

CUERPO RÍGIDO

condiciones de rigidez

$$\nabla_B = \nabla_A + \Omega \wedge \nabla_{BA}$$

ECUACIÓN DE TORQUE

$$\sum \tau = I \alpha$$

$$\alpha_B = \alpha_A + \gamma \wedge \nabla_{BA} + \Omega \wedge \Omega \wedge \nabla_{BA}$$

TEOREMAS DE CONSERVACIÓN

$$\sum \tau_{ext} = 0 \Rightarrow \Delta L = 0$$

$$\sum F_{ext} = 0 \Rightarrow \Delta P = 0$$

$$\sum F\phi = 0 \Rightarrow \Delta E_M = 0$$

$$L_{FC} = -\Delta E_P$$

$$L_{TF} = \Delta E_c$$

ECUACIÓN DE FUERZAS

$$\sum F = m \cdot a$$

ENERGIAS

$$E_m = E_p + E_c$$

$$E_{pg} = mgh$$

$$E_c = \frac{1}{2} m v^2$$

$$E_{pe} = \frac{1}{2} k (\Delta x)^2$$

$$E_c(c_r) = \frac{1}{2} M \Omega_{cu}^2 + \frac{1}{2} I_{cu} \Omega^2$$

$$E_{pg}(c_r) = Mg h_{cm}$$

CANT. DE MOVIMIENTO

$$P = m \cdot v$$

$$\int_{t_0}^{t_f} F dt = \Delta P = P_f - P_0$$

CANT. DE MOV. ANGULAR

$$\bar{\theta} = \Gamma \wedge P = I \Omega$$

TORQUE

$$\tau_F = \Gamma \wedge \bar{F}$$

TEOREMA DE STAINER

$$I^o = I^{cu} + d^2 \cdot m$$

con ejes de rotación
PARALELOS

MOMENTOS DE INERCIA

$$(1) \quad I = \frac{MR^2}{2}$$

$$(3) \quad I = MR^2$$

CHOQUES

$$\text{Plástico} = V_{F_1} = V_{F_2}$$

$$\text{Elastíco} = \Delta E_e = 0$$

$$\text{Inelástico} = \Delta E_e < 0$$

$$\text{Explosivo} = \Delta E_e > 0$$

$$(2) \quad I = \frac{ML^2}{12}$$

$$(4) \quad I = \frac{2MR^2}{5}$$

TRABAJO =

~~W = F S = F X A~~

$$\Delta P = \int_{t_0}^t \bar{F} dt$$

SISTEMA DE PARTICULAS

$$\vec{F}_{cm} = \frac{(m_1 \vec{F}_1) + \dots + (m_i \vec{F}_i)}{(m_1 + \dots + m_i)}$$

POSICIÓN DEL CENTRO DE MASA

VELOCIDAD DEL CENTRO DE MASA

$$\vec{V}_{cm} = \frac{(m_1 \vec{V}_1) + \dots + (m_i \vec{V}_i)}{(m_1 + \dots + m_i)}$$

POSICIÓN GRÁFICA DEL CIR



TRABAJO DE UNA FUERZA

$$\int_{x_0}^x \vec{F} dx = L \vec{F}$$

ECUACIONES HORARIAS (CR) ≡ (cinemáticas)

$$\frac{d\theta}{dt} = \vec{\Omega}^{(1)} \rightarrow d\theta = \vec{\Omega} dt \rightarrow \int_{\theta_0}^{\theta} d\theta = \int_{t_0}^t \vec{\Omega} dt \rightarrow (\theta - \theta_0) = \vec{\Omega}(t - t_0)$$

$$\theta = \theta_0 + \vec{\Omega}(t - t_0)$$

(ROTACIÓN DE UN CR)

$$X = X_0 + \vec{v}(t - t_0)$$

(TRANSLACIÓN DE UN CR)

$$Y = Y_0 + \vec{v}(t - t_0) + \frac{1}{2} \vec{a}(t - t_0)^2$$

$$\frac{d\vec{\Omega}}{dt} = \vec{\gamma} \rightarrow d\vec{\Omega} = \vec{\gamma} dt \rightarrow \int_{\vec{\Omega}_0}^{\vec{\Omega}} d\vec{\Omega} = \int_{t_0}^t \vec{\gamma} dt$$

$$\vec{\Omega} - \vec{\Omega}_0 = \vec{\gamma}(t - t_0) \rightarrow \vec{\Omega} = \vec{\Omega}_0 + \vec{\gamma}(t - t_0) \quad (2)$$

