

Maestría en Ciencia de Datos Probabilidad y Estadistica para Ciencia de Datos

Comportamiento de las Medias de una Distribución Binomial

Profesora: Ana Delia Olvera Cervantes Alumno: Melchor Nolasco Cosijoeza

29 de noviembre de 2024

practica-clase-20

November 29, 2024

1 Comportamiento de las medias de 50 variables

El objetivo de esta práctica es observar el comportamiento que tienen muestras aleatorias(5,10,15,30,35,40,50) tomadas de un conjunto de 50 variables con 20 elementos una con distribución binomial.

```
[25]: import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from scipy.stats import binom
import random
```

1.1 Generación de 50 variables con 20 elementos en cada una con distribución binomial

```
[26]: n = 20
p = 0.16
matrix = []
```

```
for i in range(50):
    binomial_samples = np.random.binomial(n=50, p=p, size=n)
    print(binomial_samples)
    matrix.append(binomial_samples)
```

```
8 12]
                         8
                            8 10
                                   7 11
                                          8 10
                                                 9 10 11
     7 10
               5
                         7
                                                           7
                  9
                     10
                                7
                                   6
                                       7
                                          6
                                             9 11
                                                              7 11]
     7 10 12 11
                  5
                      7
                         8
                             5 10
                                   4 10 10
                                             3
                                                 7
                                                    6
                                                       7
                                                           8
               8 12 10 11
                             7
                                   4
           6
                                9
                                       6
                                          8
                                            14 10 10 10 13 10
[11 14
        7
            7
               7
                  3
                      7
                         8
                            5
                                8
                                   5
                                       7
                                          6
                                             4 11
                                                    9
                                                           7 10 12]
[11
     8
        9
            9
               4
                  9
                      8
                         9
                             5
                                5
                                   8
                                       9
                                          6
                                             8
                                                 8 16
                                                        5 10 10 13]
               9
                  6
                      8
                         6
                             6
                                6 12
                                       7
                                          7 11
                                                 7
                                                        4
                                                          7
     6 10
           6
                                                    8
                                                              5 11]
     5
        6 12
               5
                  9
                      5
                         7
                             8
                                8
                                   7
                                       8
                                          6
                                             8
                                                 3
                                                    3
                                                        6 14
                                                              6 15]
                                                 7
     5
        8 10
                  5
                      7 13 11 11 10
                                       5 14
                                             8
                                                    9
                                                           5
               8
                                                              8 10]
     9
        6 10
               7
                  9
                      8
                         2
                            7
                                4 11 12
                                          8
                                             9
                                                 3
                                                    8
                                                       7
               7
                  8
                      7
                         8
                            8
                                7 12 10
                                          9 12
                                                 9 10 11 10
[ 9 10 10
           7
                      3 10
                                          8
                                             8
Γ 9 7 10 10 10
                  8
                            6
                                7
                                   4 10
                                                 8 15
                                                        6
                                                          6 12 10]
Γ10 11
           4 10
                  9
                      6
                         6
                            8
                                8
                                   7 10
                                          9
                                             8 10
                                                    7
                                                        6 11
                                                              5 10]
                                          7
                                                        5
        5
               8
                  5
                      9
                         8 11 10
                                   7
                                             4
                                                 3
                                                    6
                                                                  5]
     6
           8
                                       8
                                                           6
           4 6 11
                      9
                         7
                            9
                               7
                                   9 10
                                             6 14
                                                    8 10
[ 7 11 10
                                          6
```

```
6 11
                         9
                            9
                               6
                                   8
                                      8 12
                                             9
                                                7
                                                  7 11 10 12
                         5
                                   7
                                      9
                                         5
        6 12
                  7
                     6
                            6
                               9
                                             8
                                                9
                                                   6
                                                      8 10 14
                                                                 4]
     5 10
               8
                  6
                     5
                         6 11 10
                                   5 11
                                         7
                                             6 13 11
                                                       5
                                                          4
                                                                 5]
[ 7
     6 10 10 13
                  5
                     6
                         9
                            6
                               5
                                   8 11
                                         4
                                             6
                                                4 10
                                                       5
                                                          7 11
                                                                 6]
                                                7
            5 11 11
                     8
                         9
                            8
                               6
                                   4
                                      8
                                         5
                                             8
                                                   3 10
                                                          9 10
Γ10 12
               9
                  9
                     8 11 11
                                   6
                                      5
                                         8 12 10
                                                   8 12 10
                               7
                                                                 91
                     3
                         4
                               7 10
                                      7 10
                                             5
                                               13 10
Γ 7 10
               7 10
                     5 15 12
                               6 10
                                      7
                                         9
                                             9
                                                8
                                                   7
                                                       7
                                                                 91
Γ 5
                  9
                     7
                         8
                            7
                                   5
                                      7 11
                                                9 12
     6
           6
               7
                               8
                                             5
                                                          9 10
[65
        7
           8
              6
                  7
                     7
                         4
                            5
                               9
                                   5
                                      5
                                         9 13
