# ProfLycee

# Quelques petites commandes pour La (au lycée)

Cédric Pierquet
c pierquet -- at -- outlook . fr
Version 3.01b - 2 janvier 2024

Résumé : Quelques commandes pour faciliter l'utilisation de LATEX pour les mathématiques, au lycée.

- ⋄ résoudre, de manière approchée, des équations
- ⋄ calculer (et représenter) une valeur approchée d'une intégrale
- ⟨→ tracer facilement des repères/grilles/courbes
- tracer des courbes lisses avec gestion des extrema et des dérivées
- présenter du code python ou pseudocode, une console d'exécution Python
- ⋄ tracer rapidement un pavé, un tétraèdre
- simplifier des calculs sous forme fractionnaire, simplifier des racines
- effectuer des calculs avec des suites récurrentes, créer la toile pour une suite récurrente
- ⋄ afficher et utiliser un cercle trigo
- ⋄ afficher un petit schéma pour le signe d'une fonction affine ou d'un trinôme
- travailler sur les statistiques à deux variables (algébriques et graphiques)
- tracer un histogramme, avec classes régulières ou non
- ⋄ convertir entre bin/dec/hex avec détails
- ♦ présenter un calcul de PGCD
- effectuer des calculs de probas (lois binomiale, exponentielle, de Poisson, normale)
- ⟨→ créer des arbres de probas « classiques »
- ⋄ générer des listes d'entiers aléatoires (avec ou sans répétitions)
- $\phi \ \ \text{d\'eterminer la mesure principale d'un angle, calculer les lignes trigonom\'etriques d'angles « classiques » }$
- ${\it \mbox{\it \mbox{\it \mbox{\it \mbox{\it h}}}}}$ résoudre une équation diophantienne « classique »
- ⋄ travailler avec un peu de géométrie analytique
- ⋄ composer des mathématiques
- travailler sur des intervalles
- afficher quelques fractales classiques
- arbre des diviseurs d'un entier
- **/>** ...

Merci à Anne et quark67 pour leurs retours et relectures! Merci à Christophe et Denis pour leurs retours et éclairages! Merci aux membres du groupe 😝 du « Coin ET<sub>F</sub>X » pour leur aide et leurs idées!

# Table des matières

I	Introduction	10
1	Le package ProfLycee1.1 «Philosophie» du package1.2 Chargement du package1.3 Librairies1.4 Gestion des fontes	10 10 10 11 11
2	Compléments  2.1 Le système de « clés/options »	12 12 12 12
II	Liste des commandes, par thème	15
III	Écritures d'objets mathématiques	22
3	Introduction	22
4	Commandes 4.1 Arrondi	22 22 23 24 25
5	Collection d'objets         5.1 Idée          5.2 Commande et options	27 27 27
IV	Outils pour l'analyse	29
6	Résolution approchée d'une équation6.1 Idée6.2 Clés et options	<b>29</b> 29
7	Présentation d'une solution d'équation par balayage         7.1 Idée	31 31 31 32
8	Suites récurrentes simples8.1 Idées8.2 Clés et arguments8.3 Exemple d'utilisation	33 33 34
9	Valeur approchée d'une intégrale9.1Idée9.2Clés et arguments9.3Exemples	35 35 35 36

V	Outils graphiques	38
10	Intervalles	38
	10.1 Idée	38
	10.2 Création de l'environnement	
	10.3 Représentation d'intervalles	39
11	Repérage et tracé de courbes	41
	11.1 Idée	41
	11.2 Commandes, clés et options	42
	11.3 Commandes annexes	45
	11.4 Repère non centré en O	46
12	L'outil « SplineTikz »	48
	12.1 Courbe d'interpolation	48
	12.2 Code, clés et options	48
	12.3 Compléments sur les coefficients de « compensation »	48
	12.4 Exemples	49 50
	12.6 Conclusion	50
	12.0 Conclusion	30
13	L'outil « Tangente Tikz »	51
	13.1 Définitions	
	13.2 Exemple et illustration	
	13.3 Exemple avec les deux outils, et « personnalisation »	52
14	Points de discontinuité	53
	14.1 Idée	53
	14.2 Commandes	53
	14.3 Exemples	53
15	Petits schémas pour le signe d'une fonction affine ou d'un trinôme	<b>54</b>
	15.1 Idée	54
	15.2 Commandes	54
	15.3 Intégration avec tkz-tab	56
16	Suites récurrentes et « toile »	57
	16.1 Idée	57
	16.2 Commandes	57
	16.3 Exemples	58
	16.4 Influence des paramètres	59
17	Méthodes graphiques et intégrales	60
	17.1 Idée	60
	17.2 Clés et arguments	60
	17.3 Exemples	62
VI	Présentation de codes	65
18	Précautions	65
10	Code Python « simple » via le package listings	65
13	19.1 Introduction	<b>65</b>
	19.2 Commande et options	65
	19.3 Insertion via un fichier « externe »	66
	19.4 Exemples	66
	Feet and the first term of the	55

20	Code Python via le package piton	69
	20.1 Introduction	69
	20.2 Présentation de code Python	69
	20.3 Console en partenariat avec Pyluatex	
21	Code & Console Python, via les packages Pythontex ou Minted	72
	21.1 Librairies	72
	21.2 Introduction	72
	7 0 1 017	72
	, 1 0	73
	21.5 Console d'exécution Python	74
22	Pseudo-Code	<b>76</b>
	22.1 Introduction	76
	22.2 Présentation de Pseudo-Code	
	22.3 Compléments	77
23	Terminal Windows/UNiX/OSX	<b>78</b>
	23.1 Introduction	
	23.2 Commandes	78
24	Cartouche Capytale	80
	24.1 Introduction	80
	24.2 Commandes	80
25	Présentation de code L'EX	81
	25.1 Introduction	
	25.2 Commandes	81
VI	Outils pour la géométrie	83
26	Pavé droit « simple »	83
	26.1 Introduction	
	26.2 Commandes	
	26.3 Influence des paramètres	84
27	Tétraèdre « simple »	85
	27.1 Introduction	85
	27.2 Commandes	85
	27.3 Influence des paramètres	86
28	Cercle trigo	87
	28.1 Idée	87
	28.2 Commandes	87
	28.3 Équations trigos	88
VI]	II Outils pour la géométrie analytique	91
29	Conseils d'utilisation	91
30	Affichage de coordonnées	91
	30.1 Idée	91
	30.2 Options et arguments	92

31	Équation cartésienne d'un plan de l'espace31.1 Idée et commande	
32	Équation paramétrique d'une droite de l'espace         32.1 Idée et commande	
33	<b>Équation cartésienne d'une droite du plan</b> 33.1 Idée et commande	
34	Norme d'un vecteur, distance entre deux points  34.1 Idée et commande	
35	Distance d'un point à un plan 35.1 Idée et commande	
36	Équation réduite d'une droite du plan   36.1 Idée   36.2 Clés et arguments   36.3 Exemples	102
IX	Outils pour les statistiques	105
37	Paramètres d'une régression linéaire par la méthode des moindres carrés         37.1 Idée          37.2 Commandes          37.3 Intégration dans un environnement TikZ	105
38	Statistiques à deux variables38.1 Idées38.2 Commandes, clés et options38.3 Commandes annexes38.4 Interactions avec CalculsRegLin38.5 Exemple complémentaire, pour illustration	110 113 114
39	Boîtes à moustaches 39.1 Introduction	119
40	Histogrammes 40.1 Introduction	123 124
41	Courbe des ECC/FCC, paramètres 41.1 Introduction	129
X	Outils nour les probabilités	132

<b>42</b>	Calculs de probabilités	132
	42.1 Introduction	
	42.2 Calculs « simples »	
	42.3 Complément avec sortie « formatée »	134
43	Arbres de probabilités « classiques »	136
10	43.1 Introduction	
	43.2 Options et arguments	
	43.3 Exemples complémentaires	
44	Petits schémas pour des probabilités continues	139
	44.1 Idée	
	44.2 Commandes et options	
	44.5 Remarques et complements	140
45	Nombres aléatoires	141
	45.1 Idée	141
	45.2 Clés et options	142
40		1.40
46	Combinatoire           46.1 Idée	143
	46.1 Idee	
	40.2 Othisation	143
47	Fonction de répartition	144
	47.1 Idée	144
	47.2 Utilisation	144
ΧI	Outils nour l'arithmétique	147
XI	Outils pour l'arithmétique	147
	Division euclidienne	147
	Division euclidienne           48.1 Idée	<b>147</b> 147
	Division euclidienne	<b>147</b> 147
48	Division euclidienne         48.1 Idée	147 147 147
48	Division euclidienne 48.1 Idée	147 147 147
48	Division euclidienne         48.1 Idée	147 147 147 148 148
48	Division euclidienne         48.1 Idée          48.2 Clés et options          Conversions binaire/hexadécimal/décimal         49.1 Idée	147 147 147 148 148
48	Division euclidienne         48.1 Idée	147 147 147 148 148 148 149
48	Division euclidienne  48.1 Idée	147 147 147 148 148 148 149 150
48	Division euclidienne  48.1 Idée	147 147 148 148 148 149 150
48	Division euclidienne  48.1 Idée	147 147 148 148 148 149 150 150
48	Division euclidienne  48.1 Idée	147 147 148 148 149 150 150
48	Division euclidienne  48.1 Idée	147 147 148 148 149 150 150
<b>49</b>	Division euclidienne  48.1 Idée	147 147 148 148 149 150 152 152 152
<b>49</b>	Division euclidienne  48.1 Idée	147 147 148 148 149 150 152 152 154 154
<b>49</b>	Division euclidienne  48.1 Idée	147 147 148 148 149 150 152 152 154 154
<b>49</b>	Division euclidienne  48.1 Idée	147 147 148 148 149 150 152 152 154 154
48 49 50	Division euclidienne  48.1 Idée  48.2 Clés et options  Conversions binaire/hexadécimal/décimal  49.1 Idée  49.2 Conversion décimal vers binaire  49.3 Conversion binaire vers hexadécimal  49.4 Conversion hexadécimal vers binaire  49.5 Conversion binaire ou hexadécimal en décimal  Conversion « présentée » d'un nombre en base décimale  50.1 Idée  50.2 Code et clés  Algorithme d'Euclide pour le PGCD  51.1 Idée  51.2 Options et clés  51.3 Compléments	147 147 148 148 149 150 152 152 154 154 155
48 49 50	Division euclidienne  48.1 Idée	147 147 148 148 149 150 152 152 154 154 155 156
48 49 50	Division euclidienne  48.1 Idée	147 147 148 148 149 150 150 152 152 154 154 155 156 156
48 49 50 51	Division euclidienne  48.1 Idée  48.2 Clés et options  Conversions binaire/hexadécimal/décimal  49.1 Idée  49.2 Conversion décimal vers binaire  49.3 Conversion binaire vers hexadécimal  49.4 Conversion hexadécimal vers binaire  49.5 Conversion binaire ou hexadécimal en décimal  Conversion « présentée » d'un nombre en base décimale  50.1 Idée  50.2 Code et clés  Algorithme d'Euclide pour le PGCD  51.1 Idée  51.2 Options et clés  51.3 Compléments  Résolution d'une équation diophantienne  52.1 Idée  52.2 Options et clés	147 147 148 148 149 150 152 152 154 154 155 156 156
48 49 50 51	Division euclidienne  48.1 Idée  48.2 Clés et options  Conversions binaire/hexadécimal/décimal  49.1 Idée  49.2 Conversion décimal vers binaire  49.3 Conversion binaire vers hexadécimal  49.4 Conversion hexadécimal vers binaire  49.5 Conversion binaire ou hexadécimal en décimal  Conversion « présentée » d'un nombre en base décimale  50.1 Idée  50.2 Code et clés  Algorithme d'Euclide pour le PGCD  51.1 Idée  51.2 Options et clés  51.3 Compléments  Résolution d'une équation diophantienne  52.1 Idée  52.2 Options et clés  Diviseurs	147 147 148 148 149 150 152 152 154 154 155 156 156 156
48 49 50 51	Division euclidienne  48.1 Idée  48.2 Clés et options  Conversions binaire/hexadécimal/décimal  49.1 Idée  49.2 Conversion décimal vers binaire  49.3 Conversion binaire vers hexadécimal  49.4 Conversion hexadécimal vers binaire  49.5 Conversion binaire ou hexadécimal en décimal  Conversion « présentée » d'un nombre en base décimale  50.1 Idée  50.2 Code et clés  Algorithme d'Euclide pour le PGCD  51.1 Idée  51.2 Options et clés  51.3 Compléments  Résolution d'une équation diophantienne  52.1 Idée  52.2 Options et clés	147 147 148 148 149 150 150 152 152 154 154 155 156 156 156 160

