# ProfLycee

# Quelques petites commandes pour La (au lycée)

Cédric Pierquet c pierquet -- at -- outlook . fr

Version 2.5.8 – 6 Avril 2023

Résumé : Quelques commandes pour faciliter l'utilisation de LATEX pour les mathématiques, au lycée.

- résoudre, de manière approchée, des équations
- ⋄ tracer facilement des repères/grilles/courbes
- tracer des courbes lisses avec gestion des extrema et des dérivées
- présenter du code python ou pseudocode, une console d'exécution Python
- tracer rapidement un pavé, un tétraèdre
- simplifier des calculs sous forme fractionnaire, simplifier des racines
- effectuer des calculs avec des suites récurrentes
- ⋄ créer la toile pour une suite récurrente
- ⋄ afficher et utiliser un cercle trigo
- ⋄ afficher un petit schéma pour le signe d'une fonction affine ou d'un trinôme
- travailler sur les statistiques à deux variables (algébriques et graphiques)
- ⋄ convertir entre bin/dec/hex avec détails
- ⋄ présenter un calcul de PGCD
- effectuer des calculs de probas (lois binomiale, exponentielle, de Poisson, normale)
- créer des arbres de probas « classiques »
- générer des listes d'entiers aléatoires (avec ou sans répétitions)
- ⋄ déterminer la mesure principale d'un angle
- **/>** ...

Merci à Anne pour ses retours et sa relecture! Merci à Christophe et Denis pour leurs retours et éclairages! Merci aux membres du groupe 😝 du « Coin শৌट्र » pour leur aide et leurs idées!

MEX

pdfleTEX

LualATEX

TikZ

**TEXLive** 

MiKTEX

## Table des matières

I	Introduction	6
1	Le package ProfLycee1.1 «Philosophie» du package1.2 Chargement du package1.3 Librairies, option du package	6 6 6 7
2	Compléments  2.1 Le système de « clés/options »	8 8 8
II	Liste des commandes, par thème	10
III	Outils pour l'analyse	14
3	Résolution approchée d'une équation3.1 Idée	14 14 14
4	Présentation d'une solution d'équation par balayage         4.1 Idée          4.2 Clés et arguments          4.3 Interaction avec la commande de résolution approchée	16 16 16 17
5	Suites récurrentes simples 5.1 Idées	18 18 18 19
IV	Outils graphiques, via TikZ	20
6	Repérage et tracé de courbes, en TikZ         6.1 Idée          6.2 Commandes, clés et options          6.3 Commandes annexes          6.4 Repère non centré en O	20 20 21 24 25
7	L'outil « SplineTikz »7.1 Courbe d'interpolation7.2 Code, clés et options7.3 Compléments sur les coefficients de « compensation »7.4 Exemples7.5 Avec une gestion plus fine des « coefficients »7.6 Conclusion	26 26 26 26 27 28 28
8	L'outil « TangenteTikz »         8.1 Définitions          8.2 Exemple et illustration          8.3 Exemple avec les deux outils, et « personnalisation »	29 29 29 30

9	Petits schémas pour le signe d'une fonction affine ou d'un trinôme							
	9.1 Idée	31						
	9.2 Commandes	31						
	9.3 Intégration avec tkz-tab	33						
10	Suites récurrentes et « toile »	34						
	10.1 Idée	34						
	10.2 Commandes	34						
	10.3 Exemples	34						
	10.4 Influence des paramètres	36						
V	Présentation de codes	37						
	Code Drithen weimple wie le poekeen lietinge	27						
11	Code Python « simple » via le package listings  11.1 Introduction	<b>37</b> 37						
	11.2 Commande et options	37						
	11.3 Insertion via un fichier « externe »	38						
	11.4 Exemples	38						
		00						
12	Code Python via le package piton	41						
	12.1 Introduction	41						
	12.2 Présentation de code Python	41						
	12.3 Console en partenariat avec Pyluatex	43						
13	Code & Console Python, via les packages Pythontex ou Minted	44						
	13.1 Librairies	44						
	13.2 Introduction	44						
	13.3 Présentation de code Python grâce au package pythontex	44						
	13.4 Présentation de code Python via le package minted	45						
	13.5 Console d'exécution Python	46						
14	Pseudo-Code	48						
	14.1 Introduction							
	14.2 Présentation de Pseudo-Code							
	14.3 Compléments	49						
1-	T	<b>50</b>						
15	Terminal Windows/UNiX/OSX 15.1 Introduction	<b>50</b> 50						
	15.2 Commandes	50						
	13.2 Commandes	30						
16	Cartouche Capytale	<b>52</b>						
	16.1 Introduction	52						
	16.2 Commandes	52						
17	Présentation de code MFX	53						
	17.1 Introduction	53						
	17.2 Commandes	53						
VI	Outils pour la géométrie	54						
VI	outing pour la geometrie	JŦ						
18	Pavé droit « simple »	54						
	18.1 Introduction	54						
	18.2 Commandes	54						
	18.3 Influence des paramètres	55						

19	Tétraèdre « simple »19.1 Introduction	56 56 56 57
20	Cercle trigo         20.1 Idée          20.2 Commandes          20.3 Équations trigos	58 58 58 59
	Style « main levée » en TikZ         21.1 Idée	
VI	•	62
22	Paramètres d'une régression linéaire par la méthode des moindres carrés  22.1 Idée	62 62 64
23	Statistiques à deux variables23.1 Idées23.2 Commandes, clés et options23.3 Commandes annexes23.4 Interactions avec CalculsRegLin23.5 Exemple complémentaire, pour illustration	67 68 71 72 75
24	Boîtes à moustaches 24.1 Introduction	<b>76</b> 76 76 77
VI	II Outils pour les probabilités	79
25	Calculs de probabilités         25.1 Introduction          25.2 Calculs « simples »          25.3 Complément avec sortie « formatée »	<b>79</b> 79 79 81
26	Arbres de probabilités « classiques »  26.1 Introduction	84 84 84 85
27	Petits schémas pour des probabilités continues         27.1 Idée          27.2 Commandes et options          27.3 Remarques et compléments	87 87 87 88
28	Nombres aléatoires 28.1 Idée	<b>89</b>
	28.2 Clés et options	90

29	Combinatoire	91
	29.1 Idée	91 91
IX	Outils pour l'arithmétique	92
30	Conversions binaire/hexadécimal/décimal	92
	30.1 Idée	92
	30.2 Conversion décimal vers binaire	92
	30.3 Conversion binaire vers hexadécimal	93 94
31	Conversion « présentée » d'un nombre en base décimale 31.1 Idée	<b>95</b> 95
	31.2 Code et clés	95
32	Algorithme d'Euclide pour le PGCD	97
-	32.1 Idée	97
	32.2 Options et clés	97
	32.3 Compléments	98
X	Écritures, simplifications	99
33	Simplification sous forme d'une fractions	99
•	33.1 Idée	99
	33.2 Commande et options	99
34	Ensembles	101
	34.1 Idée	
	34.2 Commande et options	101
35		102
	35.1 Idée	
	35.2 Clés et options	102
36	F - 100 - 10	104
	36.1 Idée	
	36.2 Exemples	104
37	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	105
	37.1 Idée	
	37.2 Exemples	105
ΧI	Jeux et récréations	106
38		106
		106
	38.2 Clés et options	107
ΧI	I Historique	109

#### Première partie

### Introduction

#### 1 Le package ProfLycee

#### 1.1 « Philosophie » du package

#### ♀ Idée(s)

Ce package, très largement inspiré (et beaucoup moins abouti) de l'excellent ProfCollege de C. Poulain et des excellents tkz-\* d'A. Matthes, va définir quelques outils pour des situations particulières qui ne sont pas encore dans ProfCollege.

On peut le voir comme un (maigre) complément à ProfCollege, et je précise que la syntaxe est très proche (car pertinente de base) et donc pas de raison de changer une équipe qui gagne!

Il se charge de manière classique, dans le préambule, par \[ \usepackage{ProfLycee} \]. Il charge des packages utiles, mais j'ai fait le choix de laisser l'utilisateur gérer ses autres packages, comme notamment \[ \underset amssymb qui peut poser souci en fonction de la *position* de son chargement.

L'utilisateur est libre de charger ses autres packages utiles et habituels, ainsi que ses polices et encodages habituels!

#### information(s)

Le package ProfLycee charge et utilise les packages :

- [ xcolor avec l' option [table,svgnames];
- [ tikz, pgf, pgffor, nicefrac;
- \[ \begin{aligned} \text{tcolorbox} \text{ avec l'option [most];} \]
- 🖺 xparse, 🖺 xstring, 🖺 simplekv, 🖺 xinttools;
- [ listofitems, [ xintexpr], [ xintbinhex, [ xintgcd];
- [ tabularray, [ fontawesome5], [ randomlist], [ fancyvrb].

#### ♀ Idée(s)

J'ai utilisé les packages de C. Tellechea, je vous conseille d'aller jeter un œil sur ce qu'il est possible de faire en ETEX avec [a listofitems], [a randomlist], [a simplekv] ou encore [a xstring]!

#### 1.2 Chargement du package

# </> ✓/> Code LATEX

```
%exemple de chargement pour une compilation en (pdf)latex
\documentclass{article}
\usepackage{ProfLycee}
\usepackage[utf8]{inputenc}
\usepackage[T1]{fontenc}
...
```

#### ⟨⟩ Code LATEX

```
%exemple de chargement pour une compilation en (xe/lua)latex
\documentclass{article}
\usepackage{ProfLycee}
\usepackage{fontspec}
...
```

#### 1.3 Librairies, option du package

#### Attention

2.5.0 Le package fonctionne désormais avec un système de librairies, qui utilisent et chargent des packages spécifiques, avec des compilations particulières, donc l'utilisateur utilisera un système de chargement similaire à celui de tcolorbox ou tikz, dans le préambule, et une fois le package appelé.

#### ⟨→ Code LATEX

```
\usepackage{ProfLycee}
\useproflyclib{...,...}
```

#### information(s)

Les librairies disponibles seront indiquées dans les sections spécifiques. Pour le moment, il existe :

- ☐ piton (page 41);
- ∰ minted (page 45);
- pythontex (page 44).

#### Attention

2.5.8 Pour le package piton, la version minimale requise est la 1.5 pour bénéficier d'un rendu optimal (au niveau des marges) de la présentation du code Python.

#### information(s)

En compilant (notamment avec les librairies minted et pythontex) on peut spécifier des répertoires particuliers pour les (ou des) fichiers auxiliaires.

Avec l'option **(build)**, l'utilisateur a la possibilité de placer les fichiers temporaires de minted et pythontex dans un répertoire build du répertoire courant.

Dans ce cas il faut créer au préalable le répertoire build avant de compiler un fichier, pour éviter toute erreur!

#### ⟨/> Code LATEX

```
...
\usepackage[build]{ProfLycee}
\useproflyclib{...}
...
```

#### information(s)

L'option (build) charge certains packages (librairies minted et pythontex) avec les options :

- [ \setpythontexoutputdir{./build/pythontex-files-\jobname}]
- RequirePackage[outputdir=build]{minted}

#### 2 Compléments

#### 2.1 Le système de « clés/options »

#### ♀ Idée(s)

L'idée est de conserver – autant que faire se peut – l'idée de **(Clés)** qui sont :

- modifiables;
- définies (en majorité) par défaut pour chaque commande.

Pour certaines commandes, le système de **(Clés)** pose quelques soucis, de ce fait le fonctionnement est plus *basique* avec un système d'arguments *optionnels* (souvent entre [...]) ou *obligatoires* (souvent entre {...}).

À noter que les :

- les (Clés) peuvent être mises dans n'importe quel ordre, elles peuvent être omises lorsque la valeur par défaut est conservée;
- les arguments doivent, eux, être positionnés dans le bon ordre.

#### information(s)

Les commandes et environnements présentés seront explicités via leur syntaxe avec les options/clés ou arguments.

Autant que faire se peut, des exemples/illustrations/remarques seront proposés à chaque fois.

Les codes seront présentés dans des boîtes **\( \)** Code **\( \)** Code **\( \)** Sortie **\( \)** Sort

Les clés ou options seront présentées dans des boîtes @ Clés.

#### information(s)

À noter que certaines commandes disponibles sont liées à un environnement [] tikzpicture], elles peuvent ne pas être autonomes mais permettent de conserver – en parallèle – toute commande liée à TikZ!

#### 2.2 Compilateur(s)

#### information(s)

Le package ProfLycee est compatible avec les compilateurs classiques : latex, pdflatex ou encore lualatex. En ce qui concerne les codes librairies, il faudra :

- [] pythontex]: compiler en chaîne (xxx)latex + pythontex + (xxx)latex;
- [minted]: compiler avec shell-escape (ou write18);
- piton: compiler en LualITEX et shell-escape (ou write18).

#### 2.3 Problèmes éventuels...

#### information(s)

Certaines commandes sont à intégrer dans un environnement TikZ, afin de pouvoir rajouter des éléments, elles ont été testés dans des environnement fix vérifier que la gestion des axes par l'environnement fix axis est compatible...

Certains packages ont une fâcheuse tendance à être tatillons sur leurs options (les *fameux* option clash for ...) ou leur *position* dans le chargement, donc attention notamment au chargement de <code>scolor</code> et de <code>mssymb</code>!

En dehors de cela, ce sont des tests multiples et variés qui permettront de détecter d'éventuels bugs!

Bonne(s) découverte(s) m

•

#### Deuxième partie

# Liste des commandes, par thème

#### information(s)

© Cette section contient un *résumé* des différentes commandes et environnements disponibles dans of ProfLycee.

Elles sont présentées de manière *succincte*, mais elles sont présentées de manière *détaillée* dans la suite de la documentation.

```
%/> Code LATEX

%Résolution approchée d'une équation f(x)=k
\ResolutionApprochee[clés]{équation}[macro]

%Présentation d'une solution par balayage (TVI)
\SolutionTVI[options]{fonction}{valeur}

%Calculer le terme d'une suite récurrente simple, toile pour une suite récurrente simple
\CalculTermeRecurrence[options]{fonction associée}
\ToileRecurrence[clés][options du tracé][option supplémentaire des termes]

%Mise en forme de la conclusion d'un seuil
\SolutionSeuil[options]{fonction associée}{seuil}
```

```
% Code Large
% fenêtre de repérage en tikz et courbe
\[ \GrilleTikz[options] [options grille ppale] [options grille second.]
\[ \AxesTikz[options] \AxesTikz[options] {valeurs} \AxeyTikz[options] {valeurs}
\[ \FenetreSimpleTikz[options] (opt axes) < opt axe 0x > {liste valx} < opt axe 0y > {liste valy}
\[ \CourbeTikz[options] {fonction} {valxmin: valxmax}
\]
\[ \% courbe d'interpolation, tangente, dans un environnement tikz
\[ \SplineTikz[options] {liste}
\]
\[ \TangenteTikz[options] {liste}
\]
\[ \% schémas pour le signe affine/trinôme, dans un environnement tikz
\[ \MiniSchemaSignes(*) [clés] < options tikz >
\]
\[ \MiniSchemaSignesTkzTab[options] {numligne} [échelle] [décalage horizontal]
\]
```

```
Code LATEX
%présentation de code Python
\begin{CodePythonLst}(*)[largeur]{commandes tcbox}...\end{CodePythonLst}
\begin{CodePythonLstAlt}(*)[largeur]{commandes tcbox}...\end{CodePythonLstAlt}
%:=librairie piton
\begin{CodePiton} [options piton] {commandes tcbox}...\end{CodePiton}
\begin{PitonConsole} < Clés > {commandes tcbox}...\end{PitonConsole}
%:=librairie pythontex
\begin{CodePythontex}[options]{}...\end{CodePythontex}
\begin{CodePythontexAlt}[options]{}...\end{CodePythontexAlt}
\begin{ConsolePythontex}[options]{}...\end{ConsolePythontex}
\begin{CodePythonMinted}(*)[largeur]{commandes tcbox}...\end{CodePythonMinted}
\begin{CodePythonMintedAlt}(*)[largeur]{commandes tcbox}...\end{CodePythonMintedAlt}
%présentation de pseudocode
\begin{PseudoCode}(*)[largeur]{commandes tcbox}...\end{PseudoCode}
\begin{PseudoCodeAlt}(*)[largeur]{commandes tcbox}...\end{PseudoCodeAlt}
```

```
% Code Large
%terminal OS
\begin{TerminalWin} [largeur] {clés} [options] ... \end{TerminalWin}
\begin{TerminalUnix} [largeur] {clés} [options] ... \end{TerminalUnix}
\begin{TerminalOSX} [largeur] {clés} [options] ... \end{TerminalOSX}

%code Capytale
\CartoucheCapytale(*) [options] {code capytale}
```

```
% Code LaTeX

%pavé et tétraèdre, dans un environnement tikz

\PaveTikz[options]

\TetraedreTikz[options]

%cercle trigo, dans un environnement tikz

\CercleTrigo[clés]
```

```
Code LATEX
%paramètres d'une régression linéaire, nuage de points
\CalculsRegLin[clés]{listeX}{listeY}
\PointsRegLin[clés] {listeX} {listeY}
%stats à 2 variables, dans un environnement tikz
\GrilleTikz[options] [options grille ppale] [options grille second.]
\AxesTikz[options]
\AxexTikz[options]{valeurs} \AxeyTikz[options]{valeurs}
\FenetreTikz \OrigineTikz
\FenetreSimpleTikz[options](opt axes)<opt axe 0x>{liste valx}<opt axe 0y>{liste valy}
\NuagePointsTikz[options]{listeX}{listeY}
\PointMoyenTikz[options]
\CourbeTikz[options]{formule}{domaine}
%boîte à moustaches, dans un environnement tikz
\BoiteMoustaches[options]
\BoiteMoustachesAxe[options]
```

```
% Code Late
%loi normale N(m,s)
\CalcNormC{m}{s}{a}{b}
\NormaleC(*)[prec]{m}{s}{a}{b}

%loi exponentielle E(l)
\CalcExpoC{1}{a}{b}
\ExpoC(*)[prec]{1}{a}{b}

%arbres de probas
\ArbreProbasTikz[options]{donnees}
\begin{EnvArbreProbasTikz}[options]{donnees}...\end{EnvArbreProbasTikz}

%schémas lois continues
\LoiNormaleGraphe[options]<options tikz>{m}{s}{a}{b}
\LoiExpoGraphe[options]<options tikz>{1}{a}{b}
```

```
% Code LATEX

%entier aléatoire entre a et b
\NbAlea{a}{b}{macro}

%nombre décimal (n chiffres après la virgule) aléatoire entre a et b+1 (exclus)
\NbAlea[n]{a}{b}{macro}

%création d'un nombre aléatoire sous forme d'une macro
\VarNbAlea{macro}{calcul}

%liste d'entiers aléatoires
\TirageAleatoireEntiers[options]{macro}
```

```
% Code LATEX
%arrangement Anp
\Arrangement(*)[option]{p}{n}
%arrangement Cnp (p parmi n)
\Combinaison(*)[option]{p}{n}
```

```
% Code LATEX
%conversions
\ConversionDecBin(*)[clés]{nombre}
\ConversionBinHex[clés]{nombre}
\ConversionVersDec[clés]{nombre}
\ConversionBaseDix[clés]{nombre}{base de départ}
\ConversionDepuisBaseDix[options]{nombre en base 10}{base d'arrivée}

%PGCD présenté
\PresentationPGCD[options]{a}{b}
```

# % Code Land Conversion en fraction, simplification de racine \ConversionFraction(\*)[option]{argument} \SimplificationRacine{expression} %ensemble d'éléments \EcritureEnsemble[clés]{liste} %trinôme, trinôme aléatoire \EcritureTrinome[options]{a}{b}{c} %mesure principale \MesurePrincipale[options]{angle}

#### Code LATEX

% 200 % s

\SudoMaths[options]{liste}

 $\verb|\begin{EnvSudoMaths}| [options] {grille}... \\| end {EnvSudoMaths}| \\|$ 

#### Troisième partie

# Outils pour l'analyse

#### 3 Résolution approchée d'une équation

#### 3.1 Idée

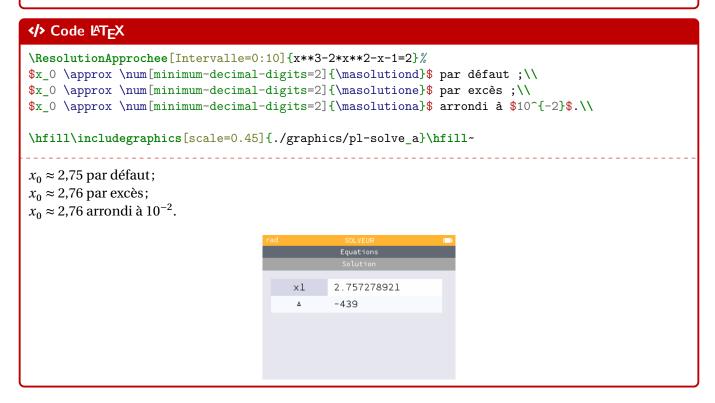
#### ♀ Idée(s)

**2.1.4** L'idée est de proposer une commande pour résoudre, de manière approchée, une équation du type f(x) = k sur un intervalle (fermé) donné.

La méthode utilisée est la **dichotomie**, pour plus de rapidité que la méthode *simple* par balayage.

#### ⟨→ Code LATEX

\ResolutionApprochee[clés]{équation}[macro]



#### 3.2 Clés et options

# Quelques explications sur les ⟨clés⟩ et sur les arguments : — la clé ⟨Précision⟩ pour le nombre de chiffres après la virgule de la solution; défaut ⟨2⟩ — la clé (obligatoire!) ⟨Intervalle⟩ qui permet de préciser l'intervalle initial de recherche; — la clé ⟨Variable⟩ qui permet de spécifier la variable de l'équation; défaut ⟨x⟩ — l'argument obligatoire est l'équation, sous la forme f(...) = k (ou f(...) pour f(...) = 0); — l'argument optionnel est la base de la <macro> qui sert à stocker les valeurs : défaut ⟨masolution⟩ — l\macro>d pour la valeur approchée par défaut; — l\macro>e pour la valeur approchée par excès; — l\macro>a pour la valeur approchée.

```
Code LATEX
\ResolutionApprochee[Precision=4,Intervalle=0:2]{exp(0.5*x)+x**2-4=0}%
Une valeur approchée, à 10^{-4} près, d'une solution de \text{text}_{e}^{0.5x}+x^2-4=0 sur
$\left[0;2\right]$ est $\beta$ avec :
\begin{itemize}
  \item $\beta \approx \num[minimum-decimal-digits=4] {\masolutiond}$ par défaut ;
  \item $\beta \approx \num[minimum-decimal-digits=4] {\masolutione}$ par excès;
  \item $\beta \approx \num[minimum-decimal-digits=4]{\masolutiona}$.
\end{itemize}
\ResolutionApprochee[Variable=t,Intervalle=-1:2]{3*t*exp(-0.5*t+1)=4}[SolA]%
Une valeur approchée, à 10^{-2} près d'une solution de 3t\,\rm{e}^{-0}, t+1}=4 est t_1
→ avec :
\begin{itemize}
  \item $t 1 \approx \num[minimum-decimal-digits=2] {\SolAd}$ par défaut ;
  \item $t_1 \approx \num[minimum-decimal-digits=2]{\SolAe}$ par excès ;
  \item $t_1 \approx \num[minimum-decimal-digits=2]{\SolAa}$.
\end{itemize}
\ResolutionApprochee[Precision=3, Variable=t, Intervalle=2:10] {3*t*exp(-0.5*t+1)=4} [SolB] %
Une valeur approchée, à 10^{-2} près d'une solution de 31\, \text{ext}e^{-0,5t+1}=4 est t_2
→ avec :
\begin{itemize}
  \item $t_2 \approx \num[minimum-decimal-digits=2]{\SolBd}$ par défaut ;
  \item $t_2 \approx \num[minimum-decimal-digits=2]{\SolBe}$ par excès ;
  \item $t_2 \approx \num[minimum-decimal-digits=2]{\SolBa}$.
\end{itemize}
\medskip
\hfill\includegraphics[scale=0.45]{./graphics/pl-solve_b}~~
\includegraphics[scale=0.45]{./graphics/pl-solve_c}~~
\includegraphics[scale=0.45]{./graphics/pl-solve_d}\hfill~
Une valeur approchée, à 10^{-4} près, d'une solution de e^{0.5x} + x^2 - 4 = 0 sur [0;2] est \beta avec :
   - β ≈ 1,4068 par défaut;
   - β ≈ 1,4069 par excès;
   - β ≈ 1.4069.
Une valeur approchée, à 10^{-2} près d'une solution de 3t e^{-0.5t+1} = 4 est t_1 avec :
   — t_1 ≈ 0,69 par défaut;
   — t_1 \approx 0.70 par excès;
   — t_1 ≈ 0,69.
Une valeur approchée, à 10^{-2} près d'une solution de 3t e^{-0.5t+1} = 4 est t_2 avec :
   — t_2 ≈ 4,377 par défaut;
   — t_2 \approx 4,378 par excès;
   — t_2 ≈ 4,378.
                                                 Graphique
         x=1.406879
                          f(x) = 0
                                        x=0.6939632
                                                         f(x)=4
                                                                       x=4.377668
```

#### 4 Présentation d'une solution d'équation par balayage

#### 4.1 Idée

#### ♀ Idée(s)

2.0.4 L'idée est de présenter l'obtention d'une solution approchée d'équation par balayage, dans le cadre du TVI par exemple. Les calculs et tests sont effectués grâce au package \*\*[xinttools]\*, et le formatage par tabularray et \*\*[sinuitx]\*.

#### Attention

Le code ne trouve pas la solution, il met *juste* en forme mais effectue quand même les calculs d'images et les tests.

#### Code LATEX

\SolutionTVI[options]{fonction}{valeur}

#### 4.2 Clés et arguments

#### Clés et options

Plusieurs (Clés) sont disponibles pour cette commande, relative donc à une équation du type f(x) = k:

— la clé (**NomFct**) qui permet de spécifier le nom de la fonction;

défaut **⟨f⟩** 

— la clé (**NomSol**) qui permet de spécifier le nom de la fonction;

défaut (\alpha)

- les clés (va) et (vb) qui sont les bornes inférieure et supérieure de l'encadrement;
- la clé (**Precision**) qui est la précision des calculs pour les images;

défaut (2)

— la clé (**Stretch**) qui permet d'espacer les lignes;

- défaut (1.15)
- les booléens (Balayage) ou (Calculatrice) pour afficher un texte en amont;

défaut **(false)** 

— le booléen (Majuscule) qui affiche le texte avant, avec une majuscule au début.

défaut **(true)** 

Le premier argument *obligatoire* est la fonction, en syntaxe [xint] et avec comme variable x, et le second la valeur de k.

#### Code LATEX

Pour f(x)=0 avec  $f(x)=x^2-2$ . On obtient

→ \SolutionTVI[va=1.414,vb=1.415,Precision=3]{x\*\*2-2}{0}.

Pour 
$$f(x) = 0$$
 avec  $f(x) = x^2 - 2$ . On obtient  $\begin{cases} f(1,414) \approx -0.001 < 0 \\ f(1,415) \approx 0.002 > 0 \end{cases} \Rightarrow 1,414 < \alpha < 1,415$ .

