# 前言

译自"An Introduction to Conditional Random Fields" --Charles Sutton, Andrew McCallum。我也在学习之中,必有错漏之处,希望能依靠大家的力量,共同进步。

目前数学公式显示总出问题,很多更新在gitbook上编译不通过。可以到github上下载pdf和all.md: https://github.com/cottageLamp/CRFIntroduction\_Chinese

总体感觉原文并不是很好理解,翻译之后也不好理解。好比一本介绍"降龙十八掌"的入门书,却时不时要求读者参考一下"九阴白骨爪"、"凌波微步"、"易筋经"······,岂不要命?

争取在翻译完成后,写一篇条理清晰的总结在后面,包括一些原文中没有的内容。

# 摘要

许多任务要对大量的变量进行预测。这些变量相互关联,且依赖于另外的已被观测量。结构化预测方法实质上是分类器与图模型的结合。图模型能够紧凑地对多变量数据建模,而分类器能够利用大规模的输入特征完成预测。本文描述了条件随机场,一种流行的、用于结构化预测的概率方法。CRFs 已在广泛的领域中获得大量应用,包括自然语言处理, 机器视觉以及生物信息学。 我们将描述CRFs的推断方法和训练方法,包括在实现大规模CRFs时的问题。不要求读者具有图模型的知识,希望能对广大的实践者们有用。

## 1介绍

对很多应用来说,至关重要的是预测互相关多变量的能力。这些应用广泛分布于图片分割及分类、围棋胜负概率的预测、在DNA序列中分离基因组,以及对自然文本进行语法分割。在这些应用中,我们想基于一组观测值 $\boldsymbol{x}$ ,来预测一个随机输出向量 $\boldsymbol{y}=y_0,y_1,\ldots,y_T$ 。一个相对简单的例子是对自然语言进行词性标注。其中,每个 $y_s$ 对应着s位置的单词的词性,而输入 $\boldsymbol{x}$ 被分解成多个输入特征向量 $\{\boldsymbol{x}_0,\boldsymbol{x}_1,\ldots,\boldsymbol{x}_T\}$ 。每个 $\boldsymbol{x}_s$  包含着s位置单词的多种信息,如它自身、它的前后缀、它在词典中的身份,以及来自语义数据库的信息(如WordNet)。(专业词汇有问题)

一种办法是为每个位置s训练位置无关的分类器 $x \to y_s$ ,尤其是当我们要最大化 $y_s$ 的正确率时。然而,困难在于输入变量 $y_s$ 之间存在复杂的依赖性。如在英语中,形容词不常接名词。又如在计算机视觉中,临近区域趋向属于相近的类。另一个难点在于,输出变量常常表现出一种复杂的结构,如语法树。那么,在树的顶端附近选择怎样的语法规则会对整个树有极大的影响。

图模型是一种表达互相关变量的自然的方法。图模型包括:贝叶斯网络,神经网络,因子图,马尔科夫随机场,伊辛模型(Ising model)等等。它们把一个复杂的概率分布分解成许多局部**因子(factor)**相乘,而这些因子各自对应着变量的一部分。我们有可能描述,按照一组条件独立关系对概率密度进行的分解,能在多大程度上满足着该分布。这种对应关系,使得建模更加容易,因为我们的经验知识常常提供了合理的条件独立假设,而这决定了我们如何进行分解。

关于图模型的工作,特别是自然语言处理相关的,大量地关注了**生成模型(generative models)**。生成模型显式地建立对所有输入和输出的联合分布p(y,x)。尽管这有一些好处,但存在着重要的局限。不仅是因为输入x的维度可能非常大,还因为输入x内在的复杂的相关性。对它们进行建模是困难的。对输入的相关性进行建模,会导致难以驾驭的模型,而忽略它们却会降低系统的性能。

一种解决办法是判别方法,正如在逻辑回归分类器中的做法。这里,我们直接对p(y|x)建模,因为这是完成分类所需的全部。这正是条件随机场(CRFs)所采用的方法。CRFs结合了判别分类器与图模型的优点。一方面能够紧凑地对多变量输出y进行建模,一方面能够应付数量庞大的输入特征x,以用于预测。条件模型的优势在于,它忽略了那些仅仅存在于x内在变量之间的相关性。因此,条件模型要比联合模型具有简单得多的结构。生成模型和CRFs之间的差别,正如朴素贝叶斯分类器与逻辑回归分类器之间的差别。实质上,多元逻辑回归模型可以被看成一种最简单的CRF,因它只有一个输出。

本文描述了CRFs的 建模、推断(前向计算)和参数估计方法。读者不用具有图模型的知识,因而本文希望能对广大的实践者有用。我们从介绍CRFs建模的一些问题开始(第二章),包括线性CRFs通用结构的CRFs,以及包含潜藏变量的隐CRFs(hidden crfs)。我们将说明,为何CRFs既是著名的逻辑回归的扩展,有是判别式的隐马尔科夫模型。

在接下来的两章,我们描述了推断(第4章)和学习(第5章)。**推断**既指计算p(y|x)的边缘分布,也指计算极大似然 $y^* = argmax_y p(y|x)$ 。**学习**是指参数估计过程,就是找到p(y|x)的参数,使其最大限度地符合一组训练样本  $\{x^{(i)}, y^{(i)}\}_{i=1}^{N}$ 。推断和学习过程往往密切地组合在一起,因为学习过程需要推断做为子过程。

最后,我们讨论了CRFs与其他类模型的关系,包括结构化预测模型,神经网络和最大熵马尔科夫模型(第6章)。

#### 1.1动手方面的细节

本文努力指出动手实现方面的细节,而这常常被学术文献所忽略。例如,我们讨论了特征工程(第2.5节),在推断中避免数值溢出(第4.3节),CRF在一些基准问题上训练时的伸缩性。

因为这是我们关于实现细节的第一个章节,应该提一提可供使用的一些CRFs平台。在写作本文时,一些流行的平台包括:

CRF++	http://crfpp.sourceforge.net/
MALLET	http://mallet.cs.umass.edu/
GRMM	http://mallet.cs.umass.edu/grmm/
CRFSuite	http://www.chokkan.org/software/crfs
FACTORIE	http://www/factorie.cc

除此之外,用于马尔科夫逻辑网络的软件(如Alchemy: <a href="http://alchemy.cs.washington.edu/">http://alchemy.cs.washington.edu/</a>)也可用于构建CRF模型。 据我们所知,Alchemy, GRMM 和 FACTORIE 是仅有的、能够处理任意的图模型的工具。

## 2 建模

本章,我们从建模的角度来描述CRFs,阐述了CRF是如何把机构化的输出表示成高维输入向量的分布。可以把CRFs 理解成,将逻辑回归分类器扩展到任意的图模型,也可以被理解成生成模型(如隐马尔科夫模型)的判别对应物。 译注:**判别**和**生成**模型是两种在理论上等价(可互相推导得到对方),但建模思路相反的模型。

我们从对图模型的简单介绍(第2.1节),以及对NLP中的生成和判别模型的介绍(第2.2节)开始。然后,我们可以给出了CRF的正式定义,包括常用的线性链(linear chains)(第2.3节),以及通用图结构(第2.4节)。因为CRF的准确性严重依赖于所使用的特征,我们也描述了特征工程常用的一些技巧(第2.5节)。最后,我们提供两个CRF应用的例子(第2.6节),以及一个宽泛的、关于CRFs应用领域的报告。

### 2.1 图模型

图模型是表达和推断多元概率分布的强大框架。它已经在统计模型的许多领域被证明有用,包括编码理论(coding theory),计算机视觉,知识表达(knowledge representation),贝叶斯统计(Bayesian statistics),以及自然语言处理(广告语也太多了吧)。

