

数の表現 ~2進数~

コンピュータの基本は0と1で計算している。電源がOffの場合は0、電源がOnの場合は1となる。この電源On/Offの二つの状態から計算を行う場合、最も簡単な表現方法は2進数となる。

10進数

$$0 \rightarrow 1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 4 \rightarrow 5 \rightarrow 6 \rightarrow 7 \rightarrow 8 \rightarrow 9 \rightarrow 10 \rightarrow 11 \rightarrow 12 \rightarrow 13$$

10個の数で表現

11個目は桁上がり

2進数

$$0 \rightarrow 1 \rightarrow 10 \rightarrow 11 \rightarrow 100 \rightarrow 101 \rightarrow 110 \rightarrow 111$$

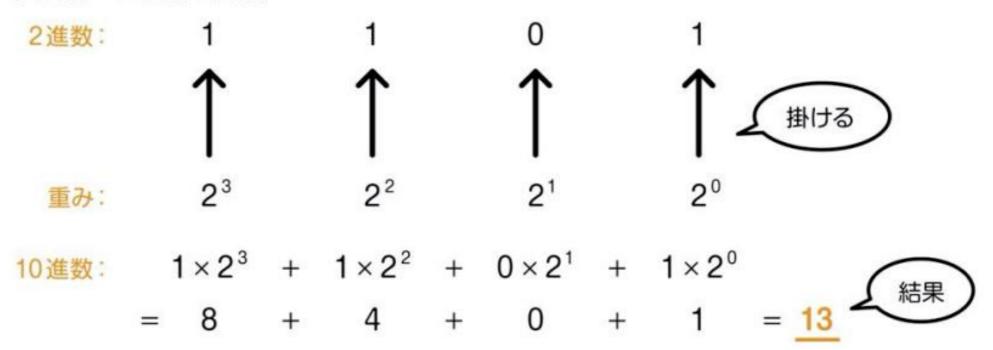
2個の数で表現

3個目は桁上がり

数の表現 ~2進数~

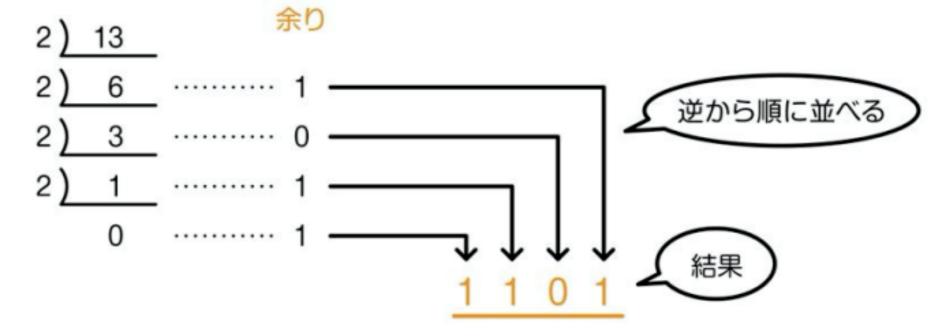
2進数と10進数の変換、または8進数や16進数といった基数を変換することを基数変換と呼ぶ。

〈2進数→10進数の変換〉



数の表現 ~2進数~

〈10進数→2進数の変換〉



数の表現 ~8進数と16進数~

〈8進数、16進数→10進数の変換〉

8進数: 5 1 2



重み: 8² 8

1 8°←^{基数}

10進数: $5 \times 64 + 1 \times 8 + 2 \times 1 = 330$



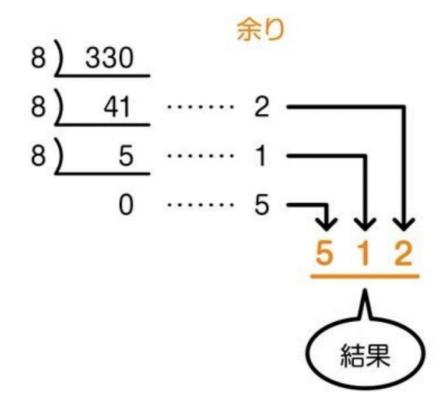
16進数: 1 F B

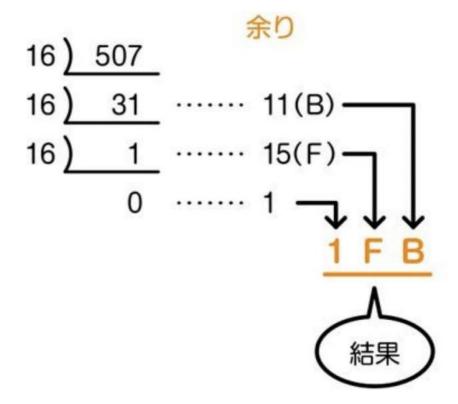


3 16² 16¹

数の表現 ~2進数~

〈10進数→8進数、16進数の変換〉





数の表現 〜2進数の足し算と引き算〜

2進数の桁上がり 1+1=10 、 2進数の桁下がり 10-1=1

| + | 1011 0101 | 1 × | 011 101 |
|---|--------------|--------|------------|
| | 10000 | 1 | 011 |
| _ | 1011 0101 | 101 | 00 1 |
| | 110 | 110 | 111 |

