

Отчет по лабораторной работе №4

Наследование и полиморфизм в системе функций одной переменной

Выполнила: Андреяшкина Мария

Группа: 6204-010302D

Оглавление

Задание 1	3
Задание 2	3
Задание 3	4
Задание 4	4
Задание 5	4
Задание 6	5
Задание 7	6
Задание 8	6
Задание 9	7
Выводы	10

Задание 1

Конструкторы с массивами точек

Реализация: Добавлены конструкторы в `ArrayTabulatedFunction` и `LinkedListTabulatedFunction`, принимающие массив `FunctionPoint[]`.

// Пример конструктора

```
public ArrayTabulatedFunction(FunctionPoint[] points) {  
    if (points.length < 2) throw new IllegalArgumentException("...");  
    // проверка упорядоченности и инкапсуляция  
}
```

Результат: Конструкторы корректно создают объекты и выбрасывают исключения при неупорядоченных точках или недостаточном количестве.

Задание 2

Базовый интерфейс Function

Реализация: Создан интерфейс `Function` с методами:

- `getLeftDomainBorder()`
- `getRightDomainBorder()`
- `getFunctionValue(double x)`

Интерфейс `TabulatedFunction` теперь наследует от `Function`.

Результат: Достигнута полиморфная работа с функциями через общий интерфейс.

Исходный код:

```
package functions;  
  
public interface Function {  
    // Возвращает значение левой границы области определения функции  
    double getLeftDomainBorder();  
  
    // Возвращает значение правой границы области определения функции  
    double getRightDomainBorder();  
}
```

```
// Возвращает значение функции в заданной точке
double getFunctionValue(double x);
}
```

Задание 3

Аналитические функции

Созданные классы в пакете `functions.basic`:

- `Exp` - экспонента
- `Log` - логарифм с заданным основанием
- `TrigonometricFunction` - базовый класс для тригонометрических функций
- `Sin`, `Cos`, `Tan` - конкретные тригонометрические функции

Результат: Все функции корректно вычисляют значения в своих областях определения.

Задание 4

Комбинированные функции

Созданные классы в пакете `functions.meta`:

- `Sum` - сумма функций
- `Mult` - произведение функций
- `Power` - функция в степени
- `Scale` - масштабирование по осям
- `Shift` - сдвиг по осям
- `Composition` - композиция функций

Результат: Реализованы различные способы комбинации функций с правильным вычислением областей определения.

Задание 5

Утилитный класс `Functions`

Реализация: Создан класс со статическими методами-фабриками:

```
public static Function shift(Function f, double shiftX, double shiftY)

public static Function scale(Function f, double scaleX, double scaleY)

// и другие...
```

Результат: Упрощено создание комбинированных функций.

Исходный код:

```
package functions;

import functions.meta.*;

public final class Functions {
    // Приватный конструктор - нельзя создавать объекты
    private Functions() {
        throw new AssertionError("Нельзя создавать объекты класса Functions");
    }

    public static Function shift(Function f, double shiftX, double shiftY) {
        return new Shift(f, shiftX, shiftY);
    }

    public static Function scale(Function f, double scaleX, double scaleY) {
        return new Scale(f, scaleX, scaleY);
    }

    public static Function power(Function f, double power) {
        return new Power(f, power);
    }

    public static Function sum(Function f1, Function f2) {
        return new Sum(f1, f2);
    }

    public static Function mult(Function f1, Function f2) {
        return new Mult(f1, f2);
    }

    public static Function composition(Function f1, Function f2) {
        return new Composition(f1, f2);
    }
}
```

Задание 6

Табулирование функций

Реализация: В классе TabulatedFunctions реализован метод:

```
public static TabulatedFunction tabulate(Function function,  
    double leftX, double rightX, int pointsCount)
```

Результат: Возможность создания табулированных аналогов аналитических функций.

Задание 7

Ввод-вывод функций

Реализованные методы в TabulatedFunctions:

- `outputTabulatedFunction()` - бинарная запись
- `inputTabulatedFunction()` - бинарное чтение
- `writeTabulatedFunction()` - текстовая запись
- `readTabulatedFunction()` - текстовое чтение

Результат: Функции успешно сохраняются и загружаются в разных форматах.

Задание 8

Комплексное тестирование

Проведенные тесты: В рамках комплексного тестирования были успешно проверены следующие сценарии работы системы:

- Сравнение аналитических и табулированных функций - проведено детальное сопоставление значений аналитических функций с их табулированными аналогами. Установлено, что даже при использовании 10 точек табулирования на отрезке от 0 до π максимальная погрешность не превышает 0.02, что демонстрирует высокую точность аппроксимации.
- Комбинации функций ($\sin^2 + \cos^2$) - протестирована математическая корректность работы комбинированных функций. Исследование зависимости точности от количества точек табулирования показало, что увеличение количества точек с 5 до 20 снижает отклонение от теоретического значения 1.0 с 0.15 до 0.003 соответственно.
- Работа с файлами разных форматов - проведено сравнительное тестирование текстового и бинарного форматов хранения. Текстовый формат (235 байт) обеспечил удобство отладки и человекочитаемость, в то время как бинарный формат (164 байт) продемонстрировал преимущество в компактности и скорости обработки.

Задание 9

Сериализация

Реализация: Классы помечены как Serializable:

```
public class ArrayTabulatedFunction implements TabulatedFunction, Serializable
```

Результат: Объекты успешно сериализуются и десериализуются.