直接描述包含许多变量的分布,其代价是昂贵的。假如我们用表(table)来描述n个二值变量的联合分布,需要  $O(2^n)$ 个浮点数(建议读者理解一下:每个变量有2种可能的取值,而总共有n个变量,那么总共有 $2^n$ 种可能的取值。它这里的意思是:给每种取值赋予一个浮点数,表示其概率)。从图模型的角度看,认为一个分布尽管建立在许多变量之上,但常常可以表示成一些局部方程(local functions)的乘积,而这些方程只依赖于少量的变量。这种分解实际上与变量间的某些条件独立性密切相关——两种信息被轻易地用途来概括。实质上,分解、条件独立与图的结构,这三者构成了图模型框架力量的来源:条件独立性视角主要用于设计模型,而分解视角主要用于设计推断算法。

在本节的余下部分,我们从以上两个视角来介绍图模型,关注那些建立在无向图 (undirected graphs)之上的模型。关于更详细、更现代的图模型及其推断算法,可参考Koller 和 Friedman 【57】的教材。

#### 2.1.1 无向图

我们考虑随机变量集合Y上的概率分布。我们通过整数 $s \in 1,2,\dots |Y|$ 来对变量进行索引。每个变量 $Y_s \in Y$ 的取值范围都是集合Y。本文我们只考虑离散的Y,尽管它也可以是连续的。Y的一次特定的取值记做 $y_s$ 。对于Y中的特定变量 $Y_s$ , $y_s$ 包含了对它的赋值,记做 $y_s$ 。记号 $\mathbf{1}_{\{y=y'\}}$ 表示一个函数,在y=y'时取1,而在其他时候取0。我们还需要边缘分布的记号。对于某个固定的取值 $y_s$ ,我们用求和符号 $\sum_{y \mid y_s}$ 来表示:在y的全部取值中,那些 $Y_s = y_s$ 的取值的概率的和。

假定,我们相信一个概率分布p可以表示成一组因子,记做 $\Psi(\pmb{y}_a)$ 的连乘。其中,a是一个整数索引(下标),从1变化到A,而A就是因子的个数。每个因子 $\Psi(\pmb{y}_a)$ 只依赖于部分变量 $Y_a\in Y$ 。 $\Psi(\pmb{y}_a)$ 是一个非负数,可以被看成 $\pmb{y}_a$ 的自洽性的度量。自洽性高的取值,其发生的概率就高。这种分解让我们更高效地表示分布p,因为集合 $Y_a$ 要比完整的集合Y小得多。

一个无向图模型是这样一种概率分布,它根据一组给定的因子来分解模型。正式地,给定Y的子集 $\{Y_a\}_{a=1}^A$ 的集合,一个无向图模型是所有可以写成下式的分布:

$$p(\pmb{y}) = \frac{1}{Z} \prod_{a=1}^A \Psi(\pmb{y}_a) \left( \ \mathbf{2.1} \right)$$

其中,对于任意的因子 $\mathcal{F}=\{\Psi(\pmb{y}_a)\}$ ,及其对应的所有可能的 $\pmb{y}_a$ ,都有 $\Psi(\pmb{y}_a)\geq 0$ 。(这些因子又被称作**局部函数**或**自洽性函数**。)我们将用**随机场**来表示由某个无向图定义的特定分布。常数Z是一个归一化因子,保证分布p的和为1。它定义如下:

$$Z = \sum_y \prod_{a=1}^A \Psi(oldsymbol{y}_a). \, (2.2)$$

Z的值,考虑成因子集合 $\mathcal{F}$ 的函数的话,也被称作**配分函数(partition function)**。注意,式(2.2)中的求和,需要在爆炸式的 $\mathbf{y}$ 的所有可能取值上进行。因此,计算Z通常是不可行的,但是有很多关于估计它的研究(见第4章)。

术语"图模型"的来由,在于式(2.1)所表示的因子分解,可以建紧凑地表示成一张图。**因子图【58】**提供了一个特别自然的构图方法。一个因子图是一个两两连接图G=(V,F,E)。其中,节点的集合 $V=\{1,2,\ldots,|Y|\}$ 索引了模型中的全部随机变量,另一组节点的集合 $F=\{1,2,\ldots,A\}$ 索引了所有的因子。对图的理解是:如果一个变量节点s连接到一个因子节点a,那么在模型中,变量 $Y_s$ 就是因子 $\Psi_a$ 的一个参数。所以,因子图直接描述了,一个分布是如何被分解成多一个局部函数的乘积的。

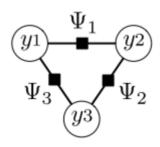
我们正式地定义——一个因子图是否"描述"了一个分布?记N(a)包含了所有连接到因子节点a上的变量节点,那么:

**定义2.1** 仅当存在一组局部方程 $\Psi(y_a)$ , 使得p可以写成:

$$p({m y}) = Z^{-1} \prod_{a \in F} \Psi({m y}_{N(a)})$$
 (  $2.3$  )

时,一个分布p(y)根据因子图G分解了。

一组子集描述了无向模型,而一个因子图同样如此。在式(2.1)中,取子集为节点的邻居 $\{Y_N(a)| \forall a \in F\}$ 。根据式(2.1)定义的无向图模型,对应着所有根据G进行分解所得的分布。



#### 图2.1 带3个变量的因子图

图2.1展示了一个带有3个随机变量的因子图,图中,圆圈是变量节点,而灰色方块是因子节点。我们根据节点的索引进行了标注。这个因子图能够描述所有的带3个变量的分布,前提是对于任意的 $m{y}=(y_1,y_2,y_3)$ ,该分布能够写成 $p(y_1,y_2,y_3)=\Psi_1(y_1,y_2)\Psi_2(y_2,y_3)\Psi_3(y_1,y_3)$ 的形式。

图模型的因子分解与变量间(在其取值范围里)的条件独立性密切相关。这种联系可通过另一种无向图来理解——马尔科夫网。它直接描述了多元分布的条件独立关系。马尔科夫网只是随机变量的图,不包括因子。现记G为整数序列 $V=\{1,2,\ldots,|Y|\}$ 上的无向图,而V仍是随机变量的索引。对于某一个索引s,记N(S)为它的邻居。那么我们称p是关于G的马尔科夫网,仅当它满足局部的马尔科夫特性:对于任意的两个变量 $Y_s,Y_t\in Y$ , $Y_s$ 关于它的邻居独立于 $Y_t$ 。

把所有连接到同一个因子的变量都两两连接起来,可将如式(2.1)的分布,变成其对应的马尔科夫网。这很显然,因为由式(2.1)而来的条件分布 $p(y_s|y_{N(S)})$ 仅仅是那些马尔科夫毯中的变量的函数。

从因子分解的角度看,马尔科夫网存在着不好的歧义性。考虑图2.2(左)的3变量马尔科夫网。任何按照  $p(y_1,y_2,y_3)\propto f(y_1,y_2,y_3)$ 分解的分布,都可能与它对应。然而,我们希望使用更严格的参数化——  $p(y_1,y_2,y_3)=f(y_1,y_2)g(y_2,y_3)h(y_1,y_3)$ 。后面这组模型簇是前面的严格子集,且需要更少的数据来获得准确的分布估计<mark>译注:参数估计?</mark>。然而,马尔科夫网不能区分这两种参数化。相反,因子图无歧义地描述了模型的因子分解。

