

Кластерный анализ инновационной активности регионов РФ

Загружаем необходимые для работы библиотеки (Pandas, Numpy ScikitLearn, Matplotlib – стандартный набор библиотек применяемых в Data Science) языка Python а так же включаем директиву %matplotlib inline необходимую для отображения изображений построенных посредством библиотеки Matplotlib.

Замечание: в дальнейшем термин «класс» используется в двух различных значениях

1. Концепция ООП программирования, широко используемая в большинстве современных языков программирования, служащая для объединения программного кода в некие семантически/логически/функционально связанные сущности, и предоставляющая средства для оперирования с этими сущностями.
2. Как класс в задачах классификации машинного обучения. В данном случае смысл термина класс близок к бытовому его восприятию (например классом в таком понимании является сорт цветка – роза, тюльпан, и т.д. тип транспортного средства – автомобиль, мотоцикл, самолёт и т.д.)

Читаем источник данных (файл в формате .xlsx) с помощью метода read_excel библиотеки Pandas предназначенной для работы с данными, прежде всего для операций с DataFrames – основным способом представления данных используемым различным программным обеспечением в области Machine Learning / Data Science. Каждый лист Excel-я читаем отдельно получая для каждого листа отдельный датафрейм.

Для дальнейших операций объединяем полученные датафреймы в список, который в свою очередь состоит из подписков содержащих собственно сам датафрейм и ассоциированное с ним название максимально соответствующее русскому названию экселевского листа. В дальнейшем, эти названия станут именами столбцов датафреймов содержащих информацию разбитую по годам.

Отдельно сохраняем соответствующие русскоязычные названия в виде списка, в том же порядке в котором идут датафреймы в списке датафреймов.

```
features_names_ru = [  
    'ОРГАНИЗАЦИИ, ВЫПОЛНЯЮЩИЕ НАУЧНЫЕ ИССЛЕДОВАНИЯ И РАЗРАБОТКИ',  
    'численность персонала без ученых степеней, занятых НИОКР',  
    'Численность исследователей, имеющих ученую степень,\n'  
    'по субъектам Российской Федерации показатель\n'  
    'кандидата наук- человек',  
    'Численность исследователей, имеющих ученую степень,\n'  
    'по субъектам Российской Федерации показатель\n'  
    'доктора наук - человек',  
    'Численность аспирантов по субъектам Российской Федерации - человек',  
    'Численность докторантов по субъектам Российской Федерации Очеловек',  
    'КОЛИЧЕСТВО ПАТЕНТОВ, ВЫДАННЫХ НА ИЗОБРЕТЕНИЯ',  
    'КОЛИЧЕСТВО ПАТЕНТОВ, ВЫДАННЫХ НА ПОЛЕЗНЫЕ МОДЕЛИ',  
    'РАЗРАБОТАННЫЕ ПЕРЕДОВЫЕ ПРОИЗВОДСТВЕННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ\n'  
    'ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ',  
    'ИСПОЛЬЗУЕМЫЕ ПЕРЕДОВЫЕ ПРОИЗВОДСТВЕННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ\n'  
    'ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ',  
    'УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ОРГАНИЗАЦИЙ ИСПОЛЬЗОВАВШИХ ИНТЕРНЕТ\n'  
    'ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ\n'  
    '(В ПРОЦЕНТАХ ОТ ОБЩЕГО ЧИСЛА ОБСЛЕДОВАННЫХ ОРГАНИЗАЦИЙ\n'
```

```
'СООТВЕТСТВУЮЩЕГО СУБЪЕКТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ)',
'ИННОВАЦИОННАЯ АКТИВНОСТЬ ОРГАНИЗАЦИЙ\n'
'(УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ОРГАНИЗАЦИЙ, ОСУЩЕСТВЛЯВШИХ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЕ,\n'
'ОРГАНИЗАЦИОННЫЕ, МАРКЕТИНГОВЫЕ ИННОВАЦИИ В ОТЧЕТНОМ ГОДУ,\n'
'В ОБЩЕМ ЧИСЛЕ ОБСЛЕДОВАННЫХ ОРГАНИЗАЦИЙ ( %)',
'ЗАТРАТЫ НА ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЕ ИННОВАЦИИ ОРГАНИЗАЦИЙ (руб)',
'ОБЪЕМ ИННОВАЦИОННЫХ ТОВАРОВ, РАБОТ, УСЛУГ (МИЛЛИОНОВ РУБЛЕЙ)',
'УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ИННОВАЦИОННЫХ ТОВАРОВ, РАБОТ, УСЛУГ\n'
'В ОБЩЕМ ОБЪЕМЕ ОТГРУЖЕННЫХ ТОВАРОВ, ВЫПОЛНЕННЫХ РАБОТ,\n'
'УСЛУГ, ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ (%)',
'численность населения по субъектам российской федерации\n'
'(оценка на конец года; тысяч человек)',
'Валовой региональный продукт по субъектам Российской Федерации\n'
'(в текущих ценах;миллионов рублей)',
'ВНУТРЕННИЕ ЗАТРАТЫ НА НАУЧНЫЕ ИССЛЕДОВАНИЯ И РАЗРАБОТКИ\n'
'миллионов рублей'
```

]

Избавляемся от строчки «ВСЕГО» в каждом датафрейме из списка.

Создаём список «годовых» датафреймов, каждый из которых содержит полный список показателей (features в терминах Data Science) для каждого региона (Столбцы – показатели, строки – регионы). Используем стандартную операцию Pandas-овских датафреймов merge (для объединения «показательных» датафреймов в «годовые»). В качестве столбца используемого для объединения используем столбец "Region". Т.е. объединяем все показатели по данному региону за год.

Вспомогательные функции для корректировки некорректно представленных значений (например содержащих в качестве десятичного разделителя запятую) в датафреймах.

Импортируем стандартный класс библиотеки ScikitLearn для приведения значений к одному и тому же масштабу. Создаём экземпляр этого класса.

Корректируем вручную одно из неправильных значений, а ко всему остальному применяем функции корректировки.

Объединяем список «годовых» датафреймов в один датафрейм с иерархическим индексом «Год/Регион». В дальнейшем будем производить кластеризацию используя именно этот датафрейм. Кластер в общем случае объединяет «в чём то схожие» регионы, причём кластер при этом имеет временную (ударение на «у») протяжённость. Т.е. каждый кластер простирается от 2005-го года до 2014-го. И один и тот же регион в разные годы может принадлежать к различным кластерам (например в 2005 – к «первому», в 2006 – ко «второму», а в остальные годы – к «четвёртому») а может и всё время оставаться в одном и том же кластере.

Корректируем вручную ещё два неверных значения.

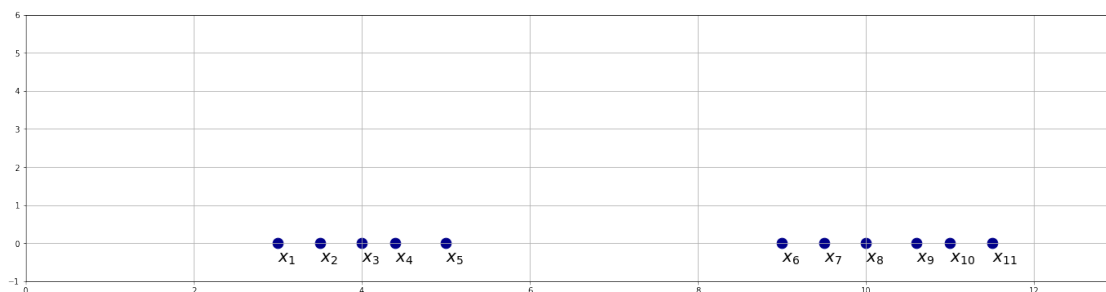
Приводим к единому масштабу, используя ранее созданный экземпляр класса MinMaxScaler.

Алгоритмы машинного обучения в библиотеке ScikitLearn оформлены в виде классов, получающих на входе (при создании экземпляра класса) параметры определяющие работу соответствующего алгоритма. Далее при вызове метода fit созданный экземпляр класса получает значения используемые для обучения в виде массивов библиотеки NumPy. Извлекаем из датафрейма соответствующий массив NumPy просто обращаясь к полю датафрейма values.

В качестве алгоритма кластеризации используем MeanShift [3] [6].

Для неформального понимания того как он работает рассмотрим самый простой случай. Пусть

у нас есть некий набор точек в одномерном пространстве, т.е. попросту говоря на прямой. Набор точек произвольный, единственное ограничение налагаемое на него – конечное количество точек. Понятно, что в общем случае где то точки могут быть расположены чаще (более плотно), где то – реже (менее плотно). Таких уплотнений в общем случае может быть несколько, и интуитивно понятно, что для каждого такого уплотнения можно найти центр, и вычислить его координаты (а координат у нас в рассматриваемом случае одна). Понятно, что в частном случае равномерно расположенных точек в качестве центра можно взять просто среднее арифметическое координат точек (расстояний от 0) – центр масс. Для наглядности нарисуем набор точек удовлетворяющий сформулированным требованиям.



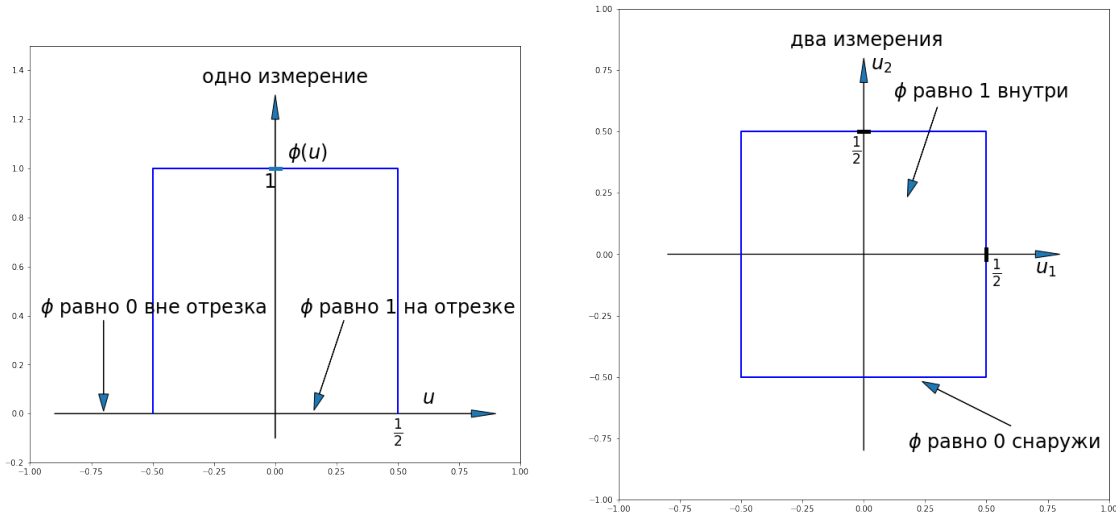
Далее мы принимаем следующее утверждение: Центры «уплотнений» и есть центры кластеров, а точки входящие в данное «уплотнение» относятся к одному кластеру. Интуитивно понятно, что если точки где то расположены более тесно, то их можно считать в чём то близкими. Тут уже можно сделать первое формальное уточнение. Что означает «относящиеся к данному уплотнению»? Очевидно это те точки расстояние от которых до центра данного уплотнения меньше чем до центра любого другого уплотнения.

Теперь нам надо как то превратить неформальный термин «уплотнение» который не взвесишь и не измеришь в что-то что мы можем посчитать, сравнить и т.д. Приведём цепочку математически нестрогих, но достаточно наглядных построений которые подведут к основной идее того как это сделать.

Во первых раз мы хотим как то измерить эту самую «степень уплотнённости», мы должны поставить в соответствие этой самой «степени уплотнённости» некое число. И если где-то точки расположены более плотно то там в этом самом «где-то» это число должно быть больше чем там где точки расположены менее плотно. Т.е. переходя всё таки к математической формулировке без которой нам таки или иначе не обойтись: мы хотим ввести некоторую функцию от «где-то» которая ставит в соответствие этому «где-то» некое число показывающее «степень уплотнённости». Уточняем наше определение дальше. Что такое «где-то»? Это координаты точки, в случае одного измерения – просто одно число x – расстояние от начала координат, в случае двух измерений – (x, y) (или (x_1, x_2) если угодно) в случае 3-ёх измерений (x, y, z) или (x_1, x_2, x_3) и так далее. А что такое «степень уплотнённости»? Собственно само слово «плотность» уже содержит в себе ответ. В зике «плотность» – вполне определённый термин – отношение массы заключённой в каком-то объёме к этому самому объёму. Ну или в более обобщённом виде (и более строго) – количество чего-то заключенного в каком-то замкнутой области n -мерного пространства к n -мерному объёму этой области. В случае опять же одного измерения n -мерный объём – это просто длина (измеряемая, например в метрах), в случае двух измерений – площадь (т.е. метры квадратные), в случае трёх – привычный нам обычный трёхмерный объём (измеряемый, например в литрах или метрах кубических), в случае 4-ёх

измерений – некий гиперобъём 4-й степени (т.е. имеющий размерность m^4) и так далее. Пойдём дальше по пути наибольшей наглядности и интуитивной понятности, и ещё больше упростим ситуацию. Возьмём начало координат т.е. точку с координатой 0 в случае одного измерения или $(0,0)$ в случае двух измерений. Более «высокомерные» случаи нам, для общего понимания, рассматривать нет необходимости. Измерим плотность точек которые нам необходимо прокластеризовать «вокруг» начала координат. В случае одного измерения, возьмём отрезок длинны 1 с центром в начале координат, в случае двух измерений – возьмём квадрат со стороной длинны 1, стороны которого параллельны осям координат, и центром в начале координат (слово «вокруг» пока оставим, хотя потом мы к нему вернёмся). Определим очень простую функцию. Пусть она равна 1 если произвольная точка попадает «внутри» нашего отрезка или квадрата, иначе пусть она равна нулю. В общем случае (для n измерений) наша функция запишется так.

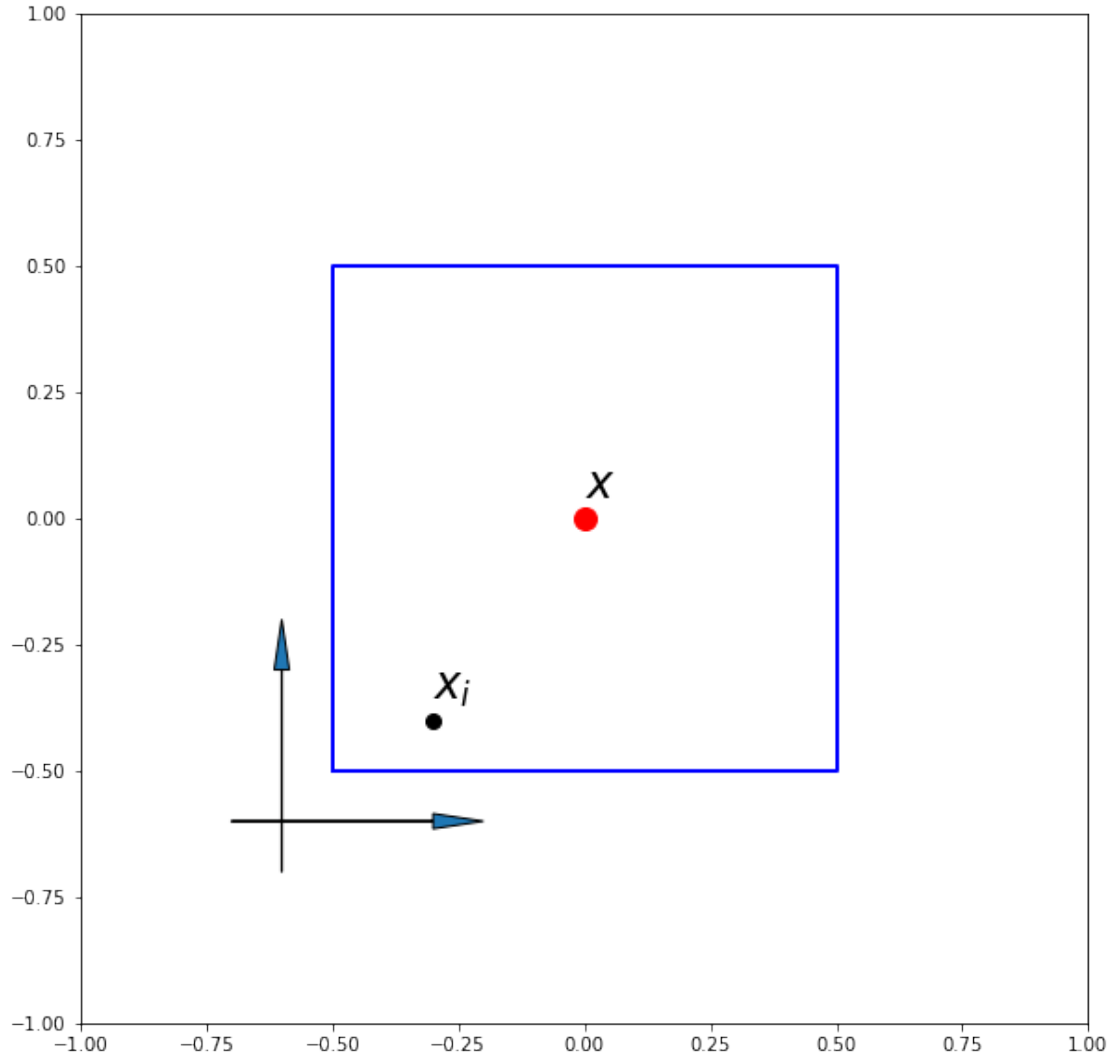
$$\phi(u) = \begin{cases} 1 & |u_j| \leq \frac{1}{2} \quad j = 1 \dots n \\ 0 & \text{иначе} \end{cases}$$



Теперь возьмём для наглядности, произвольную двумерную точку x с координатами (x_1, x_2) . Пусть она является центром квадрата с длиной сторон h . Тогда для любой точки x_i , принадлежащей множеству точек x_1, x_2, \dots, x_N которые мы хотим прокластеризовать, имеющей координаты (x_{1i}, x_{2i}) выполняется соотношение:

$$\phi\left(\frac{x - x_i}{h}\right) = \begin{cases} 1 & |x_j - x_{ij}| \leq \frac{h}{2} \quad j = 1 \dots n \\ 0 & \text{иначе} \end{cases}$$

где n количество координат (измерений), это число не надо путать с N – количеством точек которые надо прокластеризовать.



Или, если стараться формулировать максимально просто:

$$\phi\left(\frac{x - x_i}{h}\right) = \begin{cases} 1 & \text{если } x_i \text{ находится в середине гиперкуба со стороной } h \text{ и центром в } x \\ 0 & \text{в ином случае} \end{cases}$$

Теперь мы можем подсчитать общее количество точек из множества точек $x_1, x_2 \dots x_N$, которые находятся внутри гиперкуба со стороной h и центром в точке x .

$$k = \sum_{i=1}^N \phi\left(\frac{x - x_i}{h}\right)$$

Далее мы можем разделить полученную величину на h^n – объём нашего n -мерного куба (гиперкуба), получив плотность кластеризуемых точек в гиперкубе с центром в произвольной точке x . В случае одномерного гиперкуба, то есть отрезка длины h , получим количество точек приходящихся на единицу длины.

