

# Analiza modeli regresji do przewidywania liczby ludności w Polsce

Krzysztof Kulka  
272667@student.pwr.edu.pl  
MSiD Lab Wtorek 9.15 NP

May 16, 2024

## Spis treści

1	Wstęp	3
2	Zbiór danych i jego analiza	3
3	Dobór metryk oceny	11
4	Analiza modeli	12

# 1 Wstęp

Problemem projektu jest analiza możliwości modeli regresji liniowej do przewidywania liczby ludności w Polsce. W tym celu wykorzystane zostaną dane historyczne dotyczące demografii, oraz innych czynników wpływających na liczebność populacji. Przedstawiona analiza ma na celu rozstrzygnięcie czy model regresji liniowej jest odpowiedni do przewidywania liczby ludności w Polsce, oraz jakie modele sprawdzają się do tego najlepiej. Analizie zostaną poddane następujące czynniki:

- Historyczna liczba ludności
- Imigracja do kraju
- Wskaźnik dzietności
- Oczekiwana długość życia
- Urbanizacja
- Wskaźnik zmiany populacji na przestrzeni ostatnich 5 lat

Zbadane zaś zostaną następujące modele regresji:

- Regresja liniowa
- Regresja typu Ridge
- Regresja Lasso
- Regresja Elastic Net
- Regresja Bayesian Ridge

## 2 Zbiór danych i jego analiza

### Opis zbioru danych

Zbiór danych zawiera informacje na temat historycznej liczby ludności, imigracji do kraju, wskaźnika dzietności, oczekiwanej długości życia w momencie urodzenia na przestrzeni lat 1960-2023. Dane zostały pobrane z serwisu internetowego World Bank[3] Dane dotyczą około 260 krajów. Dodatkowo informacje na temat urbanizacji zostały pobrane z serwisu internetowego Zintegrowana Platforma Edukacyjna Ministerstwa Edukacji Narodowej[4], a wskaźnik zmiany populacji na przestrzeni ostatnich 5 lat został obliczony na podstawie danych historycznych.

### Analiza danych

Do analizy eksploracyjnej danych wykorzystano bibliotekę pandas-profiling[5]