#### Code LATEX

Avec  $\frac{1}{-0,5t+1}=5$ ,

 $\label{lem:control} $$ \SolutionTVI [Majuscule=false, Calculatrice, va=1.02, vb=1.03, NomFct=\varphi] $$ \{3*x*exp(-0.5*x+1)\} $$ \{5\} $$ $$ \Calculatrice, va=1.02, vb=1.03, NomFct=\varphi] $$ \{3*x*exp(-0.5*x+1)\} $$ \{5\} $$ \Calculatrice, va=1.02, vb=1.03, NomFct=\varphi] $$ \{3*x*exp(-0.5*x+1)\} $$ \{5\} $$ \Calculatrice, va=1.02, vb=1.03, NomFct=\varphi] $$ \{3*x*exp(-0.5*x+1)\} $$ \{5\} $$ \Calculatrice, va=1.02, vb=1.03, NomFct=\varphi] $$ \{3*x*exp(-0.5*x+1)\} $$ \{5\} $$ \Calculatrice, va=1.02, vb=1.03, NomFct=\varphi] $$ \{6\} $$ \Calculatrice, va=1.03, NomFct=\varphi] $$ \{6\} $$ \Calcu$ 

Avec 
$$\varphi(t) = 3t e^{-0.5t+1} = 5$$
, par calculatrice, on obtient 
$$\begin{cases} \varphi(1,02) \approx 4.99 < 5 \\ \varphi(1,03) \approx 5.02 > 5 \end{cases} \Rightarrow 1.02 < \alpha < 1.03$$

# On s'intéresse à \$g(x)=\num{1,5}\$ avec \$g(x)=\ln(x)\$.\\ \SolutionTVI% [Balayage,Stretch=1.5,va=4.48,vb=4.49,NomFct=g,Precision=4,NomSol={x\_0}]{log(x)}{1.5}. On s'intéresse à g(x) = 1.5 avec $g(x) = \ln(x)$ . Par balayage, on obtient $\begin{cases} g(4.48) \approx 1.4996 < 1.5 \\ g(4.49) \approx 1.5019 > 1.5 \end{cases} \Rightarrow 4.48 < x_0 < 4.49.$

#### 4.3 Interaction avec la commande de résolution approchée

#### ♀ Idée(s)

**2.1.4** L'idée est de récupérer les valeurs par défaut et par excès pour le TVI grâce à la commande \[ \ResolutionApprochee \].

#### ⟨/> Code LATEX

On s'intéresse à  $g(x)=\sum_{1,5}$  avec  $g(x)=\ln(x)$  sur l'intervalle  $\left[3;5\right]$ . \ResolutionApprochee[Intervalle=3:5]  $\left[\log(x)=1.5\right]$  [SolLn] \SolutionTVI% [Balayage,Stretch=1.5,va={\SolLnd},vb={\SolLne}, NomFct=g,Precision=4,NomSol= $\left[x_0\right]$  { $\log(x)$ } {1.5}.

On s'intéresse à g(x) = 1,5 avec  $g(x) = \ln(x)$  sur l'intervalle [3;5].

Par balayage, on obtient 
$$\begin{cases} g(4,48) \approx 1,4996 < 1,5 \\ g(4,49) \approx 1,5019 > 1,5 \end{cases} \Rightarrow 4,48 < x_0 < 4,49.$$

#### information(s)

À terme, peut-être que la commande \[ \ResolutionApprochee \] sera intégrée dans la commande \[ \SolutionTVI \] afin d'automatiser encore plus le procédé.

#### 5 Suites récurrentes simples

#### 5.1 Idées

#### ♀ Idée(s)

2.0.3 L'idée est de proposer des commandes pour effectuer des calculs avec des suites récurrentes du type  $u_{n+1} = f(u_n)$ :

- calcul de termes avec possibilité d'arrondir;
- présentation de la conclusion de la recherche d'un seuil du type  $u_n > S$  ou  $u_n < S$ .

#### Attention

2.1.0 Le code pour le seuil **trouve** également le rang cherché, il met en forme et effectue les calculs d'images.

2.0.5 Le choix a été fait de faire les calculs en mode float pour éviter les dépassements de capacité de xint liés aux boucles...

#### ⟨/> Code LATEX

%commande pour calculer et formater

\CalculTermeRecurrence[options]{fonction associée}

%mise en forme de la conclusion d'un seuil

\SolutionSeuil[options]{fonction associée}{seuil}

#### 5.2 Clés et arguments

#### Clés et options

Plusieurs (Clés) sont disponibles pour la commande du calcul d'un terme :

- la clé (**No**) qui est le rang initial de la suite;
- la clé (**UNo**) qui est le terme initial de la suite;
- la clé (**Precision**) qui précise l'arrondi éventuel;

— la clé (**N**) qui est l'indice du terme à calculer.

L'argument *obligatoire* est la fonction associée à la suite, en syntaxe  $\frac{1}{2}$  xint et avec comme variable x.

#### ⟨/> Code LATEX

On obtient  $u_{10} \rightarrow CalculTermeRecurrence[No=0,UNo=50,N=10]{1/(x+2)}$ .

On obtient  $u_{15} \rightarrow CalculTermeRecurrence[Precision=4,No=0,UNo=50,N=15]{1/(x+2)}$ .

On obtient  $u_{20} \rightarrow CalculTermeRecurrence[Precision=6,No=0,UNo=50,N=20]{1/(x+2)}$.$ 

#### Sortie LATEX

Avec 
$$u_0 = 50$$
 et  $u_{n+1} = \frac{1}{u_n + 2}$ .

On obtient  $u_{10} \approx 0.414$ 

On obtient  $u_{15} \approx 0.4142$ 

On obtient  $u_{20} \approx 0.414214$ 

sortie par défaut.

défaut (3)

avec choix de la précision à  $10^{-4}$ .

avec choix de la précision à  $10^{-6}$ .

```
Clés et options
Plusieurs (Clés) sont disponibles pour la commande du seuil :
   — la clé (NomSuite) qui est le nom de la suite;
                                                                                                 défaut (u)
   — la clé (No) qui est le rang initial de la suite;
   — la clé (UNo) qui est le terme initial de la suite;
   — la clé (Precision) qui précise l'arrondi éventuel;
                                                                                                 défaut (2)
   — la clé (Stretch) qui permet d'espacer les lignes;
                                                                                             défaut (1.15)
   — les booléens (Balayage) ou (Calculatrice) pour afficher un texte en amont;
                                                                                             défaut (false)
   — le booléen (Simple) pour une présentation plus neutre;
                                                                                             défaut (false)
   — le booléen (Majuscule) qui affiche le texte avant, avec une majuscule au début;
                                                                                             défaut (true)
   — le booléen ⟨Exact⟩ qui affiche [=] au lieu de [=] \approx];
                                                                                             défaut (false)
   — le booléen (Conclusion) pour afficher la conclusion ou non;
                                                                                             défaut (true)
   — la clé (Sens) parmi (</>/>/<=/>=) pour indiquer le type de seuil.
                                                                                                défaut (>)
Le premier argument obligatoire est la fonction associée à la suite, en syntaxe Fxint et avec comme variable
x, et le second est le seuil à dépasser.
```

#### 5.3 Exemple d'utilisation

```
Code LATEX
Avec \ \begin{dcases} u_1 = 2 \\ u_{n+1}=1+\dfrac{1+u_n^2}{1+u_n} \ \end{dcases}$,
on obtient le tableau de valeurs suivant :
\begin{tabular}{c|c}
  $n$ & $u_n$ \\ \hline
  1 & 2 \\
  \xintFor* #1 in {\xintSeq{2}{7}} \do {#1 &
   \leftarrow \CalculTermeRecurrence[No=1,UNo=2,N=#1]{1+(1+x**2)/(1+x)} \\}
\end{tabular}\\

    de $n=\the\CompteurSeuil$)

                                                                    2,667
 \text{Avec} \begin{cases} u_1 = 2 \\ u_{n+1} = 1 + \frac{1 + u_n^2}{1 + u_n} \text{, on obtient le tableau de valeurs suivant :} & 3 \\ 4 \\ 5 \end{cases} 
                                                                    3,212
                                                                    3,687
                                                                     4,114
                                                                    4,505
                                                                    4,868
u_{28}\approx 9{,}9408\leqslant 10et u_{29}\approx 10{,}1236>10 (Ainsiu_n>10à partir de n=29)
```

#### Quatrième partie

# Outils graphiques, via TikZ

### 6 Repérage et tracé de courbes, en TikZ

#### 6.1 Idée

#### ♀ Idée(s)

2.1.1 L'idée est de proposer des commandes *simplifiées* pour tracer un repère, en TikZ, avec :

- axes et graduations, grille;
- courbe.

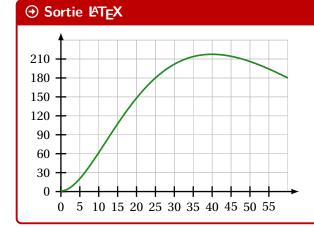
#### information(s)

Au niveau du code, il y aura donc plusieurs aspects :

- le paramétrage de la fenêtre graphique directement dans la déclaration de l'environnement;
- les commandes de tracés avec options et clés.

#### </> Code LATEX

#### ⟨→ Code LATEX



#### 6.2 Commandes, clés et options

#### information(s)

Les **(paramètres)** nécessaires à la bonne utilisation des commandes suivantes sont à déclarer directement dans l'environnement **[stikzpicture]**, seules les versions «x» sont présentées ici:

- ⟨xmin⟩, stockée dans [ \xmin ];
   ⟨xmax⟩, stockée dans [ \xmax ];
  défaut ⟨-3⟩
  défaut ⟨3⟩
- $-\langle \mathbf{O} \mathbf{x} \rangle$ , stockée dans  $\langle \mathbf{O} \mathbf{x} \rangle$ , origine de l'axe  $\langle \mathbf{O} \mathbf{x} \rangle$ ; défaut  $\langle \mathbf{O} \mathbf{v} \rangle$
- ⟨xgrille⟩, stockée dans ∰ \xgrille⟩, graduation principale; défaut ⟨1⟩
- ⟨xgrilles⟩, stockée dans ⟨xgrilles⟩, graduation secondaire. défaut ⟨0.5⟩

La fenêtre d'affichage (de sortie) sera donc *portée* par le rectangle de coins (xmin; ymin) et (xmax; ymax); ce qui correspond en fait à la fenêtre TikZ *portée* par le rectangle de coins (xmin-Ox; ymin-Oy) et (xmax-Ox; ymax-Oy).

Les commandes ont – pour certaines – pas mal de  $\langle clés \rangle$  pour des réglages fins, mais dans la majorité des cas elles ne sont pas forcément *utiles*.

#### Code LATEX

```
\label{likz} $$ \cline{Code tikz} $$ \cline{Condern} [options grille ppale] [options grille second.]
```

#### @ Clés et options

Cette commande permet de tracer une grille principale et/ou une grille secondaire :

- les premières (clés) sont les booléens (Affp) et (Affs) qui affichent ou non les grilles; défaut (true)
- les options des grilles sont en TikZ.

défaut (thin, lightgray) et (very thin, lightgray)

#### ⟨/> Code LATEX

```
\begin{tikzpicture}%
  [x=0.1cm,y=0.0167cm, %unités
  xmin=0,xmax=60,xgrille=5,xgrilles=5, %axe Ox
  ymin=0,ymax=240,ygrille=30,ygrilles=30] %axe Oy
  \GrilleTikz
\end{tikzpicture}

~~
\begin{tikzpicture}%
  [x=0.1cm,y=0.0167cm, %unités
  xmin=0,xmax=60,xgrille=5,xgrilles=5, %axe Ox
  ymin=0,ymax=240,ygrille=30,ygrilles=30] %axe Oy
  \GrilleTikz[Affp=false][][orange,densely dotted]
\end{tikzpicture}
```

#### **⊙** Sortie LATEX



#### Code LATEX

%...code tikz \AxesTikz[options]

#### Clés et options

Cette commande permet de tracer les axes, avec des (clés):

- (Epaisseur) qui est l'épaisseur des axes; défaut (1pt)
- (**Police**) qui est le style des labels des axes; défaut (\normalsize\normalfont)
- [2.1.2] (**ElargirOx**) qui est le % l'élargissement (**global**) ou (**G/D**) de l'axe (Ox); défaut (0/0.05)
- [2.1.2] (**ElargirOy**) qui est le % l'élargissement (**global**) ou (**B/H**) de l'axe (Oy); défaut (0/0.05)
- $\langle Labelx \rangle$  qui est le label de l'axe (Ox);
- défaut (\$x\$) —  $\langle Labely \rangle$  qui est le label de l'axe (Oy); défaut (\$y\$)
- $\langle AffLabel \rangle$  qui est le code pour préciser quels labels afficher, entre  $\langle x \rangle$ ,  $\langle y \rangle$  ou  $\langle xy \rangle$ ; défaut (vide)
- $\langle PosLabelx \rangle$  pour la position du label de (Ox) en bout d'axe; défaut (right)
- **(PosLabely)** pour la position du label de (Oy) en bout d'axe; défaut (above)
- **(EchelleFleche)** qui est l'échelle de la flèche des axes; défaut (1) défaut (latex)
- **(TypeFleche)** qui est le type de la flèche des axes.

# Code LATEX

%code tikz

\AxesTikz

%code tikz

\AxesTikz%

[AffLabel=xy,Labelx={Nombre de jours},Labely={Nombre d'individus infectés, en centaines},%

PosLabelx={above left}, PosLabely={above right}, %

Police=\small\sffamily,Elargir0x=0,Elargir0y=0]

#### Sortie LATEX

Nombre d'individus infectés, en centaines

Nombre de jours

#### Code LATEX

%...code tikz

\AxexTikz[options] {valeurs}

\AxeyTikz[options] {valeurs}

#### Clés et options

Ces commande permet de tracer les graduations des axes, avec des (clés) identiques pour les deux directions :

- **(Epaisseur)** qui est l'épaisseur des graduations; défaut **(1pt)**
- ⟨Police⟩ qui est le style des labels des graduations; défaut ⟨\normalsize\normalfont⟩
- (**PosGrad**) qui est la position des graduations par rapport à l'axe; défaut (**below**) et (**left**)
- $\langle HautGrad \rangle$  qui est la position des graduations (sous la forme  $\langle Igt \rangle$  ou  $\langle Igta/Igtb \rangle$ ); défaut  $\langle 4pt \rangle$
- le booléen (AffGrad) pour afficher les valeurs (formatés avec num donc dépendant de sisetup) des graduations;
   défaut (true)
- le booléen (AffOrigine) pour afficher la graduation de l'origine;
   défaut (true)
- le booléen (Annee) qui permet de ne pas formater les valeurs des graduations (type année);

défaut (false)

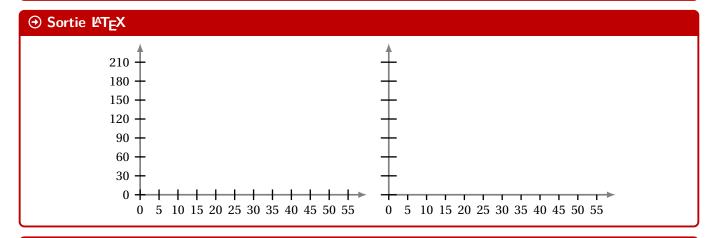
—  $\boxed{2.5.6}$  le booléen  $\langle Trigo \rangle$  (uniquement pour l'axe (Ox)) pour des graduations libres en radians;

défaut (false)

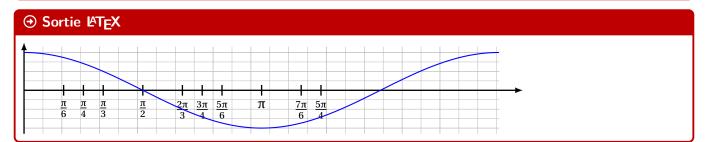
— 2.5.6 le booléen  $(\mathbf{Dfrac})$  (uniquement pour l'axe (Ox) en  $(\mathbf{Trigo})$ ) pour forcer les fractions en  $\mathbf{grand}$ . défaut  $(\mathbf{false})$ 

#### Code LATEX

```
%code tikz
\AxexTikz[Police=\small]{0,5,...,55}
\AxeyTikz[Police=\small]{0,30,...,210}
%code tikz
\AxexTikz[Police=\small,HautGrad=0pt/4pt]{0,5,...,55}
\AxeyTikz[AffGrad=false,HautGrad=6pt]{0,30,...,210}
%des axes fictifs (en gris) sont rajoutés pour la lisibilité du code de sortie
```



#### Code LATEX



#### information(s)

La clé  $\langle Trigo \rangle$  utilise, en interne, une commande qui permet de *transformer* les abscisses, données en langage TikZ, en fraction en  $\text{MT}_{F}$ X.

#### ⟨/> Code LATEX

```
\ \ \quad $\AffAngleRadian{pi}$ \quad $\AffAngleRadian{pi/4}$ \quad $\AffAngleRadian{2*pi/3}$ \quad $\AffAngleRadian{-2*pi/3}$ \quad $\AffAngleRadian*{-2*pi/3}$
```

$$0 \quad \pi \quad \frac{\pi}{4} \quad \frac{2\pi}{3} \quad -\frac{2\pi}{3} \quad -\frac{2\pi}{3}$$

#### 6.3 Commandes annexes

#### information(s)

Il existe, de manière marginale, quelques commandes complémentaires qui ne seront pas trop détaillées mais qui sont existent :

- FenetreTikz qui restreint les tracés à la fenêtre (utile pour des courbes qui débordent);
- FenetreSimpleTikz qui permet d'automatiser le tracé des grilles/axes/graduations dans leurs versions par défaut, avec peu de paramétrages;
- [ OrigineTikz pour rajouter le libellé de l'origine si non affiché par les axes.

#### </> Code LATEX

#### 

L'idée est de proposer, en *complément*, une commande simplifiée pour tracer une courbe en TikZ.

#### Code LATEX

```
%...code tikz
\CourbeTikz[options]{formule}{domaine}
```

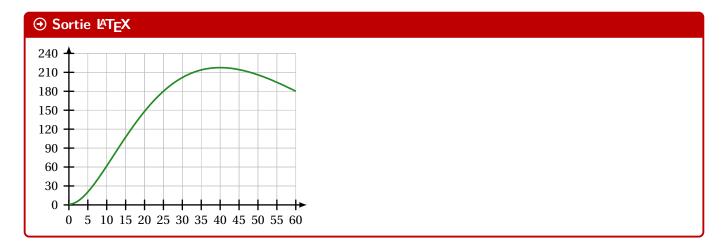
#### Clés et options

Cette commande permet de rajouter une courbe sur le graphique (sans se soucier de la transformation de son expression) avec les arguments :

- $\langle optionnels \rangle$  qui sont en TikZ les paramètres du tracé;
- le premier *obligatoire*, est en langage TikZ l'expression de la fonction à tracer, donc avec  $\sqrt[n]{x}$  comme variable;
- le second *obligatoire* est le domaine du tracé, sous la forme valxmin: valxmax.

#### ⟨**/**⟩ Code LATEX

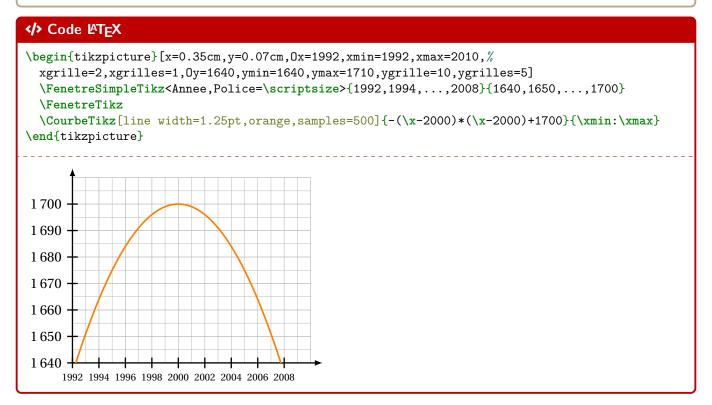
```
\begin{tikzpicture} [x=0.1cm,y=0.0167cm, %unités
    xmin=0,xmax=60,xgrille=5,xgrilles=5, %axe Ox
    ymin=0,ymax=240,ygrille=30,ygrilles=30] %axe Oy
    \FenetreSimpleTikz%
    <Police=\small>{0,5,...,60}%
    <Police=\small>{0,30,...,240} %repère
    \CourbeTikz[line width=1.25pt,ForestGreen,samples=250]%
     {\x*\x*exp(-0.05*\x)+1}{0:60} %courbe
    \end{tikzpicture}
```



#### 6.4 Repère non centré en O

#### ♀ Idée(s)

Parfois on est amené à travailler dans des repères qui n'ont pas forcément pour origine (0; 0). De ce fait - pour éviter des erreurs de dimension too large liées à TikZ - il faut *décaler les axes* pour se ramener à une origine en O. L'idée est donc d'utiliser les commandes précédentes, sans se soucier des éventuelles transformations!



#### L'outil « SplineTikz »

#### Courbe d'interpolation

#### information(s)

On va utiliser les notions suivantes pour paramétrer le tracé « automatique » grâce à 🖺 ...controls :

- il faut rentrer les points de contrôle;
- il faut préciser les pentes des tangentes (pour le moment on travaille avec les mêmes à gauche et à droite...);
- on peut « affiner » les portions de courbe en paramétrant des coefficients (voir un peu plus loin...).

Pour déclarer les paramètres :

- liste des points de contrôle (minimum 2!!) par : x1/y1/d1§x2/y2/d2§... avec les points (xi;yi) et f'(xi)=di;
- coefficients de contrôle par coeffs=...:
  - coeffs=x pour mettre tous les coefficients à x;
  - coeffs=C1§C2§... pour spécifier les coefficients par portion (donc il faut avoir autant de § que pour les points!);
  - coeffs=C1G/C1D§... pour spécifier les coefficients par portion et par partie gauche/droite;
  - on peut mixer avec coeffs=C1§C2G/C2D§....

#### Code, clés et options

```
</>
Code LATEX
\begin{tikzpicture}
  \SplineTikz[options] {liste}
\end{tikzpicture}
```

#### Clés et options

Certains paramètres et (clés) peuvent être gérés directement dans la commande splinetikz:

- la couleur de la courbe par la clé (**Couleur**); défaut (red)
- l'épaisseur de la courbe par la clé (**Epaisseur**); défaut (**1.25pt**)
- du style supplémentaire pour la courbe peut être rajouté, grâce à la clé (**Style**); défaut (vide)
- les coefficients de *compensation* gérés par la clé (**Coeffs**);
- défaut (3)
- les points de contrôle, affichés ou non par la clé booléenne (AffPoints); défaut (false) — la taille des points de contrôle est géré par la clé **(TaillePoints)**. défaut (2pt)
- Compléments sur les coefficients de « compensation » **7.3**

#### ♀ Idée(s)

Le choix a été fait ici, pour simplifier le code, le travailler sur des courbes de Bézier.

Pour simplifier la gestion des nombres dérivés, les points de contrôle sont gérés par leurs coordonnées polaires, les coefficients de compensation servent donc – grosso modo – à gérer la position radiale.

Le coefficient (3) signifie que, pour une courbe de Bézier entre x = a et x = b, les points de contrôles seront situés à une distance radiale de  $\frac{b-a}{3}$ .

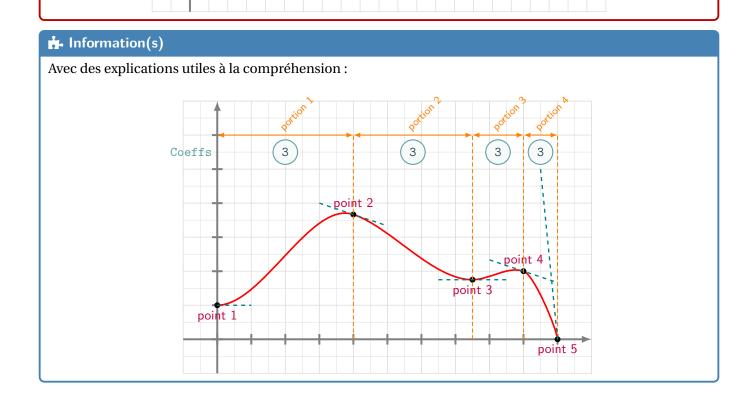
Pour écarter les points de contrôle, on peut du coup réduire le coefficient de compensation!

Pour des intervalles étroits, la pente peut paraître abrupte, et donc le(s) coefficient(s) peuvent être modifiés, de manière fine.

Si jamais il existe (un ou) des points anguleux, le plus simple est de créer les splines en plusieurs fois.

#### 7.4 Exemples

# ⟨→ Code LATEX %code tikz $\def \x{0.9cm} \def \y{0.9cm}$ %axes et grilles \draw[xstep=\xgrilles,ystep=\ygrilles,line width=0.6pt,lightgray!50] (\xmin,\ymin) grid $\displaystyle \frac{1.5pt,-}{gray,-} (xmin,0)--(xmax,0) ;$ \draw[line width=1.5pt,->,gray,>=latex] (0,\ymin)--(0,\ymax); \draw[darkgray] (1,-4pt) node[below,font=\sffamily] {1}; \draw[darkgray] (-4pt,1) node[left,font=\sffamily] {1}; %splines $\label{liste} $$ \left(\frac{0}{1}\right)_{4/3.667/-0.333\S7.5/1.75/0\S9/2/-0.333\S10/0/-10} $$$ \SplineTikz[AffPoints,Coeffs=3,Couleur=red]{\LISTE} 1

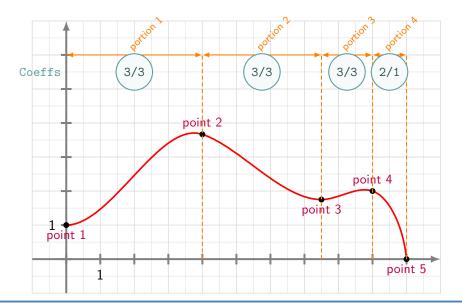


#### 7.5 Avec une gestion plus fine des « coefficients »

#### information(s)

Dans la majorité des cas, le *coefficient* ③ permet d'obtenir une courbe (ou une portion) très satisfaisante! Dans certains cas, il se peut que la portion paraisse un peu trop « abrupte ».

On peut dans ce cas *jouer* sur les coefficients de cette portion pour *arrondir* un peu tout cela (*ie* diminuer le coeff...)!



#### ⟨/> Code LATEX

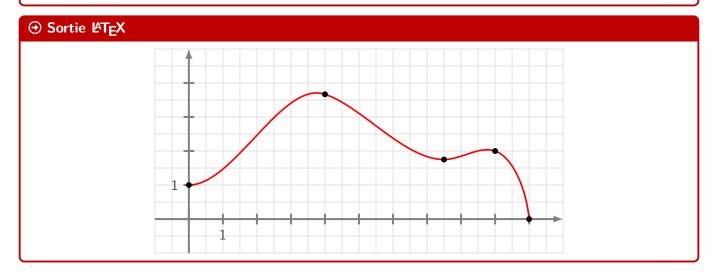
% on 7 in a

%splines

\def\LISTE{0/1/0\subseteq4/3.667/-0.333\subseteq7.5/1.75/0\subseteq9/2/-0.333\subseteq10/-10}

\SplineTikz[AffPoints,Coeffs=3\\$3\\$3\\$2/1]{\LISTE}

. . .



#### 7.6 Conclusion

#### information(s)

Le plus « simple » est donc :

- de déclarer la liste des points de contrôle, grâce à [\def\LISTE{x1/y1/d1\su2/y2/d2\sum.}];
- de saisir la commande [\SplineTikz[...]{\LISTE}];
- d'ajuster les options et coefficients en fonction du rendu!

#### 8 L'outil « TangenteTikz »

#### 8.1 Définitions

#### ♀ Idée(s)

En parallèle de l'outil FalineTikz, il existe l'outil TangenteTikz qui va permettre de tracer des tangentes à l'aide de la liste de points précédemment définie pour l'outil FalineTikz.

NB: il peut fonctionner indépendamment de l'outil SplineTikz puisque la liste des points de travail est gérée de manière autonome!

#### ⟨→ Code LATEX

```
\begin{tikzpicture}
...
\TangenteTikz[options]{liste}
...
\end{tikzpicture}
```

#### Clés et options

Cela permet de tracer la tangente :

- au point numéro (**Point**) de la liste (**liste**), de coordonnées xi/yi avec la pente di;
- avec une épaisseur de (**Epaisseur**), une couleur (**Couleur**) et un style additionnel (**Style**);
- en la traçant à partir de (xI) avant xi et jusqu'à (xr) après xi.

