ΠολυώνυμαΠολυωνυμικές Εξισώσεις

Κωνσταντίνος Λόλας

Θα ασχοληθούμε με εξισώσεις!

- 1ου βαθμού
- 2ου βαθμού
- ν βαθμού με $\nu > 3$

Θα ασχοληθούμε με εξισώσεις!

- 1ου βαθμού
- 2ου βαθμού
- ν βαθμού με $\nu > 3$

Θα ασχοληθούμε με εξισώσεις!

- 1ου βαθμού
- 2ου βαθμού
- ν βαθμού με ν > 3

Θα ασχοληθούμε με εξισώσεις!

- 1ου βαθμού
- 2ου βαθμού
- ullet ν βαθμού με $\nu \geq 3$

χωρίς να μάθουμε τίποτα καινούριο!!!

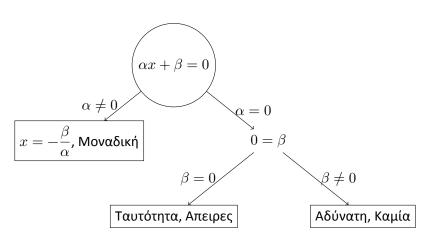
- για 1ου βαθμού?
- ο για 2ου βαθμού?
- ν βαθμού με $\nu > 3$?

- για 1ου βαθμού? δεν χρειάζεται!
- για 2ου βαθμού?
- ν βαθμού με $\nu > 3$?

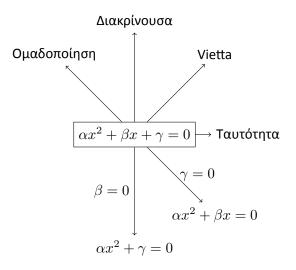
- για 1ου βαθμού?
- για 2ου βαθμού? μόνο όταν μπορούμε!
- ν βαθμού με $\nu > 3$?

- για 1ου βαθμού?
- για 2ου βαθμού?
- ν βαθμού με $\nu > 3$? ίσως ο μοναδικός τρόπος

1ου βαθμού



2ου βαθμού



30u+ OEO?

Θα ήταν υπέροχο αν μπορούσαμε να το παραγοντοποιήσουμε...

- Σε 1 πρώτου και 1 δευτέρου?
- Σε 3 πρώτου βαθμού?

30u+ OEO?

Θα ήταν υπέροχο αν μπορούσαμε να το παραγοντοποιήσουμε...

- Σε 1 πρώτου και 1 δευτέρου?
- Σε 3 πρώτου βαθμού?

400 OEO?

Αν μπορούσαμε να το παραγοντοποιήσουμε...

- Σε 1 πρώτου και 1 τρίτου...?
- Σε 2 πρώτου βαθμού και 1 δευτέρου?
- Σε 2 δευτέρου?

400 OEO?

Αν μπορούσαμε να το παραγοντοποιήσουμε...

- Σε 1 πρώτου και 1 τρίτου...?
- Σε 2 πρώτου βαθμού και 1 δευτέρου?
- Σε 2 δευτέρου?

400 OEO?

Αν μπορούσαμε να το παραγοντοποιήσουμε...

- Σε 1 πρώτου και 1 τρίτου...?
- Σε 2 πρώτου βαθμού και 1 δευτέρου?
- Σε 2 δευτέρου?

Δηλαδή

Μακάρι να πετυχαίναμε ρίζες (και μάλιστα ακέραιες)!

Ακέραιες Ρίζες

Αν ένα πολυώνυμο με ακέραιους συντελεστές έχει ακέραια ρίζα, τότε η ρίζα αυτή διαιρεί την σταθερά του πολυωνύμου

Δηλαδή

Μακάρι να πετυχαίναμε ρίζες (και μάλιστα ακέραιες)!