## Populacja w Polsce

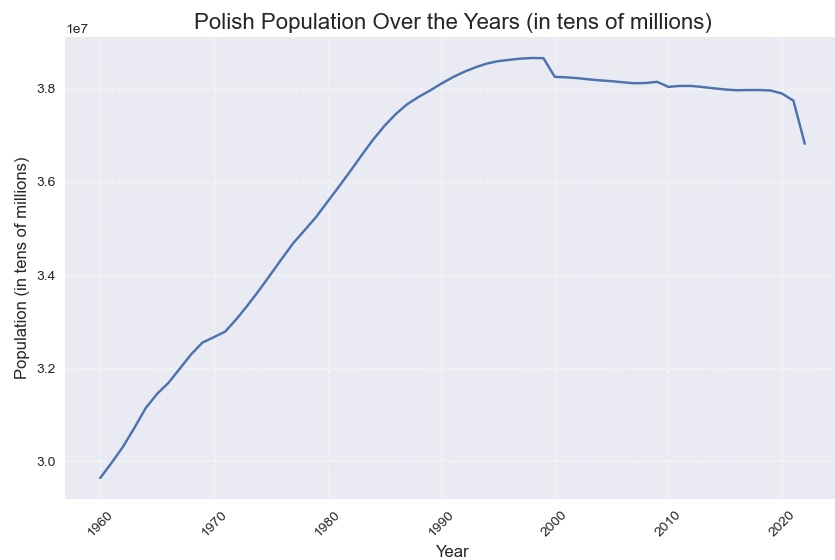


Figure 1: Wizualizacja liczby ludności w Polsce na przestrzeni lat

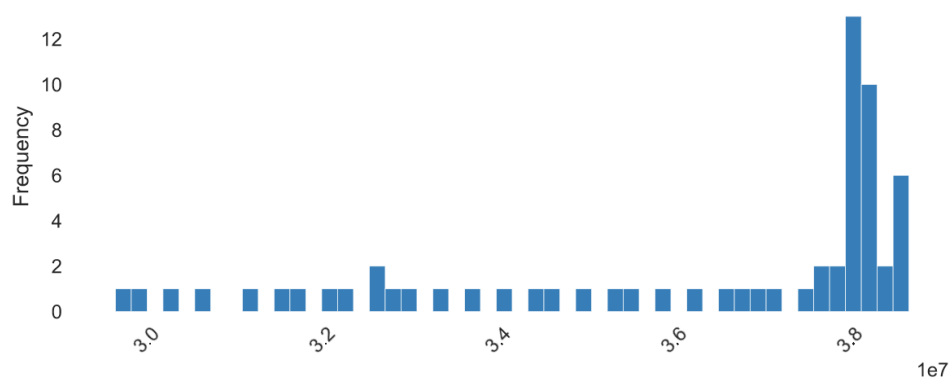


Figure 2: Histogram liczby ludności w Polsce

Minimum	Maximum	Mediana
29637450	38663481	37899070

Table 1: Statystyki liczby ludności w Polsce

## Imigracja do Polski

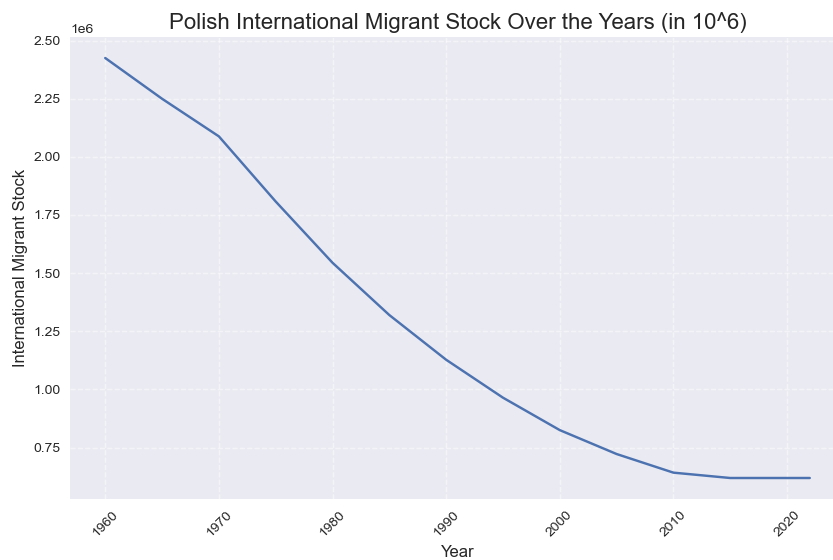


Figure 3: Wizualizacja imigracji do Polski na przestrzeni lat

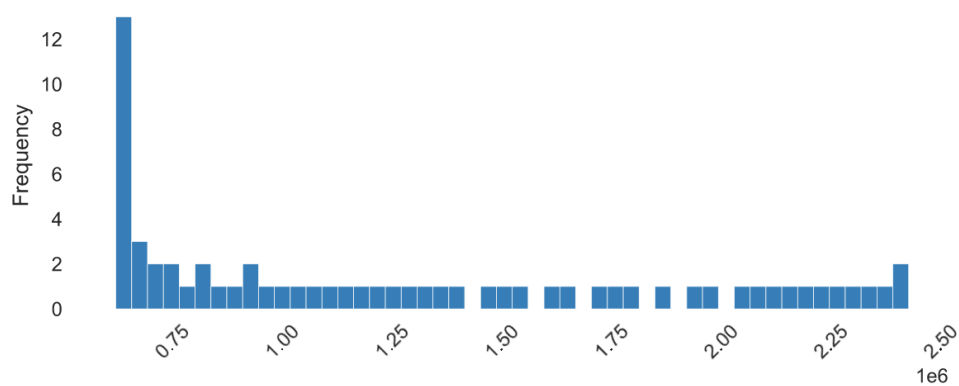


Figure 4: Histogram imigracji do Polski na przestrzeni lat

Minimum	Maximum	Mediana
0	0	0

Table 2: Statystyki imigracji do Polski

## Współczynnik dzietności

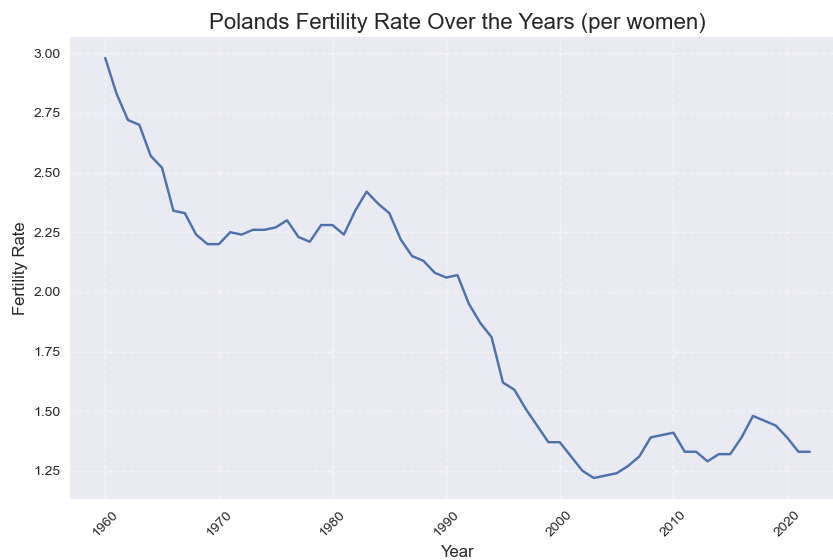


Figure 5: Wizualizacja współczynnika dzietności Polski na przestrzeni lat

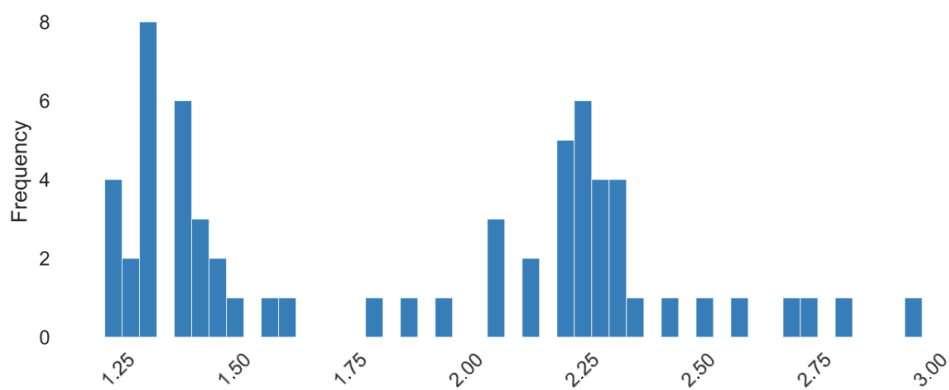


Figure 6: Histogram współczynnika dzietności na przestrzeni lat

Minimum	Maximum	Mediana
1.4	1.6	1.5

Table 3: Statystyki współczynnika dzietności

## Oczekiwana długość życia

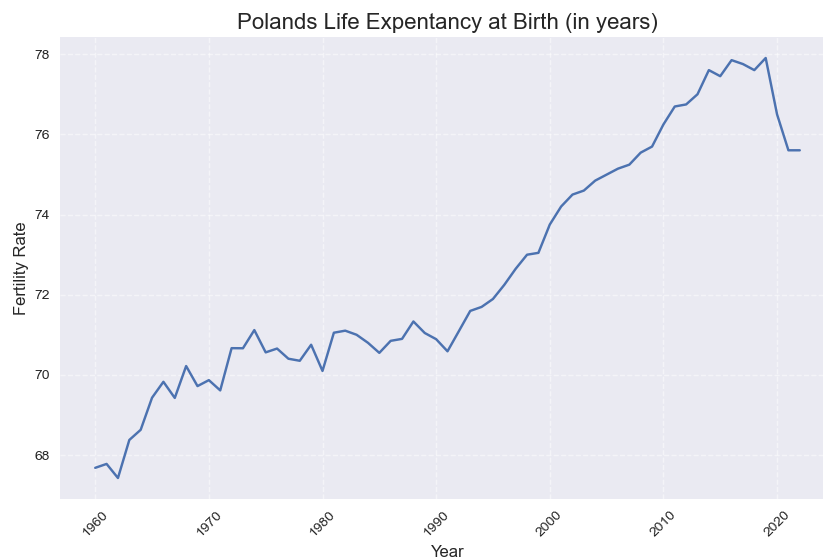


Figure 7: Wizualizacja oczekiwanej długości życia na przestrzeni lat

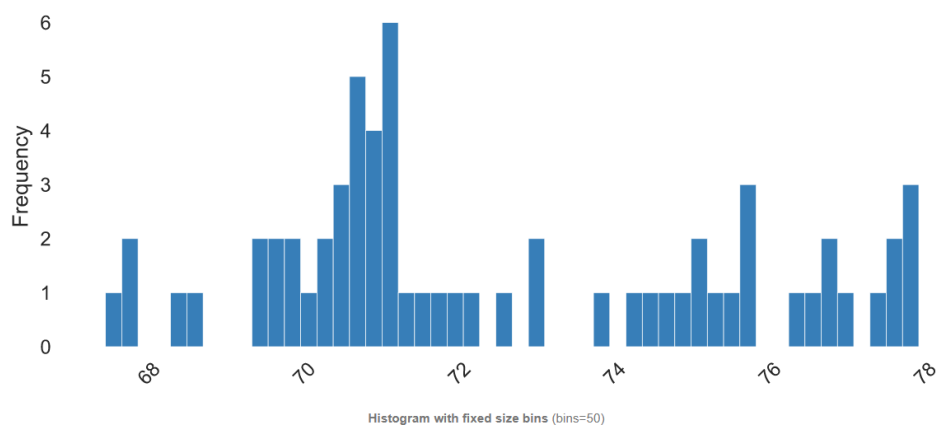


Figure 8: Histogram oczekiwanej długości życia na przestrzeni lat

Minimum	Maximum	Mediana
70.0	80.0	75.0

Table 4: Statystyki oczekiwanej długości życia

## Urbanizacja

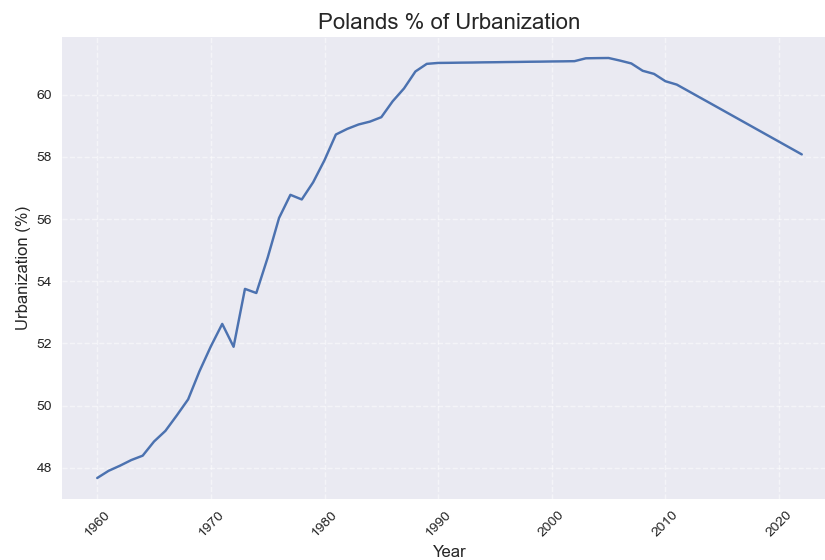


Figure 9: Wizualizacja urbanizacji na przestrzeni lat