(1) y (2)

$$\frac{d\theta}{dt} = \vec{\Omega}_0 + \vec{\gamma}(t - t_0) \rightarrow \int d\theta = \int (\vec{\Omega}_0 + \vec{\gamma}(t - t_0)) dt$$

(1) = (2)

MRUU

$$\theta = \theta_0 + \vec{\Omega}_0(t - t_0) + \frac{\vec{\gamma}}{2}(t - t_0)^2$$

ONDAS → RESUMEN

CONDICIÓN DE BORDE

EQUACIÓN DE ONDAS

COMUN. (ES LA SOLUCIÓN EN REGLÓN)

$$\zeta = A \cdot \sin(kx - \omega t + \phi_0)$$

\downarrow \downarrow \downarrow
 $v_p = \lambda f$ $\frac{2\pi}{\lambda}$ $2\pi f$ $k(x - vt)$

ESTAS CONDICIONES QUE DETERMINAN DONDE SE GENERAN NODOS O ANTINODOS EN UNA ONDA ESTACIONARIA.

DATO
ONDA ESTACIONARIA → SE PUEDE

PIENSAR COMO ES SUENO DE 2 ONDAS

$$\zeta_1 + \zeta_2 = 2A \sin(kx) \cos(\omega t)$$

DE IGUAL FRECUENCIA QUE VIAJAN EN SENTIDOS OPUESTOS.

$$\zeta_1 = A (\sin(kx) \cos(\omega t) - \cos(kx) \sin(\omega t))$$

$$\zeta_2 = A (\sin(kx) \cos(\omega t) + \cos(kx) \sin(\omega t))$$

CUANDO TIENEN "IGUAL" FRECUENCIA SE PRODUCE EL FENÓMENO DE BATIDO

$f_1 \approx f_2$ BATIDO

$$\zeta_{1+2} = 2A \cos\left(\frac{\omega_1 - \omega_2}{2}t\right) \cdot \cos\left(\frac{\omega_1 + \omega_2}{2}t\right)$$

CUANDO ESTAN DESAFASADAS UN Δx SE LES SUMA ESE $\Delta x + x$.

$$\zeta_2 = A \sin(k(\Delta x + x))$$

CONDICIÓN DE BORDE

PARA LA CONDICIÓN DE BORDE PODEMOS USAR 2 FORMULAS PROPIAS DE LAS ONDAS ESTACIONARIAS

$$\lambda = \frac{2L}{m+1}$$

TUBOS CERRADOS O ABIERTOS EN AMBOS EXTREMOS

$$\lambda = \frac{2L}{m+1/2}$$

CERRADO-ABIERTO ABIERTO-CERRADO

EXIJO QUE VARIEN

$L, \lambda, o N_p, f$ PARA OBTENER UN m EN RECORDAR QUE ($\lambda f = N_p$)

RESONANCIA

FENÓMENO QUE OCURRE CUANDO SE HACE OSCILAR UN OBJETO EN UNO f IGUAL A UNA DE LAS DE SUS FRECUENCIAS PROPIAS.

LA AMPLIUDU SE HACE NOTABLEMENTE.

$$m=0, 1, 2, \dots$$

\downarrow \downarrow
 FUND. 2^{do} AR.
 1^{er} AR

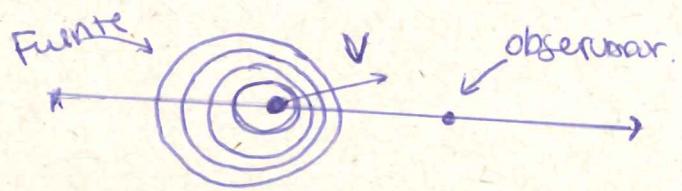
EC. DE ONDAS

$$\frac{\partial^2 f}{\partial x^2} = \frac{1}{N^2} \cdot \frac{\partial^2 f}{\partial t^2}$$

ES LA SUMA DE 2 ONDAS EN EL MISMO SENTIDO DE FRECUENCIAS SIMILARES.

$$f_b = |f_1 - f_2|$$

Efecto Doppler → Es el efecto producido cuando una onda se propaga y el emisor (fuente) o el receptor (observador) se mueven.



SIEMPRE Y CUANDO
EL SISTEMA DE REFERENCIAS
SEA.

