Maximum number of segments of lengths a, b and c

给定长度为N的线段,用a,b,c三种方式对其分割,使得分段的数量最多

dp[i]表示长度为i的线段被切割所能获得最多的分段数量,初始化dp[0] = 0, dp[1~N] = -1 初始化当前长度i为0,持续遍历到N,对于每一个dp[i]有:

- 1. 若dp[i] = -1,则说明当前长度无法分割,直接 i++
- 2. 如果dp[i]! = -1,则说明当前长度可分割,且分割数量为dp[i],那么
 - 1. 若i + a ≤ N,则长度为i + a的线段的分割方式有两种,分为长度为i和长度为a,此时的分割总数量为dp[i] + 1,不使用长度 a进行分割,则此时的分割总数量为dp[i + a],取两者之中较大的值,即dp[i + a] = max(dp[i + a], dp[i] + 1)
 - 2. 若 $i + b \le N$,则长度为i + b的线段的分割方式有两种,分为长度为i和长度为b,此时的分割总数量为dp[i] + 1,不使用长度 b进行分割,则此时的分割总数量为dp[i + b],取两者之中较大的值,即dp[i + b] = max(dp[i + b], dp[i] + 1)
 - 3. 若i + c ≤ N,则长度为i + c的线段的分割方式有两种,分为长度为i和长度为c, 此时的分割总数量为dp[i] + 1,不使用长度 c进行分割,则此时的分割总数量为dp[i + c],取两者之中较大的值,即dp[i + c] = max(dp[i + c], dp[i] + 1)
- 3. 最终返回dp[N]

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef vector<int> vi;
int maxSegments(int &N, int &a, int &b, int &c) {
    vi dp(N + 1, -1);
    dp[0] = 0;
    for (int i = 0; i <= N; ++i) {
        if (dp[i] != -1) {
            if (i + a \le N)
                dp[i + a] = max(dp[i] + 1, dp[i + a]);
            if (i + b \le N)
                dp[i + b] = max(dp[i] + 1, dp[i + b]);
            if (i + c \le N)
                dp[i + c] = max(dp[i] + 1, dp[i + c]);
       }
    return dp[N];
}
int main() {
   int T;
    scanf("%d", &T);
    while (T--) {
       int N, a, b, c;
        scanf("%d %d %d %d", &N, &a, &b, &c);
       printf("%d\n", maxSegments(N, a, b, c));
    return 0;
}
```