# **Συναρτήσεις** Ορια συνάρτησης στο άπειρο

Κωνσταντίνος Λόλας

 $10^o$  ΓΕΛ Θεσσαλονίκης

### Οταν πάμε εμείς στο άπειρο λοιπόν!



$$\lim_{x \to 0^+} \frac{1}{x} = +\infty \implies \lim_{x \to +\infty} \frac{1}{x} = 0$$

- $\lim_{x \to +\infty} x^n = +\infty$
- $\lim_{x \to +\infty} \frac{1}{x^n} = 0$
- $\lim_{x \to -\infty} \frac{1}{x^n} = 0$
- 6  $\mu \epsilon a > 1$ ,  $\lim_{x \to +\infty} a^x = +\infty$
- $9 \mu \epsilon a > 1, \lim_{x \to -\infty} a^x = 0$
- **8**  $\mu \epsilon 0 < a < 1$ ,  $\lim_{x \to +\infty} a^x = 0$
- 9 με 0 < a < 1,  $\lim_{x \to a} a^x = +\infty$
- $\lim_{x \to +\infty} \ln x = +\infty$

$$\lim_{x \to 0^+} \frac{1}{x} = +\infty \implies \lim_{x \to +\infty} \frac{1}{x} = 0$$

- $\lim_{x \to +\infty} x^n = +\infty$
- $\lim_{x \to +\infty} \frac{1}{x^n} = 0$
- $\lim_{x\to -\infty} x^n = \begin{cases} +\infty & n \text{ άρτιος} \\ -\infty & n \text{ περιττός} \end{cases}$
- $\lim_{x \to -\infty} \frac{1}{x^n} = 0$
- 6  $\mu \epsilon a > 1$ ,  $\lim_{x \to +\infty} a^x = +\infty$
- $9 \mu \epsilon a > 1$ ,  $\lim_{x \to -\infty} a^x = 0$
- (8)  $\mu \epsilon 0 < a < 1$ ,  $\lim_{x \to +\infty} a^x = 0$
- 9 με 0 < a < 1,  $\lim_{x \to \infty} a^x = +\infty$
- $\lim_{x \to +\infty} \ln x = +\infty$

- $\lim_{x \to +\infty} x^n = +\infty$
- $\lim_{x \to +\infty} \frac{1}{x^n} = 0$
- $\lim_{x \to -\infty} \frac{1}{x^n} = 0$
- θ με a > 1,  $\lim_{x \to +\infty} a^x = +\infty$
- $9 \mu \epsilon a > 1, \lim_{x \to -\infty} a^x = 0$
- **8**  $\mu \epsilon 0 < a < 1$ ,  $\lim_{x \to +\infty} a^x = 0$
- 9 με 0 < a < 1,  $\lim_{x \to \infty} a^x = +\infty$
- $\lim_{x \to +\infty} \ln x = +\infty$

$$\lim_{x \to 0^+} \frac{1}{x} = +\infty \implies \lim_{x \to +\infty} \frac{1}{x} = 0$$

$$\lim_{x\to +\infty} x^n = +\infty$$

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{1}{x^n} = 0$$

$$\lim_{x \to -\infty} x^n = \begin{cases} +\infty & n \text{ άρτιος} \\ -\infty & n \text{ περιττός} \end{cases}$$

$$\lim_{x \to -\infty} \frac{1}{x^n} = 0$$

$$θ$$
 με  $a > 1$ ,  $\lim_{x \to +\infty} a^x = +\infty$ 

$$9 \mu \epsilon a > 1, \lim_{x \to -\infty} a^x = 0$$

(8) 
$$\mu \epsilon 0 < a < 1$$
,  $\lim_{x \to +\infty} a^x = 0$ 

$$9$$
 με  $0 < a < 1$ ,  $\lim_{x \to \infty} a^x = +\infty$ 

$$u$$
 με  $\lim_{x\to +\infty} lnx = +\infty$ 

- $\lim_{x \to 0^+} \frac{1}{x} = +\infty \implies \lim_{x \to +\infty} \frac{1}{x} = 0$
- $\lim_{x\to +\infty} x^n = +\infty$
- $\lim_{x \to +\infty} \frac{1}{x^n} = 0$
- $\lim_{x \to -\infty} \frac{1}{x^n} = 0$
- $9 \mu \epsilon a > 1, \lim_{x \to -\infty} a^x = 0$
- **8**  $\mu \epsilon 0 < a < 1$ ,  $\lim_{x \to +\infty} a^x = 0$
- 9  $\mu \epsilon 0 < a < 1$ ,  $\lim_{x \to -\infty} a^x = +\infty$
- $0 \mu \epsilon \lim_{x \to +\infty} lnx = +\infty$

