

# Task & Data-Flow Graphs

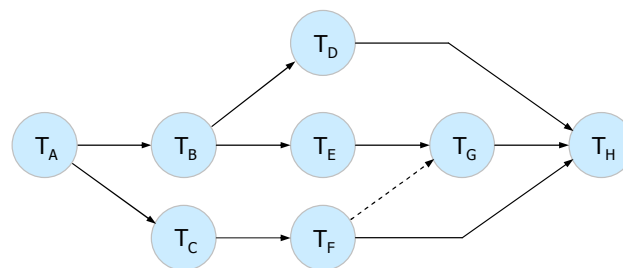
M. Thaler, TG208, [tham@zhaw.ch](mailto:tham@zhaw.ch)  
[www.zhaw.ch/~tham](http://www.zhaw.ch/~tham)

# Um was geht es?

## ■ Parallele Algorithmen

- was sind Möglichkeiten zur Darstellung?
- was sind Möglichkeiten zur Analyse?
- welche Resultate lassen sich bestimmen?

## ■ Antwort: Task- resp. Datenfluss-Graphen



- Funktionale Sprachen
  - lassen sich einfach auf Task Graphen abbilden

# Lehrziele

## ■ Sie können

- mit einem einfachen Beispiel erklären, was ein Task- resp. Datenflussgraph ist
- erklären und diskutieren welche Abhängigkeiten zwischen Tasks existieren können
- einen Task Graphen als Netzplan darstellen und die wichtigsten Eigenschaften bestimmen und erklären, was der kritische Pfad ist
- Sie können einen Task Graphen als Balkendiagramm (Gantt Chart) zeichnen resp. interpretieren
- anhand einfacher Beispiele zeigen, wie Ressourcen-Optimierungen mit Hilfe von Task Graphen gemacht werden können

# Inhalt

## ■ Task und Data-Flow Graphs

- Darstellung
- Abhängigkeiten

## ■ Analyse von Task Graphen

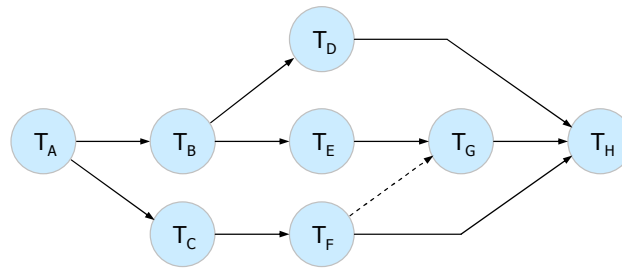
- "Netzplantechnik"
- Balkendiagramme

## ■ Fallbeispiel

# Task Graphen

## ■ Graphische Darstellung von Abhängigkeiten

- Tasks → Kreise
- Datenabhängigkeit → Pfeile
- Kontrollabhängigkeit → gestrichelte Pfeile



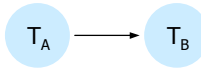
- wenn nur Datenabhängigkeiten → Datenflussgraph

# Abhängigkeiten

## ■ Abhängigkeiten nach

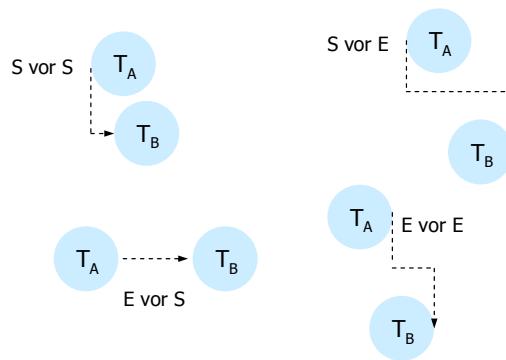
- **Daten** i.d.R.

- **Ende → Start**



- **Kontrolle**

- Start → Start
- Start → Ende
- **Ende → Start**
- Ende → Ende



Februar 16

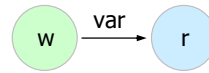
6

- Kontrollabhängigkeiten
  - Tasks müssen in einer bestimmten Reihenfolge abgearbeitet werden
  - Beispiel
    - Daten in zwei Teile partitioniert
    - je ein Task bearbeitet die Daten
    - nächster Schritt erst, wenn beide Tasks fertig
- mögliche Kontrollabhängigkeiten sind
  - $S \rightarrow S$ 
    - Task  $T_A$  muss vor Task  $T_B$  starten
  - $S \rightarrow E$ 
    - Task  $T_A$  muss starten, bevor  $T_B$  beendet ist
  - $E \rightarrow S$ 
    - Task  $T_A$  muss beendet sein bevor Task  $T_B$  starten kann
  - $E \rightarrow E$ 
    - Task  $T_A$  muss beendet sein, bevor Task  $T_B$  beendet ist

# Read/Write Abhängigkeiten

## ■ Flow dependency

- **write** var → **read** var



a = ...  
b = a

## ■ Anti-dependency

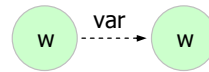
- **read** var → **write** var



b = a  
a = ...

