

# Raport 1 - Hexapawn - Piotr Gąsiorek, Szymon Frączek

```
In [ ]: import easyAI
```

Na samym początku skupiamy się na modyfikacji istniejącego kodu z pakietu easyAI. Chcemy dodać wersję probabilistyczną gry Hexapawn która umożliwi spawnowanie piona po zbitiu z określonym prawdopodobieństwem.

W konstruktorze klasy Hexapawn dodano nowe pola: starting\_positions i captured\_pawns. Pole starting\_positions przechowuje początkowe pozycje pionów gracza, a captured\_pawns przechowuje pozycje pionów, które zostały zbite.

Metoda make\_move została zmodyfikowana, aby obsługiwać nową funkcjonalność. Jeśli pion jest zbijany, jest dodawany do listy captured\_pawns i usuwany z listy starting\_positions. Jeśli prawdopodobieństwo jest większe od 0, istnieje szansa, że zbity pion zostanie "odrodzony" i dodany z powrotem do listy pawns i starting\_positions.

```
In [ ]: from easyAI import TwoPlayerGame
import copy
import random
import config
import time
import pandas as pd

# Convert D7 to (3,6) and back...
to_string = lambda move: " ".join(
    ["ABCDEFGHJIJ"[move[i][0]] + str(move[i][1] + 1) for i in (0, 1)]
)
to_tuple = lambda s: ("ABCDEFGHJIJ".index(s[0]), int(s[1:]) - 1)

class Hexapawn(TwoPlayerGame):
    """
    A nice game whose rules are explained here:
    http://fr.wikipedia.org/wiki/Hexapawn
    """

    def __init__(self, players, size=(4, 4), probability=0):
        self.size = M, N = size
        self.probability = probability
        p = [(i, j) for j in range(N)] for i in [0, M - 1]

        for i, d, goal, pawns in [(0, 1, M - 1, p[0]), (1, -1, 0, p[1])]:
            players[i].direction = d
```

```
        players[i].goal_line = goal
        players[i].pawns = pawns
        players[i].starting_positions = copy.deepcopy(pawns)
        players[i].captured_pawns = []

    self.players = players
    self.current_player = 1

def possible_moves(self):
    moves = []
    opponent_pawns = self.opponent.pawns
    d = self.player.direction
    for i, j in self.player.pawns:
        if (i + d, j) not in opponent_pawns:
            moves.append(((i, j), (i + d, j)))
        if (i + d, j + 1) in opponent_pawns:
            moves.append(((i, j), (i + d, j + 1)))
        if (i + d, j - 1) in opponent_pawns:
            moves.append(((i, j), (i + d, j - 1)))

    return list(map(to_string, [(i, j) for i, j in moves]))

def make_move(self, move):
    move = list(map(to_tuple, move.split(" ")))

    pawn_index = self.player.pawns.index(move[0])
    self.player.pawns[pawn_index] = move[1]

    if move[1] in self.opponent.pawns:
        opponent_pawn_index = self.opponent.pawns.index(move[1])
        starting_position = self.opponent.starting_positions.pop(opponent_pawn_index)
        self.opponent.pawns.remove(move[1])
        self.opponent.captured_pawns.append(starting_position)

    if move[1][0] == self.opponent.goal_line:
        return

    if self.probability <= 0:
        return

    if random.random() < self.probability and self.opponent.captured_resurrected_pawn_index = random.choice(range(len(self.opponent.captured_pawns)))
    resurrected_pawn = self.opponent.captured_pawns.pop(resurrected_pawn_index)
    self.opponent.pawns.append(resurrected_pawn)
    self.opponent.starting_positions.append(resurrected_pawn)

def lose(self):
    return any([i == self.opponent.goal_line for i, j in self.opponent.pawns if self.opponent.pawns[i][0] == self.opponent.goal_line])

def is_over(self):
    return self.lose()
```

```

def show(self):
    f = (
        lambda x: "1"
        if x in self.players[0].pawns
        else ("2" if x in self.players[1].pawns else ".")
    )
    print(
        "\n".join(
            [
                " ".join([f((i, j)) for j in range(self.size[1])])
                for i in range(self.size[0])
            ]
        )
    )

```

Odcinanie alfa-beta to metoda optymalizacji, która pozwala na pominięcie niektórych gałęzi drzewa gry, które nie wypłyną na końcowy wynik. Zgodnie z zadaniem musimy zmodyfikować algorytm Negamax, tak aby dało się go wywołać bez odcinania alfa-beta.

