45 degrees  
move 60 steps  
turn ⚡ 90 degrees  
move 120 steps  
pen up
```



A continuação do bloco "move 60 steps" é:

```
turn ⚡ 90 degrees  
move 120 steps  
pen up
```

Continuações

Cuidado: o que conta em uma continuação não são os blocos que estão "fisicamente" a seguir mas, sim, o **processo computacional que resta para ser executado**. Qual será a continuação do bloco "move 100 steps", no programa abaixo?

```
pen down
repeat (4)
  move (100) steps
  turn (90) degrees
end
pen up
```

```
turn (90) degrees
repeat (3)
  move (100) steps
  turn (90) degrees
end
pen up
```

```
turn (90) degrees
repeat (1)
  move (100) steps
  turn (90) degrees
end
pen up
```

```
turn (90) degrees
repeat (2)
  move (100) steps
  turn (90) degrees
end
pen up
```

```
turn (90) degrees
pen up
```

Continuações

Brian Harvey:

"Continuações são o recurso mais desafiador do Snap!. Muitos programadores adultos profissionais (em qualquer idioma) seguem suas carreiras sem ter ideia do que é uma continuação. Existem dois tipos de coisas que um procedimento pode fazer com sua continuação:

- 1) Pode invocar a própria continuação para sair de seu próprio código (é assim que criamos CATCH e THROW); e
- 2) Pode colocar sua continuação em uma estrutura de dados externa, uma variável global ou uma lista, e qualquer processo pode reviver esse processo, mesmo depois que o procedimento tiver retornado e todo o script estiver concluído (é assim que criamos MULTITHREAD)."

Os maiores interessados são pessoas que estão criando ou implementando linguagens de programação, ou que estão resolvendo problemas muito, muito complexos. Não é uma coisa que usamos no dia a dia!

Em resumo

