第 10 讲: 函数

学号: <u>hfwei@nju.edu.cn</u>

姓名: 魏恒峰

解答:

	评分:	评阅:		
	2019年12	2月3日		
	请独立完成作业 若得到他人帮 若参考了其它资料 鼓励讨论,但需独	助,请致谢。 料,请给出引用。		
• 有了	functions, (大部分	分)数学就 functions 了	7 。	
1 作业 (必做部分) 题目 1 (UD Problem 14.3 (b, d, g))				
解答:				
题目 2 (UD Problem 14.5)				
证明:				
题目 3 (UD Problem 14.23)				
解答:				
题目 4 (UD Problem 15.10 (f, g, h))				

题目 5 (UD Problem 15.14)	
解答:	
题目 6 (UD Problem 15.15)	
解答:	
题目 7 (UD Problem 16.6)	
解答:	
题目 8 (UD Problem 16.14)	
解答:	
题目 9 (UD Problem 16.17)	
解答:	
题目 10 (UD Problem 16.22)	
证明:	
题目 11 (UD Problem 17.22)	

解答:

题目 12 (UD Problem 17.23)

解答:

2 作业 (选做部分)

题目 1 (Monotonicity)

Assume that $F: \mathcal{P}(A) \to \mathcal{P}(A)$ and that F has the monotonicity property:

$$X \subseteq Y \subseteq A \implies F(X) \subseteq F(Y).$$

Define

$$B = \bigcap \{ X \subseteq A \mid F(X) \subseteq X \}$$

$$C = \bigcup \{X \subseteq A \mid X \subseteq F(X)\}.$$

- (a) Show that F(B) = B and F(C) = C.
- (b) Show that if F(X) = X, then $B \subseteq X \subseteq C$.

解答:

3 Open Topics

Open Topics 1 (Lambda Calculus)

函数也可以作为数学的基础 (Foundations of Mathematics)。请介绍 Lambda Calculus 的基础知识, 如 (不限于):

- 基本理念 (为什么要研究它?)
- 语法
- 操作
- "高阶函数"的概念

参考资料:

- Lambda calculus @ wiki
- AlligatorEggs Game for Lambda Calculus
- Lambda Calculus Interpreter



图 1: The Scheme Programming Language

Open Topics 2 (Church Encoding)

请介绍递归函数,如(不限于):

- 基本理念 (为什么要研究它?)
- 原始递归函数 (重点)
 - 定义
 - 常见原始递归函数
- μ-递归函数
 - 定义
 - 与原始递归函数的关系

参考资料:

- Primitive recursive function @ wiki
- Ackermann function @ wiki
- μ -recursive function @ wiki

4 订正

5 反馈