

Διερεύνηση Θεμάτων - Συμπληρωματικές Προτάσεις Μαθηματικών Προσανατολισμού Γ' λυκείου

Μ. Ελευθεριάδης¹ Κ. Λόλας² Α. Ευαγγελόπουλος³

¹32ο ΓΕΛ ΘΕΣ/ΝΙΚΗΣ (ΠΕ03)

²10ο ΓΕΛ ΘΕΣ/ΝΙΚΗΣ (ΠΕ03)

³Σχ. Σύμβουλος Μαθηματικών

Θεσσαλονίκη, Απρίλιος 2018

Γιατί

- Δεν απαιτούνται

Γιατί

- Δεν απαιτούνται
- Εμβαθύνουν στη θεωρία

Γιατί

- Δεν απαιτούνται
- Εμβαθύνουν στη θεωρία
- Βοηθούν στη κατανόηση

Γιατί

- Δεν απαιτούνται
- Εμβαθύνουν στη θεωρία
- Βοηθούν στη κατανόηση
- Μας δίνεται η ευκαιρία να αποδείξουμε πόσο έξυπνοι είμαστε...

Πρόταση 1

Πρόταση

Αν η συνάρτηση $f : \Delta \rightarrow R$ είναι γνησίως αύξουσα στο διάστημα Δ , τότε η εξίσωση $f(x) = f^{-1}(x)$ είναι ισοδύναμη με την εξίσωση $f(x) = x, x \in \Delta$.

Πρόταση2

Πρόταση

Αν f είναι συνεχής και «1-1» στο διάστημα Δ , τότε η f είναι γνησίως μονότονη στο Δ .

Πρόταση3

Πρόταση

Δεν υπάρχει το όριο της $\varphi(x) = \eta\mu x$ στο $+\infty$.

Πρόταση4

Πρόταση

Δεν υπάρχει το όριο της συνάρτησης $\varphi(x) = \eta\mu x$ στο $\pm \infty$.

Πρόταση5

Πρόταση

Αν το $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = 0$ και $m \leq g(x) \leq M$ κοντά στο x_0 , τότε

$$\lim_{x \rightarrow x_0} [f(x)g(x)] = 0$$

Πρόταση6

Πρόταση

Αν η είναι περιττή συνάρτηση $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ και ισχύει $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = +\infty$, τότε δεν υπάρχει το όριο της f στο 0.

Πρόταση 7

Πρόταση

Αν η f είναι (γνησίως) μονότονη στο Δ και υπάρχει το $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)$ στο \mathbb{R} , για κάθε $x_0 \in \Delta$, τότε η f είναι συνεχής στο Δ .

Πρόταση8

Πρόταση

Αν η f είναι συνεχής στο (α, β) , $\lim_{x \rightarrow \alpha} f(x) = -\infty$ και $\lim_{x \rightarrow \beta} f(x) = +\infty$, τότε $f((\alpha, \beta)) = \mathbb{R}$

Πρόταση9

Πρόταση

Αν f είναι συνεχής και μη σταθερή στο $[a, b]$ και $f(a)=f(b)$, τότε η f παρουσιάζει ακρότατο στο (a, b) .

Πρόταση 10

Πρόταση

Αν μία συνάρτηση f είναι συνεχής στο διάστημα (α, β) και «1-1», τότε η αντίστροφη της f είναι συνεχής.

Πρόταση 11

Πρόταση

Αν f είναι συνάρτηση «1-1», παραγωγίσιμη στο x_0 , $x_0 \in \Delta$ -διάστημα και $f'(x_0) \neq 0$, τότε η f^{-1} είναι παραγωγίσιμη στο $y_0 = f(x_0)$.

Πρόταση 12

Πρόταση

Αν η συνάρτηση f είναι παραγωγίσιμη σε περιοχή του x_0 , στο x_0 και υπάρχει το $\lim_{x \rightarrow x_0} f'(x)$, τότε η f' είναι συνεχής στο x_0

Πρόταση 13

Πρόταση

Αν η f είναι συνεχής στο x_0 , $f(x_0) \neq 0$ και η f^2 είναι παραγωγίσιμη στο x_0 τότε η f είναι παραγωγίσιμη στο x_0 .

