Progetto Controlli 3A

Luca Bartolomei 0000825005 Federico Maria Macchiavelli 0000825621 Mattia Innocenti 0000825046 Andrea Proja 0000825784

Dicembre 2019

1 Introduzione

Progettazione di un controllore per un impianto idroelettrico, mediante l'utilizzo delle tecniche di controllo.

2 Impianto idroelettrico

L'impianto idroelettrico è modellato come sistema SISO avente due variabili di stato (la pressione dell'acqua sul fondo del bacino (x_1) e la portata in uscita dal bacino (x_2)). Le equazioni differenziali che modellano le variabili di stato sono di tipo non lineare:

$$\begin{array}{rcl} \dot{x}_1 & = & 0 \\ \dot{x}_2 & = & -C_d u x_2 |x_2| - R_0 x_2 |x_2| + x_1 \end{array}$$

L'uscita del sistema viene modellata secondo la formula,:

$$y = -\eta x_1 x_2$$

Anche la y è di tipo non lineare.

2.1 Significato fisico

Il sistema modella la pressione sul fondo del bacino come costante, mentre la variazione nel tempo della portata nel fondo del bacino dipende da tre fattori:

- Pressione sul fondo del bacino (x_1) : Una pressione positiva contribuisce ad aumentare la portata nel fondo del bacino
- Perdite di carico nella condotta $(-R_0x_2|x_2|)$: Si tratta dell'attrito tra la condotta e l'acqua, che contribuisce a diminuire la portata

• Valvola di controllo $(-C_dux_2|x_2|)$: Consiste in una valvola che se opportunamente controllata permette di aumentare l'effetto di perdita di carico nella condotta. L'effetto della valvola è condizionata dalla portata attuale.

L'uscita $y = -\eta x_1 x_2$ rappresenta la potenza elettrica generata dall'impianto. Viene calcolata come la potenza fluidica $x_1 x_2$ e moltiplicata per un coefficiente che indica l'efficienza di conversione tra energia meccanica e energia elettrica. Il segno negativo è dovuto al trasduttore utilizzato.

2.2 Progettazione fisica del controllo

Ragionando in termini di progettazione reale, il segnale ricevuto dal trasduttore di potenza sarà di tipo elettrico, il quale verrà campionato da un circuito elettronico, il quale sarà realizzato mediante la rete regolatrice da noi progettata. Infine anche il segnale di controllo sarà di natura elettrica, quindi necessitiamo di un attuatore, per esempio un motore elettrico o un solenoide, magari con circuiteria aggiuntiva di potenza e di un sistema meccanico per l'interacciamento valvola-motore, per controllare la valvola, oppure sostituire una valvola con una elettro-valvola, avente attuatore già incluso.

3 Specifiche

L'azienda che ci ha assunto ha fornito delle specifiche sul sistema di controllo andremmo a progettare:

- Errore a regime nullo $(e_{\infty} = 0)$ per un gradino di ampiezza 30
- Sovraelongazione percentuale minore del 5%
- Tempo di assestamento all'1% minore di 0.3 sec
- Attenuazione dei rumori di misura di almeno 30 volte
- Margine di fase di almeno 45 gradi

Si aggiungono delle opzioni facoltative:

- Aumento delle performance del sistema di controllo, modificando il tempo di assestamento all'1% il quale dovrà essere minore di 0.033 sec
- Analisi delle performance del regolatore sul sistema non lineare in un intorno della coppia di equilibrio.