                                                4 10
                                                       8
                                                          4 16
                                                                 71
[ 9
     8
                  2
                     7
                         6
                            8 11 11
                                      3
                                         8 10
                                                9
                                                   6 12
                                                                 8]
           8 11
                                                          6 13
Γ10
     9
        7
               9
                  7 13
                         8
                            6
                               5
                                   7
                                      8
                                         8
                                             9
                                                9
                                                   8
                                                       4 10
                                                             3
                                                                 71
[ 5
                  5
                         9 12 16
               7
                     9
                                   4
                                      9
                                         6
                                             9
                                                8
                                                   6
                                                       8
                                                          8 10
                                                                 9]
Γ13
                            6 12
                                   9
                                      8
                                         5
                                             9
                                                9
                                                   7
                                                          9
           8 10 11 11 10
                                                             9 10]
Γ4
                            5
                               3 12
                                      9 11 12
               8 14
                     7
                         9
                                                7
                                                   6
                                                       9 12
[ 5 10
       1 7 10
                  7
                     9
                         4
                            8 11
                                   7
                                      5
                                         9
                                           10 11
                                                   7
                                                       4 12
[ 9
     3
               8
                  9 10 10 11 10
                                   5
                                      8
                                         6
                                             5
                                                8
                                                   2
                                                       9
                                                          7 13
                                                                 8]
Γ9 7
          3
               8 11
                     9
                         6
                           7
                               9
                                   8 11 12
                                             8 13
                                                   6 7
                                                          5 10 13]
[ 5 13
        5 11
               8
                  7
                     9 12 11
                               4
                                   7
                                      6 10
                                             6 13
                                                   6 10
                                                          7 10
Γ 7 12
        3 5 12
                  7 11
                         7
                            9
                               7 10
                                      3
                                         6
                                             2
                                                5
                                                   6
                                                       6
                                                          8 16 10]
               3 14
                     9 15
                            4
                               3
                                   7
                                      7 11 12
                                                9
                                                   8
Γ10
              7 11 13 10
                                   5 10
                                         8
                                             5 10 12
                            1 10
                                                       8
                                                                 5]
           6 11
                  7
                     7 10
                            3
                               7
                                   9 11
                                         6 11
                                                8 11
                                                       8
[ 3 7
               7
                  5
                     7
                         7
                            7
                               9
                                   8
                                             5
                                                   7 13 12 10 14]
        8 13
                                      5
                                         6
                                                8
[ 5 11 12 11
               6
                  9
                     7
                         4
                            4 13
                                   9
                                      9
                                         8
                                             5
                                                6
                                                   8 11
                                                          8
               8 12
                     8
                        7 12
                                   8 11 15
                                             8 12 12
                               8
                                                       9
                                                          6
[ 8 10 13
               9
                  7 10
                         8
                            9
                               8 13
                                         7
                                             4
                                                9 10
                                                       2 10
           7
                                      6
                                                             8 15]
                         7
[ 7 13
        7 12
               9
                  9
                     7
                            6
                               6
                                   8
                                      8
                                         8
                                             7 13
                                                   9 14
                                                          4 10
[ 6
                  6
                     8
                         4
                            6
                               8
                                   6
                                      3
                                         5
                                             7
                                                6 10
                                                      8 10
                                                                 5]
               8
                  8
                     5
                        8 15
                               5
                                   9
                                      5
                                         9 10
                                                5
                                                   9 10 11 10
Γ10
        5 12
               6
                  5 10 11 10
                               9
                                   6 15
                                         8
                                            7 12
                                                   8
                                                      8
                                                         6 10
                                         7 11
Γ7
        5
           5
               9
                  6 13
                         2
                            8
                               9
                                   4
                                      9
                                                6 10 10 10
                                                                 6]
                                                      4 12
Γ 4 9 11 11 10 11
                     6 13
                            7
                               9
                                   7
                                      9
                                         8
                                             9
                                                4 10
                                                                 81
[12 4
           7
               7
                  8
                     4
                         5
                            6 10
                                   7
                                         6
                                             7
                                                9 17 11
                                                                 4]
                                      8
                     5
                        9
                           8 10 10
                                                6
                                                  5
                                                      9
                                                         7 10
              8 10
                                      7 13
                                             4
```

```
[28]: print("Conjunto de {} con {} elementos".format(len(matrix),len(matrix[0])))
```

Conjunto de 50 con 20 elementos

```
accumulator += sampleX[i][j]
mean = accumulator / size
result.append(mean)
accumulator = 0
return result
```

```
[30]: # createGraphics crea un histograma del conjunto de datos que recibe

def createGraphics(data, size):
    fig, ax = plt.subplots()
    plt.hist(data, density=True)
    plt.title(f"Distribución binomial con {size} muestras", size=14)
    plt.xlabel("Muestras")
    plt.ylabel("Densidad")
```