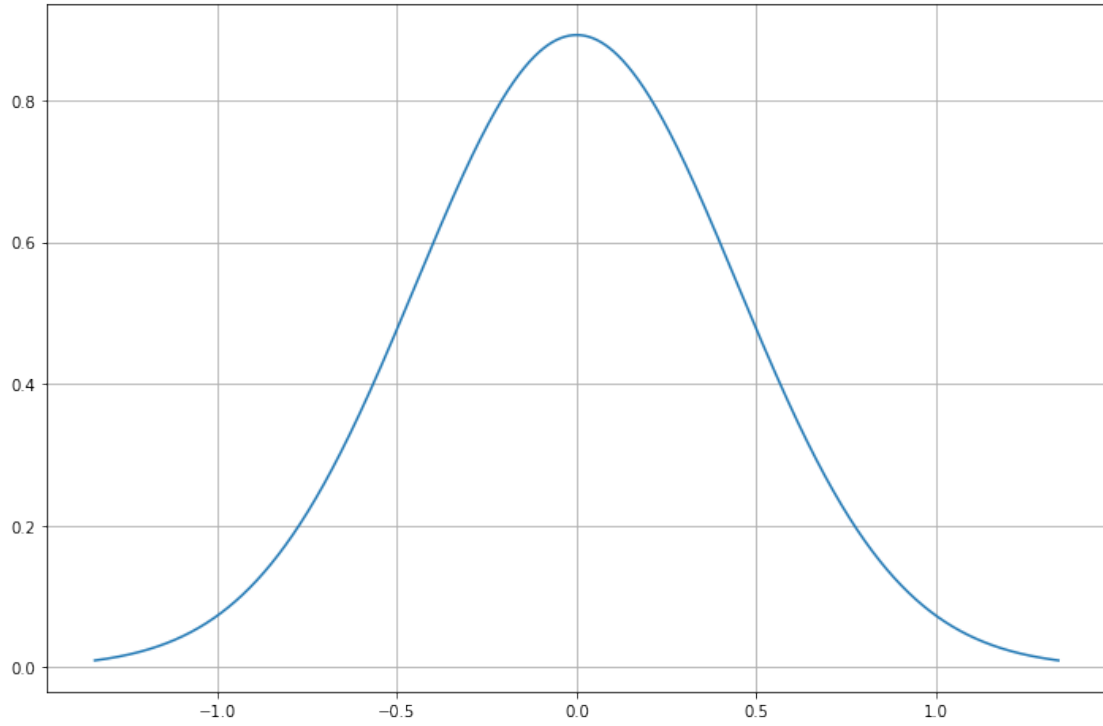
Здесь мы остановимся и посмотрим на нашу функцию $\phi(u)$ несколько повнимательнее. Она очень проста, но обладает несколькими не очень приятными свойствами, например она обладает некоей симметрией, но не полностью симметрична относительно оси Y (для двумерного случая). Она так же несколько «угловата» – не является везде гладкой, если говорить строго, и значит в некоторых точках у этой функции нет производной. Можно ли применить для определения плотности кластеризуемых точек в окрестности произвольной точки какие то более подходящие классы функций? Оказывается можно. Собственно, мы подошли к концу нашей «наводящей» цепочки рассуждений. Сделаем ещё несколько оговорок.

Авторы идеи, очень упрощённый вариант которой мы привели выше, Emanuel Parzen и Murray Rosenblatt, в своих рассуждениях (более математически строгих чем наши), оперируют не с количеством точек, а с количеством точек попадающих в «зону действия» функции, делённом на количество всех точек N . Фактически, с вероятностью. Ну и деля на гиперобъём, получают плотность вероятности попадания произвольной точки в «зону действия» функции ϕ (Эта «зона действия» называется «окно Парзена» (Parzen window) [1] и определяется параметром h). Т.е. функция с помощью которой мы вычисляем плотность, – это плотность вероятности, и должна обладать свойствами таковой.

Формулируем более строго. Вводим непрерывную функцию плотности (вероятности). Т.е. с этой функцией мы можем оперировать привычными нам средствами матанализа, например найти её максимумы, которые и являются центрами уплотнений т.е. кластеров. Ну а наш набор точек $x_i, i = 1 \dots N$ – это некое дискретное подмножество области определения функции плотности. И нам надо на основе этого набора точек построить функцию плотности. Находим плотность вероятности как линейную сумму функций, удовлетворяющих определённым свойствам. В англоязычной литературе по статистике/машинному обучению такие функции называются kernel – «ядро» Или, если угодно «ядерной функцией». kernel-функция $K(x)$ обладает следующими свойствами (считаем что точка в окрестности которой нам надо вычислить плотность вероятности – это начало координат):

1. $K(x)$ «быстро» (например экспоненциально) стремится к нулю по мере удаления от начала координат
2. $K(x)$ имеет максимум в начале координат
3. $K(x)$ симметрична
4. Ну и для полной определённости можно сразу же и добавить что $\int_{-\infty}^{+\infty} K(x)dx = 1$

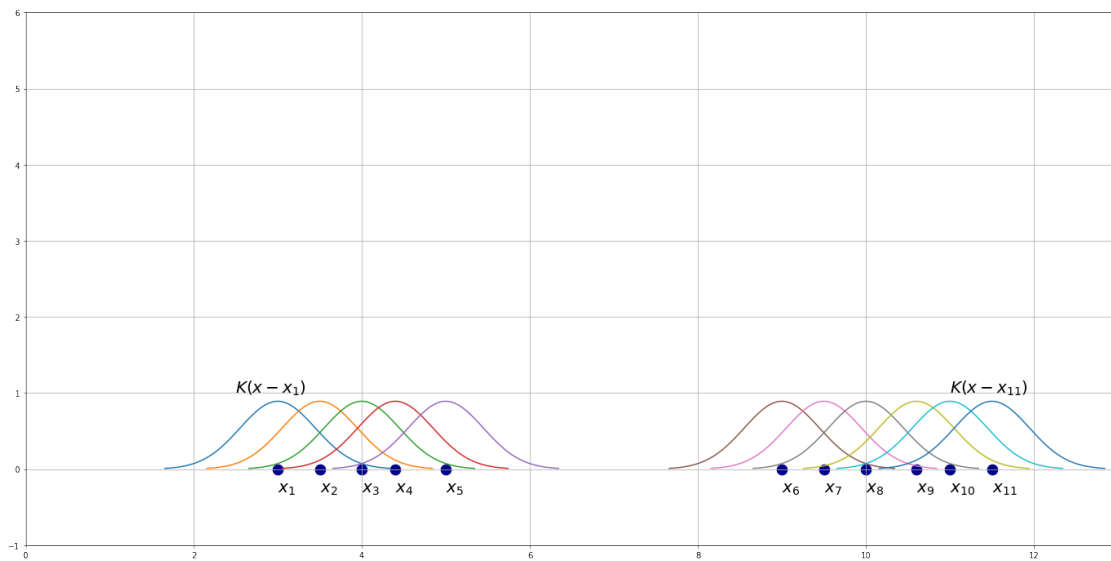
Для наглядности можно представить график функции обладающей вышеперечисленным свойствами (один из возможных вариантов):



Функция график которой приведён выше – это функция Гаусса, т.е. плотность вероятности нормально распределённой случайной величины.

$$k(x) = ce^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}}$$

Теперь мы можем для каждой точки x_i нашего набора точек определить свой kernel $K(x - x_i)$ с центром в данной точке x_i . Выглядят точки с их kernel-ами примерно так:



Далее мы суммируем все эти kernel-ы, деля сумму на количество N точек в нашем наборе, находя таким образом функцию плотности распределения наших точек, осуществив переход к непрерывной функции распределения плотности:

$$f(x) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N K(x - x_i)$$

В принципе, мы можем думать о kernel как о некой «мере схожести», или «мере подобия» двух произвольных точек x_i и x_j нашего набора точек. Т.е. чем больше значение $K(x_i - x_j)$ тем более «похожи» точки x_i и x_j .

Сделаем ещё один шаг, уточняя понятие kernel. На самом деле kernel – это, для большинства применяемых на практике kernel-ов, функция от расстояния $\|x_i - x_j\|$ между точками:

$$K(x) = ck \left(\left\| \frac{x - x_i}{h} \right\| \right)$$

c – это просто нормировочная константа, для того что бы интеграл от kernel по всей области определения был равен 1. В англоязычной литературе по статистике/машинному обучению h bandwidth или window bandwidth - "ширина окна". Имеется ввиду ширина Парзеневского окна.

Для нас важно, то что величина h характеризует «радиус влияния» точки x_i . От выбора величины этого параметра зависит ключевой момент применения MeanShift алгоритма о котором будет сказано дальше.

Итак, введя расстояние между точками нашего набора точек мы фактически дали описание не только одномерного случая, но и многомерного. Хотя, если под расстоянием, подразумевается обычное Евклидово расстояние, то мы тогда ограничиваем себя так называемыми radially symmetric kernels, то есть «кругосимметричными ядрами» (в начале наших рассуждений уже была формулировка «вокруг начала координат»). Впрочем, для обобщения на многомерный случай радиальность kernel-а значения не имеет. Но для упрощения рассуждений и вычислений будем оперировать именно с radially symmetric kernel.

Итак, в общем случае в пространстве с Евклидовой метрикой такой kernel имеет вид:

$$K(x) = ck \left(\left\| \frac{x - x_i}{h} \right\|^2 \right)$$

Соответственно, функция плотности имеет вид:

$$f(x) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N ck \left(\left\| \frac{x - x_i}{h} \right\|^2 \right)$$

В англоязычной литературе по статистике/машинному обучению данный метод аппроксимации плотности вероятности на конечном множестве точек называется Kernel Smoothing (Ядерное сглаживание).

Теперь мы можем найти локальные максимумы функции плотности воспользовавшись gradient ascent методом, т.е. методом градиентного восхождения, который на самом деле ничем не отличается от метода градиентного спуска за исключением знака с которым берётся градиент. Итак в общем виде алгоритм нахождения всех максимумов функции плотности выглядит так:

1. Для всех $i = 1 \dots N$ повторять:

$$x \leftarrow x_i + \nabla f(x) = x_i + \frac{1}{N} \nabla \sum_{i=1}^N ck \left(\left\| \frac{x - x_i}{h} \right\|^2 \right)$$

2. До тех пор пока x не перестанет изменяться.

∇ – набла-оператор, векторная сумма первых частных производных, ну или в случае одного измерения. просто первая производная.

Но тут есть одна тонкость, которая значительно упрощает алгоритм. Найдём градиент $\nabla f(x)$, вводя обозначение $g(t) = -k'(t)$:

$$\begin{aligned} \nabla f(x) &= \frac{1}{N} \nabla \sum_{i=1}^N ck \left(\left\| \frac{x - x_i}{h} \right\|^2 \right) = \frac{2c}{Nh^2} \sum_{i=1}^N (x - x_i) g \left(\frac{\|x - x_i\|^2}{h^2} \right) \\ &\Downarrow \\ \nabla f(x) &= \frac{2c}{Nh^2} \sum_{i=1}^N g \left(\frac{\|x - x_i\|^2}{h^2} \right) \left(\frac{\sum_{i=1}^N x_i g \left(\frac{\|x - x_i\|^2}{h^2} \right)}{\sum_{i=1}^N g \left(\frac{\|x - x_i\|^2}{h^2} \right)} - x \right) \end{aligned}$$

Выражение

$$\boxed{\frac{\sum_{i=1}^N x_i g \left(\frac{\|x - x_i\|^2}{h^2} \right)}{\sum_{i=1}^N g \left(\frac{\|x - x_i\|^2}{h^2} \right)} - x}$$

то есть разность между x и средневзвешенным по $g(\bullet)$ от точек которые лежат «близко» от x (то есть тех которые попадают в window точки x) и называется mean shift вектор. Обозначается как $M(x)$. Очевидно, что он имеет то же направление что и градиент. Воспользовавшись $M(x)$ окончательно запишем выражение для каждого последующего x в нашем алгоритме как:

$$x \leftarrow x + M(x) = x + \left(\frac{\sum_{i=1}^N x_i g \left(\frac{\|x - x_i\|^2}{h^2} \right)}{\sum_{i=1}^N g \left(\frac{\|x - x_i\|^2}{h^2} \right)} - x \right) = \frac{\sum_{i=1}^N x_i g \left(\frac{\|x - x_i\|^2}{h^2} \right)}{\sum_{i=1}^N g \left(\frac{\|x - x_i\|^2}{h^2} \right)}$$

Чаще всего в качестве $k(x)$ используется уже упоминавшаяся функция Гаусса (т.е. функция плотности нормального распределения вероятностей). В случае функции Гаусса h – это среднеквадратическое отклонение (обычно обозначается как σ).

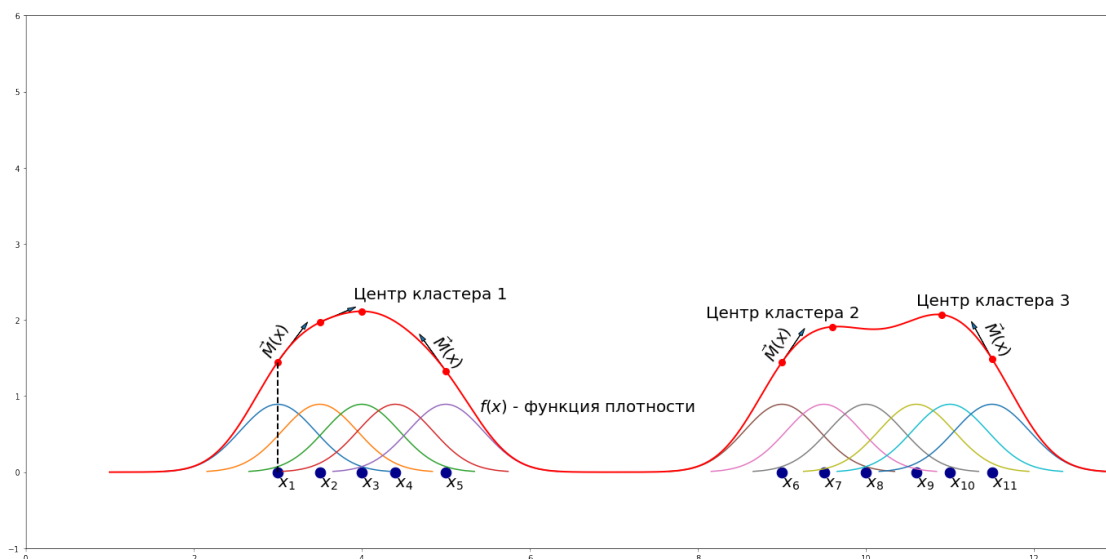
И о подборе величины параметра h (bandwidth). Если мы его выберем слишком малым, то у нас получится множество кластеров, общая картина получится слишком «зашумленной». Если же задать его слишком большим, то картина получится слишком сглаженной, с малым количеством кластеров, из за чего мы рискуем не увидеть важные закономерности.

Уточнение по поводу «близко-далеко» и «зоны влияния». Конечно же для Гауссова ядра зона влияния – это вся числовая ось. Но на практике точки лежащие например, за пределами широкоизвестных «трёх сигма» можно не учитывать. Для некоторых же типов kernel-ов «зона

действия» имеет чёткую границу (например для функции ϕ которую мы использовали выше). Ну или для Епанечников kernel (ядро Епанечникова):

$$K(u) = \begin{cases} c(1 - u^2) & |u| \leq 1 \\ 0 & \text{иначе} \end{cases}$$

Важнейшее преимущество MeanShift алгоритма это то что он не требует заранее задавать количество кластеров (в отличие например от наиболее популярного алгоритма «обучения без учителя» K-Means), т.е. не заставляет заранее нас делать какие либо предположения (а скорее, догадки) о количестве или расположении кластеров. В простейшем, одномерном случае мы можем проиллюстрировать работу алгоритма, дополняя предыдущий рисунок с набором точек и их kernel-ми:



Вкратце Mean Shift алгоритм можно описать следующим образом:

1. Строим на множестве точек которые надо прокластеризовать непрерывную функцию плотности воспользовавшись ядерным сглаживанием (kernel smoothing).
2. Используя модифицированный метод градиентного восхождения, в котором собственно градиент от функции плотности полученной на предыдущем шаге, заменён на вектор сдвига от данной точки к средневзвешенному значению координат точек попадающих в Парzenовское окно данной точки (Mean Shift vector), приходим из каждой точки из набора точек которые нам необходимо прокластеризовать, в ближайший к точке локальный максимум.
3. Точки для которых локальные максимумы совпадают, объявляем принадлежащими к одному кластеру.

Создаём экземпляр класса MeanShift, задавая bandwidth. ScikitLearn предоставляет возможность во многих случаях вычислить его при помощи функции estimate_bandwidth избавив нас от необходимости его угадывать. Далее вызываем стандартный для всех классов

ScikitLearn реализующих методы машинного обучения метод fit передавая ему массив обучающих значений. После обращаясь уже к «обученному» (произведшему класстеризацию) экземпляру класса выводим количество получившихся кластеров.

Количество кластеров: 4

Выводим (используя библиотеку Seaborn) кроскорреляционную матрицу. Кроме значения коэффициента корреляции степень корреляции выделяется цветом.

OrganizationNum	1	0.98	0.98	0.96	0.96	0.94	0.95	0.95	0.86	0.67	0.16	0.21	0.56	0.48	0.08	0.85	0.91	0.91
StaffNum	0.98	1	0.98	0.96	0.95	0.92	0.95	0.95	0.87	0.7	0.14	0.2	0.56	0.47	0.08	0.8	0.9	0.92
PhDNum	0.98	0.98	1	1	0.98	0.94	0.97	0.94	0.83	0.58	0.16	0.17	0.54	0.44	0.04	0.76	0.93	0.93
Ph.DNum	0.96	0.96	1	1	0.98	0.94	0.97	0.94	0.82	0.56	0.15	0.17	0.55	0.45	0.03	0.74	0.93	0.93
PostgraduateNum	0.96	0.95	0.98	0.98	1	0.98	0.96	0.93	0.8	0.56	0.17	0.2	0.52	0.41	0.05	0.77	0.9	0.88
DoctoralNum	0.94	0.92	0.94	0.94	0.98	1	0.94	0.91	0.78	0.55	0.17	0.23	0.53	0.44	0.06	0.77	0.88	0.85
PatentNum	0.95	0.95	0.97	0.97	0.96	0.94	1	0.96	0.84	0.59	0.16	0.2	0.6	0.49	0.07	0.79	0.95	0.94
UsefulPatentsNum	0.95	0.95	0.94	0.94	0.93	0.91	0.96	1	0.89	0.67	0.19	0.24	0.68	0.61	0.14	0.84	0.96	0.95
CreatedTechnologyNum	0.86	0.87	0.83	0.82	0.8	0.78	0.84	0.89	1	0.78	0.19	0.23	0.66	0.56	0.13	0.79	0.85	0.88
UsefulTechnologyNum	0.67	0.7	0.58	0.56	0.56	0.55	0.59	0.67	0.78	1	0.17	0.3	0.52	0.47	0.19	0.73	0.59	0.64
ProportionOfOrganizationsToUseInternet	0.16	0.14	0.16	0.15	0.17	0.17	0.16	0.19	0.19	0.17	1	0.33	0.24	0.22	0.19	0.17	0.24	0.18
ProportionOfInnovativeOrgainzations	0.21	0.2	0.17	0.17	0.2	0.23	0.2	0.24	0.23	0.3	0.33	1	0.23	0.22	0.21	0.21	0.21	0.19
TechnologicalInnovationsCost	0.56	0.56	0.54	0.55	0.52	0.53	0.6	0.68	0.66	0.52	0.24	0.23	1	0.78	0.28	0.6	0.73	0.71
AmountOfInnovativeProducts	0.48	0.47	0.44	0.45	0.41	0.44	0.49	0.61	0.56	0.47	0.22	0.22	0.78	1	0.61	0.53	0.63	0.61
ProportionOfInnovativeProducts	0.08	0.08	0.04	0.03	0.05	0.06	0.07	0.14	0.13	0.19	0.19	0.21	0.28	0.61	1	0.14	0.11	0.1
Population	0.85	0.8	0.76	0.74	0.77	0.77	0.79	0.84	0.79	0.73	0.17	0.21	0.6	0.53	0.14	1	0.8	0.76
GrossProduct	0.91	0.9	0.93	0.93	0.9	0.88	0.95	0.96	0.85	0.59	0.24	0.21	0.73	0.63	0.11	0.8	1	0.96
InternalCosts	0.91	0.92	0.93	0.93	0.88	0.85	0.94	0.95	0.88	0.64	0.18	0.19	0.71	0.61	0.1	0.76	0.96	1
	OrganizationNum	StaffNum	PhDNum	Ph.DNum	PostgraduateNum	DoctoralNum	PatentNum	UsefulPatentsNum	CreatedTechnologyNum	UsefulTechnologyNum	ProportionOfOrganizationsToUseInternet	ProportionOfInnovativeOrgainzations	TechnologicalInnovationsCost	AmountOfInnovativeProducts	ProportionOfInnovativeProducts	Population	GrossProduct	InternalCosts

Для упрощения восприятия выводим соответствие между названиями (англоязычными) столбцов в датафрейме и соответствующими русскоязычными названиями показателей. Так же выводим и соответствующие номера столбцов. Нумерация начинается с нуля, как это принято в большинстве языков программирования.

