

# **Desenvolvimento econômico**

Crescimento e desenvolvimento: o papel da difusão de ideias

---

João Ricardo Costa Filho

*Good ideas shine far more brightly when supported by good models*

Avinash Dixit ("The making of Economic Policy", 1996, p. 17)

*Models are to be used, not believed.*

Henri Theil ("Principles of Econometrics", 1971, p. vi)

# **A difusão do progresso tecnológico**

---

## A produção e o estoque de ideias

- Nas aulas anteriores, trabalhamos com a versão de Jones and Vollrath (2013) do modelo de Segerstrom (1998) para o crescimento da fronteira econômica do mundo (ou dos países desenvolvidos).

## A produção e o estoque de ideias

- Nas aulas anteriores, trabalhamos com a versão de Jones and Vollrath (2013) do modelo de Segerstrom (1998) para o crescimento da fronteira econômica do mundo (ou dos países desenvolvidos).
- Mas e a dinâmica dos países em desenvolvimento?

## A produção e o estoque de ideias

- Nas aulas anteriores, trabalhamos com a versão de Jones and Vollrath (2013) do modelo de Segerstrom (1998) para o crescimento da fronteira econômica do mundo (ou dos países desenvolvidos).
- Mas e a dinâmica dos países em desenvolvimento?
- Vamos trabalhar com a difusão das ideias para esses países.

## A produção e o estoque de ideias

- Nas aulas anteriores, trabalhamos com a versão de Jones and Vollrath (2013) do modelo de Segerstrom (1998) para o crescimento da fronteira econômica do mundo (ou dos países desenvolvidos).
- Mas e a dinâmica dos países em desenvolvimento?
- Vamos trabalhar com a difusão das ideias para esses países.
- Fundamentalmente, a incorporação de novas tecnologias está associada à habilidade em utilizar novas variedades de bens (intermediários) de capital.

## A lei de movimento do capital (Jones and Vollrath 2013)



## A lei de movimento do capital (Jones and Vollrath 2013)

A dinâmica do capital depende do investimento ( $I(t)$ ) e da taxa de depreciação ( $\delta$ ) do mesmo:

## A lei de movimento do capital (Jones and Vollrath 2013)

A dinâmica do capital depende do investimento ( $I(t)$ ) e da taxa de depreciação ( $\delta$ ) do mesmo:

$$\dot{K}(t) = I(t) - \delta K(t).$$

## A lei de movimento do capital (Jones and Vollrath 2013)

A dinâmica do capital depende do investimento ( $I(t)$ ) e da taxa de depreciação ( $\delta$ ) do mesmo:

$$\dot{K}(t) = I(t) - \delta K(t).$$

Em equilíbrio, temos que  $S(t) = I(t)$  e, assumindo que os agentes poupem uma fração constante da renda, temos:

$$\dot{K}(t) = s_K Y(t) - \delta K(t).$$

## Equilíbrio no mercado de capitais

Seja  $x(t)$  a quantidade produzida do tipo  $h(t)$  de capital domesticamente, tal que:

## Equilíbrio no mercado de capitais

Seja  $x(t)$  a quantidade produzida do tipo  $h(t)$  de capital domesticamente, tal que:

$$h(t)x(t) = K(t).$$

## Equilíbrio no mercado de capitais

Seja  $x(t)$  a quantidade produzida do tipo  $h(t)$  de capital domesticamente, tal que:

$$h(t)x(t) = K(t).$$

Portanto, a variedade importada de capital ( $m$ ) é definida a partir dessa igualdade:

## Equilíbrio no mercado de capitais

Seja  $x(t)$  a quantidade produzida do tipo  $h(t)$  de capital domesticamente, tal que:

$$h(t)x(t) = K(t).$$

Portanto, a variedade importada de capital ( $m$ ) é definida a partir dessa igualdade:

$$K(t) - h(t)x(t) = m(t)x(t)$$

## Equilíbrio no mercado de capitais

Seja  $x(t)$  a quantidade produzida do tipo  $h(t)$  de capital domesticamente, tal que:

$$h(t)x(t) = K(t).$$

Portanto, a variedade importada de capital ( $m$ ) é definida a partir dessa igualdade:

$$K(t) - h(t)x(t) = m(t)x(t) \iff K(t) = x(t)[h(t) + m(t)].$$

onde  $m(t)x(t)$  são os bens intermediários importados.