LA FRECUENCIA RECIBIDA PUEDE
VARAR MOMENTOS A HORAS
Y SI ESTA EN COM

$$f' = \frac{N_{\text{son}} - N_{\text{obs}}}{N_{\text{son}} - N_{\text{fit}}}$$

VELOCIDADES DE PROPAGACIÓN

$$\text{MASA POR DENSIDAD DE LONGITUD} = \frac{\text{MASA}}{\text{LONGITUD}} = S \cdot \text{AREA}$$

$$\text{Velocidad de propagación en una soga} = V_p = \sqrt{\frac{T}{m}} \rightarrow \begin{array}{l} \text{TENSION} \\ \text{DENSIDAD LINEAL.} \end{array}$$

$$\text{VELOCIDAD LONGITUDINAL} = N_L = \sqrt{\frac{Y}{S}} \rightarrow \begin{array}{l} Y \rightarrow \text{Young} \\ S \rightarrow \text{PESO DADO} \end{array}$$

$$V_{TRANVERSAL} = \sqrt{\frac{G}{\varsigma}}$$

$$\text{TENSIÓN DE UN CABLE} = \frac{\text{FUERZA}}{\text{ÁREA} (\pi R^2)}$$

INTENSIDAD DE UNA ONDA

ENERGÍA DE UNA ONDA

Por unidad de energía

$$\frac{1}{2} m \omega^2 A^2 = \frac{E_{\text{max}}}{\partial x}$$

ENERGIA de una onda Sobre el vacuum

$$\frac{1}{2} S w^2 A^2 = E_{\text{kin}}$$

$$I = \varphi_0 \cdot E = \frac{1}{2} \sin^2 \alpha A^2$$

$$db_r = 10 \log \left(\frac{I}{I_0} \right)$$

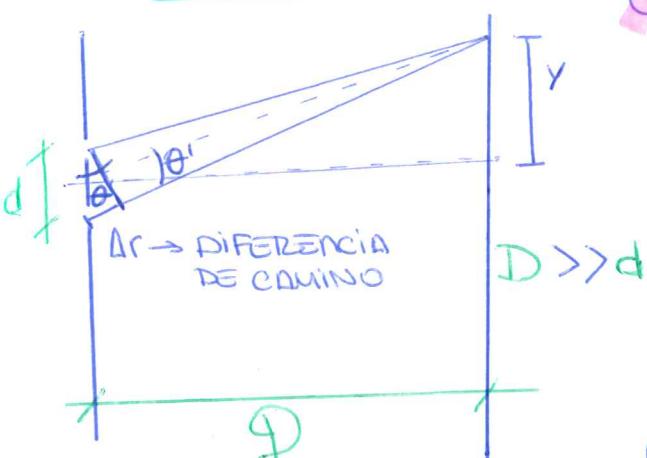
ÓPTICA FÍSICA (INTERFERENCIA Y DIFRACCIÓN) → VER HIPÓTESIS

(3)

TANTO LA INTERFERENCIA COMO LA DIFRACCIÓN SON PARTE DEL MISMO FENÓMENO PERO SE LO PUEDE VER COMO DOS FENÓMENOS + PARA PODERLO ESTUDIAR EN REALIDAD UNO ES PRODUCTO DEL OTRO.

DECIMOS QUE LA DIFRACCIÓN OCURRE CUANDO EL ANCHO DE LAS RENDIJAS ES $\neq 0$. (CASO IMPOSIBLE: ANCHO = 0) → SUPOSICIÓN PARA AFIRMAR QUE

LA INTERFERENCIA PURA.



① SABEMOS QUE:

$$\Delta r = d \cdot \operatorname{sen}(\theta)$$

$$\operatorname{tg}(\theta') = \frac{y}{D}$$

① y ②

$$\boxed{\Delta r = \frac{dy}{D}}$$

② SUPONEMOS QUE:

$$\text{como } D \gg d$$

entonces

$$\theta' \approx \theta$$

Entonces

$$\operatorname{tg}(\theta') = \operatorname{sen}(\theta)$$

③ SABEMOS QUE:

$$S = k \Delta r$$

de ① ② ③ y ④

$$S = \frac{2n\pi}{\lambda} = \frac{dy \max}{D} \cdot \frac{2\pi}{\lambda} \quad \text{MÁX}$$

④ SABEMOS QUE:

$$k = \frac{2\pi}{\lambda}$$

$$S = \frac{dy}{D} \cdot \frac{2\pi}{\lambda}$$

$$S = (2n+1)\pi = \frac{dy \min}{D} \cdot \frac{2\pi}{\lambda} \quad \text{MÍN}$$