<b>54</b>	Chiffrements	163
	54.1 Idées	163
	54.2 Chiffrement de César	163
	54.3 Inverse modulo	
	54.4 Chiffrement affine	
	54.5 Chiffrement de Hill	165
ΧI	I Écritures, simplifications	168
55	Simplification sous forme d'une fractions	168
	55.1 Idée	
	55.2 Commande et options	168
<b>56</b>	Écriture d'un trinôme, trinôme aléatoire	170
	56.1 Idée	
	56.2 Clés et options	170
<b>57</b>	Simplification de racines	171
	57.1 Idée	
	57.2 Exemples	171
<b>58</b>	Mesure principale d'un angle	172
	58.1 Idée	
	58.2 Exemples	172
<b>59</b>	Lignes trigonométriques	173
	59.1 Idée	
	59.2 Commande	
	59.3 Valeurs disponibles	175
60	Écriture sous forme de fraction irréductible d'un décimal périodique	176
	60.1 Idées	
	60.2 Options et clés	176
XI	II Jeux et récréations	179
61	SudoMaths, en TikZ	179
01	61.1 Introduction	
	61.2 Clés et options	
62	Quelques fractales, en TikZ	183
	62.1 Introduction	183
	62.2 Flocon de Koch et triangle de Sierpinski	183
	62.3 Affichage de plusieurs étapes pour les flocons de Koch	
	62.4 Affichage de plusieurs étapes pour les tapis de Sierpinski	186
63	Châteaux de cartes	187
	63.1 Introduction	
	63.2 Clés et options	187
64	Allumettes	189
	64.1 Introduction	189
	64.2 Clés et options	198

65 Machines à transformer, en TikZ	191
65.1 Introduction	191
65.2 Clés et options	192
XIV Historique	196

# Thème

# INTRODUCTION

## Première partie

# Introduction

## 1 Le package ProfLycee

#### 1.1 « Philosophie » du package



Ce package, très largement inspiré (et beaucoup moins abouti) de l'excellent ProfCollege de C. Poulain et des excellents tkz-\* d'A. Matthes, va définir quelques outils pour des situations particulières qui ne sont pas encore dans ProfCollege.

On peut le voir comme un (maigre) complément à ProfCollege, et je précise que la syntaxe est très proche (car pertinente de base) et donc pas de raison de changer une équipe qui gagne!

Il se charge de manière classique, dans le préambule, par [\u00e4\u00cdeseq\u00e4ProfLycee]. Il charge des packages utiles, mais j'ai fait le choix de laisser l'utilisateur gérer ses autres packages, comme notamment [\u00e4\u00e4mssymb] qui peut poser souci en fonction de la *position* de son chargement.

L'utilisateur est libre de charger ses autres packages utiles et habituels, ainsi que ses polices et encodages habituels!



Pour des soucis de compatibilités, scolor n'est plus chargé, par défaut, avec les options [table,svgnames], les couleurs de base de scolor sont toutefois accessibles (une seule couleur, CouleurVertForet a été définie)!

Il est cependant possible, grâce à l'option ([xcolor]) à passer au chargement du package, de charger [xcolor] avec l'option [table,svgnames].

0

Le package ProfLycee charge et utilise les packages :

```
- @ mathtools, @ amssymb, @ xspace, @ esvect, @ interval;
- @ tikz, @ pgf, @ pgffor, @ nicefrac, @ nicematrix;
- @ tcolorbox avec les librairies @ breakable,fitting,skins,listings,listingsutf8,hooks;
- @ xparse, @ xstring, @ simplekv, @ xinttools;
- @ listofitems, @ xintexpr, @ xintbinhex, @ xintgcd;
- @ tabularray, @ fontawesome5, @ randomlist, @ fancyvrb.
```



J'ai utilisé les packages de C. Tellechea, je vous conseille d'aller jeter un œil sur ce qu'il est possible de faire en 上下X avec [listofitems], [randomlist], [simplekv] ou encore [string]!

#### 1.2 Chargement du package

#### 1.3 Librairies



2.5.0 Le package fonctionne désormais avec un système de librairies, qui utilisent et chargent des packages spécifiques, avec des compilations particulières, donc l'utilisateur utilisera un système de chargement similaire à celui de tcolorbox ou tikz, dans le préambule, et une fois le package appelé.



```
\text{Code Large ProfLycee}
\text{useproflyclib{...,...}}
```



Les librairies disponibles seront indiquées dans les sections spécifiques. Pour le moment, il existe :

```
— piton (page 69);
— minted (page 73);
— pythontex (page 72);
— ecritures (page 22).
```



Pour le package piton, la version minimale requise est la 1.5 pour bénéficier d'un rendu optimal (au niveau des marges) de la présentation du code Python.

En compilant (notamment avec les librairies minted et pythontex) on peut spécifier des répertoires particuliers pour les (ou des) fichiers auxiliaires.

Avec l'option (build), l'utilisateur a la possibilité de placer les fichiers temporaires de minted et pythontex dans un répertoire build du répertoire courant.

Dans ce cas il faut créer au préalable le répertoire build avant de compiler un fichier, pour éviter toute erreur!



```
...
\usepackage[build]{ProfLycee}
\useproflyclib{...}
...
```



L'option (build) charge certains packages (librairies minted et pythontex) avec les options :

- Setpythontexoutputdir{./build/pythontex-files-\jobname}
- RequirePackage[outputdir=build]{minted}

#### 1.4 Gestion des fontes



2.6.5 Sous XqMTeX & LuaMTeX, Proflycee utilisant le package mathtools, il est nécessaire de placer l'appel à Proflycee avant l'appel des fontes.

Sous X<sub>H</sub>M<sub>E</sub>X & LuaM<sub>E</sub>X, certaines fontes (par exemple fourier-otf) redéfinissent les fontes générées par le package massymb et peuvent provoquer un « warning » au mieux, une erreur de compilation au pire. Pour cela, on pourra appeler ProfLycee avec l'option (nonamssymb) (idée reprise de ProfCollege).

```
</>>
```

## 2 Compléments

#### 2.1 Le système de « clés/options »



L'idée est de conserver – autant que faire se peut – l'idée de (Clés) qui sont :

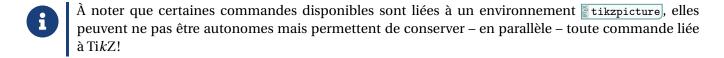
- modifiables;
- définies (en majorité) par défaut pour chaque commande.

Pour certaines commandes, le système de  $\langle Cl\acute{e}s \rangle$  pose quelques soucis, de ce fait le fonctionnement est plus *basique* avec un système d'arguments *optionnels* (souvent entre [...]) ou *obligatoires* (souvent entre  $\{...\}$ ).

À noter que les :

- les (Clés) peuvent être mises dans n'importe quel ordre, elles peuvent être omises lorsque la valeur par défaut est conservée;
- les arguments doivent, eux, être positionnés dans le *bon ordre*.
- Les commandes et environnements présentés seront explicités via leur syntaxe avec les options/clés ou arguments.

Autant que faire se peut, des exemples/illustrations/remarques seront proposés à chaque fois.



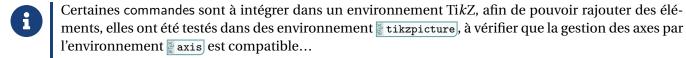
#### 2.2 Compilateur(s)

Le package ProfLycee est compatible avec les compilateurs classiques : latex, pdflatex ou encore lualatex.

En ce qui concerne les codes librairies, il faudra:

- $\frac{1}{2}$  pythontex : compiler en chaîne (xxx) latex + pythontex + (xxx) latex;
- minted: compiler avec shell-escape (ou write18);
- 📱 piton]: compiler en LualIT<sub>E</sub>X et shell-escape (ou write18).