- 0 OrganizationNum
ОРГАНИЗАЦИИ, ВЫПОЛНЯЮЩИЕ НАУЧНЫЕ ИССЛЕДОВАНИЯ И РАЗРАБОТКИ
- 1 StaffNum
численность персонала без ученых степеней, занятых НИОКР
- 2 PhDNum
Численность исследователей, имеющих ученую степень,
по субъектам Российской Федерации показатель
кандидата наук- человек
- 3 Ph.DNum
Численность исследователей, имеющих ученую степень,
по субъектам Российской Федерации показатель
доктора наук - человек
- 4 PostgraduateNum
Численность аспирантов по субъектам Российской Федерации - человек
- 5 DoctoralNum
Численность докторантов по субъектам Российской Федерации Очеловек
- 6 PatentNum
КОЛИЧЕСТВО ПАТЕНТОВ, ВЫДАННЫХ НА ИЗОБРЕТЕНИЯ
- 7 UsefulPatentsNum
КОЛИЧЕСТВО ПАТЕНТОВ, ВЫДАННЫХ НА ПОЛЕЗНЫЕ МОДЕЛИ
- 8 CreatedTechnologyNum
РАЗРАБОТАННЫЕ ПЕРЕДОВЫЕ ПРОИЗВОДСТВЕННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ
ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
- 9 UsefulTechnologyNum
ИСПОЛЬЗУЕМЫЕ ПЕРЕДОВЫЕ ПРОИЗВОДСТВЕННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ
ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
- 10 ProportionOfOrganizationsToUseInternet
УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ОРГАНИЗАЦИЙ ИСПОЛЬЗОВАВШИХ ИНТЕРНЕТ
ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
(В ПРОЦЕНТАХ ОТ ОБЩЕГО ЧИСЛА ОБСЛЕДОВАННЫХ ОРГАНИЗАЦИЙ
СООТВЕТСТВУЮЩЕГО СУБЪЕКТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ)
- 11 ProportionOfInnovativeOrgainzations
ИННОВАЦИОННАЯ АКТИВНОСТЬ ОРГАНИЗАЦИЙ
(УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ОРГАНИЗАЦИЙ, ОСУЩЕСТВЛЯВШИХ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЕ,
ОРГАНИЗАЦИОННЫЕ, МАРКЕТИНГОВЫЕ ИННОВАЦИИ В ОТЧЕТНОМ ГОДУ,
В ОБЩЕМ ЧИСЛЕ ОБСЛЕДОВАННЫХ ОРГАНИЗАЦИЙ (%)

- 12 TechnologicalInnovationsCost
ЗАТРАТЫ НА ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЕ ИННОВАЦИИ ОРГАНИЗАЦИЙ (руб)
- 13 AmountOfInnovativeProducts
ОБЪЕМ ИННОВАЦИОННЫХ ТОВАРОВ, РАБОТ, УСЛУГ (МИЛЛИОНОВ РУБЛЕЙ)
- 14 ProportionOfInnovativeProducts
УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ИННОВАЦИОННЫХ ТОВАРОВ, РАБОТ, УСЛУГ
В ОБЩЕМ ОБЪЕМЕ ОТГРУЖЕННЫХ ТОВАРОВ, ВЫПОЛНЕННЫХ РАБОТ,
УСЛУГ, ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ (%)
- 15 Population
численность населения по субъектам российской федерации
(оценка на конец года; тысяч человек)
- 16 GrossProduct
Валовой региональный продукт по субъектам Российской Федерации
(в текущих ценах; миллионов рублей)
- 17 InternalCosts
ВНУТРЕННИЕ ЗАТРАТЫ НА НАУЧНЫЕ ИССЛЕДОВАНИЯ И РАЗРАБОТКИ
миллионов рублей

Для понимания полученной в результате кластеризации информации нам необходимо эту информацию отобразить графически. А для этого нам необходимо выделить из набора всех показателей наиболее «важные» или значимые. Мы можем для этого использовать полученную шагом ранее кросскорреляционную матрицу выбрав наименее коррелирующие пары показателей. Но этот подход выявляет только линейные зависимости, и к тому же нам придётся самим как-то писать дополнительный программный код для автоматизации этого выбора (что довольно громоздко) либо выбирать пары вручную что трудно и времязатратно. Попробуем применить другой подход. Воспользуемся тем что некоторые методы «обучения с учителем» (supervised learning) могут ранжировать признаки (features, столбцы) по степени важности. В частности таким свойством обладают методы основанные на объединении (ensemble) деревьев решений, например Random Forest («Лес случайных деревьев» Алгоритм предложен Лео Брейманом и Адель Катлер: [5], [2] [6] [8]). Имеются ввиду decision trees – «решающие деревья» или «деревья решений» [2], [6] [7], [8]). В каждом узле такого дерева происходит вычисление энтропии по Шеннону либо значения «критерия загрязнённости» Джинни (Gini impurity) [4] [6], [8], что автоматически даёт нам так же выявление нелинейных зависимостей. А разметка по классам необходимая для применения методов supervised learning у нас уже есть - принадлежность к тому или иному кластеру мы можем трактовать как принадлежность к соответствующему классу. Создаём копию датафрейма

Создаём отдельное поле (столбец) которое и будет содержать метку класса (номер кластера).

Определяем вспомогательную функцию которая понадобится для определения лучшего сочетания параметров выбранного метода supervised learning (Random Forest-a)

Создаём экземпляр стандартного ScikitLearn класса RandomForestClassifier

Произведём определение наилучшего сочетания значений параметров RandomForestClassifier-a посредством простого поиска по сетке значений параметров. Определяем допустимые диапазоны значений различных параметров Random Forest-a, для дальнейшего применения поиска наилучшего сочетания значений параметров по сетке значений. Создаём экземпляр класса GridSearchCV реализующего алгоритм поиска по сетке.

Производим поиск по сетке значений параметров.

Ранг модели: 1

Точность: 0.955 (среднеквадратичное отклонение: 0.011)

Значения параметров:

```
bootstrap: True
criterion: gini
max_depth: 7
max_features: 3
min_samples_leaf: 1
min_samples_split: 3
```

Ранг модели: 2

Точность: 0.952 (среднеквадратичное отклонение: 0.018)

Значения параметров:

```
bootstrap: True
criterion: gini
max_depth: 7
max_features: 3
min_samples_leaf: 3
min_samples_split: 10
```

Ранг модели: 2

Точность: 0.952 (среднеквадратичное отклонение: 0.043)

Значения параметров:

```
bootstrap: False
criterion: entropy
max_depth: 7
max_features: 10
min_samples_leaf: 1
min_samples_split: 2
```

Ранг модели: 2

Точность: 0.952 (среднеквадратичное отклонение: 0.046)

Значения параметров:

```
bootstrap: False
criterion: entropy
max_depth: 7
max_features: 10
```

```
min_samples_leaf: 1
min_samples_split: 3
```

Создаём экземпляр RandomForestClassifier-a подставляя найденный наилучший набор значений параметров.

Запускаем процесс обучения классификатора.

Определяем важность показателей (features) инновационности (номера соответствующих столбцов). И выводим диаграмму в графическом виде представляющую важность показателей (в виде высоты столбцов).

Ранжированные показатели:

1. Показатель 10 (0.188041)

УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ОРГАНИЗАЦИЙ ИСПОЛЬЗОВАВШИХ ИНТЕРНЕТ
ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
(В ПРОЦЕНТАХ ОТ ОБЩЕГО ЧИСЛА ОБСЛЕДОВАННЫХ ОРГАНИЗАЦИЙ
СООТВЕТСТВУЮЩЕГО СУБЪЕКТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ)

2. Показатель 11 (0.167093)

ИННОВАЦИОННАЯ АКТИВНОСТЬ ОРГАНИЗАЦИЙ
(УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ОРГАНИЗАЦИЙ, ОСУЩЕСТВЛЯВШИХ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЕ,
ОРГАНИЗАЦИОННЫЕ, МАРКЕТИНГОВЫЕ ИННОВАЦИИ В ОТЧЕТНОМ ГОДУ,
В ОБЩЕМ ЧИСЛЕ ОБСЛЕДОВАННЫХ ОРГАНИЗАЦИЙ (%)

3. Показатель 9 (0.082238)

ИСПОЛЬЗУЕМЫЕ ПЕРЕДОВЫЕ ПРОИЗВОДСТВЕННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ
ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

4. Показатель 1 (0.067305)

численность персонала без ученых степеней, занятых НИОКР

5. Показатель 14 (0.056109)

УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ИННОВАЦИОННЫХ ТОВАРОВ, РАБОТ, УСЛУГ
В ОБЩЕМ ОБЪЕМЕ ОТГРУЖЕННЫХ ТОВАРОВ, ВЫПОЛНЕННЫХ РАБОТ,
УСЛУГ, ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ (%)

6. Показатель 13 (0.055939)

ОБЪЕМ ИННОВАЦИОННЫХ ТОВАРОВ, РАБОТ, УСЛУГ (МИЛЛИОНОВ РУБЛЕЙ)

7. Показатель 8 (0.052259)

РАЗРАБОТАННЫЕ ПЕРЕДОВЫЕ ПРОИЗВОДСТВЕННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ
ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

8. Показатель 7 (0.051805)

КОЛИЧЕСТВО ПАТЕНТОВ, ВЫДАННЫХ НА ПОЛЕЗНЫЕ МОДЕЛИ

9. Показатель 0 (0.043066)

ОРГАНИЗАЦИИ, ВЫПОЛНЯЮЩИЕ НАУЧНЫЕ ИССЛЕДОВАНИЯ И РАЗРАБОТКИ

10. Показатель 16 (0.042287)

Валовой региональный продукт по субъектам Российской Федерации
(в текущих ценах;миллионов рублей)

11. Показатель 4 (0.032444)

Численность аспирантов по субъектам Российской Федерации - человек

12. Показатель 15 (0.031357)

численность населения по субъектам российской федерации

(оценка на конец года; тысяч человек)

13. Показатель 6 (0.028565)

КОЛИЧЕСТВО ПАТЕНТОВ, ВЫДАННЫХ НА ИЗОБРЕТЕНИЯ

14. Показатель 12 (0.028055)

ЗАТРАТЫ НА ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЕ ИННОВАЦИИ ОРГАНИЗАЦИЙ (руб)

15. Показатель 17 (0.024900)

ВНУТРЕННИЕ ЗАТРАТЫ НА НАУЧНЫЕ ИССЛЕДОВАНИЯ И РАЗРАБОТКИ

миллионов рублей

16. Показатель 3 (0.020874)

Численность исследователей, имеющих ученую степень,
по субъектам Российской Федерации показатель
доктора наук - человек

17. Показатель 2 (0.020040)

Численность исследователей, имеющих ученую степень,
по субъектам Российской Федерации показатель
кандидата наук- человек

18. Показатель 5 (0.007623)

Численность докторантов по субъектам Российской Федерации Очеловек



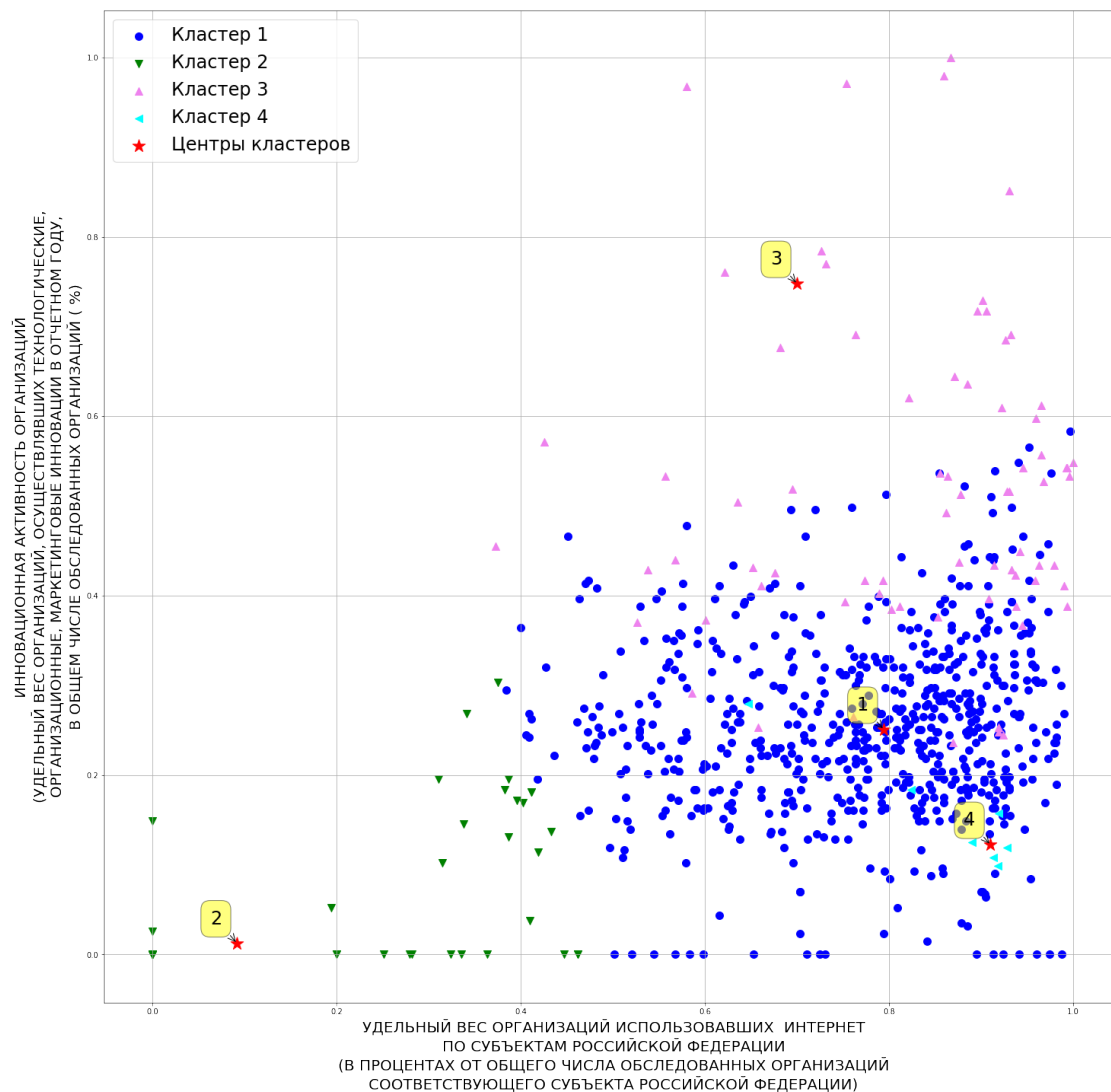
Как видим самым важным (весомым) показателем оказался показатель с номером десять (считая от нуля) - «УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ОРГАНИЗАЦИЙ ИСПОЛЬЗОВАВШИХ ИНТЕРНЕТ ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ» Вообще, было проведено множество запусков RandomForest для выявления закономерностей в упорядочивании показателей по значимости. В каждом узле дерева решений (каждого из деревьев решений которые строит Random Forest) сплит (англ. split), т.е. разбиение по значениям очередного показателя, происходит

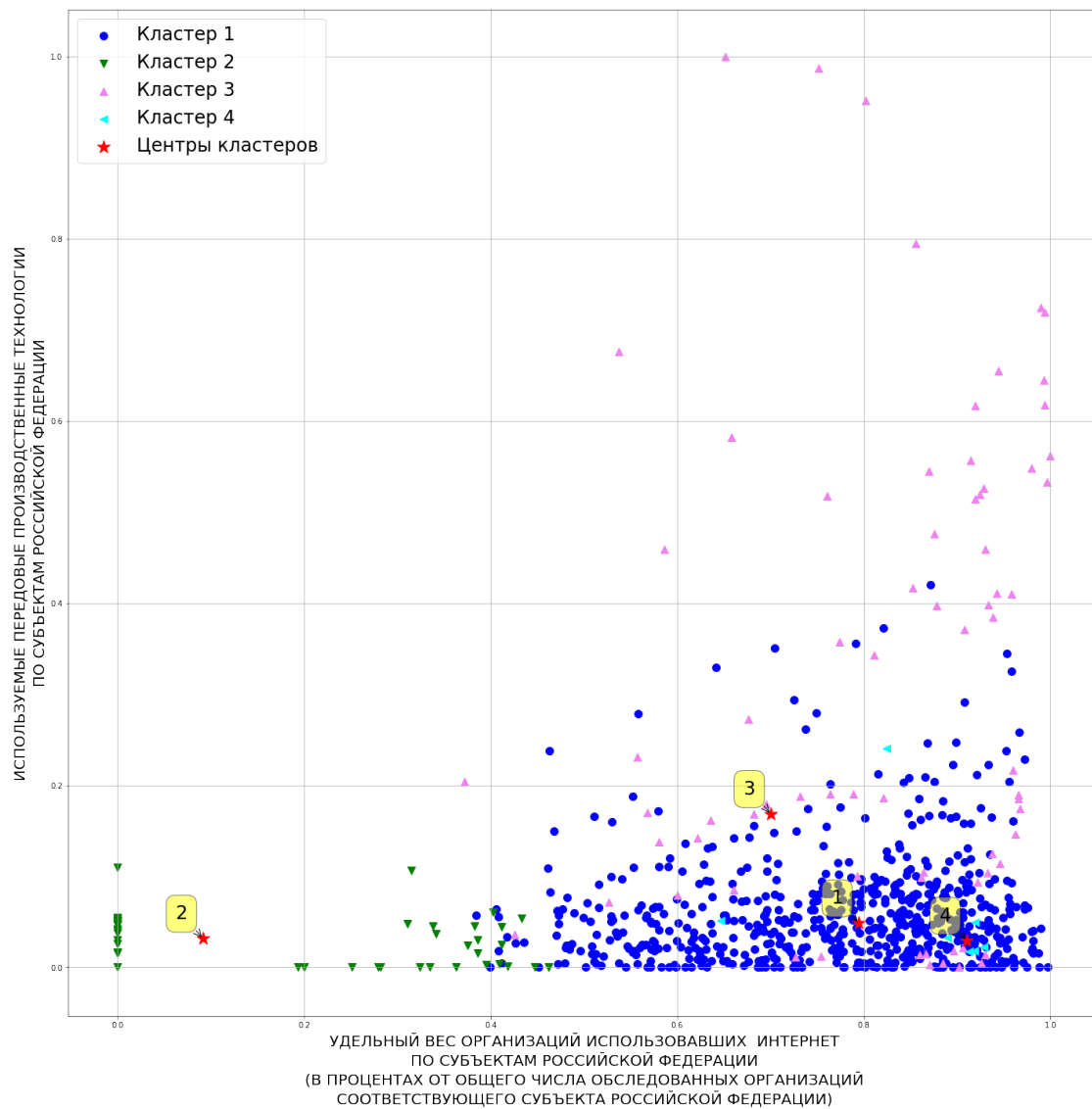
среди показателей случайно отобранных из всего множества показателей, почему алгоритм и называется Random Forest. По этой причине от запуска к запуску, в общем случае, упорядочение меняется. Мы можем, конечно, изменить это поведение алгоритма посредством задания параметра `random_state` но нас интересуют именно статистические закономерности.