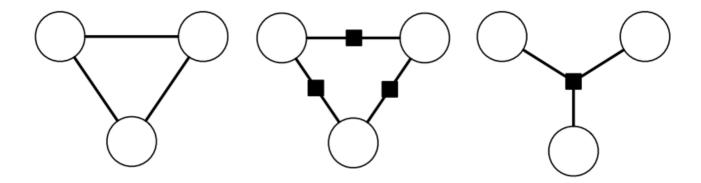


图2.2带有歧义的马尔科夫网(左)。右边的两种分解都有可能与左图对应。

#### 2.1.2有向图

无向模型中的局部函数无需带有方向性的概率表达,有向图模型却把分布分解成局部的条件概率分布。记G为有向无环图, $\pi(s)$ 为 $Y_s$ 的所有父节点的序号集合。一个有向图模型是一簇按照如下分解的分布:

$$p(oldsymbol{y}) = \prod_{s=1}^S p(y_s|oldsymbol{y}_{\pi(s)}). \ (2.4)$$

我们称 $p(y_s|y_{\pi(s)})$ 为**局部条件分布(localconditionaldistributions)**。注意,对于没有父节点的变量, $\pi(s)$ 可以是空的。这时, $p(y_s|y_{\pi(s)})$ 可被理解为 $p(y_s)$ 。可以推断p是合理归一化的。可以这样来理解有向模型——其每个因子都在局部完成了特殊的归一化,使得(1)因子相当于局部变量上的条件分布,且(2)归一化常数Z=1。有向模型常常用于生成模型,我们将在第2.2.3节讲述这一点。有向模型的一个例子是贝叶斯模型(2.7),被描述在图2.3(左)了。在这些图中,灰节点表示了某些数据集上观测的变量。贯穿本文,我们都将采用这一习惯。

### 2.2生成与判别模型

本节我们探讨几个已被用于自然语言处理的简单图模型。虽然它们已被熟知,但它们一方面可以澄清前文提到的诸多概念,另一方面也可以说明某些今后讨论CRFs时会遇到的议题。我们尤其关注隐马尔科夫模型(HMM),因为它与线性链条件随机场密切相关。

本节的主要目的是对比生成与判别模型。将会提到的模型,包括两个生成模型(朴树贝叶斯和HMM),一个判别模型(逻辑回归模型)。生成模型描述了,一个输出向量y以怎样的概率"生成"输入特征æ。判别模型从相反的方向工作,直接描述了如何利用输入特征æ来给输出y赋值。一般来说,这两者可根据贝叶斯法则互相转化。但在实践中却相去甚远,各自隐藏着一些优点(将在2.2.3节讲述)。

#### 2.2.1 分类

我们首先讨论**分类**问题——根据给定的一个向量 $\mathbf{x}=(x_1,x_2,\ldots,x_K)$ ,来预测单一的 $\mathbf{y}$ 变量的离散值(类别标签)。一个简单的方法是,假定当类别标签已知时,所有的特征是独立的。结果是所谓的朴素贝叶斯分类器。它基于如下的联合概率模型:

$$p(y, oldsymbol{x}) = p(y) \prod_{k=1}^K p(x_k|y). \ (2.7)$$

这个模型可以描述为图2.3(左)的有向模型。为每个特征 $x_k$ 定义因子 $\Psi(y)=p(y)$ ,以及因子 $\Psi_k(y,x_k)=p(x_k|y)$ ,我们也可以写成因子图。这样的因子图如图2.3(右)所示。

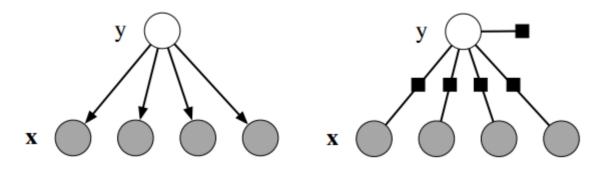


图2.3 朴素贝叶斯分类器,被当成有向模型(左),或因子图(右)

逻辑回归(有时在NLP圈子里叫做**最大熵分类器**)是另一个知名的,且很自然地表达为图模型的分类器。该分类器源于将每个类的逻辑概率, $\log p(y|x)$ ,假设为x的线性函数,以及一个归一化常数。这导致了如下的条件概率:

$$p(y|oldsymbol{x}) = rac{1}{Z(oldsymbol{x})}exp\{ heta_y + \sum_{j=1}^K heta_{y,j}x_j\}, (2.8)$$

其中 $Z(x)=\sum_y exp\{\theta_y+\sum_{j=1}^K \theta_{y,j}x_j\}$ ,是归一化常数。而 $\theta_y$ 是偏置量,相当于朴素贝叶斯里面的 $\log p(y)$ 。与其像式(2.8)那样为每一个类制定一个权重向量,我们不如采用被所有类共享的一组权重的记号。这一技巧通过定义一组**特征函数**(feature functions)来实现,而这些特征只对某一类时非零。为了达到这个目的,特征权重的特征函数被定义为 $f_{y',j}(y,x)=\mathbf{1}_{\{y'=y\}}x_j$ ,而把偏置权重的特征函数定义为 $f_{y'}(y,x)=\mathbf{1}_{\{y'=y\}}$ 。现在我们可以用 $f_k$ 来遍历每个特征函数 $f_{y',j}$ ,用 $\theta_k$ 来索引对应的权重 $\theta_{y',j}$ 。利用这一符号技巧,逻辑回归模型变成了:

$$p(y|oldsymbol{x}) = rac{1}{Z(oldsymbol{x})}exp\{\sum_{k=1}^K heta_k f_k(y,oldsymbol{x})\}. \ (2.9)$$

我们之所以引入这样的记号,是因为它简化了下文介绍CRFs时的记号。译注:(2.8)中的 $\theta_n$ 好像丢失了?

### 2.2.2 序列模型

分类器只对单一变量做预测,但图模型的真正用处在于对大量互相关变量的建模能力。本节,我们讨论了可能是最简单的相关性——图模型中的输出变量被排列成一个序列。为了展示该模型的好处,我们讨论一个自然语言处理中的应用——**命名实体识别(named-entity recognition,NER)**。NER是在文本中识别并分类命名实体,包括地点(如China),人(如George Bush)和组织(如United Nations)。给定一个句子,命名实体识别任务是把其中的单词切分成几段,每一段对应一个实体,然后对该实体进行分类(类别包括人,组织,地点等等)。该问题的挑战性在于,很多实体的字符串很少见,哪怕在一个很大的训练集上。于是,我们只能根据上下文来识别它们。

一种办法是独立地对每个单词进行分类,看它是一个人、地点、组织或者其他(既不是一个实体)。这种办法的缺点在于:给定输入之后,它假定所有的命名实体标签是独立的。实际上,临近单词的标签是相关的。例如,New York是一个地点,Now York Times却是一个组织。一种缓解这种无关性假设的方法,是把输出变量安排到一个线性链中。这是隐马尔科夫模型(HMM)【111】的方法。一个HMM通过假定一个潜在的**状态**序列 $Y=\{y_t\}_{t=1}^T$ ,来对一序列的观测 $X=\{x_t\}_{t=1}^T$  建模。记S为可能状态的有限集,O为可能观测的有限集,即是说,对于任何的t, $x_t\in O, y_t\in S$ 译注:S包含了所有可能的输出值,O包含了所有可能的输入值。在命名实体例子中,t位置的单词就是观测 $x_t$ ,而 $y_t$  是该位置的标签。

为了可行地对联合分布p(y,x) 建模,一个HMM做了两个无关性假设。第一,它假设每个状态只依赖于它的前一个状态,即给定 $y_{t-1}$  之后, $y_t$  于 $y_1,y_2,\ldots,y_{t-1}$  都无关了。第二,它假定每个观测变量 $x_t$  只与对应的状态 $y_t$  有关。基于这些假设,我们可用三个概率分布来指明一个HMM。第一个,初始状态的概率布 $p(y_1)$ ;第二个,转移概率 $p(y_t|y_{t-1})$ ;最后,观测概率 $p(x_t|y_t)$ 。总之,状态序列y于观测序列x的联合分布被分解为:

$$p(m{y},m{x}) = \prod_{t=1}^T p * y_t | y_{t-1}) p(x_t | y_t). \ (2.10)$$

为了简化上式的符号,我们创造了"虚拟"初始状态 $y_0$ ,它总是0,并是所有状态序列的起点。这让我们把创始状态概率 $p(y_1)$ 写成 $p(y_1|y_0)$ 。