#### 2.3 Problèmes éventuels...



En dehors de cela, ce sont des tests multiples et variés qui permettront de détecter d'éventuels bugs!

Bonne(s) découverte(s) ans

# Thème

# LISTE DES COMMANDES

# Deuxième partie

# Liste des commandes, par thème



**2.0.0** Cette section contient un *résumé* des différentes commandes et environnements disponibles dans ProfLycee.

Elles sont présentées de manière *succincte*, mais elles sont présentées de manière *détaillée* dans la suite de la documentation.



#### </> ✓/> Code LATEX

%intervalles

\begin{RepIntervalles}[clés] < options tikz>...\end{RepIntervalles}

\tkzIntervalle[clés]{xmin}{xmax}



#### Code LATEX

%Résolution approchée d'une équation f(x)=k

\ResolutionApprochee[clés]{équation}[macro]

%Présentation d'une solution par balayage (TVI)

\SolutionTVI[options]{fonction}{valeur}

%Calculer le terme d'une suite récurrente simple, toile pour une suite récurrente simple

\CalculTermeRecurrence[options]{fonction associée}

\ToileRecurrence[clés][options du tracé][option supplémentaire des termes]

 $\mbox{\it Mise}$  en forme de la conclusion d'un seuil

 $\verb|\SolutionSeuil[options]{fonction associée}{seuil}|$ 

%Valeur approchée d'une intégrale

\IntegraleApprochee[clés]{fonction}{a}{b}



#### </> ✓/> Code LATEX

%fenêtre de repérage en tikz et courbe

\GrilleTikz[options][options grille ppale][options grille second.]

\AxesTikz[options] \AxexTikz[options] {valeurs} \AxeyTikz[options] {valeurs}

\FenetreSimpleTikz[options](opt axes)<opt axe 0x>{liste valx}<opt axe 0y>{liste valy}

\DeclareFonctionTikz[nom] {expr}

\CourbeTikz[options]{fonction}{valxmin:valxmax}

%courbe d'interpolation, tangente, dans un environnement tikz

\SplineTikz[options]{liste}

\TangenteTikz[options]{liste}

\PtsDiscontinuite[options]{liste}

%schémas pour le signe affine/trinôme, dans un environnement tikz

\MiniSchemaSignes(\*)[clés]<options tikz>

\MiniSchemaSignesTkzTab[options] {numligne} [échelle] [décalage horizontal]

%intégrales et méthodes graphiques

\IntegraleApprocheeTikz[clés]{nom\_fonction}{a}{b}



#### </> Code LATEX

```
%présentation de code Python
\begin{CodePythonLst}(*)[clés]{commandes tcbox}...\end{CodePythonLst}
\begin{CodePythonLstAlt}(*)[clés]{commandes tcbox}...\end{CodePythonLstAlt}
%:=librairie piton
\begin{CodePiton} [options piton] {commandes tcbox}<1ere ligne>...\end{CodePiton}
\begin{PitonConsole} < clés> {commandes tcbox}...\end{PitonConsole}
%:=librairie pythontex
\begin{CodePythontex}[clés]{commandes tcbox}...\end{CodePythontex}
\begin{CodePythontexAlt}[clés]{commandes tcbox}...\end{CodePythontexAlt}}
\begin{ConsolePythontex}[options]{}...\end{ConsolePythontex}
%:=librairie minted
\begin{CodePythonMinted}(*)[clés]{commandes tcbox}...\end{CodePythonMinted}
\begin{CodePythonMintedAlt}(*)[largeur][clés]{commandes tcbox}...\end{CodePythonMintedAlt}
%présentation de pseudocode
\begin{PseudoCode}(*)[clés]{commandes tcbox}...\end{PseudoCode}
\begin{PseudoCodeAlt}(*)[largeur][clés]{commandes tcbox}...\end{PseudoCodeAlt}
```



#### </> Code LATEX

%terminal OS \begin{TerminalWin} [largeur] {clés} [options] ... \end{TerminalWin} \begin{TerminalUnix}[largeur]{clés}[options]...\end{TerminalUnix} \begin{TerminalOSX}[largeur]{clés}[options]...\end{TerminalOSX} %code Capytale

\CartoucheCapytale(\*)[options]{code capytale}



#### </> ✓/> Code LATEX

%pavé et tétraèdre, dans un environnement tikz \PaveTikz[options] \TetraedreTikz[options]

%cercle trigo, dans un environnement tikz \CercleTrigo[clés]



#### Code LATEX

%Affichage des coordonnées d'un point (2 ou 3 coordonnées) \AffPoint[options de formatage](liste des coordonnées) %Affichage des coordonnées d'un vecteur (2 ou 3 coordonnées) \AffVecteur[options de formatage] < options nicematrix > (liste des coordonnées) %Avec un vecteur normal et un point \TrouveEqCartPlan[clés](vecteur normal)(point) %Avec deux vecteurs directeurs et un point \TrouveEqCartPlan[clés](vecteur dir1)(vecteur dir2)(point) %Avec trois points \TrouveEqCartPlan[clés] (point1) (point2) (point3) %Avec un vecteur directeur et un point \TrouveEqParamDroite[clés](vecteur directeur)(point) %Avec deux points \TrouveEqParamDroite[clés](point1)(point2) %Avec un vecteur normal (choix par défaut) et un point \TrouveEqCartDroite[clés](vecteur normal)(point) %Avec un vecteur directeur et un point \TrouveEqCartDroite[clés, VectDirecteur] (vecteur directeur) (point1) %Avec deux points \TrouveEqCartDroite[clés](point1)(point2) %Avec le point et le plan via vect normal + point \TrouveDistancePtPlan(point)(vec normal du plan)(point du plan) %Avec le point et le plan via vect normal + point \TrouveDistancePtPlan(point)(équation cartésienne) %Avec le vecteur \TrouveNorme(vecteur) %Avec deux points \TrouveNorme(point 1)(point 2)



#### ⟨/> Code LATEX

%Équation réduite d'une droite
\EquationReduite[option]{A/xa/ya,B/xb/yb}



#### Code LATEX

%paramètres d'une régression linéaire, nuage de points \CalculsRegLin[clés]{listeX}{listeY} \PointsRegLin[clés]{listeX}{listeY} %stats à 2 variables, dans un environnement tikz \GrilleTikz[options] [options grille ppale] [options grille second.] \AxesTikz[options] \AxexTikz[options]{valeurs} \AxeyTikz[options]{valeurs} \FenetreTikz \OrigineTikz \FenetreSimpleTikz[options](opt axes)<opt axe 0x>{liste valx}<opt axe 0y>{liste valy} \NuagePointsTikz[options]{listeX}{listeY} \PointMoyenTikz[options] \CourbeTikz[options]{formule}{domaine} %boîte à moustaches, dans un environnement tikz \BoiteMoustaches[options] \BoiteMoustachesAxe[options] %histogrammes \Histogramme(\*)[options]{données} %courbe ECC/FCC \CourbeECC[clés]{liste valeurs}{liste effectifs} \begin{EnvCourbeECC} [clés] {liste valeurs} {liste effectifs}...\end{EnvCourbeECC} \MedianeQuartilesECC{liste valeurs}{liste effectifs}



#### Code LATEX

%loi binomiale B(n,p)
\CalcBinomP{n}{p}{k}
\CalcBinomC{n}{p}{a}{b}
\BinomP(\*)[prec]{n}{p}{k}
\BinomC(\*)[prec]{n}{p}{a}{b}

%loi de Poisson P(l)

%loi de Poisson P(l)
\CalcPoissP{1}{k}
\CalcPoissC{1}{a}{b}
\PoissonP(\*)[prec]{1}{k}
\PoissonC(\*)[prec]{1}{a}{b}



#### Code LATEX

%loi géométrique G(p)
\CalcGeomP{p}{k}
\CalcGeomC{1}{a}{b}
\GeomC{1}{a}{b}

%loi hypergéométrique H(N,n,m)
\CalcHypergeomP{N}{n}{m}{k}
\CalcHypergeomP{N}{n}{m}{a}{b}
\HypergeomP{N}{n}{m}{a}{b}

 $\label{localization} $$ \HypergeomC{N}_{n}_{m}_{a}\{b\} $$$ 



## </> ✓/> Code LATEX

%loi normale N(m,s)
\CalcNormC{m}{s}{a}{b}
\NormaleC(\*)[prec]{m}{s}{a}{b}

%loi exponentielle E(l)
\CalcExpoC{1}{a}{b}
\ExpoC(\*)[prec]{1}{a}{b}

%arbres de probas
\ArbreProbasTikz[options]{donnees}
\begin{EnvArbreProbasTikz}[options]{donnees}...\end{EnvArbreProbasTikz}

%schémas lois continues
\LoiNormaleGraphe[options]<options tikz>{m}{s}{a}{b}
\LoiExpoGraphe[options]<options tikz>{1}{a}{b}

%fonction de répartition discrète, dans une environnement tikz
\FonctionRepartTikz[clés]{probas,borneinf,bornesup / probas,borneinf,bornesup / ...}



#### Code LATEX

%entier aléatoire entre a et b

\NbAlea{a}{b}{macro}

 ${\it %nombre}$  décimal (n chiffres après la virgule) aléatoire entre a et b+1 (exclus)

\NbAlea[n]{a}{b}{macro}

%création d'un nombre aléatoire sous forme d'une macro

\VarNbAlea{macro}{calcul}

%liste d'entiers aléatoires

\TirageAleatoireEntiers[options]{macro}

%liste des diviseurs

\ListeDiviseurs(\*)[option]{nombre}

%arbre des diviseurs

\ArbreDiviseurs[options]{nombre}



#### </> Code LATEX

%arrangement Anp

\Arrangement(\*)[option]{p}{n}

%arrangement Cnp (p parmi n)

\Combinaison(\*)[option]{p}{n}



#### </> ✓/> Code LATEX

%conversions

\ConversionDecBin(\*)[clés]{nombre}

\ConversionBinHex[clés]{nombre}

\ConversionHexBin[clés]{nombre}

\ConversionVersDec[clés]{nombre}

\ConversionBaseDix[clés]{nombre}{base de départ}

 $\verb|\ConversionDepuisBaseDix[options]| \{nombre \ en \ base \ 10\} \{base \ d'arriv\'ee\}|$ 