## Função de produção

A produção bruta é, portanto, função dos bens intermediários importados:

$$Y(t) = K^{\alpha}(t) [(h(t) + m(t))L(t)]^{1-\alpha}$$

## Função de produção

A produção bruta é, portanto, função dos bens intermediários importados:

$$Y(t) = K^{\alpha}(t) [(h(t) + m(t))L(t)]^{1-\alpha} \iff$$
$$Y(t) = K^{\alpha}(t) (h(t)L(t))^{1-\alpha} \left(1 + \frac{m(t)}{h(t)}\right)^{1-\alpha}.$$

# A dinâmica da força de trabalho (Jones and Vollrath 2013)

## A dinâmica da força de trabalho (Jones and Vollrath 2013)

Assim como no modelo de Solow e do Romer, o crescimento da força de trabalho é exógeno:

## A dinâmica da força de trabalho (Jones and Vollrath 2013)

Assim como no modelo de Solow e do Romer, o crescimento da força de trabalho é exógeno:

$$\frac{\dot{L}(t)}{L(t)} = n \implies L(t) = L(0)e^{nt}.$$

## A dinâmica da produtividade (Jones and Vollrath 2013)

A produtividade será dada pelo avanço da fronteira tecnológica:

$$\frac{\dot{A}(t)}{A(t)} = g \implies A(t) = A(0)e^{gt}$$

## A dinâmica da produtividade (Jones and Vollrath 2013)

A produtividade será dada pelo avanço da fronteira tecnológica:

$$\frac{\dot{A}(t)}{A(t)} = g \implies A(t) = A(0)e^{gt}$$

Qual é a hipótese ao assumirmos que ela é exógena?

## A dinâmica do acúmulo de “habilidades” (Jones and Vollrath 2013)



## A dinâmica do acúmulo de “habilidades” (Jones and Vollrath 2013)

$$\dot{h}(t) = \mu e^{\psi u} A(t)^{\gamma} h(t)^{1-\gamma},$$

## A dinâmica do acúmulo de “habilidades” (Jones and Vollrath 2013)

$$\dot{h}(t) = \mu e^{\psi u} A(t)^{\gamma} h(t)^{1-\gamma},$$

onde  $u$  denota o tempo investido em acumular novas habilidades,  $\mu > 0$  e  $0 < \gamma \leq 1$ .

## A dinâmica do acúmulo de “habilidades” (Jones and Vollrath 2013)

$$\dot{h}(t) = \mu e^{\psi u} A(t)^{\gamma} h(t)^{1-\gamma},$$

onde  $u$  denota o tempo investido em acumular novas habilidades,  $\mu > 0$  e  $0 < \gamma \leq 1$ . Portanto, temos:

## A dinâmica do acúmulo de “habilidades” (Jones and Vollrath 2013)

$$\dot{h}(t) = \mu e^{\psi u} A(t)^{\gamma} h(t)^{1-\gamma},$$

onde  $u$  denota o tempo investido em acumular novas habilidades,  $\mu > 0$  e  $0 < \gamma \leq 1$ . Portanto, temos:

$$\frac{\dot{h}(t)}{h(t)} = \mu e^{\psi u} \left( \frac{A(t)}{h(t)} \right)^{\gamma}.$$

# Equilíbrio

---

## Equilíbrio de longo prazo

No longo prazo,  $\frac{\dot{h}(t)}{h(t)}$  será constante se  $\frac{A(t)}{h(t)}$  for constante.