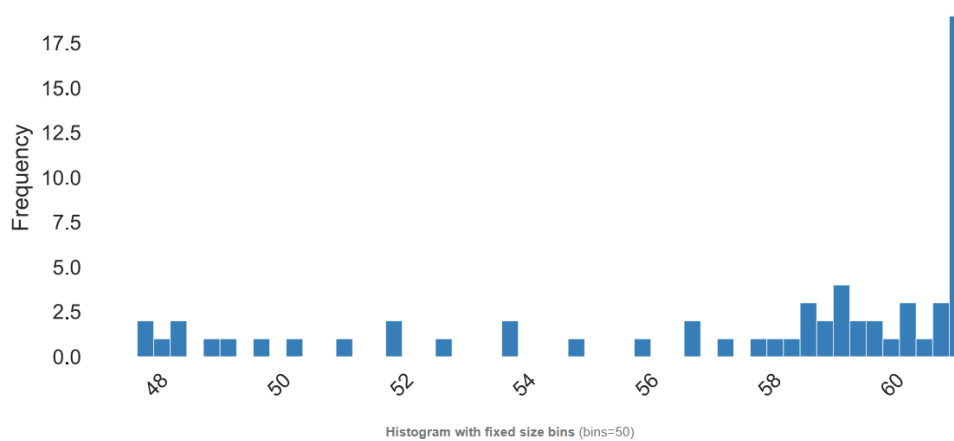


Figure 10: Wizualizacja urbanizacji na przestrzeni lat

Minimum	Maximum	Mediana
0.0	0.0	0.0

Table 5: Statystyki urbanizacji



## Wskaźnik zmiany populacji

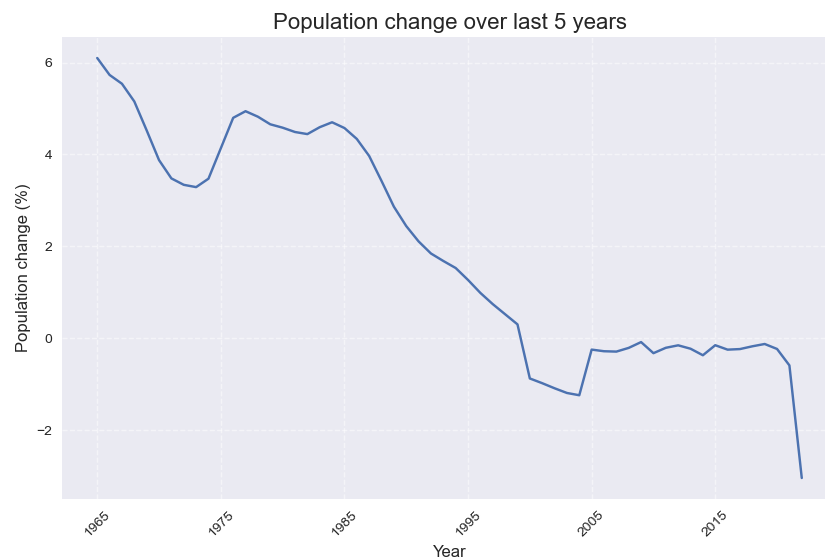


Figure 11: Wizualizacja wskaźnika zmiany populacji na przestrzeni lat

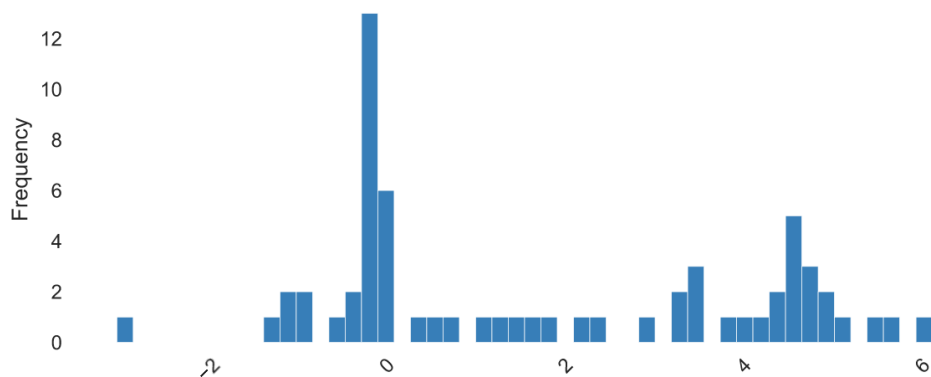


Figure 12: Histogram zmiany polskiej populacji na przestrzeni ostatnich 5 lat

Minimum	Maximum	Mediana
-0.0001	0.0001	0.0

Table 6: Statystyki wskaźnika zmiany populacji

## Korelacja

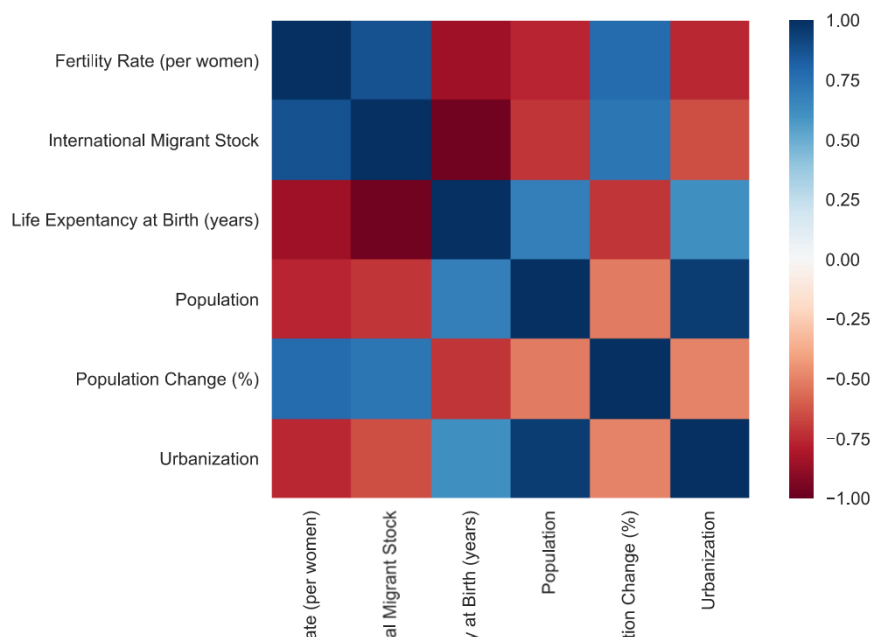


Figure 13: Macierz korelacji

Z racji ręcznego doboru danych i ich selekcji, analiza wykazała bardzo dużą korelację (oraz antykorelację) pomiędzy wybranymi współczynnikami. Pojawia się bardzo zaskakująca, przecząca logice korelacja, pomiędzy współczynnikiem dzietności a populacją wynosząca  $-0.763$ . Prawdopodobnie wynika ona z tego że przez większość badanego okresu, współczynnik był nadal na bardzo wysokim poziomie, więc mimo że malał, to populacja stale się zwiększała. Analogicznie zaskakuje negatywna korelacja migracji z populacją, co jest zaskakujące, ponieważ zgodnie z intuicją, imigracja powinna zwiększać populację. Prawdopodobnie wynika to z faktu, że dane dotyczące imigracji są niewielkie, co powoduje że słabo, choć wciąż, przekładają się na polską populację. Jeśli zaś chodzi o spodziewane korelacje, należy szczególnie zwrócić uwagę:

- Oczekiwana długość życia z populacją: 0.683
- Urbanizacja z populacją: 0.949
- Urbanizacja z oczekiwaną długością życia: 0.611

Korelacje te dobrze wróżą dla modeli regresji, ponieważ są one na tyle silne, że powinny pozwolić na skuteczne przewidywanie liczby ludności w Polsce.

## Obróbka danych

### Pozyskanie danych

Najważniejszym krokiem w obróbce danych było wyizolowanie danych dotyczących Polski, oraz usunięcie kolumn, które nie były istotne dla analizy. Dodatkowo, z racji tego że dane dotyczące imigracji rejestrowane co pięć lat, skorzystano z interpolacji liniowej, aby uzupełnić brakujące dane.

Największe wyzwanie pojawiło się z danymi dotyczącymi urbanizacji. Jedyne z zaufanego oficjalnego źródła były w formie obrazka .jpg. Aby więc uzyskać dane, i móc zamienić je w data frame, użyto następujących kroków:

- Scraping obrazka za pomocą skryptu pythonowego
- Następnie przekazanie zescrapowanego obrazka do zewnętrznego programu WebPlotDigitizer[2]
- Dalej, z racji niedoskonałości otrzymanego wyniku (m.in. potraktowanie lat jako liczb rzeczywistych, a nie całkowitych), dane zostały poprawione za pomocą kolejnego skryptu napisanego w pythonie.
- Finalnie, ponieważ dane sięgały jedynie 2012 roku, dodano za pomocą skryptu dane z lat 2013-2022 korzystając ze witryny Gęrafia24.pl[1].