%PGCD présenté

\PresentationPGCD[options]{a}{b}

%Équation diophantienne

\EquationDiophantienne[clés]{equation}



#### Code LATEX

%division euclidienne

\DivEucl(\*)[clés]{a}{b}

%inverse modulo

\InverseModulo(\*){a}{modulo}

%Chiffrement de César

\ChiffrementCesar[clés]{message}

%Chiffrement affine

\ChiffrementAffine[clés]{message}

%Chiffrement de Hill

\ChiffrementHill[clés]{message}



#### ⟨→ Code LATEX

%conversion en fraction, simplification de racine

 $\verb|\ConversionFraction(*)[option]{argument}|$ 

\SimplificationRacine{expression}

%ensemble d'éléments

\EcritureEnsemble[clés]{liste}

%trinôme, trinôme aléatoire

\EcritureTrinome[options]{a}{b}{c}

%mesure principale, lignes trigo

\MesurePrincipale[options]{angle}

\LigneTrigo(\*)[booléens]{cos/sin/tan}(angle)



### </> Code LATEX

% sudomaths

\SudoMaths[options]{liste}

 $\verb|\begin{EnvSudoMaths}| [options] {grille}... \\end{EnvSudoMaths}|$ 

% fractales

\FractaleTikz(\*)[clés]<options tikz>\EtapesFloconKoch[clés]{étapes}

\EtapesTapisSierpinski[clés]{étapes}

%chateau de cartes

 $\verb|\ChateauCartes[clés]{niveau}<options tikz>$ 

% 2000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 1000 = 10000 = 10000 = 10000 = 10000 = 10000 = 10000 = 10000 = 10000 = 10000 = 10000 = 10000 = 10000 =

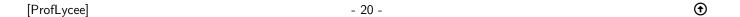
 $\verb|\PfLAllumettes[clés]{liste départs>arrivées}| \\$ 



### </> Code LATEX

 $\mbox{\em {\it M}} machine \ \mbox{\em a} \ transformer$ 

\MachineTransformer[clés]{e/s}<options tikz>



# Thème

ÉCRITURES MATHÉMATIQUES

# Troisième partie

# Écritures d'objets mathématiques

#### 3 Introduction



Les commandes de cette section sont disponibles en chargeant la librairie geritures, car elles peuvent redéfinir des commandes personnelles déjà existantes!

### 4 Commandes

#### 4.1 Arrondi



Il est possible de calculer/arrondir/formater un calcul mathématique, grâce aux package siunitx et xinteval.

- la version étoilée force l'affichage du «+ » pour les nombres positifs;
- l'argument optionnel est la précision demandée (3 par défaut)
- l'argument obligatoire est le calcul, au langage [xinteval].



#### 4.2 Ensembles et intervalles



Les commandes suivantes permettent de composer les ensembles traditionnels, en mode *tableau noir*. Elles sont dans un bloc ensuremath, donc les \$...\$ ne sont pas nécessaires.

À noter la macro particulière pour l'ensemble des quaternions, pour éviter des erreurs éventuelles de *re*définition.



```
</>
Code Late
\( \n, \Z, \D, \Q, \R, \C, \ensH, \N*, \Z*, \D*, \Q*, \R*, \C*, \ensH*
\( \n, \Z, \D, \Q, \R, \C, \H, \N^*, \Z^*, \D^*, \Q^*, \R^*, \C^*, \H^*
\)
```



Des intervalles peuvent être composés, grâce à la commande \[\IntervalleXX], dont la base est le package \[\] intervalle \[\] intervalle \[\].

- la commande est insérée dans un bloc ensuremath;
- le séparateur est le point-virgule;
- l'espacement autour du point-virgule est laissé aux réglages du document ( babel), frenchmath, etc).



#### </> Code LATEX

\IntervalleF0{0}{+\infty} ou \Intervalle00{0}{+\infty} ou \Intervalle00{-\infty}{0} ou \Intervalle0F{-\infty}{0}



#### </b> ⟨→ Code LATEX

 $\left[\tfrac{1}{2};\sqrt{26}\right]\text{ou}\left]\tfrac{1}{2};\sqrt{26}\right[\text{ou}\left[\frac{1}{2};\sqrt{26}\right[\text{ou}\left[\frac{1}{2};\sqrt{26}\right]$ 

## 4.3 Repères et coordonnées



Des vecteurs/repères/coordonnées peuvent être composées :

- les vecteurs sont mis en forme par le package servect (y compris en version étoilée pour les indices);
- des coordonnées de point/vecteur dans le plan ou l'espace;
- des repères génériques, avec choix du séparateur entre le point et les vecteurs;
- les versions étoilées des repères n'alignent pas les flèches.



#### </> ✓ Code LATEX

%vecteurs
\Vecteur{\imath} et \Vecteur{u} et \Vecteur{AB}

\$\Vecteur{AB}+\Vecteur{BC} = \Vecteur{AC}\$

 $\ \vecteur*{u}[1]+\vecteur*{v}[2] = \vecteur*{w}[3]$ 

 $\vec{i}$  et  $\vec{u}$  et  $\vec{AB}$   $\vec{AB} + \vec{BC} = \vec{AC}$  $\vec{u}_1 + \vec{v}_2 = \vec{w}_3$ 



#### </>/> Code LATEX

%coordonnées points \CoordPtPl{4}{-2} ou \CoordPtPl{\frac12}{\frac47}

 $\label{lem:coordPtEsp} $$\CoordPtEsp{-2}{\frac{12}{\frac{7}} ou \CoordPtEsp{-2}{\frac{12}{\frac{7}}} }$ 

(4;-2) ou  $(\frac{1}{2};\frac{4}{7})$ (4;-2;7) ou  $(-2;\frac{1}{2};\frac{4}{7})$ 



#### Code LATEX

%coordonnées vecteurs
\CoordVecPl{4}{-2} ou \CoordVecPl{\frac12}{\frac47}

 $\label{lem:coordVecEsp} $$ \operatorname{CoordVecEsp}_{-2}_{\frac{1}{2}} ou \operatorname{CoordVecEsp}_{-2}_{\frac{1}{2}}_{\frac{1}{2}} $$$ 

- 23 -

 $\begin{pmatrix} 4 \\ -2 \end{pmatrix} \text{ ou } \begin{pmatrix} \frac{1}{2} \\ \frac{4}{7} \end{pmatrix}$  $\begin{pmatrix} 4 \\ -2 \\ 7 \end{pmatrix} \text{ ou } \begin{pmatrix} -2 \\ \frac{1}{2} \\ \frac{4}{5} \end{pmatrix}$ 

```
</>
```

#### Code LATEX



#### ⟨⟩ Code LATEX

```
%repères classiques 

\Repere0ij ou \Repere0ij* ou \Repere0ij[Sep={,}] ou \Repere0ij*[Sep={,}] 

\Repere0ijk ou \Repere0ijk* ou \Repere0ijk[Sep={,}] ou \Repere0ijk*[Sep={,}] 

\Repere0uv ou \Repere0uv* ou \Repere0uv[Sep={,}] ou \Repere0uv*[Sep={,}] 

\( (0; \vec{\iota}, \vec{J}) \text{ ou } (0; \vec{\iota}, \vec{J}) \text{ ou } (0, \vec{\iota}, \vec{J}) \text{ ou } (0, \vec{\iota}, \vec{J}) \text{ ou } (0, \vec{\iota}, \vec{J}, \vec{k}) \text{ ou } (0; \vec{\iota}, \vec{J}, \vec{L}) \text{ ou } (0; \vec{\iota}, \vec{L}, \vec{L}, \vec{L}) \text{ ou } (0; \vec{\iota}, \vec{L}, \vec{L}, \vec{L}) \text{ ou } (0; \vec{\iota}, \vec{L}, \vec{L}) \text{ ou } (0; \vec{\iota}, \vec{L}, \vec{L}, \vec{L}) \text{ ou } (0; \vec{L}, \vec{L}, \vec{L}, \vec{L}, \vec{L}, \vec{L}) \text{ ou } (0; \vec{L}, \vec{L}, \vec{L}, \vec{L}) \text{ ou } (0; \vec{L}, \vec{L}, \vec{L}, \vec{L}, \vec{L}, \vec{L}, \vec{L}) \text{ ou } (0; \vec{L},
```



#### Code LATEX

%repères personnalisés  $\label{label} $$ \end{A}_{AB}_{AC} ou \end{AB}_{AC} ou \end{AB}_{OI}_{OI}_{OI} ou \end{AB}_{OI}_{OK}$ 

 $\label{label} $$ \end{AB}_{AC}_{AD} ou \end{AB}_{AC}_{k} ou \end{AB}_{AC}_{k} ou \end{AB}_{i}_{j}_{k} $$$ 

```
(A; \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) \text{ ou } (A; \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) \text{ ou } (O; \overrightarrow{OI}, \overrightarrow{OJ}) \text{ ou } (O, \overrightarrow{OI}, \overrightarrow{OK})(A; \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}, \overrightarrow{AD}) \text{ ou } (A; \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}, \overrightarrow{k}) \text{ ou } (D; \overrightarrow{\iota}, \overrightarrow{\jmath}, \overrightarrow{k})
```

#### 4.4 Divers



La librairie geritures permet également de définir des commandes pour :

- composer le nom d'une courbe;
- composer le « i » et le « e » en romain;
- composer le complexe j en mode algébrique ou exponentielle;
- composer un modulo avec choix de la congruence;
- composer une suite numérique;
- composer une intégrale (mode displaystyle).

À noter que les commandes sont dans un bloc ensuremath.