HMMs已在自然语言处理中用于很多序列标注任务,如part-of-speech tagging,命名实体识别和信息提取。

#### 2.2.3比较

生成模型和判别模型都描述了(y, x)的分布,却是从不同的方向。生成模型,如朴素贝叶斯分类器和HMM,是一簇按照p(y, x) = p(y)p(x|y)进行分解的联合分布。也就是说,它描述了如何根据标签采样或"生成"特征。判别模型,如逻辑回归模型,是一簇条件分布p(y|x)。也就是说,直接对分类规则建模。原理上,利用输入的边缘分布p(x),一个判别模型可以被转化成联合分布p(y, x),然而很少需要这么做。

判别和生成模型在概念上的主要区别,就是条件分布p(y|x)没有包含p(x)的模型,而它对分类并没有用。对p(x)建模的困难性在于,它包含了很多高度相关的特征,而这是很难建模的。如在命名实体识别中,朴素的HMM只依赖于单一的特征——单词本身。然而许多单词,特别是专有名词,却从未在训练集中出现过,因而以单词本身作为特征是缺乏足够的信息的。为了对全新单词进行标注,我们想要利用其它的特征,如它的大小写、它的临近单词、它的前后缀、它在预先确定的一组人或地方中的身份(its membership in predetermined lists of people and locations???),等等。

判别模型的主要优势在于它适合包含丰富的、重叠的特征。为了理解这一点,考虑一簇朴素贝叶斯分布(2.7)。这簇联合分布的条件部分均采用了"逻辑回归的形式"(2.9)。然而还有很多其他的联合模型,有些带有 $\boldsymbol{x}$  之间的复杂的依赖,而条件分布也采用了(2.9)的形式。为了直接对条件分布建模,我们仍然可以认为 $\boldsymbol{p}(\boldsymbol{x})$ 是不可知的。判别模型,如CRF,仅对 $\boldsymbol{y}$ 的条件独立性做假设,以及 $\boldsymbol{y}$ 如何依赖于 $\boldsymbol{x}$ ,但是不对 $\boldsymbol{x}$ 之间的条件独立性做假设。 这一点也可以通过图形的方式来理解。假定我们有关于联合分布 $\boldsymbol{p}(\boldsymbol{y},\boldsymbol{x})$ 的因子图,现在要构建条件分布 $\boldsymbol{p}(\boldsymbol{y}|\boldsymbol{x})$ 的因子图,那么,所有只与 $\boldsymbol{x}$ 有关的因子都可以消失了。它们与条件部分无关,因为它们关于 $\boldsymbol{y}$ 是常数。

为了在生成模型中包含互相关的特征,我们有两个选择。一是增强模型以表达输入间的相关性,如在每个 $x_t$ 之间增加连接。然而很难可操作地这样做。例如,很难想象如何对单词的大小写以及前后缀之间的相关性建模。亦或者,我们也不想去做这个件事,因为我们总是看得到输入的句子。

第二个办法是只做一些简单的相关性假设,如朴素贝叶斯假设。例如,带有朴素贝叶斯假设的HMM采用了  $p(\pmb{x},\pmb{y}) = \prod_{t=1}^T p(y_t|y_{t-1}) \prod_{k=1}^K p(x_{tk}|y_t)$ 的形式。这一思路有时很凑效,但也可能很有问题,因为这一独立性假设会影响性能。例如,虽然朴素贝叶斯分类器在文档分类方面表现优秀,它在许多应用中的平均表现要比逻辑回归差【19】。

而且,朴素贝叶斯可以产生差的概率估计。作为说明的例子,想象朴素贝叶斯在一个二分类问题上训练。现在,我们把输入特征向量 $\mathbf{x}=(x_1,x_2,\dots,x_K)$ 重复一下,变换成 $\mathbf{x}^{,}=(x_1,x_1,x_2,x_2,\dots,x_K,x_k)$ ,然后运行朴素贝叶斯分类器。虽然没有任何新的信息被加入到数据中,这一变换却增加了概率估计的信心。就是说,朴素贝叶斯对 $p(y|\mathbf{x}^{,})$ 的估计,相比于 $p(y|\mathbf{x})$ ,更倾向远离0.5。

当我们扩展到序列模型的时候,想朴素贝叶斯那样的假设尤其有问题,因为推断过程需要综合模型不同部分的证据。如果序列的每个位置的标签,其概率估计都偏大,那么很难合理地把它们综合起来。

朴素贝叶斯和逻辑回归之间的差别,正是前者是生成的,而后者是判别的。在输入为离散时,这两个分类器在其他方面完全一致。朴素贝叶斯和逻辑回归考虑了相同的假设空间,因为在相同的决策范围里,任何逻辑回归分类器都可以转变成朴素贝叶斯分类器,反之亦然。再者,朴素贝叶斯模型(2.7)与逻辑回归模型(2.9)定义了相同的分布簇。我们可以生成式地表示(2.7)如下:

$$p(y, oldsymbol{x}) = rac{exp\{\sum_k heta_k f_k(y, oldsymbol{x}\}\}}{\sum_{\hat{oldsymbol{x}} \hat{oldsymbol{x}}} heta_k f_k(\hat{oldsymbol{y}}, \hat{oldsymbol{x}})}. \ (2.11)$$

这意味着,如果朴素贝叶斯(2.7)按照极大条件似然来训练,我们会获得与逻辑回归一样的分类器。相反,如果按照生成方法来表示逻辑回归,如(2.11),并按照最大化联合似然p(y,x)来训练,我们会得到与朴素贝叶斯同样的分类器。按照Ng和Jordan【98】的说法,朴素贝叶斯和逻辑回归构成了**生成-判别对(generative-discriminative pair)**。关于最新的生成与判别模型的理论视角,请参考Liang和Jordan【72】。

原理上,我们可能不清楚这两种方案如此不同的原因,毕竟它们之间可通过贝叶斯法则互相转化。如在朴素贝叶斯模型中,是很容易把联合分布p(y)p(x|y)转化成条件分布p(y|x)的。 实际上,该条件分布与逻辑回归模型(2.9)的形式是一样的。另外如果我们想获得关于数据的"真实"生成模型,即真正把数据产生出来的分布  $p^*(y,x)=p^*(y)p^*(x|y)$ ,那么我们只需简单地计算真实的 $p^*(y|x)$ ,而这正是判别方法的目标。然而正是因为我们无法准确地获得真实的分布,造成这两种方案在实践中是不同的。先估计p(y)p(x|y),然后计算p(y|x)(生成方案),会产生与直接估计p(y|x)不同的结果。也就是说,生成与判别模型的目标都是估计p(y|x),却是通过不同的路径达到的。

我们关于生成与判别之间差异的深入观点,来自Minka【93】。假如我们拥有一个生成模型 $p_g$ ,其参数为 $\theta$ 。根据定义,其形式为:

$$p_g(\boldsymbol{y}, \boldsymbol{x}; \theta) = p_g(\boldsymbol{y}; \theta) p_g(\boldsymbol{x}|\boldsymbol{y}; \theta). (2.12)$$

但是我们也可以按照概率的链式法则重写 $p_a$ 如下:

$$p_q(\mathbf{y}, \mathbf{x}; \theta) = p_q(\mathbf{x}; \theta) p_q(\mathbf{y}|\mathbf{x}; \theta), (2.13)$$

其中, $p_g(\boldsymbol{x};\theta)$ 和 $p_g(\boldsymbol{y}|\boldsymbol{x};\theta)$ 是通过推断来计算的,即 $p_g(\boldsymbol{x};\theta) = \sum_{\boldsymbol{y}} p_g(\boldsymbol{y},\boldsymbol{x};\theta)$ 以及 $p_g(\boldsymbol{y}|\boldsymbol{x};\theta) = p_g(\boldsymbol{y},\boldsymbol{x};\theta)/p_g(\boldsymbol{x};\theta)$ 。

