

# Tehnici de simulare - Curs 1

florentina.suter@yahoo.com florentina.suter@g.unibuc.ro Grupul pe yahoo al cursului:

http://groups.yahoo.com/group/tsimulare12/



# Bibliografie:

- Ion Văduva (2004) Modele de simulare, Editura Universității din Bucureşti;
- Jerry Banks, John S. Carson II, Barry L. Nelson, David M. Nicol (2005) Discrete-Event System Simulation, Pearson Education, Inc., Upper Saddle River, New Jersey.
- Sheldon M. Ross (1997) Simulation, Academic Press, San Diego.
- Christopher Chung (2004) Simulation Modeling Handbok A practical Approach, CRC Press, Boca Raton.



- Exemple:
  - Traficul într-o intersecție timpul de staționare;
  - Bancă numar de ghisee;
  - Mic magazin: farmacie
    - Un farmacist se gândeşte sa-si deschidă o noua farmacie care să funcţioneze intre 9:00 si 17:00. In medie ştie ca ii sosesc 32 de clienţi în acest interval orar. Durata servirii unui client este aleatoare cu o medie de 10 minute si o deviaţie standard de 4 minute. El plănuieşte să nu mai accepte clienţi după ora 17:00, dar sa-i servească pe cei care sunt deja in farmacie. Întrebări:
      - Care este timpul mediu zilnic petrecut în farmacie?
      - Care este timpul mediu de servire a unui client de la sosirea lui in farmacie?
      - Câţi clienţi sunt serviţi pe oră?
      - Daca își schimbă politica de servire, câți clienți ar fi pierduți?



### Introducere

- Exemple:
  - Mic magazin: farmacie
    - Pentru a raspunde la intrebari trebuie stabilite anumite ipoteze si creat un model
    - Model probabilist:
      - cu ce frecventa vin cei 32 de clienti?
      - Care este distributia timpului de servire?
    - Teoretic acest model se poate rezolva analitic, dar in practica, datorita complexitatii lui, nu este asa
    - Raspunsurile vor fi aflate prin simulare: este programat mecanismul probabilist folosind "numerele aleatoare" si programul este rulat pentru un numar mare de zile astfel incat utilizand teoria statistica se pot da estimari ale raspunsurilor. De exemplu, pentru 1000 de zile simulate exista 150 in care farmacistul inca lucreaza la ora 17:30.



SIMULARE: imitare a lumii reale

- Domeniu interdisciplinar ce foloseşte Matematica, Statistica şi Informatica;
- John von Neumann;
- Los Alamos, 1944: noi domenii de matematici aplicate care necesită utilizarea calculatorului:
  - Cercetări operaționale;
  - Teoria jocurilor;
  - Simulare (Metoda Monte Carlo): imitarea aleatorului.



### Introducere

**Definiție:** Un <u>sistem</u> este o colecție de componente care interacționează. Sistemul primește date de intrare și furnizează date de ieșire.

**Definiție:** Simularea este o tehnică de realizare a experimentelor cu calculatorul care implică utilizarea unor modele matematice şi logice care descriu comportarea unui sistem real (sau a unor componente ale sale) de-a lungul unor perioade mari de timp.

#### Simularea

- Completează teoria matematică;
- Completează studiul unor experimente fizice.
- Instrument de analiza si instrument de proiectare.



- Aplicații ale simulării:
  - Analizarea comportării utilajelor industriale
  - Transporturi;
  - Operații desfăşurate în aeroporturi;
  - Spitale;
  - Construcții;
  - Ingineria spaţială;



### Introducere

- Scopurile simulării:
  - Se pot obţine informaţii despre ceea ce se petrece în interiorul sistemelor complexe;
  - Se pot dezvolta strategii de îmbunătățire a performanțelor sistemului;
  - Se pot testa noi concepte şi sisteme înainte de implementare;
  - Se pot obţine informaţii fără a interveni în evoluţia sistemului fizic.



- Avantajele simulării
  - Scurtarea timpului de experimentare;
  - Studiul dinamic al sistemelor;
  - Evoluția modelelor este uşor de urmărit (folosirea animației)
- Dezavantajele simulării:
  - Simularea nu poate da rezultate precise dacă datele de intrare nu sunt precise;
  - Simularea nu poate furniza rezultate simple la probleme complexe;
  - Simularea furnizează soluții posibile, nu rezolvă problema.



