

Física: um curso universitário. Vol. I - Mecânica
(Alonso, M.; Finn, E. J.)

por
Igo da Costa Andrade

Referência

ALONSO, M.; FINN, E. J.. **Física: um curso universitário. Vol. I - Mecânica.** Rio de Janeiro, Editora Blucher, 2011.



Capítulo 2: Medidas e Unidades

- 2.1.** As massas atômicas, representadas na Tab. A.1, são expressas em *unidades de massa atômica*, abreviadas por u. 1 u é igual a $1,6604 \times 10^{-27}$ kg. Calcule, em quilogramas e em gramas, as massas de (a) um átomo de hidrogênio e (b) um átomo de oxigênio.

Solução:

(a) Hidrogênio

$$m_{kg} = \frac{1,6604 \times 10^{-27} \text{ kg}}{1 \text{ u}} \times m_u \Rightarrow m_{kg} = \frac{1,6604 \times 10^{-27} \text{ kg}}{1 \text{ u}} \times 1,00797 \text{ u} \\ \Rightarrow m_{kg} = 1,674 \times 10^{-27} \text{ kg}$$

(b) Oxigênio

$$m_{kg} = \frac{1,6604 \times 10^{-27} \text{ kg}}{1 \text{ u}} \times m_u \Rightarrow m_{kg} = \frac{1,6604 \times 10^{-27} \text{ kg}}{1 \text{ u}} \times 15,9994 \text{ u} \\ \Rightarrow m_{kg} = 2,657 \times 10^{-26} \text{ kg}$$



- 2.2.** Quantas moléculas, cada uma composta por um átomo de oxigênio e dois de hidrogênio, existem num grama de água? Quantas existem em 18 gramas? Quantas em um centímetro cúbico?

Solução:

Conforme problema 2.1, sejam $m_H = 1,674 \times 10^{-27}$ kg e $m_O = 2,657 \times 10^{-26}$ kg, as massas de um átomo de Hidrogênio (H) e um átomo de Oxigênio (O), respectivamente. Assim, a massa de uma molécula de água, composta por 2 átomos H e um átomo O é:

$$m_{H_2O} = 2 \cdot 1,674 \times 10^{-27} + 2,657 \times 10^{-26} = 2,991 \times 10^{-26} \text{ kg}$$

Portanto, em 1 grama (10^{-3} kg) de água, temos:

$$N_{1g} = \frac{10^{-3}}{m_{H_2O}} = \frac{10^{-3}}{2,991 \times 10^{-26}} = 3,34 \times 10^{22} \text{ moléculas}$$

Em 18 gramas de água, teremos:

$$N_{18g} = 18 \text{ g} \cdot \frac{N_{1g} \text{ moléculas}}{1 \text{ grama}} = 18 \cdot 3,343 \times 10^{22} = 6,02 \times 10^{23} \text{ moléculas}$$

Finalmente, sabendo que a densidade da água é 1 g/cm^3 , em 1 cm^3 haverá $3,34 \times 10^{22}$ moléculas de água. ■

- 2.3.** Na Seq. 2.3 foi mencionado que quilograma poderia ser definido como sendo igual à massa de $5,0188 \times 10^{25}$ átomos do isótopo ^{12}C , cuja massa é definida como sendo exatamente 12,0000 u. Verifique se essa definição é compatível com o valor de u dado no Prob. 2.1.

Solução:

$$\frac{m_{kg}}{m_u} = \frac{1 \text{ kg}}{5,0188 \times 10^{25} \text{ átomos} \times 12,0000 \text{ u} / \text{átomo}} = 1,6604 \times 10^{-27} \text{ kg/u}$$

■

- 2.4.** Considere as moléculas de hidrogênio, de oxigênio e de nitrogênio, cada uma delas composta por dois átomos idênticos. Calcule o número de moléculas de cada um desses gases, nas condições normais de pressão e temperatura (TPN) existentes em 1 m^3 . Use os valores das densidades relativas dadas na Tab. 2.2. Faça uma extensão do seu cálculo que seja válida para outros gases. Qual é a conclusão que você pode tirar dos seus resultados?

Solução:

Sejam ρ , a densidade do gás em kg/m^3 , m , a massa de cada molécula, em kg. Então, a quantidade N de moléculas por unidade de volume é tal que:

$$\rho = \frac{N \times m}{1} \Rightarrow N = \frac{\rho}{m}$$

Para cada um dos gases listados, temos:

- (i) Hidrogênio (H_2) Cada molécula de gás tem massa de cada molécula:

$$\begin{aligned} m_{\text{H}_2(\text{kg})} &= 2 \times m_{\text{H}_2(\text{u})} \times u = 2 \times 1,00797 \text{ kg/u} \times 1,6604 \times 10^{-27} \text{ u} \\ &= 3,3473 \times 10^{-27} \text{ kg} \end{aligned}$$

e densidade igual a $\rho_{\text{H}_2} = 8,988 \times 10^{-5} \text{ kg/m}^3$. Portanto, a quantidade de moléculas em 1 metro cúbico é igual a:

$$N_{\text{H}_2} = \frac{\rho_{\text{H}_2}}{m_{\text{H}_2}} = \frac{8,988 \times 10^{-5} \text{ kg/m}^3}{3,347 \times 10^{-27} \text{ kg/molécula}} = 2,685 \times 10^{22} \text{ moléculas/m}^3$$

- (ii) Oxigênio (O_2) Cada molécula de gás tem massa de cada molécula:

$$\begin{aligned} m_{\text{O}_2(\text{kg})} &= 2 \times m_{\text{O}_2(\text{u})} \times u = 2 \times 15,9994 \text{ kg/u} \times 1,6604 \times 10^{-27} \text{ u} \\ &= 5,3131 \times 10^{-26} \text{ kg} \end{aligned}$$

e densidade igual a $\rho_{\text{O}_2} = 1,429 \times 10^{-3} \text{ kg/m}^3$. Portanto, a quantidade de moléculas em 1 metro cúbico é igual a:

$$N_{\text{O}_2} = \frac{\rho_{\text{O}_2}}{m_{\text{O}_2}} = \frac{1,429 \times 10^{-3} \text{ kg/m}^3}{5,313 \times 10^{-26} \text{ kg/molécula}} = 2,69 \times 10^{22} \text{ moléculas/m}^3$$

(iii) Nitrogênio (N_2) Cada molécula de gás tem massa de cada molécula:

$$\begin{aligned}m_{N_2(kg)} &= 2 \times m_{N_2(u)} \times u = 2 \times 14,0067 \text{ kg/u} \times 1,6604 \times 10^{-27} \text{ u} \\&= 4,6513 \times 10^{-26} \text{ kg}\end{aligned}$$

e densidade igual a $\rho_{N_2} = 1,2506 \times 10^{-3} \text{ kg/m}^3$. Portanto, a quantidade de moléculas em 1 metro cúbico é igual a:

$$N_{N_2} = \frac{\rho_{N_2}}{m_{N_2}} = \frac{1,2506 \times 10^{-3} \text{ kg/m}^3}{4,651 \times 10^{-26} \text{ kg/molécula}} = 2,689 \times 10^{22} \text{ moléculas/m}^3$$

