

## Ασκηση 1

Δίνεται ένα σύστημα Linux που χρησιμοποιεί τον χρονοδρομολογητή O(1) και 4 διεργασίες A,B,Γ,Δ με αριθμούς προτεραιότητων 109, 110, 109 και 104 αντίστοιχα. Οι διεργασίες κατέφθασαν σε χρόνο  $t=0$ . Να δείξετε τον τρόπο χρονοδρομολόγησής τους αν καθεμία από αυτές υποτίθεται ότι θα εκτελεστεί για 1000ms, καθώς και την κατάσταση των ουρών active/expired στο τέλος της χρονοδρομολόγησης. Ο τρόπος υπολογισμού των κβάντων ακολουθεί την πολιτική του O(1) χρονοδρομολογητή και οι διεργασίες είναι σε κατάσταση sleep κατά 50%, 25%,25%, και 50%, αντίστοιχα, κάθε φορά που εκτελούνται. Στο ενδιάμεσο, θεωρήστε ότι δεν εισέρχονται νέες διεργασίες στο σύστημα

### ΛΥΣΗ

O(1) φτάνουν σε  $t=0$  και εκτελούνται για 1000ms

| Διεργασία | Προτεραιότητα | Sleep |
|-----------|---------------|-------|
| A         | 109           | 50%   |
| B         | 110           | 25%   |
| Γ         | 109           | 25%   |
| Δ         | 104           | 50%   |

| Διεργασία | Προτεραιότητα | Sleep Time                     |
|-----------|---------------|--------------------------------|
| Δ         | 104           | $50\% * 1000 = 500 \text{ ms}$ |
| A         | 109           | $50\% * 1000 = 500 \text{ ms}$ |
| Γ         | 109           | $25\% * 1000 = 250 \text{ ms}$ |
| B         | 110           | $25\% * 1000 = 250 \text{ ms}$ |

**Διεργασία Δ:** Sleep Time = 500 ms άρα Bonus = 5

Άρα  $DP = \max[100, \{ \min(104-5+5, 139) \}] = \max[100, \{ \min(104, 139) \}] = 104$

Θα πάει στην 104 της expired

Νέα κβάντα  $(140-104)*20 = 720 \text{ ms}$

**Διεργασία Α:** Sleep Time = 500 ms άρα Bonus = 5

Άρα  $DP = \max[100, \{ \min(109-5+5, 139) \}] = \max[100, \{ \min(109, 139) \}] = 109$

Θα πάει στην 109 της expired

Νέα κβάντα  $(140-109)*20 = 620 \text{ ms}$

**Διεργασία Γ:** Sleep Time = 250 ms άρα Bonus = 2

Άρα  $DP = \max[100, \{ \min(109-2+5, 139) \}] = \max[100, \{ \min(112, 139) \}] = 112$

Θα πάει στην 112 της expired

Νέα κβάντα  $(140-112)*20 = 560 \text{ ms}$

**Διεργασία Β:** Sleep Time = 250 ms άρα Bonus = 2

Άρα  $DP = \max[100, \{ \min(110-2+5, 139) \}] = \max[100, \{ \min(113, 139) \}] = 113$

