## Análise de sobrevivência com dados de diálise - Segunda Avaliação

Universidade Federal da Paraíba - CCEN

Gabriel de Jesus Pereira

20 de outubro de 2024

```
library(flexsurv)
library(survminer)
library(discSurv)
library(survival)
library(tidyverse)
library(vroom)
library(ggsurvfit)
library(mice)
df <- read_delim(</pre>
    "sobrevivencia/segunda_avaliacao/includes/dialcompete.txt",
    delim = " ") |>
  mutate(
    intervalo = cut(
      tempo,
      breaks = 1:44,
      labels = paste0("[", 1:43, ",", 2:44, ")"),
     right = FALSE
    ),
    doenca = factor(doenca),
  select(-intervalo)
```

### Questão 1

Com seu banco de dados utilizado na primeira prova, escolhido em: http://sobrevida.fiocruz.br/dados.html. A partir do banco de dados escolhido por você, faça o que se pede a seguir.

# (a) Ajuste o modelo de Cox aos dados. Interprete os coeficientes do modelo escolhido. Quais critérios você considerou para obter os modelos?

A base de dados utilizada para o relatório possuí poucas variáveis, o que torna difícil a tarefa de melhorar o modelo ou até mesmo fazer uma análise mais elaborada. Por esse motivo, uma das variáveis que não apresentou significância estatística para o modelo (doenca), foi mantida para que pudesse analisar o seu impacto nos pacientes. Assim, foram mantidas duas variáveis, a variável de idade que o paciente iniciou a diálise e de pacientes que tinham doenças específicas. O critério para seleção das variáveis foi pelo teste t, que permitiu verificar que apenas a variável de idade era significante. O teste considerou um nível de significância de 5%.

```
fit cox <- coxph(
   Surv(tempo, status) ~ idade + doenca,
   data = df,
   method = "breslow")
summary(fit cox)
Call:
coxph(formula = Surv(tempo, status) ~ idade + doenca, data = df,
   method = "breslow")
 n= 2453, number of events= 686
                 coef exp(coef)
                                 se(coef)
                                               z Pr(>|z|)
idade
             0.011220 1.011283
                                 0.002845 3.943 8.04e-05 ***
            0.344346 1.411066 0.249773 1.379
                                                    0.168
doencadiab
```

```
doencahiper -0.162741 0.849812 0.237105 -0.686
                                                      0.492
doencaoutr -0.222810
                       0.800267
                                  0.257236 -0.866
                                                      0.386
            -0.297050
                       0.743007
                                  0.243107 -1.222
                                                      0.222
doencarim
                0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Signif. codes:
            exp(coef) exp(-coef) lower .95 upper .95
               1.0113
idade
                           0.9888
                                     1.0057
                                                 1.017
               1.4111
                           0.7087
                                     0.8648
                                                 2.302
doencadiab
                                                 1.353
doencahiper
               0.8498
                           1.1767
                                     0.5339
doencaoutr
               0.8003
                           1.2496
                                     0.4834
                                                 1.325
doencarim
               0.7430
                           1.3459
                                     0.4614
                                                 1.197
Concordance= 0.582 (se = 0.012)
Likelihood ratio test= 53.49
                               on 5 df,
                                          p = 3e - 10
                      = 57.97
                               on 5 df,
Wald test
                                          p = 3e - 11
Score (logrank) test = 59.61
                               on 5 df,
                                          p=1e-11
```

Ao analisar primeiro os pacientes com diabetes, observa-se que a razão de risco é aproximadamente 1,41, indicando que eles têm um risco 41% maior de sofrer o evento (óbito, transplante, etc.) em comparação com o grupo de referência. No entanto, o valor-p sugere que esse resultado não é estatisticamente significativo ao nível de 5%. Para os pacientes com hipertensão, a razão de risco é aproximadamente 85% em relação aos outros grupos de doenças. Além disso, para cada ano de idade ao iniciar a diálise do paciente, contribui para o aumento do risco de morte em 1,13%.