现在要在同样的联合分布簇上,把这个生成模型与判别模型做比较。为了这么做,我们定义一个关于输入的先验概率 $p(\boldsymbol{x})$ ,使得 $p(\boldsymbol{x})$ 可以从 $p_g$ 的某个参数配置中产生。就是说, $p(\boldsymbol{x})=p_c(\boldsymbol{x};\theta')=\sum_{\boldsymbol{y}}p_g(\boldsymbol{y},\boldsymbol{x};\theta')$ 译注:原文是 $p(\boldsymbol{x})=p_c(\boldsymbol{x};\theta')=\sum_{\boldsymbol{y}}p_g(\boldsymbol{y},\boldsymbol{x}|\theta')$ ,其中 $\theta'$ 往往与(2.13)中的 $\theta$ 不同。把这与同样从 $p_g$ 中产生的条件分布 $p_c(\boldsymbol{y}|\boldsymbol{x};\theta)$ 组合,即 $p_c(\boldsymbol{y}|\boldsymbol{x};\theta)=p_g(\boldsymbol{y},\boldsymbol{x};\theta)/p_g(\boldsymbol{x};\theta)$ 。那么结果分布是:

$$p_c(\mathbf{y}, \mathbf{x}) = p_c(\mathbf{x}; \theta') p_c(\mathbf{y}|\mathbf{x}; \theta). (2.14)$$

通过比较(2.13)和(2.14),可以看到条件方案具有更大的灵活性来拟合数据,因为它不要求 $\theta'=\theta$ 。直观地,因为(2.13)中的参数 $\theta$ 被同时用于输入的分布和条件部分。那么一组参数需要在两方面都表现良好。潜在地,需要损失我们所关心的p(y|x)的准确性,来弥补我们不怎么关心的p(x)的准确性。另一方面,引入了更多的自由度,增加了过拟合的风险,降低了泛化到新数据的能力。

尽管到目前为止我们一直在批判生成模型,它们也有自己的优势。第一,生成模型可以更自然地处理隐藏变量,半标注数据以及未标注数据。在更极端的例子中,当整个数据都未被标注时,生成模型可以按照非监督模式使用。相反,非监督学习在判别模型中不够自然,且扔是一个活跃的研究领域。

第二,在某些例子中生成模型表现得比判别模型好,直观上是因为输入模型p(x)对条件分布的影响是光滑的(smoothing)。Ng和Jordan【98】争辩道,这一作用在小数据机上尤其显著。对于任何特定的数据集,我们不可能知道谁更有优势。总之,要么问题本身需要一个自然的生成模型,要么需要同时预测输入与输出<mark>译注:一般应用假定输入为已知,而只需预测输出,都会使生成模型更被青睐。</mark>

因为生成模型的形式为p(y,x)=p(y)p(x|y),使得通过有向图来表示它更自然。其中在拓扑意义上,输出y要在输入之前。相似地,我们将会看到,用无向图来表示判别模型更自然。然而,并非总是如此。无向的生成模型,如马尔科夫随机场(2.32),以及有向的判别模型,如MEMM(6.2),有时也会被采用。有时用有向图来表示判别模型也会有用,其中x在y之前。

朴素贝叶斯与逻辑回归之间的关系,正如HMMs和线性链CRFs。正如朴素贝叶斯与逻辑回归是生成-判别对,也存在着HMMs的判别对应物。这一对应物是一种特殊的CRF。我们将在接下来一章中介绍。朴素贝叶斯、逻辑回归、生成模型和CRFs之间的类比,如图2.4所示。

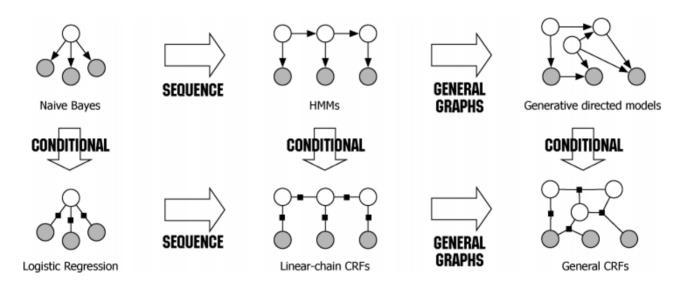


图2.4 朴素贝叶斯、逻辑回归、HMMS、线性链CRFs、生成模型和广义CRFs之间的关系图

### 2.3 线性链CRFs

为了引出线性链CRFs,我们考虑从HMM的联合分布p(y,x)引出的条件分布p(y|x)。关键点在于,这一条件分布是一种具有特殊的特征方程的CRF。

首先,我们来重写HMM的联合分布(2.10),使其更利于扩展,即:

$$p(\pmb{y}, \pmb{x}) = \frac{1}{Z} \prod_{t=1}^{T} exp \left\{ \sum_{i,j \in S} \theta_{ij} \mathbf{1}_{\{y_t = i\}} \mathbf{1}_{\{y_{t-1} = j\}} + \sum_{i \in S} \sum_{o \in O} \mu_{oi} \mathbf{1}_{\{y_t = i\} \mathbf{1}_{\{x_t = o\}}} \right\}, (2.15)$$

其中, $\theta = \{\theta_{ij}, \mu_{oi}\}$ 是分布的实值参数,Z是归一化常数,能使分布的和为1。如果我们不在(2.15)中添加Z,那么参数 $\theta$ 有可能带来不合理的关于(y,x)的分布,如当所有参数都是1时。

现在有意思的是,(2.15)(几乎)确切地描述了(2.10)一类的HMMs。每个同类的HMM都可通过如下设置,写成(2.15)的形式:

$$heta_{ij} = \log p(y'=i|y=j) \ \mu_{oi} = \log p(x=o|y=i) \ Z=1$$

反过来也是正确的,即是说,每个按照(2.15)分解的分布都是HMM。(利用4.1节介绍的前向-反向算法,可构造 对应的HMM,从而证明这一点)。因而尽管在参数中增加了灵活性,我们却没有扩大分布簇。

通过使用**特征函数feature functions**,我们可以把(2.15)弄得更紧凑,正如我们在(2.9)的逻辑回归那里一样。每个特征函数都具有形式  $f_k(y_t,y_{t-1},x_t)$ 。对于(2.15),我们需要给每个转移(i,j)一个特征  $f_{ij}(y,y',x)=\mathbf{1}_{\{y=i\}}\mathbf{1}_{\{y'=j\}}$ ,以及给每个"状态-特征对"(i,o)一个特征  $f_{io}(y,y',x)=\mathbf{1}_{\{y=i\}}\mathbf{1}_{\{x=o\}}$ 。 我们泛泛地用  $f_k$ 来引用一个特征,其中  $f_k$ 涵盖了全部都的  $f_{ij}$ 和全部的  $f_{io}$ 。于是,我们可以重写  $f_k$  HMM 如下:

$$p(m{y},m{x}) = rac{1}{Z} \prod_{t=1}^T \exp \Biggl\{ \sum_{k=1}^K heta_k f_k(y_t,y_{t-1},x_t) \Biggr\}. \ (2.16)$$

再一次,方程(2.16)定义了与(2.15)完全一样的分布簇,从而也与最初的HMM方程(2.10)一样。

最后一步,是把来自HMM(2.16)的条件分布p(y|x)写出来,即:

$$p(\mathbf{y}|\mathbf{x}) = \frac{p(\mathbf{y}, \mathbf{x})}{\sum_{\mathbf{y}'} p(\mathbf{y}', \mathbf{x})} = \frac{\prod_{t=1}^{T} exp\left\{\sum_{k=1}^{K} \theta_{k} f_{k}(y_{t}, y_{t-1}, x_{t})\right\}}{\sum_{\mathbf{y}'} \prod_{t=1}^{T} exp\left\{\sum_{k=1}^{K} \theta_{k} f_{k}(y'_{t}, y'_{t-1}, x_{t})\right\}}. (2.17)$$

