# Econometria de Séries Temporais\*

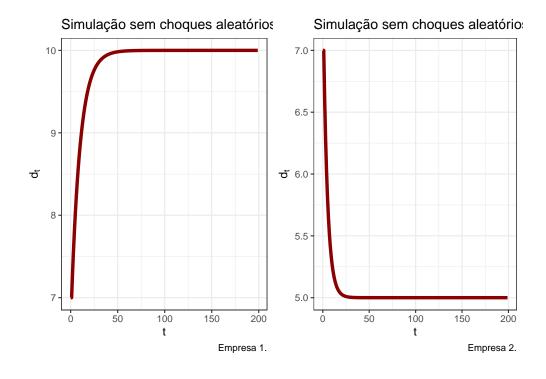
Comentários sobre as resoluções propostas para os exercícios sobre os modelos ARMA

#### João Ricardo Costa Filho

#### Questão 1

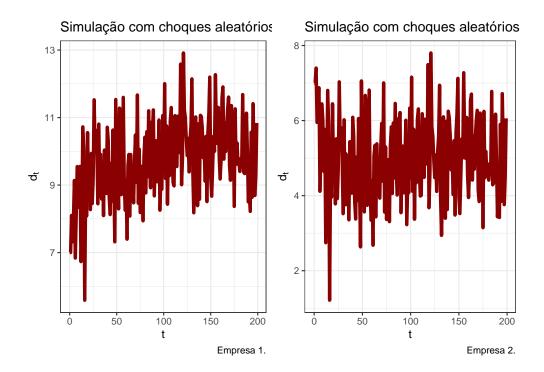
- a) Empresa 1, dado que  ${\cal E}[d_t^1]=10>{\cal E}[d_t^2]=5$
- b) Os dividendos da empresa 1 devem subir ao longo do tempo em relação ao valor inicial, dado que  $E[d_t^1] = R\$10 > d_0 = d_1 = R\$7$ . Os dividendos da empresa 2 devem diminuir ao longo do tempo em relação ao valor inicial, dado que  $E[d_t^2] = R\$5 < d_0 = d_1 = R\$7$ .

c)



<sup>\*</sup>joaocostafilho.com.

d)



e)

- Empresa 1: venda  $(P_t = R\$817, 50 < R\$900)$ .
- Empresa 2: compra  $(P_t = R\$434, 90 > R\$400)$ .

## Questão 2

Sim, os processos estocásticos dos dividendos das duas empresas são estacionários, uma vez que, nos dois casos, a raíz da equação característica (do polínômio de defasagens) está dentro (fora) do círculo unitário.

- Empresa 1:  $\lambda_1 = 0, 9$ ;  $L_1 = 1, 1111$
- Empresa 2:  $\lambda_1 = 0.8$ ;  $L_1 = 1.25$

#### Questão 3

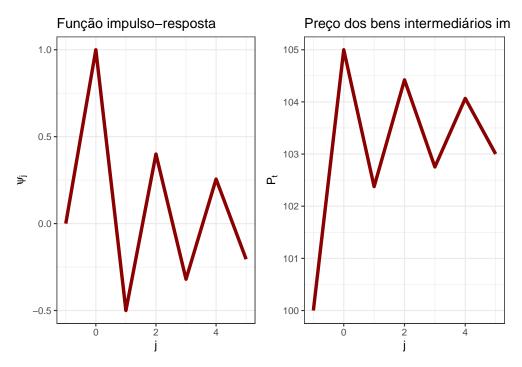
Comece com  $y_t = \phi y_{t-1} + \varepsilon_t + \theta \varepsilon_{t-1}$ , faça m substituições recursivas, reescreva o processo como função de m e teremos que  $\lim_{m\to\infty} y_t = \varepsilon_t$ .

### Questão 4

Este é um exercício para mostrar como é possível escrever um ARMA(1,1) como um MA( $\infty$ ). Portanto, o resultado do último ítem é:  $y_t = \varepsilon_t + \sum_{j=1}^{\infty} \psi_j \varepsilon_{t-j}$ .

#### Questão 5

Para saber se a margem aumentou (diminuiu), precisamos avaliar se o nível dos preços de bens finais aumentou mais (menos) do que o nível dos bens intermediários. Defina  $P_{t=\text{dezembro}}^m = 100$ . Com um choque em janeiro ( $\varepsilon_{t=\text{janeiro}} = 5$ ; sabemos que são cinco pontos percentuais, já que estamo falando de inflação e o choque deve estar na mesma unidade), qual é o valor de  $P_{t=\text{junho}}^m$ , seis períodos? Precisamos da função impulso-resposta do ARMA(1,1).



Em junho, os preços dos bens intermediários importados estarão 3% acima do seu valor em dezembro, ao passo que os bens finais terão aumentado 4%, ou seja, houve aumento de margem.

#### Questão 6

Com base nos parâmetros,  $q_t \sim N(3; 33, 73)$ , e, portando, o desvio-padrão de  $q_t$  é igual a 5,81, aproximadamente. A estatística Z associada à perda anual máxima é -2,3263 (aproximadamente, -2,33) e, portanto, a perda anual máxima é de R\$ 1.050.995,16.