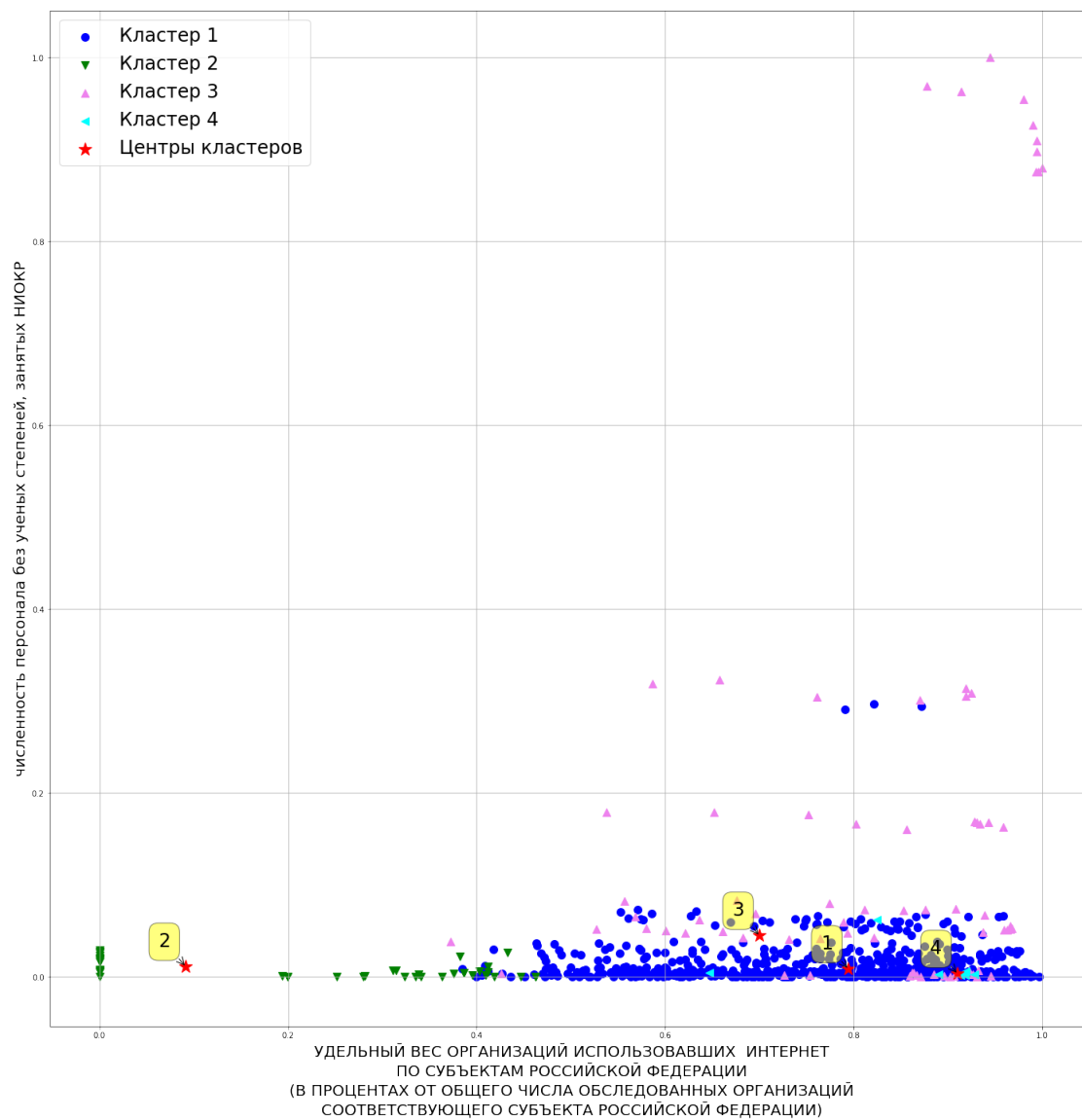
Показатели 10 и 11 входят в пятёрку самых значимых почти при каждом перезапуске (по крайней мере один из них, чаще – оба) причём обычно 10-й оказывается на 1-ом месте. Очень часто входят в пятёрку показатели 16, 13, 1, 9, 14. Мы остановились на варианте когда в пятёрке самых значимых присутствуют 10-й и 14-й показатели, так как 14-й к тому же весьма слабо коррелирует (линейно) со всеми остальными показателями, как видно из кросскорреляционной матрицы приведённой выше. Так же наличие 14-го показателя на scatter plot диаграммах весьма чётко иллюстрирует один из выводов работы сделанных далее.

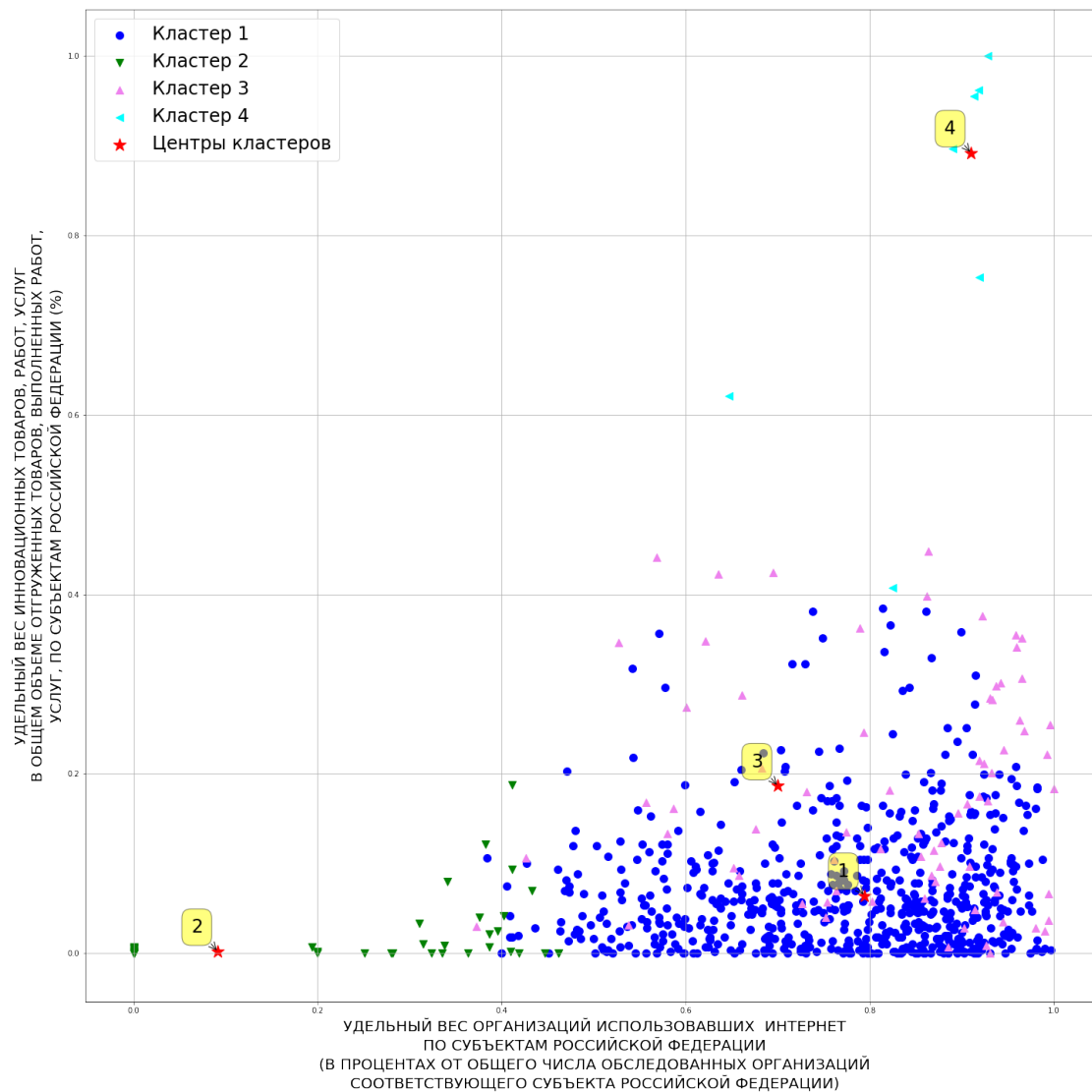
Далее нам надо отобразить класстеризованные регионы на двумерных проекциях парных сочетаний соответствующих показателей. Для этого мы и выбирали наиболее значимые показатели – что бы сократить число выводимых двумерных проекций. Задача графического отображения класстеризованных регионов на проекциях требует указания множества различных параметров отображения, и является довольно громоздкой. Для её решения был создан класс `ClustersDrawer`, исходный код (текст) которого вынесен в отдельный файл `clusters_drawer.py`

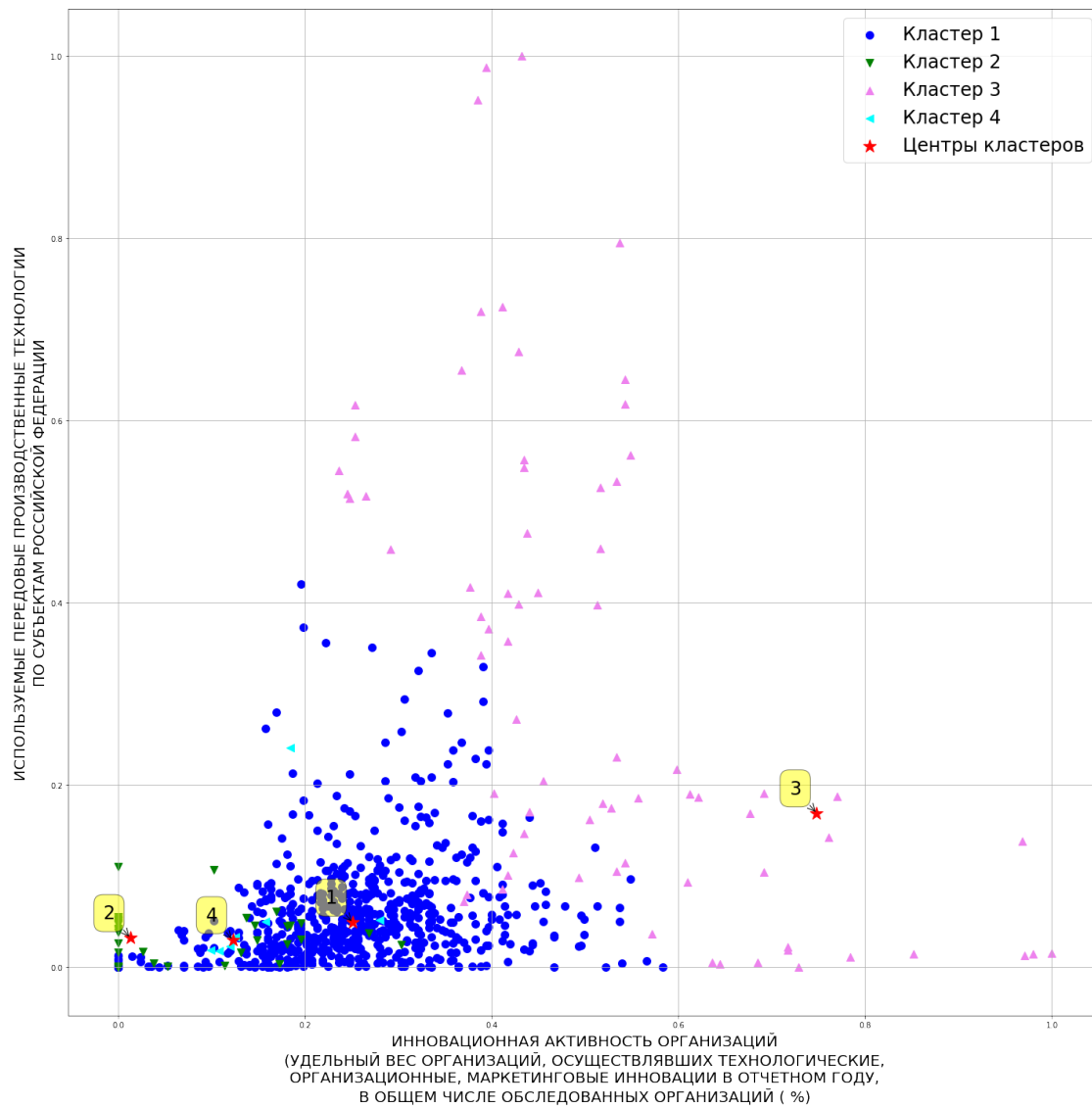
Среди задаваемых параметров следует выделить `ms` – обученный MeanShift кластеризатор содержащий информацию о кластерах (принадлежности того или иного региона к тому или иному кластеру) и список `significant_features` - номера наиболее важных показателей.

