# Λύσεις

## Θέμα Α

- 1. Απόδειξη από σχολικό βιβλίο.
- 2. Η απόσταση του  $\alpha$  από το  $\beta$  είναι μικρότερη του  $\gamma$ . Τότε θα ισχύει και  $\beta-\gamma<\alpha<\beta+\gamma$
- 3. Να χαρακτηρίσετε τις παρακάτω προτάσεις με Σωστό ή Λάθος
  - α) Λάθος
  - β) Σωστό
  - γ) Λάθος
  - δ) Σωστό
  - ε) Λάθος

## Θέμα Β

- 1.  $A = \sqrt{2}\sqrt[3]{3\sqrt{3}} = \sqrt{2}\sqrt[3]{\sqrt{3^3}} = \sqrt{2}\sqrt[6]{3^3} = \sqrt{2}\sqrt{3} = \sqrt{6}$ .
- 2. Με συζυγή...

$$B = \frac{1}{5 - 2\sqrt{6}} + \frac{1}{5 + 2\sqrt{6}} = \frac{5 + 2\sqrt{6}}{25 - 24} + \frac{5 - 2\sqrt{6}}{25 - 24} = 10$$

3.  $\sqrt{6} - 10 < x < \sqrt{6} + 10$ 

#### Θέμα Γ

$$1. \ \alpha\beta - 2 \leq 2\alpha - \beta \Leftrightarrow \alpha\beta + \beta - 2\alpha - 2 \leq 0 \Leftrightarrow (\alpha + 1)\beta - 2(\alpha + 1) \leq 0 \Leftrightarrow (\alpha + 1)(\beta - 2) \leq 0.$$

2. 
$$\gamma^2 - 6\gamma \ge -9 \Leftrightarrow \gamma^2 - 6\gamma + 9 \ge 0 \Leftrightarrow (\gamma - 3)^2 \ge 0$$

- 3.  $-2 \le 2\alpha < 6$  και  $-6 < -3\beta \le 6$ , άρα...
- 4. Από το πρώτο και από το 2ο ερώτημα  $2\alpha-\alpha\beta-\beta+2\geq 0$  και  $\gamma^2-6\gamma+9\geq 0$  άρα ή  $\alpha=-1$ ,  $\beta\in\mathbb{R}$  και  $\gamma=3$  ή  $\alpha\in\mathbb{R}$ ,  $\beta=2$  και  $\gamma=3$

#### Θέμα Δ

$$\lambda^2 - 4 = 0 \Leftrightarrow \lambda = \pm 2$$

- 1.  $\lambda = -2$
- 2.  $\lambda = 2$
- 3.  $\lambda \neq \pm 2$
- 4.  $\lambda \neq 2$  kai  $(\lambda-2)(\lambda+2)\lambda = \lambda(\lambda-2) \Leftrightarrow \lambda(\lambda-2)(\lambda+2-1) = 0$  ára  $\lambda = 0$  ή  $\lambda = -1$