极客时间算法训练营 第六课 深度优先搜索、广度优先搜索

李煜东

《算法竞赛进阶指南》作者



日灵

- 1. 状态与状态空间
- 2. 深度优先搜索(DFS)的实现与应用
- 3. 广度优先搜索(BFS)的实现与应用
- 4. DFS与BFS的对比

本课的重要性

- 本课将第一次归纳总结状态、状态空间和把问题抽象为树或图的方法
- 搜索是解决一切问题的万金油算法,众多没有多项式时间解法的问题都需要靠搜索求解
- 学会定义搜索框架,将极大地帮助你学习动态规划和图论算法
- 搜索题是训练代码能力最有效的题目类别

状态与状态空间

状态

什么是状态?

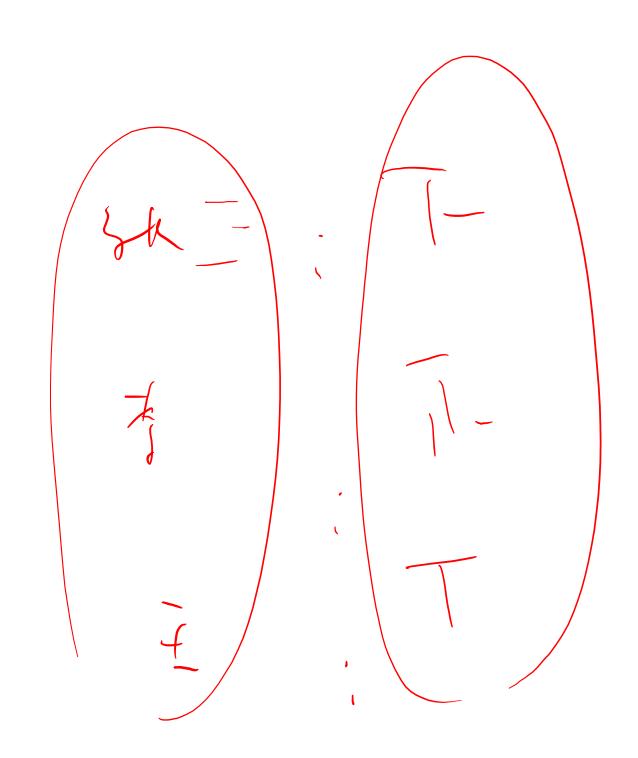
- 题面中涉及的所有数学信息
- 你在纸上人力计算时,关注的所有数据
- 一个函数访问的所有变量

例如最简单的计票问题

• 给 n 个名字, 统计每个名字出现了多少次

你在纸上画"正"字统计的时候,关注了哪些数据?

- 名字 (n 个字符串)
- 统计到哪个名字了 (第 $1 \le i \le n$ 个名字)
- 画的"正"字(一个用于计数的数据结构,例如 Hash Map)



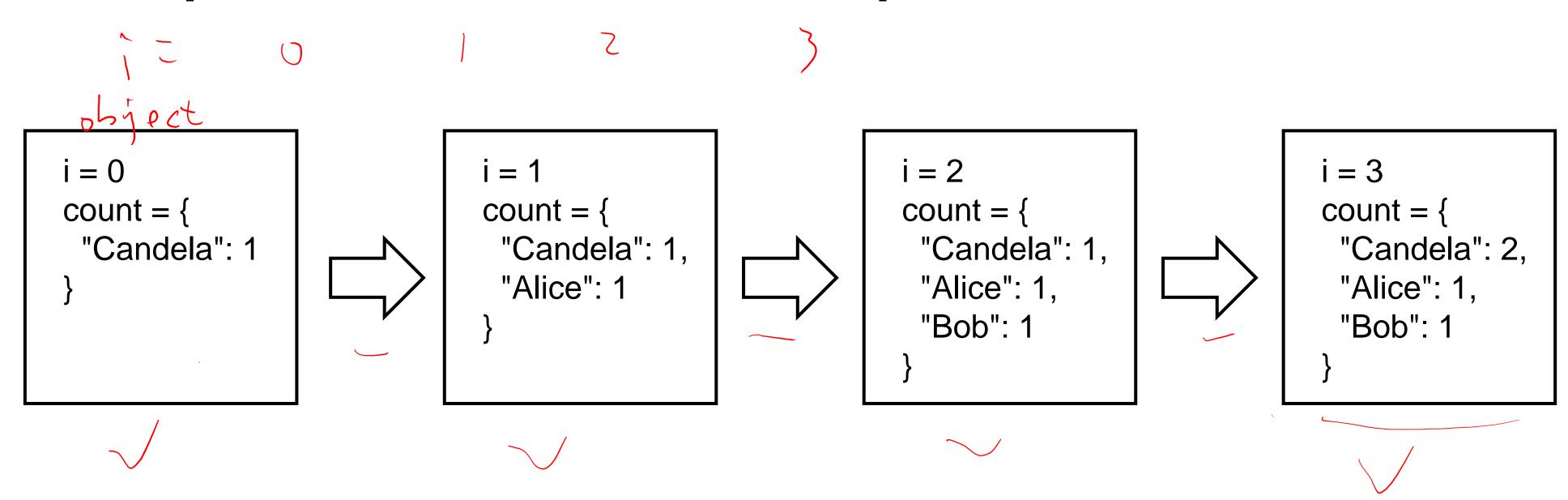
状态

```
写成程序:
for (int i = 0; i < n; i++)
   count[names[i]]++;
访问的变量:
  names
          [-lash Mags
  count
我们只关注其中动态变化的数据,也就是i和 count
```

