

# Conceptos de probabilidad

→ Definición clásica (de Pascal - LaPlace):  $P(A) = \frac{N_A}{N}$

→ Definición frecuentista (de Von Mises - Reichenbach):  $P(A) = \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n_A}{n}$

→ Definición axiomática:  
(de Borel – Kolmogórov)  $\left\{ \begin{array}{l} \forall A; P(A) \geq 0 \\ P(\Omega) = 1 \\ P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \end{array} \right\}$

Fórmulas que se cumplen siempre	Casos particulares	
$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$	$P(A \cup B) = P(A) + P(B)$	Eventos mutuamente excluyentes
$P(A \cap B) = P(A) \cdot P\left(\frac{B}{A}\right)$	$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$	Eventos independientes
$P\left(\frac{A}{B}\right) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$ (*)	$P\left(\frac{A}{B}\right) = \frac{P(A) \cdot P(B/A)}{P(B)}$ (**)	Teorema de Bayes

(\*): Dependiendo del contexto a veces es más simple calcular directamente  $P(A)$  dejando como supuesto para ese cálculo que a ocurrido  $B$ .

(\*\*): Es muy usual en bibliografías formular el Teorema de Bayes aplicando el teorema de la probabilidad total en el denominador.

**Partición de un espacio:** El conjunto de subconjuntos  $\{B_1; B_2; B_3; \dots\}$  (numerable, no necesariamente finito) se dice partición del espacio  $\Omega$  si cumple simultáneamente las siguientes dos condiciones:

1) La unión de todos ellos forman el espacio:  $\bigcup_i B_i = B_1 \cup B_2 \cup B_3 \cup \dots = \Omega$

2) Subconjuntos distintos no tienen elementos en común:  $\forall (i; j); B_i \cap B_j = \begin{cases} \emptyset & \text{si } i \neq j \\ B_i & \text{si } i = j \end{cases}$

**Teorema de la probabilidad total:** Si  $A$  es un evento en  $\Omega$ , y  $\{B_1; B_2; B_3; \dots\}$  es alguna partición del espacio  $\Omega$ , entonces:

$$P(A) = P(B_1) \cdot P\left(\frac{A}{B_1}\right) + P(B_2) \cdot P\left(\frac{A}{B_2}\right) + P(B_3) \cdot P\left(\frac{A}{B_3}\right) + \dots$$

**Formulas de los complementos:** Para cualquier conjunto  $A$  se cumple:

$$P(A) = 1 - P(\bar{A})$$

Si además la probabilidad está condicionada (está restringida a un cierto subconjunto), entonces la formula de los complementos toma la forma:

$$P\left(\frac{A}{B}\right) = 1 - P\left(\frac{\bar{A}}{B}\right)$$

**Postulado de la partición elemental:** Si  $\{A_1; A_2; A_3; \dots\}$  es una partición elemental del espacio  $\Omega$  (en el sentido que cada subconjunto  $A_i$  no contiene más de un elemento que pueda ser considerado de interés por separado), y se conoce la probabilidad de cada subconjunto de la partición elemental:  $P(A_1)$ ,  $P(A_2)$ ,  $P(A_3)$ , ... entonces es posible responder cualquier consigna que se plantee respecto de la probabilidad en el espacio  $\Omega$  de interés.