Aufgabe 1

Bestimmen Sie die Fläche, die begrenzt ist durch die Parabeln

$$y^2 = 4 - x$$
 und  $y^2 = 4 - 4x$ 

Lösung 1

Aufgabe 2

Gegeben seien die Funktionen

$$f(x) = 5 - \frac{5}{\pi^2}x^2$$
 und  $g(x) = 4\cos\left(\frac{x}{2}\right)$ 

- a) Berechnen Sie die von den beiden Funktionen begrenzte Fläche.
- b) Bestimmen Sie anschließend den Schwerpunkt der eingeschlossenen Fläche.

*Hinweise*: Die Schnittstellen der beiden Funktionen sind die Nullstellen. Nutzen Sie zur Berechnung der Fläche ggfls. die Symmetrie der Funktionen.

Lösung 2

Berechne Nullstellen der Funktionen

$$f(x) = 0$$

$$\Leftrightarrow 5 - \frac{5}{\pi^2}x^2 = 0$$

$$\Leftrightarrow 0 = \frac{5}{\pi^2}x^2 - 5$$

Aufgabe 3

Berechnen Sie das Volumen unterhalb der Funktion

$$f(x,y) = x^2 + y^2 + 1$$

über das folgende Integrationsgebiet

$$G = \{(x,y) \in \mathbb{R}^2 \mid 0 \le x \le 1, 0 \le y \le x\}.$$

Ausgabe: 24.04.2023

Abgabe: 02.05.2023

Ausgabe: 24.04.2023 Abgabe: 02.05.2023

### Lösung 3

## Aufgabe 4

Sei die Funktion  $f(x,y) = x \cdot y$  sowie das Integrationsgebiet

$$G = \{(x,y) \in \mathbb{R}^2 \mid x \ge 0, \ y \ge 0, \ x^2 + y^2 \le 2, \ y \le x^2\}$$

gegeben. Berechnen Sie das zugehörige Volumen.

#### Lösung 4

# Aufgabe 5

Gegeben ist der Integrationsbereich

$$A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid x^2 + y^2 \le 4, \ x \le 0, \ y \ge 0\}.$$

Berechnen Sie mit Hilfe der Polarkoordinaten

$$\int\limits_A y\cdot (x^2+y^2)^{\frac{1}{2}}\ dA$$

### Lösung 5