

# Συναρτήσεις

Κωνσταντίνος. Λόλας

## Ορισμός

Έστω  $A$  ένα υποσύνολο του  $\mathbb{R}$ . Ονομάζουμε πραγματική συνάρτηση με πεδίο ορισμού το  $A$  μια διαδικασία (κανόνα)  $f$ , με την οποία κάθε στοιχείο  $x \in A$  αντιστοιχίζεται σε ένα μόνο πραγματικό αριθμό  $y$ . Το  $y$  ονομάζεται τιμή της  $f$  στο  $x$  και συμβολίζεται με  $f(x)$ .

- Απλός τύπος

$$f(x) = x^2 + 2, x \in \mathbb{R} \quad g(a) = \frac{2}{\eta\mu a}, a \leq 1$$

- Απλός τύπος

$$f(x) = x^2 + 2, x \in \mathbb{R} \quad g(a) = \frac{2}{\eta\mu a}, a \leq 1$$

- Ορισμένη κατά "κλάδους"

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 2, & x < 2 \\ \frac{2}{\eta\mu x}, & x > 5 \\ -\sqrt{2}, & x = 3 \end{cases}$$

- Απλός τύπος

$$f(x) = x^2 + 2, x \in \mathbb{R} \quad g(a) = \frac{2}{\eta\mu a}, a \leq 1$$

- Ορισμένη κατά "κλάδους"

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 2, & x < 2 \\ \frac{2}{\eta\mu x}, & x > 5 \\ -\sqrt{2}, & x = 3 \end{cases}$$

- Περιγραφικά

- $f : A \rightarrow \mathbb{R}$
- $x \rightarrow f(x)$
- $f(A) = \{y | y = f(x) \text{ για κάποιο } x \in A\}$

- Διαίρεση

$$\frac{a}{b}, b \neq 0$$

- Διαίρεση

$$\frac{a}{b}, b \neq 0$$

- Ρίζες

$$\sqrt[n]{a}, a \geq 0$$



- Διαίρεση

$$\frac{a}{b}, b \neq 0$$

- Ρίζες

$$\sqrt[n]{a}, a \geq 0$$

- Λογάριθμοι

$$\ln a, a > 0$$

- Διαίρεση

$$\frac{a}{b}, b \neq 0$$

- Ρίζες

$$\sqrt[n]{a}, a \geq 0$$

- Λογάριθμοι

$$\ln a, a > 0$$

- Κρυφά

$$\varepsilon\varphi x, \quad x^x \dots$$

Πρέπει να γνωρίζετε πολύ καλά

- Εξισώσεις
- Ανισώσεις

Στο moodle θα βρείτε τις ασκήσεις που πρέπει να κάνετε, όπως και αυτή τη παρουσίαση

Δίνεται η συνάρτηση  $f(x) = x^3 - x + a$  με  $f(-1) = 1$

- 1 Να βρείτε την τιμή του  $a$ .

Δίνεται η συνάρτηση  $f(x) = x^3 - x + a$  με  $f(-1) = 1$

- 1 Να βρείτε την τιμή του  $a$ .
- 2 Να λύσετε την εξίσωση  $f(x) = 1$ .

Για τη συνάρτηση  $f(x) = \begin{cases} 2x + a^2, & x < 3 \\ x - 3 + b^2, & x \geq 3 \end{cases}$ , ισχύει  $f(0) + f(3) = 0$ .

- 1 Να βρείτε το πεδίο ορισμού της.

Για τη συνάρτηση  $f(x) = \begin{cases} 2x + a^2, & x < 3 \\ x - 3 + b^2, & x \geq 3 \end{cases}$ , ισχύει  $f(0) + f(3) = 0$ .

- 1 Να βρείτε το πεδίο ορισμού της.
- 2 Να υπολογίσετε τα  $a$  και  $b$ .



Για τη συνάρτηση  $f(x) = \begin{cases} 2x + a^2, & x < 3 \\ x - 3 + b^2, & x \geq 3 \end{cases}$ , ισχύει  $f(0) + f(3) = 0$ .

- 1 Να βρείτε το πεδίο ορισμού της.
- 2 Να υπολογίσετε τα  $a$  και  $b$ .
- 3 Να βρείτε τις τιμές  $f(\pi)$  και  $f(e)$ .