W celu umożliwienia uruchomienia algorytmu Negamax bez odcinania alfa-beta, dodajemy parametr pruning do funkcji negamax i klasy Negamax. Ten parametr określa, czy algorytm powinien stosować odcinanie alfa-beta. Jeśli pruning jest ustawione na True, algorytm działa tak jak wcześniej. Jeśli jest ustawione na False, algorytm pomija odcinanie alfa-beta.

```

In [ ]: """
The standard AI algorithm of easyAI is Negamax with alpha-beta pruning
and (optionnally), transposition tables.
"""

import pickle

LOWERBOUND, EXACT, UPPERBOUND = -1, 0, 1
inf = float("infinity")

def negamax(game, depth, origDepth, scoring, alpha=+inf, beta=-inf, tt=None)
    """
    This implements Negamax with transposition tables.
    This method is not meant to be used directly. See ``easyAI.Negamax``
    for an example of practical use.
    This function is implemented (almost) according to
    http://en.wikipedia.org/wiki/Negamax
    """

    alphaOrig = alpha

    # Is there a transposition table and is this game in it ?
    lookup = None if (tt is None) else tt.lookup(game)

```

```

if lookup is not None:
    # The game has been visited in the past

    if lookup["depth"] >= depth:
        flag, value = lookup["flag"], lookup["value"]
        if flag == EXACT:
            if depth == origDepth:
                game.ai_move = lookup["move"]
            return value
        elif flag == LOWERBOUND:
            alpha = max(alpha, value) if pruning else alpha
        elif flag == UPPERBOUND:
            beta = min(beta, value) if pruning else beta

        if pruning and alpha >= beta:
            if depth == origDepth:
                game.ai_move = lookup["move"]
            return value

    if (depth == 0) or game.is_over():
        # NOTE: the "depth" variable represents the depth left to recurse
        # so the smaller it is, the deeper we are in the negamax recursion
        # Here we add 0.001 as a bonus to signify that victories in less
        # have more value than victories in many turns (and conversely, d
        # after many turns are preferred over defeats in less turns)
        return scoring(game) * (1 + 0.001 * depth)

    if lookup is not None:
        # Put the supposedly best move first in the list
        possible_moves = game.possible_moves()
        possible_moves.remove(lookup["move"])
        possible_moves = [lookup["move"]] + possible_moves

    else:

        possible_moves = game.possible_moves()

    state = game
    best_move = possible_moves[0]
    if depth == origDepth:
        state.ai_move = possible_moves[0]

    bestValue = -inf
    unmake_move = hasattr(state, "unmake_move")

    for move in possible_moves:

        if not unmake_move:
            game = state.copy() # re-initialize move

        game.make_move(move)
        game.switch_player()

```

```

move_alpha = -negamax(game, depth - 1, origDepth, scoring, -beta,

if unmake_move:
    game.switch_player()
    game.unmake_move(move)

# bestValue = max( bestValue, move_alpha )
if bestValue < move_alpha:
    bestValue = move_alpha
    best_move = move

if pruning and alpha < move_alpha:
    alpha = move_alpha
    # best_move = move
    if depth == origDepth:
        state.ai_move = move
    if alpha >= beta:
        break

if tt is not None:

    assert best_move in possible_moves
    tt.store(
        game=state,
        depth=depth,
        value=bestValue,
        move=best_move,
        flag=UPPERBOUND
        if (bestValue <= alphaOrig)
        else (LOWERBOUND if (bestValue >= beta) else EXACT),
    )

return bestValue

```

**class** Negamax:

"""

This implements Negamax on steroids. The following example shows how to setup the AI and play a Connect Four game:

```

>>> from easyAI.games import ConnectFour
>>> from easyAI import Negamax, Human_Player, AI_Player
>>> scoring = lambda game: -100 if game.lose() else 0
>>> ai_algo = Negamax(8, scoring) # AI will think 8 turns in adva
>>> game = ConnectFour([Human_Player(), AI_Player(ai_algo)])
>>> game.play()

```

Parameters

-----

depth:

How many moves in advance should the AI think ?

(2 moves = 1 complete turn)

scoring:

A function `f(game) -> score`. If no scoring is provided and the game object has a ```scoring``` method it will be used.

win\_score:

Score above which the score means a win. This will be used to speed up computations if provided, but the AI will not differentiate quick defeats from long-fought ones (see next section).

tt:

A transposition table (a table storing game states and moves) scoring: can be none if the game that the AI will be given has a ```scoring``` method.