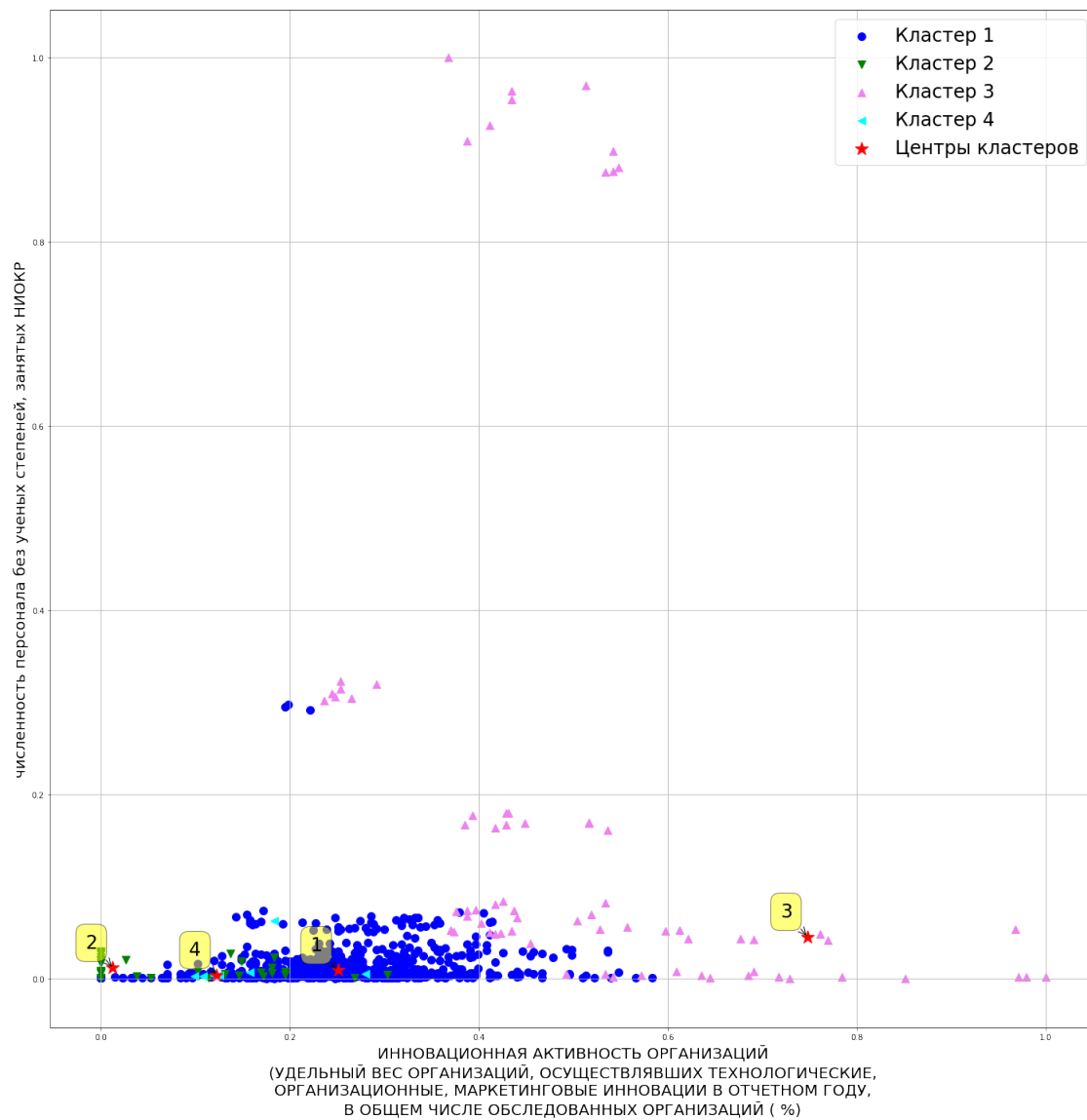


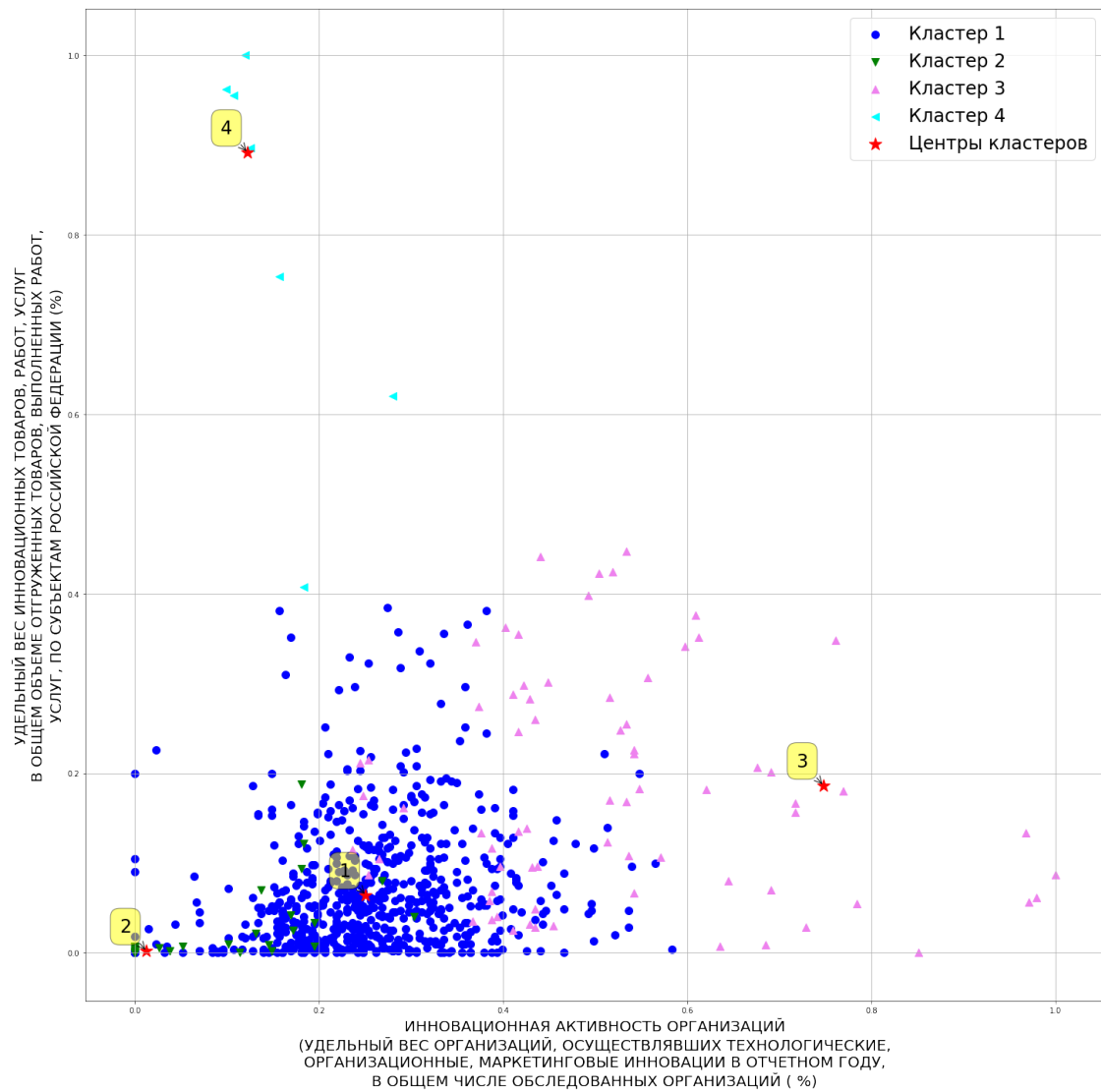


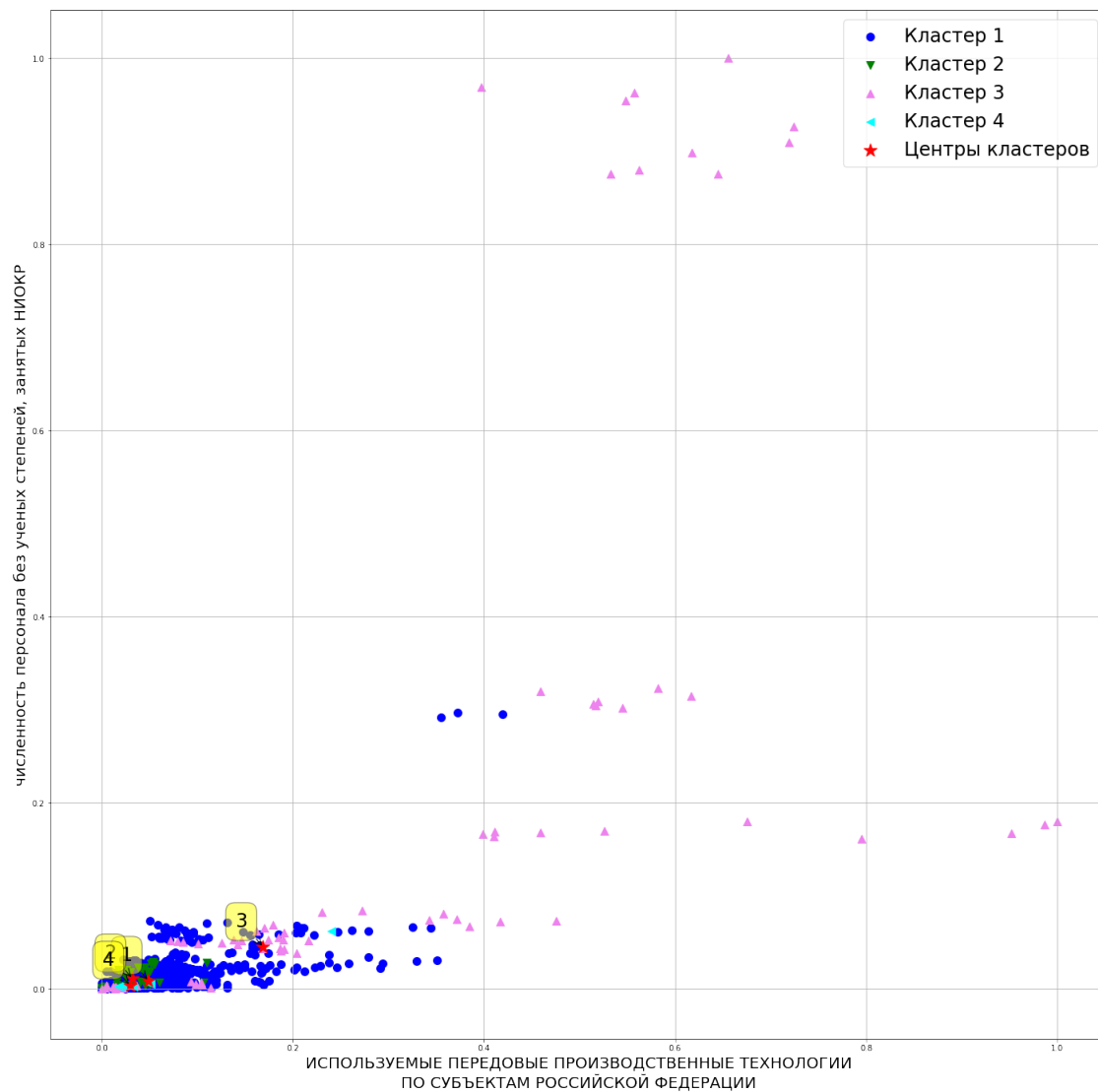


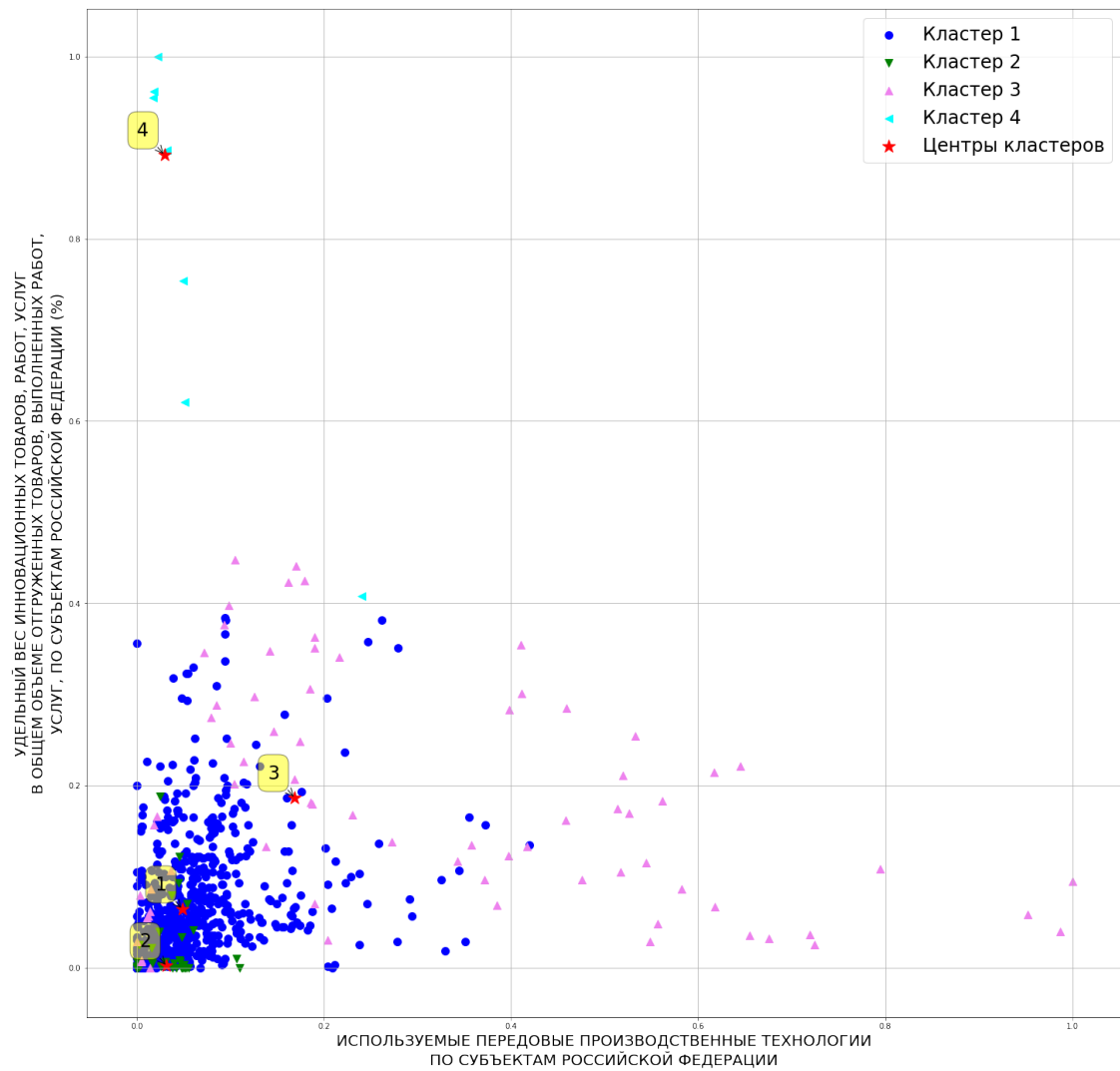


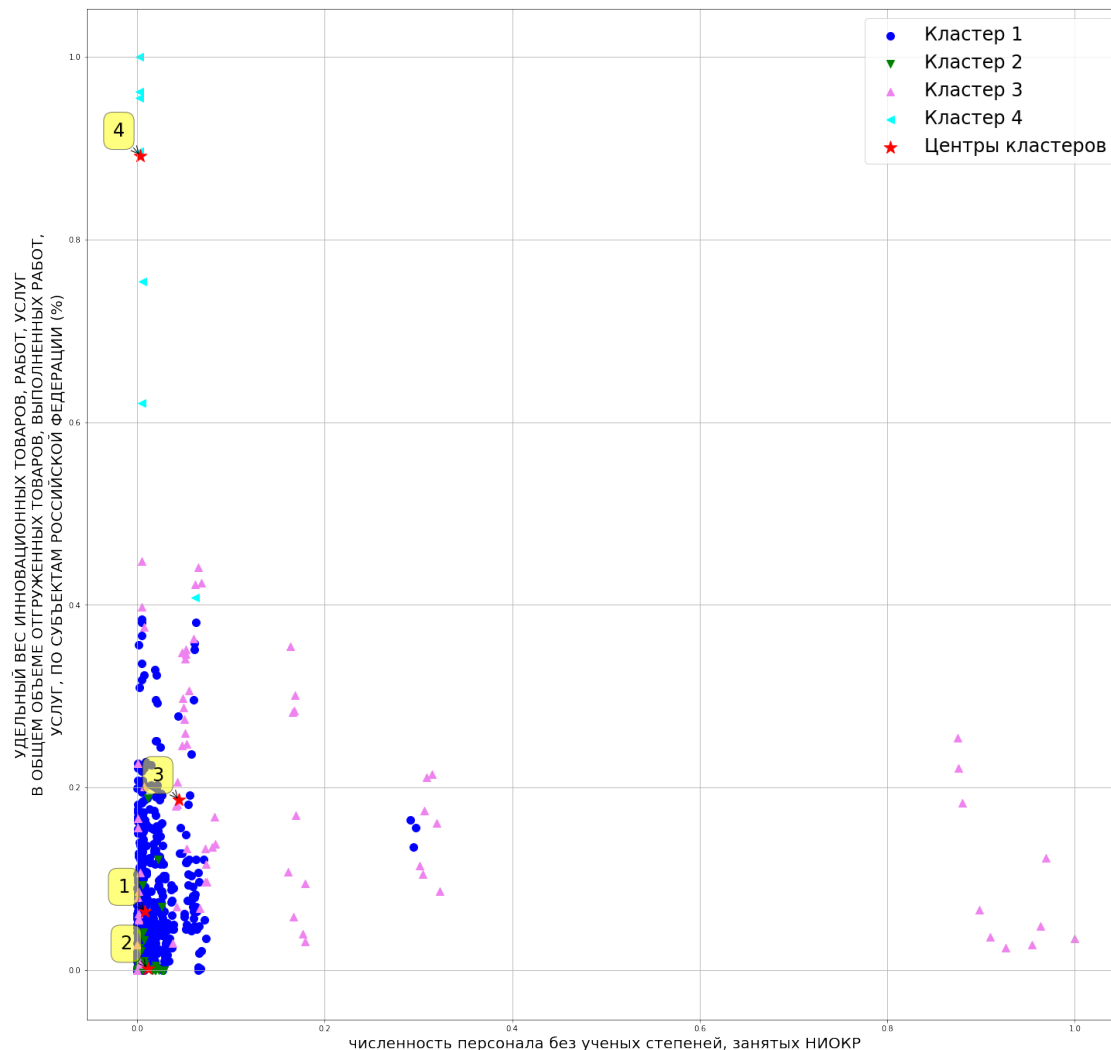












Для облегчения восприятия выводим попарные сочетания названий пяти наиболее значимых показателей.

О УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ОРГАНИЗАЦИЙ ИСПОЛЬЗОВАВШИХ ИНТЕРНЕТ
ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
(В ПРОЦЕНТАХ ОТ ОБЩЕГО ЧИСЛА ОБСЛЕДОВАННЫХ ОРГАНИЗАЦИЙ
СООТВЕТСТВУЮЩЕГО СУБЪЕКТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ)
| ИННОВАЦИОННАЯ АКТИВНОСТЬ ОРГАНИЗАЦИЙ
(УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ОРГАНИЗАЦИЙ, ОСУЩЕСТВЛЯВШИХ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЕ,
ОРГАНИЗАЦИОННЫЕ, МАРКЕТИНГОВЫЕ ИННОВАЦИИ В ОТЧЕТНОМ ГОДУ,
В ОБЩЕМ ЧИСЛЕ ОБСЛЕДОВАННЫХ ОРГАНИЗАЦИЙ (%)

1 УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ОРГАНИЗАЦИЙ ИСПОЛЬЗОВАВШИХ ИНТЕРНЕТ
ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
(В ПРОЦЕНТАХ ОТ ОБЩЕГО ЧИСЛА ОБСЛЕДОВАННЫХ ОРГАНИЗАЦИЙ

СООТВЕТСТВУЮЩЕГО СУБЪЕКТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ)

| ИСПОЛЬЗУЕМЫЕ ПЕРЕДОВЫЕ ПРОИЗВОДСТВЕННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ
ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

2 УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ОРГАНИЗАЦИЙ ИСПОЛЬЗОВАВШИХ ИНТЕРНЕТ
ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
(В ПРОЦЕНТАХ ОТ ОБЩЕГО ЧИСЛА ОБСЛЕДОВАННЫХ ОРГАНИЗАЦИЙ
СООТВЕТСТВУЮЩЕГО СУБЪЕКТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ)

| численность персонала без ученых степеней, занятых НИОКР

3 УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ОРГАНИЗАЦИЙ ИСПОЛЬЗОВАВШИХ ИНТЕРНЕТ
ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
(В ПРОЦЕНТАХ ОТ ОБЩЕГО ЧИСЛА ОБСЛЕДОВАННЫХ ОРГАНИЗАЦИЙ
СООТВЕТСТВУЮЩЕГО СУБЪЕКТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ)

| УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ИННОВАЦИОННЫХ ТОВАРОВ, РАБОТ, УСЛУГ
В ОБЩЕМ ОБЪЕМЕ ОТГРУЖЕННЫХ ТОВАРОВ, ВЫПОЛНЕННЫХ РАБОТ,
УСЛУГ, ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ (%)

4 ИННОВАЦИОННАЯ АКТИВНОСТЬ ОРГАНИЗАЦИЙ
(УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ОРГАНИЗАЦИЙ, ОСУЩЕСТВЛЯВШИХ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЕ,
ОРГАНИЗАЦИОННЫЕ, МАРКЕТИНГОВЫЕ ИННОВАЦИИ В ОТЧЕТНОМ ГОДУ,
В ОБЩЕМ ЧИСЛЕ ОБСЛЕДОВАННЫХ ОРГАНИЗАЦИЙ (%)

| ИСПОЛЬЗУЕМЫЕ ПЕРЕДОВЫЕ ПРОИЗВОДСТВЕННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ
ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

5 ИННОВАЦИОННАЯ АКТИВНОСТЬ ОРГАНИЗАЦИЙ
(УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ОРГАНИЗАЦИЙ, ОСУЩЕСТВЛЯВШИХ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЕ,
ОРГАНИЗАЦИОННЫЕ, МАРКЕТИНГОВЫЕ ИННОВАЦИИ В ОТЧЕТНОМ ГОДУ,
В ОБЩЕМ ЧИСЛЕ ОБСЛЕДОВАННЫХ ОРГАНИЗАЦИЙ (%)

| численность персонала без ученых степеней, занятых НИОКР

6 ИННОВАЦИОННАЯ АКТИВНОСТЬ ОРГАНИЗАЦИЙ
(УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ОРГАНИЗАЦИЙ, ОСУЩЕСТВЛЯВШИХ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЕ,
ОРГАНИЗАЦИОННЫЕ, МАРКЕТИНГОВЫЕ ИННОВАЦИИ В ОТЧЕТНОМ ГОДУ,
В ОБЩЕМ ЧИСЛЕ ОБСЛЕДОВАННЫХ ОРГАНИЗАЦИЙ (%)

| УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ИННОВАЦИОННЫХ ТОВАРОВ, РАБОТ, УСЛУГ
В ОБЩЕМ ОБЪЕМЕ ОТГРУЖЕННЫХ ТОВАРОВ, ВЫПОЛНЕННЫХ РАБОТ,
УСЛУГ, ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ (%)

7 ИСПОЛЬЗУЕМЫЕ ПЕРЕДОВЫЕ ПРОИЗВОДСТВЕННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ
ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

| численность персонала без ученых степеней, занятых НИОКР

8 ИСПОЛЬЗУЕМЫЕ ПЕРЕДОВЫЕ ПРОИЗВОДСТВЕННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ
ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

| УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ИННОВАЦИОННЫХ ТОВАРОВ, РАБОТ, УСЛУГ
В ОБЩЕМ ОБЪЕМЕ ОТГРУЖЕННЫХ ТОВАРОВ, ВЫПОЛНЕННЫХ РАБОТ,
УСЛУГ, ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ (%)

9 численность персонала без ученых степеней, занятых НИОКР
| УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ИННОВАЦИОННЫХ ТОВАРОВ, РАБОТ, УСЛУГ
В ОБЩЕМ ОБЪЕМЕ ОТГРУЖЕННЫХ ТОВАРОВ, ВЫПОЛНЕННЫХ РАБОТ,
УСЛУГ, ПО СУБЪЕКТАМ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ (%)

Сразу стоит указать, что на каждом изображении (двумерной проекции) содержится полный временной (ударение на «о») слепок каждого кластера. То есть каждый регион на изображении встречается несколько раз, (столько раз сколько лет во временном диапазоне на протяжении которого мы кластеризуем), причём он может в общем случае быть обозначен разными значками с разным цветом, обозначающими принадлежность к разным кластерам (может с течением времени «путешествовать» по кластерам). Далее можно попробовать сделать некие общие выводы глядя на построенные нами scatter plot диаграммы, и попробовать определить критерии принадлежности к каждому кластеру (или иначе – попробовать на человеческом языке как то назвать полученные кластеры). В качестве примера подробнее разберём первый же рисунок, на котором изображена зависимость количества полезных моделей в зависимости от «степени интернализации».

Глядя на изображение можно сделать вывод, что большая часть регионов на протяжении срока наблюдения попадает в кластер 1 для которого довольно высокие значения независимой переменной (степени интернализации) не приводят тем не менее к высоким значениям зависимой (ну или лучше сказать «коррелирующей, причём возможно нелинейно») переменной (количеству полезных патентов).

Кластер 2 можно охарактеризовать тем, что низкие значения независимой переменной соответствуют низким значениям зависимой.

Кластер 3 можно охарактеризовать тем, что для него высокие значения независимой переменной соответствуют высоким значениям зависимой.

Про кластер 4 из анализа 1-го изображения пока ничего определённого сказать нельзя, на первый взгляд он не отличается от кластера 1.

Анализ последующих изображений подтверждает выводы о кластерах 1, 2, 3, и проясняет характеристики кластера 4. Итак:

1. Кластер 1. Можно охарактеризовать понятием «середнячки», или «эффективность от невысокой до средней», или «не очень высокая инновационная отдача на относительно (или даже абсолютно) высокие вложения».
2. Кластер 2. Можно охарактеризовать понятием «отстающие», или «малая инновационная отдача в ответ на малые вложения».
3. Кластер 3. «Лидеры». Характеризуются высокой инновационной отдачей в ответ на высокие вложения.
4. Кластер 4. Можно охарактеризовать понятием «аномальная эффективность». По некоторым параметрам ведут себя как представители класса 1, но по некоторым показывают высокую инновационную отдачу в ответ на низкие вложения (что отчётливо видно на диаграммах с 14-м показателем: «ИННОВАЦИОННАЯ АКТИВНОСТЬ ОРГАНИЗАЦИЙ (УДЕЛЬНЫЙ ВЕС ОРГАНИЗАЦИЙ, ОСУЩЕСТВЛЯВШИХ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЕ, ОРГАНИЗАЦИОННЫЕ, МАРКЕТИНГОВЫЕ ИННОВАЦИИ В ОТЧЕТНОМ ГОДУ, В ОБЩЕМ ЧИСЛЕ ОБСЛЕДОВАННЫХ ОРГАНИЗАЦИЙ». Что не исключает

того, что по некоторым показателям в 4-ом кластере, возможно как раз аномально низкое значение одного из показателей в сочетании с высоким значением другого. Впрочем, такая ситуация не исключена и в других кластерах.

Выводим списки регионов сгруппированные в кластера по годам. Для этого добавляем в главный датафрейм, с которым мы оперируем, информацию о принадлежности региона к кластеру в виде столбца "`cluster_label`". Разделяем главный датафрейм на список датафреймов в котором каждый элемент списка – отдельный кластер.

Определяем функцию для разбиения кластера (датафрейма в котором регионы сгруппированы по кластерам) по годам.

Определяем временной диапазон.

Разбиваем кластера по годам.