## ■ Output-dependency

- **write** var → **write** var



a = ...  
b = a  
a = ...

## ■ Anti- / Output-dependence

- keine echten Datenabhängigkeiten

- Flow-dependencies
  - können nicht entfernt werden
- Anti-dependencies
  - können entfernt werden → Renaming
- Output-dependencies
  - können entfernt werden → Renaming

## ... Read/Write Abhängigkeiten

### ■ Beispiel

- sequentielles Programm

sum = a + 1;	↘	flow dependency
on = sum*s1;	↗	anti-dependency
sum = b + 3;	↘	flow dependency
tw = sum*s2;		

Renaming  
↘

- nach Renaming
  - Parallelverarbeitung möglich

```
sum0 = a + 1;
on    = sum0*s1;
sum1  = b + 3;
tw    = sum1*s2;
```

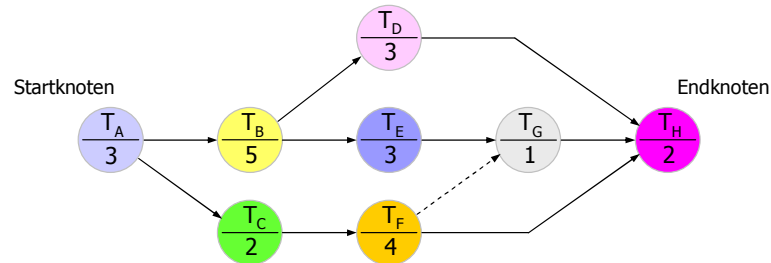
- Flow dependencies
  - können nicht entfernt werden
- Anti-dependencies
  - können entfernt werden → renaming
- Output-dependencies
  - können entfernt werden → renaming
- Hinweis
  - anstelle von einfachen Operationen auch Funktionen möglich
  - Funktionale Sprachen (Lisp, etc.)



# Analyse von Tasks Graphen

## ■ Tasks mit Ausführungszeiten

- jeder Task wird mit einer Ausführungszeit versehen

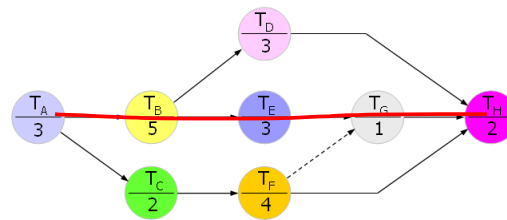


- Ausführungszeiten pro Task
  - Messwerte:  $d$ ,  $d_{\min}$ ,  $d_{\max}$ ,  $d_{\text{mean}}$
  - Schätzwerte
  - etc.

## ... Task Graph

### ■ "Netzplantechnik"

- Berechnung von
  - $t_E$  earliest start time
  - $t_L$  latest start time (bei gleicher Endzeit)
  - slack =  $t_L - t_E$



Task $T_i$	Dauer $t_i$	$t_E(i)$	$t_L(i)$	slack(i)
$T_A$	3	0	0	0
$T_B$	5	3	3	0
$T_C$	2	3	5	2
$T_D$	3	8	9	1
$T_E$	3	8	8	0
$T_F$	4	5	7	2
$T_G$	1	11	11	0
$T_H$	2	12	12	0