- $\lim_{x \to 0^+} \frac{1}{x} = +\infty \implies \lim_{x \to +\infty} \frac{1}{x} = 0$
- $\lim_{x\to +\infty} x^n = +\infty$
- $\lim_{x \to +\infty} \frac{1}{x^n} = 0$
- $4 \lim_{x \to -\infty} x^n = \begin{cases} +\infty & n \text{ άρτιος} \\ -\infty & n \text{ περιττός} \end{cases}$
- $\lim_{x \to -\infty} \frac{1}{x^n} = 0$
- $0 \mu \epsilon a > 1, \lim_{x \to -\infty} a^x = 0$
- **8**  $\mu \epsilon 0 < a < 1$ ,  $\lim_{x \to +\infty} a^x = 0$
- 9  $\mu \epsilon 0 < a < 1$ ,  $\lim_{x \to -\infty} a^x = +\infty$
- $0 \mu \epsilon \lim_{x \to +\infty} lnx = +\infty$

$$\lim_{x \to +\infty} x^n = +\infty$$

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{1}{x^n} = 0$$

$$\text{ } \lim_{x\to -\infty} x^n = \begin{cases} +\infty & n \text{ artisc} \\ -\infty & n \text{ peritos} \end{cases}$$

(8) 
$$\mu \epsilon 0 < a < 1$$
,  $\lim_{x \to +\infty} a^x = 0$ 

$$9$$
 με  $0 < a < 1$ ,  $\lim_{x \to -\infty} a^x = +\infty$ 

- $\lim_{x \to +\infty} x^n = +\infty$
- $\lim_{x \to +\infty} \frac{1}{x^n} = 0$
- $\text{ } \lim_{x\to -\infty} x^n = \begin{cases} +\infty & n \text{ artisc} \\ -\infty & n \text{ peritos} \end{cases}$

- 9  $\mu \epsilon 0 < a < 1$ ,  $\lim_{x \to -\infty} a^x = +\infty$
- $\lim_{x\to +\infty} \ln x = +\infty$

- $\lim_{x \to +\infty} x^n = +\infty$
- $\lim_{x \to +\infty} \frac{1}{x^n} = 0$
- $\text{ } \lim_{x\to -\infty} x^n = \begin{cases} +\infty & n \text{ artist} \\ -\infty & n \text{ peritos} \end{cases}$

- 2  $\mu \epsilon a > 1$ ,  $\lim_{x \to -\infty} a^x = 0$
- **8**  $\mu \epsilon 0 < a < 1$ ,  $\lim_{x \to +\infty} a^x = 0$
- 9  $\mu \epsilon 0 < a < 1$ ,  $\lim_{x \to -\infty} a^x = +\infty$
- $\lim_{x \to +\infty} \ln x = +\infty$

$$\lim_{x \to +\infty} x^n = +\infty$$

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{1}{x^n} = 0$$

$$\text{ } \lim_{x\to -\infty} x^n = \begin{cases} +\infty & n \text{ artisc} \\ -\infty & n \text{ peritos} \end{cases}$$

$$\bigcirc$$
  $\mu \epsilon a > 1$ ,  $\lim_{x \to -\infty} a^x = 0$ 

**9** 
$$\mu \epsilon 0 < a < 1$$
,  $\lim_{x \to -\infty} a^x = +\infty$ 

$$u$$
 με  $\lim_{x\to +\infty} lnx = +\infty$ 

Λόλας ( $10^{o}$  ΓΕΛ) Συναρτήσεις 3/34

$$\lim_{x\to +\infty} x^n = +\infty$$

$$3 \lim_{x \to +\infty} \frac{1}{x^n} = 0$$

$$4 \lim_{x \to -\infty} x^n = \begin{cases} +\infty & n \text{ άρτιος} \\ -\infty & n \text{ περιττός} \end{cases}$$

$$2$$
  $\mu \epsilon a > 1$ ,  $\lim_{x \to -\infty} a^x = 0$ 

$$\mathbf{10} \ \mu \mathbf{e} \lim_{x \to +\infty} \ln x = +\infty$$

Λόλας  $(10^{o}$  ΓΕΛ) Συναρτήσεις

3/34

#### Συμπέρασμα

#### Οπως και με τα κανονικά όρια:

- $\label{eq:force_force} \ensuremath{\mathbf{1}} \lim_{x \to \pm \infty} f(x) = k \in \mathbb{R} \ \ensuremath{\mbox{\acute{\eta}}}$
- $2 \lim_{x\to\pm\infty} f(x) = \pm\infty \, \acute{\mathbf{\eta}}$

