

四. 函数 ~~与变量~~

1. 函数是什么?

函数 (Function) 在数学中指的是自变量与值之间的映射, 但在程序中函数的概念要复杂的多。

程序中的函数可以理解为子程序, 调用者会传入参数, 函数处理后将处理结果返回 (Return)。

2. CorScript 普通函数.

语法: `function <函数名> (<参数列表(可选)>)`

函数体

end.

参数列表中只需指定参数名, 各个参数以逗号分隔, 参数名不能重复。

若将参数列表留空, 则表明此函数不需要参数。

函数被调用时参数会从左到右依次传入, 如:

`var a = func(1, 3, "Hello")`

① | ② | ③ 实际参数

↓ ↓ ↓ 形式参数

`function func(a, b, c).`

参数与普通的变量并不相同, 参数都是对实际参数的引用。也就是说对参数的修改会直接影响到调用者。

#例 4.2.1.

```
function test(a).
```

```
    a=a+1.
```

```
end.
```

```
var b=10.
```

```
test(b).
```

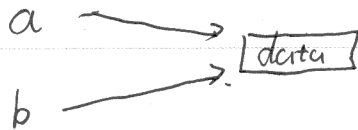
```
system.out.println(b).
```

程序将会输出11,因为a是b的一个引用。

提示: 引用是什么?

引用相当于一个变量的“影子”。从内存来看,则是两个或多个变量

指向同一块数据,如例4.2.1:



正常情况下是一个变量对应一个数据:



我们以后还要讲到共享数据的指针,指针与引用完全不同。

函数拥有其独立的作用域。

3. 在函数中返回值。

函数处理完数据后一般会返回一个结果。若不返回，JavaScript 默认返回 0。要返回数据，应使用返回语句：

return 表达式

返回语句会立刻终止函数的运行并返回表达式的值。

若想仅终止函数运行而不返回值，可以忽略 return 语句的表达式。

返回的值将作为函数调用表达式的值。

作业：尝试使用 JavaScript 表示分段函数 $f(x) = \begin{cases} \sin x, & x \leq 0 \\ \ln(x+1), & x > 0 \end{cases}$

提示：正弦函数为 `math.sin(x)`，自然对数函数为 `math.ln(x)`。

4. 递归与返回值优化

递归指的是函数调用自身的行为。递归算法是计算机科学中常用的算法。

示例 4.4.1.

```
function test(n).
```

```
  if  $n \leq 1$ 
```

```
    return n
```

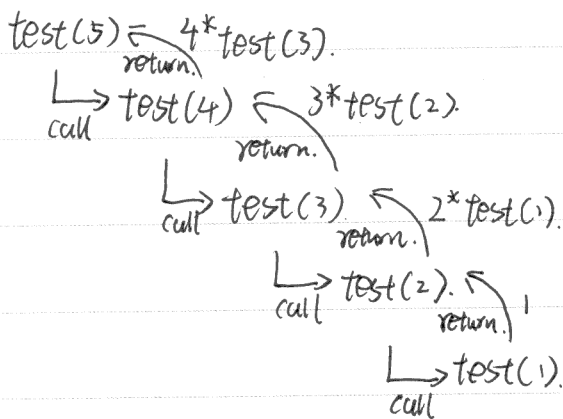
```
  else
```

$\text{return } n * \text{test}(n-1).$

end.

end.

例 4.4.1 实现了计算阶乘。让我们以 $5!$ (即 $\text{test}(5)$) 为例分析一下该程序。



也就是说, $\text{test}(5)$ 等价于 $1 * 2 * 3 * 4 * 5$ 。在这里我们发现函数在 $n=1$ 处终止了递归, 所以这是一个有限递归。 $\text{test}(1)$ 被称为递归终点。