#### </a> </> ✓ Code L<sup>A</sup>TEX

```
%version normale := mathcal
%version étoilée := mathscr (si chargé)

\Courbe et \Courbe[f] et \Courbe[g^{-1}]

\Courbe* et \Courbe*[f] et \Courbe*[g^{-1}]

\mathscr{C} et \mathscr{C}_f et \mathscr{C}_{g^{-1}}
\mathscr{C} et \mathscr{C}_f et \mathscr{C}_{g^{-1}}
```



#### Code LATEX

 $e^{i\pi} = -1$ 



#### </b> ⟨ /> Code LATEX

On a j = jfalg = jfexp

On a  $j = \frac{1}{2} + i \frac{\sqrt{3}}{2} = e^{i \frac{\pi}{3}}$ 



### </> ✓ Code LATEX

%La version étoilée augmente l'espacement, l'argument optionnel change la présentation \$21 \equiv 1 \Modulo{5} \equiv 1 \Modulo[Par]{5} \equiv 1 \Modulo[Txt]{5}\$ \$21 \equiv 1 \Modulo\*{5} \equiv 1 \Modulo\*[Par]{5} \equiv 1 \Modulo\*[Txt]{5}\$

 $21 \equiv 1 \ [5] \equiv 1 \ (5) \equiv 1 \text{ modulo } 5$  $21 \equiv 1 \ \ [5] \equiv 1 \ \ (5) \equiv 1 \text{ modulo } 5$ 



#### ⟨/> Code LATEX

Soient les suites  $Suite\{u\}$  et  $Suite[p]\{v\}$  et  $Suite[q]\{Omega\}$ .

Soient les suites  $(u_n)$  et  $(v_p)$  et  $(\Omega_q)$ .



#### </> ✓ Code LATEX

\$I = \Integrale f(x) \dx = \Integrale f(t) \dx[t]\$

 $I = \int f(x) dx = \int f(t) dt$ 

#### 4.5 Probabilités



La librairie geritures permet également de définir des commandes pour :

- composer une loi classique (binomiale, exponentielle, etc) avec mathcal ou mathscr;
- composer espérance, variance et écart-type.

À noter que les commandes sont dans un bloc ensuremath.



#### </> Code LATEX

```
%version normale := mathcal
%version étoilée := mathscr (si chargé)

\LoiNormale{150}{25} ou \LoiNormale*{150}{25}

\LoiBinomiale{150}{\num{0.45}} ou \LoiBinomiale*{150}{\num{0.45}}

\LoiPoisson{5} ou \LoiPoisson*{5}

\LoiExpo{\num{0.001}} ou \LoiExpo*{\num{0.001}}

\LoiUnif{\IntervalleFF{5}{60}} ou \LoiUnif*{\IntervalleFF{5}{60}}

$\mathcal{U}(150;25) ou \mathcal{U}(150;0,45) \mathcal{D}(150;0,45) \mathcal{D}(150;0,001) \mathcal{D}(150;0) ou \mathcal{U}(150;0) ou \mathcal{U}(150
```



#### Code LATEX

```
% Code LIEX
%par defaut E et V en \mathbb
\Esper{X} ou \Esper[E]{X} \\
\Varianc{X^2} ou \Varianc[V]{X^2} \\
\EcType{X^2}

E(X) ou E(X)
\V(X^2) ou V(X^2)
\sigma(X^2)
```

## 5 Collection d'objets

#### 5.1 Idée



L'idée est d'obtenir une commande pour simplifier l'écriture d'un ensemble d'éléments, en laissant gérer les espaces.

Les délimiteurs de l'ensemble créé sont toujours { }.



#### ⟨/> Code LATEX

\EcritureEnsemble[clés]{liste}

#### 5.2 Commande et options



Peu d'options pour ces commandes :

- le premier argument, optionnel, permet de spécifier les  $\langle Cl\acute{e}s \rangle$ :
  - clé (Sep) qui correspond au délimiteur des éléments de l'ensemble; défaut (;)
  - clé (Option) qui est un code (par exemple strut...) inséré avant les éléments; défaut (vide)
  - un booléen (Mathpunct) qui permet de préciser si on utilise l'espacement mathématique mathpunct.

défaut (true)

— le second, *obligatoire*, est la liste des éléments, séparés par /.



```
$\EcritureEnsemble{a/b/c/d/e}$
$\EcritureEnsemble[Mathpunct=false]{a/b/c/d/e}$
$\EcritureEnsemble[Sep={,}]{a/b/c/d/e}$
$\EcritureEnsemble[Option={\strut}]{a/b/c/d/e}$
$\EcritureEnsemble[Option={\strut}]{a/b/c/d/e}$
$\EcritureEnsemble{\frac{1}{1+\frac{1}{3}} / b / c / d / \frac{1}{2} }$
$\EcritureEnsemble{\frac{1}{1+\frac{1}{3}} / b / c / d / \frac{1}{2} }$
```



#### Sortie L⁴TEX

```
 \left\{ \begin{array}{l} \{a;b;c;d;e\} \\ \{a;b;c;d;e\} \\ \{a,b,c,d,e\} \\ \{a;b;c;d;e\} \\ \\ \left\{ \frac{1}{1+\frac{1}{3}};b;c;d;\frac{1}{2} \right\} \end{array}
```



Attention cependant au comportement de la commande avec des éléments en mode mathématique, ceux-ci peuvent générer une erreur si displaystyle n'est pas utilisé...

# Thème

# OUTILS POUR L'ANALYSE

## Quatrième partie

# Outils pour l'analyse

## 6 Résolution approchée d'une équation

#### 6.1 Idée

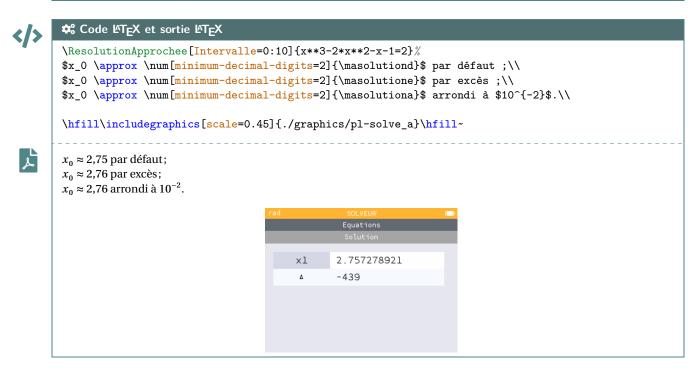


<u>2.1.4</u> L'idée est de proposer une commande pour résoudre, de manière approchée, une équation du type f(x) = k sur un intervalle (fermé) donné.

La méthode utilisée est la **dichotomie**, pour plus de rapidité que la méthode *simple* par balayage.



# </> Code La Carte La Cart



#### 6.2 Clés et options



Quelques explications sur les (clés) et sur les arguments :

- la clé (Precision) pour le nombre de chiffres après la virgule de la solution;
   défaut (2)
- la clé (obligatoire!) (Intervalle) qui permet de préciser l'intervalle initial de recherche;
- la clé (Variable) qui permet de spécifier la variable de l'équation; défaut ⟨x⟩
- l'argument *obligatoire* est l'équation, sous la forme f(...) = k (ou f(...) pour f(...) = 0);
- l'argument *optionnel* est la base de la <*macro*> qui sert à stocker les valeurs :

défaut (masolution)

- [\macro>d] pour la valeur approchée par défaut;
- [ \macro>e pour la valeur approchée par excès;
- [ \<macro>a pour la valeur approchée.



#### Code LATEX et sortie LATEX

```
\ResolutionApprochee[Precision=4, Intervalle=0:2] {exp(0.5*x)+x**2-4=0}%
Une valeur approchée, à 10^{-4} près, d'une solution de \text{text}_{e}^{0,5x}+x^2-4=0 sur
    $\left[0;2\right]$ est $\beta$ avec :
\begin{itemize}
    \item $\beta \approx \num[minimum-decimal-digits=4]{\masolutiond}$ par défaut ;
    \item $\beta \approx \num[minimum-decimal-digits=4]{\masolutione}$ par excès ;
    \item $\beta \approx \num[minimum-decimal-digits=4]{\masolutiona}$.
\end{itemize}
\ResolutionApprochee[Variable=t, Intervalle=-1:2] {3*t*exp(-0.5*t+1)=4} [SolA] %
Une valeur approchée, à 10^{-2} près d'une solution de 3t\,\rm m{e}^{-0,5t+1}=4 est t_1
\begin{itemize}
    \item $t_1 \approx \num[minimum-decimal-digits=2]{\SolAd}$ par défaut ;
    \item $t_1 \approx \num[minimum-decimal-digits=2]{\SolAe}$ par excès ;
    \item $t_1 \approx \num[minimum-decimal-digits=2]{\SolAa}$.
\end{itemize}
\ResolutionApprochee[Precision=3, Variable=t, Intervalle=2:10] {3*t*exp(-0.5*t+1)=4} [SolB]
Une valeur approchée, à 10^{-2} près d'une solution de 3t\, \ +exte^{-0.5t+1}=4 est t_2
\begin{itemize}
    \item $t_2 \approx \num[<mark>minimum-decimal-digits=</mark>2]{\SolBd}$ par défaut ;
    \item $t_2 \approx \num[minimum-decimal-digits=2]{\SolBe}$ par excès ;
    \item $t_2 \approx \num[minimum-decimal-digits=2]{\SolBa}$.
\end{itemize}
\medskip
\hfill\includegraphics[scale=0.45]{./graphics/pl-solve_b}~~
\includegraphics[scale=0.45]{./graphics/pl-solve_c}~~
\includegraphics[scale=0.45]{./graphics/pl-solve_d}\hfill~
```



Une valeur approchée, à  $10^{-4}$  près, d'une solution de  $e^{0,5x}+x^2-4=0$  sur  $[0\,;2]$  est  $\beta$  avec :

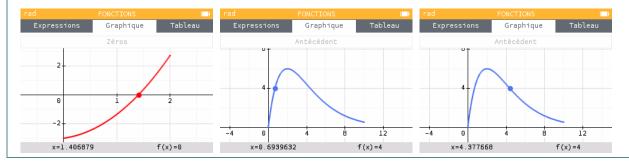
- β ≈ 1,4068 par défaut;
- β ≈ 1,4069 par excès;
- β ≈ 1,4069.

Une valeur approchée, à  $10^{-2}$  près d'une solution de  $3t e^{-0.5t+1} = 4$  est  $t_1$  avec :

- $t_1$  ≈ 0,69 par défaut;
- $t_1 \approx 0.70$  par excès;
- $t_1$  ≈ 0,69.

