

Econometria de Séries Temporais

O modelo ARMA

João Ricardo Costa Filho

"The most important questions of life are, for the most part, really only problems in probability."

Laplace (1812)

"In God we trust. All others must bring data."

William Edwards Deming

E se um processo estocástico exibir componentes AR e MA?

ARMA(p,q)

Seja y_t uma variável aleatória tal que o seu processo estocástico é dado por:

ARMA(p,q)

Seja y_t uma variável aleatória tal que o seu processo estocástico é dado por:

$$y_t = c + \sum_{i=1}^p \phi_i y_{t-i} + \sum_{j=0}^q \theta_j \varepsilon_{t-j}.$$

onde ε_t é um ruído branco.

ARMA(p,q)

Seja y_t uma variável aleatória tal que o seu processo estocástico é dado por:

$$y_t = c + \sum_{i=1}^p \phi_i y_{t-i} + \sum_{j=0}^q \theta_j \varepsilon_{t-j}.$$

onde ε_t é um ruído branco. Denominamos é um ARMA(p,q).

ARMA(p,q)

Seja y_t uma variável aleatória tal que o seu processo estocástico é dado por:

$$y_t = c + \sum_{i=1}^p \phi_i y_{t-i} + \sum_{j=0}^q \theta_j \varepsilon_{t-j}.$$

onde ε_t é um ruído branco. Denominamos é um ARMA(p,q). Como seria um ARMA(1,1)?

ARMA(p,q)

Seja y_t uma variável aleatória tal que o seu processo estocástico é dado por:

$$y_t = c + \sum_{i=1}^p \phi_i y_{t-i} + \sum_{j=0}^q \theta_j \varepsilon_{t-j}.$$

onde ε_t é um ruído branco. Denominamos é um ARMA(p,q). Como seria um ARMA(1,1)? E um ARMA(2,1)?

ARMA(p,q)

Seja y_t uma variável aleatória tal que o seu processo estocástico é dado por:

$$y_t = c + \sum_{i=1}^p \phi_i y_{t-i} + \sum_{j=0}^q \theta_j \varepsilon_{t-j}.$$

onde ε_t é um ruído branco. Denominamos é um ARMA(p,q). Como seria um ARMA(1,1)? E um ARMA(2,1)? E um ARMA(0,0)?

ARMA(p,q)

Seja y_t uma variável aleatória tal que o seu processo estocástico é dado por:

$$y_t = c + \sum_{i=1}^p \phi_i y_{t-i} + \sum_{j=0}^q \theta_j \varepsilon_{t-j}.$$

onde ε_t é um ruído branco. Denominamos é um ARMA(p,q). Como seria um ARMA(1,1)? E um ARMA(2,1)? E um ARMA(0,0)? Como representar esses processos – ARMA(1,1) e ARMA(2,1) – com o operador de defasagens?

ARMA(1,1)

Seja y_t uma variável aleatória tal que o seu processo estocástico é dado por:

ARMA(1,1)

Seja y_t uma variável aleatória tal que o seu processo estocástico é dado por:

$$y_t = c + \phi y_{t-1} + \varepsilon_t + \theta \varepsilon_{t-1}.$$

ARMA(1,1)

Seja y_t uma variável aleatória tal que o seu processo estocástico é dado por:

$$y_t = c + \phi y_{t-1} + \varepsilon_t + \theta \varepsilon_{t-1}.$$

Assumindo que o modelo seja estacionário, temos:

$$E[y_t] = \frac{c}{1 - \phi}$$

ARMA(1,1)

Seja y_t uma variável aleatória tal que o seu processo estocástico é dado por:

$$y_t = c + \phi y_{t-1} + \varepsilon_t + \theta \varepsilon_{t-1}.$$

Assumindo que o modelo seja estacionário, temos:

$$E[y_t] = \frac{c}{1 - \phi}$$

Onde já vimos esse resultado antes?

ARMA(1,1)

Assuma, por simplicidade, que $c = 0$. Temos que:

$$\text{Var}[y_t] = \frac{1 - 2\phi\theta + \theta^2}{1 - \phi^2}$$

ARMA(1,1)

Assuma, por simplicidade, que $c = 0$. Temos que:

$$\text{Var}[y_t] = \frac{1 - 2\phi\theta + \theta^2}{1 - \phi^2}$$

Precisamos, portanto de $|\phi_1| < 1$

ARMA(1,1)

Assuma, por simplicidade, que $c = 0$. Temos que:

$$\text{Var}[y_t] = \frac{1 - 2\phi\theta + \theta^2}{1 - \phi^2}$$

Precisamos, portanto de $|\phi_1| < 1$ (a mesma condição do AR(1)).

Estacionariedade do modelo ARMA(p,q)

Veja o capítulo 2 de Bueno (2012) para considerações sobre a estacionariedade de um ARMA(p,d).

Leia os **livros** e os **artigos**, não
fique só com os slides!!!!

Bueno, Rodrigo De Losso da Silveira. 2012. *Econometria de Séries Temporais*. Cengage Learning.