Notes

-----

The score of a given game is given by

```
>>> scoring(current_game) - 0.01*sign*current_depth
```

for instance if a lose is -100 points, then losing after 4 moves will score -99.96 points but losing after 8 moves will be -99.92 points. Thus, the AI will choose the move that leads to defeat in 8 turns, which makes it more difficult for the (human) opponent. This will not always work if a ```win_score``` argument is provided.

=====

```
def __init__(self, depth, scoring=None, win_score=+inf, tt=None, pruning=True):
    self.scoring = scoring
    self.depth = depth
    self.tt = tt
    self.win_score = win_score
    self.pruning = pruning
```

```
def __call__(self, game):
```

```
    """
```

```
    Returns the AI's best move given the current state of the game.
```

```
    """
```

```
    scoring = (
        self.scoring if self.scoring else (lambda g: g.scoring())
    ) # horrible hack
```

```
    self.alpha = negamax(
        game,
        self.depth,
        self.depth,
        scoring,
```

```

        -self.win_score,
        +self.win_score,
        self.tt,
        self.prunning,
    )
    return game.ai_move

```

```

In [ ]: # If True, the game is deterministic (no random elements)
        DETERMINISTIC = False

        # The probability that a captured pawn is resurrected
        PROBABILITY = [0, 0.1, 0.5, 0.9]

        # Number of games to play
        NUMBER_OF_GAMES = 5

        # Depth of the ai predictions
        AI_DEPTHS = [2, 5, 15]

```

Symulacja jest przeprowadzana dla kilku kombinacji głębokości przeszukiwania algorytmu Negamax (AI\_DEPTHS), prawdopodobieństwa odrodzenia pionków (PROBABILITY) i użycia odcinania alfa-beta (prunning).

Dla każdej kombinacji tych parametrów, tworzony jest nowy obiekt gry Hexapawn z dwoma graczami AI. Gracze AI korzystają z algorytmu Negamax z określoną głębokością przeszukiwania i użyciem (lub nie) odcinania alfa-beta. Prawdopodobieństwo odrodzenia pionów jest ustawiane na określoną wartość.

Lista results zawiera wyniki wszystkich gier, wraz z parametrami, które były używane w tych grach.

```

In [ ]: from easyAI import AI_Player, Human_Player

        scoring = lambda game: -100 if game.lose() else 0
        results = []

        for i in range(NUMBER_OF_GAMES):
            for depth in AI_DEPTHS:
                for probability in PROBABILITY:
                    for prunning in [True, False]:
                        variant = 'Deterministic' if probability == 0 else 'Probab
                        print(f'\n\n ===== Starting game {i+1} at depth {depth}
                        ai = Negamax(depth, scoring, prunning=prunning)
                        game = Hexapawn([AI_Player(ai), AI_Player(ai)], probabili

                        start_time = time.time()
                        game.play()
                        elapsed_time = time.time() - start_time

                        winner = game.opponent_index
                        results.append([i+1, depth, variant, prunning, probabilit

```

```
In [ ]: import pandas as pd

df = pd.DataFrame(results, columns=['Game', 'Depth', 'Variant', 'Prunning', 'Probability', 'Winner', 'Time'])
print(df)
```

	Game	Depth	Variant	Prunning	Probability	Winner	Time
0	1	2	Deterministic	True	0.0	1	0.008092
1	1	2	Deterministic	False	0.0	2	0.009438
2	1	2	Probabilistic	True	0.1	1	0.005668
3	1	2	Probabilistic	False	0.1	2	0.007404
4	1	2	Probabilistic	True	0.5	2	0.005858
...	...	...	...	...	...	...	...
115	5	15	Probabilistic	False	0.1	2	4.526428
116	5	15	Probabilistic	True	0.5	2	20.530115
117	5	15	Probabilistic	False	0.5	2	20.903446
118	5	15	Probabilistic	True	0.9	1	31.203263
119	5	15	Probabilistic	False	0.9	2	25.756992

[120 rows x 7 columns]

Kolumny w tabeli oznaczają:

- Game: Numer gry w symulacji.
- Depth: Głębokość przeszukiwania algorytmu Negamax używana w tej grze.
- Variant: Wariant gry - "Deterministic" oznacza, że prawdopodobieństwo odrodzenia pionów było ustawione na 0, a "Probabilistic" oznacza, że było większe od 0.
- Prunning: Czy w tej grze używano odcinania alfa-beta (True) czy nie (False).
- Probability: Prawdopodobieństwo odrodzenia pionów w tej grze.
- Winner: Który gracz wygrał tę grę - gracz 1 czy 2.
- Time: Czas trwania gry w sekundach.