4 Linearizzazione del sistema

Per prima cosa linearizziamo il sistema idroelettrico in un sistema lineare. Per fare ciò utilizziamo la coppia di equilibrio fornita $x=(10,6), u=(\frac{\frac{x_1}{x_2|x_2|}-R_0}{C_d})$:

Mediante la linearizzazione troviamo le quattro matrici A, B, C, D:

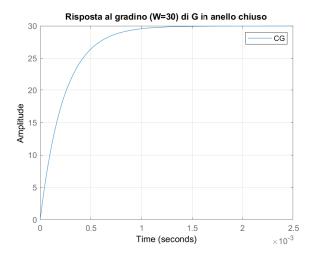
$$A = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 1 & -3.333 \end{bmatrix} B = \begin{bmatrix} 0 \\ -710.6115 \end{bmatrix} C = \begin{bmatrix} -3.6 & -6 \end{bmatrix} D = 0$$

Da esse si ricava la funzione di trasferimento:

$$G = \frac{4263.7s}{s(s+3.333)}$$

4.1 Verifica delle prestazioni ad anello chiuso

Analizziamo la rispsta al gradino del sistema senza regolatore in retroazione:



Dalla figura possiamo evidenziare le sequenti performance:

- $\bullet\,$ Tempo di assestamento all'1% molto basso, minore di 0.01sec
- Sovraelongazione percentuale inferiore al 5

Il sistema però non soddisfa alcune caratteristiche richeste:

- Errore a regime non nullo (ma comunque basso visto l'alto guadagno del sistema in anello aperto)
- Attenuazione del rumore di misura quasi nullo

In conclusione abbiamo bisogno di un regolatore per risolvere le problematiche del sistema in retroazione.

5 Progettazione del regolatore

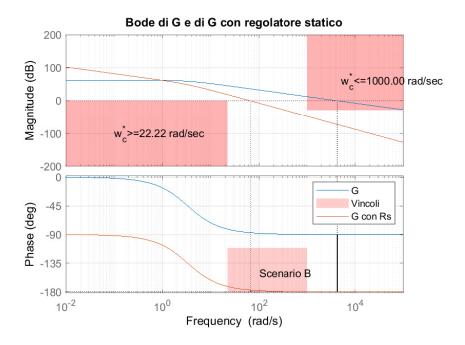
5.1 Progettazione della rete regolatrice statica

Per garantire un errore a regime nullo abbiamo bisogno di un regolatore statico:

$$R_s(s) = \frac{1}{s}$$

Il guadagno μ_s risulta libero e può essere usato successivamente se ci ritroveremmo in uno scenario A.

Proviamo a disegnare il diagramma di Bode per verificare in quale scenario ci siamo collocati.



Osservando il diagramma di Bode della fase deduciamo che siamo caduti in uno scenario di tipo B, in quanto non esiste un range di pulsazioni ω in cui $G_e(j\omega)$ rispetta il vincolo sul margine di fase.

5.2 Progettazione della rete regolatrice dinamica

Per ovviare allo scenario B, abbiamo bisogno di un regolatore dinamico formato da una rete anticipatrice.

$$R_d(S) = \frac{1 + \tau s}{1 + \tau \alpha s}$$

Il polo presente della rete anticipatrice è dovuto alla fisica realizzabilità della rete.

Rimane il problema di dove porre lo zero e il polo nel piano complesso:

- Lo zero deve fornire un aumento di fase tale da superare il vincolo del margine di fase in almeno una parte del range di attraversamento
- Il polo deve essere collocato in alta frequenza (molto lontano dall'asse degli immaginari) per non disturbare l'effetto dello zero.

Potremmo utilizzare le formule di inversione per calcolare α e τ . In questo caso abbiamo preferito l'utilizzo del luogo delle radici per il rispetto dei vincoli di sovraelongazione e di tempo di assestamento, mentre abbiamo osservato il diagramma di Bode della funzione di trasferimento $G_e = R_s * G$ per calcolare il guadagno necessario per soddisfare il vincolo sull'attenuazione di misura.