Para a doença renal, o risco é apenas de 74,30% em relação aos pacientes pertencentes aos demais grupos de doença. Para os que estão no grupo de outras doenças, o risco é de 80,03% em relação aos demais.

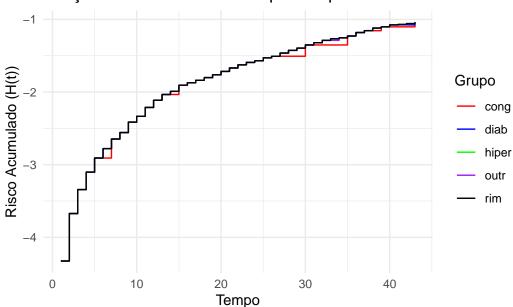
### (b) Verifique a proporcionalidade dos riscos de acordo com o método que você desejar

A proporcionalidade de risco foi verificada a partir de três métodos. O primeiro deles foi pelo método gráfico, como pode ser visto na figura abaixo:

```
risco_acumulado <- basehaz(fit_cox, centered = FALSE) |>
    mutate(hazard = log(hazard))

dados <- merge(</pre>
```

#### Função de Risco Acumulada por Grupo

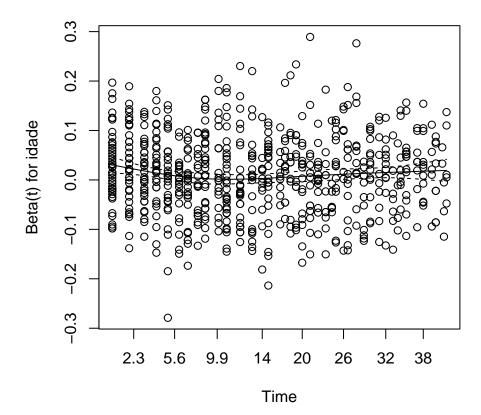


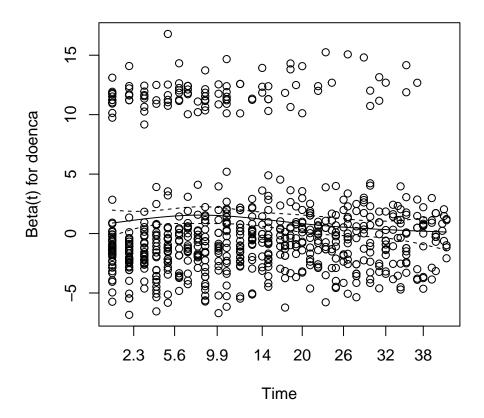
Através do método gráfico, não foram encontrados indícios de violação da suposição de riscos proporcionais. O segundo método utilizado foi o teste de hipótese para verificar essa suposição, que confirmou os resultados observados graficamente. Ao nível de significância de 5%, tanto a variável idade quanto a variável doença, assim como o teste global, não indicaram qualquer violação da suposição de riscos proporcionais.

doenca 6.806 4 0.15 GLOBAL 6.824 5 0.23

Por fim, foram utilizados os resíduos padronizados de Schoenfeld para analisar a suposição de riscos proporcionais, conforme ilustrado nos gráficos abaixo. A partir do gráfico de resíduos padronizados de Schoenfeld para a variável idade, utilizada na construção do modelo, não há evidências que sugiram a rejeição da hipótese de riscos proporcionais, uma vez que não são observadas tendências ao longo do tempo. O mesmo resultado se aplica à variável doença, pois também não se identificam tendências evidentes ao longo do tempo.

plot(cox.zph(fit\_cox))