進数対応表

| 10進数 | 2進数 | 8進数 | 16進数 |
|------|-------|-----|------|
| 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 |
| 2 | 10 | 2 | 2 |
| 3 | 11 | 3 | 3 |
| 4 | 100 | 4 | 4 |
| 5 | 101 | 5 | 5 |
| 6 | 110 | 6 | 6 |
| 7 | 111 | 7 | 7 |
| 8 | 1000 | 10 | 8 |
| 9 | 1001 | 11 | 9 |
| 10 | 1010 | 12 | А |
| 11 | 1011 | 13 | В |
| 12 | 1100 | 14 | С |
| 13 | 1101 | 15 | D |
| 14 | 1110 | 16 | Е |
| 15 | 1111 | 17 | F |
| 16 | 10000 | 20 | 10 |

問題:

人の指で最大何個 の数を表現できる か考えてみよう!

16進数を表示する場合の表 示方法

- 1. 右下に小さく"16"と書く (17FA)₁₆
- 2. 冒頭に"0x"を書く 0x17FA

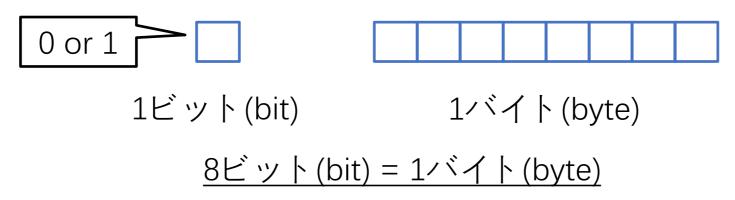


数の表現

■ビットとバイト

一度に最大で32ビットのデータを処理できるCPUを32ビットCPU、64ビットのデータを処理できるCPUを64ビットCPUと呼ぶ。

コンピュータは2進数ですべてのデータが構成される。この時の最小単位「2進数の1桁分」をビット(bit)と呼び、8ビット文をまとめた単位をバイト(byte)と呼ぶ。



■補助単位

| 大きい値の補助単位 | | 小さい値の補助単位 | |
|-----------|---------------------------------|-----------|---|
| k(キロ) | 10 ³ =1,000倍 | m(ミリ) | $1/10^3 = 1/1,000$ |
| M(メガ) | 106=1,000,000倍 | μ(マイクロ) | $1/10^6 = 1/1,000,000$ |
| G(ギガ) | 10 ⁹ =1,000,000,000倍 | n(ナノ) | $1/10^9 = 1/1,000,000,000$ |
| T(テラ) | 1012=1,000,000,000,000倍 | p(ピコ) | 1/10 ¹² =1/1,000,000,000,000 |

