

Kryptographie – eine „doppelte Herausforderung“ für die Lehre



Univ.-Prof. Priv.Doiz. Dipl.Ing. Dipl.Ing. Dr. Stefan Rass

Kryptographie ist alltäglich: ID Austria, https://...



Quelle: www.oesterreich.gv.at

BUNDESGESETZBLATT FÜR DIE REPUBLIK ÖSTERREICH

Jahrgang 2008

Ausgegeben am 7. Jänner 2008

Teil II

3. Verordnung: Signaturverordnung 2008 – SigV 2008

3. Verordnung des Bundeskanzlers über elektronische Signaturen (Signaturverordnung 2008 – SigV 2008)

Auf Grund des § 25 des Signaturgesetzes, BGBl. I Nr. 190/1999, zuletzt geändert durch das Bundesgesetz BGBl. I Nr. 8/2008, wird im Einvernehmen mit der Bundesministerin für Justiz verordnet:

Gebühren für Aufsichtstätigkeiten

§ 1. (1) Von den Zertifizierungsdiensteanbietern (ZDA) sind für Leistungen im Rahmen der Aufsichtstätigkeit folgende Gebühren zu entrichten:

1. Prüfung des Sicherheits- und Zertifizierungskonzepts anlässlich der Aufnahme

Quellen: <https://www.ris.bka.gv.at/>

DSA ... digital signature
algorithm → Programmier-
Aufgabe zum besseren
Verständnis

§ 16. Diese Verordnung samt Anhang tritt mit Kundmachung in Kraft. Gleichzeitig tritt die Verordnung des Bundeskanzlers über elektronische Signaturen, BGBl. II Nr. 30/2000, in der Fassung der Verordnung BGBl. II Nr. 527/2004, samt Anhang außer Kraft.

Gusenbauer

ANHANG

Algorithmen und Parameter für qualifizierte elektronische Signaturen

1. Definitionen

1. Signatursuite: Eine Signatursuite besteht aus folgenden Komponenten:

- einem Signaturalgorithmus mit Parametern,
- einem Algorithmus zur Schlüsselerzeugung,
- einem Padding-Verfahren und
- einer kryptographischen Hashfunktion.

2. Bitlänge: Die Bitlänge einer natürlichen Zahl p ist r , wenn $2^{r-1} \leq p < 2^r$ gilt.
3. Kryptographische Hashfunktion: Der Algorithmus „Hash-Funktion“ ist eine nicht umkehrbare Funktion, die eine umfangreiche Datenmenge (in der Regel einen Text) auf eine im Allgemeinen wesentlich kleinere Zielmenge fester Länge (Hash-Wert) abbildet.

2. Abkürzungen

A9C	„Article 9 Committee“ (Ausschuss für elektronische Signaturen gemäß Art. 9 der Richtlinie 1999/93/EG)
DSA	Digital Signature Algorithm
ECDSA	Elliptic Curve Digital Signature Algorithm
ECGDSA	Elliptic Curve German Digital Signature Algorithm
RSA	Verfahren von Rivest, Shamir und Adleman

3. Zulässige Signatursuiten

Algorithmen und Parameter für qualifizierte elektronische Signaturen dürfen nur in vordefinierten Kombinationen verwendet werden, die als Signatursuiten bezeichnet werden.

Falls eine Komponente der Suite ungültig ist, ist auch die gesamte Suite ungültig. Falls eine Komponente der Suite aktualisiert worden ist, ist auch die gesamte Suite zu aktualisieren.

Tabelle 1a – Liste der zulässigen Signatursuiten:				
Kennzahl des Signatursuite-Eintrags	Signatur-Algorithmus	Parameter des Signaturalgorithmus	Algorithmus zur Schlüsselerzeugung	Padding-Verfahren
001	rsa	MinModLen = 1024	rsagen1	siehe Tabelle 3
002	dsa	pMinLen = 1024 qMinLen = 160 qModLen = 160	dsagen1	-

Datenschutz, Kryptographie und aktuelle Bedrohungen

- Kryptographie:
 - Wichtigkeit nimmt zu wegen Angriffen durch Seitenkanäle, Quantencomputer, ...
 - Interesse bisweilen groß
- Schwierig zu unterrichten, denn es erfordert:
 - Gute Programmierkenntnisse
 - Und tiefe mathematische Grundlagen
 - spielerischer Zugang (try-and-error) nur sehr schwer möglich

Digitales Signaturverfahren (im Detail)

ELGamal-based Signatures (basic algorithm) 1

Secure Systems Group – S. Rass

• We assume that A wants to send message m authentic to B . Hence A signs m resp. the hash-value $h = H(m)$.

Prerequisites: (analogous for encryption → slide 2-49)

- 1 $p \in \mathbb{P}$, public, $p-1$ has a large prime factor.
- 2 α is a primitive root modulo p , public.
- 3 $m \in [0, p-1]$ is the message to be signed (if $m > p-1$ use $h = H(m)$).

