Aufgabe 1

Gegeben seien die folgenden Differentialgleichungen 2. Ordnung.

a)
$$y'' - 6y' + 8y = -24 - 56x + 48x^2$$

b)
$$y'' + 2y' = 8 + 36x$$

Bestimmen Sie deren Lösung y(x).

Lösung 1a

$$y(x) = c_1 e^{2x} + c_2 e^{4x} + 6x^2 + 2x - 3$$

Lösung 1b

$$y(x) = c_1 e^{-2x} + c_2 + 9x^2 - 5x$$

Aufgabe 2

Lösen Sie das folgende Anfangswertproblem

$$y'' - 3y' + 2y = e^x$$
 $y(0) = 3$, $y'(0) = 4$

Lösung 2

$$y(x) = e^x \cdot (-x + 2e^x + 1)$$

Aufgabe 3

Lösen Sie die gegebenen Differentialgleichungen 2.Ordnung

a)
$$y'' + 4y' = -16 + 8x$$

b)
$$y'' + 4y' + 13y = -100e^{2x}$$

c)
$$y'' + 24y = 84\sin(2x) + 152\cos(2x)$$

Lösung 3a

$$y(x) = c_1 e^{-4x} + c_2 + x^2 - \frac{9x}{2}$$

Lösung 3b

$$y(x) = c_1 e^{-2x} \sin(3x) + c_2 e^{-2x} \cos(3x) - 4e^{2x}$$

Ausgabe: 22.05.2023

Abgabe: 29.05.2023

Ausgabe: 22.05.2023 Abgabe: 29.05.2023

Lösung 3c

$$y(x) = c_2 \sin(2\sqrt{6}x) + c_1 \cos(2\sqrt{6}x) + \frac{21}{5}\sin(2x) + \frac{38}{5}\cos(2x)$$

Aufgabe 4

Lösen Sie das folgende Anfangswertproblem mithilfe von Bernoulli

$$y^3 - x^2 + x \cdot y^2 \cdot y' = 0, \qquad y(1) = 1$$

Lösung 4

$$y(x) = \frac{\sqrt[3]{3x^5 + 1}}{\sqrt[3]{5} \cdot x}$$

Aufgabe 5

Bestimmen Sie die allgemeine Lösung der folgenden Differentialgleichungen

$$y' + 8y = 21 - 18x - 5e^{-8x} + 40\cos(2x) + 24\sin(2x) + 24x^2$$

Lösung 5

$$y(x) = c_1 e^{-8x} + 3x^2 - 5e^{-8x}x - 3x + 4\sin(2x) + 4\cos(2x) + 3$$