Chapter 6 Lab

coop711

2015-11-21

6.4

$$\vec{u} = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 4 \end{bmatrix}, \vec{v} = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \\ 3 \end{bmatrix}, \vec{w} = \begin{bmatrix} 3 \\ 2 \\ 5 \end{bmatrix}, a_1\vec{u} + a_2\vec{v} + a_3\vec{w} = \vec{b} \equiv \text{만족하는 } a_1, a_2, a_3?$$

(a)
$$\vec{b} = \begin{bmatrix} 5 \\ 9 \\ 5 \end{bmatrix}$$

```
source("./adjoint.R")
(u <- c(2, 1, 4))</pre>
```

```
## [1] 2 1 4
```

```
(v < -c(1, -1, 3))
```

```
## [1] 1 -1 3
```

```
(w < -c(3, 2, 5))
```

```
## [1] 3 2 5
```

```
(X \leftarrow cbind(u, v, w))
```

```
## u v w
## [1,] 2 1 3
## [2,] 1 -1 2
## [3,] 4 3 5
```

det(X)

```
## [1] 2
```

```
adjoint(X)
```

solve(X)

```
## [,1] [,2] [,3]
## u -5.5 2 2.5
## v 1.5 -1 -0.5
## w 3.5 -1 -1.5
```

```
(b1 <- c(5, 9, 5))
```

[1] 5 9 5

```
(adjoint(X)/det(X)) %*% b1
```

```
## [,1]
## [1,] 3
## [2,] -4
## [3,] 1
```

solve(X, b1)

```
## u v w
## 3 -4 1
```

solve(X, b1)[1]*u + solve(X, b1)[2]*v + solve(X, b1)[3]*w

[1] 5 9 5

$$\text{(b) } \vec{b} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 6 \end{bmatrix}$$

```
(b2 < -c(2, 0, 6))
## [1] 2 0 6
(adjoint(X)/det(X)) %*% b2
##
                [,1]
## [1,] 4.00000e+00
## [2,] -8.881784e-16
## [3,] -2.000000e+00
round((adjoint(X)/det(X)) %*% b2, digits = 2)
## [,1]
## [1,] 4
## [2,]
        0
## [3,] -2
solve(X, b2)
\#\# u v w
## 4 0 -2
solve(X, b2)[1]*u + solve(X, b2)[2]*v + solve(X, b2)[3]*w
## [1] 2 0 6
(b3 < -c(0, 0, 0))
## [1] 0 0 0
(adjoint(X)/det(X)) %*% b3
## [,1]
```

[1,] 0

[2,] **##** [3,] 0

0

solve(X, b3)

u v w ## 0 0 0

solve(X, b3)[1]*u + solve(X, b3)[2]*v + solve(X, b3)[3]*w

[1] 0 0 0

6.6 R^3 를 생성할 수 있는 집합은?

(a)

$$\overrightarrow{v_1} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}, \overrightarrow{v_2} = \begin{bmatrix} 2 \\ 2 \\ 0 \end{bmatrix}, \overrightarrow{v_3} = \begin{bmatrix} 3 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}.$$

선형독립인 벡터 집합을 찾아내는 문제. 세개의 벡터인 경우는 선형독립 여부만 판단하면 됨. 정방행렬들이므로 행렬식의 존재여부로 판단.

(u2 <- c(1, 1, 1))

[1] 1 1 1

 $(v2 \leftarrow c(2, 2, 0))$

[1] 2 2 0

(w2 < -c(3, 0, 0))

[1] 3 0 0

(X2 <- cbind(u2, v2, w2))

u2 v2 w2 ## [1,] 1 2 3 ## [2,] 1 2 0 ## [3,] 1 0 0

det(X2)

