La mise en solution d'un acide AH dans de l'eau s'accompagne d'une diminution du pH qui est le signe d'une augmentation de la concentration des ions oxonium.

Ceci conduit à proposer une réaction modélisant le transfert d'ion hydrogène :

$$AH(aq) + H_2O(1) \rightarrow A^-(aq) + H_3O^+(aq)$$

La constante d'équilibre de la réaction est notée  $K_{\rm a}$ .

On appèlera C la concentration apportée en acide et V le volume de la solution.

1. Compléter le tableau d'avancement de la transformation.

équation		АН	+ H <sub>2</sub> O	=	A- +	- H <sub>3</sub> O+
état	avancement	quantité de matière				
initial			_			
final			_			

2. Compléter.

$$Q_{\rm r,eq} = K_{\rm a}$$

3. En déduire l'équation du second degré dont  $x_{\rm eq}$  est solution.

L'utilisation d'un langage de programmation permet, en complément d'une résolution « à la main », de faire varier aisément les paramètres  $pK_a$  et C pour étudier leur influence sur le taux d'avancement final  $\tau$  de la réaction. L'objectif est de dégager les modèles d'acide faible et d'acide fort, et les limites de leur utilisation.

- 4. Déterminer l'équation du second degré dont  $\tau$  est solution aide : remplacer  $x_{eq}$  par  $\tau$  dans l'équation du 3. et simplifier.
- 5. Que peut-on dire du discriminant de cette équation ?

6. Déterminer les deux racines de l'équation. Laquelle est-elle physiquement acceptable ?

# 7. Déterminer le pH correspondant.

On code ci-dessous une fonction python prenant en argument les paramètres a, b, c de l'équation du second degré  $a\tau^2 + b\tau + c = 0$  et retournant la valeur de l'avancement final  $\tau$  et du pH.

Rq: la racine carrée s'obtient avec np.sqrt() et le logarithme décimal par np.log10().

## 8. Compléter le code :

```
import numpy as np

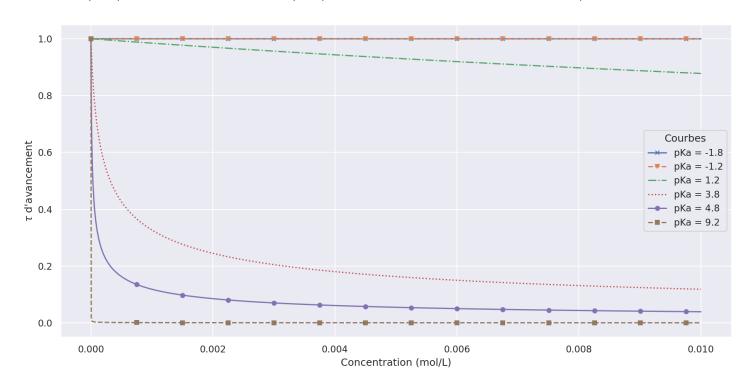
def final(a,b,c):
    if a == 0:
        return ... , ... # tau, pH

Delta = ...
    tau = ...
    pH = ...
    return tau,pH
```

On peut maintenant créer un graphique où se superposent les courbes représentant le taux d'avancement final en fonction de la concentration apportée en acide pour différents  $pK_a$ , ainsi que les courbes du pH en fonction de la concentration.

### Les différents acides considérés sont :

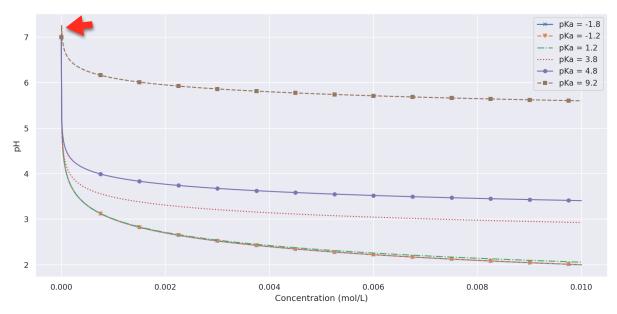
l'acide nitrique (p $K_a$  = -1,8), iodure d'hydrogène (p $K_a$  = -1,2), l'acide dichloroéthanoïque (p $K_a$  = 1,2), l'acide méthanoïque (p $K_a$  = 3,8), l'acide éthanoïque (p $K_a$  = 4,8) et le chlorure d'ammonium (p $K_a$  = 9,2).



#### 9. Compléter le texte ci-dessous :

Pour une concentration donnée, les valeurs calculées montrent que le taux d'avancement est une fonction du pKa du couple de l'acide.
Ceci permet d'utiliser le pK <sub>a</sub> pour comparer la force des acides : <b>plus le pKa du couple de l'acide est faible, plus l'acide est</b> , c'est-à-dire que le taux d'avancement de sa réaction avec l'eau est
Parmi les différents acides, ceux appartenant à des couples de pK <sub>a</sub> négatifs présentent des taux d'avancement proches de quelle que soit la concentration apportée en acide dans la solution. Ces acides sont qualifiés de
Par conséquent, les acides
Par opposition, les acides appartenant à des couples de pK <sub>a</sub> positifs sont qualifiés de::  un acide est dit

#### Limites du modèle d'acide fort :



D'autre part, l'observation des valeurs de pH calculées pour des solutions peu concentrées de chlorure d'ammonium permet d'invalider la modélisation mise en œuvre dans le cas de solutions peu concentrées d'acides faibles. En effet, certaines valeurs de basiques sont en contradiction avec le caractère acide constaté expérimentalement par mesure de pH.

L'explication est que la modélisation correcte du système ne peut alors plus reposer seulement sur la réaction d'échange d'ion hydrogène entre l'acide introduit et l'eau, il faut aussi considérer la réaction d'autoprotolyse de l'eau. La prise en compte quantitative de cette situation dépasse le cadre du programme de la classe de terminale.