Curs 11

## Cuprins

1 Limbajul IMP

- O implementare a limbajului IMP în Prolog
- 3 O implementare a semanticii small-step

Acest material urmează cursul introductiv:

T. Şerbănuță, Semantica Limbajelor de Programare, master, anul I.

# Limbajul IMP

## Limbajul IMP

#### Vom implementa un limbaj care conține:

```
□ Expresii
    Aritmetice
                                                             x + 3
    Booleene
                                                            x >= 7
Instrucţiuni
    De atribuire
                                                             x = 5
                                          if(x >= 7, x = 5, x = 0)
    Condiționale
    De ciclare
                                          while(x >= 7, x = x - 1)
☐ Compunerea instruţiunilor
                                          x=7; while (x>=0, x=x-1)
                                        \{x=7; while(x>=0, x=x-1)\}
☐ Blocuri de instrucțiuni
```

## Limbajul IMP

#### Exemplu

Un program în limbajul IMP

#### □ Semantica

după execuția programului, se evaluează sum

## Sintaxa BNF a limbajului IMP

```
E ::= n \mid x
   |E+E|E-E|E*E
B := true \mid false
   \mid E = \langle E \mid E \rangle = E \mid E = E
   \mid not(B) \mid and(B, B) \mid or(B, B)
St ::= skip
    | x = E
    | if(B, St, St)
    while (B, St)
    |\{St\}| St: St
P := \{ St \}, E
```

# O implementare a limbajului IMP în Prolog

## Decizii de implementare

```
☐ {} și ; sunt operatori
  :- op(100, xf, {}).
  :- op(1100, yf, ;).
☐ definim un predicat pentru fiecare categorie sintactică
  stmt(while(BE,St)) :- bexp(BE), stmt(St).
□ while, if, and, etc sunt functori în Prolog
   while(true, skip) este un termen compus
are semnificația obișnuită
pentru valori numerice folosim întregii din Prolog
  aexp(I) := integer(I).
pentru identificatori folosim atomii din Prolog
  aexp(X) := atom(X).
```

## Expresiile aritmetice

```
E ::= n \mid x\mid E + E \mid E - E \mid E * E
```

```
aexp(I) :- integer(I).
aexp(X) :- atom(X).
aexp(A1 + A2) :- aexp(A1), aexp(A2).
aexp(A1 - A2) :- aexp(A1), aexp(A2).
aexp(A1 * A2) :- aexp(A1), aexp(A2).
```

## Expresiile aritmetice

#### Exemplu

```
?- aexp(1000).
true.
?- aexp(id).
true.
?- aexp(id + 1000).
true.
?- aexp(2 + 1000).
true.
?- aexp(x * y).
true.
?- aexp(-x).
false.
```

## Expresiile booleene

```
B := \text{true} \mid \text{false}

\mid E = \langle E \mid E \rangle = E \mid E = E

\mid \text{not}(B) \mid \text{and}(B, B) \mid \text{or}(B, B)
```

```
bexp(true). bexp(false).
bexp(and(BE1,BE2)) :- bexp(BE1), bexp(BE2).
bexp(or(BE1,BE2)) :- bexp(BE1), bexp(BE2).
bexp(not(BE)) :- bexp(BE).

bexp(A1 =< A2) :- aexp(A1), aexp(A2).
bexp(A1 >= A2) :- aexp(A1), aexp(A2).
bexp(A1 == A2) :- aexp(A1), aexp(A2).
```

# Expresiile booleene

#### Exempli

```
?- bexp(true).
true.
?- bexp(id).
false.
?- bexp(not(1 = < 2)).
true.
?- bexp(or(1 =< 2,true)).
true.
?- bexp(or(a = < b,true)).
true.
?- bexp(not(a)).
false.
?- bexp(!(a)).
false.
```

## Instrucțiunile

```
St ::= skip
    | x = E;
    | if(B) St else St
    | while(B) St
    | { St } | St : St
```

```
stmt(skip).
stmt(X = AE) :- atom(X), aexp(AE).
stmt(St1;St2) :- stmt(St1), stmt(St2).
stmt((St1;St2)) :- stmt(St1), stmt(St2).
stmt({St}) :- stmt(St).
stmt(if(BE,St1,St2)) :- bexp(BE), stmt(St1), stmt(St2).
stmt(while(BE,St)) :- bexp(BE), stmt(St).
```

## Instrucțiunile

#### Exempli

```
?- stmt(id = 5).
true.
?- stmt(id = a).
true.
?- stmt(3 = 6).
false.
?- stmt(if(true, x=2;y=3, x=1;y=0)).
true.
?- stmt(while(x = < 0, skip)).
true.
?- stmt(while(x = < 0,)).
false.
?- stmt(while(x = < 0, skip)).
true .
```

# Programele

```
P ::= \{ St \}, E
```

## Prolog

```
program(St,AE) :- stmt(St), aexp(AE).
```

#### Exemplu

true.