(2.17)所描述的条件分布,是线性链CRF的一种特例,即那种只包含当前单词作为特征的。然而,很多线性链CRF使用更为丰富的特征,如前后缀等等。幸运的是,将我们现有的记号扩展并非难事。我们只需简单地允许特征函数包含更多的输入。这导致了我们关于线性链CRFs的一般定义

定义2.2 记Y,X是随机向量, $\theta=\{\theta_k\}\in\mathcal{R}^K$ 是一个参数向量, $\mathcal{F}=\{f_k(y,y',\boldsymbol{x}_t)\}_{k=1}^K$ 为一组实值特征函数。那么**线性链条件随机场**是如下形式的分布 $p(y|\boldsymbol{x})$ :

$$p(oldsymbol{y}|oldsymbol{x}) = rac{1}{Z}\prod_{t=1}^{T}exp\left\{\sum_{k=1}^{K} heta_{k}f_{k}(y_{t},y_{t-1},oldsymbol{x}_{t})
ight\}, (2.18)$$

其中,Z(x)是依赖于输入的归一化函数:

$$Z(oldsymbol{x}) = \sum_{y} \prod_{t=1}^{T} exp \left\{ \sum_{k=1}^{K} heta_k f_k(y_t, y_{t-1}, oldsymbol{x}_t) 
ight\}. \ (2.19)$$

译注:线性链条件随机场,好像是一类随机场,实际是一个随机场——结构是定死的。我觉得这是条件随机场最非常核心的问题,本文却并没有阐明。当然,它对输入的引用还是很灵活的。

注意,线性链CRF可以用2和**y**上的因子图来描述,即

$$p(oldsymbol{y}|oldsymbol{x}) = rac{1}{Z(oldsymbol{x})} \prod_{t=1}^T \Psi_t(y_t, y_{t-1}, oldsymbol{x}_t)(2.20)$$

其中,局部函数 $\Psi_t$ 具有一种特殊的  $\log$ -linear形式:

$$\Psi_t(y_t,y_{t-1},oldsymbol{x}_t) = exp\left\{\sum_{k=1}^K heta_k f_k(y_t,y_{t-1},oldsymbol{x}_t)
ight\}.$$
 (  $2.21$  )

当我们在下一节进入一般意义CRF的时候,这会很有用。

一般来说,我们将从数据中学得参数 $\theta$ 。这将在第5节讲述。

之前我们已看到,如果一个联合分布p(y,x)像HMM一样分解了,那么对应的条件分布p(y|x)是一个线性链CRF。这一很像HMM的CRF如图2.5所示。然而,其他类型的线性链CRFs也是有用的。例如,在一个HMM中,状态i到j的转移概率与输入无关,都是 $\log p(y_t=j|y_{t-1}=i)$ 。在CRF中,我们可以让转移概率(i,j)依赖于当前的观测向量,这只需添加特征 $\mathbf{1}_{\{y_{t-1}=j\}}\mathbf{1}_{\{y_{t-1}=j\}}\mathbf{1}_{\{x_{t}=o\}}$ 。具有这一转移特征的CRF常常被用于文本处理,如图2.6所示。

实际上,因为CRFs不在乎输入变量 $x_1,\cdots,x_T$ 之间的关系,我们可以让因子 $\Psi_t$ 依赖于所有的输入x。这不会大破线性图的结构——允许我们把x当成单一的整体变量。结果,特征函数可以写成 $f_k(y_t,y_{t-1},x)$ ,从而可以把全部的输入变量x一块考虑。这一事实对CRFs都适用,而不只是对线性链。具有这一结构的线性链如图2.7所示。途中,我们把 $x=(x_1,\cdots,x_T)$ 画成一个巨大的观测节点,冰杯所有的因子依赖,而不是把 $x_1,\cdot,x_T$ 画成独立的节点。

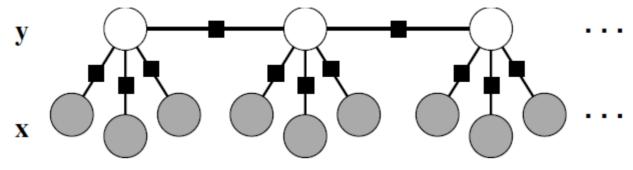


图2.5 来自式 (2.17) 的类HMM的线性链CRF

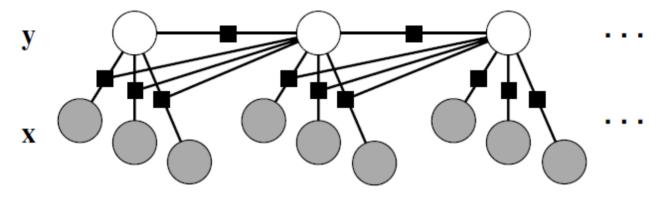


图2.6 转移因子依赖于当前输入的线性链CRF

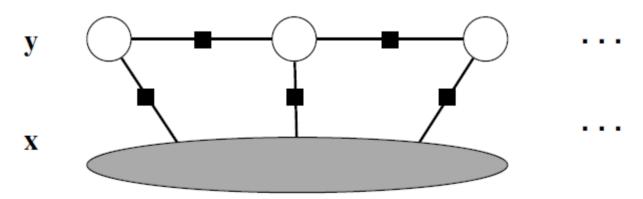


图2.7 转移因子依赖于全部输入的线性链CRF

需支出,在我们关于线性链CRF的定义中,特征函数可以从任意时刻依赖于输入,把 $f_k$ 关于输入的参数写成了 $x_t$ 。  $x_t$ 应当被理解成——计算t时刻特征所需的全部输入<mark>译注:而不是t时刻的输入</mark>。 例如,如果CRF需要下一时刻的单词 $x_{t+1}$ ,那么 $x_t$ 应当包含了 $x_{t+1}$ 。

最后,归一化常数Z(x)需要在全部可能的输出序列上求和,包含有爆炸式的大量的项。然而,它可以被前向-反向算法有效地解,正如我们在第4.1节所揭示的。

#### 2.4 通用CRFs

现在,我们将刚刚探讨的线性链扩展到通用图,以与Lafferty在【63】中对CFR的定义相匹配。概念上,这一扩展是显而易见的。我们只需简单地把线性链因子图变成通用因子图。

定义2.3 记G是在X,Y上的因子图。如果对于X中任意的值x,分布p(y|x)是根据G来分解的,那么(X,Y)是一个条件随机场xconditional random field。

那么,每个条件分布p(y|x)都是某些因子图的CRF,包括是平凡的。如果 $F \in \{\Psi_a\}$ 是G中的因子的集合,那么一个CRF的条件分布为:

$$p(oldsymbol{y}|oldsymbol{x}) = rac{1}{Z(oldsymbol{X})} \prod_{a=1}^A \Psi_a(oldsymbol{y}_a, oldsymbol{x}_a). \ (2.22)$$

本定义相比一般无向图的定义(2.1),差别在于归一化常数Z(x)现在变成了关于输入x的函数。因为条件性趋向于简化图模型,Z(x)有可能被计算,而Z却不是。

正如我们在HMMs和线性链CRFs中的做法,让 $\Psi_a$ 是一组特征的线性函数是有用的,即:

$$\Psi_a(oldsymbol{y}_a,oldsymbol{x}_a) = exp\left\{\sum_{k=1}^{K(A)} heta_{ak}f_{ak}(oldsymbol{y}_a,oldsymbol{x}_a)
ight\}, (2.23)$$