[1] -6

```
(u3 < -c(2, -1, 3))
 ## [1] 2 -1 3
 (v3 < -c(4, 1, 2))
 ## [1] 4 1 2
 (w3 < -c(8, -1, 8))
 ## [1] 8 -1 8
 (X3 <- cbind(u3, v3, w3))
 ## u3 v3 w3
 ## [1,] 2 4 8
 ## [2,] -1 1 -1
 ## [3,] 3 2 8
 det(X3)
 ## [1] 0
 2*u3 + v3
 ## [1] 8 -1 8
4 개의 벡터 중 1, 2개로는 R^3를 생성할 수 없으므로 3개일 때 집중. 3개씩은 모두 선형독립이므로 R^3 생성 가능.
solve(X, ) 의 결과는 나머지 한 벡터가 다른 세 개의 벡터의 선형결합으로 나타날 때 계수를 찾아준 것임.
 (u4 <- c(1, 3, 3))
 ## [1] 1 3 3
 (v4 <- c(1, 3, 4))
 ## [1] 1 3 4
 (w4 <- c(1, 4, 3))
 ## [1] 1 4 3
```

```
(t4 <- c(6, 2, 1))
## [1] 6 2 1
(X4 <- cbind(u4, v4, w4))
## u4 v4 w4
## [1,] 1 1 1
## [2,] 3 3 4
## [3,] 3 4 3
det(X4)
## [1] -1
adjoint(X4)
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] -7 1 1
## [2,] 3 0 -1
## [3,] 3 -1 0
adjoint(X4)/det(X4)
## [,1][,2][,3]
## [1,] 7 -1 -1
## [2,] -3 0 1
## [3,] -3 1 0
solve(X4)
## [,1]
                [,2][,3]
## u4 7 -1.000000e+00 -1
      -3 2.220446e-16
## v4
                       1
## w4 -3 1.000000e+00
round(solve(X4), digits = 2)
##
     [,1] [,2] [,3]
## u4
      7 -1 -1
## v4
      -3
          0 1
## w4 -3
          1
```

```
(adjoint(X4)/det(X4)) %*% t4
## [,1]
## [1,] 39
## [2,] -17
## [3,] -16
solve(X4, t4)
## u4 v4 w4
## 39 -17 -16
adjoint(X4) %*% t4
## [,1]
## [1,] -39
## [2,] 17
## [3,] 16
solve(X4, t4)[1]*u4 + solve(X4, t4)[2]*v4 + solve(X4, t4)[3]*w4
## [1] 6 2 1
(X5 <- cbind(u4, v4, t4))
## u4 v4 t4
## [1,] 1 1 6
## [2,] 3 3 2
## [3,] 3 4 1
det(X5)
## [1] 16
adjoint(X5)
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] -5 23 -16
## [2,] 3 -17 16
## [3,] 3 -1 0
adjoint(X5)/det(X5)
```

```
##
         [,1] [,2] [,3]
## [1,] -0.3125 1.4375 -1
## [2,] 0.1875 -1.0625
## [3,] 0.1875 -0.0625
solve(X5)
##
       [,1] [,2] [,3]
## u4 -0.3125 1.4375
## v4 0.1875 -1.0625
                      1
## t4 0.1875 -0.0625
(adjoint(X5)/det(X5)) %*% w4
##
         [,1]
## [1,] 2.4375
## [2,] -1.0625
## [3,] -0.0625
solve(X5, w4)
##
     u4
            v4
## 2.4375 -1.0625 -0.0625
adjoint(X5) %*% w4
      [,1]
## [1,] 39
## [2,] -17
## [3,] -1
solve(X5, w4)[1]*u4 + solve(X5, w4)[2]*v4 + solve(X5, w4)[3]*t4
## [1] 1 4 3
(X6 <- cbind(u4, w4, t4))
## u4 w4 t4
## [1,] 1 1 6
## [2,] 3 4 2
## [3,] 3 3 1
det(X6)
```

```
## [1] -17
adjoint(X6)
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] -2 17 -22
## [2,] 3 -17 16
## [3,] -3 0 1
adjoint(X6)/det(X6)
            [,1] [,2]
                            [,3]
## [1,] 0.1176471 -1 1.29411765
## [2,] -0.1764706 1 -0.94117647
## [3,] 0.1764706 0 -0.05882353
solve(X6)
##
                       [,2] [,3]
           [,1]
## u4 0.1176471 -1.000000e+00 1.29411765
## w4 -0.1764706 1.000000e+00 -0.94117647
## t4 0.1764706 -9.796086e-18 -0.05882353
(adjoint(X6)/det(X6)) %*% v4
##
              [,1]
## [1,] 2.29411765
## [2,] -0.94117647
## [3,] -0.05882353
solve(X6, v4)
##
          u4
                     w4
## 2.29411765 -0.94117647 -0.05882353
adjoint(X6) %*% v4
## [,1]
## [1,] -39
## [2,] 16
## [3,]
       1
```