# Εξάσκηση

Να βρείτε το πεδίο ορισμού των συναρτήσεων

1  $\frac{1}{x-1}$

# Εξάσκηση

Να βρείτε το πεδίο ορισμού των συναρτήσεων

1  $\frac{1}{x-1}$

2  $\frac{2x}{x^2-3x+2}$

Να βρείτε το πεδίο ορισμού των συναρτήσεων

1  $\frac{1}{x-1}$

2  $\frac{2x}{x^2-3x+2}$

3  $\sqrt{x-1}$

Να βρείτε το πεδίο ορισμού των συναρτήσεων

1  $\frac{1}{x-1}$

2  $\frac{2x}{x^2-3x+2}$

3  $\sqrt{x-1}$

4  $\ln(x-1)$

Να βρείτε το πεδίο ορισμού των συναρτήσεων

1  $\frac{1}{x-1}$

2  $\frac{2x}{x^2-3x+2}$

3  $\sqrt{x-1}$

4  $\ln(x-1)$

5  $\sqrt{x-1} - \sqrt[3]{2-x}$

Να βρείτε το πεδίο ορισμού των συναρτήσεων

1  $\frac{1}{x-1}$

2  $\frac{2x}{x^2-3x+2}$

3  $\sqrt{x-1}$

4  $\ln(x-1)$

5  $\sqrt{x-1} - \sqrt[3]{2-x}$

6  $\frac{\sqrt{1-x^2}}{x}$

Να βρείτε το πεδίο ορισμού των συναρτήσεων

1  $\frac{1}{x-1}$

2  $\frac{2x}{x^2-3x+2}$

3  $\sqrt{x-1}$

4  $\ln(x-1)$

5  $\sqrt{x-1} - \sqrt[3]{2-x}$

6  $\frac{\sqrt{1-x^2}}{x}$

7  $\frac{\ln x}{x-1}$



Να βρείτε το πεδίο ορισμού των συναρτήσεων

1  $\frac{1}{x-1}$

2  $\frac{2x}{x^2-3x+2}$

3  $\sqrt{x-1}$

4  $\ln(x-1)$

5  $\sqrt{x-1} - \sqrt[3]{2-x}$

6  $\frac{\sqrt{1-x^2}}{x}$

7  $\frac{\ln x}{x-1}$

8  $\frac{x-1}{\ln x}$

Να βρείτε το πεδίο ορισμού των συναρτήσεων

1  $\frac{1}{x-1}$

2  $\frac{2x}{x^2-3x+2}$

3  $\sqrt{x-1}$

4  $\ln(x-1)$

5  $\sqrt{x-1} - \sqrt[3]{2-x}$

6  $\frac{\sqrt{1-x^2}}{x}$

7  $\frac{\ln x}{x-1}$

8  $\frac{x-1}{\ln x}$

9  $\sqrt{\ln x}$

Να βρείτε το πεδίο ορισμού των συναρτήσεων

1  $\frac{1}{x-1}$

2  $\frac{2x}{x^2-3x+2}$

3  $\sqrt{x-1}$

4  $\ln(x-1)$

5  $\sqrt{x-1} - \sqrt[3]{2-x}$

6  $\frac{\sqrt{1-x^2}}{x}$

7  $\frac{\ln x}{x-1}$

8  $\frac{x-1}{\ln x}$

9  $\sqrt{\ln x}$

10  $\frac{1}{\sqrt{x}-1}$

Να βρείτε το πεδίο ορισμού των συναρτήσεων

1  $\frac{1}{x-1}$

2  $\frac{2x}{x^2-3x+2}$

3  $\sqrt{x-1}$

4  $\ln(x-1)$

5  $\sqrt{x-1} - \sqrt[3]{2-x}$

6  $\frac{\sqrt{1-x^2}}{x}$

7  $\frac{\ln x}{x-1}$

8  $\frac{x-1}{\ln x}$

9  $\sqrt{\ln x}$

10  $\frac{1}{\sqrt{x}-1}$

11  $\ln(\sqrt{x-1} - x + 3)$

Δίνεται η συνάρτηση  $f(x) = \begin{cases} 1 - x^2, & x \leq 1 \\ \ln(x - 1), & x > 1 \end{cases}$ .

❶ Να βρείτε τις τιμές

❶  $f(\eta\mu a)$ ,  $a \in \mathbb{R}$

Δίνεται η συνάρτηση  $f(x) = \begin{cases} 1 - x^2, & x \leq 1 \\ \ln(x - 1), & x > 1 \end{cases}$ .

❶ Να βρείτε τις τιμές

❶  $f(\eta\mu a), a \in \mathbb{R}$

❷  $f(x^2 + 1), x \neq 0$

❷ Να λύσετε την εξίσωση  $f(x) = 0$