# (c) Faça uma análise de resíduos do modelo que você escolheu. Qual ou quais resíduos você escolheu? Interprete.

Os resíduos escolhidos foram o resíduo de martingal e o de deviance. O resíduo de martingal é uma modificação dos resíduos de Cox-Snell e é visto como uma estimativa do número de falhas em excesso observadas na amostra. Ele é definido da seguinte forma:

$$m_i = \delta_i - e_i$$

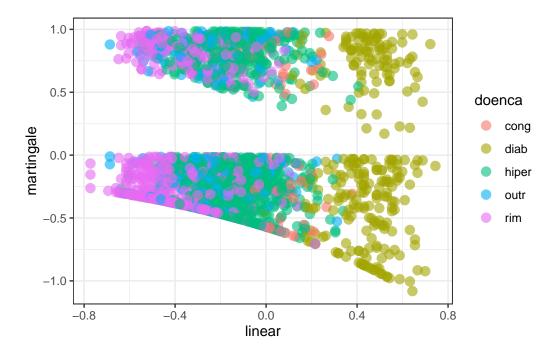
em que  $\delta_i$  é a variável indicadora de falha e  $e_i$ os resíduos de Cox-Snell.

O gráfico abaixo mostra os resíduos de martingal em relação ao preditor linear do

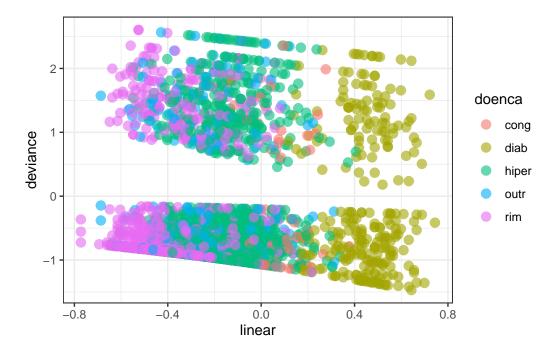
modelo de Cox ajustado. O gráfico não sugere a presença de outliers. O mesmo pode ser verificado no gráfico dos resíduos de deviance. No entanto, ambos os gráficos apresentam problemas de adequação do modelo, uma vez que os resíduos não exibem um comportamento aleatório em torno de 0. Os resíduos de deviance são definidos da seguinte forma:

```
d_i = \operatorname{sinal}\left(m_i\right) \left\{-2\left[m_i + \log\left(\delta_i - m_i\right)\right]\right\}^{1/2} \operatorname{mart} = \operatorname{df} \mid > \\ \operatorname{mutate}(\\ \operatorname{linear} = \operatorname{fit\_cox} \operatorname{linear.predictors}, \\ \operatorname{martingale} = \operatorname{resid}(\operatorname{fit\_cox}, \operatorname{type} = \operatorname{"martingale"}), \\ \operatorname{deviance} = \operatorname{resid}(\operatorname{fit\_cox}, \operatorname{type} = \operatorname{"deviance"}) \\ ) \mid > \\ \operatorname{ggplot}(\operatorname{aes}(\mathbf{x} = \operatorname{linear}, \mathbf{y} = \operatorname{martingale}, \operatorname{color} = \operatorname{doenca})) + \\ \operatorname{geom\_point}(\operatorname{size} = 3, \operatorname{alpha} = .6) + \\ \operatorname{theme\_bw}()
```

mart



```
martingale = resid(fit_cox, type = "martingale"),
    deviance = resid(fit_cox, type = "deviance")
) |>
    ggplot(aes(x = linear, y = deviance, color = doenca)) +
    geom_point(size = 3, alpha = .6) +
    theme_bw()
dev
```



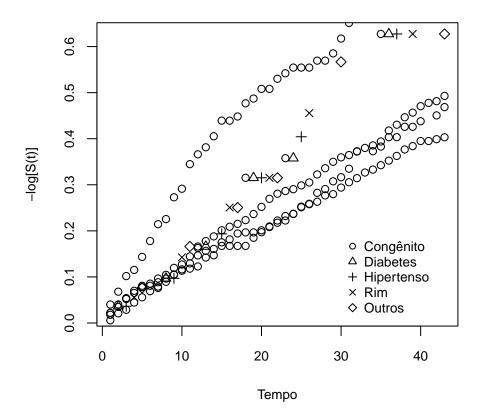
### (d)