#### Μόνο 2 περιπτώσεις

#### Ασχολούμαστε μόνο με

- $\begin{array}{cc}
  & & \pm \infty \\
  & \pm \infty
  \end{array}$
- $2 + \infty \infty$

- $\bullet$  x vs  $x^2$
- $x^2 \text{ vs } x^5$
- Πολυώνυμο vs εκθετική
- Πολυώνυμο vs λογαριθμική

- $\bullet$  x vs  $x^2$
- Πολυώνυμο vs εκθετική
- Πολυώνυμο vs λογαριθμική

- $\quad \quad \textbf{$\boldsymbol{v}$ vs $x^2$}$
- Πολυώνυμο vs εκθετική
- Πολυώνυμο vs λογαριθμική

- $\bullet$  x vs  $x^2$
- Πολυώνυμο vs εκθετική
- Πολυώνυμο vs λογαριθμική

#### Πιο άπειρο είναι μεγαλύτερο κάνει κουμάντο

- Υπάρχει μεγαλύτερο? το βγάζω κοινό παράγοντα
- Είναι ίσα? κάνω πράξεις και τα διώχνω

#### Δύο έτοιμα όρια

Εστω 
$$P(x)=a_nx^n+a_{n-1}x^{n-1}+\cdots+a_1x+a_0$$
 και 
$$Q(x)=b_kx^k+b_{k-1}x^{k-1}+\cdots+b_1x+b_0$$
 
$$\lim_{x\to\pm\infty}P(x)=\lim_{x\to\pm\infty}a_nx^n$$
 
$$\lim_{x\to\pm\infty}\frac{P(x)}{Q(x)}=\lim_{x\to\pm\infty}\frac{a_nx^n}{b_kx^k}$$

- $\bullet \lim_{x \to -\infty} f(x)$
- $\bullet \lim_{x \to +\infty} f(x)$
- $\lim_{x \to -\infty} \frac{1}{f(x)-1}$
- $\bullet \lim_{x \to +\infty} \frac{1}{f(x)}$

- $\bullet \lim_{x \to -\infty} f(x)$
- $\bullet \ \lim_{x \to +\infty} f(x)$
- $\lim_{x \to -\infty} \frac{1}{f(x)-1}$
- $\bullet \lim_{x \to +\infty} \frac{1}{f(x)}$

- $\bullet \lim_{x \to -\infty} f(x)$
- $\bullet \ \lim_{x \to +\infty} f(x)$
- $\bullet \lim_{x \to -\infty} \frac{1}{f(x)-1}$
- $\bullet \lim_{x \to +\infty} \frac{1}{f(x)}$

- $\bullet \lim_{x \to -\infty} f(x)$
- $\bullet \ \lim_{x \to +\infty} f(x)$
- $\bullet \ \lim_{x\to -\infty} \tfrac{1}{f(x)-1}$
- $\bullet \lim_{x \to +\infty} \frac{1}{f(x)}$