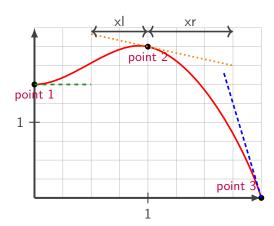
#### 8.2 Exemple et illustration

# </> Code LATEX

```
\begin{tikzpicture}
...
\def\LISTE{0/1.5/0§1/2/-0.333§2/0/-5}
%spline
\SplineTikz[AffPoints,Coeffs=3§2,Couleur=red]{\LISTE}
%tangente
\TangenteTikz[xl=0,xr=0.5,Couleur=ForestGreen,Style=dashed]{\LISTE}
\TangenteTikz[xl=0.5,xr=0.75,Couleur=orange,Style=dotted,Point=2]{\LISTE}
\TangenteTikz[xl=0.33,xr=0,Couleur=blue,Style=densely dashed,Point=3]{\LISTE}
...
\end{tikzpicture}
```

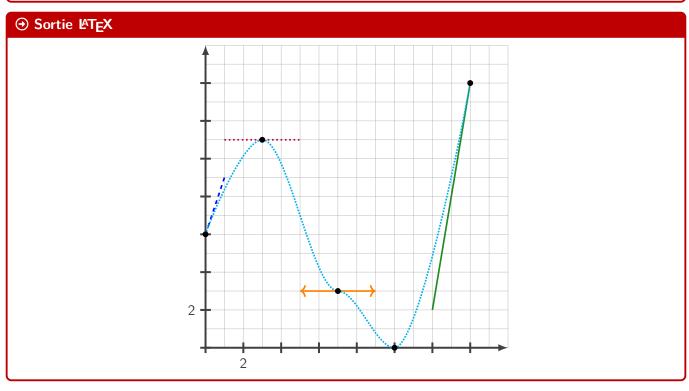
#### Sortie LATEX

On obtient le résultat suivant (avec les éléments rajoutés utiles à la compréhension):



#### 8.3 Exemple avec les deux outils, et « personnalisation »

```
Code LATEX
\tikzset{%
 xmin/.store in=\xmin,xmin/.default=-5,xmin=-5,
 xmax/.store in=\xmax,xmax/.default=5,xmax=5,
 ymin/.store in=\ymin,ymin/.default=-5,ymin=-5,
 ymax/.store in=\ymax,ymax/.default=5,ymax=5,
 xgrille/.store in=\xgrille,xgrille/.default=1,xgrille=1,
 xgrilles/.store in=\xgrilles,xgrilles/.default=0.5,xgrilles=0.5,
 ygrille/.store in=\ygrille,ygrille/.default=1,ygrille=1,
 ygrilles/.store in=\ygrilles,ygrilles/.default=0.5,ygrilles=0.5,
 xunit/.store in=\xunit,unit/.default=1,xunit=1,
 yunit/.store in=\yunit,unit/.default=1,yunit=1
}
\begin{tikzpicture} [x=0.5cm,y=0.5cm,xmin=0,xmax=16,xgrilles=1,ymin=0,ymax=16,ygrilles=1]
  \draw[xstep=\xgrilles,ystep=\ygrilles,line width=0.3pt,lightgray] (\xmin,\ymin) grid
  \draw[line width=1.5pt,->,darkgray,>=latex] (\xmin,0)--(\xmax,0);
 \draw[line width=1.5pt,->,darkgray,>=latex] (0,\ymin)--(0,\ymax);
 foreach \x in \{0,2,...,14\} \{\draw[darkgray,line width=1.5pt] (\x,4pt) -- (\x,-4pt) ;\}
 %la liste pour la courbe d'interpolation
 \def\liste{0/6/3\$3/11/0\$7/3/0\$10/0/0\$14/14/6}
 %les tangentes "stylisées"
 \TangenteTikz[xl=0,xr=1,Couleur=blue,Style=dashed]{\liste}
 \TangenteTikz[xl=2,xr=2,Couleur=purple,Style=dotted,Point=2]{\liste}
 \TangenteTikz[xl=2,xr=2,Couleur=orange,Style=<->,Point=3]{\liste}
 \TangenteTikz[xl=2,xr=0,Couleur=ForestGreen,Point=5]{\liste}
 %la courbe en elle-même
  \SplineTikz[AffPoints, Coeffs=3, Couleur=cyan, Style=densely dotted] {\liste}
\end{tikzpicture}
```



#### 9 Petits schémas pour le signe d'une fonction affine ou d'un trinôme

#### 9.1 Idée

#### ♀ Idée(s)

L'idée est d'obtenir une commande pour tracer (en TikZ) un petit schéma pour *visualiser* le signe d'une fonction affine ou d'un trinôme.

Le code est largement inspiré de celui du package finsana même si la philosophie est un peu différente.

Comme pour les autres commandes TikZ, l'idée est de laisser la possibilité à l'utilisateur de définir et créer son environnement TikZ, et d'insérer la commande MiniSchemaSignes pour afficher le schéma.

**2.1.9** Il est à noter que la version *étoilée* rend la commande autonome, sans besoin de créer l'environnement TikZ.

#### ⟨→ Code LATEX

\MiniSchemaSignes\*



#### 9.2 Commandes

#### Code LATEX

\begin{tikzpicture} [<options>]
 \MiniSchemaSignes [clés]
\end{tikzpicture}

#### ⟨→ Code LATEX

{\tikz[options] \MiniSchemaSignes[clés]}

%ou

\MiniSchemaSignes\*[clés]<options tikzpicture>

#### Clés et options

**2**2.1.9 La version *étoilée* de la commande permet de basculer en mode *autonome*, c'est-à-dire sans avoir besoin de créer son environnement TikZ.

Le premier argument, *optionnel* et entre [...], contient les  $\langle Clés \rangle$  sont disponibles pour cette commande :

- la clé ⟨**Code**⟩ qui permet de définir le type d'expression (voir en-dessous); défaut ⟨**da**+⟩
- la clé (**Couleur**) qui donne la couleur de la représentation; défaut (**red**)
- la clé ⟨Racines⟩ qui définit la ou les racines;
   défaut ⟨2⟩
- la clé (**Largeur**) qui est la largeur du schéma; défaut (2)
- la clé  $\langle Hauteur \rangle$  qui est la hauteur du schéma; défaut  $\langle 1 \rangle$
- un booléen **(Cadre)** qui affiche un cadre autour du schéma. défaut **(true)**

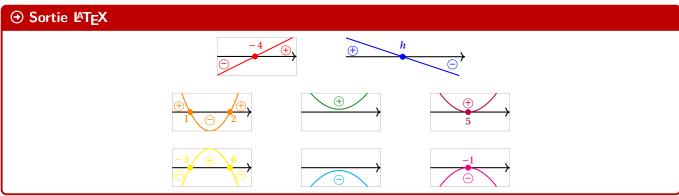
Le second argument, *optionnel* et entre <...>, permet de spécifier (pour la commande *étoilée*), des options à passer à l'environnement <u>l'ikzpicture</u>.

#### Clés et options

Pour la clé  $\langle code \rangle$ , il est construit par le type (a pour affine ou p comme parabole) puis les éléments caractéristiques (a+ pour a > 0, d0 pour  $\Delta = 0$ , etc):

- ⟨**Code=da+**⟩ := une droite croissante;
- ⟨**Code=da-**⟩ := une droite décroissante;
- $\langle Code = pa + d + \rangle := une parabole souriante avec deux racines;$
- etc

```
\thicklength{Code ETEX}
\begin{center}
\MiniSchemaSignes*[Code=da+,Racines=-4]
\Thicklength{Conter}
\MiniSchemaSignes*[Code=da-,Racines={h},Couleur=blue,Largeur=3,Cadre=false]
\end{center}
\MiniSchemaSignes*[Code=pa+d+,Racines={1/2},Couleur=orange]
\thicklength{Conter}
\MiniSchemaSignes*[Code=pa+d-,Couleur=ForestGreen]
\thicklength{Conter}
\MiniSchemaSignes*[Code=pa+d0,Racines={5},Couleur=purple]
\end{center}
\MiniSchemaSignes*[Code=pa-d+,Racines={-3/0},Couleur=yellow]
\thicklength{Conter}
\MiniSchemaSignes*[Code=pa-d-,Couleur=cyan]
\thicklength{Conter}
\MiniSchemaSignes*[Code=pa-d0,Racines={-1},Couleur=magenta]
\end{center}
\end{center}
\end{center}
\Thicklength{Conter}
\MiniSchemaSignes*[Code=pa-d0,Racines={-1},Couleur=magenta]
\end{center}
\end{center}
\end{center}
\end{center}
\thicklength{Conter}
\thickleng
```





#### 9.3 Intégration avec tkz-tab

#### ♀ Idée(s)

Ces schémas peuvent être de plus utilisés, via la commande MiniSchemaSignesTkzTab pour illustrer les signes obtenus dans un tableau de signes présentés grâce au package tkz-tab.

Pour des raisons internes, le fonctionnement de la commande  $\[Mathemax]$  in Schema Signes Tkz Tab est légèrement différent et, pour des raisons que j'ignore, le code est légèrement différent en *interne* (avec une *déconnexion* des caractères : et \) pour que la librairie TikZ calc puisse fonctionner (mystère pour le moment...)

#### ⟨/> Code LATEX

```
\begin{tikzpicture}
%commandes tkztab
```

\MiniSchemaSignesTkzTab[options] {numligne} [echelle] [décalage horizontal] \end{tikzpicture}

#### @ Clés et options

Les **(Clés)** pour le premier argument *optionnel* sont les mêmes que pour la version *initiale* de la commande précédente.

En ce qui concerne les autres arguments :

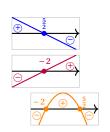
- le deuxième argument, *obligatoire*, est le numéro de la ligne à côté de laquelle placer le schéma;
- le troisième argument, *optionnel* et valant (**0.85**) par défaut, est l'échelle à appliquer sur l'ensemble du schéma (à ajuster en fonction de la hauteur de la ligne);
- le quatrième argument, *optionnel* et valant  $\langle 1.5 \rangle$  par défait, est lié à l'écart horizontal entre le bord de la ligne du tableau et le schéma.

À noter que si l'un des arguments optionnels (le n°3 et/ou le n°4) sont utilisés, il vaut mieux préciser les 2!

```
</>
✓/> Code LATEX
```

#### Sortie LATEX

x	$-\infty$		-2		2,5		+∞
-2x + 5		+		+	0	_	
2x + 4		-	0	+		+	
p(x)		_	0	+	0	_	



#### 10 Suites récurrentes et « toile »

#### 10.1 Idée

#### ♀ Idée(s)

L'idée est d'obtenir une commande pour tracer (en TikZ) la « toile » permettant d'obtenir – graphiquement – les termes d'une suite récurrente définie par une relation  $u_{n+1} = f(u_n)$ .

Comme pour les autres commandes TikZ, l'idée est de laisser l'utilisateur définir et créer son environnement TikZ, et d'insérer la commande ToileRecurrence pour afficher la « toile ».

#### 10.2 Commandes

```
Code LATEX
\begin{tikzpicture}[options]
  \ToileRecurrence[clés][options du tracé][options supplémentaires des termes]
\end{tikzpicture}
```

#### Clés et options

Plusieurs (arguments) (optionnels) sont disponibles :

- le premier argument optionnel définit les (**Clés**) de la commande :
  - la clé  $\langle \mathbf{Fct} \rangle$  qui définit la fonction f; défaut (vide)
  - la clé (**Nom**) qui est le *nom* de la suite; défaut (u)
  - la clé (No) qui est l'indice initial;
  - la clé (**Uno**) qui est la valeur du terme initial; défaut (vide)
  - la clé (**Nb**) qui est le nombre de termes à construire; défaut (5)
  - la clé (**PosLabel**) qui est le placement des labels par rapport à l'axe (Ox); défaut (below)
  - la clé (**DecalLabel**) qui correspond au décalage des labels par rapport aux abscisses; défaut (**6pt**)
  - la clé **(TailleLabel)** qui correspond à la taille des labels; défaut (small)
  - un booléen  $\langle AffTermes \rangle$  qui permet d'afficher les termes de la suite sur l'axe  $\langle Ox \rangle$ . défaut  $\langle true \rangle$
  - le deuxième argument optionnel concerne les **(options)** du tracé de l'escalier en langage TikZ;

  - le troisième argument optionnel concerne les **(options)** du tracé des termes en *langage TikZ*.

défaut (dotted).

défaut (thick,color=magenta);

défaut (0)

#### information(s)

Il est à noter que le code n'est pas autonome, et doit être intégré dans un environnement l'tikzpicture.

L'utilisateur est donc libre de définir ses styles pour l'affichage des éléments de son graphique, et il est libre également de rajouter des éléments en plus du tracé de la toile!

La macro ne permet – pour le moment – ni de tracer la bissectrice, ni de tracer la courbe...

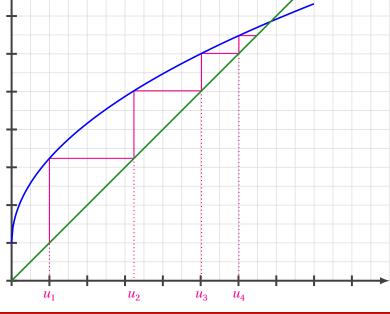
En effet, il y aurait trop d'options pour ces deux éléments, et l'idée est quand même de conserver une commande simple! Donc l'utilisateur se chargera de tracer et de personnaliser sa courbe et sa bissectrice!

#### 10.3 **Exemples**

#### information(s)

On va tracer la *toile* des 4 premiers termes de la suite récurrente  $u_{n+1} = \sqrt{5u_n} + 1$  pour tout entier  $n \ge 1$ .

# Code LATEX %code tikz $\def \x{1.5cm}\def \y{1.5cm}$ \def\ymin{0}\def\ymax{8}\def\ygrille{1}\def\ygrilles{0.5} %axes et grilles \draw[xstep=\xgrilles,ystep=\ygrilles,line width=0.6pt,lightgray!50] (\xmin,\ymin) grid (\xmax,\ymax); \draw[line width=1.5pt,->,darkgray,>=latex] (\xmin,0)--(\xmax,0); \draw[line width=1.5pt,->,darkgray,>=latex] (0,\ymin)--(0,\ymax); \foreach \y in {0,1,...,7} {\draw[darkgray,line width=1.5pt] (4pt,\y) -- (-4pt,\y);} %fonction définie et réutilisable $\left( 5*\x)+1 \right)$ %toile \ToileRecurrence[Fct={\f},No=1,Uno=1,Nb=4,DecalLabel=4pt] *%éléments supplémentaires* $\draw[very thick,blue,domain=0:8,samples=250] plot (\x,{\f}) ;$ $\draw[very thick,ForestGreen,domain=0:8,samples=2] plot (\x,\x);$

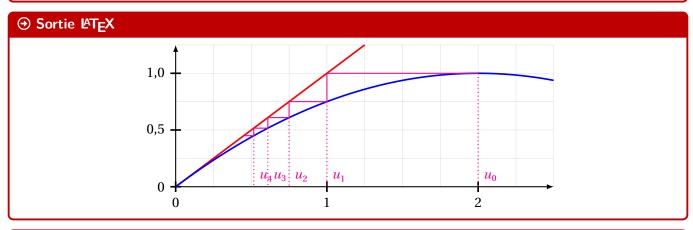


#### information(s)

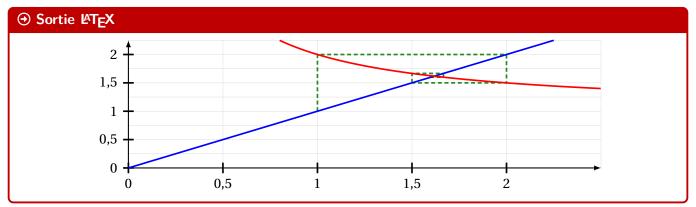
Peut-être que – ultérieurement – des options *booléennes* seront disponibles pour un tracé *générique* de la courbe et de la bissectrice, mais pour le moment la macro ne fait *que* l'escalier.

#### 10.4 Influence des paramètres

```
\begin{center}
\begin{tikzpicture} [x=4cm,y=3cm]
%axes + grilles + graduations
...
%fonction
\def\f{-0.25*\x*\x*\x+\x}
%tracés
\begin{scope}
\clip (0,0) rectangle (2.5,1.25);
\draw[line width=1.25pt,blue,domain=0:2.5,samples=200] plot (\x,{\f});
\end{scope}
\ToileRecurrence[Fct={\f},No=0,Uno=2,Nb=5,PosLabel=above right,DecalLabel=0pt]
\end{tikzpicture}
\end{center}
```



```
\rightarrow Code Late:
\text{\text{begin}{center}}
\text{\text{begin}{tikzpicture}[x=5cm,y=1.5cm]}
\text{...}
\text{\text{def}{f1+1/\x}}
\text{\text{ToileRecurrence}%}
\text{\text{[Fct={\f},No=0,Uno=1,Nb=7,PosLabel=above right,DecalLabel=0pt,AffTermes=false]%}
\text{\text{[line width=1.25pt,ForestGreen,densely dashed][]}
\text{\text{\text{draw}[line width=1.25pt,blue,domain=0:2.25,samples=2] plot(\x,{\x});}
\text{\text{\text{\text{draw}[line width=1.25pt,red,domain=0.8:2.5,samples=250] plot(\x,{\f});}
\text{\text{\text{\text{end}{\text{\text{tikzpicture}}}}}
\text{\text{\text{\text{end}{\text{\text{\text{center}}}}}
\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\
```



### Cinquième partie

### Présentation de codes

### 11 Code Python « simple » via le package listings

### 11.1 Introduction

### ♀ Idée(s)

Le package listings permet d'insérer et de formater du code, notamment du code Python. En *partenariat* avec tcolorbox, on peut donc présenter *joliment* du code Python!

### information(s)

Le package listings ne nécessite pas de compilation particulière, au contraire d'autres (comme pythontex ou minted ou piton) qui seront présentés ultérieurement.

### information(s)

Les styles utilisés pour formater le code Python ne sont pas modifiables. Ils donnent un rendu proche de celui des packages comme pythontex ou pitton.

Donc, si plusieurs *méthodes* sont utilisées pour insérer du code Python (via les *méthodes* suivantes), le rendu pourra être légèrement différent.

### 11.2 Commande et options

### ♀ Idée(s)

L'environnement CodePythonLst permet de présenter du code Python, dans une tcolorbox avec deux styles particuliers (2.5.8).

### ⟨→ Code LATEX

\begin{CodePythonLst}(\*)[largeur]{commandes tcbox}
...
\end{CodePythonLst}

### Code LATEX

\begin{CodePythonLstAlt}(\*)[largeur]{commandes tcbox}
...
\end{CodePythonLstAlt}

### Clés et options

Plusieurs (arguments) sont disponibles:

- la version étoilée qui permet de ne pas afficher les numéros de lignes;
- le premier argument (optionnel), concerne la (largeur) de la [tcbox]; défaut (\linewidth)
- le second argument (*obligatoire*), concerne des (**options**) de la <u>la tebox</u> en *langage teolorbox*, comme l'alignement.

### Attention

Les environnements DeclareTCBListing créés par tolorbox et listings ne sont pas compatibles avec les options (gobble) (pour supprimer les tabulations d'environnement), donc il faut bien penser à « aligner » le code à gauche, pour éviter des tabulations non esthétiques!

### 11.3 Insertion via un fichier « externe »

### ♀ Idée(s)

Pour des raison pratiques, il est parfois intéressant d'avoir le code Python dans un fichier externe au ficher tex, ou bien créé directement par le fichier tex (via scontents, notamment, mais non chargé par ProfLycee).

Dans ce cas, il n'est pas nécessaire d'aligner le code « à gauche », en utilisant une commande alternative.

Si cette méthode est utilisée, il ne faut oublier de charger le package scontents.

```
⟨→ Code LATEX
\usepackage{scontents} %si script déclaré dans le fichier tex
\CodePythonLstFichier(*)[largeur]{commandes tcbox}{script}
```

### 11.4 Exemples

```
Code LATEX
\begin{CodePythonLst}{} %les {}, même vides, sont nécessaires (bug avec # sinon !)
#environnement par défaut
nb = int(input("Saisir un entier positif"))
if (nb \%7 == 0) :
  print(f"{nb} est bien divisible par 7")
#endif
def f(x):
  return x**2
\end{CodePythonLst}
```

```
Code Python
  #environnement par défaut
2 nb = int(input("Saisir un entier positif"))
3 if (nb \%7 == 0):
      print(f"{nb} est bien divisible par 7")
4
5 #endif
6
  def f(x):
      return x**2
```

```
Code LATEX
```

Sortie LATEX

```
\begin{CodePythonLstAlt}*[0.75\linewidth]{flush right}
#largeur de 50%, sans numéro, et aligné à droite
nb = int(input("Saisir un entier Python positif"))
if (nb \%7 == 0) :
  print(f"{nb} est bien divisible par 7")
#endif
def f(x) :
 return x**2
\end{CodePythonLstAlt}
```

### **⊙** Sortie LATEX

```
#largeur de 50%, sans numéro, et aligné à droite
nb = int(input("Saisir un entier Python positif"))
if (nb %7 == 0) :
    print(f"{nb} est bien divisible par 7")
#endif

def f(x) :
    return x**2
```

### ⟨/> Code LATEX

```
\begin{scontents}[overwrite,write-out=testscript.py]
# Calcul de la factorielle en langage Python
def factorielle(x):
  if x < 2:
   return 1
  else:
   return x * factorielle(x-1)
# rapidité de tracé
import matplotlib.pyplot as plt
import time
def trace_parabole_tableaux():
  depart=time.clock()
  X = [] # Initialisation des listes
  Y = []
 a = -2
 h = 0.001
  while a<2:
   X.append(a) # Ajout des valeurs
   Y.append(a*a) # au "bout" de X et Y
   a = a+h
  # Tracé de l'ensemble du tableau de valeurs
  plt.plot(X,Y,".b")
  fin=time.clock()
  return "Temps : " + str(fin-depart) + " s."
\end{scontents}
%environnement centré, avec numéros, largeur 9cm
\CodePythonLstFichier[9cm]{center}{testscript.py}
```

### **⊙** Sortie LATEX

```
& Code Python
 1 # Calcul de la factorielle en langage Python
2 def factorielle(x):
3
       if x < 2:
 4
           return 1
5
       else:
           return x * factorielle(x-1)
6
8 # rapidité de tracé
9 import matplotlib.pyplot as plt
10 import time
11 def trace_parabole_tableaux():
12
       depart=time.clock()
13
       X = [] # Initialisation des listes
       Y = []
14
       a = -2
15
       h = 0.001
16
       while a<2:
17
           X.append(a) # Ajout des valeurs
18
19
           Y.append(a*a) # au "bout" de X et Y
20
           a = a+h
21
       # Tracé de l'ensemble du tableau de
        valeurs
       plt.plot(X,Y,".b")
22
23
       fin=time.clock()
       return "Temps : " + str(fin-depart) + "
24
        s."
```

[ProfLycee] - 40 -

### 12 Code Python via le package piton

### 12.1 Introduction

### information(s)

2.5.0 Cette section nécessite de charger la librairie piton dans le préambule.

**2.5.7** Une console Python est disponible, elle nécessite le package pyluater, qui n'est pas chargé par ProfLycee, du fait de l'obligation de spécifier le *chemin* pour l'exécutable Python!

### Code LATEX

\usepackage[executable=...]{pyluatex} %si utilisation de la console REPL \useproflyclib{piton}

### information(s)

La librairie piton (qui charge piton, est compatible uniquement avec Lua MEX!) permet d'insérer du code Python avec une coloration syntaxique en utilisant la bibliothèque Lua LPEG.

En partenariat avec [stcolorbox], on peut avoir une présentation de code Python!

Depuis la version [0.95] de [piton], (left-margin=auto) est disponible et activée dans [ProfLycee].

Depuis la version 0.99 de piton, (break-lines) est disponible et activée dans ProfLycee.

Depuis la version 1.0 de piton, (tabs-auto-gobble) est disponible et activée dans ProfLycee.

### Attention

Le package piton nécessite donc obligatoirement l'emploi de Lua MFX!

Ce package n'est chargé que si la compilation détectée est en Lua MEX!

🛾 2.5.7 <mark>L'utilisation de la console **REPL** nécessite une compilation en</mark> 🖁 --shell-escape <mark>ou</mark> 🖁 -write18 <mark>!</mark>

2.5.7 Les packages pyluatex et pythontex utilisent des commandes de même nom, donc la présente documentation n'utilisera pas le package pyluatex. Une documentation annexe spécifique est disponible.

### 12.2 Présentation de code Python

### ⟨→ Code LATEX

\begin{CodePiton}[options] {options tcbox}

• • •

\end{CodePiton}

### Clés et options

Plusieurs (clés) sont disponibles :

— la clé booléenne (**Lignes**) pour afficher ou non les numéros de lignes; défaut (**true**)

— la clé booléenne (**Gobble**) pour activer les options liées au gobble; défaut (**true**)

— la clé ⟨Largeur⟩ qui correspond à la largeur de la [ tcbox]; défaut ⟨\linewidth⟩

— la clé **(TaillePolice)** pour la taille des caractères; défaut **(\footnotesize)** 

— la clé (Alignement) qui paramètre l'alignement de la [tcbox]; défaut (center)

— §2.5.7 la clé (Style) (parmi (Moderne / Classique)) pour changer le style; défaut (Moderne)

— **§**2.5.7 le boolén ⟨**Filigrane**⟩ pour afficher, le logo **♦** en filigrane; défaut ⟨**false**⟩

— § 2.5.7) le boolén (**Fingrane**) pour afficher, le logo **s** en highane, defaut (**Fingrane**) — § 2.5.7) le boolén (**BarreTitre**) (si (**Style=Moderne**)) pour afficher le titre; défaut (**true**)

— [2.5.7] le boolén (Cadre) (si (Style=Moderne)) pour afficher le cadre. défaut (true)

### information(s)

Du fait du paramétrage des boîtes tcolorbox, il se peut que le rendu soit non conforme si elle doit être insérée dans une autre tcolorbox...!

### information(s)

Pour éviter des problèmes avec le code interprété par piton, les (3) de l'argument obligatoire sont nécessaires au bon fonctionnement du code.

```
\begin{CodePiton}{}
#environnement piton avec numéros de ligne, pleine largeur, style moderne
def arctan(x,n=10):
    if x < 0:
        return -arctan(-x) #> (appel récursif)
    elif x > 1:
        return pi/2 - arctan(1/x) #> (autre appel récursif)
    else:
        return sum( (-1)**k/(2*k+1)*x**(2*k+1) for k in range(n) )
\end{CodePiton}
```

```
#environnement piton avec numéros de ligne, pleine largeur, style moderne
def arctan(x,n=10):
    if x < 0:
        return -arctan(-x) (appel récursif)
    elif x > 1:
        return pi/2 - arctan(1/x) (autre appel récursif)
    else:
        return sum( (-1)**k/(2*k+1)*x**(2*k+1) for k in range(n) )
```

```
\begin{CodePiton} [Style=Classique,Filigrane] {}
#environnement piton avec numéros, style classique, filigrane
def arctan(x,n=10):
    if x < 0:
        return -arctan(-x) #> (appel récursif)
    elif x > 1:
        return pi/2 - arctan(1/x) #> (autre appel récursif)
    else:
        return sum( (-1)**k/(2*k+1)*x**(2*k+1) for k in range(n) )
\end{CodePiton}
```

```
#environnement piton avec numéros, style classique, filigrane
def arctan(x,n=10):
    if x < 0:
        return -arctan(-x) (appel récursif)
elif x > 1:
        return pi/2 - arctan(1/x) (autre appel récursif)
else:
        return sum( (-1)**k/(2*k+1)*x**(2*k+1) for k in range(n) )
```

```
Code LATEX
\begin{CodePiton} [Alignement=flush right, Largeur=13cm] {}
def f(x):
 return x**2
\end{CodePiton}
\begin{CodePiton}[Alignement=flush left,Largeur=11cm]{}
def f(x):
  return x**2
\end{CodePiton}
\begin{itemize} %Avec des indentations d'environnement :
  \item On essaye avec un \texttt{itemize} :
  \begin{CodePiton} [Largeur=12cm, Style=Classique, Cadre=false] {}
   def f(x) :
      return x**2
  \end{CodePiton}
  \item Et avec un autre \texttt{itemize} :
  \begin{CodePiton} [Largeur=12cm,Style=Classique,Cadre=false,BarreTitre=false] {}
   #avec numéros, de largeur 12cm, centré, classique, sans cadre/titre
   def f(x) :
      return x**2
  \end{CodePiton}
\end{itemize}
```

```
1 #avec numéros, de largeur 13cm, aligné à droite
2 def f(x):
3 return x**2
```

```
1 #avec numéros, de largeur 11cm, aligné à gauche
2 def f(x):
3 return x**2
```

— On essaye avec un itemize:

```
//> Code Python

1  #avec numéros, de largeur 12cm, centré, classique, sans cadre
2  def f(x):
3    return x**2
```

— Et avec un autre itemize:

```
1 #avec numéros, de largeur 12cm, centré, classique, sans \
+ ← cadre/titre
2 def f(x):
3 return x**2
```

### 12.3 Console en partenariat avec Pyluatex

### information(s)

<u>§ 2.5.7</u> Une console d'exécution (type REPL) est disponible, et la documentation associée est en marge de la présente documentation.