Analizując wyniki widzimy, że generalnie czas gry rośnie wraz ze wzrostem głębokości przeszukiwania algorytmu Negamax. Gry z odcinaniem alfa-beta zazwyczaj trwają krócej niż gry bez odcinania, co jest spodziewane, jako iż ta technika optymalizacji ma na celu przyspieszenie przeszukiwania drzewa gry.

```
In [ ]: print('\n\nNumber of wins for each player at each depth and variant:')
print(df.groupby(['Probability', 'Depth', 'Prunning', 'Winner']).size())
```



Number of wins for each player at each depth and variant:

Probability	Depth	Prunning	Winner	
0.0	2	False	2	5
		True	1	5
	5	False	2	5
		True	1	5
	15	False	2	5
		True	1	5
0.1	2	False	2	5
		True	1	4
			2	1
	5	False	2	5
		True	1	2
			2	3
	15	False	2	5
		True	1	4
			2	1
	2	False	2	5
		True	1	4
			2	1
0.5	5	False	2	5
		True	1	2
			2	3
	15	False	2	5
		True	1	2
			2	3
	2	False	2	5
		True	1	4
			2	1
	5	False	2	5
		True	2	5
			2	5
0.9	15	False	2	5
		True	1	3
			2	2
	2	False	2	5
		True	1	4
			2	1
	5	False	2	5
		True	2	5
			2	5
	15	False	2	5
		True	1	3
			2	2

dtype: int64

Tabela przedstawia liczbę wygranych dla każdego z graczy w zależności od głębokości przeszukiwania algorytmu Negamax (Depth), prawdopodobieństwa odrodzenia pionów (Probability) i użycia odcinania alfa-beta (Prunning).

Kolumny w tabeli oznaczają:

- Probability: Prawdopodobieństwo odrodzenia pionów w grze.
- Depth: Głębokość przeszukiwania algorytmu Negamax używana w grze.
- Prunning: Czy w grze używano odcinania alfa-beta (True) czy nie (False).
- Winner: Który gracz wygrał grę - gracz 1 czy 2.
- Wartość w ostatniej kolumnie: Liczba wygranych dla danego gracza.

W większości przypadków gracz 2 wygrywał więcej gier, prawdopodobieństwo odrodzenia pionów i użycie odcinania alfa-beta miało wpływ na wyniki gier - dla

prawdopodobieństwa odrodzenia pionów 0.1 i głębokości przeszukiwania 5, gracz 1 wygrał więcej gier, gdy odcinanie alfa-beta było wyłączone, ale gracz 2 wygrał więcej gier, gdy odcinanie alfa-beta było włączone.

```
In [ ]: average_times = df.groupby(['Probability', 'Depth', 'Prunning'])['Time'].
print('\n\nAverage times spent by each AI variant:')
print(average_times)
```

Average times spent by each AI variant:

Probability	Depth	Prunning	
0.0	2	False	0.006232
		True	0.004718
	5	False	0.048968
		True	0.037811
	15	False	2.572616
		True	1.001569
0.1	2	False	0.005675
		True	0.004440
	5	False	0.049196
		True	0.039896
	15	False	4.233591
		True	3.625594
0.5	2	False	0.005430
		True	0.004732
	5	False	0.054034
		True	0.044345
	15	False	36.004777
		True	15.133766
0.9	2	False	0.005371
		True	0.004697
	5	False	0.055539
		True	0.043778
	15	False	25.626632
		True	43.148022

Name: Time, dtype: float64

Tabela przedstawia średni czas gry dla różnych kombinacji głębokości przeszukiwania, prawdopodobieństwa odrodzenia pionów i użycia odcinania alfa-beta.

Kolumny w tabeli oznaczają:

- Probability: Prawdopodobieństwo odrodzenia pionów w grze.
- Depth: Głębokość przeszukiwania algorytmu Negamax używana w grze.
- Prunning: Czy w grze używano odcinania alfa-beta (True) czy nie (False).
- Time: Średni czas trwania gry w sekundach.

Z wyników można zauważyć, że średni czas gry generalnie rośnie wraz ze wzrostem głębokości przeszukiwania. Jest to spodziewane, ponieważ większa głębokość

przeszukiwania oznacza, że algorytm musi przeszukać więcej gałęzi drzewa gry.