Initialization: (analogous for encryption → slide 2-49)

- 1 User i chooses $x_i \in [0, p-1]$, x_i is the secret parameter.
- 2 User i calculates $y_i = \alpha^{x_i} \text{ MOD } p$, y_i public.

• Remark: The use of a hash-function (as with all other signature algorithms) is not shown here.

ELGamal-based Signatures (basic algorithm) 2

Secure Systems Group – S. Rass

Signature:

- 1 A chooses a secret value $k \in \mathbb{Z}_{p-1}^*$ and calculates the value $r := \alpha^k \text{ MOD } p$ (s.t. that r is also a primitive root modulo p).
- 2 A solves the congruence $m = x_A \cdot r + k \cdot s \pmod{p-1}$ for s :
With $k \in \mathbb{Z}_{p-1}^*$, $k^{-1} \pmod{p-1}$ exists, and hence
 $s = k^{-1} \cdot (m - x_A \cdot r) \pmod{p-1}$ resp.
 $s = k^{-1} \cdot (h - x_A \cdot r) \pmod{p-1}$ with $h = H(m)$.
- 3 A sends m and the signature $(r, s) = S(m, x_A)$ to B .

Verification:

Remember: $u = S(m, x_A)$, $(u, y_A) \in \{\text{true}, \text{false}\}$.
 B checks, if $\alpha^m = (y_A)^r \cdot r^s \pmod{p}$ (analogous for $h = H(m)$)

$V(m, (r, s), y_A) = \text{true} \iff \alpha^m = (y_A)^r \cdot r^s \pmod{p}$ resp.
 $V(m, (r, s), y_A) = \text{true} \iff \alpha^h = (y_A)^r \cdot r^s \pmod{p}$ with $h = H(m)$.

Primitive root modulo p

„Large“ prime factor

„solve the congruence“

Hash function

k^{-1} , aber keine „klassische“ Division!

\mathbb{Z}_{p-1}^*

$(\text{mod } p)$ vs. $(\text{mod } p-1)$

Die Mathematik scheint einfach, die Implementierung ebenfalls ... beider Schein trügt!

- Die Korrektheit des Signaturverfahrens lässt sich sehr leicht nachrechnen...aber nicht so leicht nach-programmieren!

Nur Einsetzen +
Potenzrechenregeln

+ 1x ein
„Logarithmus“

ElGamal-based Signatures (basic algorithm) 3

Theorem 1.5

For the basic signature algorithm the following holds::

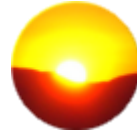
$$u = S(m, x_A) \Leftrightarrow V(m, u, y_A) = \text{true}.$$

$$\begin{aligned} V(m, u, y_A) &= \text{true} \\ &\Leftrightarrow \alpha^m = (y_A)^r \cdot r^s \pmod{p} \\ &\Leftrightarrow \alpha^m = \alpha^{x_A \cdot r} \cdot \alpha^{k \cdot s} \pmod{p} \\ &\Leftrightarrow \alpha^m = \alpha^{x_A \cdot r + k \cdot s} \pmod{p} \\ &\Leftrightarrow m = x_A \cdot r + k \cdot s \pmod{p-1} \quad // \text{Fermat} \\ &\Leftrightarrow (r, s) = S(m, x_A) \end{aligned}$$

Die Gefahr verbirgt sich hier:
ein „Wechsel“ der
algebraischen Struktur von
 $(\text{mod } p) \rightarrow (\text{mod } p-1)$