solve(X6, v4)[1]*u4 + solve(X6, v4)[2]*w4 + solve(X6, v4)[3]*t4

```
## [1] 1 3 4
(X7 <- cbind(v4, w4, t4))
## v4 w4 t4
## [1,] 1 1 6
## [2,] 3 4 2
## [3,] 4 3 1
det(X7)
## [1] -39
adjoint(X7)
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] -2 17 -22
## [2,] 5 -23 16
## [3,] -7 1 1
adjoint(X7)/det(X7)
                      [,2]
##
                                 [,3]
             [,1]
## [1,] 0.05128205 -0.43589744 0.56410256
## [3,] 0.17948718 -0.02564103 -0.02564103
solve(X7)
               [,2] [,3]
##
           [,1]
## v4 0.05128205 -0.43589744 0.56410256
## w4 -0.12820513 0.58974359 -0.41025641
## t4 0.17948718 -0.02564103 -0.02564103
(adjoint(X7)/det(X7)) %*% u4
##
           [,1]
## [1,] 0.43589744
## [2,] 0.41025641
## [3,] 0.02564103
solve(X7, u4)
```

```
## v4 w4 t4
## 0.43589744 0.41025641 0.02564103

adjoint(X7) %*% u4
```

solve(X7, u4)[1]*v4 + solve(X7, u4)[2]*w4 + solve(X7, u4)[3]*t4

[1] 1 3 3

6.7

$$\overrightarrow{x_1} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix}, \overrightarrow{x_2} = \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \\ 2 \end{bmatrix}, \overrightarrow{x_3} = \begin{bmatrix} -13 \\ -1 \\ 2 \end{bmatrix}, \overrightarrow{x_4} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}.$$

(a) $\overrightarrow{x_1}$, $\overrightarrow{x_2}$, $\overrightarrow{x_3}$ 는 선형종속

(u8 < -c(1, 2, 1))

[1] 1 2 1

(v8 < -c(-1, 3, 2))

[1] -1 3 2

(w8 < -c(-13, -1, 2))

[1] -13 -1 2

(t8 <- c(1, 1, 0))

[1] 1 1 0

X8 <- cbind(u8, v8, w8)
det(X8)</pre>

[1] 0

 $a_1 \overrightarrow{x_1} + a_2 \overrightarrow{x_2} = \overrightarrow{x_3}$ 를 풀어주면 $a_1 = -8, a_2 = 5$ 임을 쉽게 파악.

(b) $\overrightarrow{x_1}$, $\overrightarrow{x_2}$, $\overrightarrow{x_4}$ 는 선형독립

```
(X9 <- cbind(u8, v8, t8))
```

det(X9)

[1] -2

adjoint(X9)

```
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] -2 2 -4
## [2,] 1 -1 1
## [3,] 1 -3 5
```

adjoint(X9)/det(X9)

$$a_1\overrightarrow{x_1} + a_2\overrightarrow{x_2} + a_3\overrightarrow{x_4} = \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix}$$
를 정리하면

$$\begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 2 & 3 & 1 \\ 1 & 2 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} 를 풀어주면,$$

$$\begin{bmatrix} a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 2 & 3 & 1 \\ 1 & 2 & 0 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} = (-1/2) \begin{bmatrix} -2 & 2 & 4 \\ 1 & -1 & 1 \\ 1 & -3 & 5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a-b+2c \\ -a/2+b/2-c/2 \\ -a/2+3b/2-5c/2 \end{bmatrix}$$