## Equilíbrio de longo prazo

No longo prazo,  $\frac{\dot{h}(t)}{h(t)}$  será constante se  $\frac{A(t)}{h(t)}$  for constante. Portanto, ao definirmos  $y = Y/L$  e  $k = K/L$ ,

## Equilíbrio de longo prazo

No longo prazo,  $\frac{\dot{h}(t)}{h(t)}$  será constante se  $\frac{A(t)}{h(t)}$  for constante. Portanto, ao definirmos  $y = Y/L$  e  $k = K/L$ , temos que

$$g_y = g_k = g_h = g_A = g.$$



## Equilíbrio de longo prazo

No longo prazo,  $\frac{\dot{h}(t)}{h(t)}$  será constante se  $\frac{A(t)}{h(t)}$  for constante. Portanto, ao definirmos  $y = Y/L$  e  $k = K/L$ , temos que

$g_y = g_k = g_h = g_A = g$ . Assim, como

$$y^*(t) = \left( \frac{s_K}{n + g + \delta} \right)^{\alpha/1-\alpha} \left( 1 + \frac{m(t)}{h(t)} \right) h^*(t),$$

## Equilíbrio de longo prazo

No longo prazo,  $\frac{\dot{h}(t)}{h(t)}$  será constante se  $\frac{A(t)}{h(t)}$  for constante. Portanto, ao definirmos  $y = Y/L$  e  $k = K/L$ , temos que

$g_y = g_k = g_h = g_A = g$ . Assim, como

$$y^*(t) = \left( \frac{s_K}{n + g + \delta} \right)^{\alpha/1-\alpha} \left( 1 + \frac{m(t)}{h(t)} \right) h^*(t),$$

e

$$\left( \frac{h(t)}{A(t)} \right)^* = \left( \frac{\mu}{g} e^{\psi u} \right)^{1/\gamma},$$

temos:

## Equilíbrio de longo prazo

No longo prazo,  $\frac{\dot{h}(t)}{h(t)}$  será constante se  $\frac{A(t)}{h(t)}$  for constante. Portanto, ao definirmos  $y = Y/L$  e  $k = K/L$ , temos que

$g_y = g_k = g_h = g_A = g$ . Assim, como

$$y^*(t) = \left( \frac{s_K}{n + g + \delta} \right)^{\alpha/1-\alpha} \left( 1 + \frac{m(t)}{h(t)} \right) h^*(t),$$

e

$$\left( \frac{h(t)}{A(t)} \right)^* = \left( \frac{\mu}{g} e^{\psi u} \right)^{1/\gamma},$$

temos:

$$y^*(t) = \left( \frac{s_K}{n + g + \delta} \right)^{\alpha/1-\alpha} \left( \frac{\mu}{g} e^{\psi u} \right)^{1/\gamma} \left( 1 + \frac{m(t)}{h(t)} \right) A^*(t).$$

## Exercício (Adaptado do ex. 5, cap 6 de Jones and Vollrath 2013)

Faça um gráfico com  $\frac{\dot{h}(t)}{h(t)}$  no eixo vertical e  $\frac{A(t)}{h(t)}$  no eixo horizontal.

Nele, desenhe duas curvas:  $\frac{\dot{h}(t)}{h(t)} = \mu e^{\psi u \left(\frac{A(t)}{h(t)}\right)^\gamma}$  com  $\gamma = 1$  e

$$\frac{\dot{h}(t)}{h(t)} = g:$$

- a) O que significa o ponto no qual as curvas se encontram?
- b) O que deve acontecer com  $\frac{\dot{h}(t)}{h(t)}$  ao longo do tempo quando  $\frac{\dot{h}(t)}{h(t)} > g$ ?
- c) O que deve acontecer com  $\frac{\dot{h}(t)}{h(t)}$  ao longo do tempo quando  $\frac{\dot{h}(t)}{h(t)} < g$ ?

Leia os **livros** e os **artigos**, não  
fique só com os slides!!!!

Jones, Charles I, and Dietrich Vollrath. 2013. *Introduction to Economic Growth*. Third edition. W.W. Norton & Company.

Segerstrom, Paul S. 1998. “Endogenous Growth Without Scale Effects.” *American Economic Review*, 1290–1310.