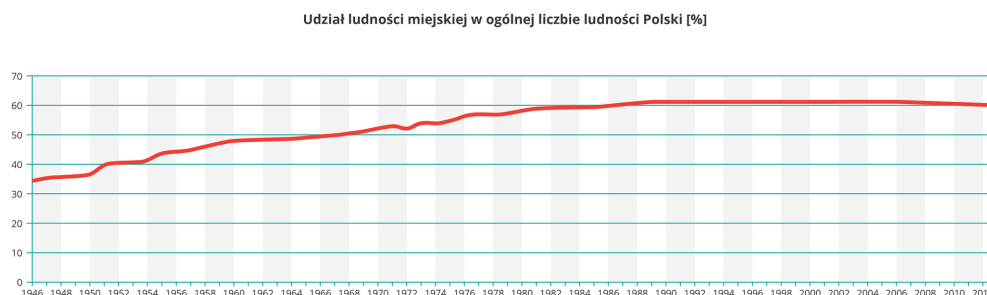


Figure 14: Zescrapowany graf urbanizacji w Polsce

## Eliminacja danych odstających

Podczas przeglądania grafów reprezentujących zebrane dane, nie trudno było zauważyć że dane po 2019 roku są znacznie odstające od reszty. Oczywiście jest że w 2020 roku, z racji pandemii, wiele wskaźników uległo zmianie, co sprawia że dane z tego roku są nieprzydatne do analizy. Z tego powodu, dane z 2020 roku wzwyż zostały usunięte.

## 3 Dobór metryk oceny

Zanim przystąpimy do analizy modeli, należy zdefiniować metryki, które pozwolą nam ocenić ich skuteczność. Dobór odpowiednich metryk jest kluczowy, ponieważ pozwala na obiektywną ocenę modeli, oraz porównanie ich ze sobą. W przypadku regresji, najczęściej stosowanymi metrykami są:

- Mean Squared Error (MSE) - średni błąd kwadratowy
- Mean Absolute Percentage Error (MAPE) - średni błąd procentowy bezwzględny
- R2 Score - współczynnik determinacji

### Mean Squared Error

MSE jest jedną z najczęściej stosowanych metryk w regresji. Oblicza ona średni błąd kwadratowy pomiędzy wartościami przewidywanymi przez model, a wartościami rzeczywistymi.

$$MSE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2 \quad (1)$$

## Mean Absolute Percentage Error

MAPE jest metryką, która mierzy średni błąd procentowy bezwzględny pomiędzy wartościami przewidywanymi przez model, a wartościami rzeczywistymi.

$$MAPE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \frac{|y_i - \hat{y}_i|}{y_i} \quad (2)$$

## R2 Score

R2 Score jest metryką, która mierzy jak dobrze model przewiduje dane w porównaniu do średniej wartości. Wartość R2 Score może przyjmować wartości od  $-\infty$  do 1, gdzie 1 oznacza idealne dopasowanie modelu.

$$R2 = 1 - \frac{\sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2}{\sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2} \quad (3)$$

## Analiza metryk

Metryki zostały wybrane tak, aby pokrywały one różne aspekty oceny modeli. MSE pozwala na ocenę jak dobrze model przewiduje wartości, MAPE pozwala na ocenę jak dobrze model przewiduje wartości w procentach, a R2 Score pozwala na ocenę jak dobrze model przewiduje wartości w porównaniu do średniej wartości. Nie ulega jednak wątpliwości że najlepszym wyborem jest MAPE, który najlepiej nadaje się do predykcji dotyczących populacji[6], a więc jest najbardziej adekwatny do naszego problemu.

## 4 Analiza modeli

### Dla podziału 80/20

Podział 80/20 oznacza to że model uczyć będzie się na danych z lat 1960-2008, a testowany będzie na danych z lat 2009-2019.