状态

状态,就是程序维护的所有动态数据构成的集合

names = ["Candela", "Alice", "Bob", "Candela"]



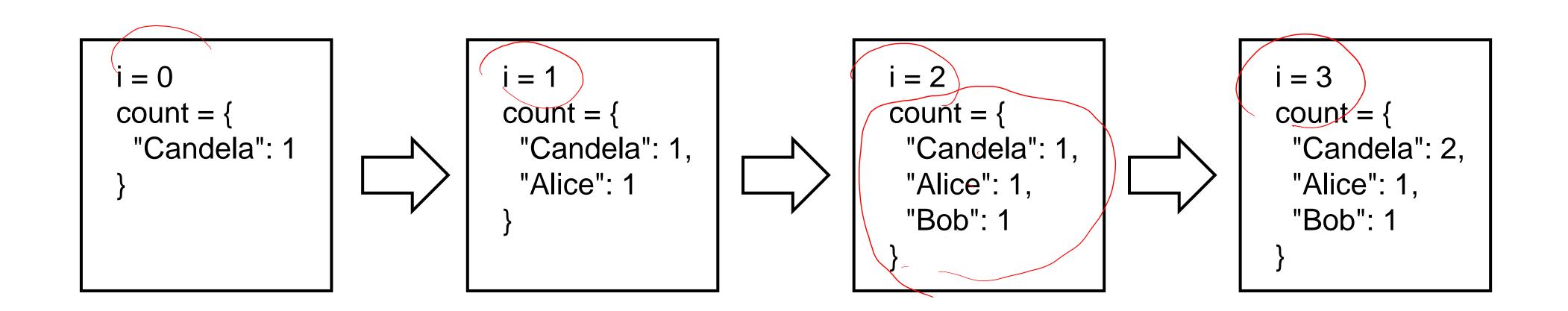
状态空间→图

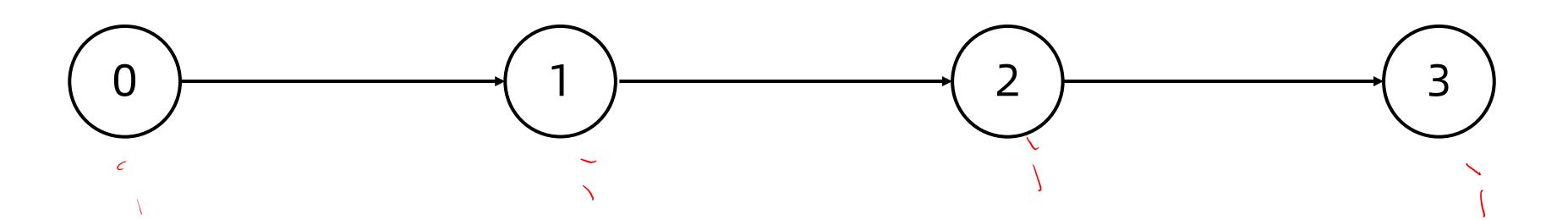
所有可能状态构成的集合就是一个问题的状态空间

把状态作为点,如果从一个状态可以到达另一个状态,就连一条边这样就把整个状态空间抽象为了一张有向图 对问题的求解,就是对这张图的遍历

计票问题的状态空间由 n 个状态组成可以看作一张 n 个点, n - 1 条边的有向图整张图是一条链,自然就可以用一维循环解决了

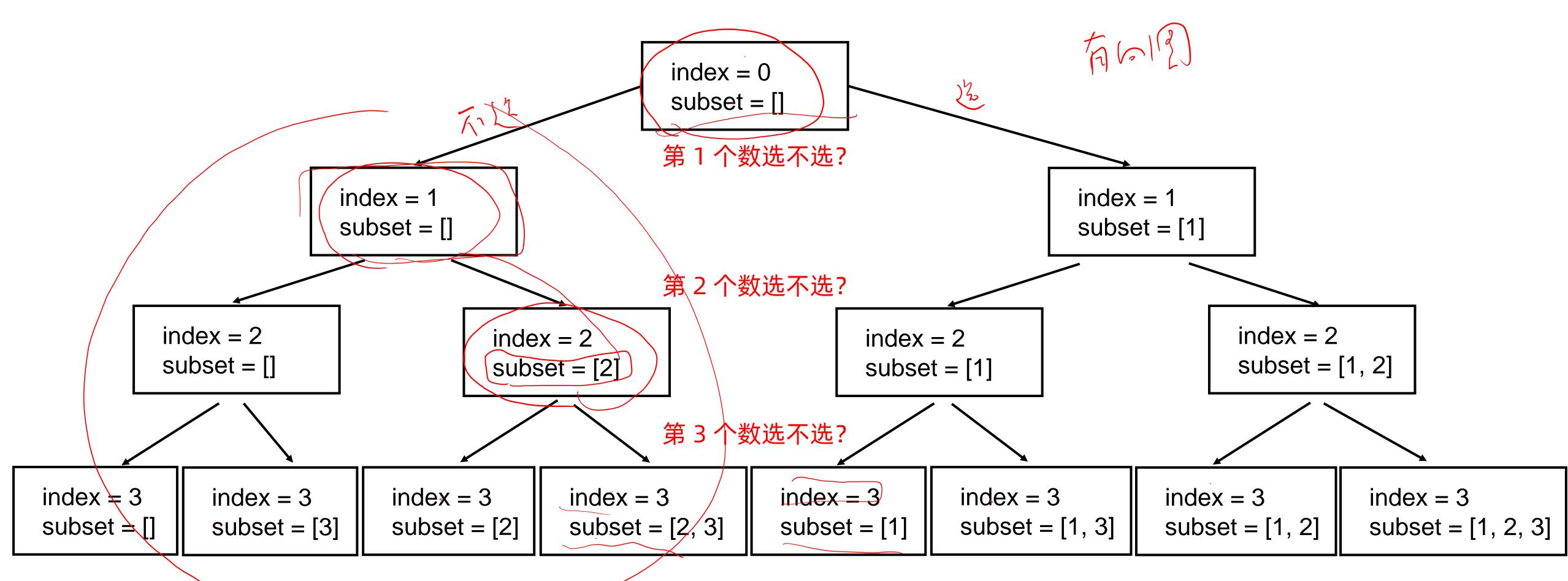
状态的简化





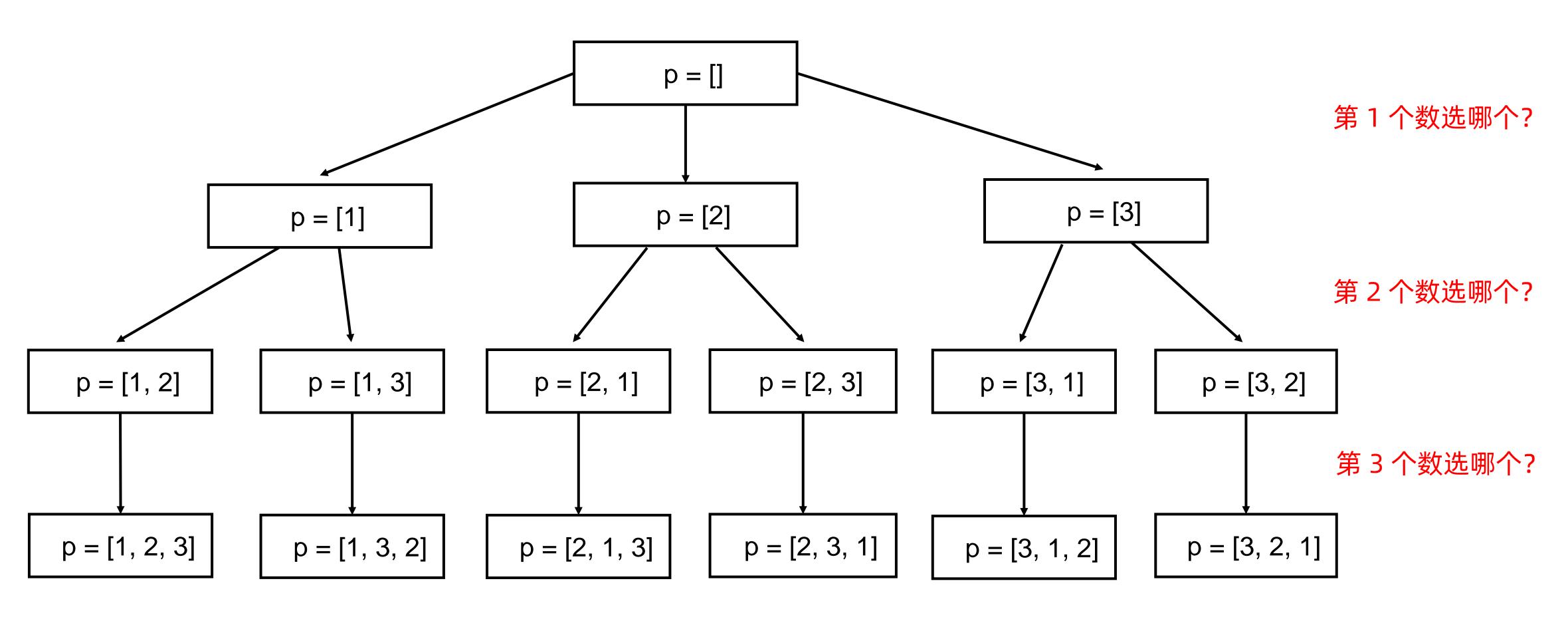
指数型状态空间(子集)

set = [1, 2, 3], subsets = [[], [1], [2], [3], [1, 2], [1, 3], [2, 3], [1, 2, 3]]



排列型状态空间(全排列)