其中特征函数 $f_{ak}$ 和权重 $\theta_{ak}$ 都使用了因子的下标a,这是为了强调每个因子都有自己的权重集。一般来说,每个因子也可以拥有自己的特征函数。注意,如果x和y是离散的,那么(2.23)中的 $\log$ -线性假设并没有带来额外的局限,因为我们可以给 $(y_a,x_a)$ 的每一个值安排一个指示函数 $f_{ak}$ ,类似于我们把HMMs转变成线性链CRF时的做法。

综合(2.22)和(2.23),可以把log-线性因子CRF的条件分布写成

$$p(oldsymbol{y}|oldsymbol{x}) = rac{1}{Z(oldsymbol{x})} \prod_{\Psi_A \in F} exp \left\{ \sum_{k=1}^{K(A)} heta_{ak} f_{ak}(oldsymbol{y}_a, oldsymbol{x}_a) 
ight\}. (2.24)$$

另外,许多应用模型常常需要参数绑定。以线性链为例,每一时刻的因子 $\Psi_t(y_t,y_{t-1},\pmb{x}_t)$ 常常使用相同的权重。为了表示这一情况,我们把G的因子划分成 $\mathcal{C}=\{C_1,C_2,\cdots,C_P\}$ ,其中每个 $C_P$ 是一个**团模板clique template**,是一组共享了特征函数 $\{f_{pk}(\pmb{x}_c,\pmb{y}_c)\}_{k=1}^{K(p)}$ 和参数 $\theta_p\in\mathcal{R}^{K(p)}$ 的因子。一个使用了团模板的CRF可以写成

$$p(oldsymbol{y}|oldsymbol{x}) = rac{1}{Z(oldsymbol{x})} \prod_{C_p \in \mathcal{C}} \prod_{\Psi_c \in C_p} \Psi_c(oldsymbol{x}_c, oldsymbol{y}_c; heta_p). \ (2.27)$$

其中每个模板因子是这样参数化的

$$\Psi_c(oldsymbol{x}_c, oldsymbol{y}_c; heta_p) = exp \left\{ \sum_{k=1}^{K(p)} heta_{pk} f_{pk}(oldsymbol{x}_c, oldsymbol{y}_c 
ight\}, (2.26)$$

而归一化函数为

$$Z(oldsymbol{x}) = \sum_{y} \prod_{C_c \in \mathcal{C}} \prod_{oldsymbol{Y}_c \in C_c} \Psi_c(oldsymbol{x}_c, oldsymbol{y}_c). \, (2.27)$$

这一团模板的记号方法即指明了结构重复,也指明了参数绑定。以线性链CRF为例,典型的团模板  $C_0 = \{\Psi_t(y_t,y_{t-1},\boldsymbol{x}_t)\}_{t=1}^T$  倍整个网络使用,因而 $\mathcal{C} = \{C_0\}$ 是元素单一的集合。如果相反地,我们希望给每个因子 $\Psi_t$ 分配独立的参数,就像非齐次HMM,那么需要T个模板,即 $\mathcal{C} = \{C_t\}_{t=1}^T$ , $C_t = \{\Psi_t(y_t,y_{t-1},\boldsymbol{x}_t)\}$ 。

定义通用CRF时,如何给出重复的结构以及参数绑定,是属于最需要考虑的问题。人们推荐了一系列的规范,用于指定团模板,而我们仅仅在这里简单的罗列一下。例如,**动态条件随机场dynamic conditional random field**[140]是一些序列模型,允许在每个时刻拥有多个标签<mark>译注:不是指有多个类别,而是有多个变量</mark>,而不只是单一的标签,很像动态贝叶斯网络。第二,**关系马尔科夫网relational Markov networks**【142】,是一种用类 SQL的语法来指明图结构和参数绑定的通用CRF。**马尔科夫逻辑网Markov logic networks**【113,128】用逻辑式 子(logic formulae)来给出无向图的局部函数的分数。实质上,知识库中的每条一阶规则都存在一组参数。MLN 的逻辑部分,本质上,可以被看成一种编码惯例,用来指明无向图中的重复结构以及参数绑定。Imperatively define factor graphs【87】使用了完整表达的Turing-complete函数来定义团模板,即给出了模型的结构,也给出了充分统计量  $f_{pk}$ 。这些函数灵活地采用了先进的编程思想,包括递归、任意搜索(arbitrary search)、惰性计算以及记忆化。本文采用的团模板的记号,来自于Taskar et al.[142],Sutton et al. [140],Richardson 和 Domingos [113],以及McCallum et al.[87]

### 2.5特征工程

#### 不知道怎么翻译这里的专业名词

这一节,我们讲述一些特征工程中的技巧。虽然主要用于语言处理,它们还是很通用的。最主要的权衡很典型——大的特征集可以提高预测的精度,因为决策便捷更加灵活,但却需要更大的内存来保存参数,且可能因为过拟合而降低预测精度。

**标签-观测特征**?Label-observation features.首先,当标签是离散变量,那么团模板 $\mathcal{C}_p$ 的特征 $f_{pk}$ 常常采用如下的特定形式:

$$f_{pk}(m{y}_c,m{x}_c) = \mathbf{1}_{\{y_c = \tilde{y}_c\}} q_{pk}(m{x}_c). (2.28)$$

也就是说,一个特征只在输出正好为 $\mathbf{\tilde{y}}_c$ 时才非零,而一旦如此,便只与输入有关。 我们把具有这种形式的特征称为标签-观测特征。本质上可以这么来理解:特征只依赖于输入 $\mathbf{x}_c$ ,但每一种输出都有自己的一组权重。这一特征表示法的计算效率也很高,因为计算每个 $q_{pk}$ 都可能涉及文本或图片处理,而只需要处理一次,就可用于每一个用到它的特征。为了避免混淆,我们把函数 $q_{pk}(\mathbf{x}_c)$ 叫做观测函数,而不是特征。观测函数的例子有"单词 $\mathbf{x}_t$ 是大写的"或"单词 $\mathbf{x}_t$ 以ing结尾"。

**Unsupported Features.**使用标签-观测特征可能会带来数量庞大的参数。例如在CRFs的第一个大规模应用中,Sha和Pereira【125】在他们的最佳模型中,使用了3百8十万个参数。其中的很多特城从未在训练数据中出现过一一它们总是0。原因在于,许多观测函数只与一小部分的标签相对应。例如在命名实体识别任务中,"单词 $x_t$ 是with,而标签 $y_t$ 是CITY-NAME",似乎永远不可能在训练集中为真。我们把它们称为unsupported features。可能很意外,这些特征也可能有用,因为可以给它们赋予负的权重,从而防止给错的标签以高的概率。(降低那些从未出现过的标签序列的分数,将会增加那些出现过的标签序列的概率,所以在后文我们描述的参数估计方法中,会给这些特征以负的权重)。包含unsupported features常常带来精度的少量提升,并以巨大的参数数量为代价。

我们曾利用一个特别的技术,来选择unsupported features的一小部分。这可以看成是使用更少内存来利用的unsupported feature的一次简单探索,可以被称为"unsuported features trick"。它认为许多unsupported features是无用的,因为模型不太可能因为它们的激活而犯错。例如,那个"with"特征不太可能有用,因为with是一个常见的单词,且总是属于OTHER标签(即它不是一个名词)。为了减少参数的数量,我们只保留那些有可能剔除错误的unsupported features。一个简单的方法是:首先训练一个不带unsupported feature的CRF,并在几次迭代后就停下来,使得模型并没有完全训练好。然后考虑那些模型未能给正确答案以高概率的团,给它们增加unsupported features。在上面这个例子中,如果我们发现训练集中有一个样本i,其t位置的序列 $x_i^{(i)}$ 是with,而

 $y_t^{(i)}$ 不是"CITY-NAME"原文是 $y_t^{(i)}$  is not CITY-NAME。我认为应去掉not。译文则保留了这个not,并且 $p(y_t = CITY - NAME|\mathbf{z}_t^{(i)}) > \epsilon$ 时( $\epsilon$ 时一个阈值),我们增加"with"这一特征。