## Regresja liniowa

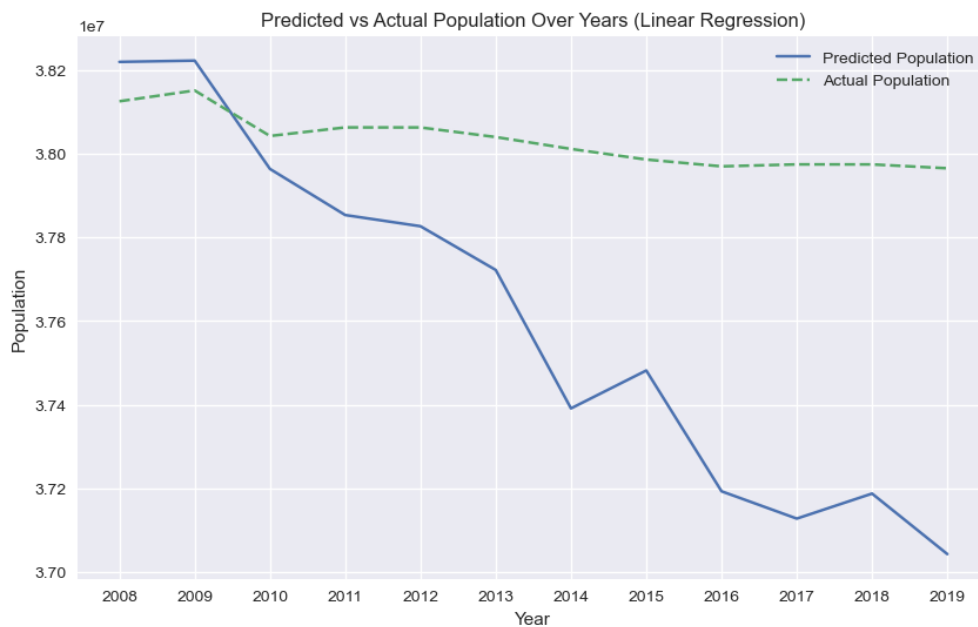


Figure 15: Regresja liniowa

## Regresja Ridge

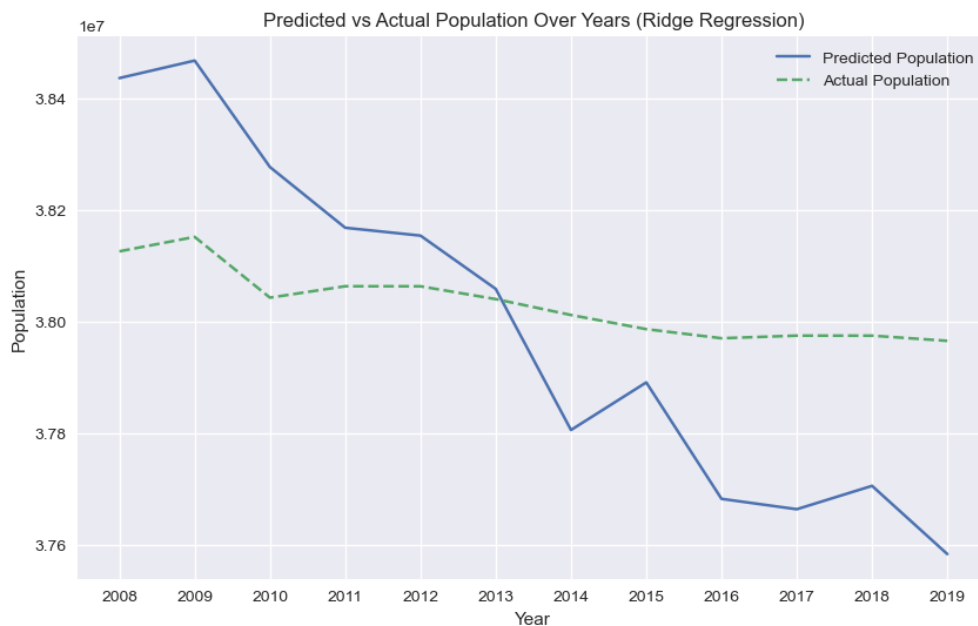


Figure 16: Regresja Ridge

## Regresja Lasso

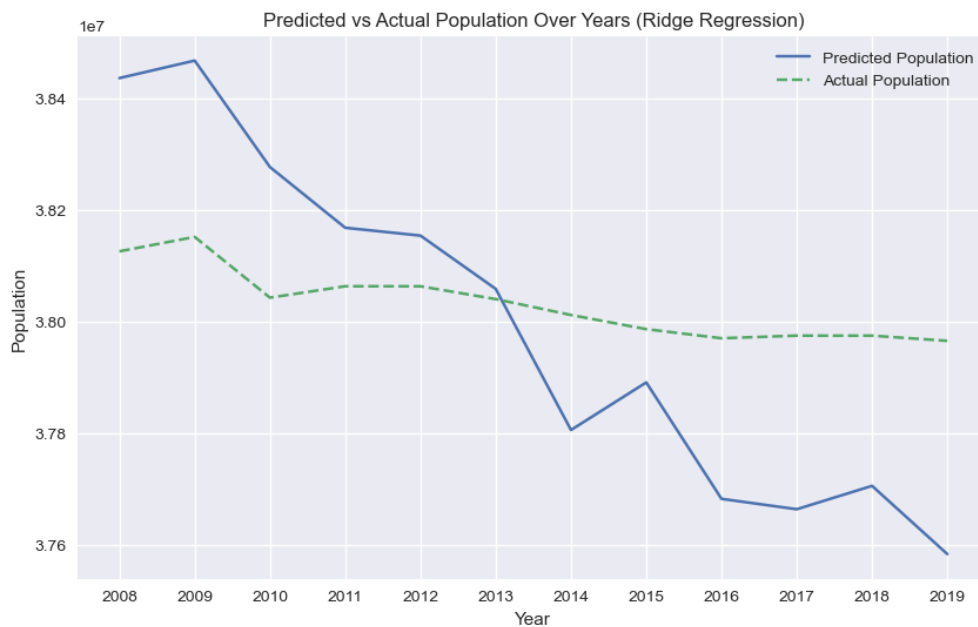


Figure 17: Regresja Lasso

## Regresja Elastic Net

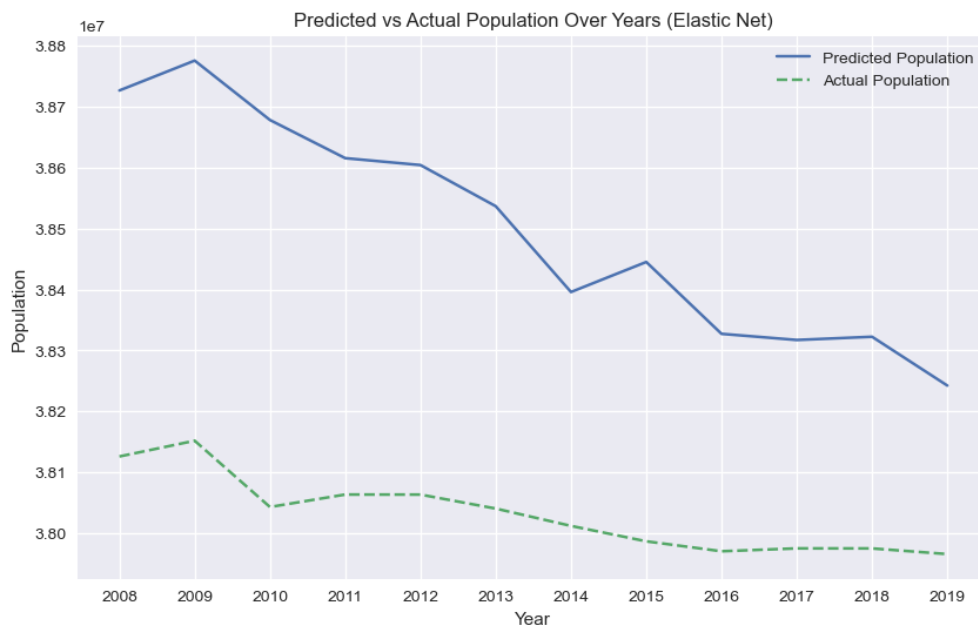


Figure 18: Regresja Elastic Net

## Regresja Bayesian Ridge

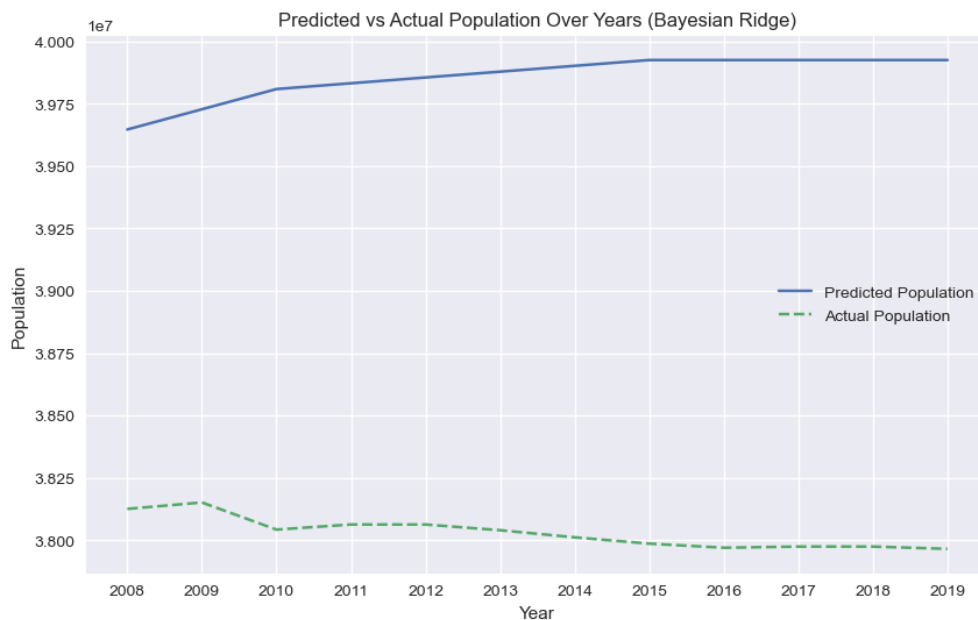


Figure 19: Regresja Bayesian Ridge

Model	MSE	MAPE	R2 Score
Linear Regression	3.04e+11	0.012	-84.972
Ridge Regression	6.00e+10	0.006	-15.926
Lasso Regression	3.04e+11	0.011	-84.952
Elastic Net	2.33e+11	0.012	-64.851
Bayesian Ridge	3.35e+12	0.048	-946.190

Table 7: Wyniki dla podziału 80/20

### Dla podziału 60/40

Podział 60/40 oznacza to że model uczyć będzie się na danych z lat 1960-1995, a testowany będzie na danych z lat 1996-2019.