### 13 Code & Console Python, via les packages Pythontex ou Minted

### 13.1 Librairies

### information(s)

🛮 2.5.0 Cette section nécessite de charger les librairies 🖺 minted et/ou 🖺 pythontex dans le préambule.

### Code LATEX

\useproflyclib{minted}
\useproflyclib{pythontex}
%ou
\useproflyclib{minted,pythontex}

### 13.2 Introduction

### ♀ Idée(s)

🛾 2.5.0 La librairie 🖺 pythontex permet d'insérer et d'exécuter du code Python. On peut :

- 2.5.8 présenter du code Python (deux styles disponibles);
- exécuter du code Python dans un environnement type « console »;
- charger du code Python, et éventuellement l'utiliser dans la console.

### Attention

**Attention:** il faut dans ce cas une compilation en plusieurs étapes, comme par exemple pdflatex puis pythontex puis pdflatex!

Voir par exemple http://lesmathsduyeti.fr/fr/informatique/latex/pythontex/!

### information(s)

Compte tenu de la *relative complexité* pour gérer les options (par paramètres/clés...) des *tcbox* et des *fancy-vrb*, les style sont « fixés » tels quels, et seules la taille et la position de la *tcbox* sont modifiables. Si toutefois vous souhaitez personnaliser davantage, il faudra prendre le code correspondant et appliquer vos modifications!

Cela peut donner – en tout cas – des idées de personnalisation en ayant une base *pré* existante!

### 13.3 Présentation de code Python grâce au package pythontex

### ♀ Idée(s)

L'environnement CodePythontex est donc lié à pythontex (chargé par ProfLycee), avec l'option autogobble) permet de présenter du code Python, dans une colorbox avec deux styles particuliers (2.5.8).

### Code LATEX

 $\label{lem:codePythontex} $$ \left[ \operatorname{Options} \right] $$ % les $$ \{ \} $ vides $ sont $ n\'{e}cessaires $ ... $$ \\ \left( \operatorname{CodePythontex} \right) $$ $$$ 

### </b> ⟨⟩ Code LATEX

\begin{CodePythontexAlt}[options]{} %les {} vides sont nécessaires
...
\end{CodePythontexAlt}

```
Comme précédemment, des ⟨Clés⟩ qui permettent de légèrement modifier le style :

— ⟨Largeur⟩ : largeur de la tcbox; défaut ⟨\linewidth⟩

— ⟨Centre⟩ : booléen pour centrer ou non la tcbox; défaut ⟨false⟩

— ⟨TaillePolice⟩ : taille des caractères; défaut ⟨\footnotesize⟩

— ⟨EspacementVertical⟩ : option (stretch) pour l'espacement entre les lignes; défaut ⟨1⟩

— ⟨Lignes⟩ : booléen pour afficher ou non les numéros de ligne. défaut ⟨true⟩
```

```
\begin{CodePythontex}{} %bien mettre les {} !!
#environnement Python(tex) par défaut
def f(x):
   return x**2
\end{CodePythontex}
```

```
    Sortie LATEX

    ** Code Python

    ** the provious formula of th
```

```
\rightarrow Code Large La
```

### 13.4 Présentation de code Python via le package minted

```
Pour celles et ceux qui ne sont pas à l'aise avec le package pythontex et notamment sa spécificité pour compiler, il existe le package minted qui permet de présenter du code, et notamment Python.

2.5.8 Deux styles sont désormais disponibles.

2.5.0 C'est donc la librairie minted qu'il faudra charger.
```

```
Attention
Le package minted nécessite quand même une compilation avec l'option --shell-escape ou -write18!

</>
Code La La Code L
```

### Code LATEX \begin{CodePythonMintedAlt}(\*)[largeur]{options} ... \end{CodePythonMintedAlt}

### Clés et options

Plusieurs (arguments) sont disponibles:

- la version étoilée qui permet de ne pas afficher les numéros de lignes;
- le 1<sup>er</sup> argument *optionnel* concerne la (largeur) de la [tcbox];

défaut (12cm)

— le 2<sup>nd</sup> argument *obligatoire* concerne les **(options)** de la **[tcbox]** en *langage tcbox*.

défaut (vide)

### ⟨/> Code LATEX

```
\begin{CodePythonMinted} [13cm] {center}
  #environnement Python(minted) centré avec numéros, de largeur 13cm
  def f(x) :
    return x**2
\end{CodePythonMinted}
```

### Sortie LATEX

```
#environnement Python(minted) centré avec numéros
def f(x):
return x**2
```

### Code LATEX

```
\begin{CodePythonMintedAlt}*[0.8\linewidth]{}
  #environnement Python(minted), style alt, sans numéro, de largeur 0.8\linewidth
  def f(x) :
    return x**2
\end{CodePythonMintedAlt}
```

### **⊙** Sortie LATEX

```
#environnement Python(minted), style alt, sans numéro, de largeur 0.8\linewidth
def f(x):
    return x**2
```

### 13.5 Console d'exécution Python

### 

pythontex permet également de *simuler* (en exécutant également!) du code Python dans une *console*, avec la librairie pythontex du coup!

C'est l'environnement ConsolePythontex qui permet de le faire.

### Code LATEX

```
\begin{ConsolePythontex} [options] {} %les {} vides sont nécessaires ... \end{ConsolePythontex}
```

## Clés et options Les ⟨Clés⟩ disponibles sont : — ⟨Largeur⟩ : largeur de la console; — ⟨Centre⟩ : booléen pour centrer ou non la console; — ⟨TaillePolice⟩ : taille des caractères; — ⟨EspacementVertical⟩ : option (stretch) pour l'espacement entre les lignes; défaut ⟨1⟩ d

défaut (true)

— (Label) : booléen pour afficher ou non le titre.

```
\begin{ConsolePythontex}{}
    #console Python(tex) par défaut
    from math import sqrt
    1+1
    sqrt(12)
\end{ConsolePythontex}
```

```
Début de la console python

>>> #console Python(tex) par défaut

>>> from math import sqrt

>>> 1+1

2

>>> sqrt(12)

3.4641016151377544

Fin de la console python
```

```
\langle ConsolePythontex} [Largeur=14cm, Label=false, Centre] {}

#console Python(tex) centrée sans label, 14cm

table = [[1,2],[3,4]]

table[0][0]

from random import randint

tableau = [[randint(1,20) for j in range(0,6)] for i in range(0,3)]

tableau

len(tableau), len(tableau[0]), tableau[1][4]

\end{ConsolePythontex}
```

### Sortie LATEX

```
>>> #console Python(tex) centrée sans label, 14cm
>>> table = [[1,2],[3,4]]
>>> table[0][0]
1

>>> from random import randint
>>> tableau = [[randint(1,20) for j in range(0,6)] for i in range(0,3)]
>>> tableau
[[16, 13, 12, 5, 8, 8], [12, 9, 20, 17, 15, 13], [1, 5, 2, 9, 5, 13]]
>>> len(tableau), len(tableau[0]), tableau[1][4]
(3, 6, 15)
```

### information(s)

Le package pythontex peut donc servir à présenter du code Python, comme minted ou piton, sa particularité est toutefois de pouvoir *exécuter* du code Python pour une présentation de type *console*.

### 14 Pseudo-Code

### 14.1 Introduction

### information(s)

Le package listings permet d'insérer et de présenter du code, et avec tcolorbox on peut obtenir une présentation similaire à celle du code Python. Pour le moment la *philosophie* de la commande est un peu différente de celle du code Python, avec son système de (Clés).

### 14.2 Présentation de Pseudo-Code

### ♀ Idée(s)

Les environnements PseudoCode ou PseudoCodeAlt permet de présenter du (pseudo-code) dans une tcolorbox, avec deux styles à disposition (2.5.8).

### Attention

De plus, le package listings avec tcolorbox ne permet pas de gérer le paramètre *autogobble*, donc il faudra être vigilant quant à la position du code (pas de tabulation en fait...)

### Code LATEX

```
\begin{PseudoCode}(*)[largeur]{options tcbox}
%attention à l'indentation, gobble ne fonctionne pas...
...
\end{PseudoCode}
```

### ⟨→ Code LATEX

```
\begin{PseudoCodeAlt}(*)[largeur]{options tcbox}
%attention à l'indentation, gobble ne fonctionne pas...
...
\end{PseudoCodeAlt}
```

### Clés et options

Plusieurs (arguments) (optionnels) sont disponibles :

- la version étoilée qui permet de ne pas afficher les numéros de lignes;
- le premier argument optionnel concerne la (largeur) de la [tcbox];

défaut (12cm)

— 2.5.8 l'argument obligatoire entre [ {...}] concerne les (options) de la [ tcbox].

### Code LATEX

```
%en pas oublier les {}, même vides !
\begin{PseudoCode}{} %non centré, de largeur par défaut (12cm) avec lignes
List = [...] # à déclarer au préalable
n = longueur(List)
Pour i allant de 0 à n-1 Faire
   Afficher(List[i])
FinPour
\end{PseudoCode}
```

```
Sortie Late

1   List ← [...]  # à déclarer au préalable
2   n ← longueur(List)
3   Pour i allant de 0 à n-1 Faire
4   Afficher(List[i])
5   FinPour

Pseudo-Code

Application

Pseudo-Code

Pseudo-Code

Pseudo-Code

FinPour

Pseudo-Code

Pseudo-C
```

```
\begin{PseudoCodeAlt}[15cm]{center} %centré, de largeur 15cm
List = [...]  # à déclarer au préalable
n = longueur(List)
Pour i allant de 0 à n-1 Faire
   Afficher(List[i])
FinPour
\end{PseudoCodeAlt}
```

```
Sortie Lagrange

*/> PseudoCode

1   List ← [...]  # à déclarer au préalable
2   n ← longueur(List)
3   Pour i allant de 0 à n-1 Faire
4   Afficher(List[i])
5   FinPour

**PseudoCode

1   List ← [...]  # à déclarer au préalable
2   n ← longueur(List)
3   Pour i allant de 0 à n-1 Faire
4   Afficher(List[i])
5  FinPour

**PseudoCode

1   List ← [...]  # à déclarer au préalable
2   n ← longueur(List)
3   Pour i allant de 0 à n-1 Faire
4   Afficher(List[i])
5   FinPour

**PseudoCode

**PseudoCode

1   List ← [...]  # à déclarer au préalable
2   n ← longueur(List)
3   Pour i allant de 0 à n-1 Faire
4   Afficher(List[i])
5   FinPour

**PseudoCode

**P
```

### 14.3 Compléments

### Attention

À l'instar de packages existants, la *philosophie* ici est de laisser l'utilisateur gérer *son* langage pseudo-code. J'ai fait le choix de ne pas définir des mots clés à mettre en valeur car cela reviendrait à *imposer* des choix! Donc ici, pas de coloration syntaxique ou de mise en évidence de mots clés, uniquement un formatage basique!

### information(s)

Le style listings utilisé par la commande a l'option  $\langle mathescape \rangle$  activée, et accessible grâce aux délimiteurs  $\langle (*...*) \rangle$ .

Cela permet d'insérer du code MEX dans l'environnement PseudoCode (attention au fontes par contre!).

### ⟨/> Code LATEX

```
\begin{PseudoCode}*[12cm]{}
#Utilisation du mode mathescape
Afficher (*\og*) ......(*\fg*)
m = (*$\tfrac{\texttt{1}}{\texttt{2}}$*)
\end{PseudoCode}
```

### **⊙** Sortie LATEX

```
#Utilisation du mode mathescape
Afficher « ....... »

m ← ½
```

### 15 Terminal Windows/UNiX/OSX

### 15.1 Introduction

### ♀ Idée(s)

L'idée des commandes suivantes est de permettre de simuler des fenêtres de Terminal, que ce soit pour Windows, Ubuntu ou OSX.

L'idée de base vient du package termsim, mais ici la gestion du code et des fenêtres est légèrement différente. Le contenu est géré par le package listings, sans langage particulier, et donc sans coloration syntaxique particulière.

### Attention

Comme pour le pseudo-code, pas d'autogobble, donc commandes à aligner à gauche!

### 15.2 Commandes

```
\begin{TerminalWin} [largeur] {titre=...} [options tcbox]
...
\end{TerminalWin}

\begin{TerminalUnix} [largeur] {titre=...} [options tcbox]
...
\end{TerminalUnix}

\begin{TerminalOSX} [largeur] {titre=...} [options tcbox]
...
\end{TerminalOSX}
```

### Clés et options

Peu d'options pour ces commandes :

— le premier, *optionnel*, est la **(largeur)** de la **[tcbox**];

- défaut (\linewidth)
- le deuxième, *obligatoire*, permet de spécifier le titre par la clé **\(\frac{\titre}\)**. défaut **\(\Terminal\)**Windows/UNiX/OSX
- le troisième, *optionnel*, concerne les **(options)** de la [stcbox] en langage tcolorbox. défaut **(vide)**

### information(s)

Le code n'est pas formaté, ni mis en coloration syntaxique.

De ce fait tous les caractères sont autorisés : même si l'éditeur pourra détecter le % comme le début d'un commentaire, tout sera intégré dans le code mis en forme!

### Code LATEX

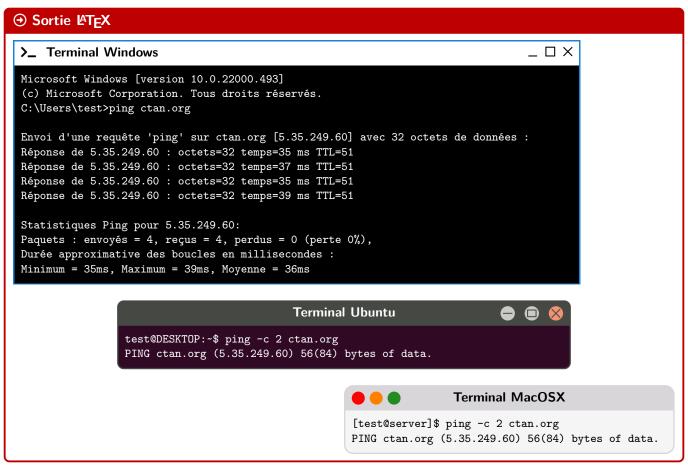
```
\begin{TerminalUnix}[12cm]{Titre=Terminal Ubuntu}[center] %12cm, avec titre modifié et centré test@DESKTOP:~$ ping -c 2 ctan.org
PING ctan.org (5.35.249.60) 56(84) bytes of data.
\end{TerminalUnix}
```

### Sortie LATEX

```
Terminal Ubuntu 

test@DESKTOP:-$ ping -c 2 ctan.org
PING ctan.org (5.35.249.60) 56(84) bytes of data.
```

```
Code LATEX
\begin{TerminalWin}[15cm]{} %largeur 15cm avec titre par défaut
Microsoft Windows [version 10.0.22000.493]
(c) Microsoft Corporation. Tous droits réservés.
C:\Users\test>ping ctan.org
Envoi d'une requête 'ping' sur ctan.org [5.35.249.60] avec 32 octets de données :
Réponse de 5.35.249.60 : octets=32 temps=35 ms TTL=51
Réponse de 5.35.249.60 : octets=32 temps=37 ms TTL=51
Réponse de 5.35.249.60 : octets=32 temps=35 ms TTL=51
Réponse de 5.35.249.60 : octets=32 temps=39 ms TTL=51
Statistiques Ping pour 5.35.249.60:
Paquets: envoyés = 4, reçus = 4, perdus = 0 (perte 0%),
Durée approximative des boucles en millisecondes :
Minimum = 35ms, Maximum = 39ms, Moyenne = 36ms
\end{TerminalWin}
\begin{TerminalOSX}[0.5\linewidth]{Titre=Terminal MacOSX}[flush right] %1/2-largeur et titre
→ modifié et droite
[test@server]$ ping -c 2 ctan.org
PING ctan.org (5.35.249.60) 56(84) bytes of data.
\end{TerminalOSX}
```



### 16 Cartouche Capytale

### 16.1 Introduction

### ♀ Idée(s)

L'idée est d'obtenir des cartouches tels que Capytale les présente, pour partager un code afin d'accéder à une activité Python.

### 16.2 Commandes

### Code LATEX

\CartoucheCapytale(\*)[options]{code capytale}

### @ Clés et options

Peu d'options pour ces commandes :

- la version *étoilée* qui permet de passer de la police **(sffamily)** à la police **(ttfamily)**, et donc dépendante des fontes du document;
- le deuxième, *optionnel*, permet de rajouter des caractères après le code (comme un espace);

défaut **(vide)** 

— le troisième, *obligatoire*, est le code capytale à afficher.

### ⟨/> Code LATEX

```
\CartoucheCapytale{abcd-12345} %lien simple, en sf
```

\CartoucheCapytale[~]{abcd-12345} %lien avec ~ à la fin, en sf

 $\colonerge{ CartoucheCapytale*{abcd-12345} } %lien simple, en tt$ 

\CartoucheCapytale\*[~]{abcd-12345} %lien avec ~ à la fin, en tt

### Sortie LATEX

abcd-12345 *𝚱* 

abcd-12345 &

abcd-12345 🔗

abcd-12345 🔗

### information(s)

Le cartouche peut être « cliquable » grâce à href.

### ⟨**/**⟩ Code LATEX

```
\usepackage{hyperref}
```

\urlstyle{same}

. . .

\href{https://capytale2.ac-paris.fr/web/c/abcd-12345}{\CartoucheCapytale{abcd-12345}}

### Sortie LATEX

abcd-12345 &

### 17 Présentation de code **ETEX**

### 17.1 Introduction

### ♀ Idée(s)

<u>2.0.6</u> L'idée est de proposer un environnement pour présenter du code MEX. Ce n'est pas forcément lié à l'enseignement en Lycée mais pourquoi pas!

Il s'agir d'un environnement créé en [stcolorbox], et utilisant la présentation basique de code via [slistings].

### 17.2 Commandes

```
    Code Late
    \begin{PresentationCode} [Couleur] {options tcbox}
    ...
    \end{PresentationCode}
```

défaut

### Clés et options

Peu de personnalisations pour ces commandes :

- le premier argument, *optionnel*, permet de préciser la *couleur* de la présentation;
   (ForestGreen)
- le second, obligatoire, correspond aux éventuelles options liées à la [stcolorbox].

### information(s)

Il est à noter que, même dans le cas d'option vide pour la [tcolorbox], les [{}] sont nécessaires.

On peut par exemple utiliser l'option (**listing only**) pour ne présenter *que* le code source.

```
⟨/> Code LATEX
\begin{PresentationCode}{}
\xdef\ValAleaA{\fpeval{randint(1,100)}}
\xdef\ValAleaB{\fpeval{randint(1,100)}}
Avec A=\ValAleaA et B=\ValAleaB, on a A\times\ValAleaB.
\end{PresentationCode}
\begin{PresentationCode} [DarkBlue] {}
On peut faire beaucoup de choses avec \LaTeX{} !
\end{PresentationCode}
                                                                                   Code ATEX
   \xdef\ValAleaA{\fpeval{randint(1,100)}}
   \xdef\ValAleaB{\fpeval{randint(1,100)}}
  Avec A=ValAleaA et B=ValAleaB, on a A\times B=ValAleaA * ValAleaB.
   Avec A = 29 et B = 11, on a A \times B = 319.
                                                                                   Code ATEX
   On peut faire beaucoup de choses avec \LaTeX{} !
   On peut faire beaucoup de choses avec ETEX!
```

### Sixième partie

### Outils pour la géométrie

### 18 Pavé droit « simple »

### 18.1 Introduction

### 

L'idée est d'obtenir un pavé droit, dans un environnement TikZ, avec les nœuds créés et nommés directement pour utilisation ultérieure.

### 18.2 Commandes

## \begin{tikzpicture}[options tikz] \PaveTikz[options] ... \end{tikzpicture}

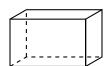
### Clés et options

Quelques (clés) sont disponibles pour cette commande :

- **(Largeur)**: largeur du pavé; défaut **(2)**
- ⟨Profondeur⟩: profondeur du pavé; défaut ⟨1⟩
- ⟨Hauteur⟩ : hauteur du pavé; défaut ⟨1.25⟩
- (Angle): angle de fuite de la perspective;défaut (30)
- $\langle Fuite \rangle$ : coefficient de fuite de la perspective; défaut  $\langle 0.5 \rangle$
- (Sommets): liste des sommets (avec délimiteur §!); défaut (A§B§C§D§E§F§G§H)
- (Math): booléen pour forcer le mode math des sommets; défaut (false)
- (Epaisseur): épaisseur des arêtes (en langage simplifié TikZ); défaut (thick)
- (Lpaisseur). Epaisseur des arctes (en unigage simplifie 11k2),
- (Aff): booléen pour afficher les noms des sommets;
   (Plein): booléen pour ne pas afficher les arêtes invisibles;
   défaut (false)
- (Cube): booléen pour préciser qu'il s'agit d'un cube (seule la valeur (Largeur) est util(isé)e). défaut (false)

### Code LATEX

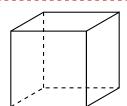
%code tikz
\PaveTikz



### ⟨⟩ Code LATEX

%code tikz

\PaveTikz[Cube,Largeur=2]



### information(s)

La ligne est de ce fait à insérer dans un environnement TikZ, avec les options au choix pour cet environnement

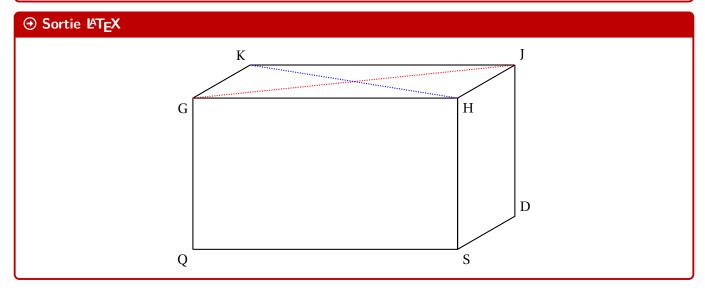
Le code crée les nœuds relatifs aux sommets, et les nomme comme les sommets, ce qui permet de les réutiliser pour éventuellement compléter la figure!

### 18.3 Influence des paramètres

### 



```
\begin{center}
  \begin{tikzpicture}[line join=bevel]
   \PaveTikz[Plein,Aff,Largeur=7,Profondeur=3.5,Hauteur=4,Sommets=Q$S$D$F$G$H$J$K]
   \draw[thick,red,densely dotted] (G)--(J);
   \draw[thick,blue,densely dotted] (K)--(H);
  \end{tikzpicture}
  \end{center}
```



### 19 Tétraèdre « simple »

### 19.1 Introduction

### ♀ Idée(s)

L'idée est d'obtenir un tétraèdre, dans un environnement TikZ, avec les nœuds créés et nommés directement pour utilisation ultérieure.

### 19.2 Commandes

### ⟨→ Code LATEX

\begin{tikzpicture}[options tikz]
 \TetraedreTikz[options]
 ...
\end{tikzpicture}

### Clés et options

Quelques (clés) sont disponibles pour cette commande :

- (Largeur): largeur du tétraèdre; défaut (4)

— (**Profondeur**): profondeur du tétraèdre; défaut (**1.25**)

— (**Hauteur**): hauteur du tétraèdre; défaut (3)

— (Alpha): angle du sommet de devant; défaut (40)

—  $\langle \mathbf{Beta} \rangle$ : angle du sommet du haut; défaut  $\langle \mathbf{60} \rangle$ 

— ⟨Sommets⟩ : liste des sommets (avec délimiteur §!); défaut ⟨A§B§C§D⟩

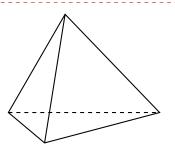
- (Math): booléen pour forcer le mode math des sommets; défaut (false)

- (**Epaisseur**): épaisseur des arêtes (en *langage simplifié* TikZ); défaut (**thick**)

(Aff): booléen pour afficher les noms des sommets;
 (Plein): booléen pour ne pas afficher l'arête invisible.
 défaut (false)
 défaut (false)

### ⟨/> Code LATEX

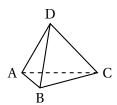
%code tikz
\TetraedreTikz

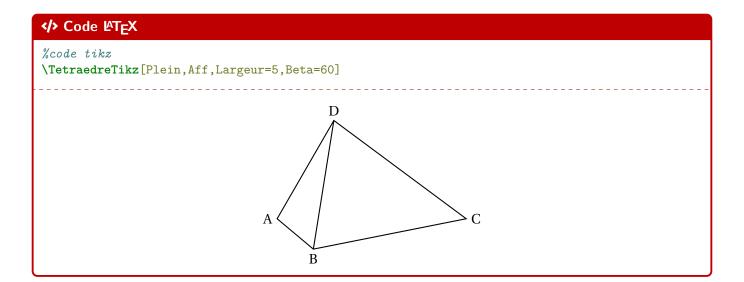


### ⟨/> Code LATEX

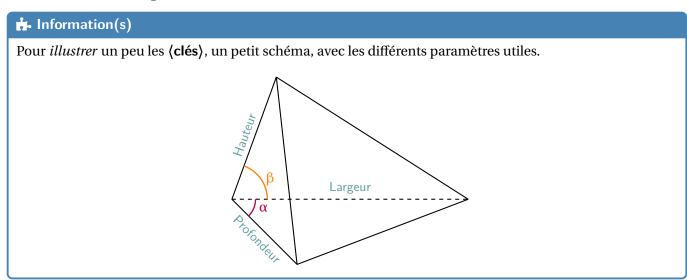
 $%code\ tikz$ 

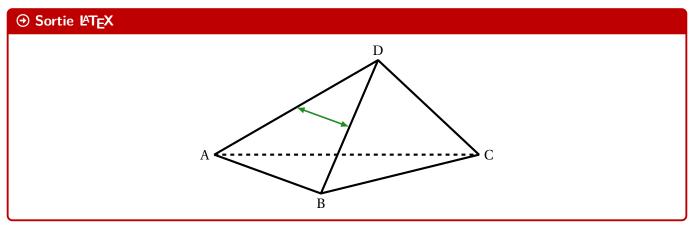
\TetraedreTikz[Aff,Largeur=2,Profondeur=0.625,Hauteur=1.5]





### 19.3 Influence des paramètres





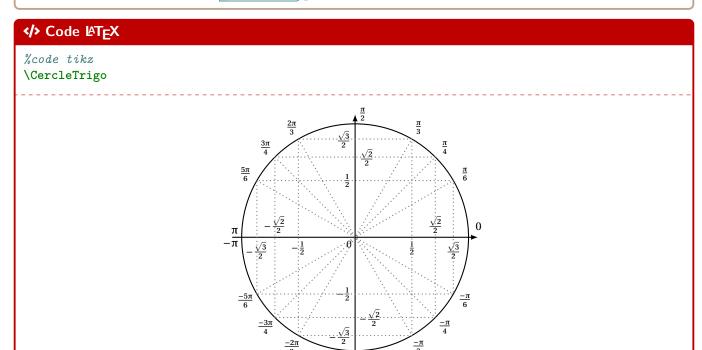
### 20 Cercle trigo

### 20.1 Idée

### ♀ Idée(s)

L'idée est d'obtenir une commande pour tracer (en TikZ) un cercle trigonométrique, avec personnalisation des affichages.

