## TP: représentation des entiers Informatique pour tous

## Changement de base 1

On rappelle que pour convertir un entier  $\langle n_{p-1}...n_1n_0 \rangle_b$  d'une base b en base 10 il suffit de calculer  $n_0 + bn_1 + b^2n_2 + ... + b^{p-1}n_{p-1}$ . Par exemple  $< \frac{121}{121} >_3 = \frac{1}{121} \times 3^2 + 2 \times 3 + 1 = 16 \ (= < 16 >_{10})$ .

1. Écrire une fonction to\_base10 ayant comme arguments une base b et une liste L, et renvoyant le nombre < L[len(L) - 1]...L[1]L[0]  $>_b$  converti en base 10. Par exemple, to\_base10(3, [1, 2, 1])

On rappelle que pour connaître les chiffres d'un entier n en base b on peut écrire sa division euclidienne par b: n = bq + r. Le reste r est alors le premier chiffre de n en base b. Il suffit alors d'appliquer à nouveau la méthode en remplaçant n par q, tant que  $n \neq 0$ .

On en déduit alors que  $26 = <11010 >_2$ .

2. Écrire une fonction from\_base10 ayant une base b et un nombre n en arguments et renvoyant les chiffres de n en base b.

## 2 **Opérations**

On rappelle que l'on peut additionner deux nombres écrits en base b en ajoutant les chiffres un par un, en gardant une retenue de 1 si la somme est supérieure ou égale à b. Voici deux exemples, en base 10 puis en base 2:

On représente un nombre  $n = \langle n_{p-1}...n_1n_0 \rangle_b$  en base b par la liste L de ses chiffres, où L[i] =  $n_i$  est le ième chiffre de n. Par exemple  $< 1010 >_2$  est représenté par [0, 1, 0, 1].

1. Écrire une fonction add(L1, L2, b) renvoyant la liste des chiffres de la somme de L1 et L2, en base b. Par exemple add([1, 0, 0, 1], [1, 1], 2) doit renvoyer [0, 0, 1, 1]. Vérifier votre fonction, éventuellement en utilisant to\_base10 et from\_base10.

On rappelle que l'on peut multiplier deux nombres écrits en base b de la façon suivante :

$$\begin{array}{r} <1001>_{2}\\ \times < 11>_{2}\\ \hline <1001>_{2}\\ +<10010>_{2}\\ \hline <11011>_{2}\\ \end{array}$$

- 2. Écrire une fonction mult(L1, L2, b) renvoyant la liste des chiffres de la multiplication de L1 et L2, en base b. Par exemple  $\operatorname{mult}([1, 0, 0, 1], [1, 1], 2)$  doit renvoyer [1, 1, 0, 1, 1]. On pourra réutiliser add.
- 3. Écrire aussi des fonctions pour soustraire/diviser deux nombres écrits en base b.