Πρόταση 14

Πρόταση

Αν η συνάρτηση f είναι παραγωγίσιμη στο $[-\alpha, \alpha]$, τότε ισχύουν οι προτάσεις: A. η f είναι άρτια στο $[-\alpha, \alpha] \Leftrightarrow$ η f' είναι περιττή στο $[-\alpha, \alpha]$ B. η f είναι περιττή στο $[-\alpha, \alpha] \Leftrightarrow$ η f' είναι άρτια στο $[-\alpha, \alpha]$

Πρόταση 15

Πρόταση

Αν η συνάρτηση f είναι παραγωγίσιμη στο διάστημα Δ και εξίσωση $f(x) = 0$ έχει (n) διαφορετικές ρίζες στο Δ , τότε η εξίσωση $f'(x) = 0$ έχει τουλάχιστον $(n - 1)$ ρίζες στο Δ .

Πρόταση 16

Πρόταση

Αν η συνάρτηση $f: \Delta \rightarrow \mathbb{R}$ (Δ : διάστημα) είναι παραγωγίσιμη και ισχύει $f'(x) \neq 0$ για κάθε $x \in \Delta$, τότε η f είναι συνάρτηση «1 – 1».

Πρόταση 17

Πρόταση

Αν η συνάρτηση f είναι παραγωγίσιμη στο $[\alpha, \beta]$ και $f'(\alpha) < 0 < f'(\beta)$, τότε υπάρχει $\xi \in (\alpha, \beta)$ με $f'(\xi) = 0$.

Πρόταση 18

Πρόταση

Αν f συνεχής στο $[a, \beta]$ και $f'(x) \neq 0$ για κάθε $x \in (a, \beta)$, τότε η f παρουσιάζει ακρότατα μόνο στα a και β .

Πρόταση 19

Πρόταση

Αν η f είναι συνεχής στο Δ και, τότε το $x_0 \in \Delta$ δεν μπορεί να είναι συγχρόνως θέση τοπικού ακρότατου και θέση σημείου καμπής.

Πρόταση20

Πρόταση

Αν η συνάρτηση f είναι κυρτή και έχει ασύμπτωτη την ευθεία $\varepsilon: y = \alpha x + \beta$, τότε η C_f βρίσκεται πάνω από την ε .

Πρόταση21

Πρόταση

Έστω η f είναι συνεχής στο $[α, β]$, παραγωγίσιμη στο $(α, β)$

A. Αν η f είναι γνησίως αύξουσα στο $(α, β)$, τότε

$f\left(\frac{\alpha+\beta}{2}\right) < \frac{f(\alpha)+f(\beta)}{2}$ B. Αν η f είναι γνησίως φθίνουσα στο $(α, β)$,

τότε $f\left(\frac{\alpha+\beta}{2}\right) > \frac{f(\alpha)+f(\beta)}{2}$

Πρόταση22

Πρόταση

Έστω η συνάρτηση $f: [-\alpha, \alpha] \rightarrow \mathbb{R}$ είναι συνεχής και A. αν η f είναι άρτια, τότε $\int_{-\alpha}^{\alpha} f(x)dx = 2 \int_0^{\alpha} f(x)dx$ \square B. αν η f είναι περιττή, τότε $\int_{-\alpha}^{\alpha} f(x)dx = 0$

Πρόταση23

Πρόταση

Αν η συνάρτηση f συνεχής στο $[\alpha, \beta]$, $f(x) \geq 0$ για κάθε $x \in [\alpha, \beta]$ και $\int_{\alpha}^{\beta} f(x)dx = 0$, τότε είναι $f(x) = 0$ για κάθε $x \in [\alpha, \beta]$.

Πρόταση24

Πρόταση

Αν η συνάρτηση $f: \Delta \rightarrow \mathbb{R}$, όπου Δ διάστημα, είναι συνεχής στο Δ και ισχύει $f(x) \neq 0$ για κάθε $x \in \Delta$, $\int_{\alpha}^{\beta} f(x)dx = 0$ με $\alpha, \beta \in \Delta$, τότε είναι $\alpha = \beta$.

Πρόταση25

Πρόταση

Αν η συνάρτηση $f: \Delta \rightarrow \mathbb{R}$, όπου Δ διάστημα, είναι συνεχής στο Δ και ισχύει $\alpha, \beta \in \Delta$, τότε $\int_{\alpha}^{\beta} f(x)dx = \int_{\alpha}^{\beta} f(\alpha + \beta - x)dx$.

Σας Ευχαριστούμε...