## I Algorithmes classiques en récursif

```
[25]: # 1.
      def somme(n):
          if n == 0:
             return 0
          else:
              return somme(n-1) + n*n
      somme(3) # test
[25]: 14
 [6]: # 2.
      def binom(n, k):
          if k == 0: # 0 parmi n vaut 1
              return 1
          if n == 0: # k parmi 0 vaut 0
              return 0
          else:
              return binom(n-1, k-1) + binom(n-1, k)
      binom(4, 2) # test
 [6]: 6
[10]: # 3.
      # il est important de faire en sorte que f s'annule sur l'intervalle [a, b], mêmeu
      → dans les appels récursifs
      def dicho(f, a, b, epsilon):
          m = (a+b)/2
          if abs(a-b) < epsilon:</pre>
              return m
          if f(a)*f(m) <= 0: # f s'annule sur l'intervalle [a, m]
              return dicho(f, a, m, epsilon)
          else: # f s'annule sur l'intervalle [m, b]
              return dicho(f, m, b, epsilon)
      def g(x): # pour tester dicho
          return x**2 - 2
      dicho(g, 0, 2, 0.001) # approximation d'un zéro de g, c'est à dire racine de 2
```

[10]: 1.41455078125

## II Algorithme d'Euclide

if n == 0: return [[]]

else: return []

```
[11]: # 1.
      def pgcd(a, b):
          if b == 0:
              return a
          else:
              return pgcd(b, a%b)
      pgcd(12, 18) # test
[11]: 6
[18]: # 2.
      # Par appel récursif on obtient d, u, v tels que d = u*b + v*r.
      # Comme a = bq + r, r = a - bq
      # Donc d = u*b + v*(a - bq) = v*a + (u - q*v)*b
      # Les coefficients de Bézout a et b sont donc v et u - q*v
      def bezout(a, b):
          if b == 0:
              return (a, 1, 0)
          (d, u, v) = bezout(b, a\%b)
          return (d, v, u - (a//b)*v)
      bezout(7, 25) # 1 = (-7)*7 + (-1)*25
[18]: (1, -7, 2)
           Rendu de monnaie
     TTT
[20]: # 1.
      def rendu(n, L):
          if len(L) == 0:
              if n == 0: return 1
              else: return 0
          return rendu(n - L[-1], L[:-1]) + rendu(n, L[:-1])
      rendu(6, [1, 2, 3, 5]) # test
[20]: 2
[22]: # 2.
      def ajouter(e, LL):
          for i in range(len(LL)):
              LL[i].append(e)
[24]: # 3.
      def rendu2(n, L):
          if len(L) == 0:
```

```
L1 = rendu2(n - L[-1], L[:-1])
ajouter(L[-1], L1)
return L1 + rendu2(n, L[:-1])

rendu2(6, [1, 2, 3, 5]) # test
```

[24]: [[1, 5], [1, 2, 3]]