MÁX

$$y \max = \frac{n\lambda D}{d}, n \in \mathbb{Z}$$

(VALE FORMULA PARA N FUENTES)

LA y max NO VARÍA SEGÚN LA CANTIDAD DE FUENTES

MÍN

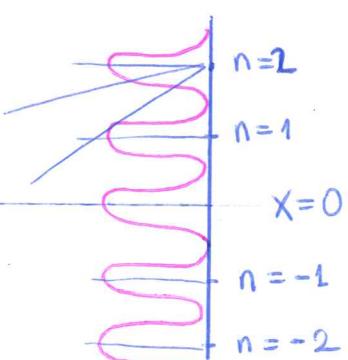
$$y \min = \frac{(2n+1)}{2} \cdot \frac{\lambda D}{d}, (n) = 0, \pm 1, \pm 2, \pm 3$$

2 RENDIJAS / 2 FUENTES

MAX SEC.

solo PQ' 2 viene desp de 1

CASO ESPECIAL



N RENDIJAS / N FUENTES → → 3 MÁX SECUNDARIOS

MÁX

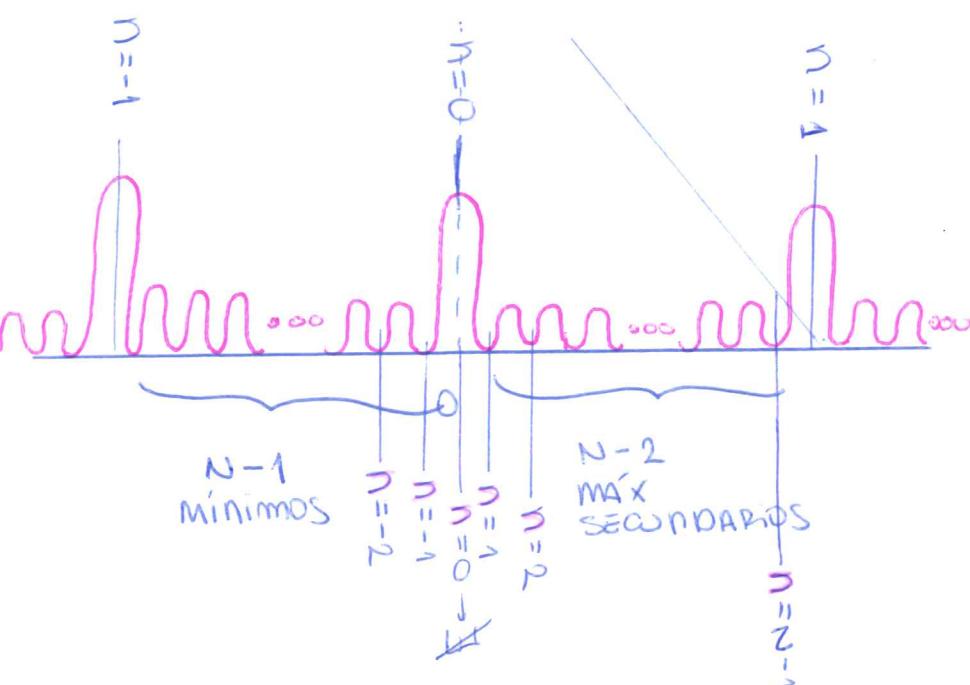
$$y^{\text{MÁX}} = \frac{n \lambda D}{d} \quad n=0, \pm 1, \pm 2, \dots$$

MÍN

$$y^{\text{MÍN}} = \frac{n \lambda D}{N d} \quad n=0, \pm 1, \pm 2 \rightarrow \text{"ACÁ HAY UN TEMA"}$$

Si ENTRE MÁX PRINCIPALES

- Si el orden del mín es 0 ($n=0$)
ESTO NO ES POSIBLE \Rightarrow ES EL CASO DEL MÁX de orden 0.
- Si el orden del mín es un múltiplo de N (CANT. RENDIJAS) \Rightarrow en ese lugar hay un MÁX PRINCIPAL. (podemos decir que no \exists (\nexists) un mínimo de orden N (CANT. RENDIJAS) Y nos lo saltamos directamente)
Mín de orden "múltiplo de N"