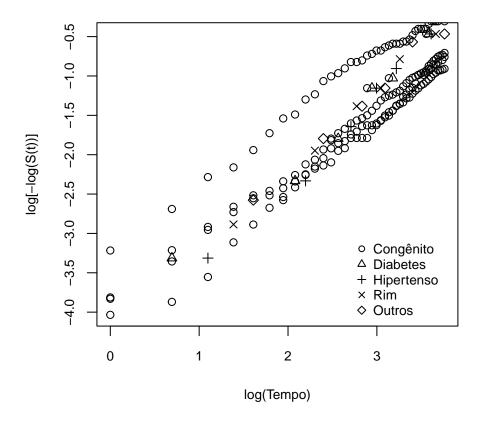
Ajuste seu modelo utilizando os modelos paramétricos de regressão Exponencial e Weibull.

Primeiramente, foi realizada uma análise gráfica, separada por grupos, para identificar os melhores candidatos à modelagem dos dados em estudo. Os gráficos abaixo ilustram essa análise. O primeiro corresponde ao modelo exponencial, e o segundo ao modelo Weibull. No gráfico do modelo exponencial, observa-se que alguns grupos seguem aproximadamente uma linha reta, mas há desvios consideráveis na parte superior. Já no gráfico da distribuição Weibull, a maioria dos grupos apresenta um bom ajuste aos dados, sugerindo que este modelo pode ser uma boa opção para a análise.

```
ekm <- survfit(
    Surv(tempo, status) ~ doenca,</pre>
```

```
data = df, type = "kaplan-meier")
st1<-ekm[1]$surv
time1<-ekm[1]$time</pre>
st2<-ekm[2]$surv
time2<-ekm[2]$time
st3<-ekm[3]$surv
time3<-ekm[3]$time
st4<-ekm[4]$surv
time4<-ekm[4]$time
st5<-ekm[5]$surv
time5<-ekm[5]$time</pre>
plot(time1, -log(st1), pch=1:5, xlab="Tempo", ylab="-log[S(t)]",
     cex.lab=.8, cex.axis=.8)
points(time2, -log(st2))
points(time3, -log(st3))
points(time4, -log(st4))
points(time5, -log(st5))
legend(30, 0.2, pch=1:5,
    c("Congênito", "Diabetes", "Hipertenso", "Rim", "Outros"),
    bty="n", cex=.8)
```





O coeficiente estimado para a idade é 0,01203, com um intervalo de confiança de 95% entre 0,00645 e 0,01761. Isso indica que a idade ao iniciar a diálise apresenta uma diminuição no tempo de sobrevivência em 1,012 média vezes para cada ano.

O coeficiente estimado para a categoria de diabetes é 0,36694, com um intervalo de confiança de 95% entre -0,12249 e 0,85637. A razão de tempo mediano correspondente é 1,44331, indicando que os pacientes com diabetes tem sobrevivência 1,44 vezes maior.

No caso de hipertensão (doencahiper), o coeficiente estimado é 0,44802, com uma razão de tempo mediano de 0,8477. A sobrevivência é em média 1,53 vezes menor para os pacientes que pertencem ao grupo de hipertensão em relação aqueles que não pertencem a esse grupo.

Para outras doenças (doencaoutr), o coeficiente estimado é 0,13290, com uma razão de tempo mediano de 0,80272, também sem significância estatística, já que o intervalo de confiança de 95% inclui 0. Os pertencentes ao grupo de outras doenças apresentam

uma redução no risco dos eventos de óbitos considerados (transplante, óbito por causa renal, ...).

