

Ένα ωραίο τεστάκι, μια ηλιόλουστη μέρα του Μαρτίου

Στην αυλή ενός σχολείου, σε ώρα διαλείμματος, τρεις παρέες βρίσκονται στα σημεία $A(0,2)$, $B(4,2)$ και $\Gamma(4,0)$.

1. Σε ποια θέση πρέπει να βρίσκεται ο εφημερεύων καθηγητής ώστε να ισαπέχει από τις παρέες και να προλάβει να δώσει μια ψιλή σε όποιον από αυτούς δεν φοράει μάσκα.
2. Οι 3 παρέες αποφασίζουν να γράψουν ένα σύνθημα στην αυλή σε τρίγωνο που σχηματίζεται με κορυφές τα σημεία που στέκονται εκείνη τη στιγμή. Τι εμβαδόν θα έχει το τρίγωνο που σχηματίστηκε?
3. Κάποιος από μια παρέα που παίζει βόλεϊ κάνει καρφί με την μπάλα (θεωρήστε την σημειακή) να διαγράφει πορεία πάνω στην $y=x$. Αν ο καθηγητής βρίσκεται στο σημείο $K(2,1)$, θα τον χτυπήσει η μπάλα? Αν όχι σε πόση απόσταση θα περάσει από αυτόν?

Καλή επιτυχία