6.10

(a)

```
(X10 \leftarrow cbind(c(2, -1, 4), c(3, 6, 2), c(2, 10, -4)))
```

```
##
    [,1] [,2] [,3]
 ## [1,] 2 3 2
 ## [2,] -1 6
                    10
 ## [3,] 4 2 -4
 det(X10)
 ## [1] -32
(b)
 (X11 \leftarrow cbind(c(3, 1, 1), c(2, -1, 5), c(4, 0, -3)))
 ## [,1] [,2] [,3]
 ## [1,] 3 2 4
 ## [2,] 1 -1 0
## [3,] 1 5 -3
 det(X11)
 ## [1] 39
     0 \mid +a_2 \mid 1 \mid = \vec{0} 을 만족시키는 a_1=a_2=0 임을 보이면 나머지 한 식은 당연히 만족된다. 미지수
는 두개이고, 식은 세 개이므로 두 개를 풀어서 a_1=a_2=0 임을 보인다. 어느 두 식을 풀기 위하여 2\times 2 행렬을
만들어도 행렬식이 존재하므로 역행렬을 만들어 \stackrel{
ightarrow}{0} 벡터와 곱해주면 a_1=a_2=0이기 때문에 두 벡터는 선형독립이
다.
 (u10 < -c(6, 0, -1))
 ## [1] 6 0 -1
 (v10 < -c(1, 1, 4))
 ## [1] 1 1 4
 (X12 <- cbind(u10, v10))
    u10 v10
 ##
 ## [1,] 6 1
 ## [2,] 0 1
 ## [3,] -1 4
```

```
위의 R 코드는 \vec{u} = \begin{bmatrix} 6 \\ 0 \\ -1 \end{bmatrix}, \vec{v} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 4 \end{bmatrix}, X = \begin{bmatrix} \vec{u} & \vec{v} \end{bmatrix} 라고 설정하는 과정이다. 여기서 \vec{a} = \begin{bmatrix} a_1 \\ a_2 \end{bmatrix} 했을 때, a_1 \begin{bmatrix} 6 \\ 0 \\ -1 \end{bmatrix} + a_2 \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 4 \end{bmatrix} = X\vec{a}이므로, X\vec{a} = \vec{0}의 해가 \vec{a} = \vec{0}임을 보이면 된다. 이를 위하여 X의 어느 2 \times 2 서브
매트릭스, X_{2\times 2} 라 하자, 를 택하더라도 역행렬이 존재하여 \vec{a}=X_{2\times 2}^{-1}\vec{0}=\vec{0} 이고, 이 \vec{a}=0은 나머지 한 식도 만족
시키기 때문에 결국 \vec{a}=0이고, \vec{u}와 \vec{v}는 선형독립이다.
   det(X12[1:2, ])
   ## [1] 6
   adjoint(X12[1:2, ])
   ## [,1] [,2]
   ## [1,] 1 -1
   ## [2,]
   solve(X12[1:2, ])
                       [,1]
                                          [,2]
   ## u10 0.1666667 -0.1666667
   ## v10 0.0000000 1.0000000
   det(X12[c(1, 3), ])
   ## [1] 25
   adjoint(X12[c(1, 3), ])
   ## [,1] [,2]
   ## [1,] 4 -1
   ## [2,]
   solve(X12[c(1, 3), ])
            [,1] [,2]
   ## u10 0.16 -0.04
   ## v10 0.04 0.24
```

det(X12[2:3,])

```
## [1] 1
```

adjoint(X12[2:3,])

```
## [,1] [,2]
## [1,] 4 -1
## [2,] 1 0
```

solve(X12[2:3,])

(d) (c)와는 달리 이번에는 차원에 비하여 벡터가 하나 더 많으므로 반드시 하나 이상의 벡터가 다른 벡터들의 선형결합으로 나타나게 되어 있다. 따라서, 네 개의 벡터 중 세 개로 행렬을 구성하고, 그 벡터들의 선형결합으로 나머지 벡터가 표현되는지 파악하면 된다.