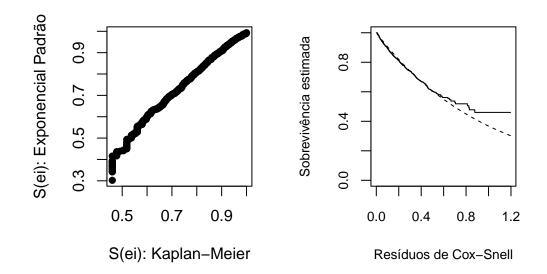
Em relação à doença renal (doencarim), o coeficiente estimado é 0,28170, com uma razão de tempo mediano de 0,73191. Os pacientes pertencentes às doenças de rim apresentam uma sobrevivência em média 1,367 vezes menor.

```
fit exp <- flexsurvreg(</pre>
    Surv(tempo, status) ~ idade + doenca,
    data = df,
    dist='exponential')
fit_exp
Call:
flexsurvreg(formula = Surv(tempo, status) ~ idade + doenca, data = df,
    dist = "exponential")
Estimates:
                                   L95%
                                              U95%
                                                                   exp(est)
             data mean est
                                                        se
rate
                    NA
                          0.00841
                                    0.00495
                                               0.01426
                                                          0.00227
                                                                         NA
idade
             42.34570
                          0.01203
                                    0.00645
                                               0.01761
                                                         0.00285
                                                                    1.01210
doencadiab
              0.11415
                         0.36694 -0.12249
                                               0.85637
                                                         0.24971
                                                                    1.44331
doencahiper
              0.44802
                         -0.16519
                                   -0.62986
                                               0.29948
                                                         0.23708
                                                                    0.84773
doencaoutr
              0.13290
                         -0.21975
                                   -0.72394
                                               0.28444
                                                         0.25724
                                                                    0.80272
                         -0.31210
                                               0.16415
              0.28170
                                   -0.78836
                                                         0.24299
doencarim
                                                                    0.73191
             L95%
                        U95%
                    NA
rate
                              NA
idade
               1.00647
                         1.01776
              0.88471
                         2.35460
doencadiab
doencahiper
              0.53266
                         1.34915
doencaoutr
              0.48484
                         1.32901
               0.45459
                         1.17839
doencarim
           Events: 686,
N = 2453,
                          Censored: 1767
Total time at risk: 57312
Log-likelihood = -3691.498, df = 6
```

O gráfico abaixo mostra que o modelo exponencial parece apresentar um bom ajuste. No gráfico à direita o modelo também apresenta um bom ajuste. No entanto, apresenta um desvio ao final da curva.

AIC = 7394.995

```
res exp <- resid(fit exp, type = "coxsnell")</pre>
ekm1 <- survfit(</pre>
    Surv(res_exp, status) ~ 1,
    data = df, type = "kaplan-meier")
t <- ekm1$time
st <- ekm1$surv
sexp \leftarrow exp(-t)
par(mfrow=c(1,2))
plot(st, sexp, xlab = "S(ei): Kaplan-Meier",
  ylab = "S(ei): Exponencial Padrão", pch = 16)
plot(ekm1, conf.int=F, lty=c(1,1), xlab="Residuos de Cox-Snell",
     ylab="Sobrevivência estimada", cex.lab=.8, cex.axis=.8)
res exp<-sort(res exp)</pre>
exp1<-exp(-res_exp)</pre>
lines(res_exp, exp1, lty=2)
legend(1.3, 0.9, lty=c(1,2), c("Kaplan-Meier", "Exponencial padrão"),
       lwd=1, bty="n", cex=0.8)
```



Agora analisando os resultados do modelo de Weibull. O coeficiente estimado para a idade é -0.01226, com um intervalo de confiança de 95% entre -0.01806 e -0.00646. Isso

indica que a idade tem um efeito negativo sobre o tempo de sobrevivência, ou seja, para cada ano, o tempo de sobrevivência diminui em média por 0.9878.