### Introducere

- Tipuri de simulare:
  - Metoda Monte Carlo: o simulare <u>statică</u> (fără axă a timpului) care foloseşte numerele aleatoare pentru a modela fenomene probabiliste care nu îşi schimbă caracteristicile în timp sau pentru a evalua expresii matematice, al căror rezultat nu poate fi obținut prin metode analitice (integrale, ecuații sisteme de ecuații).
  - Simularea bazată pe traiectorie: traiectoria este o <u>înregistrare</u> ordonată în timp, a evenimentelor care au loc într-un sistem real.
    - Este folosită în analizarea funcționării sistemelor de calcul:
    - Analizarea şi îmbunătățirea algoritmilor de gestionare a resurselor;
    - Algoritmi de organizare a operaţiilor unui procesor;
    - Algoritmi de prevenire a blocajelor



- Foloseşte un model al sistemului bazat pe <u>stări discrete</u> (există şi simulare bazată pe evenimente continue în care <u>stările</u> sistemului se modifică continuu în timp - folosită mai ales în chimie, biologie, medicină).
- <u>Timpul</u> este <u>continuu</u> sau <u>discret</u>.

Model de simulare: model matematic + algoritm;

Modelul de simulare: trebuie <u>să descrie</u> corect evoluția sistemului şi să permită <u>efectuarea de experiențe</u> (prin rulări ale algoritmului pe calculator) care să înlocuiască experiențele pe sistemul real.

# 4

### Model matematic

<u>Model matematic</u>: reprezintă realitatea folosind elemente sau noțiuni abstracte.

Elemente constitutive ale unui model matematic:

- Variabile şi parametrii;
- Relaţii funcţionale;
- Caracteristici operative;
- Tehnica de rezolvare;
- Scopul modelului matematic este de a exprima variabilele şi parametrii de ieşire în funcție de variabilele şi parametrii de intrare.



### Model matematic

- <u>Tehnica de rezolvare</u>:
  - Tehnică matematică care realizează exprimarea elementelor de ieşire în funcție de elementele de intrare:

(VE,PE)=f(VI,PI);

- De cele mai multe ori sunt necesare ipoteze simplificatoare;
- Uneori problema nu poate fi rezolvată prin tehnici de rezolvare.



### Model matematic

Clasificări ale modelelor matematice:

- După <u>tipul</u> variabilelor: modele continue sau discrete, modele statice sau dinamice, modele deterministe sau stocastice;
- După <u>structura</u> determinată de părțile modelului: modele cu o componentă sau cu mai multe componente.



### Model matematic

#### Exemplu:

Sistemul de aşteptare: parte a lumii reale în care se produc aglomerări.

#### Componență:

- Resurse: una sau mai multe staţii de servire care servesc
- Entități: clienții care sosesc în sistem şi care formează
- Cozi de aşteptare

Scop: realizarea unui echilibru între pierderile datorate aşteptării clienților și pierderile datorate lenevirii stațiilor de servire.



### Model matematic

Teoria matematică a cozilor sau teoria așteptării cu aplicații în:

- Economie;
- Comunicații şi transport;
- Rețele de calculatoare.

Un model matematic de aşteptare:

Variabile de intrare cunoscute VI:

AT= timpul între sosiri succesive ale clienților ST=timpul de servire a unui client sau

NA=numărul de clienți sosiți în unitatea de timp NS=numărul de clienți serviți în unitatea de timp;



### Model matematic

■ Variabile de ieşire necunoscute VE:

WT=timp de aşteptare

WL=lungimea cozii

sau

TID=timp de lenevire

NID=numărul de stații care lenevesc



### Model matematic

#### Scopul modelului este realizat astfel:

- cunoscând repartițiile de probabilitate ale AT (NA) şi ST (NS) se determină informații despre WT (WL) sau TID (NID) şi se stabilesc condițiile pe care trebuie să le îndeplinească ST pentru ca o anumită funcție de cost sa fie optimă.
- se studiază procesul stocastic discret N(t) = numărul de clienți din sistemul de aşteptare la momentul t - proces de naștere și deces



# Algoritmul modelului de simulare

Utilizarea calculatorului -- îmbunătățirea performanțelor modelelor matematice prin aplicarea metodelor numerice și ale simulării.

Componentele sistemului din punct de vedere al simularii:

- entitati
- atribute
- activitati
- stari
- Evenimente
- Exemplu: activitatea intr-o banca: etitati clientii, atribut suma depusa in cont, activitate – crearea unui depozit, evenimente – sosirea, plecarea unui client, variabile de stare – numarul de functionari ocupati, numarul de clienti care asteapta.