Comme pour les autres commandes TikZ, l'idée est de laisser l'utilisateur définir et créer son environnement TikZ, et d'insérer la commande CercleTrigo pour afficher le cercle.



### 20.2 Commandes

```
</>Code LATEX

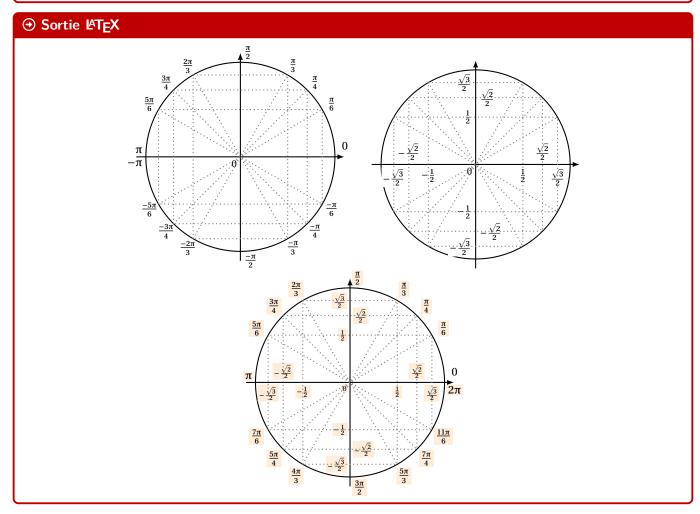
...
\begin{tikzpicture}[options tikz]
   ...
\CercleTrigo[clés]
   ...
\end{tikzpicture}
```

### Clés et options

Plusieurs (**Clés**) sont disponibles pour cette commande :

<ul> <li>la clé (Rayon) qui définit le rayon du cercle;</li> </ul>	défaut <b>(3)</b>
— la clé <b>(Epaisseur)</b> qui donne l'épaisseur des traits de base;	défaut <b>(thick)</b>
— la clé (Marge) qui est l'écartement de axes;	défaut <b>(0.25)</b>
<ul> <li>la clé (TailleValeurs) qui est la taille des valeurs remarquables;</li> </ul>	défaut <b>(scriptsize)</b>
<ul> <li>la clé (TailleAngles) qui est la taille des angles;</li> </ul>	défaut <b>(footnotesize)</b>
<ul> <li>la clé (CouleurFond) qui correspond à la couleur de fond des labels;</li> </ul>	défaut <b>(white)</b>
— la clé <b>(Decal)</b> qui correspond au décalage des labels par rapport au cercle;	défaut <b>(10pt)</b>
— un booléen (MoinsPi) qui bascule les angles «-pipi » à « zerodeuxpi »;	défaut <b>(true)</b>
— un booléen (AffAngles) qui permet d'afficher les angles;	défaut <b>(true)</b>
— un booléen (AffTraits) qui permet d'afficher les traits de construction;	défaut <b>(true)</b>
— un booléen ( <b>AffValeurs</b> ) qui permet d'afficher les valeurs remarquables.	défaut <b>(true)</b>

```
\begin{center}
\begin{tikzpicture}[line join=bevel]
    \CercleTrigo[Rayon=2.5,AffValeurs=false,Decal=8pt]
    \end{tikzpicture}
    \begin{tikzpicture}[line join=bevel]
    \CercleTrigo[Rayon=2.5,AffAngles=false]
    \end{tikzpicture}
    \begin{tikzpicture}
    \cercleTrigo[Rayon=2.5,MoinsPi=false,CouleurFond=orange!15]
    \end{tikzpicture}
\end{tikzpicture}
\end{center}
```



### 20.3 Équations trigos

### information(s)

En plus des  $\langle Cl\acute{e}s \rangle$  précédentes, il existe un complément pour *visualiser* des solutions d'équations simples du type  $\cos(x) = \dots$  ou  $\sin(x) = \dots$ 

### Clés et options

Les (Clés) pour cette possibilité sont :

- un booléen **(Equationcos)** pour *activer* « cos = »; défaut (false)
- un booléen (**Equationsin**) pour *activer* « sin = »;
- la clé (sin) qui est la valeur de l'angle (en degrés) du sin;
- la clé (cos) qui est la valeur de l'angle (en degrés) cos;
- la clé (**CouleurSol**) qui est la couleur des *solutions*.

défaut (45)

défaut (blue)

défaut (false)

défaut (30)

### </> Code LATEX

```
\begin{center}
 \begin{tikzpicture}
    \CercleTrigo[%
   AffAngles=false, AffValeurs=false, AffTraits=false, Rayon=2, Equationsin, sin=-30, CouleurSol=red]
  \end{tikzpicture}
 \begin{tikzpicture}
    \CercleTrigo[%
   AffAngles=false, AffValeurs=false, AffTraits=false, Rayon=2, Equationcos, cos=135,

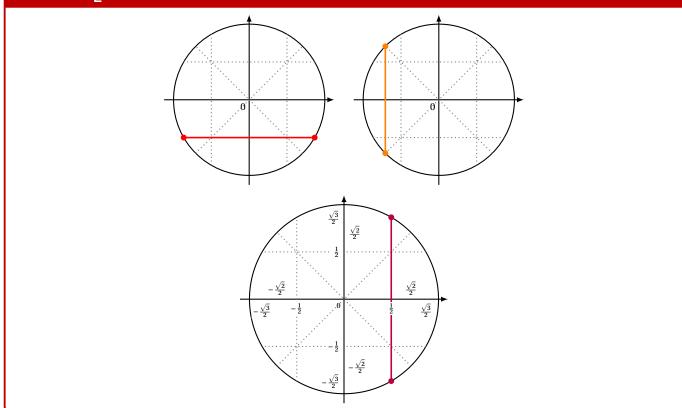
    □ CouleurSol=orange]

 \end{tikzpicture}
 \medskip
 \begin{tikzpicture}
    \CercleTrigo[%
   AffTraits=false, AffAngles=false, Rayon=2.5, Equationcos, cos=60, CouleurSol=purple,

→ TailleValeurs=\tiny]

 \end{tikzpicture}
\end{center}
```

### Sortie LATEX



### 21 Style « main levée » en TikZ

### 21.1 Idée

### ♀ Idée(s)

L'idée est de *proposer* un style *tout prêt* pour simuler un tracé, en TikZ, à « main levée ». Il s'agit d'un style *basique* utilisant la librairie decorations avec random steps.

### 21.2 Utilisation basique

### information(s)

Il s'agit ni plus ni moins d'un style TikZ à intégrer dans les tracés et constructions TikZ!

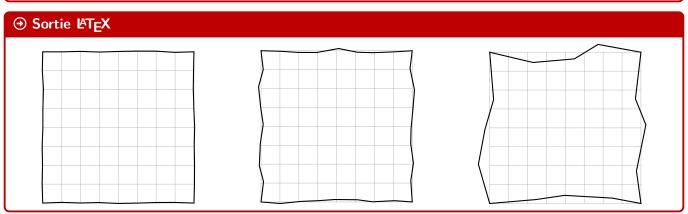
### Clés et options

Concernant le style en lui-même, deux paramètres peuvent être précisés via  $\langle mainlevee = \#1 \ et \ \#2 \rangle$ :

- $-\langle \#1 \rangle$  correspond à l'option segment length (longueur des segments *types*); défaut  $\langle 5mm \rangle$
- $\langle \#2 \rangle$  correspond à l'option amplitude (amplitude maximale de la *déformation*). défaut  $\langle 0.6pt \rangle$

Les valeurs (mainlevee=5mm et 0.6pt) donnent des résultats – à mon sens – satisfaisants, mais l'utilisateur pourra modifier à loisir ces paramètres!

```
% Code LTEX
% la grille a été rajoutée pour la sortie
\text{begin{tikzpicture}}
\draw[thick,mainlevee] (0,0) --++ (4,0) --++ (-4,0) --cycle;
\end{tikzpicture}
\text{begin{tikzpicture}}
\draw[thick,mainlevee=5mm et 2pt] (0,0) --++ (4,0) --++ (-4,0) --cycle;
\end{tikzpicture}
\text{begin{tikzpicture}}
\draw[thick,mainlevee=10mm et 3mm] (0,0) --++ (4,0) --++ (-4,0) --cycle;
\end{tikzpicture}
```



### Septième partie

### Outils pour les statistiques

### 22 Paramètres d'une régression linéaire par la méthode des moindres carrés

### **22.1 Idée**

### ☐ Idée(s)

L'idée est d'utiliser une commande qui va permettre de calculer les paramètres principaux d'un régression linéaire par la méthode des moindres carrés.

Le package permet de le faire nativement, mais le moteur de calculs de pgf peut poser souci avec de grandes valeurs, donc ici cela passe par qui permet de *gagner* en précision!

L'idée est que cette macro calcule et stocke les paramètres dans des variables (le nom peut être personnalisé!) pour exploitation ultérieure :

- en calculs *purs*;
- dans un environnement TikZ via pgfplots ou bien en *natif*;
- dans un environnement PSTricks;
- dans un environnement METAPOST (à vérifier quand même);
- ...

### Code LATEX

```
. . .
```

### information(s)

La commande CalculsRegLin va définir également des macros pour chaque coefficient, qui de ce fait seront réutilisables après!

### 22.2 Commandes

### Clés et options

Quelques (Clés) sont disponibles pour cette commande, essentiellement pour renommer les paramètres :

- la clé (NomCoeffa) qui permet de définir la variable qui contiendra a; défaut (COEFFa)
- la clé (NomCoeffb) qui permet de définir la variable qui contiendra b; défaut (COEFFb)
- la clé (**NomCoeffr**) qui permet de définir la variable qui contiendra *r*; défaut (**COEFFr**)
- la clé (NomCoeffrd) qui permet de définir la variable qui contiendra  $r^2$ ; défaut (COEFFrd)
- la clé (**NomXmin**) qui permet de définir la variable qui contiendra  $x_{\min}$ ; défaut (**LXmin**)
- la clé (**NomXmax**) qui permet de définir la variable qui contiendra  $x_{min}$ , défaut (**LXmax**) la clé (**NomXmax**) qui permet de définir la variable qui contiendra  $x_{max}$ .

### ⟨ Code LATEX

```
%les espaces verticaux n'ont pas été écrits ici
\def\LLX{1994,1995,1996,1997,1998,1999,2000,2001,2002,2004,2005,2006,2007,2008,2009,2010}
\def\LLY{1718,1710,1708,1700,1698,1697,1691,1688,1683,1679,1671,1670,1663,1661,1656,1649}
\CalculsRegLin{\LLX}{\LLY}
```

## %vérif des calculs (noms non modifiables...) Liste des X := \showitems\LX. Liste des Y := \showitems\LY. Somme des X := \LXSomme{} et somme des Y := \LYSomme. Moyenne des X := \LXmoy{} et moyenne des Y := \LYmoy. Variance des X := \LXvar{} et variance des Y := \LYvar{} Covariance des X/Y := \LXYvar. %les coefficients, avec des noms modifiables ! Min des X := \LXmin{} et Max des X := \LXmax. Coefficient \$a=\COEFFa\$. Coefficient \$r=\COEFFr\$. Coefficient \$r^2=\COEFFr\$.

### Sortie LATEX

 $\text{Liste des X} := \boxed{1994} \ \boxed{1995} \ \boxed{1996} \ \boxed{1997} \ \boxed{1998} \ \boxed{1999} \ \boxed{2000} \ \boxed{2001} \ \boxed{2002} \ \boxed{2004} \ \boxed{2005} \ \boxed{2006} \ \boxed{2007} \ \boxed{2008} \ \boxed{2009} \ \boxed{2010} \ .$   $\text{Liste des Y} := \boxed{1718} \ \boxed{1710} \ \boxed{1708} \ \boxed{1700} \ \boxed{1698} \ \boxed{1697} \ \boxed{1691} \ \boxed{1688} \ \boxed{1683} \ \boxed{1679} \ \boxed{1671} \ \boxed{1670} \ \boxed{1663} \ \boxed{1661} \ \boxed{1656} \ \boxed{1649} \ .$ 

Somme des X := 32031 et somme des Y := 26942.

Moyenne des X := 2001.9375 et moyenne des Y := 1683.875.

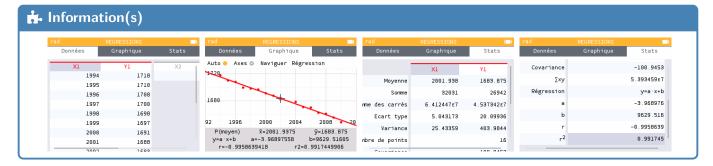
Variance des X := 25.43359375 et variance des Y := 403.984375

Covariance des X/Y := -100.9453125.

Min des X := 1994 et Max des X := 2010.

Coefficient a = -3.968975579788051. Coefficient b = 9629.516049761941.

Coefficient r = -0.9958639418357528. Coefficient  $r^2 = 0.9917449906486436$ .



### information(s)

Les macros qui contiennent les paramètres de la régression sont donc réutilisables, en tant que nombres réels, donc exploitables par siunitz et signitz et refp pour affichage fin! Ci-dessous un exemple permettant de visualiser tout cela.

### Code LATEX %les espaces verticaux n'ont pas été écrits ici $\def \LstX\{0,1,3,4,5,6\}$ \def\LstY{-35,-37.4,-37.7,-39.9,-39,-39.6} %on lance les calculs et on change le nom des "macros-résultats" \CalculsRegLin[NomCoeffa=TESTa,NomCoeffb=TESTb,NomCoeffr=TESTr,NomCoeffrd=TESTrd,% NomXmin=TESTmin,NomXmax=TESTmax]{\LstX}{\LstY} %commandes complémentaires \DeclareDocumentCommand\arrond{ s O{3} m }{% \* signe / précision / nb \IfBooleanTF{#1}{\num[print-implicit-plus]{\fpeval{round(#3,#2)}}} {\num{\fpeval{round(#3,#2)}}} } %paramètres Les valeurs extr. de X sont \TESTmin{} et \TESTmax. Une éq. est \$y=\arrond[3]{\TESTa}x ¬ \arrond\*[3]{\TESTb}\$. Le coeff. de corrélation est \$r=\arrond[4]{\TESTr}\$, et son carré est $r^2=\operatorname{1}{4}{\text{TESTrd}}$ .

### Sortie L⁴TEX

Les valeurs extrêmes de x sont 0 et 6. Une équation de la droite de régression de y en x est y = -0.701x - 35,881.

Le coefficient de corrélation linéaire est r = -0.8918, et son carré est  $r^2 = 0.7954$ .

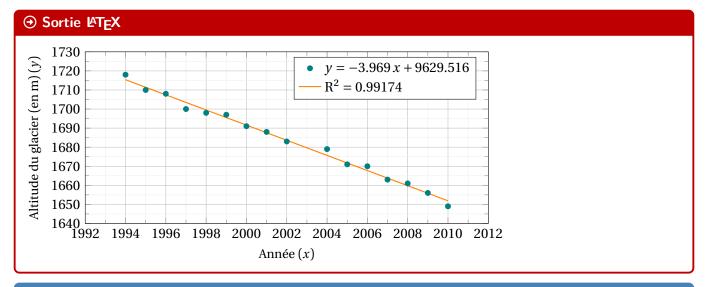


### 22.3 Intégration dans un environnement TikZ

### information(s)

La commande étant « autonome », elle va pouvoir être intégrée dans des environnements graphiques pour permettre un tracé *facile* de la droite de régression.

# \Code ETEX \begin{tikzpicture} \begin{axis}[options des axes, non présentées ici...] \addplot[teal, only marks] table{ X Y 1994 1718 1995 1710 1996 1708 1997 1700 1998 1698 1999 1697 2000 1691 2001 1688 2002 1683 2004 1679 2005 1671 2006 1670 2007 1663 2008 1661 2009 1656 2010 1649 }; \def\LLX{1994,1995,1996,1997,1998,1999,2000,2001,2002,2004,2005,2006,2007,2008,2009,2010} \def\LLY{1718,1710,1708,1700,1698,1697,1691,1688,1683,1679,1671,1670,1663,1661,1656,1649} \CalculsRegLin{\LLX}{\LLY} \addplot [thick,orange,domain=\LXmin:\LXmax,samples=2]{\COEFFa\*x+\COEFFb}; \addlegendentry{\$y = \fpeval{round(\COEFFa,3)}\,x + \fpeval{round(\COEFFb,3)}\$}; \end{axis} \end{tikzpicture}



### information(s)

Il existe également une commande auxiliaire, PointsRegLin pour afficher le nuage de points avec quelques options, dans un environnement TikZ classique (sans pgfplot)...

```
⟨→ Code LATEX
\begin{tikzpicture}[<options>]
  \PointsRegLin[clés]{listeX}{listeY}
\end{tikzpicture}
```

### Clés et options

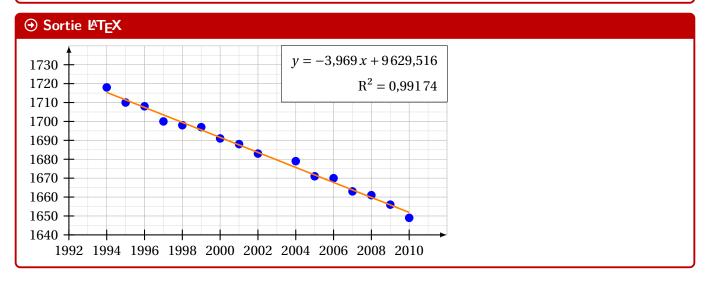
Quelques (Clés) sont disponibles pour cette commande, essentiellement pour la mise en forme du nuage :

- la clé **(Couleur)** pour la couleur des points du nuage; défaut (teal)
- la clé **(Taille)** pour la taille des points (type *cercle*);

- défaut (2pt)
- la clé ⟨**O**x⟩ pour spécifier la valeur initiale Ox (si changement d'origine);
- défaut (0)
- la clé **(Oy)** pour spécifier la valeur initiale Oy (si changement d'origine).

défaut (0)

```
Code LATEX
\begin{tikzpicture}[x=0.5cm,y=0.05cm]
  \draw[xstep=1,ystep=5,lightgray!50,very thin] (0,0) grid (20,100);
  \draw[xstep=2,ystep=10,lightgray,thin] (0,0) grid (20,100);
  \draw[thick, ->, >= latex] (0,0)--(20,0) ;
  \frac{\text{draw}[\text{thick}, ->, >= \text{latex}] (0,0) -- (0,100)}{};
  foreach \ in \{1992,1994,...,2010\} \ draw[thick] (\{x-1992\},4pt)--(\{x-1992\},-4pt)
  \rightarrow node[below] {\$\x\$};
  \foreach \y in \{1640,1650,...,1730\} \draw[thick] (4pt,\{\y-1640\})--(-4pt,\{\y-1640\})
  \rightarrow node[left] {\$\y\$};
  \def\LLX{1994,1995,1996,1997,1998,1999,2000,2001,2002,2004,2005,2006,2007,2008,2009,2010}
  \def\LLY{1718,1710,1708,1700,1698,1697,1691,1688,1683,1679,1671,1670,1663,1661,1656,1649}
  \def \0x{1992}\def \0y{1640}
  \CalculsRegLin{\LLX}{\LLY}
  \label{lem:content} $$\operatorname{Couleur=blue,Taille=3pt}_{\LLX}_{\LLY}$$
  \draw[orange,very thick,samples=2,domain=\LXmin:\LXmax] plot
  \rightarrow ({\x-\0x},{\COEFFa*(\x)+\COEFFb-\0y});
  \matrix [draw,fill=white,below left] at (current bounding box.north east) {
    \node {$y=\num{\fpeval{round(\COEFFa,3)}}\,x+\num{\fpeval{round(\COEFFb,3)}}$} ; \\
    \node {R^2=\sum_{\text{num}}\left(\COEFFrd,5)}; \\
  };
\end{tikzpicture}
```



### 23 Statistiques à deux variables

### 23.1 Idées

### ♀ Idée(s)

L'idée est de prolonger le paragraphe précédent pour proposer un environnement TikZ adapté à des situations venant de statistiques à deux variables.

Un des soucis pour ces situations est le fait que le repère dans lequel on travaille n'a pas forcément pour origine (0;0).

De ce fait – pour éviter des erreurs de dimension too large liées à TikZ – il faut décaler les axes pour se ramener à une origine en O.

Le code, intimement lié à un environnement lié à un environnement tikzpicture, va donc :

- préciser les informations utiles comme [xmin], [xmax], [0x], [xgrille], etc
- proposer des commandes (sans se soucier des translations!) pour :
  - tracer une grille (principale et/ou secondaire);
  - tracer les axes (avec légendes éventuelles) et éventuellement les graduer;

En utilisant les commandes de régression linéaire du paragraphe précédent, il sera de plus possible (sans calculs!) de :

- représenter le nuage de points;
- placer le point moyen;
- tracer la droite d'ajustement (obtenue par ProfLycee) ou une autre courbe.

### information(s)

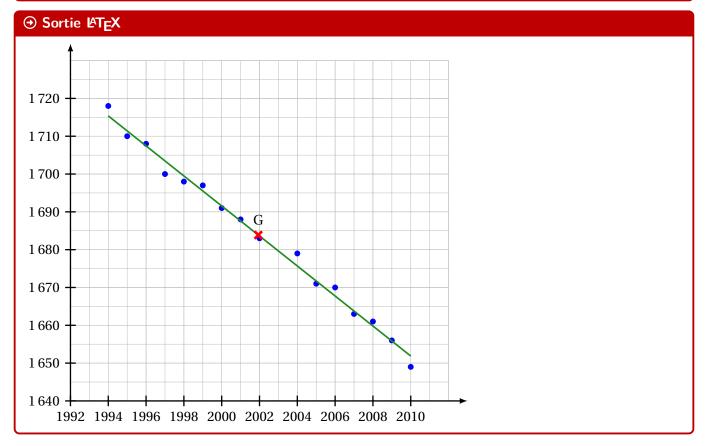
Le package pgfplots peut être utilisé pour traiter ce genre de situation, mais ne l'utilisant pas, j'ai préféré préparer des macros permettant de s'affranchir de ce package (est-ce pertinent, ça c'est une autre question...).

### Code LATEX

```
%Listes et calculs \def\LLX{1994,1995,1996,1997,1998,1999,2000,2001,2002,2004,2005,2006,2007,2008,2009,2010} \def\LLY{1718,1710,1708,1700,1698,1697,1691,1688,1683,1679,1671,1670,1663,1661,1656,1649} \CalculsRegLin{\LLX}{\LLY}
```

### ⟨**/**⟩ Code LATEX

```
%tracé (simple), les options seront présentées juste après
\begin{tikzpicture}%
  [x=0.5cm, y=0.1cm,
                                                                      %unités
 Ox=1992,xmin=1992,xmax=2012,xgrille=2,xgrilles=1,
                                                                      %axe Ox
 Oy=1640,ymin=1640,ymax=1730,ygrille=10,ygrilles=5]
                                                                      %axe Oy
 \GrilleTikz \AxesTikz
                                                                      %grilles et axes
  \AxexTikz[Annee] {1992, 1994, ..., 2010}
                                                                      %axeOx
 \AxeyTikz{1640,1650,...,1720}
                                                                      %axeOy
 \NuagePointsTikz{\LLX}{\LLY}
                                                                      %nuage
  \CourbeTikz[line width=1.25pt,ForestGreen,samples=2] %
    {\COEFFa*\x+\COEFFb}{\LXmin:\LXmax}
                                                                    %droite de régression
 \PointMoyenTikz
                                                                      %point moyen
\end{tikzpicture}
```



### 23.2 Commandes, clés et options

### information(s)

Les **(paramètres)** nécessaires à la bonne utilisation des commandes suivantes sont à déclarer directement dans l'environnement **[stikzpicture]**, seules les versions «x» sont présentées ici :

- ⟨xmin⟩, stockée dans [⟨xmin⟩; défaut ⟨-3⟩
- ⟨xmax⟩, stockée dans ░ \xmax⟩; défaut ⟨3⟩
- $-\langle \mathbf{Ox} \rangle$ , stockée dans  $\langle \mathbf{Ox} \rangle$ , origine de l'axe  $\langle \mathbf{Ox} \rangle$ ; défaut  $\langle \mathbf{Ox} \rangle$
- ⟨**xgrille**⟩, stockée dans ∰\xgrille, graduation principale; défaut ⟨**1**⟩
- ⟨xgrilles⟩, stockée dans ∰ \xgrilles, graduation secondaire. défaut ⟨0.5⟩

La fenêtre d'affichage (de sortie) sera donc *portée* par le rectangle de coins (xmin; ymin) et (xmax; ymax); ce qui correspond en fait à la fenêtre TikZ *portée* par le rectangle de coins (xmin - Ox; ymin - Oy) et (xmax-Ox; ymax-Oy).

Les commandes ont – pour certaines – pas mal de  $\langle clés \rangle$  pour des réglages fins, mais dans la majorité des cas elles ne sont pas forcément *utiles*.