连线-观测特征和节点-观测特征?Edge-Observation and Node-Observation Features.为了减少模型中的特征数量,我们可以只在某些团使用标签-观测特征,而不是全部。最常见的两种标签-观测特征是*连线 观测特征*和 节点 观测特征。考虑一个具有M个观测函数  $\{q_m(x)\}, m \in \{1,2,\cdots,M\}$ 的线性链CRF。如果使用了连线-观测特征,那么每个局部函数可以依赖于全部的观测函数。那么,我们可以使用这样的特征:单词 $x_t$ 是New, $y_t$ 是LOCATION 且 $y_{t-1}$ 也是LOCATION。这会导致模型拥有大量的参数,带来内存消耗和过拟合的缺点。一种解决办法是采用节点-观测特征。使用这一类型的特征,转移因子就是局部函数吧?不在依赖于观测函数。于是我们可以使用类似" $y_t$ 是LOCATION,且 $y_{t-1}$ 是LOCATION",以及" $x_t$ 是NEW,且 $y_t$ 是LOCATION"的特征,而不能使用那种一次把 $x_t, y_t, y_{t-1}$ 都依赖上的特征。连线-观测特征和节点特征都正式地在表2.1中给出了。一般来说,以上两种特征的选择,需要根据具体的问题来定,如需要考虑观测函数的数量,以及数据集的大小。

Table 2.1. Edge-observation features versus node-observation features.

Edge-observation features:

$$f(y_t, y_{t-1}, \mathbf{x}_t) = q_m(\mathbf{x}_t) \mathbf{1}_{\{y_t = y\}} \mathbf{1}_{\{y_{t-1} = y'\}}$$
 
$$\forall y, y' \in \mathcal{Y}, \forall m$$
 
$$f(y_t, \mathbf{x}_t) = q_m(\mathbf{x}_t) \mathbf{1}_{\{\mathbf{y}_t = y\}}$$
 
$$\forall y \in \mathcal{Y}, \forall m$$

Node-observation features:

$$f(y_t, y_{t-1}, \mathbf{x}_t) = \mathbf{1}_{\{y_t = y\}} \mathbf{1}_{\{y_{t-1} = y'\}}$$
 
$$\forall y, y' \in \mathcal{Y}$$
 
$$f(y_t, \mathbf{x}_t) = q_m(\mathbf{x}_t) \mathbf{1}_{\{y_t = y\}}$$
 
$$\forall y \in \mathcal{Y}, \forall m$$

**Boundary Labels.**最后一个问题是如何在边缘上取标签,例如一个序列的开始和结尾,或一张画的边缘。有时,边缘上的标签与其他标签不同。例如,大写字母在一个句子的中间意味着是专有名词,但如果是在句子的开始却没有这样的意味。一个简单的办法,是在标签序列的前面加一个特殊的标签——START。这允许模型学习得到关于边缘的特性。例如,如果连线-观测特征也被使用了,那么像" $y_{t-1}=START$ 且 $y_t=PERSON$ 且 $x_t$ 大写"这样的特征,可以表示,大写这一特征在句子的开始时并不是有效的。

**特征归纳?Feature Induction**上文介绍的"unsupported features trick"是"feature induction"的简化版。 McCallum 【83】提供了CRFsf 特征归纳的更有条理的方法。其中,模型一开始只有一些基本特征,而训练过程会增加这些特征的连接。另外一个选择是特征选择。一个现代的特征选择方法是 $L_1$ 规则化。我们将在第5.1.1介绍它。Lavergne et al.[65]发现,在最好的时候, $L_1$ 可以找到一种模型。它只有1%的参数是非零的,却获得与稠密特征集相当的性能。他们还发现,利用 $L_2$ 规则化目标函数,来对 $L_1$ 规则化所得的非零特征进行微调,也是有用的。

Categorical Features类属特征(非数值特征).如果观测是类属的,而不是有序的,就是说,它们是离散而没有内在的顺序性,那么将它们转化成二值化特征是重要的。例如,很合理将特征 $f_k(y,x_t)$ 定义为"如果 $x_t$ 是单词dog时, $f_k=1$ ,否则为0"。相反,把 $f_k$ 定义为单词 $x_t$ 在文本词典中的序号是不合理的。 因而在文本处理中,CRF特征常常是二值化的;而在其他诸如视觉和语音识别中,特征常常是数值的。对于数值特征,标准的做法是通过归一化,使其均值为0而标准差为1,或者把它们二值化,使其变成类属特征。

Features from Different Time Steps.我们对于特征  $f_k(y_t,y_{t-1},\boldsymbol{x}_t)$ 的关注可能遮掩了一点,即通常需要让特征的依赖范围,从最近邻扩展到附近的标签。一个这种特征的例子是"单词 $\boldsymbol{x}_{t+2}$ 是Times,而标签  $y_t$ 是 ORGANIZATION"。这有利于识别名词"New York Times"报纸。同样,也临近特征的组合也是有用的,例如"单词  $\boldsymbol{x}_{t+1}$  和  $\boldsymbol{x}_{t+2}$ 是York Times"。

Features as Backoff回退特征?.在语言处理中,有时需要在模型中包含冗余因子。例如在线性链CRF中,有人会使用连接因子 $\Psi_t(y_t,y_{t-1},\boldsymbol{x}_t)$ 的同时,还使用变量因子 $\Psi_t(y_t,\boldsymbol{x}_t)$ 。虽然只使用连接因子也可以定义同样的分布簇,然而当数据量小于特征的数量时,冗余节点因子却像回退语言模型那样有用。(当拥有百万级的特征时,很多数据是很小的!)当使用冗余特征时,规则化(5.1.1节)是很必要的,因为惩罚大的权重会让权重分布到重叠的特征上。

Features as Model Combination.另一种有意思的特征可以是相同任务的更简单方法的结果。例如,如果已经拥有了任务的简单规则库simpl'e rule-base系统(例如这样的规则"1900和2100中间的数字字符串表示一个年份),那么该系统的输出可被用做CRF的观测函数。另一个例子是名录特征gazetteer features,即其观测函数建立在一个预先建立的列表上,如"如果 $x_t$ 出现在了Wikipedia提供的某个城市名单列表中,那么 $g(x_t)=1$ "。

更复杂的例子是把生成模型的输出当做判别模型的输出来用。例如人们可以使用 $f_t(y, \boldsymbol{x}_t) = p_{HMM}(y_t = y|\boldsymbol{x})$ 作为特征,其中 $p_{HMM}$ 表示某个HMM(在相近数据集训练所得的)所给出的 $y_t = y$ 的边缘概率。 让HMM和CRFwith-HMM-feature在同一个数据上训练通常不是一个好的想法,因为HMM需要在它自己的数据集上表现极好,而这会让CRF过分依赖与HMM。这一技术可用于提高某个早前的、同一任务的系统的性能。Bernal et al【7】是这一概念的、在DNA序列中识别基因的一个好例子。

相关的想法是对输入 $\mathbf{z}_t$ 进行聚类,用任何方法对语料库中的单词进行聚类,然后用类别标签来作为单词 $\mathbf{z}_t$ 的附加特征。这种特征在Miller et al.[90]那里取得了好的效果。

**Input-Dependent Structure.**在通用CRF中,有时需要让p(y|x)d 图结构随着输入x变化。关于此的一个简单例子是关于文本处理的"skip-chain CRF"【37,117,133】。其背后的思想是,一旦某个单词在句子中出现了两次,我们希望它们属于相同的标签。于是我们在这两个单词中间增加一条连接特征。这让y之上的图结构依赖于输入x。

### 2.6 例子

这一节,我们提供两个CRF是应用的细节。第一个是自然语言文本的线性链CRF,而第二个是计算机视觉的网状CRF。

### 2.6.1命名实体识别

暂略

#### 2.6.2图片分割Image Labeling