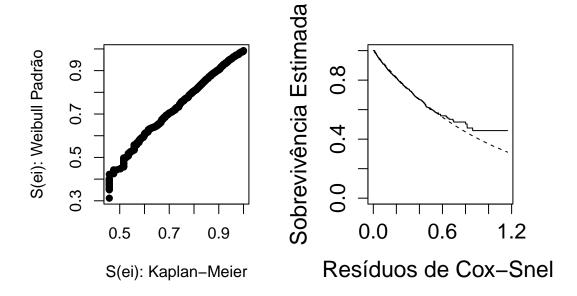
O coeficiente estimado para diabetes é -0,37534. A sobrevivência para grupo de diabetes é em média 1,455 vezes menor. Já os pacientes com hipertensão apresentam uma sobrevivência em média 1,185 vezes maior. Para o grupo de doença renal, o tempo de sobrevivência é em média 1,375 vezes maior. Por último, para os pacientes que pertencem ao grupo de outras doenças, o tempo de sobrevivência é em média 1,256 vezes maior.

fit wei <- flexsurvreg(</pre>

```
Surv(tempo, status) ~ idade + doenca,
    data = df,
    dist='weibull')
fit_wei
Call:
flexsurvreg(formula = Surv(tempo, status) ~ idade + doenca, data = df,
    dist = "weibull")
Estimates:
                                     L95%
                                                U95%
                                                                        exp(est)
             data mean
                         est
shape
                     NA
                           0.96319
                                       0.90221
                                                   1.02829
                                                              0.03214
                                                                               NA
scale
                     NA
                         124.48342
                                      71.48726
                                                216.76758
                                                             35.22775
                                                                               NA
idade
               42.34570
                          -0.01226
                                      -0.01806
                                                 -0.00646
                                                              0.00296
                                                                          0.98782
doencadiab
                0.11415
                          -0.37534
                                      -0.88369
                                                   0.13300
                                                              0.25937
                                                                          0.68705
doencahiper
                0.44802
                           0.17018
                                      -0.31233
                                                   0.65269
                                                              0.24618
                                                                          1.18552
doencaoutr
                0.13290
                           0.22870
                                      -0.29498
                                                   0.75239
                                                              0.26719
                                                                          1.25697
doencarim
                0.28170
                           0.31916
                                      -0.17546
                                                   0.81379
                                                              0.25236
                                                                          1.37598
             L95%
                         U95%
shape
                     NA
                                 NA
scale
                     NA
                                 NA
idade
                0.98211
                           0.99356
doencadiab
                0.41325
                           1.14225
doencahiper
                0.73174
                           1.92070
                0.74455
doencaoutr
                           2.12206
doencarim
                0.83907
                           2.25644
N = 2453,
           Events: 686,
                          Censored: 1767
Total time at risk: 57312
Log-likelihood = -3690.856, df = 7
AIC = 7395.713
```

Analisando o ajuste do modelo Weibull, ele apresenta um ajuste muito semelhante com o modelo exponencial. Os resíduos de cox snell desviam bastante no final da sobrevivência ajustada, mostrando que o modelo pode não ter se ajustado bem aos dados.

```
res_wei <- resid(fit_wei, type = "coxsnell")</pre>
ekm2 <- survfit(</pre>
    Surv(res wei, status) ~ 1,
    data = df, type = "kaplan-meier")
t_wei <- ekm2$time
st wei <- ekm2$surv
sexp wei <- exp(-t wei)</pre>
par(mfrow=c(1,2))
plot(st_wei, sexp_wei, xlab = "S(ei): Kaplan-Meier",
  ylab = "S(ei): Weibull Padrão", pch = 16)
plot(ekm2, conf.int=F, lty=c(1,1), xlab="Residuos de Cox-Snell",
     ylab="Sobrevivência Estimada", cex.lab=1.4, cex.axis=1.3)
res wei <- sort(res wei)</pre>
exp2 <- exp(-res wei)
lines(res wei, exp2, lty=2)
legend(1.3, 0.9, lty=c(1,2), c("Kaplan-Meier", "Weibull Padrão"),
       lwd=1, bty="n", cex=0.8)
```



A estatística utilizada para a seleção do modelo foi o AIC. Dessa forma, o modelo selecionado foi o exponencial, pois foi aquele que apresentou o menor AIC de todos, incluindo o modelo de Cox.