問題

2進数1011と2進数101を乗算した結果の2進数はどれか。

平成28年秋期 問91 4問目/選択範囲の問題数51問

ア 1111 イ 10000 ウ 101111 エ 110111

問題

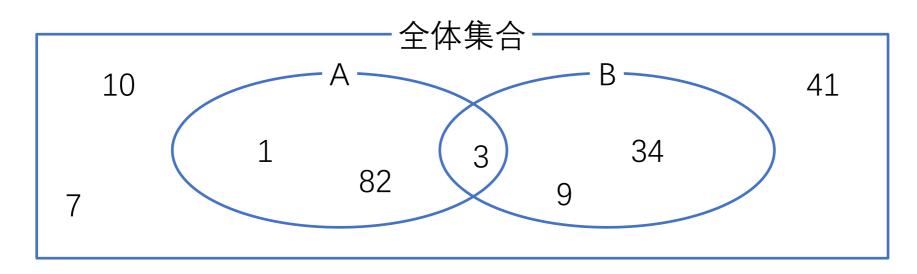
10進数155を2進数で表したものはどれか。

出典:令和2年秋期 問62

集合論

コンピュータはデータを扱う時、条件で対象を絞り込みする。この絞り込み条件は集合論の概念を用いている。かつ (AND)、または (OR)、などを見ていこう

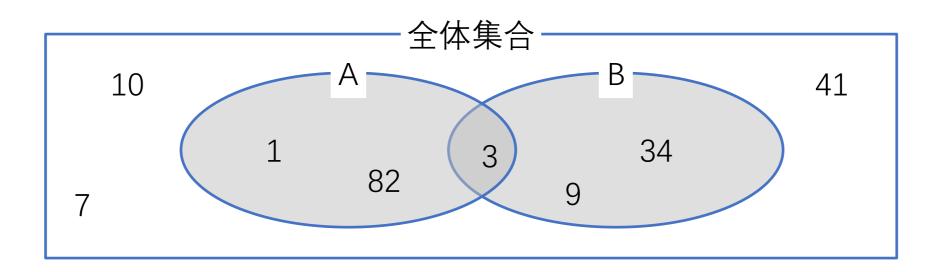
ある特性をもったデータ(要素)の集まりを集合という。集合を表す図にベン図がある。



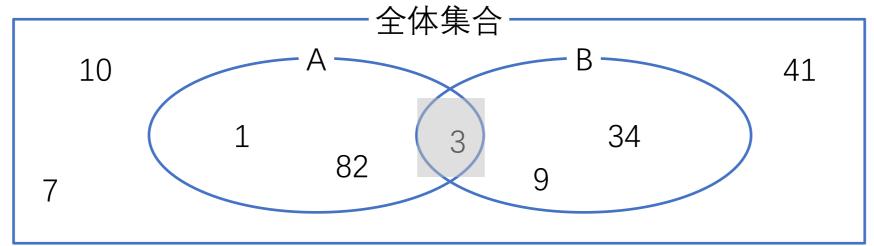
| 全体集合 | 対象とするデータ すべて で構成される集合。 |
|------|-------------------------------|
| 補集合 | ある集合Aに対して「Aでない」要素の集まり。 |
| 部分集合 | ある集合Aに対して「Aに含まれる」集合Bのこと。 |

集合論

和集合 AまたはB (A OR B)

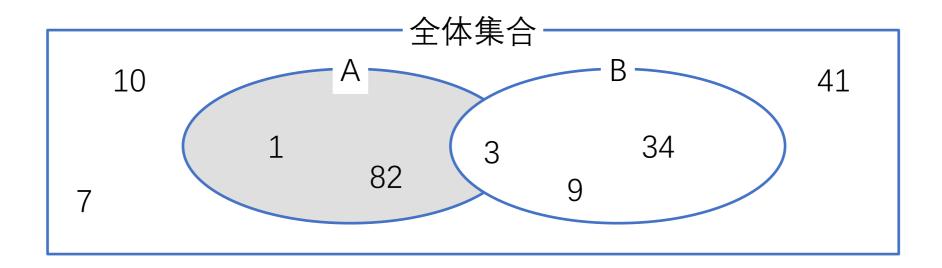


積集合 AかつB (A AND B)



集合論

排他集合 AかつBでない (A NOT B)



集合論

■論理演算

| 論理和 (OR、または) | 二つの値がいずれも偽(O)のときのみ結果が偽(O)となり、それ以外は真(1)となる | |
|--------------|--|--|
| 論理積(AND、かつ) | 二つの値がいずれも真(1)のときのみ結果が真(1)となり、それ以外は偽(0)となる | |
| 否定(NOT、ではない) | 値が真(1)のときに結果が偽(0)となり、値が偽(0)のときに結果が真(1)となる | |
| 排他的論理和(XOR) | 論理和 (XOR) 二つの値が異なるときに結果が真(1)となり、二つの値が等しいときに結果が偽(0)となる | |

真(true)と偽(false):集合において、条件(A)を満たすこと、集合Aに含まれることを「真」といい、条件(A)を満たさない、集合Aに含まれないことを「偽」という。論理演算の場合、真を1で表し、偽を0で表す。

集合論

■論理演算の真理値表

①論理和

| А | В | A OR B |
|---|---|--------|
| 1 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 |
| 0 | 0 | 0 |

②論理積

| Α | В | A AND B |
|---|---|---------|
| 1 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 |
| 0 | 0 | 0 |

③否定

| Α | NOT A |
|---|-------|
| 1 | 0 |
| 0 | 1 |

④排他的論理和

| А | В | A XOR B |
|---|---|---------|
| 1 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 |
| 0 | 0 | 0 |

各論理演算は、記号を用いて、

AORB → A+B

A AND B - A · B

NOT A $\rightarrow \overline{A}$

A XOR B → A⊕B

のように表現することもあります。

集合論

四則演算の交換法則

$$a + b = b + a$$

 $a \times b = b \times a$

四則演算の分配法則

$$\mathbf{a} \times (\mathbf{b} + \mathbf{c}) = (\mathbf{a} \times \mathbf{b}) + (\mathbf{a} \times \mathbf{c})$$