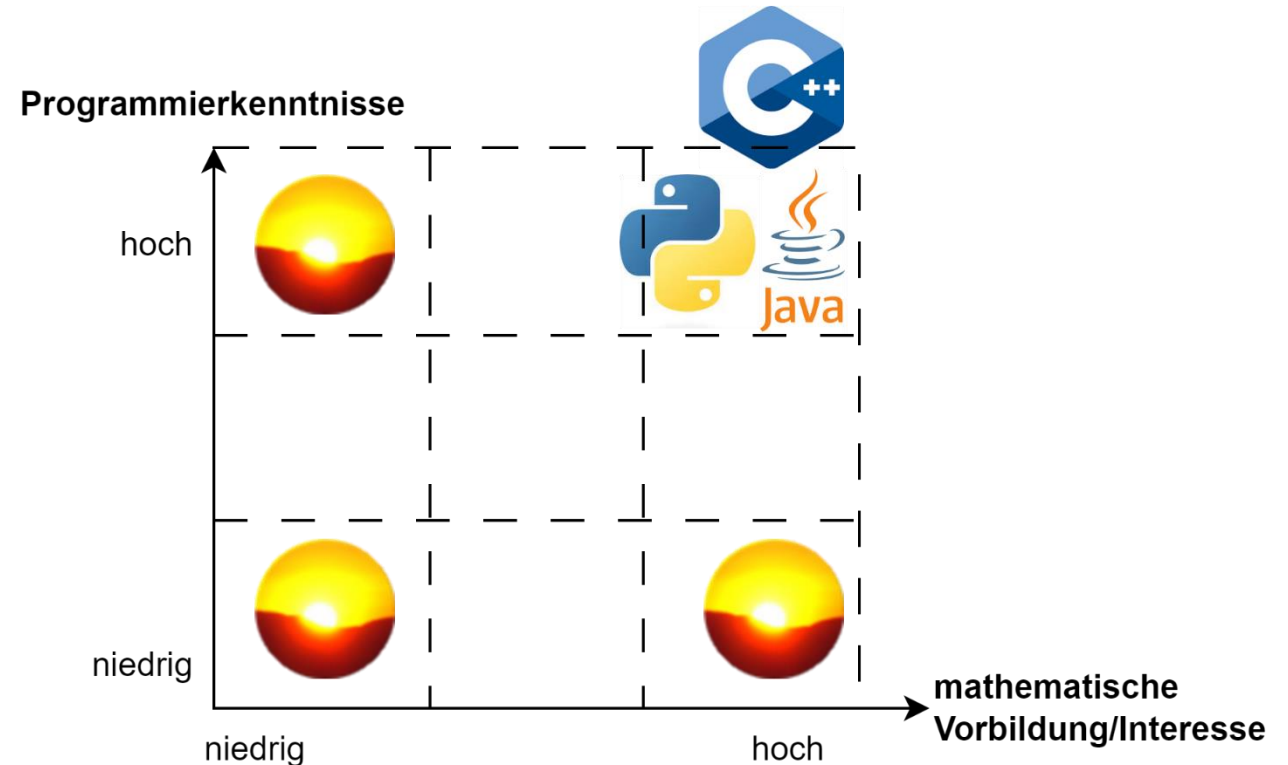
Unser Ansatz um Kryptographie zu lehren

- Das System „Sunset/FFapl“



- FFapl = die Programmiersprache
- Sunset = die Entwicklungsumgebung

Was du mir sagst, das vergesse ich.
Was du mir zeigst, daran erinnere ich mich.
Was du mich tun lässt; das verstehe ich.
Konfuzius (551 - 479 v. Chr.)



<https://github.com/stefan-rass/sunset-ffapl>

Universelles Fälschen – „Learning by Doing“

- Gegeben: eine (beliebige) digitale Signatur zu einem vorgegebenen Dokument m_1
- Gesucht: eine ebenso gültige Signatur zu einem beliebig gefälschten Dokument m_2
- Sofern die Systemparameter nicht authentifiziert werden, ist das möglich! → um zu verstehen lohnt es sich den Angriff selber durchzuspielen

Der Angriff
(„nur 3 Formeln“)

- ... by manipulating the used primitive root (changing α to β):
 (r_1, s_1) is an ElGamal-Signature for message m_1 (with primitive root α). Now a signature (with primitive root β) for m_2 can be constructed: Determine the following values and exchange α by β .
 $t := (m_2 - m_1) \cdot s_1^{-1} \text{ MOD } (p-1) \Rightarrow m_2 = (m_1 + t \cdot s_1) \text{ MOD } (p-1)$
 $v := \alpha^t \text{ MOD } p, \beta := \alpha^v \text{ MOD } p$
- Remarks:
 - Calculating v and t is always possible. The only thing to know is a signature (r_1, s_1) to some message m_1 .
 - β is a primitive root mod p , iff $\text{gcd}(v, p-1) = 1$. The probability for that is about $6/\pi^2$.

Universal Forgery 2

Lemma 1.8

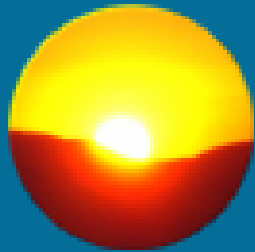
$(r_2, s_2) = (r_1 \cdot v, s_1 \cdot v)$ is an ElGamal-Signature for message m_2 , whereby the primitive root β has to be used!

Proof: ... Remember that $r = \alpha^k \pmod{p}, \dots, m = x \cdot r + k \cdot s \pmod{p-1}$. It is sufficient to show that the verification (with β) does work.

$$\begin{aligned} y_A^{r_2} \cdot r_2^{s_2} &= \alpha^{x_A \cdot r_1 \cdot v} (r_1 \cdot v)^{s_1 \cdot v} = \alpha^{v \cdot (x_A \cdot r_1 + k_1 \cdot s_1)} \cdot v^{s_1 \cdot v} \\ &= \beta^{m_1} \cdot \alpha^{t \cdot s_1 \cdot v} = \beta^{m_1} \cdot \beta^{t \cdot s_1} = \beta^{m_1 + t \cdot s_1} \\ &= \beta^{m_2} \pmod{p} \end{aligned}$$

Die Begründung
(3 Zeilen einfacher
Umformungen)

Kryptographie – eine „doppelte Herausforderung“ für die Lehre



<https://github.com/stefan-rass/sunset-ffapl>

Frei verfügbar unter GPL

Univ.-Prof. Priv.Doiz. Dipl.Ing. Dipl.Ing. Dr. Stefan Rass