ANCHO DE MÁXIMO PRINCIPAL

2 Rendijas $\rightarrow A^{\text{MÁX} 1^\circ} = \frac{\lambda D}{d}$

N Rendijas $\rightarrow A^{\text{MÁX} 1^\circ} = \frac{2 \lambda D}{N d}$

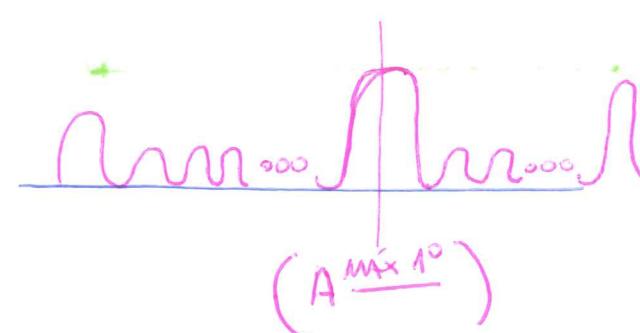
PATO DE COLOR

ENTRE 2 MÍN HAY
1 MÁX SEC (APROX.)
(IMPERCEPTIBLE)

HIPÓTESIS

- FUENTES PUNTUALES Y COHERENTES.
- WZ MONOCROMÁTICA
- PRINCIPIO DEL HUYGENS

(la distancia entre el mín ($n=1$) y el mín ($n=-1$)



DIFRACCIÓN PARA QUE \exists el Fenómeno de Difracción LAS RENDIJAS NO DEBEN SER PUNTUALES ($a \neq 0$)

LOS MÁXIMOS DE DIFRACCIÓN SON DIFÍCILES DE ENCONTRAR (SALVO el PRINCIPAL) POR ESO NOS VAMOS A CONCENTRAR EN LOS MÍNIMOS

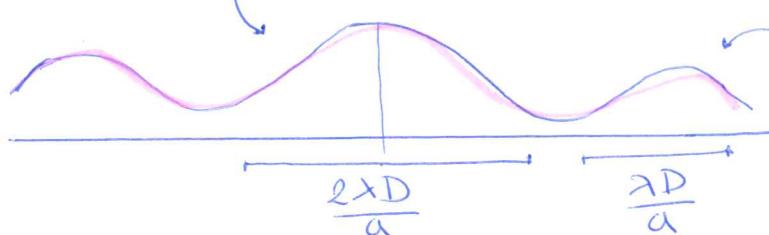
$$Y_{\text{MÁX}} = 0$$

$$Y_{\text{MÍN}} = \frac{m \lambda D}{a}$$

$$m = \pm 1, \pm 2, \pm 3, \dots$$

→ ORDENES DEL MÍNIMO

$$\frac{\text{ANCHO de la CAMPANA}}{\text{PRINCIPAL}} = \frac{2\lambda D}{a}$$



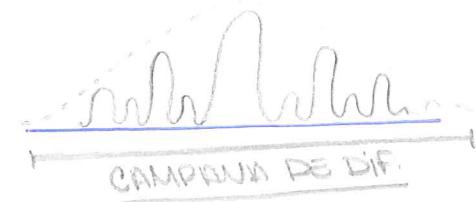
RED DE DIFRACCIÓN

RANURAS EQUIDISTANTES NO PUNTUALES.

CONSTANTE DE UNA RED DE DIFRACCIÓN →

$$c = 1/d$$

SEPARACIÓN ENTRE RANURAS



CAMPANA DE DIF.

$$\begin{aligned} 1 \text{ m} &= 1 \times 10^9 \text{ nm} = \\ 1 \text{ cm} &= 1 \times 10^7 \text{ nm} = \\ 1 \text{ mm} &= 1 \times 10^6 \text{ nm} = \end{aligned}$$

KM → m → dm → cm → mm → microm → nanometro (nm)

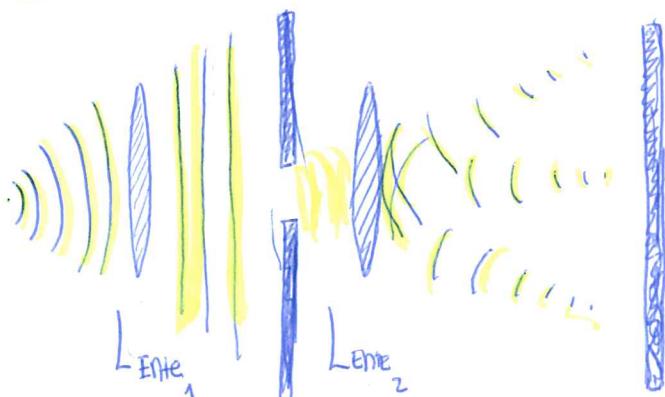
INTENSIDAD DE UNA RED

$$I_{\text{RED}}^{\text{RED}} = I_0 \cdot \left(\frac{\sin^2(\beta)}{\beta^2} \right) \cdot \left(\frac{\sin^2(N\gamma)}{\sin^2(\gamma)} \right)$$