$$\vec{u} = \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ 3 \end{bmatrix}, \vec{v} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 4 \end{bmatrix}, \vec{w} = \begin{bmatrix} 5 \\ 6 \\ 3 \end{bmatrix}, \vec{t} = \begin{bmatrix} 7 \\ 2 \\ -1 \end{bmatrix}, X = \begin{bmatrix} \vec{u} & \vec{v} & \vec{w} & \vec{t} \end{bmatrix}$$
라하고, $\vec{a} = \begin{bmatrix} a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{bmatrix}$ 라하여

 $a_1\vec{u} + a_2\vec{v} + a_3\vec{w} = \vec{t}$, 즉 $X_{[.1:3]}\vec{a} = \vec{t}$ 등을 풀어보면 된다. (단, $X_{[.1:3]}$ 는 X의 1, 2, 3번째 열로 구성된 행렬)

(u11 < -c(1, 3, 3))

[1] 1 3 3

 $(v11 \leftarrow c(0, 1, 4))$

[1] 0 1 4

(w11 < -c(5, 6, 3))

[1] 5 6 3

(t11 < -c(7, 2, -1))

[1] 7 2 -1

 $(X13 \leftarrow cbind(u11, v11, w11, t11))$

```
## ull vll wll tll

## [1,] 1 0 5 7

## [2,] 3 1 6 2

## [3,] 3 4 3 -1
```

위의 코드는 $\vec{u}, \vec{v}, \vec{w}, \vec{t}$ 와 행렬 $X = \begin{bmatrix} \vec{u} & \vec{v} & \vec{w} & \vec{t} \end{bmatrix}$ 를 설정하는 과정.

```
det(X13[, 1:3])
```

```
## [1] 24
```

 $X_{[,1:3]}$ 의 행렬식이 0이 아니므로, 역행렬이 존재하고 $X_{[,1:3]}\vec{a}=\vec{t}$ 의 해가 존재한다. 다음은, 이 해를 구하는 과정.

```
solve(X13[, 1:3], t11)
```

```
## u11 v11 w11
## -4.25 1.25 2.25
```

소숫점의 정체를 파악하기 위하여 행렬식을 곱해보면,

```
solve(X13[, 1:3], t11)*det(X13[, 1:3])
```

```
## ull vll wll
## -102 30 54
```

위에서 구한 \vec{a} 의 원소들이 $a_1\vec{u}+a_2\vec{v}+a_3\vec{w}=\vec{t}$ 를 만족하는지 살펴보자.

```
solve(X13[, 1:3], t11)[1]*u11 + solve(X13[, 1:3], t11)[2]*v11 + solve(X13[,
1:3], t11)[3]*w11
```

```
## [1] 7 2 -1
```

위의 계산 결과로부터 \vec{u} , \vec{v} , \vec{w} 는 선형독립이고, $\vec{t} = \frac{-102}{24}\vec{u} + \frac{30}{24}\vec{v} + \frac{54}{24}\vec{w} = -\frac{17}{4}\vec{u} + \frac{5}{4}\vec{v} + \frac{9}{4}\vec{w}$ 의 선형결합으로 나타난다는 것을 알 수 있다.

```
det(X13[, c(1, 2, 4)])
```

```
## [1] 54
```

```
solve(X13[, c(1, 2, 4)], w11)
```

```
## u11 v11 t11
## 1.8888889 -0.5555556 0.4444444
```

```
solve(X13[, c(1, 2, 4)], w11)*det(X13[, c(1, 2, 4)])
```

u11 v11 t11 ## 102 -30 24

solve(X13[, c(1, 2, 4)], w11)[1]*u11 + solve(X13[, c(1, 2, 4)], w11)[2]*v11 + solve(X13[, c(1, 2, 4)], w11)[3]*t11