四則演算の結合法則

$$\mathbf{a} + (\mathbf{b} + \mathbf{c}) = (\mathbf{a} + \mathbf{b}) + \mathbf{c}$$

 $\mathbf{a} \times (\mathbf{b} \times \mathbf{c}) = (\mathbf{a} \times \mathbf{b}) \times \mathbf{c}$

論理演算の交換法則

a AND b = b AND aa OR b = b OR a

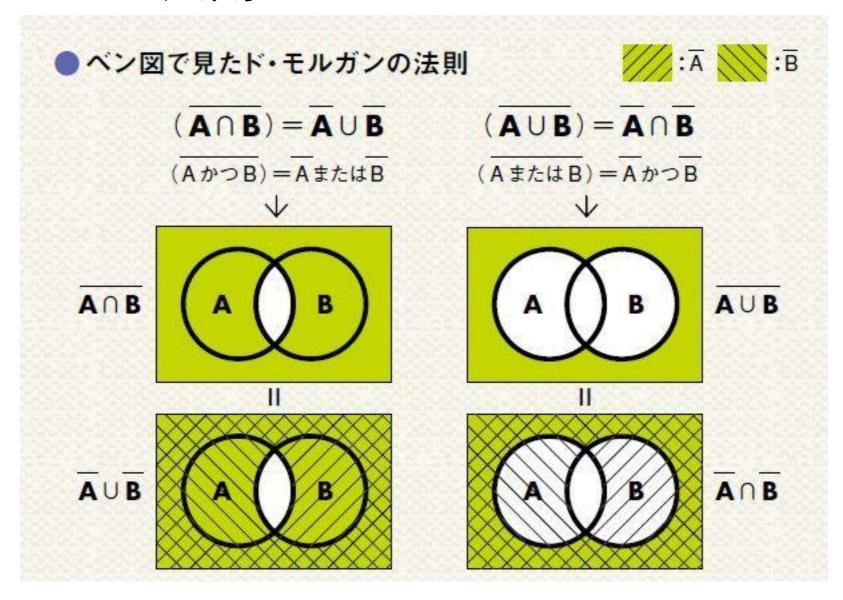
論理演算の分配法則

a AND (b OR c) = (a AND b) OR (a AND c)a OR (b AND c) = (a OR b) AND (a OR c)

論理演算の結合法則

 $\begin{array}{l} a\;AND\;(\;b\;AND\;c\;)\;=\;(\;A\;AND\;b\;)\;AND\;c\\ a\;OR\;(\;b\;OR\;c\;)\;=\;(\;a\;OR\;b\;)\;OR\;c \end{array}$

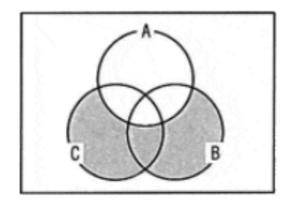
ド・モルガンの法則



NOT (a AND b) = (NOT a) OR (NOT b)NOT (a OR b) = (NOT a) AND (NOT b)

【問題】2-1

次のベン図の網掛けした部分の検索条件はどれか。



平成29年秋期 問98 40問目/選択範囲の問題数51問

ア (not A) and (B and C)

づ (not A) or (B and C)

エ (not A) or (B or C)

【問題】

二つの集合AとBについて,常に成立する関係を記述したものはどれか。ここで,(X∩Y)は,XとYの両方に属する部分(積集合),(X∪Y)は,X又はYの少なくとも一方に属する部分(和集合)を表す。

平成27年春期 問62 24問目/選択範囲の問題数51問

- ア (A∪B)は, (A∩B)でない集合の部分集合である。
- イ (A∪B)は, Aの部分集合である。
- ウ (A∩B)は, (A∪B)の部分集合である。
- 工 (A∩B)は, Aでない集合の部分集合である。

問題

二つの集合AとBについて、常に成立する関係を記述したものはどれか。ここで、 $(X \cap Y)$ は、XとYの共通部分(積集合)、 $(X \cup Y)$ は、X又はYの少なくとも一方に属する部分(和集合)を表わす。

出典:平成22年春期 問69

- ア (ANB)は、Aでない集合の部分集合である。
- イ (A∩B)は, Aの部分集合である。
- ウ (A∪B)は, (A∩B) の部分集合である。
- エ (A∪B)は, Aの部分集合である。

之前的课堂内容大家有任何疑问吗?