$$\beta = \frac{ka}{2} \cdot \sin(\theta), \quad \gamma = \frac{kd}{2} \cdot \sin(\theta)$$

EXPERIENCIAS

DIFRACCIÓN DE FRANCK HOUFER →



SE UTILIZAN LAS LENTES PARA OBTENER LOS RAYOS PARALELOS. (L₁)

y lo (L₂) PARA SIMULAR D>>d

YOUNG → DOBLE RENDJYA (INTERFERENCIA)

ÓPTICA GEOMÉTRICA

LEY DE REFLEXIÓN = El rayo que incide y lo normal a la superficie están contenidas por el mismo plano. Y se denominan PLANO DE INCIDENCIA.

① El RAYO de incidencia y el REFLEJO SON EN EL MISMO PLANO (Plano de incidencia)

② El ANGULO que formo con lo normal son iguales.

IMAGEN VIRTUAL → IMAGEN FORMADA POR UNO PROYECTOR DE RAYOS.

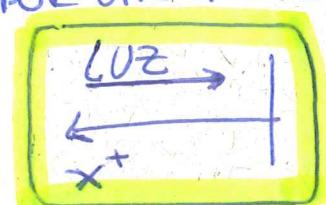
ESPEJOS



- R → RADIO DE CURVATURA
- F → FOCO , $R/2$
- EJE ÓPTICO → DISTANCIA ENTRE EL FOCO Y EL RADIO.

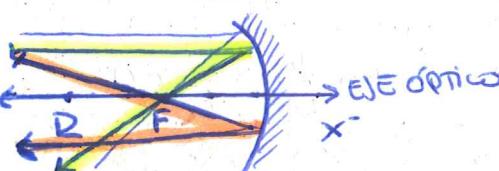
FORMULAS PARA ESPEJOS

$$\frac{1}{S} + \frac{1}{S'} = \frac{1}{F} = \frac{2}{R}$$

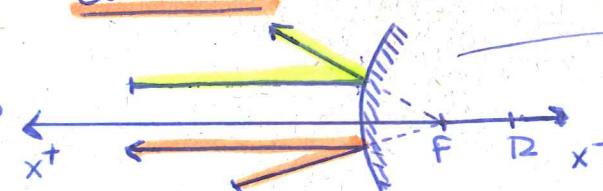


AUMENTO = $\frac{h'}{h} = -\frac{S'}{S} = m$

CONCAVO (ESPEJO)



CONVEXO (ESPEJO)

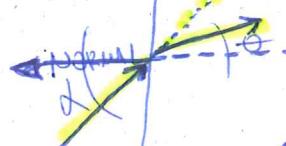


OJO QUE NO SE CROZAN PQ NO SALEN DEL Mismo PTO (es explicativo NADA MAS)

LEY DE REFRACCIÓN → El RAYO INCIDENTE Y EL RAYO REFRACTADO ESTAN EN EL MISMO PLANO.

INDICE DE REFRACTION (m) → Propiedad cada elemento.

AIRE ($m=1$)



VIDRIO ($m'=1,3$)

$m' > m$

$m' < m$

⇒ El RAYO SE ACERCA A LO NORMAL

⇒ El RAYO SE ALEJA DE LO NORMAL

CALCULO DEL ANGULO DE REFRACTION

$$m \cdot \sin(\alpha) = m' \sin(\theta)$$

α Y θ → ÁNGULOS QUE FORMA EL RAYO INCIDENTE Y REFRACTADO CON LA NORMAL.