$$T_1 = \sum d_i \quad \forall i = 23$$

$$T_\infty = \max(t_E(i) + d_i) = 14$$

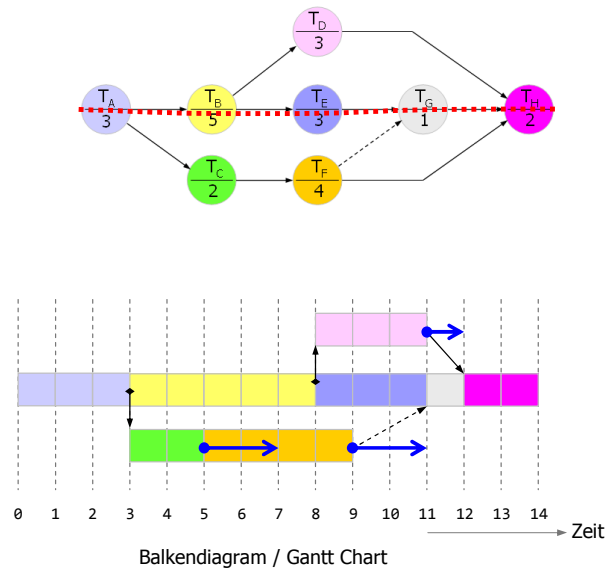
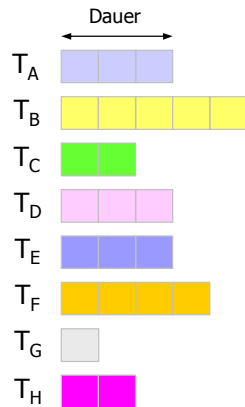
Februar 16 10

- Dauer eines Tasks:  $d_i$ 
  - Berechnung, Messung, etc. (hier Vorgaben)
  - bei nicht konstanten  $d_i$ 
    - maximum:  $t_{i\max} \rightarrow$  worst case
    - statistische Größen PERT Netzplantechnik
- Berechnung von  $t_E$  und  $t_L$ 
  - $t_E(i)$ :  $t_E$  von Knoten  $i$       frühest möglicher Startzeitpunkt
  - $t_L(i)$ :  $t_L$  von Knoten  $i$       spätest möglicher Startzeitpunkt
  - $t_E(i) = \max(t_E(j) + d_j)$        $j$  = alle Vorgänger von  $i$
  - $t_L(i) = \min(t_L(k) - d_i)$        $k$  = alle Nachfolger von  $i$
- Berechnung des slack (Pufferzeit)
  - slack =  $t_L(i) - t_E(i)$
- Minimale Rechenzeit  $T_\infty$ 
  - "unendliche" Parallelität  $\rightarrow$  minimal mögliche Ausführungszeit
- Maximale Rechenzeit  $T_1$ 
  - keine Parallelität  $\rightarrow$  maximale Ausführungszeit (Tasks seriell)
- Kritischer Pfad:** alle Tasks  $T_i$  mit slack(i) = 0
  - nicht verschiebbar, ohne Gesamtdauer zu erhöhen
  - es gilt:  $T_{\min} = \sum d_i$ ,  $d_i$  auf kritischem Pfad
- Maximaler Speedup:  $S_{\max} = T_1 / T_\infty = \sum d_i / T_{\min} = 23 / 14 = \sim 1.6$

## ... Task Graph

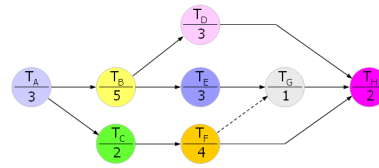
### ■ Balkendiagramm

- Länge  $\sim$  Dauer



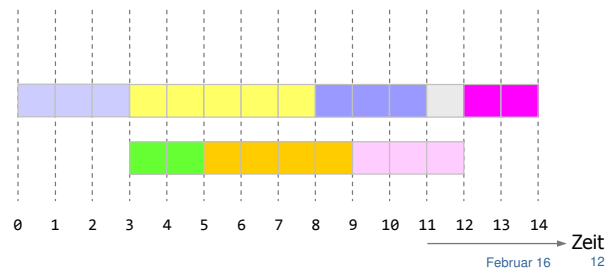
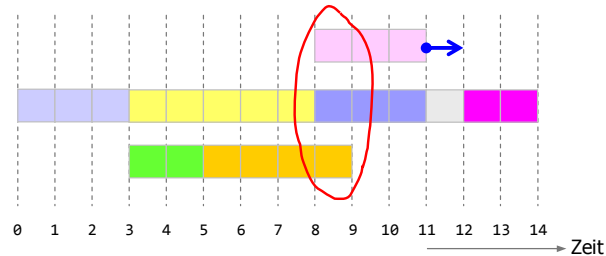
- Gant-Chart oder Balkendiagramm
  - Tasks als Balken mit Länge proportional zu Dauer einzeichnen
  - Abhängigkeiten aus DAG bestimmt Reihenfolge
  - Tasks so früh wie möglich einzeichnen

