

Variable (Vector) aleatoria(o)

	Variable X unidimensional	Vector $(X; Y)$ bidimensional
Definición de esperanza (condicional)	$E[X] = \mu_X = \int_{x=-\infty}^{x=+\infty} x \cdot f^X(x) \cdot dx$	$\nexists E[(X; Y)]$ $E\left[\frac{X}{Y}\right] = \int_{x=-\infty}^{x=+\infty} x \cdot f^{X/Y}(x; y) \cdot dx$
Esperanza de función	$E[g(X)] = \mu_{g(X)} = \int_{x=-\infty}^{x=+\infty} g(x) \cdot f^X(x) \cdot dx$	$\mu_{g(X; Y)} = E[g(X; Y)] = \int_{x=-\infty}^{x=+\infty} \int_{y=-\infty}^{y=+\infty} g(x; y) \cdot dy \cdot dx$
Propiedades de la esperanza	$E[a \cdot X + b \cdot Y + c] = \mu_{[a \cdot X + b \cdot Y + c]}$ $= a \cdot E[X] + b \cdot E[Y] + c$	$E[X] = E\left[E\left[\frac{X}{Y}\right]\right]$
Definición y fórmula de calculo de la (co)varianza (condicional)	$\sigma_X^2 = E[(X - E[X])^2]$ $= \int_{x=-\infty}^{x=+\infty} (x - \mu_X)^2 \cdot f^X(x) \cdot dx$ $= E[X^2] - (E[X])^2$	$\sigma_{(X; Y)} = E[(X - E[X]) \cdot (Y - E[Y])]$ $= \int_{x=-\infty}^{x=+\infty} \int_{y=-\infty}^{y=+\infty} (x - \mu_X)(y - \mu_Y) f^{(X; Y)}(x; y) dy dx$ $= E[X \cdot Y] - E[X] \cdot E[Y]$ $\rho_{\text{Pearson}} = \frac{\sigma_{(X; Y)}}{\sigma_X \cdot \sigma_Y}$ $\sigma_{\left(\frac{X}{Y}\right)}^2 = E\left[\left(\frac{X - E[X/Y]}{Y}\right)^2\right]$ $= E\left[\frac{X^2}{Y}\right] - \left(E\left[\frac{X}{Y}\right]\right)^2$
Coeficiente de correlación		
Propiedades de la (co)varianza (condicional)	$\sigma_{[a \cdot X \pm b \cdot Y + c]}^2 = a^2 \cdot \sigma_X^2 + b^2 \cdot \sigma_Y^2 \pm 2 \cdot a \cdot b \cdot \sigma_{(X; Y)}$	$\sigma_{(a \cdot X + b; c \cdot Y + d)} = a \cdot c \cdot \sigma_{(X; Y)}$ $\sigma_X^2 = \sigma_{\left(E\left[\frac{X}{Y}\right]\right)}^2 + E\left[\sigma_{\left(\frac{X}{Y}\right)}^2\right]$
Cambio de variable (1:1 y 2:2)	$f^Y(y) = \left[\frac{f^X(x)}{\left \frac{dY}{dX} \right } \right]_{x=\varphi^{-1}(y)}$ (*) También puede encontrarse a través de eventos equivalente haciendo uso de $F^X(x)$.	$f^{(U; V)}(u; v) = \left[\frac{f^{(X; Y)}(x; y)}{\left \frac{\partial(U; V)}{\partial(X; Y)} \right } \right]_{\substack{x=\varphi_1^{-1}(u; v) \\ y=\varphi_2^{-1}(u; v)}}$

	Máximo	Mínimo
Distribuciones de extremos de un conjunto I.I.D.	$\{X_1; X_2; \dots; X_k\} \in \text{I.I.D.}$ $X_{MAX} = \text{MAX}(X_1; X_2; \dots; X_k)$ $F^{X_{MAX}}(x) = (F^X(x))^k$ $f^{X_{MAX}}(x) = k \cdot [F^X(x)]^{k-1} \cdot f^X(x)$	$\{X_1; X_2; \dots; X_k\} \in \text{I.I.D.}$ $X_{min} = \text{min}(X_1; X_2; \dots; X_k)$ $1 - F^{X_{min}}(x) = (1 - F^X(x))^k$ $f^{X_{min}}(x) = k \cdot [1 - F^X(x)]^{k-1} \cdot f^X(x)$