Une valeur approchée, à  $10^{-2}$  près d'une solution de  $3t e^{-0.5t+1} = 4$  est  $t_2$  avec :

- $t_2$  ≈ 4,377 par défaut;
- $t_2$  ≈ 4,378 par excès;
- $-t_2 \approx 4,378.$



# 7 Présentation d'une solution d'équation par balayage

#### 7.1 Idée



2.0.4 L'idée est de présenter l'obtention d'une solution approchée d'équation par balayage, dans le cadre du TVI par exemple. Les calculs et tests sont effectués grâce au package xinttools, et le formatage par tabularray et sinuitx.



Le code ne trouve pas la solution, il met *juste* en forme mais effectue quand même les calculs d'images et les tests.



#### Code LATEX

\SolutionTVI[options]{fonction}{valeur}

#### 7.2 Clés et arguments



Plusieurs (Clés) sont disponibles pour cette commande, relative à une équation du type f(x) = k:

- la clé (NomFct) qui permet de spécifier le nom de la fonction; défaut (f)
- la clé (NomSol) qui permet de spécifier le nom de la fonction; défaut (\alpha)
- les clés (va) et (vb) qui sont les bornes inférieure et supérieure de l'encadrement;
- la clé (Precision) qui est la précision des calculs pour les images; défaut (2)
- la clé (Stretch) qui permet d'espacer les lignes; défaut (1.15)
- les booléens (Balayage) ou (Calculatrice) pour afficher un texte en amont; défaut (false)
- le booléen (Majuscule) qui affiche le texte avant, avec une majuscule au début. défaut (true)

Le premier argument *obligatoire* est la fonction, en syntaxe [] et avec comme variable x, et le second la valeur de k.



#### **♥** Code LaTEX et sortie LATEX

Pour \$f(x)=0\$ avec \$f(x)=x^2-2\$. On obtient
\SolutionTVI[va=1.414,vb=1.415,Precision=3]{x\*\*2-2}{0}.



Pour f(x) = 0 avec  $f(x) = x^2 - 2$ . On obtient  $\begin{cases} f(1,414) \approx -0,001 < 0 \\ f(1,415) \approx 0,002 > 0 \end{cases} \Rightarrow 1,414 < \alpha < 1,415.$ 



#### **♥** Code LATEX et sortie LATEX

Avec \$\varphi(t)=3t\,\rm{e}^{-0,5t+1}=5\$,
\SolutionTVI[Majuscule=false,Calculatrice,va=1.02,vb=1.03,NomFct=\varphi]
{3\*x\*exp(-0.5\*x+1)}{5}



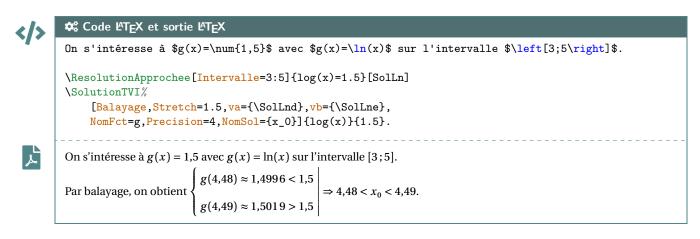
Avec  $\varphi(t) = 3t \,\mathrm{e}^{-0.5\mathrm{t}+1} = 5$ , par calculatrice, on obtient  $\begin{cases} \varphi(1,02) \approx 4.99 < 5 \\ \varphi(1,03) \approx 5.02 > 5 \end{cases} \Rightarrow 1.02 < \alpha < 1.03$ 

```
Code Later Later
```

## 7.3 Interaction avec la commande de résolution approchée



**2.1.4** L'idée est de récupérer les valeurs par défaut et par excès pour le TVI grâce à la commande \text{\text{\ResolutionApprochee}}.



À terme, peut-être que la commande ResolutionApprochee sera intégrée dans la commande SolutionTVI afin d'automatiser encore plus le procédé.

#### Suites récurrentes simples 8

#### 8.1 Idées



2.0.3 L'idée est de proposer des commandes pour effectuer des calculs avec des suites récurrentes du type  $u_{n+1} = f(u_n)$ :

- calcul de termes avec possibilité d'arrondir;
- présentation de la conclusion de la recherche d'un seuil du type  $u_n > S$  ou  $u_n < S$ .



2.1.0 Le code pour le seuil **trouve** également le rang cherché, il met en forme et effectue les calculs d'images.

2.0.5 Le choix a été fait de faire les calculs en mode float pour éviter les dépassements de capacité de xint liés aux boucles...



#### Code LATEX

%commande pour calculer et formater \CalculTermeRecurrence[options]{fonction associée}

%mise en forme de la conclusion d'un seuil \SolutionSeuil[options]{fonction associée}{seuil}

#### 8.2 Clés et arguments



Plusieurs (Clés) sont disponibles pour la commande du calcul d'un terme :

- la clé (No) qui est le rang initial de la suite;
- la clé (UNo) qui est le terme initial de la suite;
- la clé (Precision) qui précise l'arrondi éventuel;

défaut (3)

— la clé ⟨N⟩ qui est l'indice du terme à calculer.

L'argument *obligatoire* est la fonction associée à la suite, en syntaxe xint et avec comme variable x.



#### Code LATEX

On obtient  $u_{10} \rightarrow CalculTermeRecurrence[No=0,UNo=50,N=10]{1/(x+2)}$ .

On obtient \$u\_{15} \approx \CalculTermeRecurrence[Precision=4, No=0, UNo=50, N=15]{1/(x+2)}\$.

On obtient \$u\_{20} \approx \CalculTermeRecurrence[Precision=6, No=0, UNo=50, N=20]{1/(x+2)}\$.



#### Sortie LATEX

Avec 
$$u_0 = 50$$
 et  $u_{n+1} = \frac{1}{u_n + 2}$ .

On obtient  $u_{10} \approx 0.414$ 

On obtient  $u_{15} \approx 0.4142$ 

On obtient  $u_{20} \approx 0.414214$ 

sortie par défaut.

avec choix de la précision à  $10^{-4}$ .

avec choix de la précision à  $10^{-6}$ .



Plusieurs (Clés) sont disponibles pour la commande du seuil :

- la clé (NomSuite) qui est le nom de la suite; défaut (u)
- la clé (No) qui est le rang initial de la suite;
- la clé (UNo) qui est le terme initial de la suite;
- défaut (2) la clé (Precision) qui précise l'arrondi éventuel;
- la clé (Stretch) qui permet d'espacer les lignes; défaut (1.15)
- les booléens (Balayage) ou (Calculatrice) pour afficher un texte en amont; défaut (false)
- le booléen (Simple) pour une présentation plus *neutre*; défaut (false)
- le booléen (Majuscule) qui affiche le texte avant, avec une majuscule au début; défaut (true)
- le booléen (Exact) qui affiche = au lieu de \approx; défaut (false)
- le booléen (Conclusion) pour afficher la conclusion ou non; défaut (true)
- la clé (Sens) parmi (< / > / <= / >=) pour indiquer le type de seuil.défaut (>)

Le premier argument obligatoire est la fonction associée à la suite, en syntaxe [s xint] et avec comme variable x, et le second est le seuil à dépasser.



#### **⇔** Code LaTEX et sortie LaTEX

on cherche \$n\$ tel que \$u\_n > 5\$.\\  $SolutionSeuil[Balayage,No=1,UNo=2]{1+(1+x**2)/(1+x)}{5}.$ \SolutionSeuil[Calculatrice, Precision=4, No=1, UNo=2, Conclusion=false] %  ${1+(1+x**2)/(1+x)}{5}.$ 



$$\text{Avec} \left\{ \begin{aligned} u_1 &= 2 \\ u_{n+1} &= 1 + \frac{1 + u_n^2}{1 + u_n} \end{aligned} \right., \text{ on cherche } n \text{ tel que } u_n > 5.$$

Avec 
$$\begin{cases} u_{1} - 2 \\ u_{n+1} = 1 + \frac{1 + u_{n}^{2}}{1 + u_{n}}, \text{ on cherche } n \text{ tel que } u_{n} > 5. \end{cases}$$
Par balayage, on obtient 
$$\begin{cases} u_{7} \approx 4,868 \leqslant 5 \\ u_{8} \approx 5,209 > 5 \end{cases} \Rightarrow n \geq 8. \text{ Par calculatrice, on obtient } \begin{cases} u_{7} \approx 4,8681 \leqslant 5 \\ u_{8} \approx 5,2089 > 5 \end{cases}.$$

#### Exemple d'utilisation



#### **♥** Code LaTEX et sortie LATEX

on obtient le tableau de valeurs suivant : \begin{tabular}{c|c} 1 & 2 \\ \xintFor\* #1 in {\xintSeq{2}{7}} \do {#1 &  $\CalculTermeRecurrence[No=1,UNo=2,N=#1]{1+(1+x**2)/(1+x)}$ \end{tabular}\\ de \$n=\the\CompteurSeuil\$)



Avec 
$$\begin{cases} u_1 = 2 & 1 & 2 \\ u_{n+1} = 1 + \frac{1 + u_n^2}{1 + u_n} \text{, on obtient le tableau de valeurs suivant} : \begin{cases} u_1 = 2 & 2,667 \\ 3 & 3,212 \\ 4 & 3,687 \\ 5 & 4,114 \\ 6 & 4,505 \\ 7 & 4,868 \end{cases}$$

$$u_{28} \approx 9,940.8 \leq 10 \text{ et } u_{29} \approx 10,123.6 > 10 \text{ (Ainsi } u_n > 10 \text{ à partir de } n = 29)$$

## 9 Valeur approchée d'une intégrale

#### 9.1 Idée



2.6.1 L'idée est de proposer plusieurs approximations pour le calcul d'une intégrale, en utilisant :

- une méthode des rectangles (Gauche, Droite ou Milieu);
- la méthode des trapèzes;
- la méthode de Simpson.



Il s'agit de valeurs approchées, mais la méthode de Simpson donne des valeurs satisfaisantes! Les méthodes *Rectangles* ou *Trapèzes* seront plutôt utiles pour des résultats obtenus par algorithme par exemple.