# Algoritmul modelului de simulare

Structura algoritmică a unui model de simulare (care depinde de timp) are două concepte de baza:

- Ceasul simulării;
- Agenda simulării;



### Algoritmul modelului de simulare

<u>Eveniment</u>: modificarea valorilor uneia sau mai multor variabile care se calculează sau se generează prin instrucțiunile modelului.

<u>Ceasul simulării</u>: asigură eşalonarea corectă în timp a evenimentelor create de model şi uneori determină terminarea simulării.

#### Ceas cu

- creştere constantă;
- creştere variabilă.



### Algoritmul modelului de simulare

<u>Creşterea variabilă</u>: se face cu valoarea care corespunde apariției primului eveniment următor.

<u>Creşterea constantă</u>: se face cu o cuantă de timp constantă.

<u>Terminarea simulării</u>: se impune condiția ca <u>ceasul</u> să ajungă la un Tmax sau să se fi prelucrat un anumit număr de evenimente.

Agenda simulării: organizează prelucrarea evenimentelor.

- Agenda <u>evenimentelor curente</u> AEC: evenimentele cu timpul de apariție valoarea curentă a ceasului;
- Agenda <u>evenimentelor viitoare</u> AEV: evenimentele cu timpul de apariție mai mare decât valoarea curentă a ceasului



### Algoritmul modelului de simulare

<u>Prelucrarea unui eveniment (in algoritmul simularii): determinarea</u> apariției unui nou eveniment (care se memorează în AEV), modificarea unei stări sau distrugerea unui eveniment (ştergerea) din agendă.

#### Algoritmul simulării:

- Se iniţializează <u>ceasul</u> cu valoarea 0;
- Se selectează din <u>agendă</u> evenimentele care fac parte din AEC;
- Se <u>prelucrează</u> evenimentele din AEC până când aceasta devine vidă. Dacă este îndeplinită <u>condiția de oprire</u> algoritmul se termină, altfel
- 4. Se <u>creşte ceasul simulării</u> și se reia pasul 2.



### Metodologia simulării

Etapele realizării unui experiment de simulare:

- Formularea problemei prin precizarea:
  - întrebărilor la care trebuie să răspundă modelul;
  - domeniului lumii reale ce trebuie analizat;
  - formei răspunsului la întrebări (grafice,tabele, rapoarte).
- Realizarea unor experimente preliminare (dacă sunt posibile): pe baza observaţiilor şi a datelor se stabilesc variabilele şi parametrii de intrare sau de ieşire;
- Prelucrarea (interpretarea) primară a datelor preliminare:
  - Se disting variabilele aleatoare;
  - Se estimează parametrii;
  - Se testează ipotezele statistice;



### Metodologia simulării

- Formularea unui model matematic preliminar
  - Se precizează relaţii funcţionale şi ipoteze de lucru;
  - Se identifică relațiile care nu pot fi exprimate matematic şi dificultătile care trebuie înlăturate;
- Evaluarea modelului:
  - Evaluarea complexității modelului (dacă poate răspunde în timp real şi complet la întrebări);
  - Revizuirea răspunsurilor din etapele precedente prin simplificări sau completări.
- Construcția modelului de simulare
  - Scrierea unui algoritm detaliat care să cuprindă cazul cel mai general al problemei;



### Metodologia simulării

- Se va ţine cont de limbajul în care se va programa algoritmul: limbaj specializat pentru simulare sau nu.
  - Folosirea unui <u>limbaj de simulare</u> (GPSS, SIMUB, SIMULA, Arena):
    - Modelele se construiesc rapid;
    - Experiențele se desfășoară repede;
    - Au implementate entități specifice simulării cum ar fi ceasul şi agenda simulării;
    - Nu sunt foarte flexibile;
    - Nu se poate controla foarte bine ce se întamplă în interiorul modelului.
  - Folosirea unui alt tip de limbaj:
    - Rezultate precise şi controlabile;
    - Se construiesc mult mai greu.



### Metodologia simulării

- Verificarea si validarea modelului.
- Planificarea experiențelor de simulare (experimental design).
  Ce fel de experiente sunt facute: lungimea etapei de initializare, lungimea rularilor si numarul de repetari ale fiecarei rulari.
- Prelucrarea şi interpretarea experiențelor de simulare prin rularea programului şi determinarea valorilor statisticilor construite cu ajutorul valorilor de selecţie obţinute.
- Relizarea documentatiei si a rapoartelor.