Θα πάει στην 113 της expired

Νέα κβάντα  $(140-113)*20 = 540 \text{ ms}$

ΠΡΙΝ: BITMAP[100-115]: 0000100001100000

ΜΕΤΑ: BITMAP[100-115]: 0000100001001100

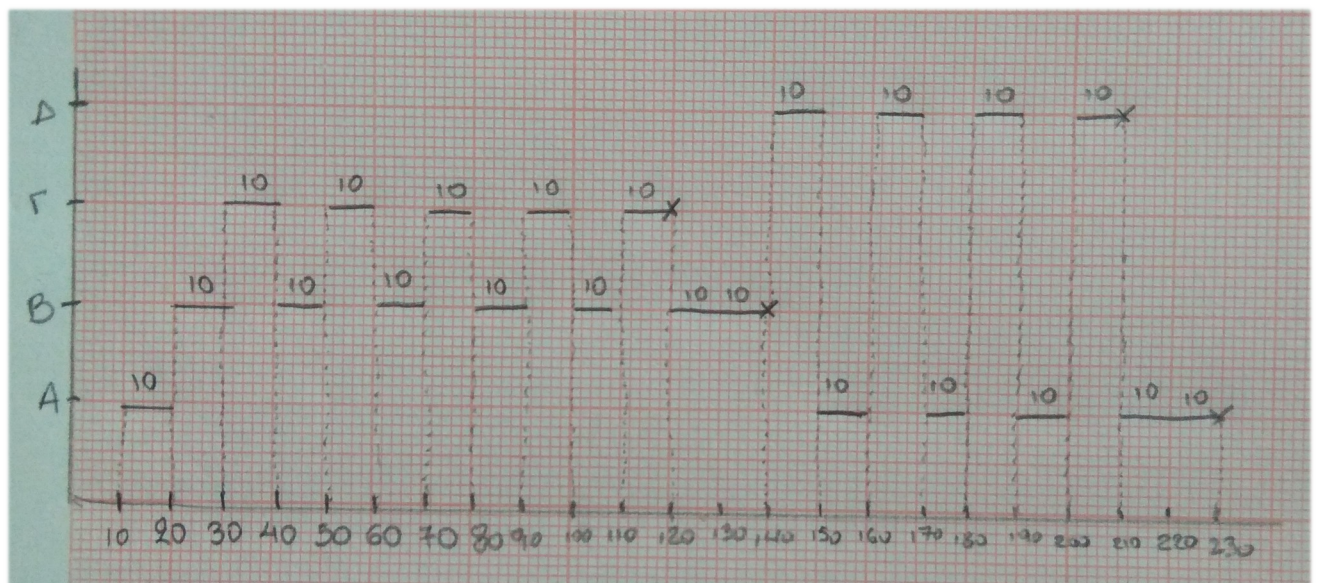
## Άσκηση 2

Δίνονται 4 διεργασίες των οποίων οι χρόνοι άφιξης και εκτέλεσης δίνονται παρακάτω:

|   | Άφιξη | Εκτέλεση | Προτεραιότητα |
|---|-------|----------|---------------|
| A | 10    | 60       | 1             |
| B | 20    | 70       | 0             |
| Γ | 20    | 50       | 0             |
| Δ | 30    | 40       | 1             |

Οι B και Γ έχουν μεγαλύτερη προτεραιότητα από τις A και Δ (δηλαδή η προτεραιότητα 1 είναι μικρότερη της 0). Μεταξύ ίσων σε προτεραιότητα διεργασιών ακολουθείται ο αλγόριθμος **RR** με  $q=10$ . Να υπολογίσετε το μέσο χρόνο αναμονής και το μέσο χρόνο παραμονής των διεργασιών στο σύστημα καθώς και τους αντίστοιχους σταθμισμένους χρόνους

### ΛΥΣΗ



- Τρέχει η A για 10 (10-20).
- Μπαίνει η B για 10 (20-30).
- Μπαίνει η Γ γιατί έχει μεγαλύτερη προτεραιότητα από την Δ (30-40)
- Συνεχίζει η B για 10 (40-50)
- Γίνεται εναλλάξ για 10 η Γ και η B μέχρι το **120** όπου η Γ **τελειώνει**.
- Η B τρέχει για 10 + 10 (120-140) όπου και **τελειώνει** στο **140**
- Μπαίνει η Δ στο 140 και πάει εναλλάξ Δ - A μέχρι να **τελειώσει** η Δ στο **210**
- Τρέχει η A από το 210 άλλα 10 + 10 και **τελειώνει** στο **230**

TT = (χρόνος προηγούμενης διεργασίας +  
χρόνος εκτέλεσης της τρέχουσας διεργασίας) –  
Χρόνος άφιξης

$$TT_A = 230 - 10 = 220$$

$$TT_B = 140 - 20 = 120$$

$$TT_\Gamma = 120 - 20 = 100$$

$$TT_\Delta = 210 - 30 = 180$$

$$ATT = (220+120+100+180)/4 = 155$$

WT = Συνολικός χρόνος παραμονής – χρόνος  
εκτέλεσης (TT - RT)