Год: 2005 Кластер: 1

Белгородская область, Владимирская область, Воронежская область, Калужская область, Липецкая область, Рязанская область, Тамбовская область, Ярославская область, Республика Карелия, Республика Коми, Ненецкий автономный округ, Вологодская область, Калининградская область, Ленинградская область, Мурманская область, Новгородская область, Псковская область, Республика Адыгея, Краснодарский край, Астраханская область, Волгоградская область, Ростовская область, Республика Дагестан, Ставропольский край, Республика Башкортостан, Республика Марий Эл, Удмуртская Республика, Чувашская Республика, Оренбургская область, Пензенская область, Саратовская область, Челябинская область, Республика Алтай, Республика Хакасия, Алтайский край, Красноярский край, Иркутская область, Кемеровская область, Новосибирская область, Омская область, Томская область, Республика Саха (Якутия), Камчатский край, Приморский край, Хабаровский край, Магаданская область, Сахалинская область, Чукотский автономный округ

Кластер: 2

Брянская область, Ивановская область, Костромская область, Курская область, Смоленская область, Тверская область, Архангельская область, Республика Калмыкия, Республика Ингушетия, Чеченская Республика, Республика Мордовия, Кировская область, Ульяновская область, Курганская область, Тюменская область, Республика Бурятия, Республика Тыва, Забайкальский край, Амурская область, Еврейская автономная область

Кластер: 3

Московская область, Орловская область, Тульская область, Москва, Республика Татарстан, Пермский край, Нижегородская область, Самарская область, Свердловская область

Кластер: 4

Год: 2006 Кластер: 1

Белгородская область, Брянская область, Владимирская область, Воронежская область, Ивановская область, Калужская область, Костромская область, Курская область, Липецкая область, Орловская область, Рязанская область, Смоленская область, Тамбовская область, Тверская область, Тульская область, Ярославская область, Республика Карелия, Республика Коми, Ненецкий автономный округ, Вологодская область, Калининградская область, Ленинградская область, Мурманская область, Новгородская область, Псковская

область, Республика Адыгея, Краснодарский край, Астраханская область, Волгоградская область, Ростовская область, Республика Дагестан, Ставропольский край, Республика Башкортостан, Республика Марий Эл, Республика Мордовия, Удмуртская Республика, Чувашская Республика, Оренбургская область, Пензенская область, Саратовская область, Ульяновская область, Курганская область, Челябинская область, Республика Алтай, Республика Бурятия, Республика Хакасия, Алтайский край, Забайкальский край, Красноярский край, Иркутская область, Кемеровская область, Новосибирская область, Омская область, Томская область, Республика Саха (Якутия), Камчатский край, Приморский край, Хабаровский край, Амурская область, Магаданская область, Сахалинская область, Еврейская автономная область, Чукотский автономный округ

Кластер: 2

Архангельская область, Республика Калмыкия, Республика Ингушетия, Чеченская Республика, Кировская область, Тюменская область, Республика Тыва

Кластер: 3

Московская область, Москва, Республика Татарстан, Пермский край, Нижегородская область, Самарская область, Свердловская область

Кластер: 4

Год: 2007 Кластер: 1

Белгородская область, Брянская область, Владимирская область, Воронежская область, Ивановская область, Калужская область, Костромская область, Курская область, Липецкая область, Орловская область, Рязанская область, Смоленская область, Тамбовская область, Тверская область, Тульская область, Ярославская область, Республика Карелия, Республика Коми, Ненецкий автономный округ, Вологодская область, Калининградская область, Ленинградская область, Мурманская область, Новгородская область, Псковская область, Республика Адыгея, Республика Калмыкия, Краснодарский край, Астраханская область, Волгоградская область, Ростовская область, Республика Дагестан, Ставропольский край, Республика Башкортостан, Республика Марий Эл, Удмуртская Республика, Чувашская Республика, Кировская область, Оренбургская область, Пензенская область, Саратовская область, Ульяновская область, Курганская область, Челябинская область, Республика Алтай, Республика Бурятия, Республика Хакасия, Алтайский край, Забайкальский край, Красноярский край, Иркутская область, Кемеровская область, Новосибирская область, Омская область, Томская область, Республика Саха (Якутия), Камчатский край, Приморский край, Хабаровский край, Амурская область, Магаданская область, Сахалинская область, Еврейская автономная область, Чукотский автономный округ

Кластер: 2

Архангельская область, Республика Ингушетия, Чеченская Республика, Тюменская область, Республика Тыва

Кластер: 3

Московская область, Москва, Республика Татарстан, Пермский край, Нижегородская область, Самарская область, Свердловская область

Кластер: 4

Республика Мордовия

Год: 2008 Кластер: 1

Белгородская область, Брянская область, Владимирская область, Воронежская область, Ивановская область, Калужская область, Костромская область, Курская область, Липецкая область, Московская область, Орловская область, Рязанская область, Смоленская область, Тамбовская область, Тверская область, Тульская область, Ярославская область, Республика Карелия, Республика Коми, Ненецкий автономный округ, Вологодская область, Калининградская область, Ленинградская область, Мурманская область, Новгородская область, Псковская область, Республика Адыгея, Республика Калмыкия, Краснодарский край, Астраханская область, Волгоградская область, Ростовская область, Республика Дагестан, Республика Ингушетия, Ставропольский край, Республика Башкортостан, Республика Марий Эл, Республика Мордовия, Удмуртская Республика, Чувашская Республика, Кировская область, Оренбургская область, Пензенская область, Саратовская область, Ульяновская область, Курганская область, Челябинская область, Республика Алтай, Республика Бурятия, Республика Хакасия, Алтайский край, Забайкальский край, Красноярский край, Иркутская область, Кемеровская область, Новосибирская область, Омская область, Томская область, Республика Саха (Якутия), Камчатский край, Приморский край, Хабаровский край, Амурская область, Сахалинская область, Еврейская автономная область, Чукотский автономный округ

Кластер: 2

Архангельская область, Чеченская Республика, Тюменская область, Республика Тыва

Кластер: 3

Москва, Республика Татарстан, Пермский край, Нижегородская область, Самарская область, Свердловская область, Магаданская область

Кластер: 4

Год: 2009 Кластер: 1

Белгородская область, Брянская область, Владимирская область, Воронежская область, Ивановская область, Калужская область, Костромская область, Курская область, Липецкая область, Московская область, Орловская область, Рязанская область, Смоленская область, Тамбовская область, Тверская область, Тульская область, Ярославская область, Республика Карелия, Республика Коми, Ненецкий автономный округ, Вологодская область, Калининградская область, Ленинградская область, Мурманская область, Новгородская область, Псковская область, Республика Адыгея, Республика Калмыкия, Краснодарский край, Астраханская область, Волгоградская область, Ростовская область, Республика Дагестан, Республика Ингушетия, Чеченская Республика, Ставропольский край, Республика Башкортостан, Республика Марий Эл, Республика Мордовия, Удмуртская Республика, Чувашская Республика, Кировская область, Оренбургская область, Пензенская область, Самарская область, Саратовская область, Ульяновская область, Курганская область, Челябинская область, Республика Алтай, Республика Бурятия, Республика Тыва, Республика Хакасия, Алтайский край, Забайкальский край, Красноярский край, Иркутская область, Кемеровская область, Новосибирская область, Омская область, Томская область, Республика Саха (Якутия), Камчатский край, Приморский край, Хабаровский край, Амурская область, Сахалинская область, Еврейская автономная область, Чукотский автономный округ

Кластер: 2

Архангельская область, Тюменская область

Кластер: 3

Москва, Республика Татарстан, Пермский край, Нижегородская область, Свердловская область, Магаданская область

Кластер: 4

Год: 2010 Кластер: 1

Белгородская область, Брянская область, Владимирская область, Воронежская область, Ивановская область, Калужская область, Костромская область, Курская область, Липецкая область, Московская область, Орловская область, Рязанская область, Смоленская область, Тамбовская область, Тверская область, Тульская область, Ярославская область, Республика Карелия, Республика Коми, Ненецкий автономный округ, Вологодская область, Калининградская область, Ленинградская область, Мурманская область, Новгородская область, Псковская область, Республика Адыгея, Республика Калмыкия, Краснодарский край, Астраханская область, Волгоградская область, Ростовская область, Республика Дагестан, Республика Ингушетия, Чеченская Республика, Ставропольский край, Республика Башкортостан, Республика Марий Эл, Республика Мордовия, Удмуртская Республика, Чувашская Республика, Кировская область, Оренбургская область, Пензенская область, Самарская область, Саратовская область, Ульяновская область, Курганская область, Челябинская область, Республика Алтай, Республика Бурятия, Республика Тыва, Республика Хакасия, Алтайский край, Забайкальский край, Красноярский край, Иркутская область, Кемеровская область, Новосибирская область, Омская область, Томская область, Республика Саха (Якутия), Камчатский край, Приморский край, Хабаровский край, Амурская область, Сахалинская область, Еврейская автономная область, Чукотский автономный округ

Кластер: 2

Архангельская область, Тюменская область

Кластер: 3

Москва, Республика Татарстан, Пермский край, Нижегородская область, Свердловская область, Магаданская область

Кластер: 4

Год: 2011 Кластер: 1

Белгородская область, Брянская область, Владимирская область, Воронежская область, Ивановская область, Калужская область, Костромская область, Курская область, Липецкая область, Орловская область, Рязанская область, Смоленская область, Тамбовская область, Тверская область, Тульская область, Ярославская область, Республика Карелия, Республика Коми, Ненецкий автономный округ, Вологодская область, Калининградская область, Ленинградская область, Мурманская область, Новгородская область, Псковская область, Республика Адыгея, Республика Калмыкия, Краснодарский край, Астраханская область, Волгоградская область, Ростовская область, Республика Дагестан, Республика Ингушетия, Чеченская Республика, Ставропольский край, Республика Башкортостан, Республика Марий Эл, Республика Мордовия, Удмуртская Республика, Чувашская Республика, Пермский край, Кировская область, Оренбургская область, Пензенская область, Самарская область, Саратовская область, Ульяновская область, Курганская область, Челябинская область, Республика Бурятия, Республика Тыва, Республика Хакасия, Алтай-

ский край, Забайкальский край, Красноярский край, Иркутская область, Кемеровская область, Новосибирская область, Омская область, Томская область, Республика Саха (Якутия), Приморский край, Хабаровский край, Амурская область, Еврейская автономная область, Чукотский автономный округ

Кластер: 2

Архангельская область, Тюменская область

Кластер: 3

Московская область, Москва, Республика Татарстан, Нижегородская область, Свердловская область, Республика Алтай, Камчатский край, Магаданская область

Кластер: 4

Сахалинская область

Год: 2012 Кластер: 1

Белгородская область, Брянская область, Владимирская область, Воронежская область, Ивановская область, Калужская область, Костромская область, Курская область, Липецкая область, Орловская область, Рязанская область, Смоленская область, Тамбовская область, Тверская область, Тульская область, Ярославская область, Республика Карелия, Республика Коми, Ненецкий автономный округ, Вологодская область, Калининградская область, Ленинградская область, Мурманская область, Новгородская область, Псковская область, Республика Адыгея, Республика Калмыкия, Краснодарский край, Астраханская область, Волгоградская область, Ростовская область, Республика Дагестан, Республика Ингушетия, Чеченская Республика, Ставропольский край, Республика Башкортостан, Республика Марий Эл, Республика Мордовия, Удмуртская Республика, Пермский край, Кировская область, Оренбургская область, Пензенская область, Саратовская область, Ульяновская область, Курганская область, Челябинская область, Республика Алтай, Республика Бурятия, Республика Тыва, Республика Хакасия, Алтайский край, Забайкальский край, Красноярский край, Иркутская область, Кемеровская область, Новосибирская область, Омская область, Томская область, Республика Саха (Якутия), Приморский край, Хабаровский край, Амурская область, Еврейская автономная область, Чукотский автономный округ

Кластер: 2

Архангельская область, Тюменская область

Кластер: 3

Московская область, Москва, Республика Татарстан, Чувашская Республика, Нижегородская область, Свердловская область, Камчатский край, Магаданская область

Кластер: 4

Самарская область, Сахалинская область

Год: 2013 Кластер: 1

Белгородская область, Брянская область, Владимирская область, Воронежская область, Ивановская область, Калужская область, Костромская область, Курская область, Липецкая область, Орловская область, Рязанская область, Смоленская область, Тамбовская область, Тверская область, Тульская область, Ярославская область, Республика Карелия, Республика Коми, Ненецкий автономный округ, Вологодская область, Калининградская область, Ленинградская область, Мурманская область, Новгородская область, Псковская область, Республика Адыгея, Республика Калмыкия, Краснодарский край, Астраханская область, Волгоградская область, Ростовская область, Республика Дагестан, Республика

Ингушетия, Чеченская Республика, Ставропольский край, Республика Башкортостан, Республика Марий Эл, Удмуртская Республика, Чувашская Республика, Пермский край, Кировская область, Оренбургская область, Пензенская область, Самарская область, Саратовская область, Ульяновская область, Курганская область, Свердловская область, Тюменская область, Челябинская область, Республика Алтай, Республика Бурятия, Республика Тыва, Республика Хакасия, Алтайский край, Забайкальский край, Красноярский край, Иркутская область, Кемеровская область, Новосибирская область, Омская область, Томская область, Республика Саха (Якутия), Камчатский край, Приморский край, Хабаровский край, Амурская область, Еврейская автономная область

Кластер: 2

Кластер: 3

Московская область, Москва, Республика Мордовия, Республика Татарстан, Нижегородская область, Магаданская область, Чукотский автономный округ

Кластер: 4

Архангельская область, Сахалинская область

Год: 2014 Кластер: 1

Белгородская область, Брянская область, Владимирская область, Воронежская область, Ивановская область, Калужская область, Костромская область, Курская область, Орловская область, Рязанская область, Смоленская область, Тамбовская область, Тверская область, Тульская область, Ярославская область, Республика Карелия, Республика Коми, Архангельская область, Ненецкий автономный округ, Вологодская область, Калининградская область, Ленинградская область, Мурманская область, Новгородская область, Псковская область, Республика Адыгея, Республика Калмыкия, Краснодарский край, Астраханская область, Волгоградская область, Ростовская область, Республика Дагестан, Республика Ингушетия, Чеченская Республика, Ставропольский край, Республика Башкортостан, Республика Марий Эл, Удмуртская Республика, Пермский край, Кировская область, Оренбургская область, Пензенская область, Самарская область, Саратовская область, Ульяновская область, Курганская область, Свердловская область, Тюменская область, Челябинская область, Республика Алтай, Республика Бурятия, Республика Тыва, Республика Хакасия, Алтайский край, Забайкальский край, Красноярский край, Иркутская область, Кемеровская область, Новосибирская область, Омская область, Томская область, Республика Саха (Якутия), Камчатский край, Приморский край, Хабаровский край, Амурская область, Магаданская область, Еврейская автономная область

Кластер: 2

Кластер: 3

Липецкая область, Московская область, Москва, Республика Мордовия, Республика Татарстан, Чувашская Республика, Нижегородская область, Чукотский автономный округ

Кластер: 4

Сахалинская область

Из полученного разбиения кластеров по годам можно сделать несколько выводов:

1. Не во все года в кластер 4 («Аномальная эффективность») попадает хотя бы один регион. Более того, регионы начинают попадать в кластер 4 начиная с середины срока наблюдения, и в особенности ближе к концу срока.

2. Кластер 2 («Отстающие») со временем исчезает («рассасывается») регионы перемещаются из него, в основном в кластер 1 («Середнячки»).
3. Большая часть регионов надёжно остаются в своих кластерах, но есть и регионы перемещающиеся в другие кластера (например регионы из разряда «Отстающие» перемещающиеся в «Середнячки») и регионы «бродящие» по различным кластерам, например Самарская область, или Архангельская область которая из «Отстающих» переместилась в «Аномальные».
4. Большая часть регионов со временем сосредоточилась в кластере 1.

Далее необходимо решить задачу отображения информации о кластеризованных регионах на карте административных единиц Российской Федерации.

Загружаем значения кодов регионов.

Загружаем карту административных единиц РФ с сопутствующей информацией. Карты в формате Shapefile находятся в свободном доступе здесь: <https://gadm.org/data.html>. Для работы с картами в данном формате используется Python библиотека с таким же названием.

Из загруженных данных читаем информацию о регионах (содержащую, в частности названия регионов), и собственно, само геометрическое описание регионов (в виде неких многоугольников).

Дальше определено несколько вспомогательных функций/участков кода в основном предназначенных для сопоставления названий регионов (административных единиц) взятых из различных источников: данных о инновационной активности, кодов регионов, географической информации. Из каждого названия выделяется основная (значимая) часть. Многие регионы в различных источниках пишутся по разному, применяются различные аббревиатуры, и т.д, поэтому некоторые названия пришлось сопоставлять вручную. Имена (названия) определяемых функция и переменных даны с учётом того что имя должно сообщать максимальную информацию о смысле данной функции (переменной), с другой стороны возможности да и необходимости давать (и, следовательно придумывать) максимально «красивые» имена с точки зрения программирования у нас здесь нет, поэтому имена получились такими, какими получились. Так же с помощью определённых далее вспомогательных функций производится сопоставление регионов (их индексов в соответствующих списках) из различных источников, на основе ранее выделенных главных частей названий, что нужно для отрисовки регионов с их кодами на карте.

Отдельная задача – отрисовать код региона на карте так что бы код попал «внутри» границ региона. Стандартных средств для этого в библиотеках Python нет. Задача решена в некоторых проприетарных пакетах, но налаживание взаимодействия с ними (хотя бы в виде уже готовых карт) может занять весьма неопределённое время. Поэтому попытаемся решить некий простейший вариант данной задачи, с возможностью «ручной подстройки» координат и размера надписи. В общем виде решение данной задачи (разместить объект ограниченный неким прямоугольником «где-то внутри» произвольного, и в общем случае, невыпуклого многоугольника «ближе всего» к некоторому наиболее удобному для человеческого глаза «центру восприятия» многоугольника, смасштабировав к тому же размещаемый объект) превосходит как минимум в несколько раз по трудо и времяёмкости данную работу. Как показали проведённые эксперименты, достаточно неплохие результаты во многих случаях даёт просто размещение надписи в центре ограничивающего регион прямоугольника (bbox в терминологии shapefiles). Размещение в центре масс многоугольника даёт худший результат, в особенности если регион имеет извилистую береговую линию (тогда центр масс сильно к ней смещён). О регионах состоящих из нескольких островов и говорить не приходится – поможет только установка надписи

«вручную», как скорее всего и сделано в проприетарном ПО. Следует оговорить что далее нарушено одно из основных правил написания хорошего программного кода: введено некоторое количество неименованных «магических» чисел (размер шрифта), но код у нас одноразовый, дальнейшей поддержки и развития не предполагает, поэтому вряд ли нарушение этого правила принесёт нам большой вред.

Определяем таблицу кодов регионов для которых координаты (и возможно, размер) надписи будем устанавливать вручную.

Определяем функцию (довольно громоздкую и сложную) отрисовывающую карту регионов.

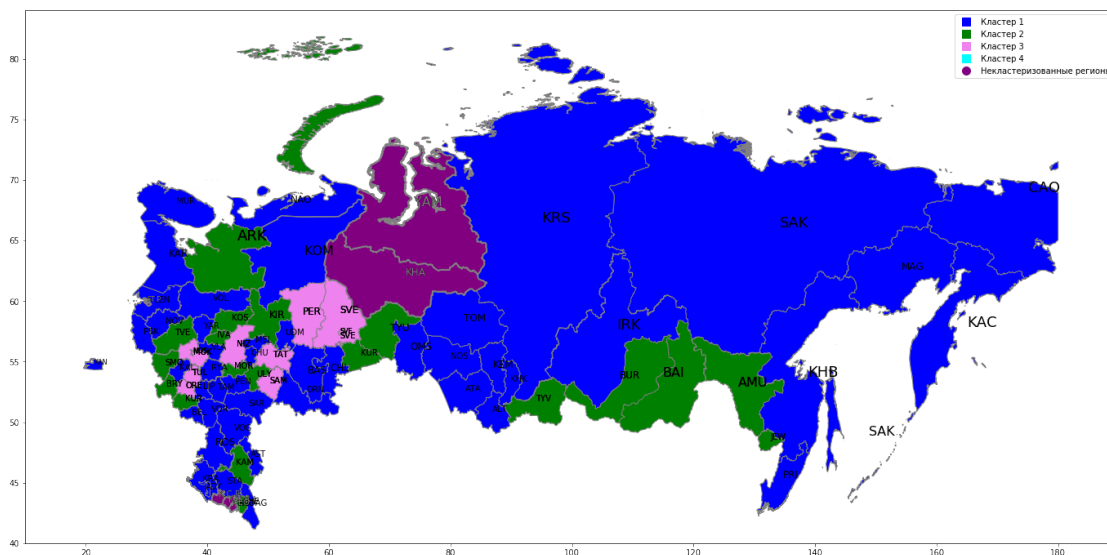
Выводим названия административных единиц вместе с их кодами

Белгородская область BEL
Брянская область BRY
Владимирская область VLA
Воронежская область VOR
Ивановская область IVA
Калужская область KAL
Костромская область KOS
Курская область KUR
Липецкая область LIP
Московская область MOK
Орловская область ORE
Рязанская область RYA
Смоленская область SMO
Тамбовская область TAM
Тверская область TVE
Тульская область TUL
Ярославская область YAR
Москва MOS
Республика Карелия KAR
Республика Коми KOM
Архангельская область ARK
Ненецкий автономный округ NAO
Вологодская область VOL
Калининградская область KAN
Ленинградская область LEN
Мурманская область MUR
Новгородская область NOV
Псковская область PSK
Санкт-Петербург ST.P
Республика Адыгея ADY
Республика Калмыкия KAM
Краснодарский край KRA
Астраханская область AST
Волгоградская область VOG
Ростовская область ROS
Республика Дагестан DAG
Республика Ингушетия ING

Кабардино-Балкарская Республика К.В.Р
Карачаево-Черкесская Республика К.С.Р
Республика Северная Осетия - Алания СЕО
Чеченская Республика CHE
Ставропольский край STA
Республика Башкортостан BAS
Республика Марий Эл MEL
Республика Мордовия MOR
Республика Татарстан TAT
Удмуртская Республика UDM
Чувашская Республика CHU
Пермский край PER
Кировская область KIR
Нижегородская область NIZ
Оренбургская область ORN
Пензенская область PEN
Самарская область SAM
Саратовская область SAR
Ульяновская область ULY
Курганская область KUR
Свердловская область SVE
Тюменская область TYU
Ханты-Мансийский автономный округ - Югра КНА
Ямало-Ненецкий автономный округ YAM
Челябинская область CHL
Республика Алтай ALT
Республика Бурятия BUR
Республика Тыва TYV
Республика Хакасия KHK
Алтайский край ATA
Забайкальский край BAI
Красноярский край KRS
Иркутская область IRK
Кемеровская область KEM
Новосибирская область NOS
Омская область OMS
Томская область TOM
Республика Саха (Якутия) SAK
Камчатский край KAC
Приморский край PRI
Хабаровский край KHB
Амурская область AMU
Магаданская область MAG
Сахалинская область SAK
Еврейская автономная область JEW
Чукотский автономный округ CAO

Вызываем функцию `draw_clustred_regions` для каждого года, отрисовывая регионы принадлежащие данному кластеру в данном году.