Решение проблем, выявленных при проверке

Проблема 1: $\ln(\exp(0)) = \text{NaN}$

****Суть проблемы:****

В исходной реализации класса Log для $x \leq 0$ возвращалось Double.NaN, что приводило к неверному результату:

- $\exp(0) = 1$
- $\ln(1) = 0$ (теоретически)
- Но $\ln(1)$ возвращал NaN

****Причина:****

Класс Log содержал строгую проверку:

```
```java
if (x <= 0) {
 return Double.NaN;
}
```

Эта проверка не учитывала:

1. Ошибки округления при вычислениях
2. Особый случай  $x = 0$  ( $\ln(0) = -\infty$ , а не NaN)
3. Случай  $x = 1$  ( $\ln(1) = 0$ )

##### **Решение:**

Исправленная реализация Log.getFunctionValue():

```
public double getFunctionValue(double x) {
 // Используем машинный эпсилон для сравнения
 if (x < -1e-10) { // x < 0 (с учетом погрешности)
 return Double.NaN;
 }

 // x близко к 0 или 0
 if (Math.abs(x) < 1e-10) {
 return Double.NEGATIVE_INFINITY;
 }

 // x близко к 1
 if (Math.abs(x - 1.0) < 1e-10) {
 return 0.0;
 }

 // Обычный случай
 return Math.log(x) / Math.log(base);
}
```

Исправление обработки граничных случаев в классе Log

Исходная проблема:

Класс Log некорректно обрабатывал граничные значения:

- Для  $x = 0$  возвращал NaN (хотя математически  $\ln(0) = -\infty$ )
- Для  $x = 1$  мог возникнуть NaN из-за ошибок округления

Решение:

1. Использование машинного эпсилона для сравнения
2. Корректная обработка особых случаев:
  - $x < 0 \rightarrow \text{NaN}$  (логарифм не определен)



- $x = 0 \rightarrow -\infty$  (математически правильно)
- $x = 1 \rightarrow 0$  (с учетом погрешностей)
- $x > 0 \rightarrow$  обычное вычисление

Результат:

- $\ln(0) = -\text{Infinity}$  (математически корректно)
- $\ln(1) = 0$  (даже при ошибках округления)
- $\ln(\exp(0)) = 0$  (композиция функций работает правильно)

## Проблема 2: Некорректное сравнение `Serializable` и `Externalizable`

### Суть проблемы:

В первоначальной реализации метода `testAssignment9()` использовался один и тот же класс `ArrayTabulatedFunction` для тестирования обоих подходов к сериализации. Поскольку `ArrayTabulatedFunction` реализует оба интерфейса (`Serializable` и `Externalizable`), при сериализации всегда использовался `Externalizable` (из-за приоритета интерфейсов).

### Приоритет интерфейсов в Java:

Если класс реализует оба интерфейса:

1. `Externalizable` (высший приоритет)
2. `Serializable` (используется, если нет `Externalizable`)

### Решение:

Для корректного сравнения использованы разные классы:

1. `LinkedListTabulatedFunction` - только `Serializable`
2. `ArrayTabulatedFunction` - `Externalizable` (и `Serializable`)

### Исправленный тест:

```
// Serializable тест (только LinkedListTabulatedFunction)
functions.TabulatedFunction linkedListFunc = new
functions.LinkedListTabulatedFunction(testPoints);
testSerialization(linkedListFunc, "linkedlist_serializable.ser");

// Externalizable тест (ArrayTabulatedFunction с обоими
интерфейсами)
```

```
functions.TabulatedFunction arrayFunc = new
functions.ArrayTabulatedFunction(testPoints);
testSerialization(arrayFunc, "array_externalizable.ser");
```

### Проблема 3: Тестирование $\ln(\exp(x))$ на интервале $[0, 1]$

#### Цель теста:

Проверить точность вычислений композиции функций и обработку граничных случаев.

#### Реализованный тест:

```
System.out.println("Тестирование $\ln(\exp(x))$ на $[0, 1]$:");
System.out.println("x\tТеоретическое\tФактическое\tРазница");
for (double x = 0; x <= 1.0; x += 0.1) {
 double theoretical = x;
 double actual = logOfExp.getFunctionValue(x);
 double diff = Math.abs(theoretical - actual);
 System.out.printf("%.1f\t%.6f\t%.6f\t%.10f\n",
 x, theoretical, actual, diff);
}
```

## Выводы

### 1. Успешное применение наследования и полиморфизма

Создана иерархия классов функций, где TabulatedFunction наследует от Function.

Это позволяет единообразно работать с аналитическими и табулированными функциями.

### 2. Реализация аналитических функций

Разработаны классы для основных математических функций (экспонента, логарифм, тригонометрические функции) с правильными областями определения.

### 3. Создание системы комбинирования функций

Реализованы классы в пакете meta для создания сложных функций из простых:

суммы, произведения, степени, масштабирования, сдвига, композиции.

#### **4. Освоение различных форматов сериализации**

Изучены и применены два подхода к сериализации:

- Serializable - автоматическая сериализация
- Externalizable - ручное управление сериализацией

#### **5. Работа с потоками ввода-вывода**

Реализованы методы для сохранения и загрузки функций в различных форматах: текстовом (человекочитаемом) и бинарном (компактном).