permutations = [[1, 2, 3], [1, 3, 2], [2, 1, 3], [2, 3, 1], [3, 1, 2], [3, 2, 1]]



深度优先搜索(DFS) 广度优先搜索(BFS)

搜索

搜索就是采用直接遍历整个状态空间的方式寻找答案的一类算法

根据遍历状态空间(图)方式的不同,可分为

- 深度优先搜索 (DFS, depth first search)
- 广度优先搜索 (BFS, breadth first search)

一般来说,每个状态只遍历一次 所以当状态空间是"图"而不是"树"时,要判重(记忆化)

搜索

搜索题的解题步骤:

- 1. 纸上模拟, 提取信息
- 2. 定义状态
- 3. 确定遍历顺序(DFS、BFS)
- 4. 定义搜索框架
 - 如果是DFS,状态作为参数,确定递归边界,注意还原现场
 - 如果是BFS, 状态用队列保存
 - 考虑是否需要判重
- 5. 程序实现

电话号码的字母组合

https://leetcode-cn.com/problems/letter-combinations-of-a-phone-number/

N 皇后

https://leetcode-cn.com/problems/n-queens/

岛屿数量

https://leetcode-cn.com/problems/number-of-islands/

被围绕的区域 (Homework)

https://leetcode-cn.com/problems/surrounded-regions/

特征: 地图类DFS/BFS, 判重、方向数组

最小基因变化

https://leetcode-cn.com/problems/minimum-genetic-mutation

特征:求最小步数,一般用BFS(层次序搜索,一层=一步)

矩阵中的最长递增路径

https://leetcode-cn.com/problems/longest-increasing-path-in-a-matrix/

DFS vs BFS

DFS 更适合搜索树形状态空间

- 递归本身就会产生树的结构
- 可以用一个全局变量维护状态中较为复杂的信息(例:子集方案、排列方案)
- 不需要队列,节省空间

BFS 适合求"最小代价"、"最少步数"的题目

• BFS 是按层次序搜索, 第 k 步搜完才会搜 k + 1 步, 在任意时刻队列中至多只有两层

在状态空间为一般的"图"时(需要判重), DFS和 BFS 差不多

• 按个人喜好选择就可以了

THANKS

₩ 极客时间 训练营