DIOPTRAS → RAMO // se desvía hacia el FOCO' y viceversa

AUMENTO

$$m = \frac{m s'}{m' s}$$

FORMULA DE DIOPTRAS

LOS RAYOS QUE ADUNAN AL CÁMERA DE LO DIOPTRA NO SE DESVIAN

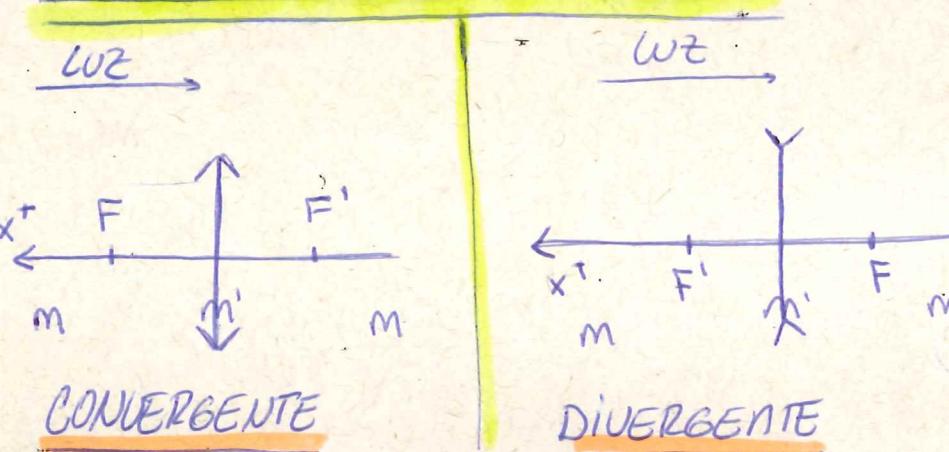
$$\frac{m}{s} - \frac{m'}{s'} = \frac{m - m'}{R} = \frac{m}{F} = \frac{-m'}{F}$$

RADIO Y FOCO

$$\frac{m}{F} = \frac{-m'}{F'} = \frac{m - m'}{R}$$

(SOCIO DIOPTRAS)

LENTE (2 DIOPTRAS) DEGADAS



CONVERGENTE

DIVERGENTE

AUMENTO LENTES

$$m = \frac{s'}{s} = \frac{h'}{h}$$

FORMULA LENTES DEGADAS

$$\frac{1}{s} - \frac{1}{s'} = \frac{1}{F} = -\frac{1}{F'}$$

RADIO Y FOCO EN LENTES DEGADAS

$$\left(\frac{m - m'}{m} \right) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) = \frac{1}{F}$$

convergente → Foco Positivo
divergente → Foco Negativo

HIDRODINAMICA

CAUDAL = Velocidad × Sección

$$(Q) = N \times S$$

Si hay más velocidad hay menos presión

Bernoulli (S = densidad)

$$P_1 + \text{Sensidad} \cdot g \cdot h + \frac{1}{2} \text{ Sensidad} \cdot V^2 = P_2 + \text{Sensidad} \cdot g \cdot h + \frac{1}{2} \delta V^2$$

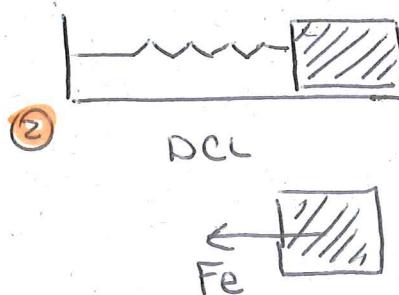
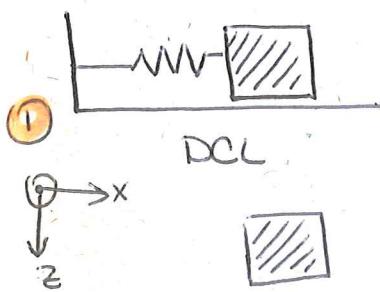
PROPAGACION DE ERRORES

$$z = a + b \quad z = a - b \quad z = ab = a/b \quad z = \sin(c)$$

$$\Delta z = \Delta a + \Delta b \quad \Delta z = \Delta a + \Delta b \quad \Delta z = z \left(\frac{\Delta a}{a} + \frac{\Delta b}{b} \right) \quad \Delta z = z \cot(c) \cdot \Delta c$$

MOVIMIENTO ARMÓNICO SIMPLE

Comenzamos planteando la fuerza elástica, ($F_e = -kx$)



$$\sum F = m \cdot a$$

$$x + F_e = m \cdot a$$

$$x + m \cdot a = m \cdot a + kx$$

$$0 = m \cdot a + kx \rightarrow 0 = (a + \frac{k}{m})m$$

$$0 = \frac{d^2x}{dt^2} + \frac{kx}{m}$$

FORMULA
DE MOV. ARMÓNICO
SIMPLE

VIA TENGO UNA
FORMULA (ED)
AHORA QUIERO
VIA SOLUCIÓN !