1.2 Tomamos muestras de manera aleatoria, calculamos su promedio y graficamos su histograma

```
subsetVariables = []
sampleSize = [5, 10, 15, 30, 35, 40, 50]
for i in sampleSize:
    print(f"Muestras de {i} X")
    for j in range(i):
        randomIndex = random.randint(0, 50 - 1)
        subsetVariables.append(matrix[randomIndex])
    mean = meanVariables(subsetVariables, size=i)
    createGraphics(mean, size=i)
    subsetVariables = []
    print(mean)
```

```
Muestras de 5 X
[7.0, 5.8, 9.4, 8.2, 7.6, 10.0, 5.8, 7.8, 7.4, 8.0, 8.8, 8.0, 8.4, 8.6, 6.2,
10.0, 9.0, 10.4, 7.4, 6.0]
Muestras de 10 X
[7.7, 7.6, 6.7, 6.9, 8.7, 9.4, 8.5, 9.3, 6.5, 8.6, 8.3, 8.4, 8.1, 9.8, 8.9, 8.8,
6.8, 9.3, 7.1, 8.9]
Muestras de 15 X
7.26666666666667, 8.6, 7.8, 7.33333333333333, 7.5333333333333333,
7.33333333333333, 8.266666666666667, 7.2666666666667, 8.46666666666667,
7.73333333333333333
Muestras de 30 X
[8.766666666666667, 8.43333333333334, 7.7, 8.366666666666667, 8.1,
7.633333333334, 7.3, 6.8333333333333, 7.433333333334, 7.466666666666666,
7.5333333333333, 8.7333333333333333, 7.43333333333334, 7.53333333333333,
8.76666666666667, 8.0]
```

Muestras de 35 X

[7.6, 7.857142857142857, 7.542857142857143, 7.514285714285714,

8.314285714285715, 8.0, 8.028571428571428, 8.714285714285714, 8.257142857142858,

8.257142857142858, 7.685714285714286, 7.628571428571429, 8.285714285714286,

8.057142857142857, 7.628571428571429, 7.085714285714285, 8.114285714285714,

8.685714285714285, 8.2, 7.742857142857143]

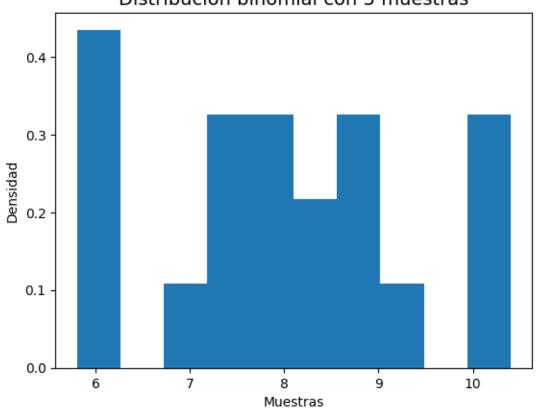
Muestras de 40 X

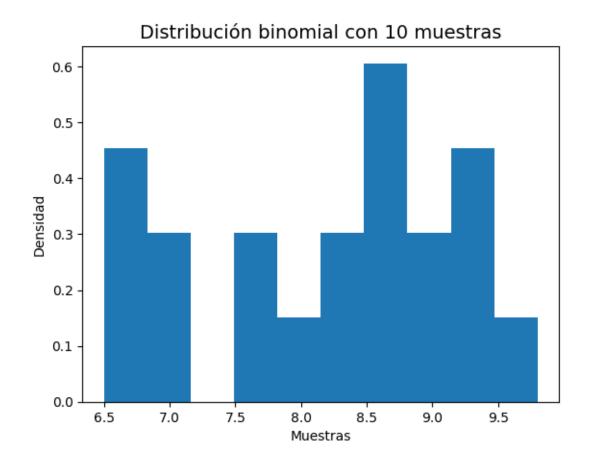
[8.2, 7.35, 7.55, 8.275, 7.9, 8.0, 7.55, 7.6, 7.4, 7.75, 8.125, 7.7, 8.2, 8.175, 7.65, 8.525, 8.2, 7.65, 8.975, 8.325]