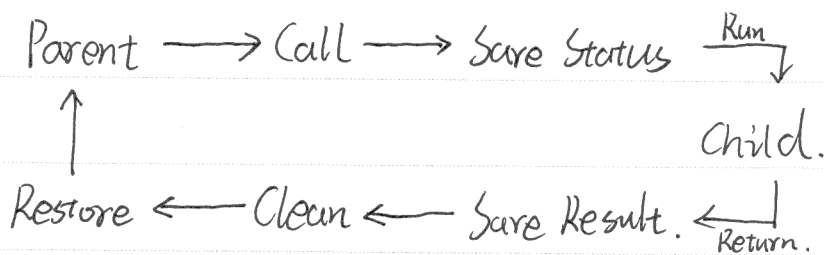
若不设计递归终点, 递归将无限下陷, 这种递归被称为无限递归。由于系统限制递归往往有一个上限, 在 C# 中是 1024 层。

Tips: 在函数式编程语言中, 由于不存在 if 、 while 等结构, 故允许无限递归。

作业：利用递归实现计算 $1+2+3+4+\dots+n$ 的值

递归固然强大，但我们也必须要知道递归的代价。

前面我们介绍过函数实际上是一种子程序，在调用子程序之前，系统会将父程序的状态保存到内存中，然后将机器的控制权交给子程序。子程序退出时，会将返回值保存到内存中，然后清理子程序使用过的资源，然后从内存中读取保存的状态并恢复。



函数调用流程图

所以，CorScript 以及 C/C++/Java 等主流编程语言不支持无限递归的原因之一是内存有限，无法保存太多的状态和返回值。

CorScript 编程语言为提高函数执行效率加入了返回值优化的功能。例如例 4.4.1 中的程序，如去掉每一次的求以 n ，若调用 `test(100)`，传统编程语言会把 1 这个值复制 100 次，但 CorScript 将只会复制 1 次。

5. Lambda 表达式

Lambda 表达式是一种匿名函数。在 Groovy 中, Lambda 表达式

进一步进行了简化, 仅保留了一语句。

语法: $[] \rightarrow (\text{参数列表 (可选)}) \rightarrow \text{表达式}$

Lambda 表达式非常灵活, 其本身可以出现在其他表达式中, 如:

`test(2, 3, [](a, b) \rightarrow math.max(a, b))`

Lambda 表达式本质上还是函数, 但只有一个 return 语句。

示例 4.5.1

```
function test0(x).
```

```
    return  $x^2 - 2 * x + 1$ .
```

```
end.
```

```
var test1 = [ ](x)  $\rightarrow x^2 - 2 * x + 1$ .
```

在这里 test0 和 test1 实际上等价。

我们可以发现 Lambda 表达式在某些方面灵活性要远大于正常函数, 但由于 Lambda 表达式形式过于简单, 所以实现的功能也很有限。读者应根据^据自己的需求在两者之间作出选择。

五. 数组

1. 数组是什么?

数组 (Array) 是最基础的数据结构之一。

数组并不是“一组数”，其本质上是在内存中连续排列的一组数据。

"A"	3.14	false	6	"C"
-----	------	-------	---	-----

数组的内存结构

2. 数组的字面量

示例 5.2.1

```
var arr = {0, 2, 4, 6, "Hello"}
```

我们可以看到，数组的字面量是大括号括起的、以逗号分隔的若干个数据。空的大括号代表空数组，用 new 运算符构造的也是空数组。

示例 5.2.2.

```
var a = {}
```

```
var b = new array
```

两者等价。

3. 访问数组中的元素

在第一节中我们讲到数组是在内存中连续排列的一组数据，

底层在存储数组时采用存储首元素内存地址的方式：

0	2	4	6
---	---	---	---

↑ 首项

这样在访问数组元素时，就使用首项地址 + 偏移量的方式。

所以第一项就是首项 + 0，第二项就是首项 + 1... 依次类推。我们为了方便理解，将偏移量称为下标。下标的起始值为 0，负的下标没有意义。

#例 5.3.1.

```
var arr = {2, 4, 8, 10}
```

```
system.out.println(arr[0] + arr[2]).
```

此程序会输出 "10"。

"<数组名>[表达式]" 是下标访问运算符。

例 5.3.1 输出了数组 arr 的第一项和第三项之和。

作业：计算数组 {1, 6, 8, 12, 64} 的各项之和

4. 变长数组 (VLA).