#### ⟨⟩ Code LATEX

\IntegraleApprochee[clés]{fonction}{a}{b}

#### 9.2 Clés et arguments



Plusieurs (Clés) sont disponibles pour la commande de calcul :

- le booléen (ResultatBrut) qui donne le résultat obtenu grâce à [xint]; défaut : (false)
- la clé (Methode), parmi (RectanglesGauche / RectanglesDroite / RectanglesMilieu / Trapezes / Simpson) pour spécifier la méthode utilisée;

défaut : (Simpson)

- la clé (NbSubDiv) précise le nombre de subdivisions pour le calcul; défaut : (10)
- le booléen (AffFormule) qui affiche au préalable l'intégrale; défaut (false)
- la clé (Expr) qui indique ce qui doit être affiché dans l'intégrale; défaut (f(x))
- la clé (Signe) qui indique le signe à afficher entre l'intégrale et le résultat; défaut (\approx)
- la clé (Variables) qui indique la variable à afficher dans le dx. défaut  $\langle x \rangle$

Concernant les arguments obligatoires :

- le premier est la fonction à intégrer, en langage [x] xint, avec comme variable x;
- les deux autres arguments sont les bornes de l'intégrale.

À noter que la commande, hormis dans sa version (ResultatBrut), est à insérer de préférence dans un mode mathématique.



# **\$**\$ Code LATEX et sortie LATEX

```
On s'intéresse à $\displaystyle\int_4^{10} f(x) \,\text{d}x$ avec $f(x)=\sqrt{x}$ :\\
\begin{itemize}[itemsep=6pt,leftmargin=4cm]
\item[\texttt{sortie par défaut} :] \IntegraleApprochee{sqrt(x)}{4}{10}
\item[\texttt{résultat brut} :] \IntegraleApprochee[ResultatBrut]{sqrt(x)}{4}{10}
\item[\texttt{résultat formaté} :]
$\displaystyle\IntegraleApprochee[NbSubDiv=100,AffFormule,Precision=5,Expr={\sqrt{x}}]%
{sqrt(x)}{4}{10}$
\end{itemize}
```



```
On s'intéresse à \int_4^{10} f(x) dx avec f(x) = \sqrt{x}:
```

#### 9.3 Exemples



#### </> ✓/> Code LATEX

%tableau

\IntegraleApprochee[NbSubDiv=10,ResultatBrut]{sqrt(x)}{4}{10}

\IntegraleApprochee[NbSubDiv=10,Methode=RectanglesDroite,ResultatBrut]{sqrt(x)}{4}{10}

\IntegraleApprochee[NbSubDiv=10, Methode=Trapezes, ResultatBrut] {sqrt(x)}{4}{10}



#### Sortie LATEX

Méthode utilisée	Valeur brute obtenue		
$f(x) = \sqrt{x} \text{ et } n = 10; \int_{4}^{10} f(x) dx$			
Simpson	15.74851726347158	rad	CALCULS I■)
rectangles Gauche	15.39707973922291		
rectangles Droite	16.09444633532393		
rectangles Milieu	15.74989437657067	( <sup>10</sup> – .	15 74051770
trapèzes	15.74576303727343	∫ √x dx	15.74851773
$\int_{4}^{10} \sqrt{x}  \mathrm{d}x$	c ≈ 15,749	I	



#### Code LATEX

%tableau

 $\label{lem:linear_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemma_lemm$ 

\IntegraleApprochee[NbSubDiv=100,Methode=Trapezes,ResultatBrut]{80\*x\*exp(-0.2\*x)}{1}{20}

 $\label{linear_loss} $$ \bigg[ \D_{v=100,AffFormule,Expr={80x\,\text{e}^{-0,2x}}} ] % $$ \Color=100,AffFormule,Expr={80x\,\text{e}^{-0,2x}}} ] % $$ \Color=100,AffFormule,Expr={80x\,\text{e}^{-0,2x}}} $$ \Color=100,AffFormule,Expr={80x\,\text{e}^{-0,2x}}} $$ \Color=100,AffFormule,Expr={80x\,\text{e}^{-0,2x}}} $$$ 

 ${80*x*exp(-0.2*x)}{1}{20}$ \$



### Sortie L⁴TEX

Méthode utilisée	Valeur brute obtenue		
$f(x) = 80x e^{-0.2x}$ et			
Simpson	1781.797415154050	rad CALCUL:	· ·
rectangles Gauche	1785.064951643106		
rectangles Droite	1778.188198418496	,20	
rectangles Milieu	1781.882835215674	80·x·e <sup>-0.2x</sup> dx	
trapèzes	1781.626575030801		1781.797418
$\int_{1}^{20} 80x  \mathrm{e}^{-0.2x}$			

## Thème

**OUTILS GRAPHIQUES** 

## Cinquième partie

## **Outils graphiques**

## 10 Intervalles

## 10.1 Idée



3.00a L'idée est de proposer un environnement pour travailler sur des intervalles :

- création de l'environnement (basé sur TikZ) avec paramètres globaux (l'unité est le cm);
- commande pour créer un intervalle.



## </> Code LETEX \text{begin{RepIntervalles}[clés] < options tikz> \tkzIntervalle[clés] {xmin}[labelxmin] {xmax}[labelxmax] \end{RepIntervalles}



## 10.2 Création de l'environnement



\end{RepIntervalles}

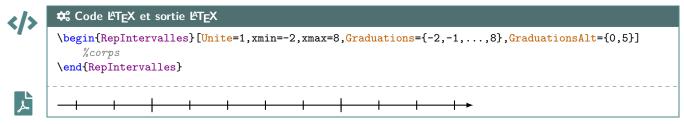


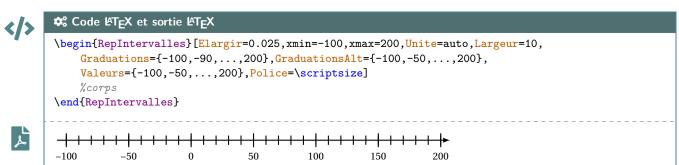
Les **(clés)** (globales pour l'ensemble de l'environnement, y compris pour la création des intervalles) disponibles pour l'environnement RepIntervalles sont :

- ⟨xmin⟩ : valeur minimale pour l'axe; défaut ⟨-8⟩
- (xmax): valeur maximale pour l'axe; défaut (8)
- $\langle Elargir \rangle$ : coefficient d'alargisement de l'axe, en pourcentage de largeur; défaut  $\langle 0.05 \rangle$
- (Largeur): largeur (en cm) de l'axe (hors élargissement); défaut (12)
- (Unite): permet au code de calculer lui-même l'unité, sinon à donner en cm; défaut (auto)
- ⟨EpTrait⟩ : épaisseur de base des tracés; défaut ⟨0.8pt⟩
- (**Graduations**): liste des graduations (traits) à afficher;
- (GraduationsAlt): liste des graduations (traits un peu plus grands) à afficher;
- (HautGrad): hauteur de base des graduations; défaut (7pt)
- (Hauteur): hauteur des crochets des intervalles; défaut (16pt)
- (Valeurs) : valeurs (formatées par siunitx!) à afficher sous l'axe;
- (Police): police globale des labels.

  défaut (\normalsize\normalfont)

L'argument optionnel, et entre  $[]<\dots>$ , permet de passer des options spécifiques à l'environnement  $\mathrm{Ti}k\mathrm{Z}$ .



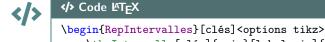


## 10.3 Représentation d'intervalles



L'idée est de pouvoir représenter des intervalles dans l'environnement créé précédemment :

- en prenant en compte le type d'intervalles et les bornes infinies;
- en personnalisation la décoration éventuelle.



\begin{RepIntervalles}[cles] < options tikz>
 \tkzIntervalle[clés] {xmin}[labelxmin] {xmax}[labelxmax]
\end{RepIntervalles}

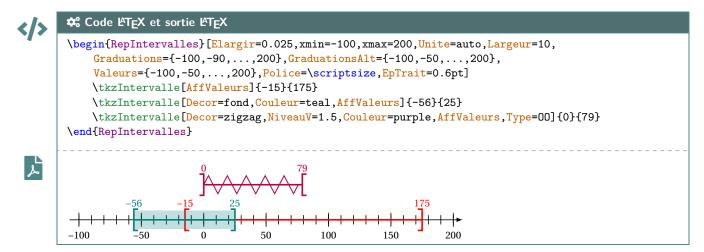


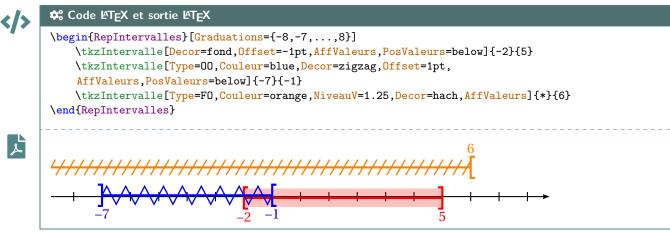
Les (clés) (certains paramètres sont hérités des clés de l'environnement) disponibles pour la commande \[ \text{\text{tkzIntervalle}} \] sont :

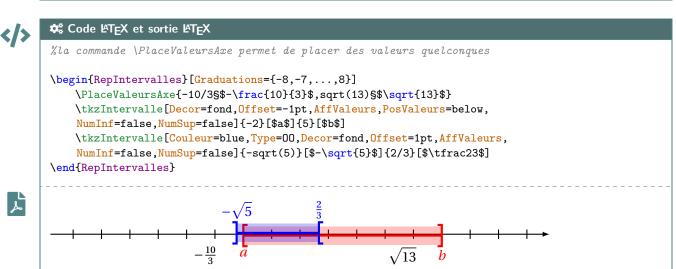
- (Couleur): couleur de base des tracés; défaut (red)
- ⟨Type⟩ (parmi FF / FO / OO / OF): choix du type d'intervalle; défaut ⟨FF⟩
- (NiveauV): pour positionner l'intervalle décalé verticalement (en pourcentage de la hauteur);
   défaut (0)
- (Offset): pour décaler légèrement la décoration (si superposition par exemple); défaut (Opt)
- (Decor) parmi fond / zizgag / hach : pour décorer l'intervalle (hach/angle pour choisir un angle des hachures);
  défaut ({})
- (AffValeurs): booléen pour afficher les valeurs de bornes; défaut (false)
- (NumInf): booléen pour afficher la borne inf grâce à [siunitx]; défaut (true)
- (NumSup) : booléen pour afficher la borne sup grâce à ∰siunitx; défaut (true)
- (PosValeurs): choix de la position des valeurs des bornes. défaut (above)

Les deux arguments obligatoires, et entre  $[]\{...\}$ , permettent de préciser les bornes de l'intervalle (en langage TikZ, et avec []\* pour l'infini.)