$$WT_A = 220 - 60 = 160$$

$$WT_B = 120 - 70 = 50$$

$$WT_\Gamma = 100 - 50 = 50$$

$$WT_\Delta = 180 - 40 = 140$$

$$AWT = (160+50+50+140)/4 = 100$$

$$WTT_A = 220/60 = 3,6$$

$$WTT_B = 120/70 = 1,7$$

$$WTT_\Gamma = 100/50 = 2$$

$$WTT_\Delta = 180/40 = 4,5$$

$$WWT_A = 160/60 = 2,6$$

$$WWT_B = 50/70 = 0,71$$

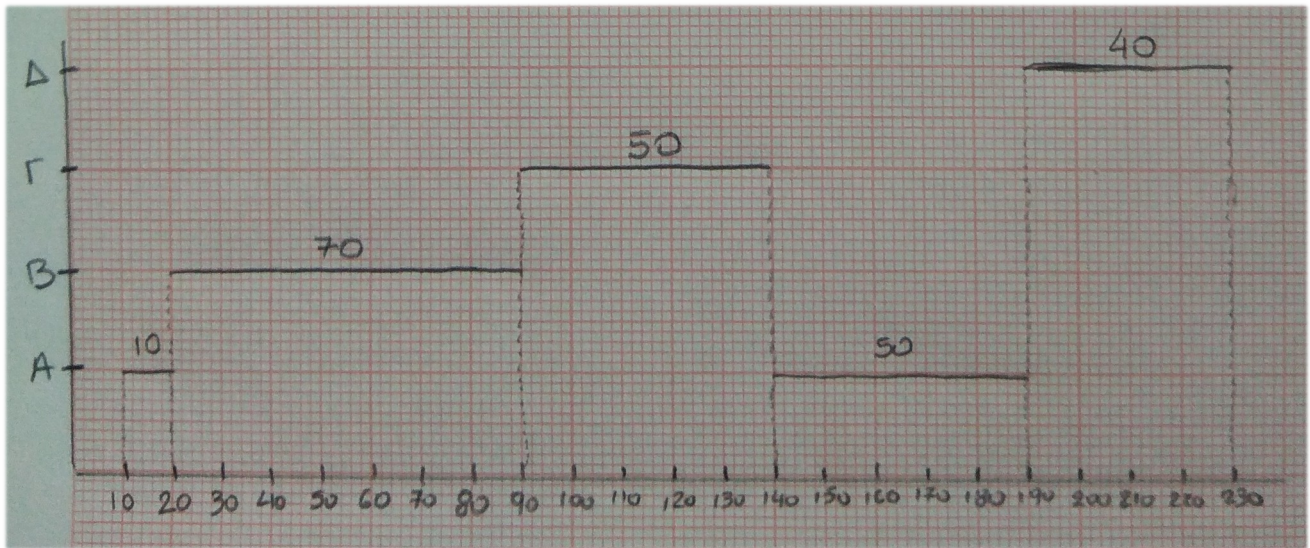
$$WWT_\Gamma = 50/50 = 1$$

$$WWT_\Delta = 140/40 = 3,5$$

### Άσκηση 3

Να επαναλάβετε την Άσκηση 2, αλλά αυτή τη φορά να χρησιμοποιήσετε αλγόριθμο **FIFO** μεταξύ διεργασιών με ίση προτεραιότητα.

#### ΛΥΣΗ



- Έρχεται η A και τρέχει για **10**. Σταματάει στο 20 γιατί έρχεται η B με μεγαλύτερη προτεραιότητα.
- Έρχεται η B και η Γ με μεγαλύτερη προτεραιότητα από την A, οπότε θα τρέξουν πιο μπροστά της A. Τρέχει πρώτα η B για **70** και τελειώνει.
- Στη συνέχεια τρέχει η Γ για **50** και τελειώνει.
- Μπαίνει η A και τρέχει άλλα 50 που μένουν και τελειώνει.
- Μπαίνει η Δ για 40 και τελειώνει (είχε έρθει στο 30 αλλά περίμενε την B και Γ με μεγαλύτερη προτεραιότητα και την A που ήδη είχε ξεκινήσει να τρέχει).

$TT = (\text{χρόνος προηγούμενης διεργασίας} + \text{χρόνος εκτέλεσης της τρέχουσας διεργασίας}) - \text{Χρόνος άφιξης}$