若定义一数组 arr: `var arr = {3, 4, 5}`

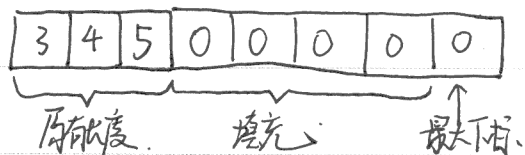
思考: `arr[3]` 有何意义?

很明显，数组 `arr` 最后一个元素的下标为 2。那么 `arr[3]` 很明显超出了 `arr` 的范围，这会发生什么呢？答案是：自动扩容。

变长数组 (VLA) 可以实现用到多少就会自动扩容以满足需求。也就是说永远不会超出范围。

那么问题来了，`arr[3]` 虽然不会超出范围，但它等于多少呢？

变长数组在扩容时会全部填零。也就是说，若访问 `arr[5]`，那么 `arr[3]`、`arr[4]` 和 `arr[5]` 都会被填充为 0。



变长数组固然方便，但也是一把双刃剑。有时我们不希望数组自动扩容，怎么办？

思考：若不想让数组扩容，下标最大值是多少？

C++ 为数组提供了获取大小的方法：`size`

用法：<数组名>.`size()`。返回数组内容元素的个数

所以，数组下标最大值就是 `arr.size() - 1`，我们只需保证下标小于等于最大值即可。

例 5.4.1.

```
var arr = {2, 4, 6, 8};
```

```
var index = system.in.input();
```

if $\text{index} \leq \text{arr.size}() - 1$.

`system.out.println(arr[index]);`

else.

`system.out.println("Out of range.");`

end.

例 5.4.1 实现了剔除超出范围的下标。

5. 数组的应用

到目前为止我们接触的数组元素都很少，实际上数据量小的情况下不使用数组也能解决大多数问题。

数组往往用来解决数据量未知或是数据量大的问题。

在尝试解决问题之前，我们先介绍如何遍历数组。

#例 5.5.1

`var arr = {1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19}`

`var i = 0`

`while $i \leq \text{arr.size}() - 1$`

`system.out.println(arr[i]);`

`i = i + 1.`

`end.`

我们通过循环使下标 i 从 0 开始, 每次循环加 1, 直到 i 大于最大下标。
也就是说, 每一次循环我们都让下标向合格一个单位。

作业: 尝试通过遍历数组本数组各元素之和

到目前为止我们数组中的数据都是提前设定的, 所以我们首先要介绍如何收集数据。

#例 5.5.2.

```
var n = system.in.input();
```

```
var arr = new array;
```

```
var i = 0
```

```
while i < n
```

```
    arr[i] = system.in.input();
```

```
    i = i + 1
```

```
end.
```

让我们来分析一下这个程序。此程序首先要求用户输入数据的个数, 然后将用户输入的数据依次存入数组。

数组的初始大小为 0, 我们利用 VLA 使数组逐渐增长。

`arr[i]` 实际上已超出范围, VLA 机制会增长并填 0, 然后将我们用户

的输入赋值给 `arr[i]`，从而实现了存储数据。

我们完成了收集数据，接下来要处理数据。

#例 5.5.3

```
function average(arr).
```

```
var s = 0
```

```
var i = 0
```

```
while i <= arr.size() - 1.
```

```
    s = s + arr[i]
```

```
    i = i + 1
```

```
end.
```

```
return s / arr.size().
```

```
end.
```

例 5.5.3 实现了计算平均值。在上节的作业中我们已经实现了求和，那么平均值的计算只需除以元素个数即可。在这里我们将这个功能包装成了函数，方便多次使用。

作业：① 实现计算一组数据的方差

② 实现找出最大值、最小值

要求：使用函数将功能包装起来