Год: 2005



Кластер: 1

BEL Белгородская область, VLA Владимирская область, VOR Воронежская область, KAL Калужская область, LIP Липецкая область, RYA Рязанская область, TAM Тамбовская область, YAR Ярославская область, KAR Республика Карелия, KOM Республика Коми, NAO Ненецкий автономный округ, VOL Вологодская область, KAN Калининградская область, LEN Ленинградская область, MUR Мурманская область, NOV Новгородская область, PSK Псковская область, ADY Республика Адыгея, KRA Краснодарский край, AST Астраханская область, VOG Волгоградская область, ROS Ростовская область, DAG Республика Дагестан, STA Ставропольский край, BAS Республика Башкортостан, MEL Республика Марий Эл, UDM Удмуртская Республика, CHU Чувашская Республика, ORN Оренбургская область, PEN Пензенская область, SAR Саратовская область, CHL Челябинская область, ALT Республика Алтай, KHK Республика Хакасия, ATA Алтайский край, KRS Красноярский край, IRK Иркутская область, KEM Кемеровская область, NOS Новосибирская область, OMS Омская область, TOM Томская область, SAK Республика Саха (Якутия), KAC Камчатский край, PRI Приморский край, KHB Хабаровский край, MAG Магаданская область, SAK Сахалинская область, CAO Чукотский автономный округ

Кластер: 2

BRY Брянская область, IVA Ивановская область, KOS Костромская область, KUR Курская область, SMO Смоленская область, TVE Тверская область, ARK Архангельская область, KAM Республика Калмыкия, ING Республика Ингушетия, CHE Чеченская Республика, MOR Республика Мордовия, KIR Кировская область, ULY Ульяновская область, KUR Курганская область, TYU Тюменская область, BUR Республика Бурятия, TYV Республика Тыва, BAI Забайкальский край, AMU Амурская область, JEW Еврейская автономная область

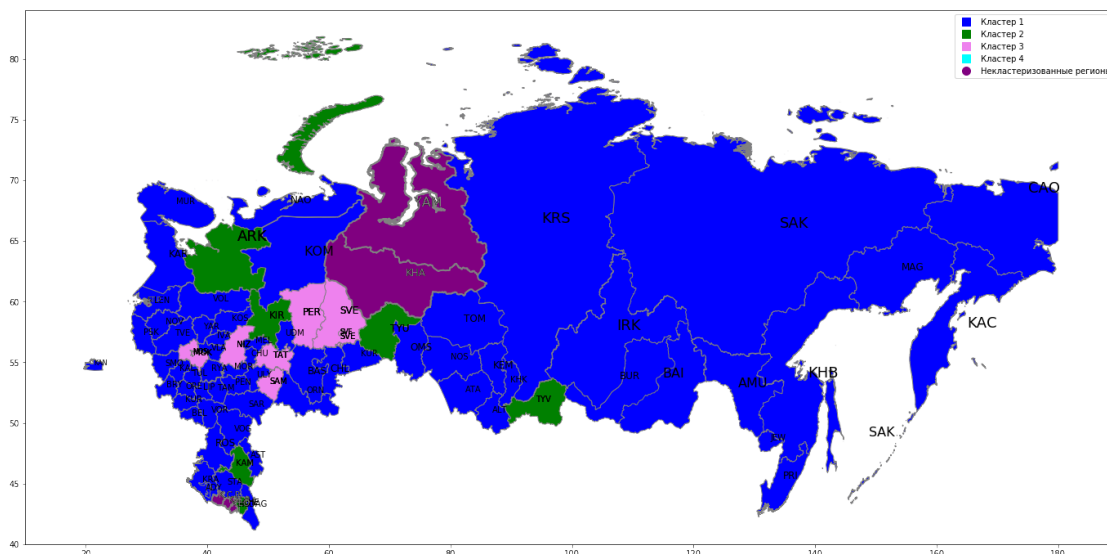
Кластер: 3

МОК Московская область, ORE Орловская область, TUL Тульская область, MOS Москва, TAT

Республика Татарстан, PER Пермский край, NIZ Нижегородская область, SAM Самарская область, SVE Свердловская область

Кластер: 4

Год: 2006



Кластер: 1

BEL Белгородская область, BRY Брянская область, VLA Владимирская область, VOR Воронежская область, IVA Ивановская область, KAL Калужская область, KOS Костромская область, KUR Курская область, LIP Липецкая область, ORE Орловская область, RYA Рязанская область, SMO Смоленская область, TAM Тамбовская область, TVE Тверская область, TUL Тульская область, YAR Ярославская область, KAR Республика Карелия, КОМ Республика Коми, NAO Ненецкий автономный округ, VOL Вологодская область, KAN Калининградская область, LEN Ленинградская область, MUR Мурманская область, NOV Новгородская область, PSK Псковская область, ADY Республика Адыгея, KRA Краснодарский край, AST Астраханская область, VOG Волгоградская область, ROS Ростовская область, DAG Республика Дагестан, STA Ставропольский край, BAS Республика Башкортостан, MEL Республика Марий Эл, MOR Республика Мордовия, UDM Удмуртская Республика, CHU Чувашская Республика, ORN Оренбургская область, PEN Пензенская область, SAR Саратовская область, ULY Ульяновская область, KUR Курганская область, CHL Челябинская область, ALT Республика Алтай, BUR Республика Бурятия, КНХ Республика Хакасия, АТА Алтайский край, БАИ Забайкальский край, KRS Красноярский край, ИРК Иркутская область, КЕМ Кемеровская область, NOS Новосибирская область, OMS Омская область, ТОМ Томская область, SAK Республика Саха (Якутия), KAC Камчатский край, PRI Приморский край, КНВ Хабаровский край, АМУ Амурская область, МАГ Магаданская область, SAK Сахалинская область, JEВ Еврейская автономная область, САО Чукотский автономный округ

Кластер: 2

ARK Архангельская область, КАМ Республика Калмыкия, ING Республика Ингушетия, СНЕ

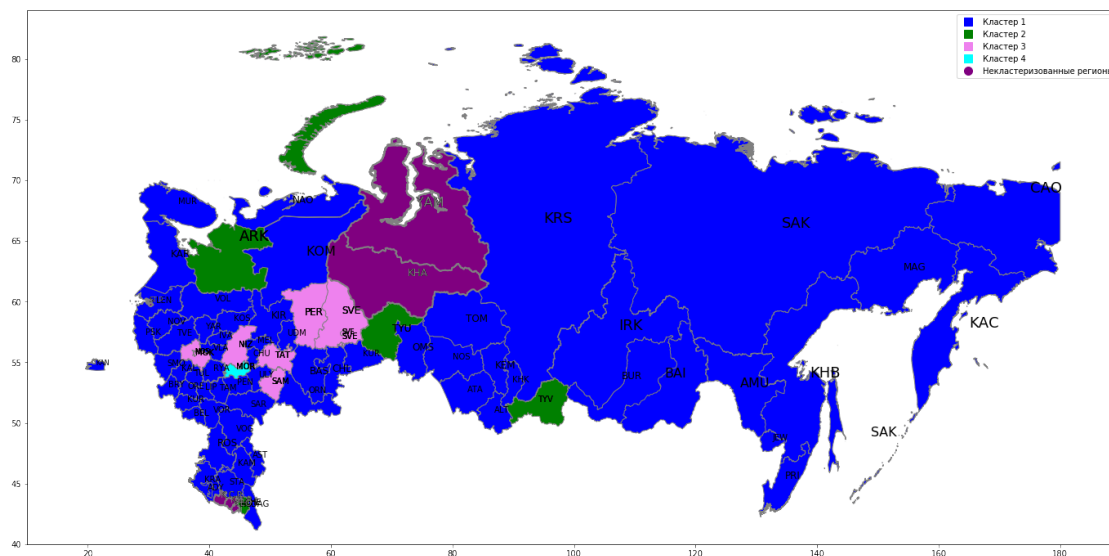
Чеченская Республика, KIR Кировская область, TYU Тюменская область, TYV Республика Тыва

Кластер: 3

МОК Московская область, MOS Москва, ТАТ Республика Татарстан, PER Пермский край, NIZ Нижегородская область, SAM Самарская область, SVE Свердловская область

Кластер: 4

Год: 2007



Кластер: 1

BEL Белгородская область, BRY Брянская область, VLA Владимирская область, VOR Воронежская область, IVA Ивановская область, KAL Калужская область, KOS Костромская область, KUR Курская область, LIP Липецкая область, ORE Орловская область, RYA Рязанская область, SMO Смоленская область, TAM Тамбовская область, TVE Тверская область, TUL Тульская область, YAR Ярославская область, KAR Республика Карелия, KOM Республика Коми, NAO Ненецкий автономный округ, VOL Вологодская область, KAN Калининградская область, LEN Ленинградская область, MUR Мурманская область, NOV Новгородская область, PSK Псковская область, ADY Республика Адыгея, KAM Республика Калмыкия, KRA Краснодарский край, AST Астраханская область, VOG Волгоградская область, ROS Ростовская область, DAG Республика Дагестан, STA Ставропольский край, BAS Республика Башкортостан, MEL Республика Марий Эл, UDM Удмуртская Республика, CHU Чувашская Республика, KIR Кировская область, ORN Оренбургская область, PEN Пензенская область, SAR Саратовская область, ULY Ульяновская область, KUR Курганская область, CHL Челябинская область, ALT Республика Алтай, BUR Республика Бурятия, KHK Республика Хакасия, ATA Алтайский край, BAI Забайкальский край, KRS Красноярский край, IRK Иркутская область, KEM Кемеровская область, NOS Новосибирская область, OMS Омская область, TOM Томская область, SAK Республика Саха (Якутия), KAC Камчатский край, PRI Приморский край, KHB Хабаровский край, AMU Амурская область, MAG Магаданская область, SAK Сахалинская область, JEJ Еврейская автономная область, CAO Чукотский автономный округ

Кластер: 2

ARK Архангельская область, ING Республика Ингушетия, CHE Чеченская Республика, TYU Тюменская область, TYV Республика Тыва

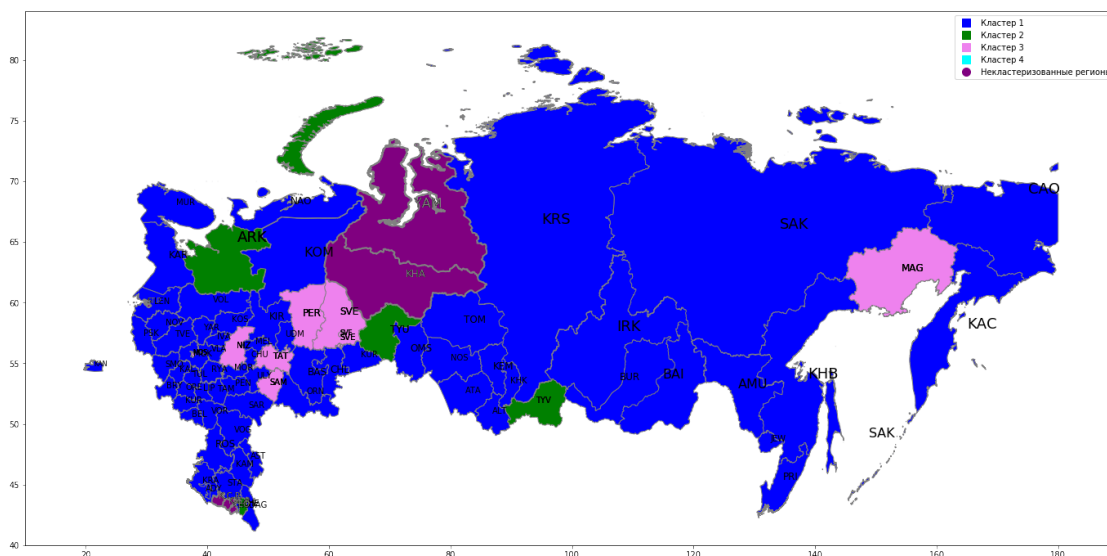
Кластер: 3

МОК Московская область, MOS Москва, ТАТ Республика Татарстан, PER Пермский край, NIZ Нижегородская область, SAM Самарская область, SVE Свердловская область

Кластер: 4

MOR Республика Мордовия

Год: 2008



Кластер: 1

BEL Белгородская область, BRY Брянская область, VLA Владимирская область, VOR Воронежская область, IVA Ивановская область, KAL Калужская область, KOS Костромская область, KUR Курская область, LIP Липецкая область, МОК Московская область, ORE Орловская область, RYA Рязанская область, SMO Смоленская область, ТАМ Тамбовская область, TVE Тверская область, TUL Тульская область, YAR Ярославская область, KAR Республика Карелия, КОМ Республика Коми, NAO Ненецкий автономный округ, VOL Вологодская область, KAN Калининградская область, LEN Ленинградская область, MUR Мурманская область, NOV Новгородская область, PSK Псковская область, ADY Республика Адыгея, КАМ Республика Калмыкия, KRA Краснодарский край, AST Астраханская область, VOG Волгоградская область, ROS Ростовская область, DAG Республика Дагестан, ING Республика Ингушетия, STA Ставропольский край, BAS Республика Башкортостан, MEL Республика Марий Эл, MOR Республика Мордовия, UDM Удмуртская Республика, CHU Чувашская Республика, KIR Кировская область, ORN Оренбургская область, PEN Пензенская область, SAR Саратовская область, ULY Ульяновская область, KUR Курганская область, CHL Челябинская область, ALT Республика Алтай, BUR Республика Бурятия, КНХ Республика Хакасия, АТА Алтайский край, БАИ Забайкальский край, KRS Красноярский край, ИРК Иркутская область, КЕМ Кемеровская область, NOS Новосибирская область, OMS Омская область, ТОМ Томская область,

SAK Республика Саха (Якутия), KAC Камчатский край, PRI Приморский край, KHB Хабаровский край, AMU Амурская область, SAK Сахалинская область, JEW Еврейская автономная область, CAO Чукотский автономный округ

Кластер: 2

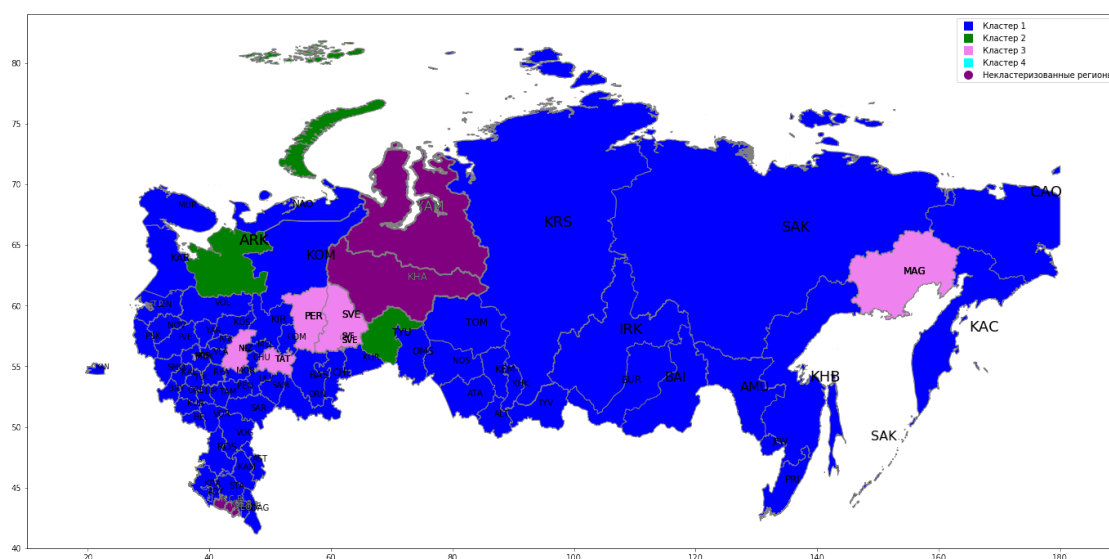
ARK Архангельская область, CHE Чеченская Республика, TYU Тюменская область, TYV Республика Тыва

Кластер: 3

MOS Москва, TAT Республика Татарстан, PER Пермский край, NIZ Нижегородская область, SAM Самарская область, SVE Свердловская область, MAG Магаданская область

Кластер: 4

Год: 2009



Кластер: 1

BEL Белгородская область, BRY Брянская область, VLA Владимирская область, VOR Воронежская область, IVA Ивановская область, KAL Калужская область, KOS Костромская область, KUR Курская область, LIP Липецкая область, MOK Московская область, ORE Орловская область, RYA Рязанская область, SMO Смоленская область, TAM Тамбовская область, TVE Тверская область, TUL Тульская область, YAR Ярославская область, KAR Республика Карелия, KOM Республика Коми, NAO Ненецкий автономный округ, VOL Вологодская область, KAN Калининградская область, LEN Ленинградская область, MUR Мурманская область, NOV Новгородская область, PSK Псковская область, ADY Республика Адыгея, КАМ Республика Калмыкия, KRA Краснодарский край, AST Астраханская область, VOG Волгоградская область, ROS Ростовская область, DAG Республика Дагестан, ING Республика Ингушетия, CHE Чеченская Республика, STA Ставропольский край, BAS Республика Башкортостан, MEL Республика Марий Эл, MOR Республика Мордовия, UDM Удмуртская Республика, CHU Чувашская Республика, KIR Кировская область, ORN Оренбургская область, PEN Пензенская область, SAM Самарская область, SAR Саратовская область, ULY Ульяновская область, KUR Курганская область, CHL Челябинская область, ALT Республика Алтай,

BUR Республика Бурятия, TYV Республика Тыва, КНК Республика Хакасия, АТА Алтайский край, БАИ Забайкальский край, КРС Красноярский край, ИРК Иркутская область, КЕМ Кемеровская область, NOS Новосибирская область, OMS Омская область, ТОМ Томская область, САК Республика Саха (Якутия), КАС Камчатский край, ПРИ Приморский край, КНВ Хабаровский край, АМУ Амурская область, САК Сахалинская область, JEВ Еврейская автономная область, САО Чукотский автономный округ

Кластер: 2

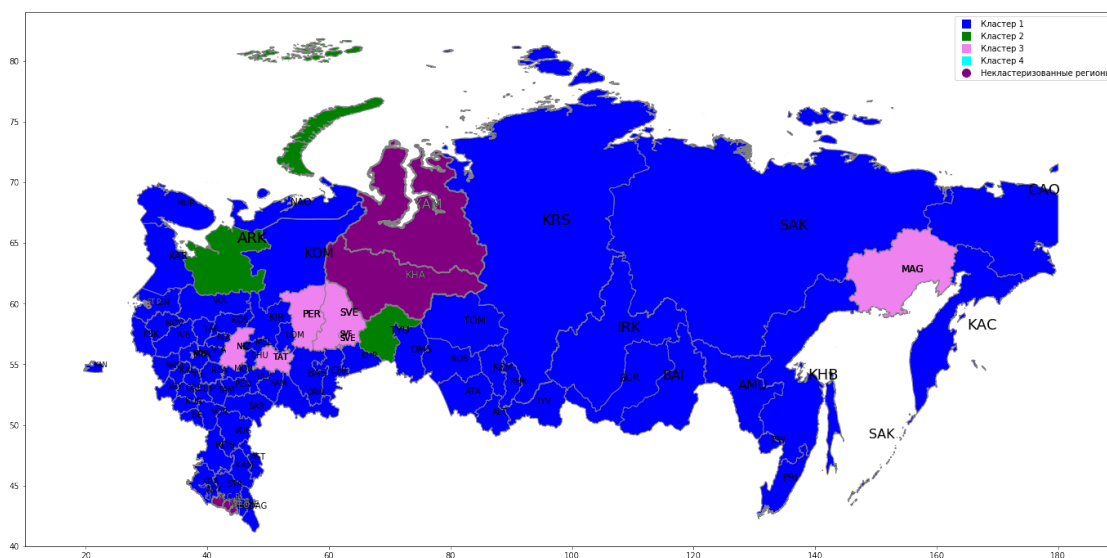
АРК Архангельская область, ТЮУ Тюменская область