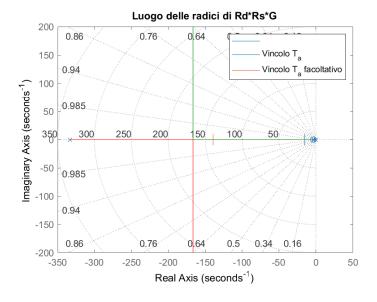
5.3 Attenuazione necessaria per il rumore di misura

Utilizzando le funzioni di Matlab e il diagramma di Bode, abbiamo calcolato il valore massimo di μ_d , ancora libero in quanto non usato nel regolatore statico, per rispettare il vincolo di attenuazione di misura.

$$\mu_{d_B} = 0.073446254984543$$

5.4 Vincolo di μ_d per la specifica di sovraelongazione

Utilizzando il luogo delle radici siamo riusciti a calcolare il valore **massimo** di μ_d per rispettare il vincolo di sovraelongazione.



Infatti andando in retroazione si vengono a creare due poli complessi coniugati che possono violare i vincoli di sovraelongazione.

Tenendo il guadagno sotto una soglia massima data da $\xi=0.69$, perfettamente visibile utilizzando il grid on abbiamo riscontrato un μ_d :

$$\mu_{d_S} = 0.106$$

Che risulta meno stringente rispetto al vincolo μ_{d_B} .

5.5 Vincolo di μ_d per il tempo di assestamento

Un ultimo vincolo del guadagno è dato dal tempo di assestamento, il quale si traduce in un asse parallelo all'asse degli immaginari. Ciò comporta un valore **minimo** che il guadagno deve rispettare.

Sempre dalla figura del luogo delle radici, dopo aver disegnato gli assi del tempo di assestamento, si ricava un vincolo per μ_d :

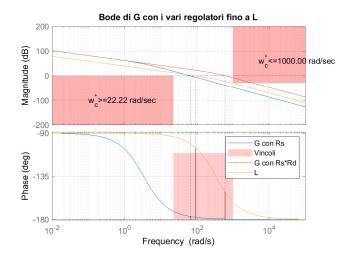
$$\mu_{d_T} = 0.0498$$

5.6 Selezione di μ_d

In conclusione abbiamo preso un guadagno μ_d tale che rispetti i vincoli μ_{d_B} , μ_{d_S} , μ_{d_T} :

$$\begin{cases} \mu_{d_B} \ge \mu_d \\ \mu_{d_S} \ge \mu_d \\ \mu_{d_T} \le \mu_d \end{cases}$$

Abbiamo scelto μ_{d_B} come guadagno, in quanto rispetta i vincoli.



6 Verifica delle performance

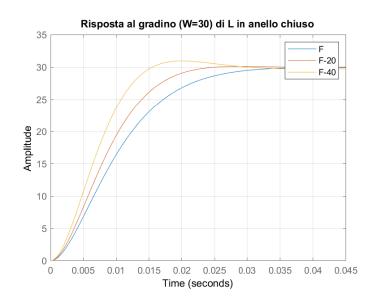
6.1 Verifica delle performance sul sistema linearizzato

Una volta ottenuto il regolatore, abbiamo imposto la retroazione:

$$F = \frac{L}{1+L}$$

$$L = \mu_d * R_d * R_s * G$$

6.1.1 Verifica di $e_{\infty} = 0$, S%, T_{a_0} , M_f



Si può notare l'aggiunta delle risposte al gradino con le incertezze sulla rete anticipatrice fino al 40%.

Abbiamo testato la rete mediante stepinfo, impostando il gradino avente ampiezza W, mediante comando StepAmplitude e rilevazione del tempo di assestamento all'1% mediante comando SettlingTimeThreshold. Testiamo la rete con l'incertezza al 40%:

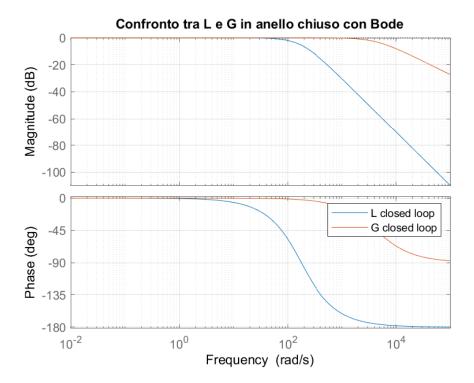
• SettlingTime: 0.0299 sec

• Overshoot: 4.1693 %

Di conseguenza le specifiche di tempo di assestamento, margine di fase e di sovraelongazione sono rispettate. Guardando il grafico di step, la specifica $e_{\infty}=0$ sembra rispettata.