## ... Task Graph



### ■ Nutzen der Pufferzeit

- Ressourcenbedarf optimieren → "verschieben" von Tasks



- Task  $T_D$  verschieben
  - verlängert Rechenzeit nicht
  - reduziert Ressourcenbedarf von 3 auf 2

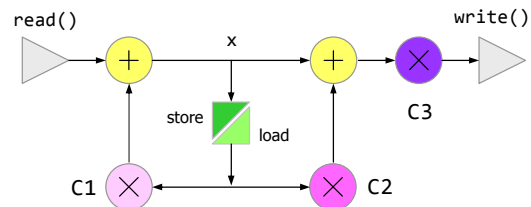
# Fallbeispiel

## ■ Digitalfilter 1. Ordnung

- Differenzengleichung und Datenflussdiagramm

$$x(n) = C_0 \cdot x(n-1) + u(n)$$

$$y(n) = C_3 \cdot (x(n) + C_2 \cdot x(n-1))$$



- C-Programm

```
while(1) {
    tmp = x * C1 + read();
    out = (x * C2 + tmp) * C3;
    x = tmp;
    write(out);
}
```

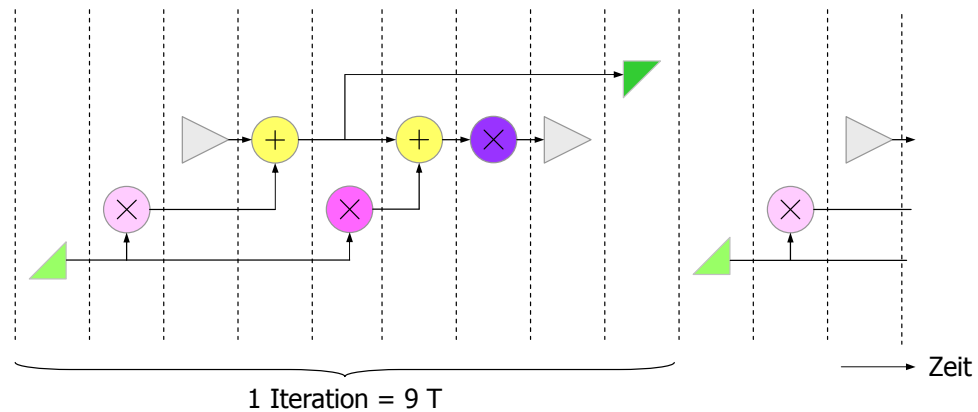
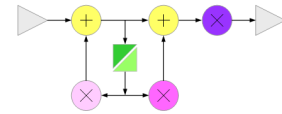
Folgendes Beispiel:  
3 faches Loop Unrolling

- Datenflussgraphen lassen sich auf verschiedensten Hierarchie-Ebenen darstellen
  - hier auf Operationsebene
  - möglich sind aber auch
    - Funktionen
    - Codeblöcke
    - Module
    - etc.
  - Datenfluss
    - einzelne Datenwort
    - ganze Datenpakete
- Fallbeispiel Digitalfilter 1. Ordnung
  - gezeichnet als gerichteter azyklischer Graf
  - Knoten: Operationen, Dauer 1 Zeiteinheit
  - Pfeile: Datenfluss, hier ein Datenwort

