I Algorithmes classiques en récursif

```
[1]: # 1.
    def somme(n):
        if n == 0:
            return 0
        else:
            return somme(n-1) + n*n
```

[1]: 14

```
[2]: # 2.
def binom(n, k):
    if k == 0: # 0 parmi n vaut 1
        return 1
    if n == 0: # k parmi 0 vaut 0
        return 0
    else:
        return binom(n-1, k-1) + binom(n-1, k)
```

[2]: 6

```
[3]: # 3.
# il est important de faire en sorte que f s'annule sur l'intervalle [a, b],□
    →même dans les appels récursifs

def dicho(f, a, b, epsilon):
    m = (a+b)/2
    if abs(a-b) < epsilon:
        return m
    if f(a)*f(m) <= 0: # f s'annule sur l'intervalle [a, m]
        return dicho(f, a, m, epsilon)
    else: # f s'annule sur l'intervalle [m, b]
        return dicho(f, m, b, epsilon)

def g(x): # pour tester dicho</pre>
```

```
return x**2 - 2
dicho(g, 0, 2, 0.001) # approximation d'un zéro de g, c'est à dire racine de 2
```

[3]: 1.41455078125

II Algorithme d'Euclide

```
[4]: # 1.
    def pgcd(a, b):
        if b == 0:
            return a
        else:
            return pgcd(b, a%b)

pgcd(12, 18) # test
```

[4]: 6

```
[5]: # 2.
    # Par appel récursif on obtient d, u, v tels que d = u*b + v*r.
    # Comme a = bq + r, r = a - bq
    # Donc d = u*b + v*(a - bq) = v*a + (u - q*v)*b
    # Les coefficients de Bézout a et b sont donc v et u - q*v

def bezout(a, b):
    if b == 0:
        return (a, 1, 0)
        (d, u, v) = bezout(b, a%b)
        return (d, v, u - (a//b)*v)

bezout(7, 25) # 1 = (-7)*7 + (-1)*25
```

[5]: (1, -7, 2)

III Rendu de monnaie

```
[6]: # 1.

def rendu(n, L):
    if len(L) == 0:
        if n == 0: return 1
        else: return 0
    return rendu(n - L[-1], L[:-1]) + rendu(n, L[:-1])
```

```
rendu(6, [1, 2, 3, 5]) # test

[6]: 2

[7]: # 2.
    def ajouter(e, LL):
        for i in range(len(LL)):
            LL[i].append(e)

[8]: # 3.
    def rendu2(n, L):
        if len(L) == 0:
            if n == 0: return [[]]
            else: return []
        L1 = rendu2(n - L[-1], L[:-1])
        ajouter(L[-1], L1)
        return L1 + rendu2(n, L[:-1])

    rendu2(6, [1, 2, 3, 5]) # test
```

[8]: [[1, 5], [1, 2, 3]]