$$\bullet \lim_{x \to +\infty} 3x^2 - x - 1$$

$$\lim_{x \to -\infty} -3x^2 + 5x - 1$$

$$\lim_{x \to -\infty} -2x^3 + 1$$

$$\bullet \lim_{x \to +\infty} 3x^2 - x - 1$$

$$\bullet \lim_{x \to +\infty} -2x^2 + 3x - 1$$

$$\lim_{x \to -\infty} -3x^2 + 5x - 1$$

$$\lim_{x \to -\infty} -2x^3 + 1$$

$$\bullet \lim_{x \to +\infty} 3x^2 - x - 1$$

$$\bullet \lim_{x \to -\infty} -3x^2 + 5x - 1$$

$$\lim_{x \to -\infty} -2x^3 + 1$$

$$\bullet \lim_{x \to +\infty} 3x^2 - x - 1$$

$$\bullet \lim_{x \to +\infty} -2x^2 + 3x - 1$$

$$\bullet \lim_{x \to -\infty} -3x^2 + 5x - 1$$

$$\bullet \lim_{x \to -\infty} -2x^3 + 1$$

$$\quad \text{lim}_{x\rightarrow +\infty} \ \tfrac{2x^3-x+1}{3x^3+x^2+1}$$

$$\lim_{x \to -\infty} \frac{x^2 - x + 2}{2x^3 + x + 1}$$

$$\bullet \lim_{x \to +\infty} \left( \frac{x^2}{x-1} + x \right)$$

$$\quad \text{lim}_{x\rightarrow +\infty} \ \tfrac{2x^3-x+1}{3x^3+x^2+1}$$

$$\bullet \lim_{x \to +\infty} \left( \frac{x^2}{x-1} + x \right)$$

$$\bullet \lim_{x\to +\infty} \tfrac{2x^3-x+1}{3x^3+x^2+1}$$

$$\bullet \lim_{x \to +\infty} \left( \frac{x^2}{x-1} + x \right)$$

Na breite to ório 
$$\lim_{x\to +\infty} \left(2x-|x^3-x-1|\right)$$

$$\bullet \lim_{x \to +\infty} \sqrt{4x^2 - 2x + 1}$$

$$\bullet \lim_{x \to -\infty} \left( \sqrt{x^2 + 5} - x \right)$$

$$\bullet \lim_{x \to +\infty} \sqrt{4x^2 - 2x + 1}$$

$$\bullet \lim_{x \to -\infty} \left( \sqrt{x^2 + 5} - x \right)$$

$$\bullet \lim_{x \to +\infty} \left( \sqrt{4x^2 + 2x + 1} - 2x \right)$$

$$\bullet \lim_{x \to -\infty} \left( x + \sqrt{x^2 + 1} \right)$$

$$\bullet \ \lim_{x \to +\infty} \left( \sqrt{4x^2 + 2x + 1} - 2x \right)$$

$$\bullet \lim_{x \to -\infty} \left( x + \sqrt{x^2 + 1} \right)$$

Να βρείτε το όριο 
$$\lim_{x\to +\infty} \left((a-1)x^3-2x+1\right)$$
, για τις διάφορες τιμές του  $a\in \mathbb{R}$ 

Λόλας ( $10^o$  ΓΕΛ) Συναρτήσεις 15/34

Να βρείτε τις τιμές του  $\mu\in\mathbb{R}$ , για τις οποίες το  $\lim_{x\to+\infty} \frac{(\mu-1)x^3+\mu x^2-2}{(\mu-2)x^2+3x+1}$ , είναι πραγματικός αριθμός

Λόλας ( $10^{o}$  ΓΕΛ) Συναρτήσεις 16/34

Για τις διάφορες πραγματικές τιμές του  $\mu$ , να υπολογίσετε το  $\lim_{x\to -\infty}\left(\sqrt{4x^2+1}+\mu x\right)$ 

Λόλας ( $10^o$  ΓΕΛ) Συναρτήσεις 17/34

Δίνεται η συνάρτηση  $f(x)=rac{x^n+x-1}{x^2+1}$ ,  $n\in\mathbb{N}^*$ . Να βρείτε το  $\lim_{x\to+\infty}f(x)$  για τις διάφορες τιμές του  $n\in\mathbb{N}^*$ .

Λόλας ( $10^{o}$  ΓΕΛ) Συναρτήσεις 18/34

Εστω 
$$f:\mathbb{R}\to\mathbb{R}$$
 μια συνάρτηση, για την οποία ισχύει  $\lim_{x\to+\infty}\left(xf\left(rac{x-1}{x}
ight)
ight)=2$ , να υπολογίσετε το  $\lim_{x\to1}rac{f(x)}{x-1}.$ 

Λόλας ( $10^{o}$  ΓΕΛ) Συναρτήσεις 19/34

Εστω  $f:\mathbb{R} \to \mathbb{R}$  μια συνάρτηση, για την οποία ισχύει  $\lim_{x \to 1} f(x) = -\infty$ , να υπολογίσετε τα όρια

- $\lim_{x \to 1} \left( \sqrt{f^2(x) + 1} f(x) \right)$

Εστω  $f:\mathbb{R} \to \mathbb{R}$  μια συνάρτηση, για την οποία ισχύει  $\lim_{x \to 1} f(x) = -\infty$ , να υπολογίσετε τα όρια