### Elemente de implementare

Implementarea agendei de evenimente

- Necesitatea organizării evenimentelor: agenda evenimentelor. Cum este ea implementată?
- Agenda simulării: o listă ordonată înlănţuită a evenimentelor. Fiecare element al listei trebuie să memoreze timpul de apariţie a evenimentului şi să aibă un pointer către codul care trebuie executat la acel moment de timp.
- Operaţii frecvente: inserarea unui nou eveniment şi găsirea şi eliminarea evenimentului care a avut loc.
- Alegerea structurii de date folosite pentru memorarea acestei liste afectează timpul de rulare.



### Elemente de implementare

- Liste ordonate dublu înlănţuite (GPSS): primul element din listă este următorul cel mai recent eveniment. Inserţia se face căutând locul potrivit pentru noul eveniment.
- Liste indexate: mulţimea evenimentelor viitoare este împărţită în mai multe submulţimi. Fiecare submulţime este asociată unui anumit interval de timp de lungime □t din timpul total de simulare. Un vector de indici, asociază fiecărui indice i lista cu evenimentele programate în intervalul [(i-1)∆t, i∆t)
- Structuri arborescente: arbori binari de sortare cu rădăcina fiind cel mai recent eveniment din listă.



# Verificarea şi validarea modelului

- Implementare corectă: verificare;
- Ipoteze corecte: validare;

Modelul de simulare: program de dimensiuni mari.

- <u>Verificarea</u> modelului este facilitată de:
  - Proiectarea modulară "top-down": modelul dezvoltat într-o structură ierarhică în care programul este format dintr-o serie de module care comunică prin interfețe bine stabilite;
  - Includerea de verificări pe parcursul rulării programului şi determinarea de rezultate parţiale;
- Verificarea de face prin:
  - Rularea de cazuri simplificate;
  - Rularea programului pentru valori ale parametrilor care diferă foarte puțin (test de continuitate);



### Verificarea şi validarea modelului

- Rularea programului pentru cazuri extreme (testul valorilor degenerate);
- Verificarea dacă modelul produce rezultate asemănătoare pentru aceleaşi date de intrare (test de consistență);
- Verificarea independenței de valoarea de plecare a generatorului de numere aleatoare;
- <u>Validarea</u> se face pentru:
  - ipoteze;
  - valori şi distribuţii ale parametrilor de intrare;
  - valorile de ieşire şi concluzii

#### cu ajutorul

- intuiției expertului;
- măsurătorilor asupra sistemului real;
- rezultatelor teoretice.



### Terminarea simulării

- Criteriile de oprire trebuie să țină cont de faptul că:
  - o durată prea scurtă implică rezultate imprecise;
  - o durată prea lungă implică irosirea resurselor de calcul.
- Trebuie să ia în considerare şi observaţiile rezultate:
  - independente si cu o anumita repartitie.



### Erori care se pot face în simulare

- Nivel de detaliere neadecvat: simularea permite ca sistemul să fie studiat în detaliu, nivelul de detaliu fiind limitat doar de timpul alocat simulării. Detalierea nu determină neapărat calitatea modelului de simulare
  - Probabilitatea de eroare creşte;
  - Lipsa de informatie precisă despre parametrii de intrare;
  - Necesitatea unui timp prea îndelungat pentru a obține rezultate.
- Limbaj de programare nepotrivit.
- Modele neverificate: programele care implementează un model de simulare sunt în general mari şi atunci probabilitatea de eroare creşte.



### Erori care se pot face în simulare

- Modele imprecise: programul modelului de simulare poate să nu reprezinte în mod corect sistemul simulat din cauza unor ipoteze greşite asupra comportării sistemului. Un model de simulare trebuie confirmat de modele analitice, observații sau intuiție.
- Prelucrarea incorectă a condițiilor inițiale: de obicei rezultatele inițiale ale simulării nu sunt relevante pentru evoluția sistemului.
- Durata prea scurtă a rulării modelelor de simulare: dacă simularea nu se face un timp suficient de îndelungat, rezultatele pot depinde prea mult de condițiile inițiale şi pot să fie irelevante pentru evoluția unui sistem real. Durata corectă a simulării este dată de precizia dorită şi de dispersia mărimilor observate.



# Erori care se pot face în simulare

- Generatoare de numere aleatoare neperformante.
- Alegerea unor valori nepotrivite de plecare pentru generatorii de numere aleatoare.