$$TT_A = 190 - 10 = 180$$

$$TT_B = 90 - 20 = 70$$

$$TT_\Gamma = 140 - 20 = 120$$

$$TT_\Delta = 230 - 30 = 200$$

$$ATT = (180 + 70 + 120 + 200) / 4 = 570 / 4 = 142,5$$

$WT = \text{Συνολικός χρόνος παραμονής} - \text{χρόνος εκτέλεσης (TT - RT)}$

$$WT_A = 180 - 60 = 120$$

$$WT_B = 70 - 70 = 0$$

$$WT_\Gamma = 120 - 50 = 70$$

$$WT_\Delta = 200 - 40 = 160$$

$$AWT = (120 + 0 + 70 + 160) / 4 = 350 / 4 = 87,5$$

$$WTT_A = 180 / 60 = 3$$

$$WTT_B = 70 / 70 = 1$$

$$WTT_\Gamma = 120 / 50 = 2,4$$

$$WTT_\Delta = 200 / 40 = 5$$

$$WWT_A = 120 / 60 = 2$$

$$WWT_B = 0 / 70 = 0$$

$$WWT_\Gamma = 70 / 50 = 1,4$$

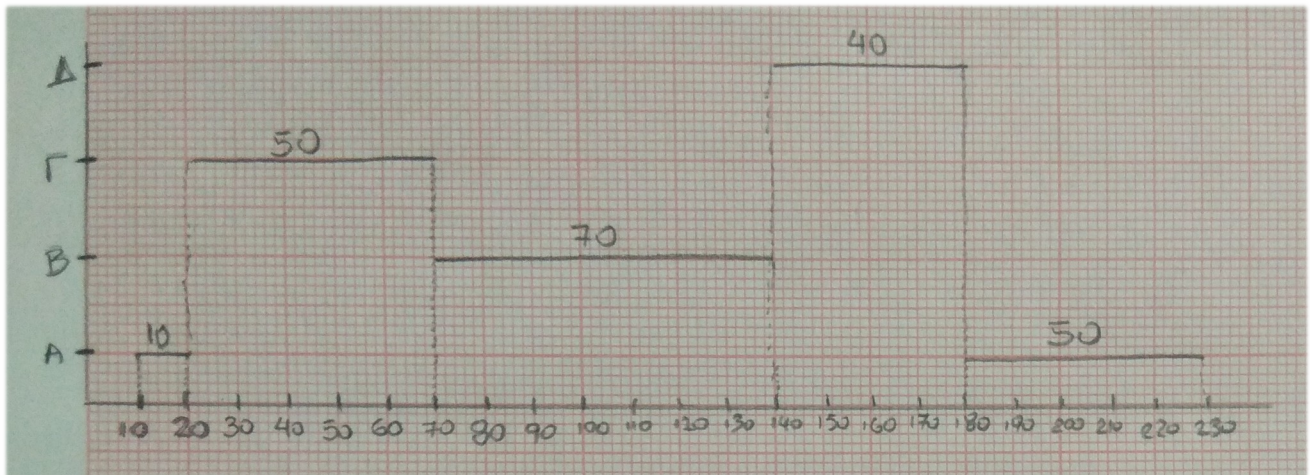
$$WWT_\Delta = 160 / 40 = 4$$



## Άσκηση 4

Να επαναλάβετε την Άσκηση 2, αλλά αυτή τη φορά να χρησιμοποιήσετε αλγόριθμο **SRTN** μεταξύ διεργασιών με ίση προτεραιότητα.

### ΛΥΣΗ



- Μπαίνει η A και τρέχει μέχρι το **20**, όπου έρχονται οι B και Γ. Στην A απομένουν  $60 - 10 = 50$
- Οι B και Γ έρχονται στο ίδιο χρονικό σημείο και έχουν ίδια προτεραιότητα, αλλά η Γ έχει λιγότερο εναπομείναντα χρόνο (50) έναντι της B (70), επομένως θα τρέξει πρώτη. Θα τρέξει για 50 και θα τελειώσει στο **70**.
- Στην συνέχεια θα τρέξει η B για 70 μέχρι να τελειώσει στο **140**.
- Στο 30 έχει έρθει και η Δ και πρέπει να τρέξει για 40. Η A αν και έχει ίδια προτεραιότητα με την Δ, έχει περισσότερο εναπομείναντα χρόνο, δηλαδή 50. Άρα θα τρέξει η Δ από το 140 για 40 και θα τελειώσει στο **180**.
- Η A θα ξεκινήσει στο 180 και θα τρέξει για άλλα 50, όπου θα τελειώσει στο **230**.