- $\lim_{x \to 1} \left( \sqrt{f^2(x) + 1} f(x) \right)$

Εστω  $f:(-\infty,0)\to\mathbb{R}$  μια συνάρτηση, για την οποία ισχύει

$$\lim_{x \to -\infty} \frac{xf(x) - 2x + 3}{x + 2} = 1$$

- να βρείτε τα όρια:
  - $\mathbf{1} \lim_{x \to -\infty} f(x)$
  - $\lim_{x \to -\infty} \frac{3x^2 f(x) x^2 + 1}{x f(x) + 3}$
- Αν επιπλέον ισχύει  $f\left((-\infty,0)
  ight)=(3,+\infty)$ , να βρείτε το  $\lim_{x\to-\infty}rac{x}{f(x)-3}$

Συναρτήσεις 21/34

Εστω  $f:(-\infty,0)\to\mathbb{R}$  μια συνάρτηση, για την οποία ισχύει

$$\lim_{x \to -\infty} \frac{xf(x) - 2x + 3}{x + 2} = 1$$

- να βρείτε τα όρια:
  - $\mathbf{1} \lim_{x \to -\infty} f(x)$
  - 2  $\lim_{x \to -\infty} \frac{3x^2 f(x) x^2 + 1}{x f(x) + 3}$
- ② Αν επιπλέον ισχύει  $f\left((-\infty,0)\right)=(3,+\infty)$ , να βρείτε το  $\lim_{x\to -\infty} \frac{x}{f(x)-3}$

Συναρτήσεις 21/34

Εστω  $f:(0,+\infty) \to \mathbb{R}$  μια συνάρτηση, για την οποία ισχύουν

$$\lim_{x\to +\infty}\frac{f(x)}{x}=5\ \mathrm{kal}\ \lim_{x\to +\infty}\left(f(x)-5x\right)=2$$

Nα βρείτε το  $\lambda \in \mathbb{R}$ , ώστε

$$\lim_{x\to +\infty} \frac{3f(x)+\lambda x-2}{xf(x)-5x^2+1}=3$$

Λόλας  $(10^{o}$  ΓΕΛ) Συναρτήσεις 22/34

- $\ \, \mathbf{1} \ \, \lim_{x\to +\infty} \eta \mu \tfrac{2x-1}{x^2+1}$
- $\lim_{x \to +\infty} \frac{x}{x^2 + 1} \sigma v \nu x$

- $\ \, \mathbf{1}\ \, \lim_{x\to+\infty}\eta\mu\tfrac{2x-1}{x^2+1}$
- $2 \lim_{x \to +\infty} \frac{x}{x^2 + 1} \sigma v \nu x$

#### Να αποδείξετε ότι:

- $\ \, \lim_{x\to -\infty} x\eta\mu\tfrac{1}{x}=1$
- $\lim_{x \to +\infty} \frac{\eta \mu x}{x} = 0$
- $\lim_{x \to +\infty} \eta \mu x \cdot \eta \mu \frac{1}{x} = 0$
- $4 \lim_{x \to +\infty} \frac{x \eta \mu x}{x 1} = 1$

24/34

#### Να αποδείξετε ότι:

- $\ \, \lim_{x\to -\infty} x\eta\mu\tfrac{1}{x}=1$
- $\lim_{x \to +\infty} \frac{\eta \mu x}{x} = 0$
- $\lim_{x \to +\infty} \eta \mu x \cdot \eta \mu \frac{1}{x} = 0$
- $4 \lim_{x \to +\infty} \frac{x \eta \mu x}{x 1} = 1$

#### Να αποδείξετε ότι:

- $\ \, \mathbf{1} \lim_{x\to -\infty} x\eta\mu \tfrac{1}{x} = 1$
- $\lim_{x \to +\infty} \frac{\eta \mu x}{x} = 0$
- $\lim_{x\to+\infty}\eta\mu x\cdot\eta\mu\frac{1}{x}=0$
- $4 \lim_{x \to +\infty} \frac{x \eta \mu x}{x 1} = 1$

#### Να αποδείξετε ότι:

- $\ \, \mathbf{1} \lim_{x\to -\infty} x\eta\mu \tfrac{1}{x} = 1$
- $\lim_{x \to +\infty} \frac{\eta \mu x}{x} = 0$
- $\lim_{x\to+\infty}\eta\mu x\cdot\eta\mu\frac{1}{x}=0$
- $4 \lim_{x \to +\infty} \frac{x \eta \mu x}{x 1} = 1$