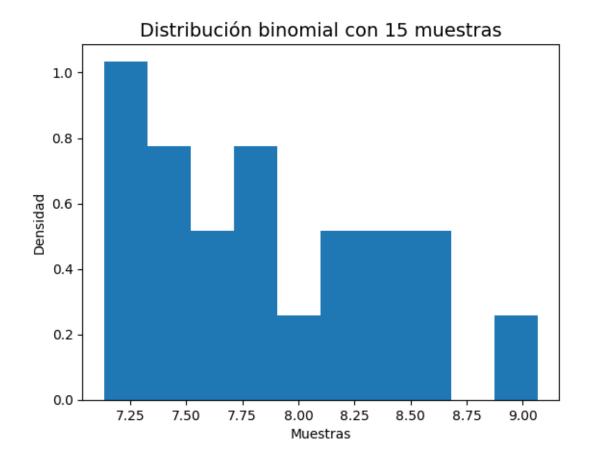
Muestras de 50 X

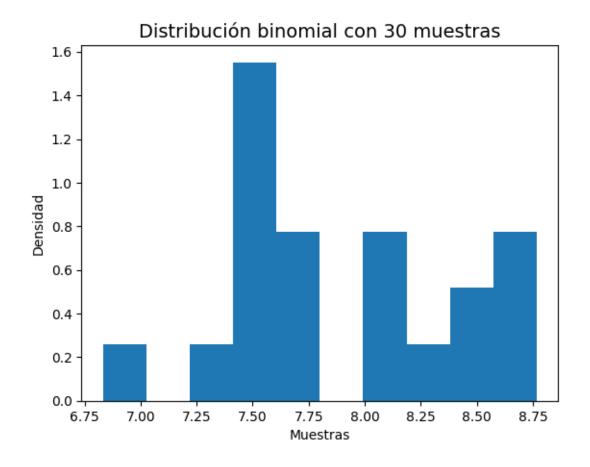
[8.22, 6.98, 8.34, 7.42, 7.52, 8.36, 7.52, 8.22, 8.2, 8.34, 7.64, 8.08, 8.44, 7.84, 8.38, 8.68, 7.36, 8.3, 8.24, 8.56]

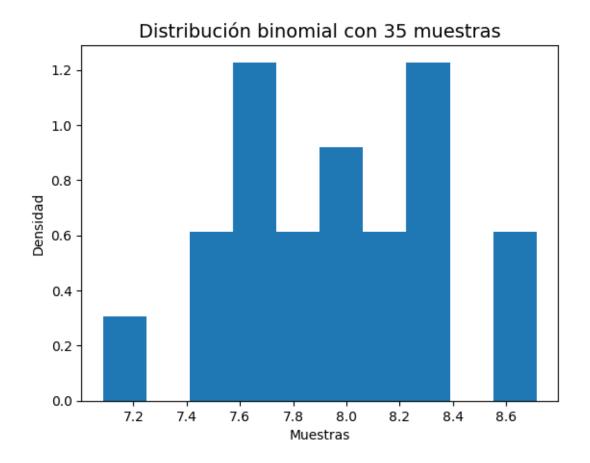
Distribución binomial con 5 muestras

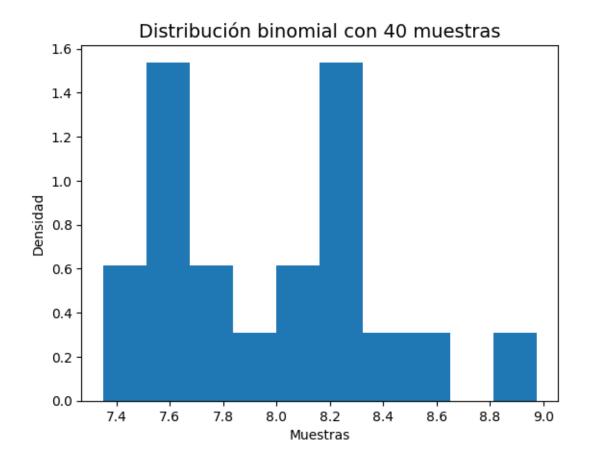


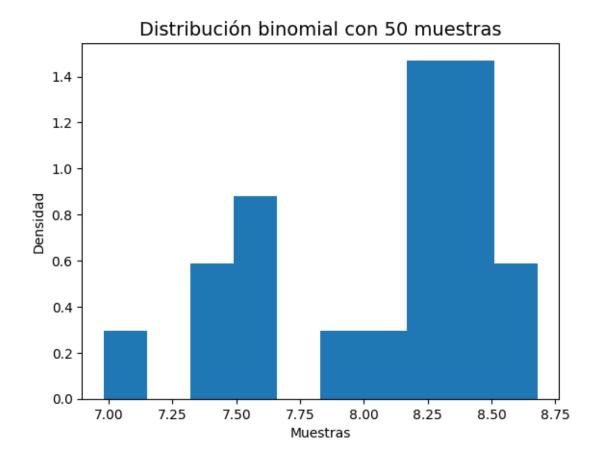












1.3 ¿Qué va sucediendo cuando la muestra de datos aumenta?

Los histogramas van cambiando mucho con el numero de muestras. Cada histograma tiene la información centrada de diferentes maneras y en diferentes lugares. En algunas partes va tomando la forma de una distribución normal.