### information(s)

Pour illustrer les commandes et options de ce paragraphe, la base sera le graphique présenté précédemment.

```
% Code Language
%...code tikz
\GrilleTikz[options][options grille ppale][options grille second.]
```

### Clés et options

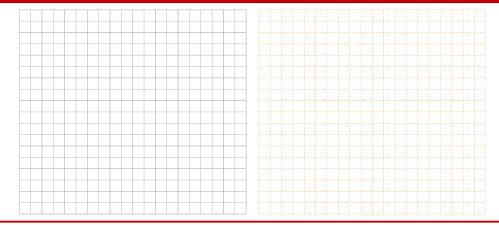
Cette commande permet de tracer une grille principale et/ou une grille secondaire :

- les premières (clés) sont les booléens (Affp) et (Affs) qui affichent ou non les grilles; défaut (true)
- les options des grilles sont en TikZ.

défaut (thin, lightgray) et (very thin, lightgray)

### ⟨/> Code LATEX

### **⊙** Sortie LATEX



### </> Code LATEX

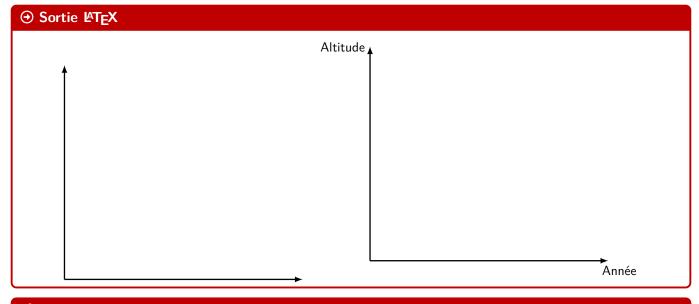
```
%...code tikz
\AxesTikz[options]
```

```
Clés et options
Cette commande permet de tracer les axes, avec des (clés):
   — (Epaisseur) qui est l'épaisseur des traits;
                                                                                                      défaut (1.25pt)
    — (Police) qui est le style des labels des axes;
                                                                                 défaut (\normalsize\normalfont)
   — [2.1.2] (ElargirOx) qui est le % l'élargissement (global) ou (G/D) de l'axe (Ox);
                                                                                                      défaut (0/0.05)
    — [2.1.2] (ElargirOy) qui est le % l'élargissement (global) ou (B/H) de l'axe (Oy);
                                                                                                      défaut (0/0.05)
    — \langle Labelx \rangle qui est le label de l'axe (Ox);
                                                                                                         défaut ($x$)
   — \langle Labely \rangle qui est le label de l'axe (Oy);
                                                                                                         défaut ($y$)
    — \langle AffLabel \rangle qui est le code pour préciser quels labels afficher, entre \langle x \rangle, \langle y \rangle ou \langle xy \rangle;
                                                                                                         défaut (vide)
   — \langle PosLabelx \rangle pour la position du label de (Ox) en bout d'axe;
                                                                                                        défaut (right)
    - (PosLabely) pour la position du label de (O<sub>V</sub>) en bout d'axe;
                                                                                                       défaut (above)

    (EchelleFleche) qui est l'échelle de la flèche des axes;

                                                                                                            défaut (1)
   — (TypeFleche) qui est le type de la flèche des axes.
                                                                                                        défaut (latex)
```

```
%/> Code Lativa
%code tikz
%code tikz
%code tikz
%code tikz
\AxesTikz%
   [AffLabel=xy,Labelx={Année},Labely={Altitude},%
   PosLabelx={below right},PosLabely={above left},%
   Police=\small\sffamily]
```



```
</> Code Late

%...code tikz

\AxexTikz[options] {valeurs}

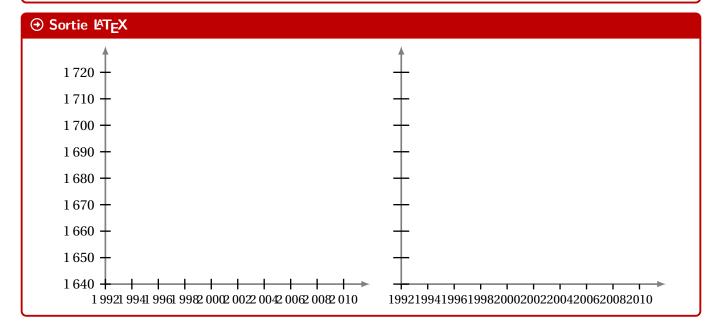
\AxeyTikz[options] {valeurs}
```

### Clés et options

Ces commande permet de tracer les graduations des axes, avec des (clés) identiques pour les deux directions :

- (**Epaisseur**) qui est l'épaisseur des graduations; défaut (**1pt**)
- ⟨Police⟩ qui est le style des labels des graduations; défaut ⟨\normalsize\normalfont⟩
- (PosGrad) qui est la position des graduations par rapport à l'axe; défaut (below) et (left)
- (HautGrad) qui est la position des graduations (sous la forme (lgt) ou (lgta/lgtb)); défaut (4pt)
- le booléen (AffGrad) pour afficher les valeurs (formatés avec num donc dépendant de sisetup) des graduations;
   défaut (true)
- le booléen (**AffOrigine**) pour afficher la graduation de l'origine; défaut (**true**)
- le booléen (Annee) qui permet de ne pas formater les valeurs des graduations (type année). défaut
   (false)

## %code tikz \AxexTikz[Police=\small]{1992,1994,...,2010} \AxexTikz{1640,1650,...,1720} %code tikz \AxeyTikz[Police=\small,Annee,HautGrad=0pt/4pt]{1992,1994,...,2010} \AxeyTikz[AffGrad=false,HautGrad=6pt]{1640,1650,...,1720} %des axes fictifs (en gris) sont rajoutés pour la lisibilité du code de sortie



### 23.3 Commandes annexes

### information(s)

Il existe, de manière marginale, quelques commandes complémentaires qui ne seront pas trop détaillées mais qui sont présentes dans l'introduction :

- FenetreTikz qui restreint les tracés à la fenêtre (utile pour des courbes qui débordent);
- FenetreSimpleTikz qui permet d'automatiser le tracé des grilles/axes/graduations dans leurs versions par défaut, avec peu de paramétrages;
- © OrigineTikz pour rajouter le libellé de l'origine si non affiché par les axes.

### ⟨/> Code LATEX

%code tikz

\FenetreTikz %on restreint les tracés

\FenetreSimpleTikz[opt](opt axes)<opt axe 0x>{liste valx}<opt axe 0y>{liste valy}

### 23.4 Interactions avec CalculsRegLin

### Code LATEX

%...code tikz

\NuagePointsTikz[options]{listeX}{listeY}

### Clés et options

Cette commande, liée à la commande CalculsRegLin permet de représenter le nuage de points associé aux deux listes, avec les (clés) suivantes :

— **(Taille)** qui est la taille des points du nuage;

défaut (2pt)

—  $\langle Style \rangle$  parmi  $\langle o \rangle$  (rond) ou  $\langle x \rangle$  (croix) ou  $\langle + \rangle$  (plus);

défaut (o)

 $- \ \langle \textbf{Couleur} \rangle \ \text{qui est la couleur (\'eventuellement } \langle \textbf{couleurA/couleurB} \rangle \ \text{pour les ronds)}. \quad \text{d\'efaut } \langle \textbf{blue} \rangle$ 

### ⟨/> Code LATEX

\begin{tikzpicture}[...]

\NuagePointsTikz[Couleur=blue/red] {\LLX} {\LLY}

\end{tikzpicture}

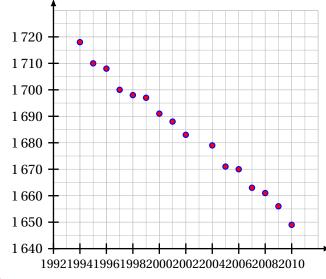
~ ~

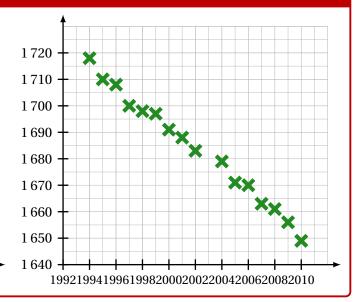
\begin{tikzpicture}[...]

\NuagePointsTikz[Couleur=ForestGreen,Style=x,Taille=6pt]{\LLX}{\LLY}

\end{tikzpicture}







### Code LATEX

%...code tikz

\PointMoyenTikz[options]

## Clés et options

Cette commande permet de rajouter le point moyen du nuage, calculé par la commande [CalculsRegLin], avec les (clés):

— (Police), comme précédemment; défaut (\normalsize\normalfont);

— **(Taille)**, taille du point moyen;

défaut (4pt)

(Couleur), couleur du point moyen;

défaut (red)

-  $\langle Style \rangle$  parmi  $\langle o \rangle$  (rond) ou  $\langle x \rangle$  (croix) ou  $\langle + \rangle$  (plus);

défaut (o)

- ⟨xg⟩, abscisse du point moyen, récupérable via ☐ CalculsRegLin ;

défaut (\LXmoy)

(yg), ordonnée du point moyen, récupérable via [CalculsRegLin];

défaut (\LYmoy)

— (Nom), label du point moyen;

défaut (G)

(Pos) qui est la position du label par rapport au point;

défaut (above)

(Decal) qui est l'éloignement de la position du label par rapport au point;

défaut (**0pt**)

— la booléen (**AffNom**) qui affiche ou non le libellé.

défaut (true)

## Code LATEX

\def\LLX{1994,1995,1996,1997,1998,1999,2000,2001,2002,2004,2005,2006,2007,2008,2009,2010} \def\LLY{1718,1710,1708,1700,1698,1697,1691,1688,1683,1679,1671,1670,1663,1661,1656,1649} \CalculsRegLin{\LLX}{\LLY}

\begin{tikzpicture}[...]

\NuagePointsTikz[Couleur=blue/red]{\LLX}{\LLY}

\PointMoyenTikz

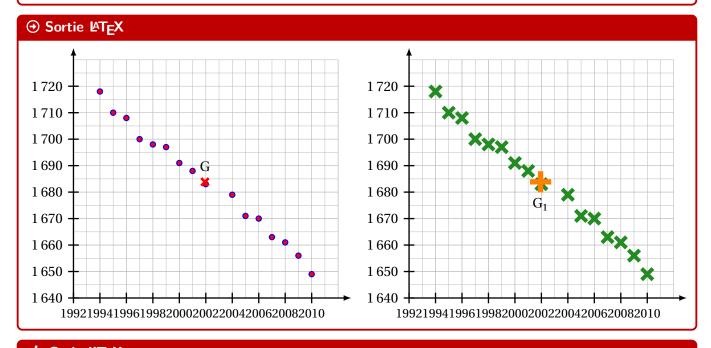
\end{tikzpicture}

\begin{tikzpicture}[...]

\NuagePointsTikz[Couleur=ForestGreen,Style=x,Taille=6pt]{\LLX}{\LLY}

\PointMoyenTikz[Couleur=orange, Taille=8pt, Style=+, Nom={\$G\_1\$}, Pos=below]

\end{tikzpicture}



## Code LATEX

%...code tikz

\CourbeTikz[options] {formule} {domaine}

## Clés et options

Cette commande permet de rajouter une courbe sur le graphique (sans se soucier de la transformation de son expression) avec les arguments :

- $\langle optionnels \rangle$  qui sont en TikZ les paramètres du tracé;
- le premier *obligatoire*, est en langage TikZ l'expression de la fonction à tracer, donc avec  $\sqrt[n]{x}$  comme variable;
- le second *obligatoire* est le domaine du tracé, sous la forme walxmin: valxmax.

#### information(s)

L'idée principale est de récupérer les variables de la régression linéaire pour tracer la droite d'ajustement à moindres frais!

## information(s)

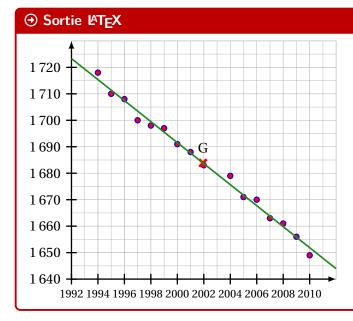
Toute courbe peut être tracée sur ce principe, par contre il faudra saisir la fonction à la main.

#### ⟨→ Code LATEX

\def\LLX{1994,1995,1996,1997,1998,1999,2000,2001,2002,2004,2005,2006,2007,2008,2009,2010} \def\LLY{1718,1710,1708,1700,1698,1697,1691,1688,1683,1679,1671,1670,1663,1661,1656,1649} \CalculsRegLin{\LLX}{\LLY}

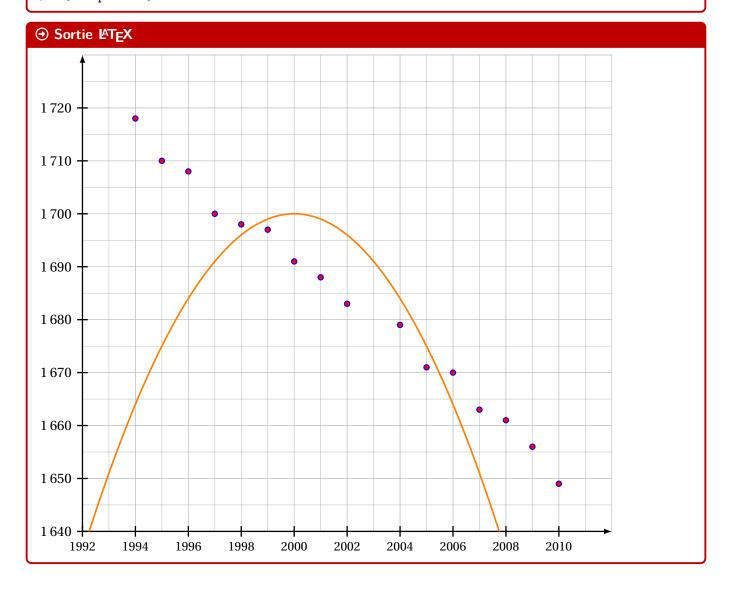
\begin{tikzpicture}[...]

\NuagePointsTikz[Couleur=blue/red]{\LLX}{\LLY} \PointMoyenTikz \CourbeTikz[line width=1.25pt,ForestGreen,samples=2]{\COEFFa\*\x+\COEFFb}{\xmin:\xmax}\end{tikzpicture}



## 23.5 Exemple complémentaire, pour illustration

## 



#### 24 Boîtes à moustaches

#### 24.1 Introduction

## ♀ Idée(s)

L'idée est de proposer une commande, à intégrer dans un environnement TikZ, pour tracer une boîte à moustaches grâce aux paramètres, saisis par l'utilisateur.

Le code ne calcule pas les paramètres, il ne fait que tracer la boîte à moustaches!

✓/> Code LATEX			
\begin{tikzpicture} 10/15/17 \end{tikzpicture}	/19/20}		

## information(s)

Étant donnée que la commande est intégrée dans un environnement TikZ, les unités peuvent/doivent donc être précisées, comme d'habitude, si besoin.

#### Clés et options 24.2

## Clés et options

Quelques (clés) sont disponibles pour cette commande :

- la clé (**Couleur**) qui est la couleur de la boîte; défaut (black)
- la clé **(Elevation)** qui est la position verticale (ordonnée des moustaches) de la boîte; défaut (1.5)
- la clé (**Hauteur**) qui est la hauteur de la boîte;
- défaut (1) — la clé (**Moyenne**) qui est la moyenne (optionnelle) de la série;
- la clé (**Epaisseur**) qui est l'épaisseur des traits de la boîte;
- la clé (**Remplir**) qui est la couleur de remplissage de la boîte; défaut (white)
- le booléen (AffMoyenne) qui permet d'afficher ou non la moyenne (sous forme d'un point);

défaut (false)

défaut (thick)

- le booléen (Pointilles) qui permet d'afficher des pointillés au niveau des paramètres; défaut (false)
- le booléen (Valeurs) qui permet d'afficher les valeurs des paramètres au niveau des abscisses.

défaut (false)

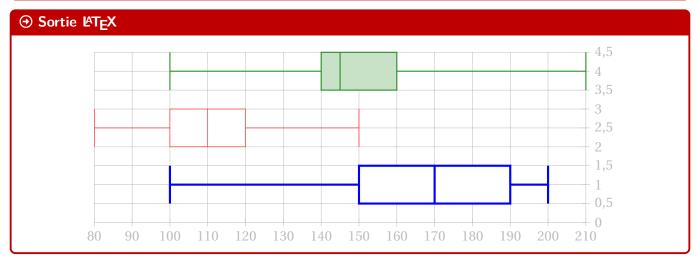
# Code LATEX \begin{tikzpicture} \BoiteMoustaches[Epaisseur=very thick, Moyenne=18.5, Couleur=blue, AffMoyenne, % Pointilles, Valeurs, Hauteur=2.25, Elevation=2] {10/15/17/19/20} \end{tikzpicture} 10 15 17 20

```
%/ Code LATEX

%une grille a été rajoutée pour visualiser la "position verticale"

\begin{center}
\begin{tikzpicture} [x=0.1cm]
\BoiteMoustaches [Epaisseur=ultra thick, Couleur=blue] {100/150/170/190/200}
\BoiteMoustaches [Epaisseur=thin, Elevation=2.5, Couleur=red] {80/100/110/120/150}
\BoiteMoustaches%

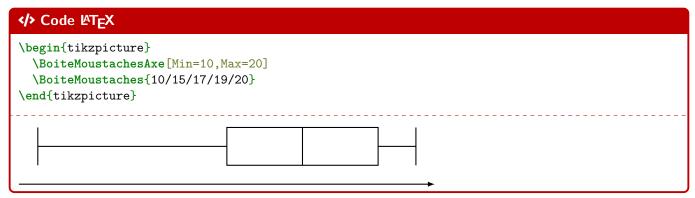
[Elevation=4, Couleur=ForestGreen, Remplir=ForestGreen!25] {100/140/145/160/210}
\end{tikzpicture}
\end{center}
```

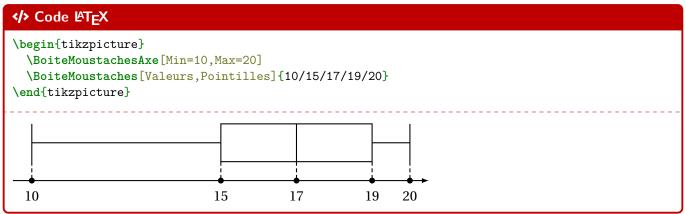


#### 24.3 Commande pour placer un axe horizontal

## ♀ Idée(s)

L'idée est de proposer, en parallèle de la commande précédente, une commande pour tracer un axe horizontal « sous » les éventuelles boîtes à moustaches.





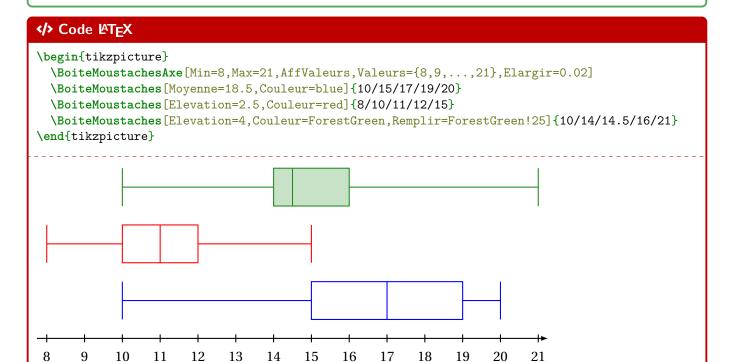
## Clés et options

Quelques (clés) sont disponibles pour cette commande :

- la clé (Min) qui est la valeur minimale de l'axe horizontal;
- la clé (Max) qui est la valeur minimale de l'axe horizontal;
- la clé (**Elargir**) qui est le pourcentage l'élargissement de l'axe;
- la clé **(Epaisseur)** qui est l'épaisseur des traits de la boîte;

— la clé (**Valeurs**) qui est la liste (compréhensible en TikZ) des valeurs à afficher.

défaut (0.1)défaut (thick)



## information(s)

Le placement des différentes boîtes n'est pas automatique, donc il faut penser à cela avant de se lancer dans le code.

Sachant que la hauteur par défaut est de 1, il est – a priori – intéressant de placer les boîtes à des (élévations) de 1 puis 2,5 puis 4 etc

## Huitième partie

# Outils pour les probabilités

## 25 Calculs de probabilités

#### 25.1 Introduction

## ♀ Idée(s)

L'idée est de proposer des commandes permettant de calculer des probabilités avec des lois classiques :

- binomiale;
- normale;
- exponentielle;
- de Poisson;
- géométrique;
- hypergéométrique.

## information(s)

Les commandes sont de deux natures :

- des commandes pour calculer, grâce au package [xintexpr];
- des commandes pour formater le résultat de [ xintexpr], grâce à [ siunitx].

De ce fait, les options de siunitz de l'utilisateur affecterons les formatages du résultat, la commande va « forcer » les arrondis et l'écriture scientifique.

## 25.2 Calculs « simples »

```
Code LATEX
%loi\ binomiale\ B(n,p)
\CalcBinomP{n}{p}{k}
                                     %P(X=k)
\CalcBinomC{n}{p}{a}{b}
                                     %P(a \le X \le b)
%loi\ de\ Poisson\ P(l)
\CalcPoissP{1}{k}
                                     %P(X=k)
\CalcPoissC{1}{a}{b}
                                     %P(a \le X \le b)
%loi géométrique G(p)
\CalcGeomP{p}{k}
                                     %P(X=k)
\CalcGeomC{1}{a}{b}
                                     %P(a \le X \le b)
%loi\ hyperg\'eom\'etrique\ H(N,n,m)
\CalcHypergeomP{N}{n}{m}{k}
                                     %P(X=k)
\CalcHypergeomP{N}{n}{m}{a}{b}
                                     %P(a \le X \le b)
%loi\ normale\ N(m,s)
\CalcNormC{m}{s}{a}{b}
                                     %P(a \le X \le b)
%loi\ exponentielle\ E(l)
\CalcExpoC{1}{a}{b}
                                     %P(a \le X \le b)
```

#### Clés et options

Les probabilités calculables sont donc – comme pour beaucoup de modèles de calculatrices – les probabilités **P**onctuelles (P(X = k)) et **C**umulées ( $P(a \le X \le b)$ ).

Pour les probabilités cumulées, on peut utiliser le caractère [\*]\* comme borne (a ou b), pour les probabilités du type  $P(X \le b)$  et  $P(X \ge a)$ .

```
Code LATEX
% X \rightarrow B(5,0.4)
$P(X=3) \approx \CalcBinomP{5}{0.4}{3}$.
$P(X\leqslant1) \approx \CalcBinomC{5}{0.4}{*}{1}$.
% X \rightarrow B(100, 0.02)
$P(X=10) \approx \CalcBinomP{100}{0.02}{10}$.
P(15\leq X\leq X) \simeq CalcBinomC(100)(0.02)(15)(25)
% Y -> P(5)
$P(Y=3) \approx \CalcPoissP{5}{3}$.
$P(Y\geqslant2) \approx \CalcPoissC{5}{2}{*}$.
% T \rightarrow G(0.5)
$P(T=100) \approx \CalcPoissP{0.5}{3}$.
$P(T\leqslant5) \approx \CalcPoissC{0.5}{*}{5}$.
% W \rightarrow H(50, 10, 5)
$P(W=4) \approx \CalcHypergeomP{50}{10}{5}{4}$.
$P(1\leqslant W\leqslant3) \approx \CalcHypergeomC{50}{10}{5}{1}{3}$.
```

```
    Sortie LATEX

• X \hookrightarrow \mathcal{B}(5;0,4):
P(X = 3) \approx 0.2304.
P(X \le 1) \approx 0.33696.
• X \hookrightarrow \mathcal{B}(100;0,02):
P(X = 10) \approx 0.00002877077765846743.
P(15 \le X \le 25) \approx 0.000000001670210428685021.
• Y \hookrightarrow \mathscr{P}_5:
P(Y = 3) \approx 0.1403738958142806.
P(Y \ge 2) \approx 0.9595723180054873.
• T \hookrightarrow \mathcal{G}_{0.5}:
P(T = 3) \approx 0.125.
P(T \le 5) \approx 0.96875.
• W \hookrightarrow \mathcal{H}(50;10;5):
P(W = 4) \approx 0.003964583058015065.
P(1 \le W \le 3) \approx 0.6853536974456758.
```

```
% Code Lamber Code Lamber
```

## **⊙** Sortie LATEX

•  $X \hookrightarrow \mathcal{N}(0;1)$ :

 $P(X \le 1) \approx 0.841344680841397.$ 

 $P(-1,96 \le Z \le 1,96) \approx 0.9500039553976748.$ 

•  $Y \hookrightarrow \mathcal{N}(550;30)$ :

 $P(Y \ge 600) \approx 0.0477903462453939.$ 

 $P(500 \le Y \le 600) \approx 0.9044193075092122.$ 

•  $Z \hookrightarrow \mathcal{E}_{0.001}$ :

 $P(Z \ge 400) \approx 0.6703200460356393.$ 

 $P(300 \le Z \le 750) \approx 0.2684516679407032.$ 

## 25.3 Complément avec sortie « formatée »

## ♀ Idée(s)

L'idée est ensuite de formater le résultat obtenu par par mainteapr, pour un affichage homogène.

L'utilisateur peut donc utiliser « sa » méthode pour formater les résultats obtenus par [ xintexpr ]!

## Code LATEX

%avec un formatage manuel

\num[exponent-mode=scientific]{\CalcBinomP{100}{0.02}{10}}

## **⊙** Sortie LATEX

•  $X \hookrightarrow \mathcal{B}(100;0,02)$ :

 $P(X = 10) \approx 2,877077765846743 \times 10^{-5}$ .

## ♀ Idée(s)

Le package ProfLycee propose – en complément – des commandes pour formater, grâce à siunitx, le résultat.

Les commandes ne sont donc, dans ce cas, pas préfixées par [calc]:

- formatage sous forme décimale *pure* : 0,00...;
- formatage sous forme scientifique :  $n, ... \times 10^{...}$ .

```
Code LATEX
%loi\ binomiale\ B(n,p)
\mathbb{P}(*)[prec]{n}{p}{k}
                                      %P(X=k)
\BinomC(*)[prec]{n}{p}{a}{b}
                                     %P(a \le X \le b)
%loi de Poisson P (l)
\PoissonP(*)[prec]{1}{k}
                                     %P(X=k)
\PoissonC(*)[prec]{1}{a}{b}
                                     %P(a \le X \le b)
%loi géométrique G (p)
\mathbb{Q}_{p}_{k}
                                      %P(X=k)
\GeomC{1}{a}{b}
                                     %P(a \le X \le b)
%loi hypergéométrique H (N,n,m)
                                     %P(X=k)
\HypergeomP{N}{n}{m}{k}
\HypergeomC{N}{n}{m}{a}{b}
                                     %P(a \le X \le b)
%loi normale N(m,s)
\NormaleC(*)[prec]{m}{s}{a}{b}
                                     %P(a \le X \le b)
%loi\ exponentielle\ E(l)
\ExpoC(*)[prec]{1}{a}{b}
                                      %P(a \le X \le b)
```

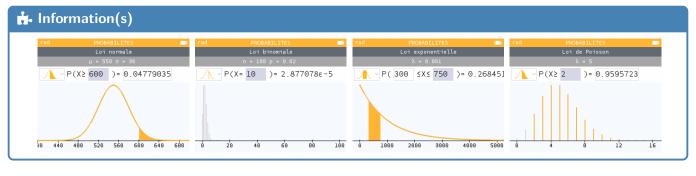
#### Clés et options

Quelques précisions sur les commandes précédentes :

- la version étoilée (\*) des commandes formate le résultat en mode scientifique;
- l'argument optionnel (par défaut (3)) correspond à quant à lui à l'arrondi.

```
</>
Code LATEX
% X \rightarrow N(550,30)
$P(Y\geqslant600) \approx \NormaleC[4]{550}{30}{600}{*}.
$P(500\leqslant Y\leqslant600) \approx \NormaleC[4]{550}{30}{500}{600}$.
% X \rightarrow B(100, 0.02)
$P(X=10) \approx \BinomP[7]{100}{0.02}{10} \approx \BinomP*[7]{100}{0.02}{10}$.
$P(15\leqslant X\leqslant25) \approx \BinomC[10]{100}{0.02}{15}{25} \approx
\rightarrow \BinomC*[10]{100}{0.02}{15}{25}$.
% H \rightarrow H(50, 10, 5)
$P(W=4) \approx \HypergeomP[5]{50}{10}{5}{4}$.
$P(1\leqslant W\leqslant3) \approx \HypergeomC[4]{50}{10}{5}{1}}{3}<b>$.
% Z \rightarrow E(0,001)$:
$P(Z\geqslant400) \approx \ExpoC{0.001}{400}{*}$.
$P(300\leqslant Z\leqslant750) \approx \ExpoC{0.001}{300}{750}$.
% T -> P(5)
P(T=3) \sim \Pr(5){3}.
P(T\geq 1) \simeq PoissonC[4]{5}{2}{*}
```

## **⊙** Sortie LATEX • $Y \hookrightarrow \mathcal{N}(550;30)$ : $P(Y \ge 600) \approx 0.0478$ . $P(500 \le Y \le 600) \approx 0,9044.$ • $X \hookrightarrow \mathcal{B}(100;0,02)$ : $P(X = 10) \approx 0,0000288 \approx 2,88 \times 10^{-5}$ . $P(15 \le X \le 25) \approx 0,000000017 \approx 1,7 \times 10^{-9}.$ • $W \hookrightarrow \mathcal{H}(50;10;5)$ : $P(W = 4) \approx 0.00396$ . $P(1 \le W \le 3) \approx 0.6854.$ • $Z \hookrightarrow \mathcal{E}_{0,001}$ : $P(Z \ge 400) \approx 0.670$ . $P(300 \le Z \le 750) \approx 0.268.$ • $T \hookrightarrow \mathscr{P}_5$ : $P(T = 3) \approx 0.140.$ $P(T \ge 2) \approx 0.9596$ .



## 26 Arbres de probabilités « classiques »

#### 26.1 Introduction

## ♀ Idée(s)

L'idée est de proposer des commandes pour créer des arbres de probabilités classiques (et homogènes), en TikZ, de format :

- $-2 \times 2$  ou  $2 \times 3$ ;
- $-3 \times 2$  ou  $3 \times 3$ .

Les (deux) commandes sont donc liées à un environnement tikzpicture, et elles créent les nœuds de l'arbre, pour exploitation ultérieure éventuelle.