Кластер: 3

МОС Москва, ТАТ Республика Татарстан, PER Пермский край, НИЗ Нижегородская область, SVE Свердловская область, МАГ Магаданская область

Кластер: 4

Год: 2010



Кластер: 1

BEL Белгородская область, BRY Брянская область, VLA Владимирская область, VOR Воронежская область, IVA Ивановская область, KAL Калужская область, KOS Костромская область, KUR Курская область, LIP Липецкая область, MOK Московская область, ORE Орловская область, RYA Рязанская область, SMO Смоленская область, TAM Тамбовская область, TVE Тверская область, TUL Тульская область, YAR Ярославская область, KAR Республика Карелия, КОМ Республика Коми, NAO Ненецкий автономный округ, VOL Вологодская область, KAN Калининградская область, LEN Ленинградская область, MUR Мурманская область, NOV Новгородская область, PSK Псковская область, ADY Республика Адыгея, KAM Республика Калмыкия, KRA Краснодарский край, AST Астраханская область, VOG Волгоградская область, ROS Ростовская область, DAG Республика Дагестан, ING Республика Ингушетия, CHE Чеченская Республика, STA Ставропольский край, BAS Республика Башкортостан, MEL Республика Марий Эл, MOR Республика Мордовия, UDM Удмуртская Республика, CHU Чувашская Республика, KIR Кировская область, ORN Оренбургская область,

PEN Пензенская область, SAM Самарская область, SAR Саратовская область, ULY Ульяновская область, KUR Курганская область, CHL Челябинская область, ALT Республика Алтай, BUR Республика Бурятия, TYV Республика Тыва, KHK Республика Хакасия, ATA Алтайский край, BAI Забайкальский край, KRS Красноярский край, IRK Иркутская область, KEM Кемеровская область, NOS Новосибирская область, OMS Омская область, TOM Томская область, SAK Республика Саха (Якутия), KAC Камчатский край, PRI Приморский край, KHB Хабаровский край, AMU Амурская область, SAK Сахалинская область, JEW Еврейская автономная область, CAO Чукотский автономный округ

Кластер: 2

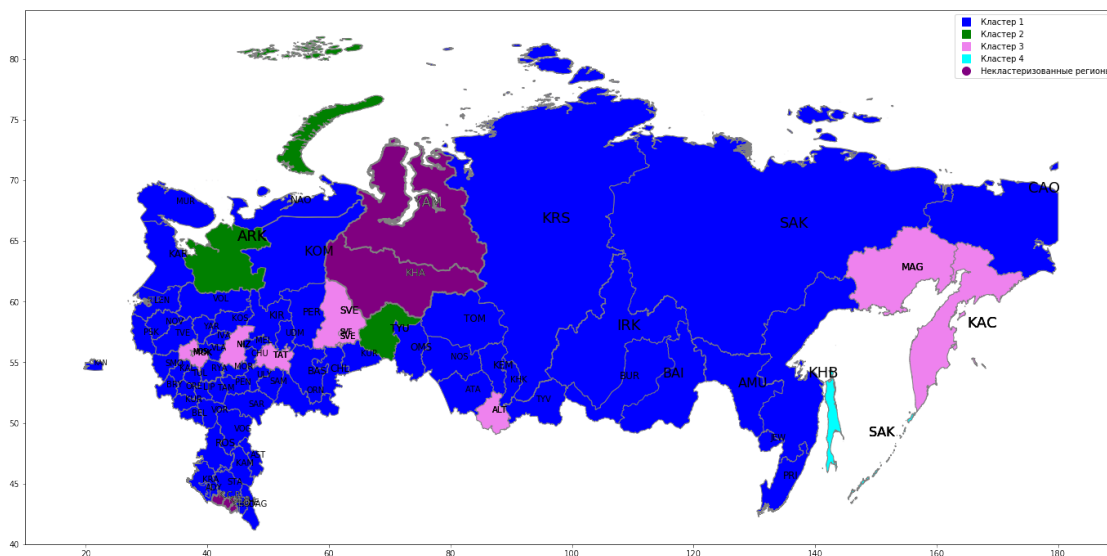
ARK Архангельская область, TYU Тюменская область

Кластер: 3

MOS Москва, TAT Республика Татарстан, PER Пермский край, NIZ Нижегородская область, SVE Свердловская область, MAG Магаданская область

Кластер: 4

Год: 2011



Кластер: 1

BEL Белгородская область, BRY Брянская область, VLA Владимирская область, VOR Воронежская область, IVA Ивановская область, KAL Калужская область, KOS Костромская область, KUR Курская область, LIP Липецкая область, ORE Орловская область, RYA Рязанская область, SMO Смоленская область, TAM Тамбовская область, TVE Тверская область, TUL Тульская область, YAR Ярославская область, KAR Республика Карелия, KOM Республика Коми, NAO Ненецкий автономный округ, VOL Вологодская область, KAN Калининградская область, LEN Ленинградская область, MUR Мурманская область, NOV Новгородская область, PSK Псковская область, ADY Республика Адыгея, KAM Республика Калмыкия, KRA Краснодарский край, AST Астраханская область, VOG Волгоградская область, ROS Ростовская область, DAG Республика Дагестан, ING Республика Ингушетия, CHE Чеченская Республика, STA Ставропольский край, BAS Республика Башкортостан, MEL Республика Марий

ЭЛ, MOR Республика Мордовия, UDM Удмуртская Республика, CHU Чувашская Республика, PER Пермский край, KIR Кировская область, ORN Оренбургская область, PEN Пензенская область, SAM Самарская область, SAR Саратовская область, ULY Ульяновская область, KUR Курганская область, CHL Челябинская область, BUR Республика Бурятия, TYV Республика Тыва, KHK Республика Хакасия, ATA Алтайский край, BAI Забайкальский край, KRS Красноярский край, IRK Иркутская область, КЕМ Кемеровская область, NOS Новосибирская область, OMS Омская область, TOM Томская область, SAK Республика Саха (Якутия), PRI Приморский край, KHB Хабаровский край, AMU Амурская область, JEW Еврейская автономная область, CAO Чукотский автономный округ

Кластер: 2

ARK Архангельская область, TYU Тюменская область

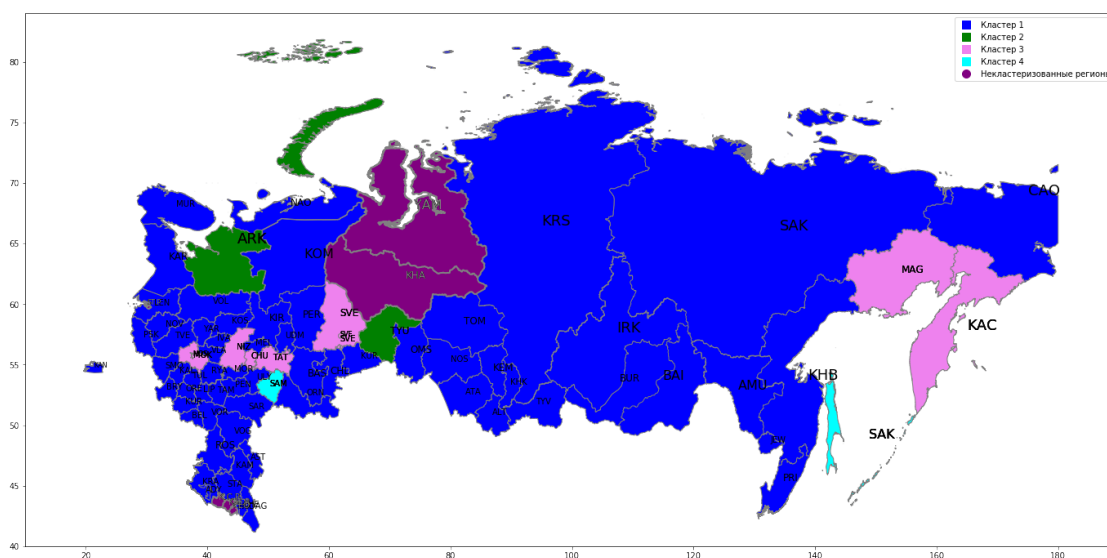
Кластер: 3

МОК Московская область, MOS Москва, ТАТ Республика Татарстан, NIZ Нижегородская область, SVE Свердловская область, ALT Республика Алтай, КАС Камчатский край, MAG Магаданская область

Кластер: 4

SAK Сахалинская область

Год: 2012



Кластер: 1

BEL Белгородская область, BRY Брянская область, VLA Владимирская область, VOR Воронежская область, IVA Ивановская область, KAL Калужская область, KOS Костромская область, KUR Курская область, LIP Липецкая область, ORE Орловская область, RYA Рязанская область, SMO Смоленская область, ТАМ Тамбовская область, TVE Тверская область, TUL Тульская область, YAR Ярославская область, KAR Республика Карелия, КОМ Республика Коми, NAO Ненецкий автономный округ, VOL Вологодская область, KAN Калининградская область, LEN Ленинградская область, MUR Мурманская область, NOV Новгородская область, PSK Псковская область, ADY Республика Адыгея, КАМ Республика Калмыкия, KRA Краснодарский край, AST Астраханская область, VOG Волгоградская область, ROS Ростовская

область, DAG Республика Дагестан, ING Республика Ингушетия, CHE Чеченская Республика, STA Ставропольский край, BAS Республика Башкортостан, MEL Республика Марий Эл, MOR Республика Мордовия, UDM Удмуртская Республика, PER Пермский край, KIR Кировская область, ORN Оренбургская область, PEN Пензенская область, SAR Саратовская область, ULY Ульяновская область, KUR Курганская область, CHL Челябинская область, ALT Республика Алтай, BUR Республика Бурятия, TYV Республика Тыва, KHK Республика Хакасия, ATA Алтайский край, BAI Забайкальский край, KRS Красноярский край, IRK Иркутская область, KEM Кемеровская область, NOS Новосибирская область, OMS Омская область, TOM Томская область, SAK Республика Саха (Якутия), PRI Приморский край, KHB Хабаровский край, AMU Амурская область, JEW Еврейская автономная область, CAO Чукотский автономный округ

Кластер: 2

ARK Архангельская область, TYU Тюменская область

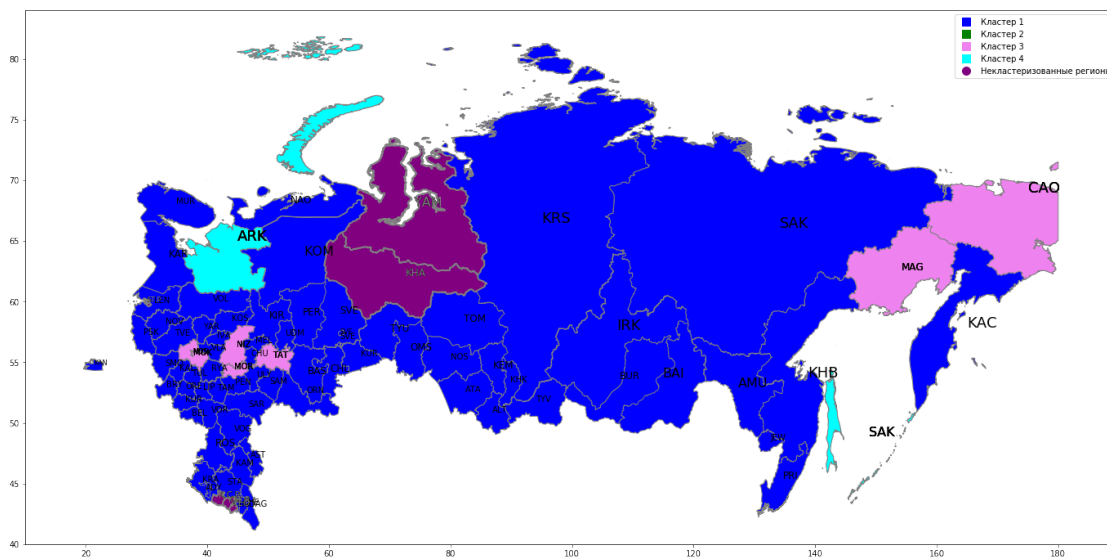
Кластер: 3

МОК Московская область, MOS Москва, TAT Республика Татарстан, CHU Чувашская Республика, NIZ Нижегородская область, SVE Свердловская область, KAC Камчатский край, MAG Магаданская область

Кластер: 4

SAM Самарская область, SAK Сахалинская область

Год: 2013



Кластер: 1

BEL Белгородская область, BRY Брянская область, VLA Владимирская область, VOR Воронежская область, IVA Ивановская область, KAL Калужская область, KOS Костромская область, KUR Курская область, LIP Липецкая область, ORE Орловская область, RYA Рязанская область, SMO Смоленская область, TAM Тамбовская область, TVE Тверская область, TUL Тульская область, YAR Ярославская область, KAR Республика Карелия, KOM Республика Коми, NAO Ненецкий автономный округ, VOL Вологодская область, KAN Калининградская область, LEN Ленинградская область, MUR Мурманская область, NOV Новгородская область,

PSK Псковская область, ADY Республика Адыгея, КАМ Республика Калмыкия, KRA Краснодарский край, AST Астраханская область, VOG Волгоградская область, ROS Ростовская область, DAG Республика Дагестан, ING Республика Ингушетия, CHE Чеченская Республика, STA Ставропольский край, BAS Республика Башкортостан, MEL Республика Марий Эл, UDM Удмуртская Республика, CHU Чувашская Республика, PER Пермский край, KIR Кировская область, ORN Оренбургская область, PEN Пензенская область, SAM Самарская область, SAR Саратовская область, ULY Ульяновская область, KUR Курганская область, SVE Свердловская область, TYU Тюменская область, CHL Челябинская область, ALT Республика Алтай, BUR Республика Бурятия, TYV Республика Тыва, КНК Республика Хакасия, АТА Алтайский край, БАИ Забайкальский край, KRS Красноярский край, IRK Иркутская область, КЕМ Кемеровская область, NOS Новосибирская область, OMS Омская область, ТОМ Томская область, SAK Республика Саха (Якутия), КАС Камчатский край, PRI Приморский край, КНВ Хабаровский край, АМУ Амурская область, JEW Еврейская автономная область

Кластер: 2

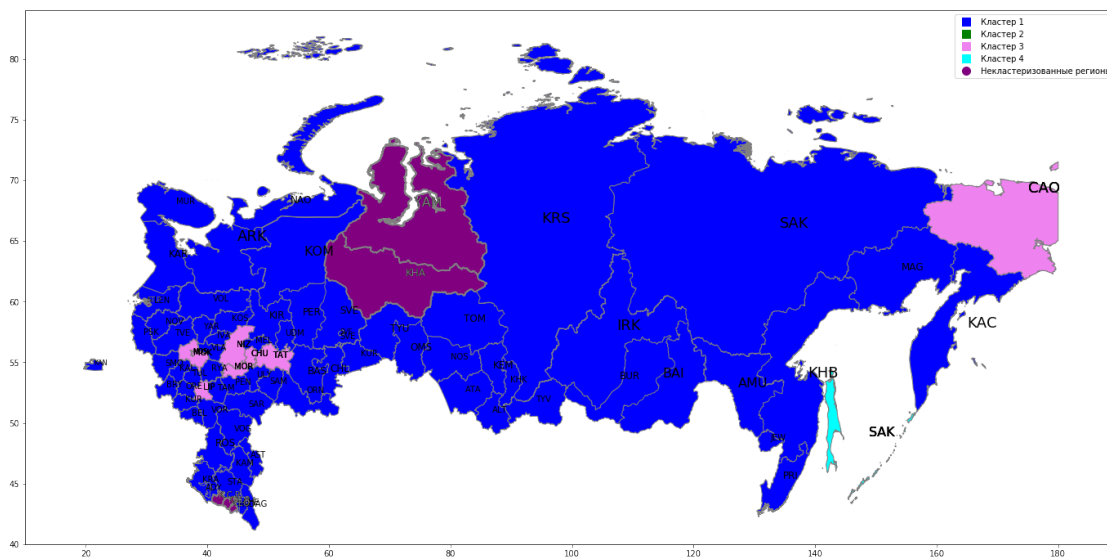
Кластер: 3

МОК Московская область, MOS Москва, MOR Республика Мордовия, ТАТ Республика Татарстан, NIZ Нижегородская область, MAG Магаданская область, CAO Чукотский автономный округ

Кластер: 4

АРК Архангельская область, SAK Сахалинская область

Год: 2014



Кластер: 1

BEL Белгородская область, BRY Брянская область, VLA Владимирская область, VOR Воронежская область, IVA Ивановская область, KAL Калужская область, KOS Костромская область, KUR Курская область, ORE Орловская область, RYA Рязанская область, SMO Смоленская область, ТАМ Тамбовская область, TVE Тверская область, TUL Тульская область, YAR Ярославская область, KAR Республика Карелия, КОМ Республика Коми, АРК Архангельская

область, NAO Ненецкий автономный округ, VOL Вологодская область, KAN Калининградская область, LEN Ленинградская область, MUR Мурманская область, NOV Новгородская область, PSK Псковская область, ADY Республика Адыгея, KAM Республика Калмыкия, KRA Краснодарский край, AST Астраханская область, VOG Волгоградская область, ROS Ростовская область, DAG Республика Дагестан, ING Республика Ингушетия, CHE Чеченская Республика, STA Ставропольский край, BAS Республика Башкортостан, MEL Республика Марий Эл, UDM Удмуртская Республика, PER Пермский край, KIR Кировская область, ORN Оренбургская область, PEN Пензенская область, SAM Самарская область, SAR Саратовская область, ULY Ульяновская область, KUR Курганская область, SVE Свердловская область, TYU Тюменская область, CHL Челябинская область, ALT Республика Алтай, BUR Республика Бурятия, TYV Республика Тыва, KHK Республика Хакасия, ATA Алтайский край, BAI Забайкальский край, KRS Красноярский край, IRK Иркутская область, KEM Кемеровская область, NOS Новосибирская область, OMS Омская область, TOM Томская область, SAK Республика Саха (Якутия), KAC Камчатский край, PRI Приморский край, KHB Хабаровский край, AMU Амурская область, MAG Магаданская область, JEY Еврейская автономная область

Кластер: 2

Кластер: 3

LIP Липецкая область, МОК Московская область, MOS Москва, MOR Республика Мордовия, TAT Республика Татарстан, CHU Чувашская Республика, NIZ Нижегородская область, CAO Чукотский автономный округ

Кластер: 4

SAK Сахалинская область

Глядя на карты мы можем сделать ещё несколько выводов:

1. Большая часть «Отстающих» или «Аномальных» регионов отстанут далеко от административного центра – Московского региона. Отстающие – в основном некоторые регионы крайнего севера, либо же – республики Кавказа. Аномальные – Сибирь, Дальний восток.
2. Большая часть «Лидеров» – центральная Россия, Урал, юг Поволжья: Москва, Свердловская область, Татарстан то есть наиболее богатые/населённые административные единицы Российской Федерации.

Так же стоит заметить, что в ходе работы выявлено несколько требующих дальнейшего изучения моментов. Прояснение причин перехода регионов из кластера в кластер, дополнительное исследование регионов относящихся к кластеру 4 (с «аномальной» инновационной активностью), имеет и теоретический и, возможно, практический смысл, но явно выходит за рамки данной работы.

Список источников

- [1] Sebastian Raschka. Kernel density estimation via the Parzen-Rosenblatt window method. Очень понятное объяснение того что такое Парзеновское окно и что такое kernel-функция
- [2] Trevor Hastie Robert Tibshirani Jerome Friedman. The Elements of Statistical Learning. Фундаментальное введение в методы машинного обучения. Наиболее известная книга в этой области.
- [3] Saravanan Thirumuruganathan. Introduction To Mean Shift Algorithm. Неформальное введение в MeanShift алгоритм с ссылками для дальнейшего изучения
- [4] Gini Impurity vs Entropy. Вопрос на Stackexchange с краткими и ясными ответами и всеми необходимыми ссылками
- [5] Leo Breiman and Adele Cutler. Random Forests. Описание Random Forest алгоритма от его авторов
- [6] Документация библиотеки ScikitLearn Содержит так же огромное количество теоретических сведений и ссылок для дальнейшего изучения
- [7] Decision tree learning. Статья о деревьях решений в машинном обучении
- [8] Sebastian Raschka. Python Machine Learning. Практическое введение в машинное обучение с использованием языка Python. Лучшее сочетание практичности и строгости изложения.