# O implementare a semanticii small-step

## Semantica small-step

- ☐ Introdusă de Gordon Plotkin (1981)
- Denumiri alternative:
  - Semantică Operațională Structurală
  - semantică prin tranziții
  - semantică prin reducere
- Definește cel mai mic pas de execuție ca o relație "de tranziție" între configurații:

$$\langle cod, \sigma \rangle \rightarrow \langle cod, \sigma' \rangle$$

Execuția se obține ca o succesiune de astfel de tranziții:

$$\langle \operatorname{int} x = 0 ; x = x + 1 ; , \bot \rangle \rightarrow \langle x = x + 1 ; , x \mapsto 0 \rangle$$

$$\rightarrow \langle x = 0 + 1 ; , x \mapsto 0 \rangle$$

$$\rightarrow \langle x = 1 ; , x \mapsto 0 \rangle$$

$$\rightarrow \langle \{\}, x \mapsto 1 \rangle$$

## Semantica small-step

□ Definește cel mai mic pas de execuție ca o relație de tranziție între configurații:

```
\langle cod, \sigma \rangle \rightarrow \langle cod', \sigma' \rangle smallstep(Cod,S1,Cod',S2)
```

- ☐ Execuția se obține ca o succesiune de astfel de tranziții.
- □ Starea executiei unui program IMP la un moment dat este o funcție parțială:  $\sigma = n \mapsto 10, sum \mapsto 0$ , etc.

#### Reprezentarea stărilor în Prolog

```
get(S,X,I) :- member(vi(X,I),S).
get(_,_,0).
set(S,X,I,[vi(X,I)|S1]) :- del(S,X,S1).

del([vi(X,_)|S],X,S).
del([H|S],X,[H|S1]) :- del(S,X,S1) .
del([],_,[]).
```

# Semantica expresiilor aritmetice

☐ Semantica unei variabile

$$\langle x, \sigma \rangle \rightarrow \langle i, \sigma \rangle$$
 dacă  $i = \sigma(x)$ 

```
smallstepA(X,S,I,S) :-
atom(X),
get(S,X,I).
```

## Semantica expresiilor aritmetice

☐ Semantica adunării a două expresii aritmetice

$$\begin{split} \langle \emph{i}_1 + \emph{i}_2 \;,\; \sigma \rangle &\rightarrow \langle \emph{i} \;,\; \sigma \rangle \quad \textit{dacă} \; \emph{i} = \emph{i}_1 + \emph{i}_2 \\ \frac{\langle \emph{a}_1 \;,\; \sigma \rangle \rightarrow \langle \emph{a}_1' \;,\; \sigma \rangle}{\langle \emph{a}_1 + \emph{a}_2 \;,\; \sigma \rangle \rightarrow \langle \emph{a}_1' + \emph{a}_2 \;,\; \sigma \rangle} & \frac{\langle \emph{a}_2 \;,\; \sigma \rangle \rightarrow \langle \emph{a}_2' \;,\; \sigma \rangle}{\langle \emph{a}_1 + \emph{a}_2 \;,\; \sigma \rangle \rightarrow \langle \emph{a}_1 + \emph{a}_2' \;,\; \sigma \rangle} \end{split}$$

## Semantica expresiilor aritmetice

#### Exemplu

$$\begin{array}{l} \text{?- small stepA}(a+b,\,[vi(a,1),vi(b,2)],AE,\,S).} \\ \text{AE} = 1+b, \\ \text{S} = [vi(a,\,1),\,vi(b,\,2)] \;.} \\ \text{?- small stepA}(1+b,\,[vi(a,1),vi(b,2)],AE,\,S).} \\ \text{AE} = 1+2, \\ \text{S} = [vi(a,\,1),\,vi(b,\,2)] \;.} \\ \text{?- small stepA}(1+2,\,[vi(a,1),vi(b,2)],AE,\,S).} \\ \text{AE} = 3, \\ \text{S} = [vi(a,\,1),\,vi(b,\,2)] \\ \end{array}$$

☐ Semantica \* și - se definesc similar.

## Semantica expresiilor booleene

☐ Semantica operatorului de comparație

```
\begin{split} & \text{smallstepB}(\text{II} = < \text{I2}, \text{S}, \text{true}, \text{S}) :- \text{ integer}(\text{I1}), \text{integer}(\text{I2}), \\ & \qquad \qquad (\text{II} = < \text{I2}). \\ & \text{smallstepB}(\text{II} = < \text{I2}, \text{S}, \text{false}, \text{S}) :- \text{ integer}(\text{I1}), \text{integer}(\text{I2}), \\ & \qquad \qquad (\text{II} > \text{I2}). \\ & \text{smallstepB}(\text{I} = < \text{AE1}, \text{S}, \text{I} = < \text{AE2}, \text{S}) :- \text{ integer}(\text{I}), \\ & \qquad \qquad \qquad \text{smallstepA}(\text{AE1}, \text{S}, \text{AE2}, \text{S}). \\ & \text{smallstepB}(\text{AE1} = < \text{AE}, \text{S}, \text{AE2} = < \text{AE}, \text{S}) :- \\ & \qquad \qquad \text{smallstepA}(\text{AE1}, \text{S}, \text{AE2}, \text{S}). \\ \end{split}
```