$TT = (\text{χρόνος προηγούμενης διεργασίας} + \text{χρόνος εκτέλεσης της τρέχουσας διεργασίας}) - \text{Χρόνος άφιξης}$

$$TT_A = 230 - 10 = 220$$

$$TT_B = 140 - 20 = 120$$

$$TT_\Gamma = 70 - 20 = 50$$

$$TT_\Delta = 180 - 30 = 150$$

$$ATT = (220 + 120 + 50 + 150) / 4 = 540 / 4 = 135$$

$WT = \text{Συνολικός χρόνος παραμονής} - \text{χρόνος εκτέλεσης} (TT - RT)$

$$WT_A = 220 - 60 = 160$$

$$WT_B = 120 - 70 = 50$$

$$WT_\Gamma = 50 - 50 = 0$$

$$WT_\Delta = 150 - 40 = 110$$

$$AWT = (160 + 50 + 0 + 110) / 4 = 320 / 4 = 80$$

$$WTT_A = 220 / 60 = 3,6$$

$$WTT_B = 120 / 70 = 1,7$$

$$WTT_\Gamma = 50 / 50 = 1$$

$$WTT_\Delta = 150 / 40 = 3,75$$

$$WWT_A = 160 / 60 = 2,6$$

$$WWT_B = 50 / 70 = 0,71$$

$$WWT_\Gamma = 0 / 50 = 0$$

$$WWT_\Delta = 110 / 40 = 2,75$$

## Άσκηση 5

Δίνονται 6 διεργασίες P0-P5 που ξεκινούν από την ουρά με προτεραιότητα 139. Όταν τρέξουν για πρώτη φορά, οι τρεις κάνουν I/O 50% του χρόνου ενώ οι άλλες τρεις 80%. Στη συνέχεια, εμφανίζονται τρεις διεργασίες, οι οποίες έχουν προτεραιότητα 100. Αν υποθέσουμε ότι ο χρόνος είναι αρχικά μηδενικός, πότε θα τρέξουν για 2<sup>η</sup> φορά οι διεργασίες της ουράς 139;

### ΛΥΣΗ

|                |           |                |           |
|----------------|-----------|----------------|-----------|
| P <sub>0</sub> |           | P <sub>3</sub> |           |
| P <sub>1</sub> | } 50% I/O | P <sub>4</sub> | } 80% I/O |
| P <sub>2</sub> |           | P <sub>5</sub> |           |

Δίνεται χρόνος 1000ms σε κάθε διεργασία για να καθορίσει το σύστημα ποιο θα είναι το αρχικό Bonus.

- Για τις P0, P1, P3 έχουμε Sleep Time 500ms άρα το Bonus = 5 (ουδέτερη συμπεριφορά διότι DP=SP) και παραμένουν στην ίδια ουρά.

- Για τις P3, P4, P5 έχουμε Sleep Time 800ms, άρα το Bonus = 8. Η νέα προτεραιότητα θα είναι:  
 $DP = \max[100, \{\min(139 - 8 + 5, 139)\}] = \max[100, \{\min(136, 139)\}] \Rightarrow DP = 136$

- Έστω ότι έρχονται 3 νέες διεργασίες P6, P7, P8 και τρέχουν για 1sec η κάθε μία.

- Υπολογίζουμε πόσο θα τρέξουν οι διεργασίες με προτεραιότητα 136 ως εξής:

$$(140 - 136) * 5 = 20ms \text{ η κάθε μία}$$

Άρα οι διεργασίες της ουράς 139 θα τρέξουν για 2η φορά σε χρόνο:

$$(6 * 1000) + (3 * 1000) + (3 * 20) = 9060 \text{ ms ή } 9,06 \text{ sec}$$

## Ασκηση 6

Δίνονται 6 διεργασίες P0-P5 έρχονται με τη σειρά με αρχική τιμή  $vruntime=1$ . Υποθέτουμε ότι το  $MG=4\text{ ms}$ . Επίσης, το  $TL=24\text{ ms}$  (αυξάνεται σε σχέση με το default για να τρέξουν όλες οι διεργασίες από 4ms). Οι τιμές nice είναι

$P0=-10, P1=-5, P2=0, P3=1, P4=4, P5=5$ ,

- A) Να τοποθετήσετε αυτές τις διεργασίες στο RB-TREE όταν αυτές εκτελεστούν για  $vruntime$ .
- B) Να βρείτε τα νέα  $vruntime$  και τα κβάντα που θα πάρουν
- C) Έστω ότι μπαίνουν τρεις νέες διεργασίες P6-P8 με τιμές nice -19, -18, -17. Να τις τοποθετήσετε στο δέντρο αν έχουν αρχική τιμή  $vruntime=1$ .
- D) Οι νέες διεργασίες θα τρέξουν για 4 ms, ενώ οι άλλες για τον αριθμό κβάντων που τους έχει δοθεί. Να δείξετε την κατάσταση του RB-Tree μετά από αυτή την εκτέλεση.