## </> Code LATEX

```
%commande simple pour tracé de l'arbre
\ArbreProbasTikz[options] {donnees}

%environnement pour tracé et exploitation éventuelle
\begin{EnvArbreProbasTikz} [options] {donnees}
    code tikz supplémentaire
\end{EnvArbreProbasTikz}
```

## 26.2 Options et arguments

#### information(s)

Les (donnees) seront à préciser sous forme

\$\left\righta

avec comme « sens de lecture » de la gauche vers la droite puis du haut vers le bas (on balaye les *sous-arbres*), avec comme possibilités :

- § 2.5.3 une donnée (**proba**) peut être laissée vide ou spécifiée avec des macros;
- une donnée (position) peut valoir (above) (au-dessus), (below) (en-dessous) ou être laissée (vide) (sur).

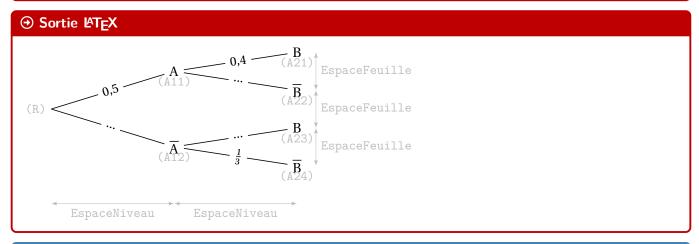
#### Clés et options

Quelques (Clés) (communes) pour les deux commandes :

- la clé (**Unite**) pour préciser l'unité de l'environnement TikZ; défaut (**1cm**)
- la clé (**EspaceNiveau**) pour l'espace (H) entre les étages; défaut (3.25)
- la clé **(EspaceFeuille)** pour l'espace (V) entre les feuilles; défaut **(1)**
- 1-16 (Toron) and 1-ferror to mark (2, 2) and (2, 2) and (2, 2)
- la clé  $\langle Type \rangle$  pour le format, parmi  $\langle 2x2 \rangle$  ou  $\langle 2x3 \rangle$  ou  $\langle 3x2 \rangle$  ou  $\langle 3x3 \rangle$ ; défaut  $\langle 2x2 \rangle$
- la clé ⟨Police⟩ pour la police des nœuds; défaut ⟨\normalfont\normalsize⟩
- la clé ⟨PoliceProbas⟩ pour la police des probas; défaut ⟨\normalfont\small⟩
- le booléen (InclineProbas) pour incliner les probas; défaut (true)
- le booléen (**Fleche**) pour afficher une flèche sur les branches; défaut (**false**)
- la clé (**StyleTrait**) pour les branches, en langage TikZ; défaut (**vide**)
- la clé **(EpaisseurTrait)** pour l'épaisseur des branches, en langage TikZ; défaut **(semithick)**

[ProfLycee] - 84 -

```
\code Later
\code Later
\lambda As\\num{0.5}/,
\sum{0.4}/,
\
```

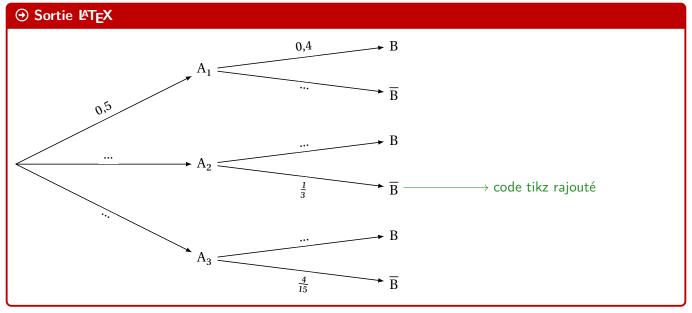


## information(s)

Les nœuds crées par les commandes sont :

- FR pour la racine;
- FAIR pour les nœuds du 1er niveau (de haut en bas);
- PA2x pour les nœuds du 2<sup>d</sup> niveau (de haut en bas).

#### 26.3 Exemples complémentaires



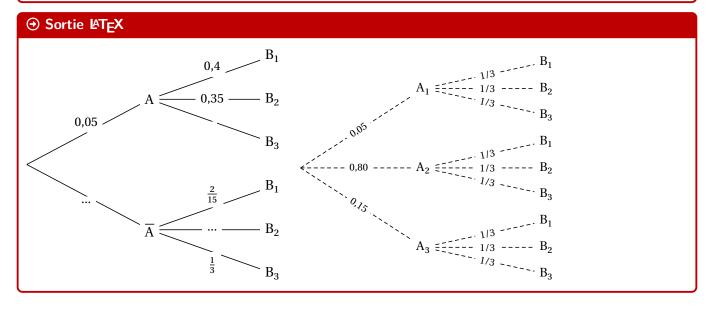
```
\*/> Code Lartex

\def\ArbreDeuxTrois{
    $A$\\num{0.05}\above,
    $B_1$\\num{0.4}\above,$B_2$\\num{0.35}\,$B_3$\/below,
    $\overline{A}$\ldots\...\below,
    $B_1$\$\frac{2}{15}$\above,$B_2$\...\,$B_3$\s\frac{1}{3}$\below
}

\ArbreProbasTikz[Type=2x3,InclineProbas=false,EspaceFeuille=1.15]{\ArbreDeuxTrois}

\def\ArbreTroisTrois{
    $A_1$\\num{0.05}\,$B_1$\f\1/3\\,$B_2$\f\1/3\\,$B_3$\f\1/3\\,$A_2$\\num{0.80}\\,$B_1$\f\1/3\\,$B_2$\f\1/3\\\,$B_3$\f\1/3\\\,$A_3$\\num{0.15}\\,$B_1$\f\1/3\\\,$B_2$\f\1/3\\\\,$B_3$\f\1/3\\\\}

\ArbreProbasTikz[Type=3x3,StyleTrait={densely
    \_dashed\,EspaceFeuille=0.7,PoliceProbas=\scriptsize,Police=\small]{\ArbreTroisTrois}
```



#### **27** Petits schémas pour des probabilités continues

#### 27.1 Idée

## ♀ Idée(s)

L'idée est de proposer des commandes pour illustrer, sous forme de schémas en TikZ, des probabilités avec des lois continues (normales et exponentielles).

Ces « schémas » peuvent être insérés en tant que graphique explicatif, ou bien en tant que petite illustration rapide!

## ⟨/> Code LATEX

\LoiNormaleGraphe[options] < options tikz>{m}{s}{a}{b}

\LoiExpoGraphe[options] < options tikz > {1}{a}{b}

## → Sortie LATEX





## Clés et options

Les probabilités *illustrables* sont donc des probabilités Cumulées ( $P(a \le X \le b)$ ).

On peut utiliser  $\ast$  comme borne (a ou b), pour les probabilités du type  $P(X \le b)$  et  $P(X \ge a)$ .

#### Commandes et options 27.2

#### Clés et options

Quelques (Clés) sont disponibles pour ces commandes :

— la clé (**CouleurAire**) pour l'aire sous la courbe; défaut (LightGray)

— la clé (**CouleurCourbe**) pour la courbe;

défaut (**red**) — la clé (**Largeur**) qui sera la largeur (en cm) du graphique; défaut (2)

— la clé (**Hauteur**) qui sera la hauteur (en cm) du graphique;

défaut (1)

— un booléen (**AfficheM**) qui affiche la moyenne;

défaut (true)

défaut (true)

— un booléen (AfficheCadre) qui affiche un cadre pour délimiter le schéma.

## information(s)

Les commandes sont donc des environnements TikZ, sans possibilité de « rajouter » des éléments. Ces petis schémas sont donc vraiment dédiés à montrer rapidement une probabilité continue, sans fioriture.

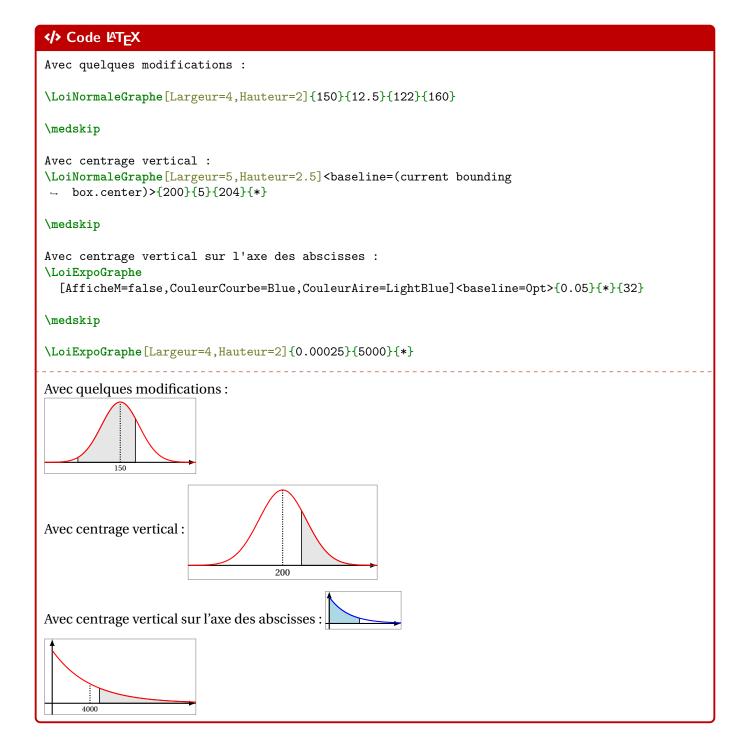
#### ⟨**/**⟩ Code LATEX

Avec centrage vertical sur l'axe des abscisses : \LoiNormaleGraphe

[AfficheM=false,CouleurCourbe=Blue,CouleurAire=LightBlue] <baseline=0pt>{1000}{100}{950}{\*}

Avec centrage vertical sur l'axe des abscisses :





#### 27.3 Remarques et compléments

## information(s)

Pour le moment, seules les lois (continues) exponentielles et normales sont disponibles, peut-être que d'autres lois seront ajoutées, mais il ne me semble pas très pertinent de proposer des schémas similaires pour des lois discrètes, qui ont des *représentations* assez variables...

#### 28 Nombres aléatoires

#### 28.1 Idée

## ♀ Idée(s)

§ 2.0.9 L'idée est de proposer des commandes pour générer des nombres aléatoires, pour exploitation ultérieure :

- un entier ou un nombre décimal;
- des nombres entiers, avec ou sans répétitions.

## information(s)

Pour chacune des commandes, le ou les résultats sont stockés dans une macro dont le nom est choisi par l'utilisateur.

## </> ✓ Code LATEX

```
%entier aléatoire entre a et b
\NbAlea{a}{b}{macro}

%nombre décimal (n chiffres après la virgule) aléatoire entre a et b+1 (exclus)
\NbAlea[n]{a}{b}{macro}

%création d'un nombre aléatoire sous forme d'une macro
\VarNbAlea{macro}{calculs}

%liste d'entiers aléatoires
\TirageAleatoireEntiers[options]{macro}
```

#### Code LATEX

```
%nombre aléatoire entre 1 et 50, stocké dans \PremierNbAlea
Entier entre 1 et 50 : \NbAlea{1}{50}{\PremierNbAlea}\PremierNbAlea
%nombre aléatoire créé à partir du 1er, stocké dans \DeuxiemeNbAlea
Entier à partir du précédent :
    \VarNbAlea{\DeuxiemeNbAlea}{\PremierNbAlea+randint(0,10)}\DeuxiemeNbAlea
%nombre aléatoire décimal (au millième) entre 0 et 10+1 (exclus), stocké dans \PremierDecAlea
Décimal entre 0 et $10,999\ldots$ : \NbAlea[3]{0}{10}{\PremierDecAlea}\PremierDecAlea
%liste de 6 nombres, sans répétitions, entre 1 et 50
Liste par défaut (6 entre 1 et 50) :
    \TirageAleatoireEntiers{\PremiereListeAlea}\PremiereListeAlea
```

Entier entre 1 et 50 : 12Entier à partir du précédent : 19Décimal entre 0 et 10,999 ... : 5.553Liste par défaut (6 entre 1 et 50) : 21,27,47,18,31,12

#### information(s)

Les listes créées sont exploitables, *a posteriori*, par le package listofitems par exemple!

#### Code LATEX

Liste générée : \TirageAleatoireEntiers{\TestListeA}\TestListeA

Liste traitée : \readlist\*\LISTEa{\TestListeA}\showitems{\LISTEa}

Liste générée : 37,16,12,36,38,11 Liste traitée : 37 | 16 | 12 | 36 | 38 | 11

#### 28.2 Clés et options

#### Clés et options

Quelques clés sont disponibles pour la commande TirageAleatoireEntiers:

- la clé (**ValMin**) pour préciser borne inférieure de l'intervalle; défaut (1)
- la clé (**ValMax**) pour préciser borne supérieure de l'intervalle;
- la clé (**NbVal**) qui est le nombre d'entiers à générer;
- la clé **(Sep)** pour spécifier le séparateur d'éléments;
- la clé **(Tri)** parmi **(non/croissant/decroissant)** pour trier les valeurs;
- le booléen (**Repetition**) pour autoriser la répétition d'éléments.

défaut (non)

défaut (50)

défaut (6)

défaut (,)

défaut (false)

## Code LATEX

```
Une liste de 15 valeurs (différentes), entre 10 et 100, stockée dans la macro MaListeA : \\
Liste: \TirageAleatoireEntiers[ValMin=10, ValMax=100, NbVal=15] {\MaListeA}\MaListeA \\
Une liste de 12 valeurs (différentes), entre 1 et 50, ordre croissant : \\
Liste: \TirageAleatoireEntiers[ValMin=1, ValMax=50, NbVal=12, Tri=croissant] {\MaListeB}\MaListeB
Une liste de 12 valeurs (différentes), entre 1 et 50, ordre décroissant : \\
    \TirageAleatoireEntiers[ValMin=1, ValMax=50, NbVal=12, Tri=decroissant] {\MaListeC}\MaListeC
   - / /
15 tirages de dé à 6 faces : \\
   \TirageAleatoireEntiers[ValMin=1, ValMax=6, NbVal=15, Repetition] {\TestDes}\TestDes
Une liste de 15 valeurs (différentes), entre 10 et 100, stockée dans la macro MaListeA:
Liste: 21,45,49,14,60,54,73,43,28,10,46,76,22,84,93
Une liste de 12 valeurs (différentes), entre 1 et 50, ordre croissant :
Liste: 3,5,7,9,13,14,16,22,25,35,41,49
Une liste de 12 valeurs (différentes), entre 1 et 50, ordre décroissant :
Liste: 50,48,42,35,34,25,22,21,20,14,3,2
15 tirages de dé à 6 faces :
```

#### ⟨/> Code LATEX

5,6,4,2,3,4,6,3,4,5,5,5,6,4,2

```
Une liste (10) pour le Keno\textcopyright, ordonnée, et séparée par des \texttt{-}:
\TirageAleatoireEntiers[ValMin=1, ValMax=70, NbVal=10, Tri=croissant, Sep={-}] {\ListeKeno}
$\ListeKeno$
\setsepchar{-}\readlist*\KENO{\ListeKeno}\showitems{\KENO}
Une liste (10) pour le Keno©, ordonnée, et séparée par des - :
5 - 8 - 9 - 22 - 26 - 28 - 29 - 39 - 40 - 65
5 8 9 22 26 28 29 39 40 65
```

## 29 Combinatoire

#### 29.1 Idée

#### ♀ Idée(s)

L'idée est de proposer une commande pour calculer un arrangement ou une combinaison, en utilisant les capacités de calcul du package [xint] ([2.5.4]).

## ⟨→ Code LATEX

#### 29.2 Utilisation

## Clés et options

Peu de paramétrage pour ces commandes qui permettent de calculer  $A_n^p$  et  $\binom{n}{n}$ :

- les versions étoilées ne formatent pas le résultat grâce à \[ \num \de \[ \] \sinuitx;
- le booléen (**Notation**) pour avoir la notation au début;

défaut (false)

- le booléen (**Formule**) permet de présenter la formule avant le résultat;
- défaut (false)

- le premier argument, *obligatoire*, est la valeur de *p*;
- le second argument, *obligatoire*, est la valeur de *n*.

## ⟨/> Code LATEX

```
On a A_{20}^3=\Lambda *{3}_{20} en non formaté, et \Lambda *{3}_{20} en formaté avec la notation au début.
```

On a  $A_{20}^3 = 6840$  en non formaté, et  $A_{20}^3 = 6840$  en formaté avec la notation au début.

#### Code LATEX

```
On a \displaystyle\binom{20}{3}=\Combinaison*{3}{20}$ en non formaté,~ et \displaystyle\Combinaison[Notation]{3}{20}$ en formaté avec la notation au début.\\ Et \displaystyle\Combinaison[20]{4} = \sum_{\alpha \in \mathbb{Z}}{20}+\CalculCnp{4}{20}}$.
```

On a 
$$\binom{20}{3}$$
 = 1140 en non formaté, et  $\binom{20}{3}$  = 1140 en formaté avec la notation au début.  
Et  $\binom{20}{3}$  +  $\binom{20}{4}$  = 5985.

#### Code LATEX

On a \$\displaystyle\Arrangement[Notation,Formule]{3}{20}\$.

On a 
$$A_{20}^3 = \frac{20!}{17!} = 6840$$
.

#### Code LATEX

On a \$\displaystyle\Combinaison[NotationAncien,Formule]{3}{20}\$. %ancienne notation FR

On a 
$$C_{20}^3 = \frac{20!}{3! \times 17!} = 1140.$$

## Neuvième partie

# Outils pour l'arithmétique

## 30 Conversions binaire/hexadécimal/décimal

#### 30.1 Idée

## ♀ Idée(s)

L'idée est de *compléter* les possibilités offertes par le package <u>mintbinhex</u>, en mettant en forme quelques conversions :

- décimal en binaire avec blocs de 4 chiffres en sortie;
- conversion binaire ou hexadécimal en décimal avec écriture polynomiale.

## information(s)

Le package xintbinhex est la base de ces macros, puisqu'il permet de faire des conversions directes!

Les macros présentées ici ne font que les intégrer dans un environnement adapté à une correction ou une présentation!

#### ⟨/> Code LATEX

\xintDecToHex{100}

\xintDecToBin{51}

\xintHexToDec{A4C}

\xintBinToDec{110011}

\xintBinToHex{11111111}

\xintHexToBin{ACDC}

\xintCHexToBin{3F}

#### **⊙** Sortie LATEX

64

110011

2636

51 FF

1010110011011100

00111111

#### 30.2 Conversion décimal vers binaire

## Code LATEX

\ConversionDecBin(\*)[clés]{nombre}

#### Clés et options

Concernant la commande en elle même, peu de paramétrage :

- la version étoilée qui permet de ne pas afficher de zéros avant pour « compléter »;
- le booléen (AffBase) qui permet d'afficher ou non la base des nombres;

défaut (true)

— l'argument, *obligatoire*, est le nombre entier à convertir.

Le formatage est géré par sinuitx, le mieux est donc de positionner la commande dans un environnement mathématique.

Les nombres écrits en binaire sont, par défaut, présentés en bloc(s) de 4 chiffres.

```
% Conversion avec affichage de la base et par bloc de 4
$\ConversionDecBin{415}$
% Conversion avec affichage de la base et sans forcément des blocs de 4
$\ConversionDecBin*{415}$
% Conversion sans affichage de la base et par bloc de 4
$\ConversionDecBin[AffBase=false]{415}$
% Conversion sans affichage de la base et sans forcément des blocs de 4
$\ConversionDecBin*{AffBase=false}{415}$
% ConversionDecBin*[AffBase=false]{415}$
```

```
Sortie LATEX
415<sub>10</sub> = 0001 1001 1111<sub>2</sub>
415<sub>10</sub> = 1 1001 1111<sub>2</sub>
415 = 0001 1001 1111
```

#### 30.3 Conversion binaire vers hexadécimal

## information(s)

415 = 1100111111

L'idée est ici de présenter la conversion, grâce à la conversion « directe » par blocs de 4 chiffres :

- la macro rajoute éventuellement les zéros pour compléter;
- elle découpe par blocs de 4 chiffres binaires;
- elle présente la conversion de chacun des blocs de 4 chiffres binaires;
- elle affiche la conversion en binaire.

## ⟨/> Code LATEX

\ConversionBinHex[clés] {nombre}

#### Clés et options

Quelques (clés) sont disponibles pour cette commande :

- le booléen (AffBase) qui permet d'afficher ou non la base des nombres; défaut (true)
- le booléen (**Details**) qui permet d'afficher ou le détail par bloc de 4. défaut (**true**)

Le formatage est géré par le package sinuitx, le mieux est de positionner la commande dans un environnement mathématique.

#### ⟨ Code LATEX

```
%conversion avec détails et affichage de la base
$\ConversionBinHex{110011111}$

%conversion sans détails et affichage de la base
$\ConversionBinHex[Details=false]{110011111}$

%conversion sans détails et sans affichage de la base
$\ConversionBinHex[AffBase=false,Details=false]{110011111}$
```

```
    Sortie L⁴TEX
```

```
1\,1001\,1111_2 = 0001\,1001\,1111 = \underbrace{0001\,1001\,1111}_{1} = 19F_{16} 1\,1001\,1111_2 = 19F_{16} 1\,1001\,1111 = 19F
```

#### 30.4 Conversion binaire ou hexadécimal en décimal

## information(s)

L'idée est ici de présenter la conversion, grâce à l'écriture polynômiale :

- écrit la somme des puissances;
- convertir si besoin les *chiffres* hexadécimal;
- peut ne pas afficher les monômes de coefficient 0.

## ⟨/> Code LATEX

\ConversionVersDec[clés] {nombre}

#### Clés et options

Quelques (clés) sont disponibles pour cette commande :

- la clé (BaseDep) qui est la base de départ (2 ou 16!); défaut (2)
- le booléen (AffBase) qui permet d'afficher ou non la base des nombres; défaut (true)
- le booléen (**Details**) qui permet d'afficher ou le détail par bloc de 4; défaut (**true**)
- le booléen (**Zeros**) qui affiche les chiffres 0 dans la somme. défaut (**true**)

Le formatage est toujours géré par le package sinuitx, le mieux est de positionner la commande dans un environnement mathématique.

## </> Code LATEX

```
%conversion 16->10 avec détails et affichage de la base et zéros
$\ConversionVersDec[BaseDep=16]{19F}$
%conversion 2->10 avec détails et affichage de la base et zéros
$\ConversionVersDec{110011}$
%conversion 2->10 avec détails et affichage de la base et sans zéros
$\ConversionVersDec[Zeros=false]{110011}$
%conversion 16->10 sans détails et affichage de la base et avec zéros
$\ConversionVersDec[BaseDep=16,Details=false]{ACODC}$
%conversion 16->10 avec détails et sans affichage de la base et sans zéros
$\ConversionVersDec[Eeros=false,Basedep=16]{ACODC}$
```

## Sortie LATEX

```
\begin{split} &19F_{16} = 1\times16^2 + 9\times16^1 + 15\times16^0 = 415_{10} \\ &110011_2 = 1\times2^5 + 1\times2^4 + 0\times2^3 + 0\times2^2 + 1\times2^1 + 1\times2^0 = 51_{10} \\ &110011_2 = 1\times2^5 + 1\times2^4 + 1\times2^1 + 1\times2^0 = 51_{10} \\ &AC0DC_{16} = 704732_{10} \\ &AC0DC_{16} = 10\times16^4 + 12\times16^3 + 13\times16^1 + 12\times16^0 = 704732_{10} \end{split}
```

## 31 Conversion « présentée » d'un nombre en base décimale

#### 31.1 Idée

## ♀ Idée(s)

L'idée est de proposer une « présentation » par divisions euclidiennes pour la conversion d'un entier donné en base 10 dans une base quelconque.

Les commandes de la section précédente donne *juste* les résultats, dans cette section il y a en plus la présentation de la conversion.

La commande utilise – par défaut – du code TikZ en mode overlay, donc on pourra déclarer – si ce n'est pas fait – dans le préambule, la commande qui suit.

```
</>Code LATEX

...
\tikzstyle{every picture}+=[remember picture]
...
```

#### 31.2 Code et clés

#### information(s)

La «tableau», qui est géré par paray est inséré dans un persurement, donc les structures.

#### ⟨/> Code LATEX

\ConversionDepuisBaseDix[options]{nombre en base 10}{base d'arrivée}

#### Clés et options

Quelques options pour cette commande:

- la clé (Couleur) pour la couleur du « rectangle » des restes; défaut (red)
- la clé (DecalH) pour gérer le décalage H du « rectangle », qui peut être donné soit sous la forme (Esp) ou soit sous la forme (espgauche/espdroite);
- la clé (**DecalV**) pour le décalage vertical du « rectangle »; défaut (**3pt**)
- la clé  $\langle Noeud \rangle$  pour le préfixe du nœud du premier et du dernier reste (pour utilisation en TikZ);

défaut (EEE)

- le booléen (**Rect**) pour afficher ou non le « rectangle » des restes; défaut (**true**)
- le booléen (CouleurRes) pour afficher ou non la conversion en couleur (identique au rectangle).
   défaut (false)

```
% Code ETEX
%conversion avec changement de couleur
\ConversionDepuisBaseDix[Couleur=DarkBlue] {45} {2}

%conversion sans le rectangle
Par divisions euclidiennes successives, \ConversionDepuisBaseDix[Rect=false] {54} {3}.

%conversion avec gestion du decalh pour le placement précis du rectangle
\ConversionDepuisBaseDix[Couleur=Goldenrod,DecalH=6pt/2pt] {1012} {16}

%conversion avec nœud personnalisé et réutilisation
\ConversionDepuisBaseDix[Couleur=ForestGreen,CouleurRes,Noeud=TEST] {100} {9}.

\begin{tikzpicture}
\draw[overlay,ForestGreen,thick,->] (TEST2.south east) to[bend right] ++ (3cm,-1cm)
\cup node[right] {test};
\end{tikzpicture}
```

→ test

- 96 -

## Sortie LATEX

$$\begin{cases} 45 = 2 \times 22 + 1 \\ 22 = 2 \times 11 + 0 \\ 11 = 2 \times 5 + 1 \\ 5 = 2 \times 2 + 1 \\ 2 = 2 \times 1 + 0 \\ 1 = 2 \times 0 + 1 \end{cases} \Rightarrow 45_{10} = 101101_{2}$$

Par divisions euclidiennes successives,  $\begin{cases} 54 = 3 \times 18 + 0 \\ 18 = 3 \times 6 + 0 \\ 6 = 3 \times 2 + 0 \\ 2 = 3 \times 0 + 2 \end{cases} \Rightarrow 54_{10} = 2000_3.$ 

$$\begin{cases} 1012 = 16 \times 63 + 4 \\ 63 = 16 \times 3 + 15 \\ 3 = 16 \times 0 + 3 \end{cases} \Rightarrow 1012_{10} = 3F4_{16}$$

On obtient donc  $\begin{cases} 100 = 9 \times 11 + 1 \\ 11 = 9 \times 1 + 2 \\ 1 = 9 \times 0 + 1 \end{cases} \Rightarrow 100_{10} = 121_9.$ 

## 32 Algorithme d'Euclide pour le PGCD

#### 32.1 Idée

#### ♀ Idée(s)

L'idée est de proposer une « présentation » de l'algorithme d'Euclide pour le calcul du PGCD de deux entiers. Le package [a xintgcd] permet déjà de le faire, il s'agit ici de travailler sur la *mise en forme*.