## Semantica expresiilor Booleene

#### ☐ Semantica negației

```
\begin{split} &\langle \text{not(true)} \ , \ \sigma \rangle \to \langle \text{false} \ , \ \sigma \rangle \\ &\langle \text{not(false)} \ , \ \sigma \rangle \to \langle \text{true} \ , \ \sigma \rangle \\ &\frac{\langle a \ , \ \sigma \rangle \to \langle a' \ , \ \sigma \rangle}{\langle \text{not} \ (a) \ , \ \sigma \rangle \to \langle \text{not} \ (a') \ , \ \sigma \rangle} \end{split}
```

# Semantica compunerii și a blocurilor

- □ Semantica blocurilor
  - $\langle \{ s \} , \sigma \rangle \rightarrow \langle s , \sigma \rangle$
- ☐ Semantica compunerii secvențiale

$$\langle \{\} \ s_2 \ , \ \sigma \rangle \rightarrow \langle s_2 \ , \ \sigma \rangle \qquad \frac{\langle s_1 \ , \ \sigma \rangle \rightarrow \langle s_1' \ , \ \sigma' \rangle}{\langle s_1 \ s_2 \ , \ \sigma \rangle \rightarrow \langle s_1' \ s_2 \ , \ \sigma' \rangle}$$

```
\label{eq:smallsteps} $$ smallstepS(\{E\},S,E,S).$$ smallstepS((skip;St2),S,St2,S).$$ smallstepS((St1;St),S1,(St2;St),S2):-$$ smallstepS(St1,S1,St2,S2).
```

#### Semantica atribuirii

#### ☐ Semantica atribuirii

$$\langle x = i, \sigma \rangle \rightarrow \langle \{\}, \sigma' \rangle \quad dac\check{a}\sigma' = \sigma[i/x]$$

$$\frac{\langle a, \sigma \rangle \rightarrow \langle a', \sigma \rangle}{\langle x = a, \sigma \rangle \rightarrow \langle x = a'; \sigma \rangle}$$

#### Semantica lui if

☐ Semantica lui if

$$\begin{split} & \langle \text{if (true}, bl_1, bl_2) \;,\; \sigma \rangle \rightarrow \langle bl_1 \;,\; \sigma \rangle \\ & \langle \text{if (false}, bl_1, bl_2) \;,\; \sigma \rangle \rightarrow \langle bl_2 \;,\; \sigma \rangle \\ & \frac{\langle b \;,\; \sigma \rangle \rightarrow \langle b' \;,\; \sigma \rangle}{\langle \text{if } (b, bl_1, bl_2) \;,\; \sigma \rangle \rightarrow \langle \text{if } (b', bl_1, bl_2) \;,\; \sigma \rangle} \end{split}$$

#### Semantica lui while

#### ☐ Semantica lui while

$$\langle \text{while } (b, bl), \sigma \rangle \rightarrow \langle \text{if } (b, bl), \text{while } (b, bl), \text{skip} \rangle$$

## Prolog

 ${\tt smallstepS(while(BE,St),S,if(BE,(St;while(BE,St)),skip),S)}\,.$ 

## Semantica programelor

□ Semantica programelor

$$\begin{split} &\frac{\langle a_1 \;,\; \sigma_1 \rangle \to \langle a_2 \;,\; \sigma_2 \rangle}{\langle \left( \texttt{skip}, a_1 \right) \;,\; \sigma_1 \rangle \to \langle \left( \texttt{skip}, a_2 \right) \;,\; \sigma_2 \rangle} \\ &\frac{\langle s_1 \;,\; \sigma_1 \rangle \to \langle s_2 \;,\; \sigma_2 \rangle}{\langle \left( s_1, a \right) \;,\; \sigma_1 \rangle \to \langle \left( s_2, a \right) \;,\; \sigma_2 \rangle} \end{split}$$

# Execuția programelor

#### Prolog

#### Exemplu

## Execuția programelor: trace

Putem defini o funcție care ne permite să urmărim execuția unui program în implementarea noastră?

# Execuția programelor: trace\_program

#### Exemplu

```
?- trace program(pg2).
. . .
[vi(x,-1),vi(sum,55)]
if(0=<x,(sum=sum+x;x=x-1;while(0=<x,sum=sum+x;x=x-1)),skip)
sum
[vi(x,-1),vi(sum,55)]
if(0=<-1,(sum=sum+x;x=x-1;while(0=<x,sum=sum+x;x=x-1)),skip)
sum
[vi(x,-1),vi(sum,55)]
if(false,(sum=sum+x;x=x-1;while(0=<x,sum=sum+x;x=x-1)),skip)
sum
[vi(x,-1),vi(sum,55)]
skip
sum
[vi(x,-1),vi(sum,55)]
skip
55
[vi(x,-1),vi(sum,55)]
true .
```

Pe săptămâna viitoare!