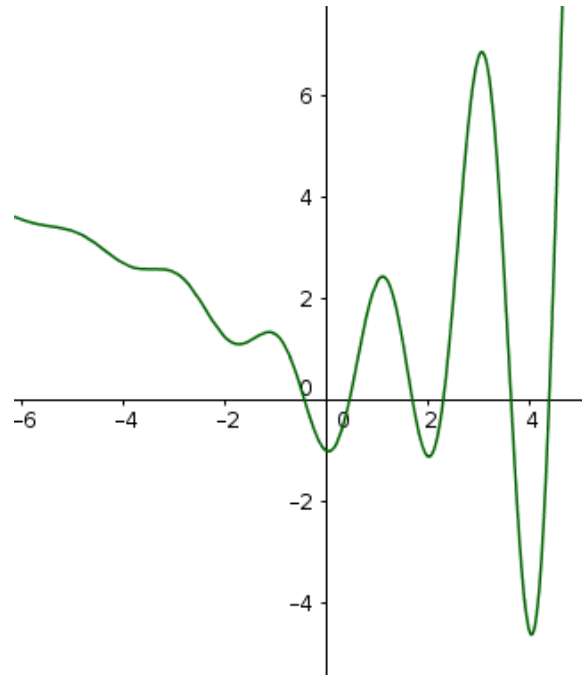


4. Encuentre la raíz de la siguiente función usando Bisección, con 3 dígitos de precisión, es decir un error absoluto de 0.001 con respecto a $f(x) = 0$ y tomando un valor aproximado para π redondeado a 3 decimales, $\pi = 3.142$, en el intervalo $x = [0, 1]$.

$$f(x) = \log(x^2 + 1) - e^{(x/2)} \cos(\pi x)$$

La función tiene la siguiente gráfica:



Al darle el intervalo $x = [0, 1]$, el método de Bisección encuentra la raíz en $x \approx 0.452637$ en 11 iteraciones. Encontró esta raíz y no alguna otra ya que en el intervalo dado sólo se encuentra esa raíz.

- a) Al darle el intervalo $x = [0, 3]$, el método de Bisección encuentra la raíz en $x \approx 0.452637$ en 11 iteraciones. Encontró la misma raíz que con el intervalo anterior, a pesar de que ahora ya se encuentran otras raíces dentro del intervalo.
- b) Esto es por el chequeo que hace Bisección, busca que, dado un intervalo $[a, b]$ y un valor intermedio c , descartar la mitad del intervalo de tal manera que $f(a)$ y $f(c)$ sean de signos opuestos o $f(b)$ y $f(c)$ sean de signos opuestos, el método escoge la alternativa que cumpla con esta condición. Al encontrar el primer valor de c como $x = 1.5$, escoge conservar 0, ya que $f(0)$ y $f(1.5)$ son de signos opuestos a diferencia de $f(1.5)$ y $f(3)$. Al avanzar al intervalo $[0, 1.5]$ ya sólo queda una raíz de las que tiene la función.
- c) Al darle el intervalo $x = [0, 4]$ no realiza ninguna iteración y no encuentra la raíz.
- d) Esto es porque no se cumple con la condición de entrada al método de bisección, es decir que dado un intervalo $[a, b]$, $f(a)$ y $f(b)$ deben de ser de signos opuestos; en este caso $f(0)$ y $f(4)$ son del mismo signo, por lo que no entra al método y no se obtiene la raíz.

El código fuente se encuentra en el archivo bisección4.cpp