### ΛΥΣΗ

Δεδομένα:

6 διεργασίες P0-P5

$MG=4\text{ ms}$

$TL=24\text{ ms}$  (όλες τρέχουν από 4 ms)

nice:  $P0=-10, P1=-5, P2=0, P3=1, P4=4, P5=5$

ΥΠΟΛΟΓΙΣΜΟΣ  $vruntime$  [ $VR = VR + (t * w)$  και  $w = 1,25^{\text{nice}} * 1024$ ]

$$P0 = 1 + [(4) * 1,25^{-10} * 1024] = 440$$

$$P1 = 1 + [(4) * 1,25^{-5} * 1024] = 1343$$

$$P2 = 1 + [(4) * 1,25^0 * 1024] = 4097$$

$$P3 = 1 + [(4) * 1,25^1 * 1024] = 5121$$

$$P4 = 1 + [(4) * 1,25^4 * 1024] = 10001$$

$$P5 = 1 + [(4) * 1,25^5 * 1024] = 12501$$

Νέα κβάντα

$(K=1024 / 1,25^{\text{nice}})$

$$K_{P0} = 1024 / 1,25^{-10} = 9536$$

$$K_{P1} = 1024 / 1,25^{-5} = 3125$$

$$K_{P2} = 1024 / 1,25^0 = 1024$$

$$K_{P3} = 1024 / 1,25^1 = 819$$

$$K_{P4} = 1024 / 1,25^4 = 419$$

$$K_{P5} = 1024 / 1,25^5 = 335$$

ΣΥΝΟΛΟ  $M = 15258$

Για κάθε διεργασία δίνουμε χρόνο από  $TL(K/M)$

$$P0 = (9536 / 15258) * 24 = 14,9$$

$$P1 = (3125 / 15258) * 24 = 4,9$$

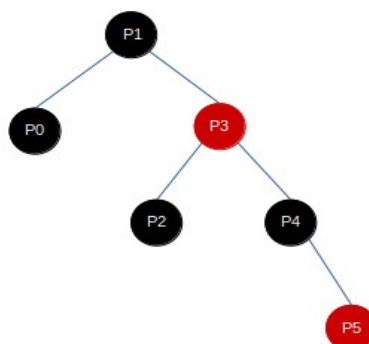
$$P2 = (1024 / 15258) * 24 = 1,6$$

$$P3 = (819 / 15258) * 24 = 1,2$$

$$P4 = (419 / 15258) * 24 = 0,6$$

$$P5 = (335 / 15258) * 24 = 0,5$$

Red Black Tree



Θα μπουν άλλες 3 διεργασίες P6-P8 και υπολογίζω το vruntime

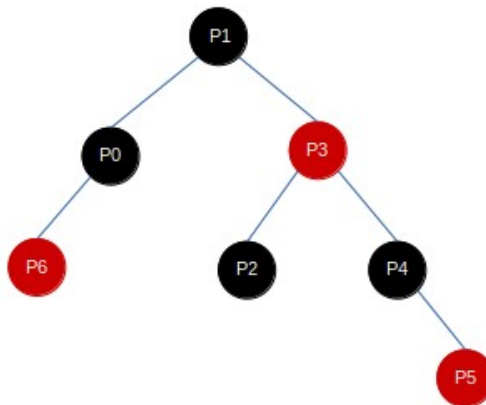
$$P6 = 1 + [(4) * 1,25^{-19} * 1024] = 60$$

$$P7 = 1 + [(4) * 1,25^{-18} * 1024] = 74$$

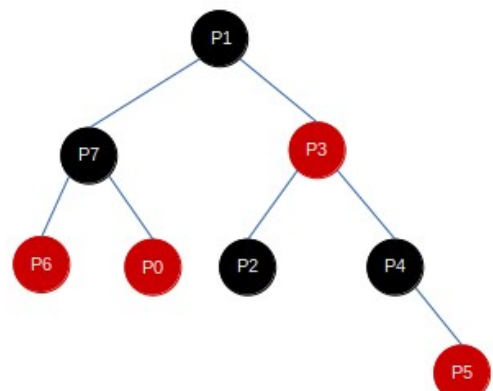
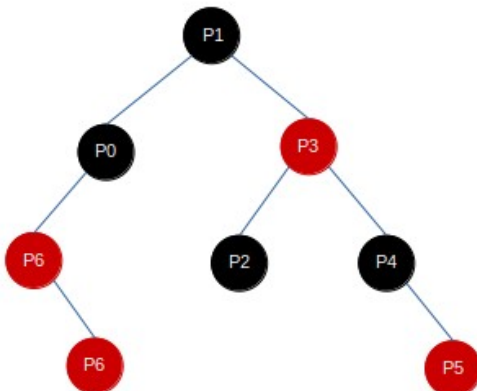
$$P8 = 1 + [(4) * 1,25^{-17} * 1024] = 93$$

