

```
Ввод [3]: 1 from PIL import ImageGrab
2 from IPython.display import display, Image
3 def ins(ratio=1.0):
4     im_data = ImageGrab.grabclipboard()
5     new_size = tuple([int(i*ratio) for i in im_data.size])
6     thumb = im_data.resize(new_size)
7     fn = "temp.PNG"
8     thumb.save(fn)
9     img = Image(filename=fn)
10    display(img)
```

```
Ввод [6]: 1 ins(1)
```

Примеры

3. Предположим, что симметричную монету бросают до первого появления герба. Найти вероятность события A , состоящего в том, что будет произведено не более трех бросаний.

Решение. Пространство элементарных событий является множеством

$$\Omega = \left\{ \omega_1 = \Gamma, \omega_2 = \text{РГ}, \dots, \omega_n = \underbrace{\text{Р} \dots \text{РГ}}_{(n-1) \text{ раз}}, \dots; \omega_\infty \right\},$$

где ω_n означает, что герб впервые появится при n -ом бросании монеты, а ω_∞ соответствует той возможности, что герб никогда не появится (в этом случае наш эксперимент продолжается бесконечно долго). Припишем веса $\mathbb{P}(\omega_n) = \frac{1}{2^n}$, а $\mathbb{P}(\omega_\infty) = 0$. Тогда $\sum_{\omega \in \Omega} \mathbb{P}(\omega) = 1$. Событие $A = \{\Gamma, \text{РГ}, \text{РРГ}\}$. Поэтому

$$\mathbb{P}(A) = \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8}$$

Ответ: $\mathbb{P}(A) = \frac{7}{8}$

```
Ввод [7]: 1 from scipy.stats import *
2 import numpy as np
3 import random
```

```
Ввод [10]: 1 R=randint(0,2)
2 R.rvs()
```

Out[10]: 0

```
Ввод [4]: 1 xk = np.arange(2)
2 pk = (0.9, 0.1)
3 R1 = rv_discrete(name='custm', values=(xk, pk))
```

```
Ввод [5]: 1 xk
```

Out[5]: array([0, 1])

Ввод [4]:

```
1 R.rvs()
```

Out[4]: 1

Ввод [7]:

```
1 random.randint(0, 1)
```

Out[7]: 0

Ввод [11]:

```
1 def count_N():
2     res=[]
3     while (r := R.rvs()) != 1:
4         #print(r)
5         res.append(r)
6     res.append(r) # если мы хотим увидеть в конце выпадение "герба"
7     return res,len(res)
```

Ввод [19]:

```
1 count_N()
```

Out[19]: ([0, 0, 0, 1], 4)

Ввод [20]:

```
1 N=200000
2 NA=[]
3 for i in range(1,N+1):
4     sample=count_N()[1]
5     if sample<=3:
6         NA.append(sample)
```

Ввод [21]:

```
1 PA=len(NA)/N
2 PA
```

Out[21]: 0.87578

Ввод [22]:

```
1 p=1/2
2 X=geom(p)
```

Ввод [23]:

```
1 P_A=X.pmf(1)+X.pmf(2)+X.pmf(3)
2 P_A
```

Out[23]: 0.875

Ввод [24]:

```
1 N=20
2 sample=X.rvs(size=N)
3 sample
```

Out[24]: array([1, 2, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 5, 4, 2, 2, 5, 4, 1, 2],
dtype=int64)

Ввод [25]:

```
1 sample <=3
```

Out[25]: array([True, True, True, True, True, True, True, True, True,
 True, True, True, False, False, True, True, False, False,
 True, True])

Ввод [26]:

```
1 sample[sample <=3]
```

Out[26]: array([1, 2, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 2, 1, 2], dtype=int64)

Ввод [27]:

```

1 N_A=len(sample[sample <=3])
2 N_A

```

Out[27]: 16

Ввод [28]:

```

1 pstat=N_A/N
2 pstat

```

Out[28]: 0.8

Ввод [29]:

```

1 N=1000000
2 sample=X.rvs(size=N)
3 N_A=len(sample[sample <=3])
4 pstat=N_A/N
5 pstat

```

Out[29]: 0.875337

Ввод [31]:

```

1 import scipy
2

```

Ввод [32]:

```

1 scipy.version.full_version

```

Out[32]: '1.12.0'

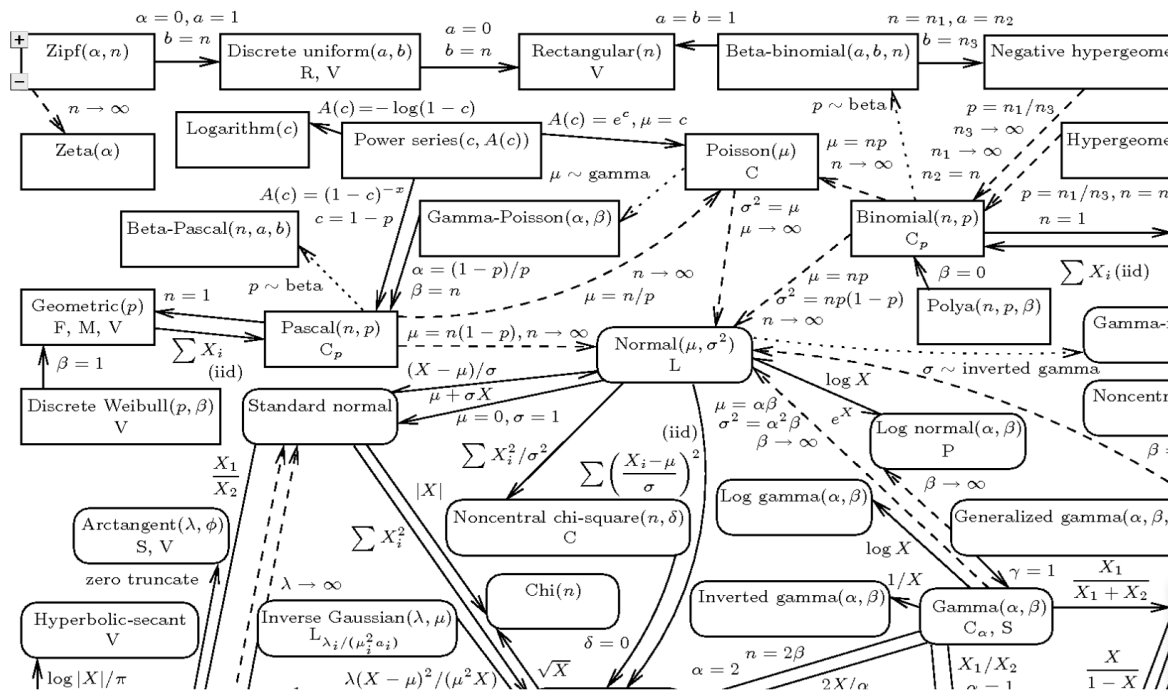
<https://www.math.wm.edu/%7EEleemis/chart/UDR/UDR.html>
[\(https://www.math.wm.edu/%7EEleemis/chart/UDR/UDR.html\)](https://www.math.wm.edu/%7EEleemis/chart/UDR/UDR.html)

Ввод [27]:

```

1 ins(1)

```



Ввод []:

```

1

```