#### Code LATEX

\PresentationPGCD[options]{a}{b}

## ⟨→ Code LATEX

\tikzstyle{every picture}+=[remember picture]

\PresentationPGCD{150}{27}

## **⊙** Sortie LATEX

$$\begin{cases}
150 = 27 \times 5 + 15 \\
27 = 15 \times 1 + 12 \\
15 = 12 \times 1 + 3 \\
12 = 3 \times 4 + 0
\end{cases} \Rightarrow PGCD(150;27) = 3$$

#### Attention

La mise en valeur du dernier reste non nul est géré par du code TikZ, en mode overlay, donc il faut bien penser à déclarer dans le préambule: \time\tau \time\tau \time\tau \time\tau \time\text{every picture} += [remember picture]

## 32.2 Options et clés

#### Clés et options

Quelques options disponibles pour cette commande:

- la clé (**Couleur**) qui correspond à la couleur pour la mise en valeur; défaut (**red**)
- la clé (**DecalRect**) qui correspond à l'écartement du rectangle de mise en valeur; défaut (**2pt**)
- le booléen (**Rectangle**) qui gère l'affichage ou non du rectangle de mise ne valeur; défaut (**true**)
- la clé (**Noeud**) qui gère le préfixe du nom du nœud TikZ du rectangle (pour exploitation ultérieure);
  - défaut (**FFF**)
- le booléen (CouleurResultat) pour mettre ou non en couleur de PGCD; défaut (false)
- le booléen (AfficheConclusion) pour afficher ou non la conclusion; défaut (true)
- le booléen (AfficheDelimiteurs) pour afficher ou non les délimiteurs (accolade gauche et trait droit).
   défaut (true)

Le rectangle de mise en valeur est donc un nœud TikZ qui sera nommé, par défaut FFF1.

La présentation est dans un environnement ensurement donc les st...s ne sont pas indispensables.

#### Code LATEX

\PresentationPGCD[CouleurResultat]{150}{27}

$$\begin{cases}
150 = 27 \times 5 + 15 \\
27 = 15 \times 1 + 12 \\
15 = 12 \times 1 + 3 \\
12 = 3 \times 4 + 0
\end{cases} \Rightarrow PGCD(150;27) = 3$$

```
Code LATEX
\PresentationPGCD[CouleurResultat,Couleur=ForestGreen] {1250} {450}.
\PresentationPGCD[CouleurResultat,Couleur=DarkBlue]{13500}{2500}.
\PresentationPGCD[Rectangle=false]{420}{540}. \\
D'après l'algorithme d'Euclide, on a $\left|
    \PresentationPGCD[Couleur=LightSkyBlue,AfficheConclusion=false,AfficheDelimiteurs=false]%
  {123456789}{9876} \right.$
\begin{tikzpicture}
  \draw[overlay,LightSkyBlue,thick,<-] (FFF1.east) to[bend right] ++ (2cm,0.75cm) node[right]
   \end{tikzpicture}
  1250 = 450 \times 2 + 350
   450 = 350 \times 1 + 100
                        \Rightarrow PGCD (1250; 450) = 50.
   350 = 100 \times 3 + (50)
   100 = 50 \times 2 + 0
(13500 = 2500 \times 5 + 1000)
   2500 = 1000 \times 2 + (500) \Rightarrow PGCD(13500; 2500) = 500.
  1000 = 500 \times 2 +
  420 = 540 \times 0 + 420
 540 = 420 \times 1 + 120
                       \Rightarrow PGCD (420; 540) = 60.
  420 = 120 \times 3 + 60
120 = 60 \times 2 + 0
                                    123456789 = 9876 \times 12500 + 6789
                                          9876 = 6789 \times 1
                                                              +3087
                                          6789 = 3087 \times 2
                                                               +615
D'après l'algorithme d'Euclide, on a
                                                                                   dernier reste non nul
                                          3087 = 615 \times 5
                                                                  12
                                           615 = 12 \times 51
                                                                    3
                                                               +
                                             12 = 3 \times 4
```

#### 32.3 Compléments

## information(s)

La présentation des divisions euclidiennes est gérée par un tableau du type array, avec alignement vertical de symboles = et +.

Par défaut, les délimiteurs choisis sont donc l'accolade gauche et le trait droit, mais la clé booléenne **(Affi-cheDelimiteurs=false)** permet de choisir des délimiteurs différents.

## ⟨/> Code LATEX

\$\left[\PresentationPGCD[AfficheConclusion=false,AfficheDelimiteurs=false]{1234}{5} \right]\$

$$\begin{bmatrix} 1234 = 5 \times 246 + 4 \\ 5 = 4 \times 1 & + 1 \\ 4 = 1 \times 4 & + 0 \end{bmatrix}$$

## Dixième partie

# Écritures, simplifications

## 33 Simplification sous forme d'une fractions

#### 33.1 Idée

## ♀ Idée(s)

L'idée est d'obtenir une commande pour simplifier un calcul sous forme de fraction irréductible.

## Code LATEX

\ConversionFraction(\*)[option de formatage]{calcul}

#### 33.2 Commande et options

## Clés et options

Quelques explications sur cette commande:

- § 2.5.1 la version étoilée force l'écriture du signe « » sur le numérateur;
- le premier argument, *optionnel* et entre [...] permet de spécifier un formatage du résultat :
  - ⟨t⟩ pour l'affichage de la fraction en mode tfrac;
  - (d) pour l'affichage de la fraction en mode dfrac;
  - (n) pour l'affichage de la fraction en mode nicefrac;
  - (dec) pour l'affichage du résultat en mode décimal (sans arrondi!);
  - $\langle \mathbf{dec} = \mathbf{k} \rangle$  pour l'affichage du résultat en mode décimal arrondi à  $10^{-k}$ ;
- le second argument, *obligatoire*, est quant à lui, le calcul en syntaxe xint.

À noter que la macro est dans un bloc ensuremath donc les st...s ne sont pas nécessaires.

## ⟨/> Code LATEX

```
\label{lem:conversionFraction} $$ \conversionFraction {-10+1/3*(-5/16)} $$ %sortie par défaut $$ \conversionFraction {-10+1/3*(-5/16)} $$ %sortie fraction avec - sur numérateur $$ \conversionFraction [d] {-10+1/3*(-5/16)} $$ %sortie en displaystyle $$ \conversionFraction [dec=4] {-10+1/3*(-5/16)} $$ %sortie en nicefrac $$ \conversionFraction {dec=4] {-10+1/3*(-5/16)} $$ %sortie en décimal arrondi à 0,0001 $$ \conversionFraction {2+91/7} $$ %entier formaté $$ \conversionFraction {111/2145} $$ \conversionFraction {111/2145} $$
```

#### Sortie LATEX

```
\begin{array}{r}
-\frac{485}{48} \\
-\frac{485}{48} \\
-\frac{485}{48} \\
-\frac{485}{48} \\
-485/48 \\
-10,1042
\end{array}
```

37

```
Code LATEX
\frac{111}{2145}=\ ConversionFraction{111/2145}
\smallskip
\frac{3}{15}=\ConversionFraction[]{3/15}
\smallskip
\frac{3}{15}=\conversionFraction[t]{3/15}
\smallskip
$\dfrac{3}{15}=\ConversionFraction[d]{3/15}$
\smallskip
\frac{0,42}{0,015}=\conversionFraction[d] {0.42/0.015}}
\smallskip
\frac{0,41}{0,015}=\conversionFraction[d] {0.41/0.015}
\smallskip
\frac{1}{7}-\frac{3}{8}=\ ConversionFraction[d] {1/7-3/8}
\smallskip
$\ConversionFraction[d]{1+1/2}$
\smallskip
$\ConversionFraction{0.1/0.7+30/80}$
\frac{111}{2145} = \frac{37}{715}
\frac{3}{15} = \frac{1}{5}
\frac{3}{15} = \frac{1}{5}
0,42
\frac{-}{0,015} = 28
0,41
\frac{0,41}{0,015} = \frac{82}{3}
\overline{7}
3
\frac{-}{2}
```

## information(s)

A priori le package <code>mint</code> permet de s'en sortir pour des calculs « simples », je ne garantis pas que tout calcul ou toute division donne un résultat <code>satisfaisant!</code>

## 34 Ensembles

#### 34.1 Idée

## ♀ Idée(s)

L'idée est d'obtenir une commande pour simplifier l'écriture d'un ensemble d'éléments, en laissant gérer les espaces.

Les délimiteurs de l'ensemble créé sont toujours { }.

## Code LATEX

\EcritureEnsemble[clés]{liste}

## 34.2 Commande et options

## @ Clés et options

Peu d'options pour ces commandes :

- le premier argument, *optionnel*, permet de spécifier les **(Clés)** :
  - clé (**Sep**) qui correspond au délimiteur des éléments de l'ensemble; défaut (;)
  - clé **(Option)** qui est un code (par exemple strut...) inséré avant les éléments; défaut **(vide)**
  - un booléen (**Mathpunct**) qui permet de préciser si on utilise l'espacement mathématique mathpunct.

défaut (**true**)

— le second, *obligatoire*, est la liste des éléments, séparés par /.

## Code LATEX

## **⊙** Sortie LATEX

```
  \{a;b;c;d;e\} 

  \{a;b;c;d;e\} 

  \{a,b,c,d,e\} 

  \{a;b;c;d;e\} 

  \{\frac{1}{1+\frac{1}{3}};b;c;d;\frac{1}{2}\}
```

#### information(s)

Attention cependant au comportement de la commande avec des éléments en mode mathématique, ceux-ci peuvent générer une erreur si displaystyle n'est pas utilisé...

## 35 Écriture d'un trinôme, trinôme aléatoire

#### 35.1 Idée

#### ♀ Idée(s)

L'idée est de proposer une commande pour écrire, sous forme développée réduite, un trinôme en fonction de ses coefficients a, b et c (avec  $a \neq 0$ ), avec la gestion des coefficients nuls ou égaux à  $\pm 1$ .

En combinant avec le package xfp et fonction de générateur d'entiers aléatoires, on peut de ce fait proposer une commande pour générer aléatoirement des trinômes à coefficients entiers (pour des fiches d'exercices par exemple).

L'affichage des monômes est géré par le package 🛭 siunitx et le tout est dans un environnement 🖺 ensuremath.

## </> Code LATEX

\EcritureTrinome[options]{a}{b}{c}

## </b> ✓ Code LATEX

\EcritureTrinome{1}{7}{0}\\
\EcritureTrinome{1.5}{7.3}{2.56}\\
\EcritureTrinome{-1}{0}{12}\\
\EcritureTrinome{-1}{-5}{0}

 $x^{2} + 7x$   $1,5x^{2} + 7,3x + 2,56$   $-x^{2} + 12$   $-x^{2} - 5x$ 

## 35.2 Clés et options

#### Clés et options

Quelques clés et options sont disponibles :

— la clé booléenne (Alea) pour autoriser les coefficients aléatoires;

défaut (false)

— la clé booléenne (**Anegatif**) pour autoriser *a* à être négatif.

défaut (true)

## information(s)

La clé (Alea) va modifier la manière de saisir les coefficients, il suffira dans ce cas de préciser les bornes, sous la forme valmin, valmax, de chacun des coefficients. C'est ensuite le package xfp qui va se charger de générer les coefficients.

```
Code LATEX
Avec $a$ entre 1 et 5 (et signe aléatoire) puis $b$ entre $-2$ et 7 puis $c$ entre $-10$ et 20
f(x) = \text{EcritureTrinome} [Alea] \{1,5\} \{-5,5\} \{-10,10\} \
g(x) = \text{EcritureTrinome} [Alea] \{1,5\} \{-5,5\} \{-10,10\} \
h(x)=\text{EcritureTrinome}[Alea]{1,5}{-5,5}{-10,10}
Avec $a$ entre 1 et 10 (forcément positif) puis $b$ entre $-2$ et 2 puis $c$ entre 0 et 4 :
\EcritureTrinome[Alea,Anegatif=false]{1,10}{-2,2}{0,4}
\EcritureTrinome[Alea,Anegatif=false]{1,10}{-2,2}{0,4}
Avec a entre 1 et 5 (et signe aléatoire) puis b entre -2 et 7 puis c entre -10 et 20:
f(x) = x^2 - 4x + 2
g(x) = -3x^2 + x + 6
h(x) = -4x^2 + x - 4
Avec a entre 1 et 10 (forcément positif) puis b entre -2 et 2 puis c entre 0 et 4 :
3x^2 + x + 3
5x^2 + x + 2
9x^2 - x + 3
```

## 36 Simplification de racines

#### 36.1 Idée

#### ♀ Idée(s)

2.1.0 L'idée est de proposer une commande pour simplifier *automatiquement* une racine carrée, sous la forme  $\frac{a\sqrt{b}}{c}$  avec  $\frac{a}{c}$  irréductible et b le « plus petit possible ».

## Code LATEX

\SimplificationRacine{expression ou calcul}

## ⟨/> Code LATEX

```
\label{lem:line_property} $$ \sum_{0.31}^{100/34}\\ SimplificationRacine_{99999} \\ SimplificationRacine_{1500*0.31*(1-0.31)}\\ $$
```

```
4\sqrt{3} \\
\frac{5\sqrt{34}}{17} \\
3\sqrt{11} \\
\frac{3\sqrt{3565}}{10}
```

#### information(s)

C'est – comme souvent – le package [xint] qui s'occupe en interne des calculs, et qui devrait donner des résultats satisfaisants dans la majorité des cas (attention aux *grands nombres*...)

La commande ne fait pas office de *calculatrice*, elle ne permet *que* de simplifier *une* racine carrée (donc transformer si besoin!).

#### 36.2 Exemples

Code LATEX

# %Simplification d'un module de complexe \$\left| 4+6\text{i}\right| = \sqrt{4^2+6^2} = \sqrt{\xinteval{4\*\*2+6\*\*2}} = \simplificationRacine{4\*\*2+6\*\*2}\$ %Simplification n°1 \$\frac{1}{\sqrt{6}} = \left(\sqrt{\frac{1}{6}}\right) = \simplificationRacine{1/6}\$ %Simplification n°2 \$\frac{42}{\sqrt{5}} = \left(\sqrt{\frac{42^2}{5}}\right) = \simplificationRacine{(42\*42)/5}\$

$$|4+6i| = \sqrt{4^2 + 6^2} = \sqrt{52} = 2\sqrt{13}$$

$$\frac{1}{\sqrt{6}} = \left(\sqrt{\frac{1}{6}}\right) = \frac{\sqrt{6}}{6}$$

$$\frac{1}{\sqrt{5}} = \left(\sqrt{\frac{5}{5}}\right) = \frac{5}{5}$$

$$\sqrt{150 \times 0.35 \times (1 - 0.35)} = \frac{\sqrt{546}}{4}$$

## 37 Mesure principale d'un angle

## 37.1 Idée

## ♀ Idée(s)

**2.1.2** L'idée est de proposer (sur une suggestion de Marylyne Vignal) une commande pour déterminer la mesure principale d'un angle en radian.

## ⟨/> Code LATEX

\MesurePrincipale[booléens] {angle} %dans un mode mathématique

## information(s)

La commande est à insérer dans un environnement mathématique, via \$\) ou \$\]\[\]\[\]\.\]\]. L'angle peut être donné sous forme *explicite* avec la chaîne \$\]\[\]\[\]\]

## 37.2 Exemples

## Clés et options

Pour cette commande:

- le booléen ⟨d⟩ permet de forcer l'affichage en ∰displaystyle; défaut ⟨false⟩
- le booléen **(Crochets)** permet d'afficher le *modulo* entre crochets plutôt qu'entre parenthèses; défaut **(false)**
- l'argument *obligatoire* est en écriture *en ligne*.

## Code LATEX

```
$\MesurePrincipale[d]{54pi/7}$
$\MesurePrincipale[d]{-128pi/15}$
$\MesurePrincipale{3pi/2}$
$\MesurePrincipale[Crochets]{5pi/2}$
$\MesurePrincipale{-13pi}$
$\MesurePrincipale{28pi}$
$\MesurePrincipale[d]{14pi/4}$
$\MesurePrincipale[Crochets]{14pi/7}$
```

#### Sortie LATEX

$$\frac{54\pi}{7} = \frac{-2\pi}{7} (2\pi)$$
$$\frac{-128\pi}{15} = \frac{-8\pi}{15} (2\pi)$$

$$\frac{3\pi}{2} = \frac{-\pi}{2} \left( 2\pi \right)$$

$$\frac{5\pi}{2} = \frac{\pi}{2} \left[ 2\pi \right]$$

$$-13\pi = \pi \left( 2\pi \right)$$

$$28\pi = 0(2\pi)$$

$$\frac{14\pi}{4} = \frac{-\pi}{2} \left( 2\pi \right)$$

$$\frac{14\pi}{7} = 0 [2\pi]$$

## Onzième partie

# Jeux et récréations

## 38 SudoMaths, en TikZ

#### 38.1 Introduction

## ♀ Idée(s)

L'idée est de proposer un environnement TikZ, une commande permettant de tracer des grilles de Sudo-Maths

L'environnement créé, lié à TikZ, trace la grille de SudoMaths (avec les blocs démarqués), et peut la remplir avec une liste d'éléments.

## ⟨→ Code LATEX

%grille classique non remplie, avec légendes H/V,  $\{\}$  nécessaires pour préciser que les cases  $\neg$  seront "vides"  $\SudoMaths\{\}$ 

## Sortie LATEX

	а	b	С	d	е	f	g	h	i
Α									
В									
С									
D									
Ε									
F									
G									
Н									
I									

## information(s)

La commande SudoMaths crée donc la grille (remplie ou non), dans un environnement TikZ, c'est c'est tout!

On peut également utiliser l'environnement EnvSudoMaths dans lequel on peut rajouter du code TikZ!

## ⟨/> Code LATEX

#### 38.2 Clés et options

#### Clés et options

Quelques (clés) sont disponibles pour cette commande :

- la clé (**Epaisseurg**) pour gérer l'épaisseur des traits épais; défaut (**1.5pt**)
- la clé (Epaisseur) pour gérer l'épaisseur des traits fins;
   défaut (0.5pt)
- la clé (**Unite**) qui est l'unité graphique de la figure; défaut (**1cm**)
- la clé (**CouleurCase**) pour la couleur (éventuelles) des cases; défaut (**LightBlue !50**)
- la clé (**CouleurTexte**) pour gérer la couleur du label des cases; défaut (**blue**)
- la cie (Couleur l'exte) pour gerer la couleur du label des cases; defaut (blue)
- la clé **(NbCol)** qui est le nombre de colonnes; défaut **(9)**
- la clé (**NbSubCol**) qui est le nombre de sous-colonnes; défaut (3)
- la clé ⟨NbLig⟩ qui est le nombre de lignes; défaut ⟨9⟩
- la clé (**NbSubLig**) qui est le nombre de sous-colonnes; défaut (3)
- la clé ⟨**Police**⟩ qui formatte le label des cases; défaut ⟨\**normalfont**\**normalsize**⟩
- le booléen (**Legendes**) qui affiche ou non les légendes (H et V) des cases; défaut (**true**)
- la clé ⟨**PoliceLeg**⟩ qui formatte le label des légendes; défaut ⟨\normalfont\normalsize⟩
- la clé (**ListeLegV**) qui est la liste de la légende verticale; défaut (**ABCD...WXYZ**)
- la clé (**ListeLegH**) qui est la liste de la légende horizontale; défaut (**abcd...wxyz**)
- la clé (**DecalLegende**) qui est le décalage de la légende par rapport à la grille. défaut (**0.45**)

## information(s)

La liste éventuelle des éléments à rentrer dans le tableau est traitée par le package listofitems, et se présente sous la forme suivante : [ / / / ... / / § / / / ... / / § ... § / / / ... / /

Il peut donc être intéressant de *déclarer* la liste au préalable pour simplifier la saisie de la commande!

## information(s)

La **(CouleurCase)** est gérée – en interne – par le caractère \* qui permet de préciser qu'on veut que la case soit coloriée.

#### Code LATEX

```
%grille 6x6 avec blocs 2x3, avec coloration de cases (présentée sous forme de "cases")
\def\grilleSuMa{%
                 / (c)* / (d)* §%
 (a)* / (b)* /
           /
                / (f)* / (g)* / (h)* §%
 (e)* /
                     / / (j)* §%
            / (i)* /
                      / (1)* / (m)* §%
            / (k)* /
                     / / (p)* §%
 (n)* /
            / (o)* /
                  / (q)* /
                               /
                                     §%
```

\SudoMaths[Unite=0.75cm, NbCol=6, NbSubCol=2, NbLig=6, NbSubLig=3, %

Police=\small\bfseries\ttfamily,CouleurTexte=red,CouleurCase=yellow!50,Legendes=false]{\grilleSuMa}

#### Sortie LATEX

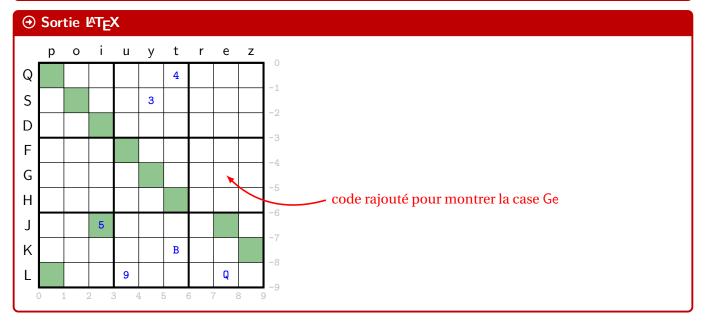
(a)	(b)			(c)	(d)
(e)			(f)	(g)	(h)
		(i)			(j)
		(k)		(1)	(m)
(n)		(o)			(p)
			(q)		

## information(s)

La grille, créée en TikZ, est portée par le rectangle de « coins » (0; 0) et (nbcol; –nblig), de sorte que les labels des cases sont situés au nœuds de coordonnées (x,5; –y,5).

```
⟨→ Code LATEX
%grille classique avec coloration de cases et commande tikz
%graduations rajoutées pour la lecture des coordonnées
\def\grilleSuMaB{%
  *////4///§%
  /*///3///\§%
  //*/////$%
  ///*////§%
  ////*////§%
  /////*///§%
  //5*////*/§%
  ////B///*§%
  *///9////Q/§%
\begin{EnvSudoMaths}[%
   Unite=0.66cm, Police=\footnotesize\bfseries\ttfamily, CouleurCase=ForestGreen!50, %
   ListeLegV=QSDFGHJKL,ListeLegH=poiuytrez]{\grilleSuMaB}
  \draw[red, very thick, <-,>=latex] (7.5,-4.5) to[bend right] ++ (4,-1) node[right] {code}

¬ rajouté...};
\end{EnvSudoMaths}
```



## Douzième partie

# Historique

```
v 2.5.8: Ajout d'un style Alt pour les codes (pages 37 et 45)
        : Modification de la syntaxe des commandes avec Pythontex et PseudoCode (pages 44 et 48)
v 2.5.7: Ajout de clés pour les codes Piton + Console via Pyluatex (page 41)
v 2.5.6: Ajout d'une clé \langle Trigo \rangle pour l'axe (Ox) (page 20)
v 2.5.5: Externalisation de la fenêtre XCas (dans la package FentreCas)
v 2.5.4: Modification des calculs (via xint) en combinatoire (page 91)
v 2.5.3: Modification du traitement des tests dans les arbres de probas (page 84)
v 2.5.2: Correction d'un dysfonctionnement avec tcolorbox 6.0
v 2.5.1: Ajout d'une version étoilée pour la conversion en fraction (page 99)
v 2.5.0: Système de librairies pour certains packages/commandes (page 7)
v 2.2.0: Ajout d'une clé (Notation) pour les arrangements et combinaisons (page 91)
v 2.1.9: Correction d'un bug (et ajout d'une version étoilée) pour les petits schémas « de signe » (page 31)
v 2.1.8: Suppression des commandes de PixelArt, désormais dans le package PixelArtTikz
v 2.1.7: Ajout d'une clé Math pour les sommets des figures de l'espace (pages 54 et 56)
v 2.1.6: Correction d'un bug lié au chargement de hylogos, remplacé par hologo
v 2.1.5: Combinatoire avec arrangements et combinaisons (page 91)
v 2.1.4: Résolution approchée d'équations f(x) = k (page 14)
v 2.1.3: Améliorations dans les présentations Piton (page 41)
v 2.1.2: Ajout d'une commande pour la mesure principale d'un angle (page 105)
v 2.1.1: Ajout d'une section pour des repères en TikZ (page 20)
v 2.1.0: Calcul du seuil, en interne désormais (page 18)
        : Commande pour simplifier une racine carrée (page 104)
        : Option [pythontex] pour charger le nécessaire pour pythontex
v 2.0.9: Nombres aléatoires, tirages aléatoires d'entiers (page 89)
v 2.0.8: Ajout d'un environnement pour présenter du code MFX (page 53)
v 2.0.7: Ajout d'options pour stretch et fonte env python(s) (pas tous...)
v 2.0.6: Changement de taille de la police des codes Python (page 37)
v 2.0.5: Correction d'un bug avec les calculs de suites récurrentes (page 18)
v 2.0.4: Ajout d'une commande pour une présentation de solution par TVI (page 16)
v 2.0.3: Commandes pour des suites récurrentes simples (page 18)
v 2.0.2: Option left-margin=auto pour le package piton (page 41)
v 2.0.1: Chargement du package piton uniquement si compilation en Lua ETFX (page 41)
v 2.0.0: Refonte du code source avec modification des commandes, et de la documentation
v 1.3.7: Commandes pour du code python via piton, en compilation Lua ETFX (page 41)
        : Corrections et modifications mineures de la documentation
v 1.3.6: Présentation de l'algorithme d'Euclide pour le PGCD (page 97)
        : Affichage d'un trinôme par coefficients, aléatoires ou non (page 102)
v 1.3.5: Correction d'un bug avec la loi géométrique (page 79)
v 1.3.4: Ajout de petits schémas, en TikZ, de lois normales et exponentielles (page 87)
        : Calculs de probas avec les lois géométriques et hypergéométriques (page 79)
v 1.3.3: Ajout d'un environnement pour des arbres de probas classiques, en TikZ (page 84)
v 1.3.2: Correction d'un bug sur les conversions bintohex avec lualatex (page 92)
v 1.3.1: Ajout d'une option pour ne pas afficher les bordures des corrections de pixelart
v 1.3.0: Commande pour présenter une conversion depuis la base 10 (page 95)
v 1.2.9: Correction des commandes avec simplekv
v 1.2.7: Ajout de commandes pour des calculs de probabilités (page 79)
v 1.2.6: Ajout d'un environnement pour des SudoMaths (page 106)
v 1.2.5: Ajout de commandes pour des boîtes à moustaches (page 76)
v 1.2.4: Correction de quelques bugs mineurs, et mise à jour de la doc
v 1.2.3: Commandes pour du code python "simple", sans compilation particulière (page 37)
v 1.2.2: Commandes pour travailler sur des stats à 2 variables (page 67)
v 1.2.1: Amélioration de la gestion du csv pour Pixelart
v 1.1.9: Pixelart en TikZ
v 1.1.8: Style "Mainlevée" basique pour TikZ(page 61)
v 1.1.7: Conversions bin/hex/dec (basées sur xintbinhex) avec quelques détails (page 92)
v 1.1.6: Ajout d'une commande pour déterminer les paramètres d'une régression linéaire par moindres carrés (page
v 1.1.5: Ajout de deux commandes pour, en TikZ, créer des petits schémas « de signe » (page 31)
```

[ProfLycee] - 109 -

- v 1.1.4: Ajout d'une commande pour, en TikZ, créer facilement un cercle trigo avec options (page 58) v 1.1.3: Ajout des commandes pour fractions, ensembles et récurrence (pages 99, 101 et 34) v 1.1.1: Modification mineure de l'environnement calcul formel, avec prise de charge de la taille du texte v 1.1.0: Ajout d'une commande pour créer des tétraèdres (avec nœuds) en TikZ (page 56) v 1.0.9: Ajout d'une commande pour créer des pavés droits (avec nœuds) en TikZ (page 54) v 1.0.8: Ajout d'une commande pour créer des cartouches de lien "comme capytale" (page 52) v 1.0.7: Ajout d'une option build pour placer certains fichiers auxiliaires dans un répertoire externe v 1.0.6: Ajout d'une option nominted pour ne pas charger (pas besoin de compiler avec shell-escape) v 1.0.5: Ajout d'un environnement pour Python (minted) (page 45) v 1.0.4: Ajout des environnements pour Terminal (win, osx, unix) (page 50)
- v 1.0.3: Ajout des environnements pour PseudoCode (page 48)
- v 1.0.2: Ajout des environnements pour Python (pythontex) (page 44)
- v 1.0 : Version initiale