- $\lim_{x \to +\infty} \frac{x}{2 \eta \mu x}$

$$\lim_{x \to -\infty} \frac{3^x - 5^x}{3^x - 2^x}$$

- 2  $\lim_{x \to -\infty} \frac{3^x 5^x}{3^x 2^x}$

Na breite to 
$$\lim_{x\to +\infty} \frac{2^x-a^x}{2^x+3a^x}$$
 ,  $a>0$ 

- $\text{ } 1\!\!\! \lim_{x\to +\infty}e^{-x^2+1}$
- $\lim_{x \to 0^-} e^{-\frac{1}{x}}$
- $\lim_{x \to 0} \frac{1}{e^{x^2} 1}$

- $\text{ } \mathbf{1} \lim_{x \to +\infty} e^{-x^2+1}$
- $\lim_{x \to 0^{-}} e^{-\frac{1}{x}}$
- 3  $\lim_{x\to 0} \frac{1}{e^{x^2}-1}$

- $\lim_{x \to +\infty} e^{-x^2 + 1}$
- $\lim_{x \to 0^{-}} e^{-\frac{1}{x}}$

- $\lim_{x \to 0} \frac{x}{\ln x}$
- $\lim_{x \to 1} \frac{1 + \sqrt{x 1}}{\ln x}$
- $\begin{array}{ccc}
  & \lim_{x \to 0} \frac{\ln x}{\eta \mu x}
  \end{array}$

- $\lim_{x \to 1} \frac{1 + \sqrt{x 1}}{\ln x}$
- $\lim_{x \to 0} \frac{\ln x}{\eta \mu x}$

- $3 \lim_{x \to 1} \frac{1 + \sqrt{x 1}}{\ln x}$
- $\begin{array}{ccc}
  4 & \lim_{x \to 0} \frac{\ln x}{\eta \mu x}
  \end{array}$

- $3 \lim_{x \to 1} \frac{1 + \sqrt{x 1}}{\ln x}$
- $4 \lim_{x \to 0} \frac{\ln x}{\eta \mu x}$

- $\lim_{x \to 1} \ln \frac{x}{x-1}$
- $\lim_{x \to +\infty} \left( \ln(1 + e^{2x}) x \right)$

$$\ \, \lim_{x\to +\infty} \left(\ln x + e^{-\frac{1}{x}}\right)$$

- $2 \lim_{x \to 1} \ln \frac{x}{x-1}$

- $\ \, \lim_{x\to +\infty} \left(\ln x + e^{-\frac{1}{x}}\right)$
- $2 \lim_{x \to 1} \ln \frac{x}{x-1}$
- $\text{ } \lim_{x\to +\infty} \left(\ln(1+e^{2x})-x\right)$

- $\lim_{x \to +\infty} \frac{\sigma v \nu x}{\ln x}$

- $\lim_{x \to +\infty} (\ln x + \sigma v \nu x)$
- $\lim_{x \to +\infty} \frac{\sigma v \nu x}{\ln x}$

Δίνεται η συνάρτηση  $f(x) = \ln x + \sqrt{x-1}$  με σύνολο τιμών το  $[0,+\infty)$ 

- $oldsymbol{1}$  Να δείξετε ότι η f αντιστρέφεται
- ② Να βρείτε το  $\lim_{x \to +\infty} \left( x^2 f^{-1}(x) \right)$

Δίνεται η συνάρτηση  $f(x) = \ln x + \sqrt{x-1}$  με σύνολο τιμών το  $[0,+\infty)$ 

- f 0 Να δείξετε ότι η f αντιστρέφεται
- ② Να βρείτε το  $\lim_{x \to +\infty} \left( x^2 f^{-1}(x) \right)$

Λόλας ( $10^{o}$  ΓΕΛ) Συναρτήσεις 32/34

Δίνεται η συνάρτηση  $f(x)=x^x$ , x>0. Να βρείτε το  $\lim_{x\to +\infty}f(x)$ 

Λόλας  $(10^{o}$  ΓΕΛ) Συναρτήσεις 33/34

Στο moodle θα βρείτε τις ασκήσεις που πρέπει να κάνετε, όπως και αυτή τη παρουσίαση