

**Segundo Parcial de Estructuras de Datos y Algoritmos***26 de Noviembre de 2009*

| <i>Ejercicio 1</i> | <i>Ejercicio 2</i> | <i>Ejercicio 3</i> | <i>Nota</i> |
|--------------------|--------------------|--------------------|-------------|
|                    |                    |                    |             |

**Condición Mínima de Aprobación: Tener por lo menos dos ejercicios con B-****Consideraciones a tener en cuenta. MUY IMPORTANTE**

- El ejercicio que no respete estrictamente el enunciado será anulado.
- Se puede entregar el examen escrito en lápiz
- Se tendrán en cuenta la eficiencia y el estilo de programación.
- Los teléfonos celulares deben estar apagados.

***Ejercicio 1***

Se cuenta con la siguiente implementación parcial de un grafo que almacena pesos enteros positivos en las aristas y en los nodos:

```
public class Graph<V> {

    private HashMap<V, Node> nodes = new HashMap<V, Node>();
    private List<Node> nodeList = new ArrayList<Node>();

    public void addVertex(V vertex, int weight) {
        if (!nodes.containsKey(vertex)) {
            Node node = new Node(vertex, weight);
            nodes.put(vertex, node);
            nodeList.add(node);
        }
    }

    public void addArc(V v, V w, int weight) {
        Node origin = nodes.get(v);
        Node dest = nodes.get(w);
        if (origin != null && dest != null && !origin.equals(dest)) {
            for (Arc arc : origin.adj) {
                if (arc.neighbor.info.equals(w)) {
                    return;
                }
            }
            origin.adj.add(new Arc(weight, dest));
            dest.adj.add(new Arc(weight, origin));
        }
    }

    private class Node {
        V info;
        int weight;
        boolean visited = false;
        int tag = 0;
        List<Arc> adj = new ArrayList<Arc>();

        public Node(V info, int weight) {
            this.info = info;
            this.weight = weight;
        }

        public int hashCode() {
            return info.hashCode();
        }
    }
}
```

```

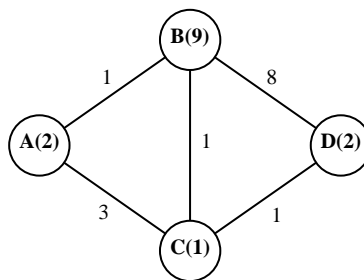
        public boolean equals(Object obj) {
            if (obj == null || !(obj.getClass() != getClass())) {
                return false;
            }
            return info.equals(((Node)obj).info);
        }
    }
    private class Arc {
        int weight;
        Node neighbor;

        public Arc(int weight, Node neighbor) {
            this.weight = weight;
            this.neighbor = neighbor;
        }
    }
}

```

Agregarle a esta implementación el método **minWeight**, que dado un nodo origen y un nodo destino retorna el peso del camino mínimo entre ambos, en donde el peso de un camino se calcula como la sumatoria de los pesos de las aristas y de los nodos que lo conforman.

En el siguiente grafo, el camino mínimo entre los nodos A y D está formado por los nodos {A, C, D} y tiene peso 9.



## Ejercicio 2

Agregarle a la implementación de grafos del ejercicio anterior el método **countCycles**, que dado un nodo cuenta la cantidad de ciclos simples a los que éste pertenece.

En el grafo de ejemplo del ejercicio anterior, los nodos A y D pertenecen a 2 ciclos simples, mientras que los nodos B y C pertenecen a 3.

## Ejercicio 3

Se denomina cuadrado mágico de orden N a la disposición de  $N^2$  números enteros diferentes en una matriz de N x N, tal que la suma de cada fila, de cada columna y de las diagonales es constante. A continuación se muestra un ejemplo de una posible solución para N=3. En este caso todas las filas, columnas y diagonales suman 15:

|   |   |   |
|---|---|---|
| 2 | 7 | 6 |
| 9 | 5 | 1 |
| 4 | 3 | 8 |

Implementar un programa que dado un valor de N imprima en la salida **todos** los cuadrados mágicos que se pueden formar con los números entre 1 y  $N^2$ .