## ... Fallbeispiel

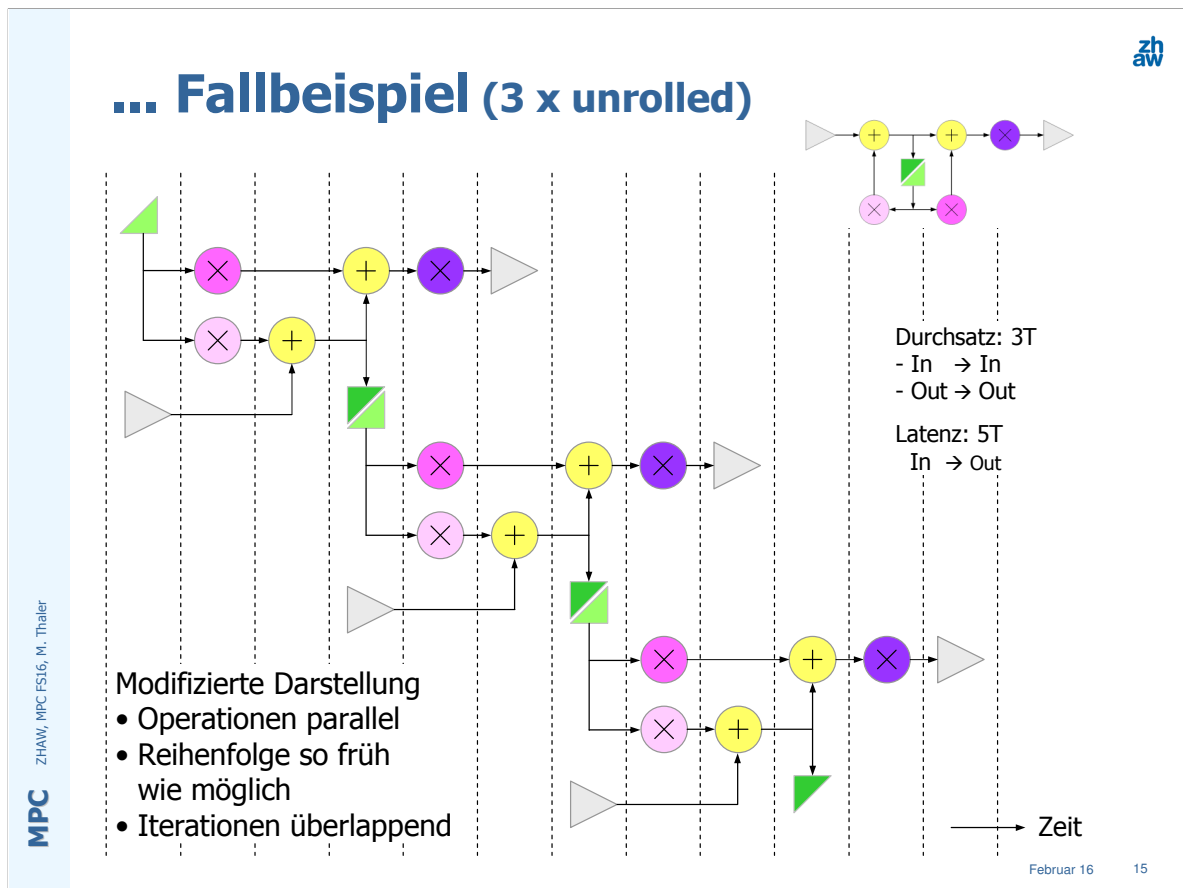
### ■ Serialisierte Darstellung

- pro Zeitintervall  $\rightarrow$  eine Instruktion
- gesamte Rechendauer: 9 Zeiteinheiten
- load / store von delay je eine Operation



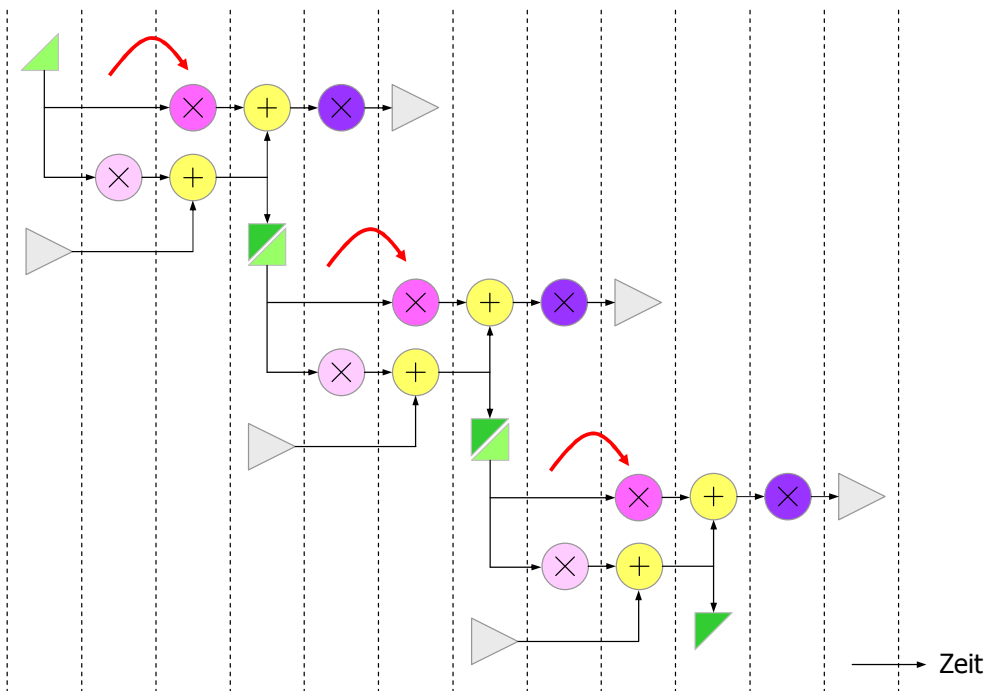
Februar 16 14

- Rekursives Digitalfilter 1. Ordnung
- Gezeichnet als gerichteter azyklischer Graf
- Pro Zeiteinheit eine Operation