Εισαγωγή:

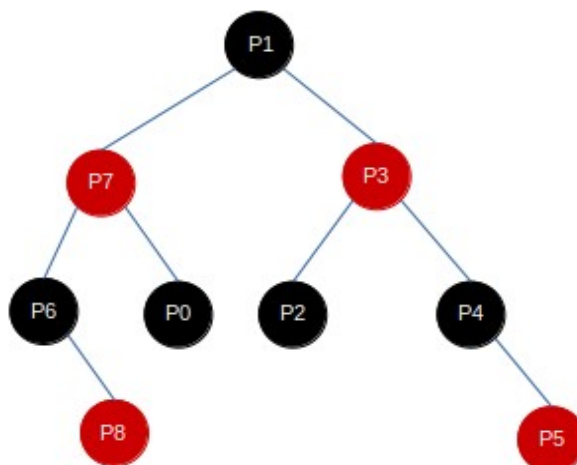
- Η P6 έχει μικρότερο vruntime από P0 άρα πάει αριστερά.



- Η P7 έχει μεγαλύτερο vruntime από P6 άρα πάει δεξιά. Ο θείος είναι black άρα περιστροφή.



- Τελικά εισάγεται και η P8 και έχουμε αλλαγές χρωμάτων.



$$P0 = 440 + [(14,9) * 1,25^{-10} * 1024] = 2078$$

$$P1 = 1343 + [(4,9) * 1,25^{-5} * 1024] = 2987$$

$$P2 = 4097 + [(1,6) * 1,25^0 * 1024] = 5735.4$$

$$P3 = 5121 + [(1,2) * 1,25^1 * 1024] = 6657$$

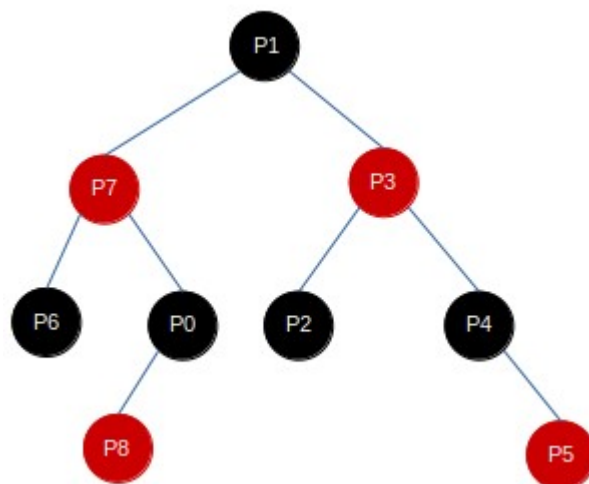
$$P4 = 10001 + [(0,6) * 1,25^4 * 1024] = 11501$$

$$P5 = 12497 + [(0,5) * 1,25^5 * 1024] = 14059.5$$

$$P6 = 60 + [(4) * 1,25^{-19} * 1024] = 119$$

$$P7 = 74 + [(4) * 1,25^{-18} * 1024] = 148$$

$$P8 = 93 + [(4) * 1,25^{-17} * 1024] = 185$$





## Ασκηση 7

Μία χρονική στιγμή, 7 διεργασίες Δ0-Δ6 έχουν **vruntime 600, 200, 1200, 1000, 1400, 1600 και 1800.**

A) Σχεδιάστε το RB tree την τρέχουσα στιγμή.

B) Έστω ότι οι διεργασίες έχουν τιμές **nice: 12, 13, 14, 15, 16, 17, και 18 αντίστοιχα.** Να βρείτε τα **νέα κβάντα τους αν TL = 28 και MG=4** και να δώσετε την **κατάσταση του δέντρου μετά από την εκτέλεση.**

