# Aufgabe 1

Für die Ereignisse A, B und C aus einem Ereignissystem gilt

$$P(A) = 0.5$$
  $P(B) = 0.2$   $P(C) = 0.3$ 

$$P(A \cap B \cap C) = 0.02$$
  $P(A \cup B) = 0.6$   $P(A \cup C) = 0.6$   $P(B \cap C) = 0.1$ 

Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeiten für:

- a)  $P(B \cup C)$
- b)  $P(A \cap C)$
- c)  $P(A \cap B)$
- d)  $P(A \cup B \cup C)$

#### Lösung 1

Die Wahrscheinlichkeiten für die gegebenen Ereignismengen aus dem Ereignissystem sind:

a) 
$$P_a(B \cup C) = P(B) + P(C) - P(B \cap C) = 0.2 + 0.3 - 0.1 = 0.4$$

b) 
$$P_b(A \cap C) = P(A) + P(C) - P(A \cup C) = 0.5 + 0.3 - 0.6 = 0.2$$

c) 
$$P_c(A \cap B) = P(A) + P(B) - P(A \cup B) = 0.5 + 0.2 - 0.6 = 0.1$$

d) 
$$P_d(A \cup B \cup C) = P(A) + P(B) + P(C) - P(A \cap B) - P(A \cap C) - P(B \cap C) + P(A \cap B \cap C)$$
$$= 0.5 + 0.2 + 0.3 - 0.1 - 0.2 - 0.1 + 0.02$$
$$= 0.62$$

# Aufgabe 2

Eine Spieler bzw. eine Spielerin wirft zwei verschiedenfarbige "faire"Würfel. Sind die Augenzahlen gleich und gerade, erhält sie/er einen Gewinn von 6 Euro. Sind die Augenzahlen aber gleich und ungerade, muss der Spieler bzw. die Spielerin 6 Euro an die Bank zahlen. Sind die Augenzahlen beider Würfel ungleich und stellt deren Summe eine ungerade Zahl dar, verliert der Spieler bzw. die Spielerin 3 Euro. Ansonsten (ungleiche Augenzahlen bei gerader Summe) beträgt der Gewinn 3 Euro. Wählen Sie eine zweckmäßige Zufallsvariable X aus.

- a) Bestimmen Sie die Wahrscheinlichkeit für die Werte der Zufallsvariable.
- b) Berechnen Sie anschließend den Erwartungswert für X.

Ausgabe: 17.10.2023

Abgabe: 23.10.2023

Ausgabe: 17.10.2023 Abgabe: 23.10.2023

#### Lösung 2

## Aufgabe 3

Die Zufallsvariable X besitze den Erwartungswert E(X) = 2. Berechnen Sie den Erwartungswert der folgenden linearen Transformationen:

- a)  $Z_1 = 2X 3$
- b)  $Z_2 = -0.5X + 2$
- c)  $Z_3 = 10X$
- d)  $Z_4 = 2$

#### Lösung 3

## Aufgabe 4

An einem Schwimmwettbewerb nehmen 20 Schwimmer:innen teil. Darunter sind 12 Auszubildende und 8 Schüler:innen.

- a) Wie wahrscheinlich ist es, dass die ersten drei Plätze nur von Auszubildenden eingenommen werden?
- b) Die Zufallsvariable *X* sei nun die "Anzahl der Auszubildenden unter den ersten drei Plätzen". Welches der folgenden Ereignisse ist am Wahrscheinlichsten:
  - i. 1 Auszubildende:r unter den ersten drei
  - ii. 2 Auszubildende unter den ersten drei
  - iii. 3 Auszubildende unter den ersten drei

## Lösung 4