[1] 5 6 3

$$\vec{w} = \frac{102}{54}\vec{u} + \frac{-30}{54}\vec{v} + \frac{24}{54}\vec{t} = \frac{17}{9}\vec{u} - \frac{5}{9}\vec{v} + \frac{4}{9}\vec{t}$$

det(X13[, c(1, 3, 4)])

[1] -30

solve(X13[, c(1, 3, 4)], v11)

u11 w11 t11 ## 3.4 -1.8 0.8

solve(X13[, c(1, 3, 4)], v11)*det(X13[, c(1, 3, 4)])

ull wll tll ## -102 54 -24

solve(X13[, c(1, 3, 4)], v11)[1]*u11 + solve(X13[, c(1, 3, 4)], v11)[2]*w11 + solve(X13[, c(1, 3, 4)], v11)[3]*t11

[1] 8.881784e-16 1.000000e+00 4.000000e+00

[1] 0 1 4

$$\vec{v} = \frac{-102}{-30}\vec{u} + \frac{54}{-30}\vec{w} + \frac{-24}{-30}\vec{t} + \frac{17}{5}\vec{u} - \frac{9}{5}\vec{w} + \frac{4}{5}\vec{t}$$

det(X13[, 2:4])

[1] -102

solve(X13[, 2:4], ull)

v11 w11 t11 ## 0.2941176 0.5294118 -0.2352941

solve(X13[, 2:4], u11)*det(X13[, 2:4])

v11 w11 t11 ## -30 -54 24

solve(X13[, 2:4], u11)[1]*v11 + solve(X13[, 2:4], u11)[2]*w11 + solve(X13[,
2:4], u11)[3]*t11

[1] 1 3 3

$$\vec{u} = \frac{-30}{-102}\vec{v} + \frac{-54}{-102}\vec{w} - \frac{24}{-102}\vec{t} = \frac{10}{51}\vec{v} + \frac{9}{17}\vec{w} - \frac{4}{17}\vec{t}$$

6.14

$$\overrightarrow{x_1} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix}, \overrightarrow{x_2} = \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \\ 2 \end{bmatrix}, \overrightarrow{x_3} = \begin{bmatrix} 3 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}, \overrightarrow{x_4} = \begin{bmatrix} 3 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}.$$

(a) $\overrightarrow{x_1}$, $\overrightarrow{x_2}$, $\overrightarrow{x_3}$ 는 선형종속

(u14 <- c(1, 2, 1))

[1] 1 2 1

(v14 <- c(-1, 3, 2))

[1] -1 3 2

(w14 < -c(3, 1, 0))

[1] 3 1 0

(t14 < -c(3, 1, 1))

[1] 3 1 1

X14 <- cbind(u14, v14, w14)
det(X14)</pre>

```
## [1] 0
```

 $a_1\overrightarrow{x_1}+a_2\overrightarrow{x_2}=\overrightarrow{x_3}$ 를 풀어주면 $a_1=2,a_2=-1$ 임을 쉽게 파악.

(b) $\overrightarrow{x_1}$, $\overrightarrow{x_2}$, $\overrightarrow{x_4}$ 는 선형독립

(X15 <- cbind(u14, v14, t14))

```
## u14 v14 t14

## [1,] 1 -1 3

## [2,] 2 3 1

## [3,] 1 2 1
```

det(X15)

[1] 5

adjoint(X15)

adjoint(X15)/det(X15)

$$a_1\overrightarrow{x_1} + a_2\overrightarrow{x_2} + a_3\overrightarrow{x_4} = \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix}$$
를 정리하면

$$\begin{bmatrix} 1 & -1 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} 를 풀어주면,$$

$$\begin{bmatrix} a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} = (1/5) \begin{bmatrix} 1 & 7 & -10 \\ -1 & -2 & 5 \\ 1 & -3 & 5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a/5 + 7b/5 - 2c \\ -a/5 - 2b/5 + c \\ a/5 - 3b/5 + c \end{bmatrix}$$

자료 저장

save.image("chapter_6_lab.rda")