### ΛΥΣΗ

A) Αρχικό RB Tree

$$\Delta 0 = 600$$

$$\Delta 1 = 200$$

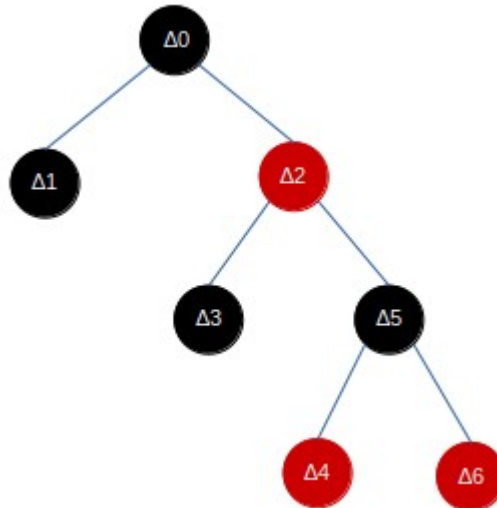
$$\Delta 2 = 1200$$

$$\Delta 3 = 1000$$

$$\Delta 4 = 1400$$

$$\Delta 5 = 1600$$

$$\Delta 6 = 1800$$



B) Υπολογισμός νέων κβάντων

ΥΠΟΛΟΓΙΣΜΟΣ **vruntime** [  $VR = VR + (t * w)$  και  $w = 1,25^{nice} * 1024$  ]

$$\Delta 0 = 600 + [(4) * 1,25^{12} * 1024] = 60204$$

$$\Delta 1 = 200 + [(4) * 1,25^{13} * 1024] = 74705$$

$$\Delta 2 = 1200 + [(4) * 1,25^{14} * 1024] = 94332$$

$$\Delta 3 = 1000 + [(4) * 1,25^{15} * 1024] = 117415$$

$$\Delta 4 = 1400 + [(4) * 1,25^{16} * 1024] = 146919$$

$$\Delta 5 = 1600 + [(4) * 1,25^{17} * 1024] = 183498$$

$$\Delta 6 = 1800 + [(4) * 1,25^{18} * 1024] = 229173$$

Νέα κβάντα

$$(K=1024 / 1,25^{nice})$$

$$K_{\Delta 0} = 1024 / 1,25^{12} = 70$$

$$K_{\Delta 1} = 1024 / 1,25^{13} = 56$$

$$K_{\Delta 2} = 1024 / 1,25^{14} = 45$$

$$K_{\Delta 3} = 1024 / 1,25^{15} = 36$$

$$K_{\Delta 4} = 1024 / 1,25^{16} = 28$$

$$K_{\Delta 5} = 1024 / 1,25^{17} = 23$$

$$K_{\Delta 6} = 1024 / 1,25^{18} = 18$$

$$\text{ΣΥΝΟΛΟ } M = 276$$

Για κάθε διεργασία δίνουμε χρόνο από **TL(K/M)**

$$\Delta 0 = (70 / 276) * 28 = 7,1$$

$$\Delta 1 = (56 / 276) * 28 = 5,6$$

$$\Delta 2 = (45 / 276) * 28 = 4,5$$

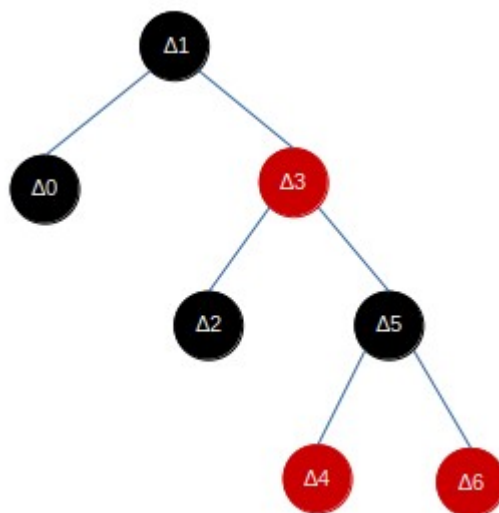
$$\Delta 3 = (36 / 276) * 28 = 3,6$$

$$\Delta 4 = (28 / 276) * 28 = 2,8$$

$$\Delta 5 = (23 / 276) * 28 = 2$$

$$\Delta 6 = (18 / 276) * 28 = 1,8$$

Οι θέσεις των  $\Delta 0$ ,  $\Delta 1$ ,  $\Delta 2$ ,  $\Delta 3$  θα αλλάξουν και το δέντρο θα γίνει όπως φαίνεται παρακάτω:



### Άσκηση 8 (Η άσκηση δεν αφορά άμεσα το μάθημα Λειτουργικά Συστήματα)

Σχεδιάστε ένα RB-Tree για τις τιμές 3, 1, 5, 7, 6, 8, 9, και 10 που εισέρχονται με αυτή τη σειρά

**ΛΥΣΗ**

