```
Ввод [1]:
            1 from PIL import ImageGrab
            2 from IPython.display import display, Image
            3 def ins(ratio=1.0):
                   im_data = ImageGrab.grabclipboard()
            4
            5
                  new_size = tuple([int(i*ratio) for i in im_data.size])
            6
                  thumb = im_data.resize(new_size)
            7
                  fn = "temp.PNG"
            8
                  thumb.save(fn)
            9
                   img = Image(filename=fn)
           10
                   display(img)
```

Ввод [3]: 1 ins(1)

При подбрасывании N раз симметричной монеты наблюдались следующие статистические закономерности (описываемые в литературе) появления герба  $\hat{p}(A) = \frac{N(A)}{N}$ :

Автор эксперимента	N	$\hat{p}(A) = rac{N(A)}{N}$
Бюффон (1707-1788)	4040	0,507
Де Морган (1806-1871)	4090	0,5005
Джевонс (1835-1882)	20 480	0,5068
Пирсон К. (1857-1936)	24 000	0,5005
Студент ПМ2024	100 000	???

```
1 from scipy.stats import *
Ввод [2]:
              import numpy as np
Ввод [3]:
           1 X=randint(0,2) # Задаем равномерное дискретное распределение, "0" -- появление
Ввод [4]:
           1 X.rvs(size=10)
 Out[4]: array([1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1], dtype=int64)
Ввод [5]:
           1 N=1000000
            2 sample=X.rvs(size=N)
            3 | np.array(sample,dtype=int)
 Out[5]: array([1, 0, 0, ..., 0, 1, 1])
Ввод [6]:
            1 N_A=len(sample[sample==0])
            2 N_A
 Out[6]: 500565
Ввод [7]:
           1 hat_p=N_A/N
            2 hat_p
 Out[7]: 0.500565
```

```
Ввод [13]: 1 ins(1)
```

## Примеры

1. Пусть симметричная игральная кость бросается дважды. Найти вероятность события A, состоящего в том, что сумма выпавших очков равна 5.

**Решение.** Пространство элементарных исходов  $\Omega=\{\omega_{ij}=(i,j):i=\overline{1,6};j=\overline{1,6}\}$ ,  $n=|\Omega|=6^2=36$ , причём  $\mathbb{P}(\omega_{ij})=\frac{1}{36}$  (все исходы равновероятны). Событие  $A=\{\omega_{14}=(1,4),\omega_{23}=(2,3),\omega_{32}=(3,2),\omega_{41}=(4,1)\}$ , m=|A|=4. Следовательно,  $\mathbb{P}(A)=\frac{4}{36}=\frac{1}{9}$ .

```
Следовательно, \mathbb{P}(A) = \frac{4}{36} = \frac{1}{9}.
 Ввод [8]:
                  def union(A, B):
               1
                       "Соединямем элемент А с каждым элементом из В."
               2
               3
                       return {a + b for a in A for b in B}
               4
                  Omega = np.array(list(union('123456', '123456')))
                  Omega
   Out[8]: array(['61', '65', '51', '32', '12', '22', '26', '46', '52', '45', '21', '33', '24', '66', '54', '35', '55', '14', '23', '13', '15', '34', '63', '25', '42', '16', '44', '31', '64', '62', '36', '41', '56', '43', '53', '11'], dtype='<U2')
 Ввод [9]:
               1 len(Omega)
   Out[9]: 36
Ввод [10]:
               1 Omega = np.array(list(union('123456', '123456')))
               2 | sum_Omega=np.array([int(a[0])+int(a[1]) for a in Omega])
               3 A=Omega[sum_Omega ==5]
               4 n_A=len(A)
               5 n_Omega=len(Omega)
               6 P_A=n_A/n_Omega
               7 Р_А # Классическое определение вероятности
  Out[10]: 0.11111111111111111
Ввод [11]:
              1 N=1000000
               2 sample=np.random.choice(Omega,size=N,replace=True)
               3 sum sample=np.array([int(a[0])+int(a[1]) for a in sample])
               4 N_A=len(sample[sum_sample==5])
               5 pstat=N A/N
               6 pstat # Статистическое определение вероятности
  Out[11]: 0.112252
Ввод [12]:
               1 from sympy import *
                  import locale as loc
               3 loc.setlocale(loc.LC_ALL, 'ru')
               4 init_printing(use_unicode=True,use_latex=True)
Ввод [13]:
               1 from IPython.display import display, Math, Latex
```

```
Ввод [14]:
            1 import matplotlib.pyplot as plt
            2 import matplotlib.ticker as ticker
            3 from matplotlib import rcParams
            5 import locale
               locale.setlocale(locale.LC_NUMERIC, 'russian')
               plt.rcParams['axes.formatter.use_locale'] = True
            8 #########
            9 ########
           10 plt.rcParams['font.size'] = 36
              plt.rcParams["font.family"] = "Times New Roman"
               plt.rcParams['mathtext.fontset'] = 'cm'
           Ввод [15]:
            1 sample=list(np.random.choice(Omega,1,replace=True))
               sum_sample=np.array([int(a[0])+int(a[1]) for a in sample])
            3 sample, sum_sample
 Out[15]: (['11'], array([2]))
Ввод [16]:
            1 sum sample ==5
 Out[16]: array([False])
            1 np.count_nonzero(sum_sample == 5)
Ввод [17]:
 Out[17]: 0
Ввод [18]:
            1
               count=0
            2
               N=1000000
            3
               x=[]
            4
               y=[]
            5
               for i in range(N):
            6
                   x.append(i+1)
            7
                   #omega=random.sample(Omega, k=6)
                   #omega=list(np.random.choice(Отеда,6,replace=False)) #(без возвращения)
            8
            9
                   #omega=list(np.random.choice(Omega,1,replace=True)) #(с возвращением)
           10
                   sample=list(np.random.choice(Omega,1,replace=True))
           11
                   sum_sample=np.array([int(a[0])+int(a[1]) for a in sample])
           12
                   if sum_sample == 5:
           13
                      count+=1
           14
                  y.append(count/(i+1))
           15
               pstatA=count/N
               print(pstatA)
```

0.110773

```
Ввод [19]:
           1 rcParams['figure.figsize'] = (30, 20)
            2 rcParams['figure.dpi'] = 300
            3 import matplotlib.pyplot as plt
            4 fig,ax =plt.subplots(figsize=(10, 5))
            5 plt.tick_params(labelsize = 24)
              plt.grid(color='DarkTurquoise', alpha=0.75, linestyle=':', linewidth=1)
              #ax.xaxis.set_major_locator(ticker.MaxNLocator(10))
           8 #ax.xaxis.set_minor_locator(ticker.MaxNLocator(10))
           9 #ax.xaxis.set_major_locator(ticker.IndexLocator(base=10, offset=10))
          10 #ax.xaxis.set_major_locator(ticker.LogLocator(base=2, numticks=1000))
          11 | #ax.yaxis.set_major_locator(ticker.MaxNLocator(8))
          12 ax.xaxis.set_major_locator(ticker.MaxNLocator(10))
          13 ax.xaxis.set_minor_locator(ticker.MaxNLocator(40))
          14 plt.ylim(0.11,0.112)
          15 plt.xlim(10**2, 10**6)
          17 plt.plot(x,y,color='b',lw=2)
          18 plt.plot(x,[1/9]*len(x),color='r',lw=2)
           19 plt.show()
           20 fig.savefig("pstatA.pdf", bbox_inches='tight')
```



Ввод [ ]:

1