6.1.2 Verifica B_n

La verifica sull'attenuazione dei rumori di misura viene effettuata mediante diagramma di Bode.



Si può notare che alla pulsazione $\omega_n=1000$ abbiamo un'attenuazione di -30db, soddisfando la specifica.

Si può vedere che la specifica viene rispettata andando a simulare il sistema tramite Simulink, con in quale è possibile inrodurre un errore di misura (sineWave).

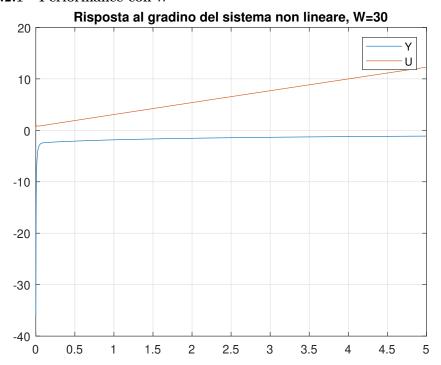
6.1.3 Conclusioni sull'analisi

Il regolatore progettato rispetta tutte le specifiche richieste, almeno per quanto riguarda il sistema linearizzato.

6.2 Verifica delle performance con il sistema non lineare

Abbiamo effettuato delle verifiche sulle performance del regolatore sul sistema non lineare. Abbiamo testato un ingresso a gradino con ampiezza W e un altra simulazione con ampiezza -W.

6.2.1 Performance con W

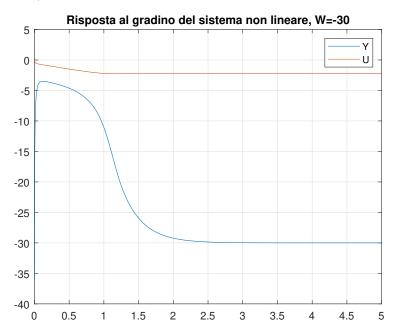


Dal grafico si nota che il regolatore **non funziona** a dovere. Ciò è dovuto al sensore a logica **negativa** e alla natura non lineare del sistema: il prodotto $-C_d u x_2 |x_2|$ presente in $\dot{x_2}$ crea una **dipendenza** tra u e x_2 . Nel sistema lineare invece il prodotto precedente viene **sostituito da una somma**, **rimuovendo la dipenzenza tra i due**.

Cosi facendo il sistema linearizzato ammette gradini positivi, mentre il sistema non lineare, sotto le condizioni iniziali, **non li ammette**. Potremmo interpretare fisicamente il fenomeno come un comando di **assorbire** energia, invece che produrla, invertendo la portata, dato che la pressione è costante.

6.2.2 Performance con -W

Se ripetiamo il testo con -W, dopo un breve transitorio, non previsto nel sistema linearizzato, l'uscita si assesta sul valore desiderato:



Il risultato va preso con le pinze, in quanto abbiamo che la valvola, invece che aumentare le perdite di carico, le **riduce**.

6.2.3 Nota sulla fisica realizzabilità

Se volessimo che la valvola aumenti soltanto le perdite, dovremmo imporre $u \geq 0$ e forti vincoli sulla potenza massima generata dal sistema (W), come ci aspetteremmo da un impianto idroelettrico reale.

7 Conclusioni

Il sistema linearizzato è stato correttamente regolato in base alle specifiche date, tenendo in conto anche della specifica facoltativa T_{a_0} . Inoltre abbiamo analizzato il sistema mediante gradino.

Il sistema non lineare si comporta differentemente, a seconda del segno dell'ampiezza del gradino all'ingresso. Ciò è causato dalla logica negativa del sensore e da effetti non lineari, non presenti nel sistema linearizzato.