- Alle Operationen
  - frühest möglichen Zeitpunkt innerhalb einer Iteration
  - Datenflussabhängigkeiten berücksichtigt
  - Ausnahme: input (kein Einfluss auf Anordnung)
- Iterationen überlappen bei Delay
  - Annahme Variable Delay in Register
- Rechenzeit
  - Durchsatz 3 Zeiteinheiten
  - Latenz 5 Zeiteinheiten
- Benötigte Rechenressourcen
  - 2 parallele Multiplikationen
  - 1 Addition

## ... Fallbeispiel



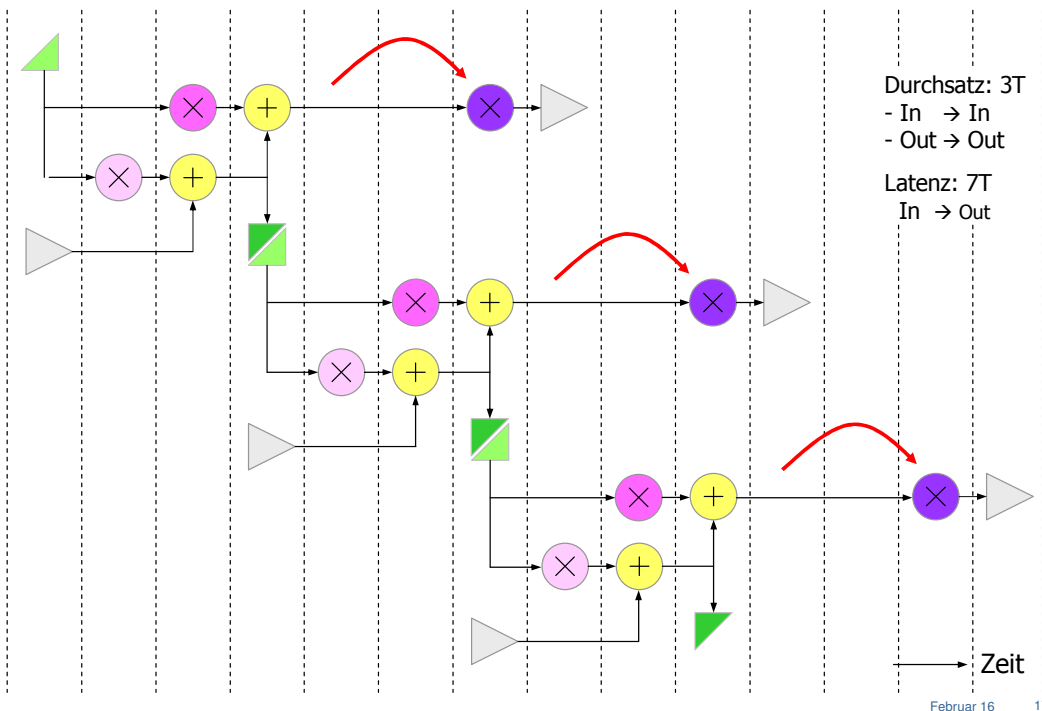
Februar 16

16

- Multiplikation mit C2 um eine Zeiteinheit verschoben
- Rechenzeit
  - Durchsatz 3 Zeiteinheiten
  - Latenz 5 Zeiteinheiten
- Benötigte Rechenressourcen
  - 2 parallele Multiplikationen
  - 1 Addition



## ... Fallbeispiel



- Multiplikation mit C3 um 2 Zeiteinheiten verschoben
- Rechenzeit
  - Durchsatz 3 Zeiteinheiten
  - Latenz 7 Zeiteinheiten
- Benötigte Rechenressourcen
  - 1 Multiplikationen
  - 1 Addition
- Auslastung Rechenressourcen
  - Multiplikation: 100% 3 von 3 Zeiteinheiten
  - Addition: 66% 2 von 3 Zeiteinheiten

# Take Home