Λύσεις Μαθηματικά Γ Λυκείου Κατεύθυνση

Θέμα Α

- 1. [Μονάδες 15] Απόδειξη από το βιβλίο
- 2. [Μονάδες 10]
 - α) Σωστό
 - β) Λάθος
 - γ) Λάθος
 - δ) Λάθος
 - ε) Λάθος

Θέμα Β

- 1. 1
- 2. 3
- $3. +\infty$
- 4. 3
- 5. $\frac{1}{e}$

Θέμα Γ

- 1. Η f είναι συνεχής για $x \neq 0$ και στο 0 ισχύει $\lim_{x \to 0} f(x) = 1 = f(0)$, άρα f συνεχής στο $\mathbb R$
- 2.

$$f'(x) = e^{x} - 1$$

$$f'(\ln 2) = 1$$

$$f(\ln 2) = 2 - \ln 2$$

$$y - f(2) = f'(2)(x - \ln 2)$$

$$y = x + 2 - 2 \ln 2$$

- 3. $f'(x) \ge 0$ για x > 0 και $f'(x) \le 0$ για x < 0
- 4. Ολικό ελάχιστο στο x=0 το f(0)=1
- 5. Για x>0 η f είναι γν. αύξουσα άρα

$$e < \pi$$

$$f(e) < f(\pi)$$

• • •

Θέμα Δ

- 1. $f'(x) = 3x^2 2x^2 + 2 > 0$ Άρα f γνήσια αύξουσα. Το σύνολο τιμών της είναι το $\mathbb R$ αφού τα όρια στα άπειρα είναι αντίστοιχα άπειρα
- 2. Bolzano στο (-1,0)
- 3. Ως γν. μονότονη έχει το πολύ μία που έχει βρεθεί. Άρα μοναδική
- 4. Έστω έχει τουλάχιστον 3. Άρα Rolle \implies η f έχει τουλάχιστον 2 \implies άτοπο.
- 5. ΘΜΤ στο (1, a)