Chapter 6 Lab Part II

coop711

2015-11-15

6.11 v_1, v_2, v_3 중 두 벡터로 나머지 한 벡터를 생성할 수 있는지, 아니면 세 벡터가 선형독립인지 묻는 것임.

(a)
$$\overrightarrow{v_1} = (1, 0, -2), \overrightarrow{v_2} = (3, 1, 2), \overrightarrow{v_3} = (1, -1, 0)$$

$$(v1 < -c(1, 0, -2))$$

[1] 1 0 -2

(v2 < -c(3, 1, 2))

[1] 3 1 2

(v3 < -c(1, -1, 0))

[1] 1 -1 0

(X1 <- cbind(v1, v2, v3))

v1 v2 v3 ## [1,] 1 3 1 ## [2,] 0 1 -1 ## [3,] -2 2 0

det(X1)

[1] 10

(b) $\overrightarrow{v_1} = (2, -1, 4), \overrightarrow{v_2} = (4, 2, 3), \overrightarrow{v_3} = (2, 7, -6)$

(w1 < -c(2, -1, 4))

[1] 2 -1 4

(w2 < -c(4, 2, 3))

[1] 4 2 3

(w3 < -c(2, 7, -6))

[1] 2 7 -6

(X2 <- cbind(w1, w2, w3))

w1 w2 w3 ## [1,] 2 4 2

[2,] -1 2 7

[3,] 4 3 -6

det(X2)

[1] 0

 $a_1\overrightarrow{w_1} + a_2\overrightarrow{w_2} = \overrightarrow{w_3}$ 를 풀어주면 $a_1 = -3, a_2 = 2$ 임을 쉽게 파악.

6.12 v_1, v_2, v_3 가 어느 한 벡터의 실수배로 표시될 수 있는지 묻는 것임.

(a)
$$\overrightarrow{v_1} = (3, -6, 9), \overrightarrow{v_2} = (2, -4, 6), \overrightarrow{v_3} = (1, 1, 1)$$

(u1 < -c(3, -6, 9))

[1] 3 -6 9

(u2 < -c(2, -4, 6))

[1] 2 -4 6

(u3 < -c(1, 1, 1))

[1] 1 1 1

u1*(2/3)

[1] 2 -4 6

 $\overrightarrow{v_3}$ 는 $\overrightarrow{v_1}$ 이나 $\overrightarrow{v_2}$ 의 실수배로 표현할 수 없음.

(b) $\overrightarrow{v_1} = (4, 6, 8), \overrightarrow{v_2} = (2, 3, 4), \overrightarrow{v_3} = (-2, -3, -4)$

(t1 < -c(4, 6, 8))

[1] 4 6 8

(t2 < -c(2, 3, 4))

[1] 2 3 4

(t3 < -c(-2, -3, -4))

[1] -2 -3 -4

t2*2

[1] 4 6 8

t2*(-1)

[1] -2 -3 -4

 $\overrightarrow{v_1}$, $\overrightarrow{v_3}$ 는 $\overrightarrow{v_2}$ 의 실수배로 표현됨. 모두 한 직선 상에 있음.

6.17 R^3 의 기저가 되는 벡터 집합은?

- (a) (1,0,0),(0,1,0),(0,0,1): 기저가 됨.
- **(b)** (1, 1, 1), (1, 0, 1), (2, 1, 2)

det(cbind(c(1, 1, 1), c(1, 0, 1), c(2, 1, 2)))

[1] 0

c(1, 1, 1) + c(1, 0, 1)

[1] 2 1 2

(c) (1,1,0), (-1,1,3), (2,-3,1): 기저가 됨.

det(cbind(c(1, 1, 0), c(-1, 1, 3), c(2, -3, 1)))

[1] 17

자료 저장

save.image("chapter_6_lab_part_II.rda")