Ακέραιες Ρίζες

Αν ένα πολυώνυμο με ακέραιους συντελεστές έχει ακέραια ρίζα, τότε η ρίζα αυτή διαιρεί την σταθερά του πολυωνύμου

Δηλαδή

Μακάρι να πετυχαίναμε ρίζες (και μάλιστα ακέραιες)!

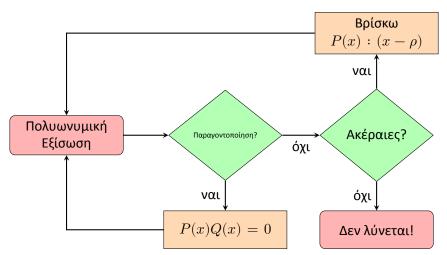
Ακέραιες Ρίζες

Αν ένα πολυώνυμο με ακέραιους συντελεστές έχει ακέραια ρίζα, τότε η ρίζα αυτή διαιρεί την σταθερά του πολυωνύμου

$$\begin{split} P(\rho) &= 0 \\ \alpha_{\nu}\rho^{\nu} + \alpha_{\nu-1}\rho^{\nu-1} + \cdots + \alpha_{1}\rho + \alpha_{0} &= 0 \\ a_{0} &= -\alpha_{\nu}\rho^{\nu} - \alpha_{\nu-1}\rho^{\nu-1} - \cdots - \alpha_{1}\rho \\ a_{0} &= \rho(-\alpha_{\nu}\rho^{\nu-1} - \alpha_{\nu-1}\rho^{\nu-2} - \cdots - \alpha_{1}) \end{split}$$

Λόλας Πολυώνυμα 8/21

Γενικά!



Για κάθε, ΜΑ ΚΑΘΕ πολυώνυμο!

Να λύσετε τις εξισώσεις

- $x^4 = 8x$

Λόλας Πολυώνυμα 10/21

Να λύσετε τις εξισώσεις

- $x^4 = 8x$
- $x^3 2x^2 9x + 18 = 0$

Λόλας Πολυώνυμα 10/21

Να βρείτε τις ακέραιες ρίζες της εξίσωσης $x^3 - 5x + 2 = 0$

Λόλας Πολυώνυμα 11/21

Να δείξετε ότι η εξίσωση $x^3 + 3x + 2 = 0$ δεν έχει ακέραιες ρίζες.

Πολυώνυμα Λόλας 12/21

Να λύσετε την εξίσωση $x^3 - 3x + 2 = 0$

Λόλας Πολυώνυμα 13/21

Να λύσετε την εξίσωση $2x^4 - 3x^3 - 17x^2 + 27x - 9 = 0$

Λόλας Πολυώνυμα 14/21

Να λύσετε την εξίσωση $x^6-7x^2-6=0$

Λόλας Πολυώνυμα 15/21

Να βρείτε τα κοινά σημεία της γραφικής παράστασης της συνάρτησης $f(x) = -x^3 - x + 2$ με τον άξονα x'x

> Λόλας Πολυώνυμα 16/21

Να βρείτε τα κοινά σημεία των γραφικών παραστάσεων των συναρτήσεων

$$f(x) = x^3 + 9$$

και

$$g(x) = 5x^2 - 3x$$

Λόλας Πολυώνυμα 17/21

Aν η εξίσωση $x^3-(\lambda+2)x^2+2\lambda x-1=0$, $\lambda\in\mathbb{Z}$ έχει ακέραια ρίζα, να βρείτε το λ και μετά να λύσετε την εξίσωση.

> Λόλας Πολυώνυμα 18/21

Να λύσετε την εξίσωση
$$(3x+1)^8 - 15(3x+1)^4 - 16 = 0$$

Λόλας Πολυώνυμα 19/21

Να λύσετε την εξίσωση
$$(x^2-x-1)^2-6(x^2-x-3)-7=0$$

Λόλας Πολυώνυμα 20/21

Nα λύσετε την εξίσωση $6x^4 + 5x^3 - 38x^2 + 5x + 6 = 0$

Λόλας Πολυώνυμα 21/21