## Regresja liniowa

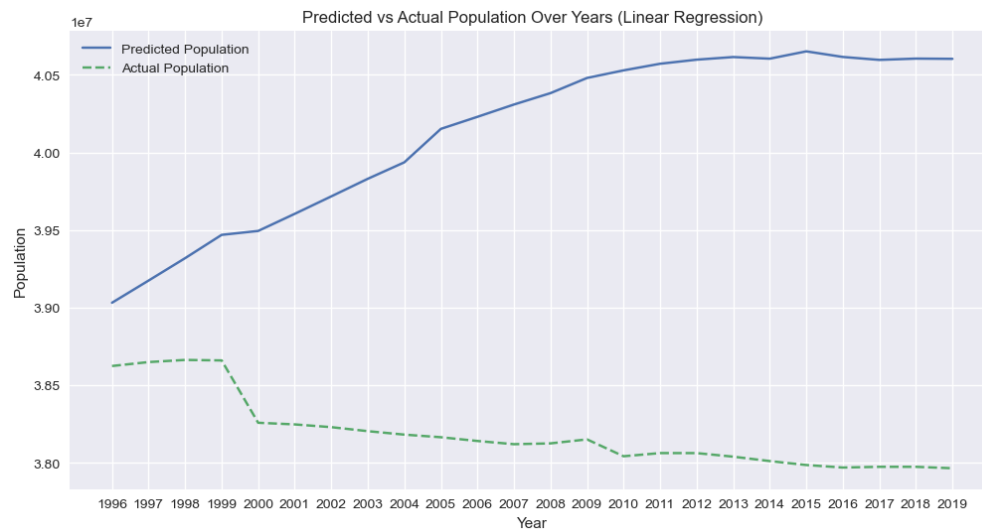


Figure 20: Regresja liniowa

## Regresja Ridge

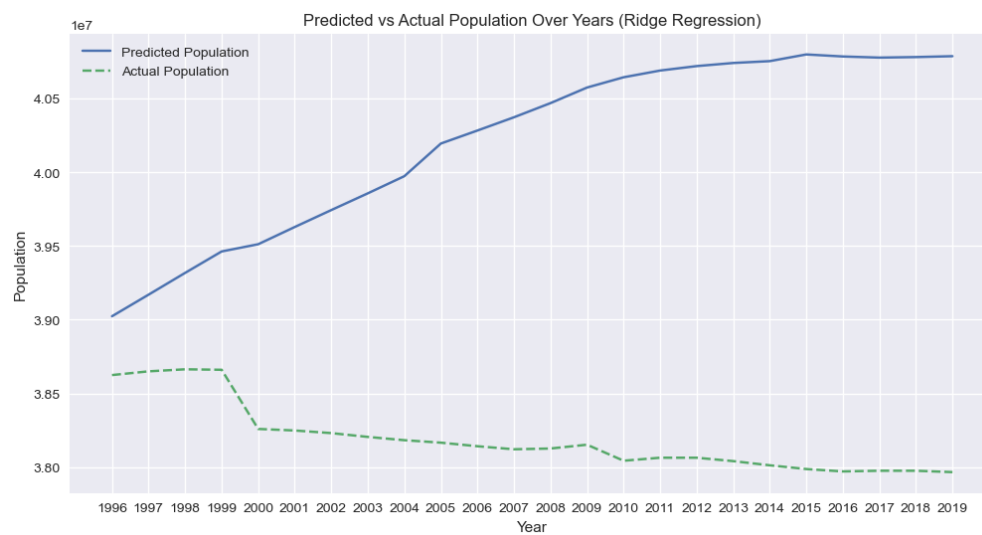


Figure 21: Regresja Ridge



## Regresja Lasso

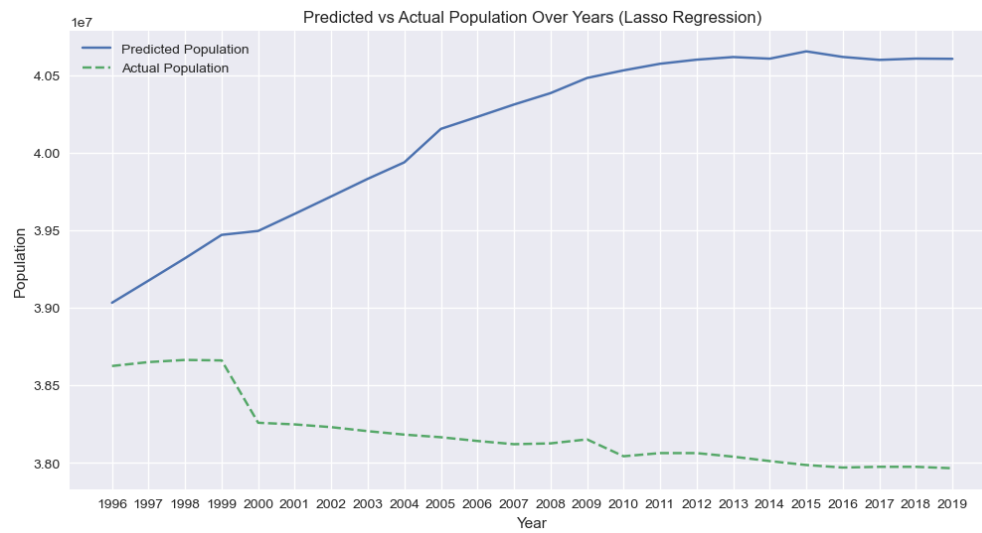


Figure 22: Regresja Lasso

## Regresja Elastic Net

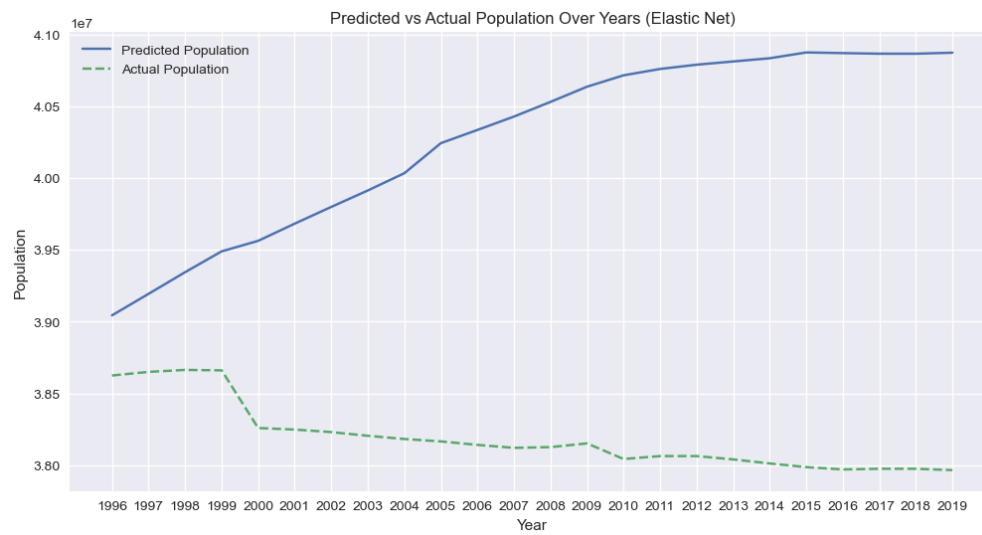


Figure 23: Regresja Elastic Net

## Regresja Bayesian Ridge

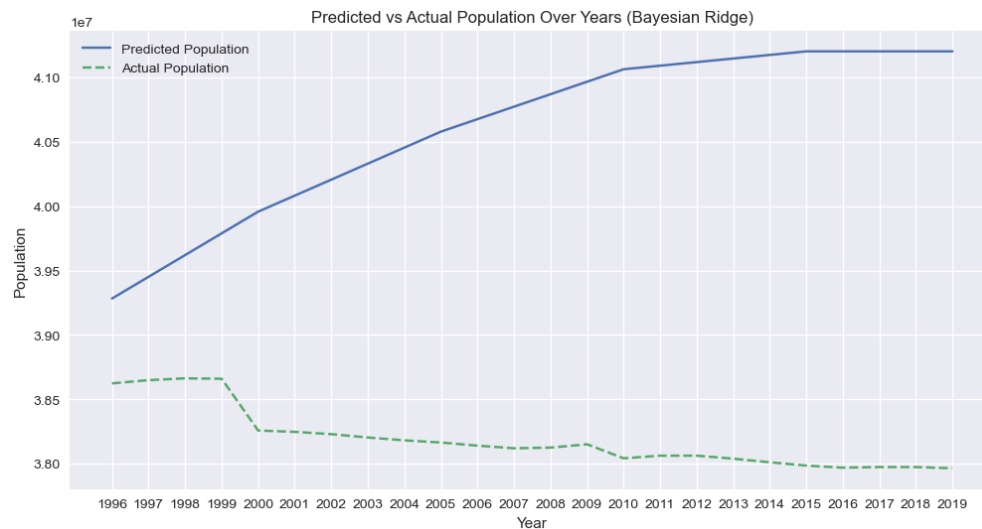


Figure 24: Regresja Bayesian Ridge

Model	MSE	MAPE	R2 Score
Linear Regression	1.07e+11	0.004	-23.073
Ridge Regression	1.07e+11	0.004	-23.073
Lasso Regression	1.07e+11	0.004	-23.073
Elastic Net	1.07e+11	0.004	-23.073
Bayesian Ridge	1.07e+11	0.004	-23.073

Table 8: Wyniki dla podziału 60/40

## References

- [1] Geografia24, Urbanizacja w Polsce i w Europie. <https://geografia24.pl/urbanizacja-w-polsce-i-w-europie/>.
- [2] WebPlotDigitizer. <https://automeris.io/>.
- [3] World Bank Data poland. <https://www.worldbank.org/pl/country/poland>.
- [4] Zintegrowana Platforma Edukacyjna Ministerstwa Edukacji Narodowej urbanizacja w polsce. <https://zpe.gov.pl/a/zroznicowanie-poziomu-urbanizacji-w-polsce/D19MUchJD>.
- [5] Fabian Clemente. YData-Profling. <https://github.com/ydataai/ydata-profling>.
- [6] Aybeniz S. Aliyev Makrufa Sh. Hajirahimov. Development of a prediction model on demographic indicators based on machine learning methods: Azerbaijan example.