Bài 1 (): Cho ba vectơ a, b, c đều khác vectơ 0. Các khẳng định sau đúng hay sai?

Cho ba vector $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ đều khác vector $\vec{0}$, các khẳng định sau đúng hay sai?

a, Nếu hai vector \vec{a}, \vec{b} cùng phương với \vec{c} thì \vec{a}, \vec{b} cùng phương;

b, Nếu \vec{a}, \vec{b} cùng ngược hướng với \vec{c} thì \vec{a}, \vec{b} cùng hướng.

Lời giải:

a) Đúng

Gọi Δ_1 , Δ_2 , Δ_3 lần lượt là giá của ba vectơ a, b, c.

- Vecto a cùng phương với vecto c => Δ₁ //≡ Δ₃
- Vector b cùng phương với vector c => Δ_2 // $\equiv \Delta_3$
- $\Rightarrow \Delta_1 // \equiv \Delta_2$
- => Vector a cùng phương với vector b (theo định nghĩa).

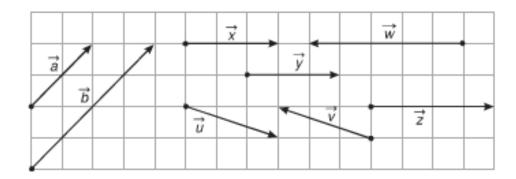
b) Đúng

Giả sử vectơ c có hướng từ trái qua phải.

- Vector a ngược hướng với vector c nên vector a có hướng từ phải qua trái.
- Vector b ngược hướng với vector c nên vector b có hướng từ phải qua trái.

Suy ra hai vecto a, b cùng hướng.

Bài 2 (): Trong hình 1.4, hãy chỉ ra các vectơ cùng phương, cùng hướng, ngược hướng và các vectơ bằng nhau.



Hình 1.4

Lời giải:

- Các vecto cùng phương:

$$\vec{a}$$
 và \vec{b} ; \vec{u} và \vec{v} ; \vec{x} , \vec{y} , \vec{z} , \vec{w}

- Các vectơ cùng hướng:

$$\vec{a}$$
 và \vec{b} ; \vec{x} , \vec{y} và \vec{z}

- Các vecto ngược hướng:

$$\vec{u}$$
 và \vec{v} ; \vec{x} và \vec{w} ; \vec{y} và \vec{w} ; \vec{z} và \vec{w}

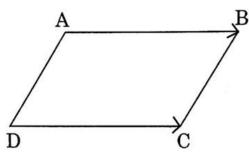
- Các vecto bằng nhau:

$$\vec{x}$$
 và \vec{y}

Bài 3 (): Cho tứ giác ABCD. Chứng minh rằng tứ giác đó là hình bình hành khi và chỉ khi

$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$$

Lời giải:



- Chiều thuận: Nếu ABCD là hình bình hành thì:

$$\begin{cases}
AB = DC \\
AB//DC \\
\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{DC}_{cùng hướng}
\end{cases} = \overrightarrow{DC} (\text{định nghĩa hai vecto bằng nhau})$$

- Chiều nghịch: Nếu

$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$$

thì: AB // DC và AB = DC

=> ABCD là hình bình hành.

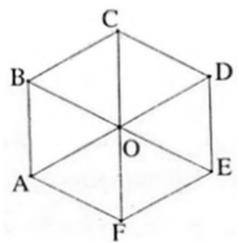
Vậy: tứ giác ABCD là hình bình hành khi và chỉ khi

$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$$

Bài 4 (): Cho lục giác đều ABCDEF có tâm O.

- a) Tìm các vectơ khác vectơ O—và cùng phương với vectơ OA→
- b) Tìm các vectơ bằng vectơ AB→

Lời giải:



a) Các vecto khác vecto O—và cùng phương với vecto OA—là:

$$\overrightarrow{CB}, \overrightarrow{BC}, \overrightarrow{EF}, \overrightarrow{FE}, \overrightarrow{DO}, \overrightarrow{OD}, \overrightarrow{AO}, \overrightarrow{DA}, \overrightarrow{AD}$$

b) Các vecto bằng vecto AB-là:

$$\overrightarrow{OC}$$
, \overrightarrow{ED} , \overrightarrow{FO}