$$\frac{d^2x}{dt^2} = -\frac{kx}{m}$$

VUELVO UN
PASO ATRAS LA
FÓRMULA !

$$\frac{dV}{dt} = -\frac{kx}{m}$$

$$\frac{dV}{dt} \frac{dx}{dx} = -\frac{kx}{m}$$

$$\frac{dV}{dx} = -\frac{kx}{m} \rightarrow dV = -\frac{kx}{m} dx \rightarrow \int_{V_0}^V dV = \int_{x_0}^x -\frac{k}{m} x dx$$

$$\int_{V_0}^V dV = -\frac{k}{m} \int_{x_0}^x x dx \rightarrow \frac{V^2}{2} \Big|_{V_0}^V = \left(-\frac{k}{m}\right) \frac{x^2}{2} \Big|_{x_0}^x \rightarrow \frac{(V^2 - V_0^2)}{2} = -\frac{k}{m} \frac{(x^2 - x_0^2)}{2}$$

$$V^2 = -\frac{k}{m} (x^2 - x_0^2) + V_0^2 \rightarrow V = \sqrt{-\frac{k}{m} (x^2 - x_0^2) + V_0^2} \rightarrow V = \sqrt{\frac{k}{m}} \cdot \sqrt{x^2 - x_0^2}$$

$$\frac{dx}{dt} = \sqrt{\frac{k}{m}} \sqrt{V_0^2 \left(\frac{m}{k}\right) + (x^2 - x_0^2)} \rightarrow \text{DEDUCCIÓN DE LA AMPLITUD}$$

$$x \leq \sqrt{\frac{m}{k} V_0^2 + x_0^2}$$

Sigue
la deducción

$$|x_{max}| = \sqrt{\frac{m}{k} V_0^2 + x_0^2} = A$$

$$\frac{1}{\sqrt{\frac{k}{m}}} \cdot \frac{dx}{\sqrt{\frac{m}{k}V_0^2 + x_0^2 - x^2}} = dt \rightarrow \sqrt{\frac{m}{k}} \cdot \frac{dx}{\sqrt{A^2 - x^2}} = dt$$

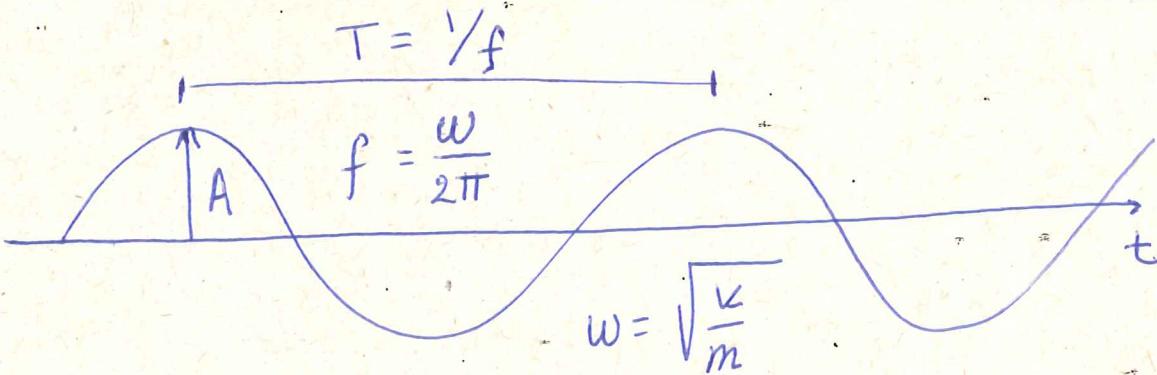
$$\sqrt{\frac{m}{k}} \int_{x_0}^x \frac{1}{\sqrt{A^2 - x^2}} dx = \int_0^t dt \rightarrow \sqrt{\frac{m}{k}} \left(\arcsin\left(\frac{x}{A}\right) - \arcsin\left(\frac{x_0}{A}\right) \right) = \int_0^t dt$$

$\underbrace{\omega}_{w = \text{pulsación}} = \underbrace{\text{pulsación}}_{\phi_0}$

→ conclusión de Formulas del M.O.S.

$$y = A \cdot \sin(\omega t)$$

or $y = A \sin(\sqrt{\frac{k}{m}} \cdot t)$



* → DESARROLLO.