**23.00b** Les deux arguments optionnels correspondants, et entre [[...]], permettent de spécifier les labels des bornes (dans le cas de valeurs rationnelles, ou bien dans le cas de valeurs littérales), et dans ce cas il sera opportun de mettre les booléens (NumInf/NumSup) à (false).







## 11 Repérage et tracé de courbes

## 11.1 Idée



- axes et graduations, grille;
- courbe.



Au niveau du code, il y aura donc plusieurs aspects :

- le paramétrage de la fenêtre graphique directement dans la déclaration de l'environnement;
- les commandes de tracés avec options et clés.



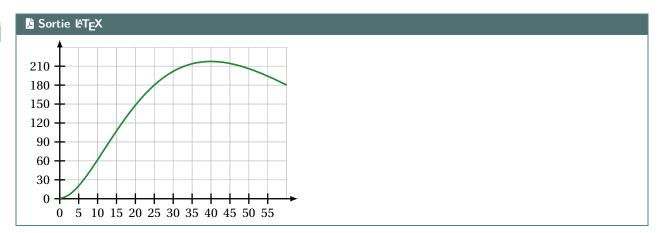
## </> ✓/> Code LATEX

\end{tikzpicture}



## </> ✓/> Code LATEX





## 11.2 Commandes, clés et options



Les (paramètres) nécessaires à la bonne utilisation des commandes suivantes sont à déclarer directement dans l'environnement [stikzpicture], seules les versions « x » sont présentées ici :

```
    - ⟨xmin⟩, stockée dans ⟨xmin⟩;
    - ⟨xmax⟩, stockée dans ⟨xmax⟩;
    - ⟨Ox⟩, stockée dans ⟨xmax⟩, origine de l'axe (Ox);
    - ⟨xgrille⟩, stockée dans ⟨xgrille⟩, graduation principale;
```

— ⟨xgrilles⟩, stockée dans ¼ \xgrilles⟩, graduation secondaire. défaut ⟨0.5⟩

La fenêtre d'affichage (de sortie) sera donc *portée* par le rectangle de coins (xmin; ymin) et (xmax; ymax); ce qui correspond en fait à la fenêtre TikZ *portée* par le rectangle de coins (xmin-Ox; ymin-Oy) et (xmax-Ox; ymax-Oy).

Les commandes ont – pour certaines – pas mal de (clés) pour des réglages fins, mais dans la majorité des cas elles ne sont pas forcément *utiles*.



## Code LATEX

```
%...code tikz
\GrilleTikz[options][options grille ppale][options grille second.]
```



Cette commande permet de tracer une grille principale et/ou une grille secondaire :

les premières (clés) sont les booléens (Affp) et (Affs) qui affichent ou non les grilles;

défaut (true)

— les options des grilles sont en TikZ.

défaut (thin, lightgray) et (very thin, lightgray)



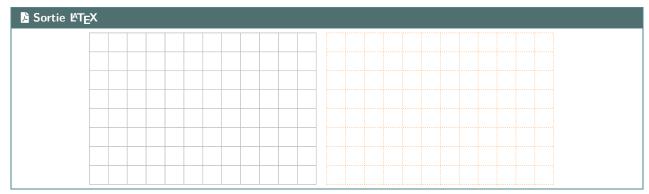
## </> ✓/> Code LATEX

```
\begin{tikzpicture}%
    [x=0.1cm,y=0.0167cm, %unités
    xmin=0,xmax=60,xgrille=5,xgrilles=5, %axe Ox
    ymin=0,ymax=240,ygrille=30,ygrilles=30] %axe Oy
    \GrilleTikz
\end{tikzpicture}

\[
\text{cend}{tikzpicture}\]

[x=0.1cm,y=0.0167cm, %unités
    xmin=0,xmax=60,xgrille=5,xgrilles=5, %axe Ox
    ymin=0,ymax=240,ygrille=30,ygrilles=30] %axe Oy
    \GrilleTikz[Affp=false][][orange,densely dotted]
\end{tikzpicture}
```







## Code LATEX

%...code tikz

\AxesTikz[options]



Cette commande permet de tracer les axes, avec des (clés):

— (Epaisseur) qui est l'épaisseur des axes; défaut (1pt)

— (Police) qui est le style des labels des axes; défaut (\normalsize\normalfont)

—  $\boxed{2.1.2}$  (ElargirOx) qui est le % l'élargissement (global) ou (G/D) de l'axe (Ox);

défaut (0/0.05)

—  $\boxed{2.1.2}$  (ElargirOy) qui est le % l'élargissement (global) ou (B/H) de l'axe (Oy);

défaut  $\langle 0/0.05 \rangle$ 

—  $\langle Labelx \rangle$  qui est le label de l'axe (Ox); défaut  $\langle x \rangle$ 

—  $\langle Labely \rangle$  qui est le label de l'axe  $\langle Oy \rangle$ ; défaut  $\langle y \rangle$ 

—  $\langle AffLabel \rangle$  qui est le code pour préciser quels labels afficher, entre  $\langle x \rangle$ ,  $\langle y \rangle$  ou  $\langle xy \rangle$ ;

défaut (vide)

—  $\langle PosLabelx \rangle$  pour la position du label de  $\langle Ox \rangle$  en bout d'axe; défaut  $\langle right \rangle$ 

— (PosLabely) pour la position du label de (Oy) en bout d'axe; défaut (above)

— (EchelleFleche) qui est l'échelle de la flèche des axes; défaut (1)

— (TypeFleche) qui est le type de la flèche des axes. défaut (latex)



## Code LATEX

%code tikz \AxesTikz

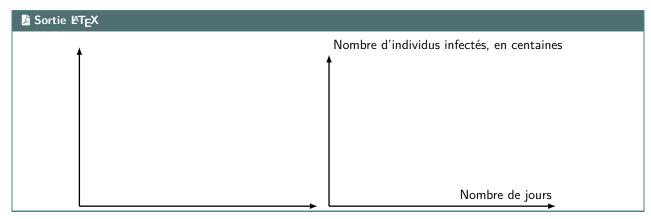
%code tikz

\AxesTikz%

[AffLabel=xy,Labelx={Nombre de jours},Labely={Nombre d'individus infectés, en centaines},% PosLabelx={above left},PosLabely={above right},%

Police=\small\sffamily,Elargir0x=0,Elargir0y=0]







## Code LATEX

%...code tikz
 \AxexTikz[options]{valeurs}
 \AxeyTikz[options]{valeurs}



Ces commande permet de tracer les graduations des axes, avec des (clés) identiques pour les deux directions :

- (Epaisseur) qui est l'épaisseur des graduations; défaut (1pt)
- (Police) qui est le style des labels des graduations; défaut (\normalsize\normalfont)
- (PosGrad) qui est la position des graduations par rapport à l'axe;
   défaut (below) et (left)
- (HautGrad) qui est la hauteur des graduations (sous la forme (lgt) ou (lgta/lgtb));

défaut (4pt)

- le booléen (AffGrad) pour afficher les valeurs (formatés avec num donc dépendant de sisetup)
   des graduations;
- le booléen (AffOrigine) pour afficher la graduation de l'origine;
   défaut (true)
- le booléen (Annee) qui permet de ne pas formater les valeurs des graduations (type année);
   défaut (false)
- $\[ \]$  le booléen  $\$  (uniquement pour l'axe (Ox)) pour des graduations libres en radians; défaut  $\$  (false)
- $\[ 2.5.6 \]$  le booléen  $\Delta$  (uniquement pour l'axe  $\Delta$  en  $\Delta$  pour forcer les fractions en  $\Delta$  grand;

défaut (false)

— **§**2.7.0 le booléen ⟨**Frac**⟩ (uniquement pour l'axe (Oy)) pour forcer les graduations en fraction (taille normale).

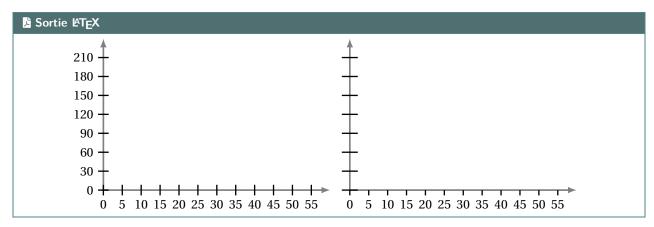
défaut (false)



## </> ✓ Code LATEX

```
%code tikz
   \AxexTikz[Police=\small]{0,5,...,55}
   \AxeyTikz[Police=\small]{0,30,...,210}
%code tikz
   \AxexTikz[Police=\small,HautGrad=0pt/4pt]{0,5,...,55}
   \AxeyTikz[AffGrad=false,HautGrad=6pt]{0,30,...,210}
%des axes fictifs (en gris) sont rajoutés pour la lisibilité du code de sortie
```

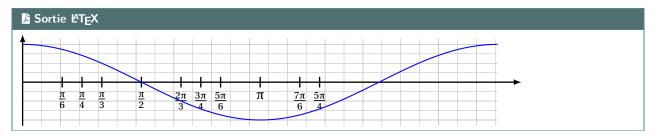






## </> Code LATEX





La clé  $\langle Trigo \rangle$  utilise, en interne, une commande qui permet de *transformer* les abscisses, données en langage TikZ, en fraction en ETeX.



## **♥** Code LATEX et sortie LATEX

 $\ \$  \quad \$\AffAngleRadian{pi}\$ \quad \$\AffAngleRadian{pi/4}\$ \qquad \$\AffAngleRadian{2\*pi/3}\$ \quad \$\AffAngleRadian{-2\*pi/3}\$ \quad \$\AffAngleRadian{-2\*pi/3}\$



$$0 \quad \pi \quad \tfrac{\pi}{4} \quad \tfrac{2\pi}{3} \quad -\tfrac{2\pi}{3} \quad -\tfrac{2\pi}{3}$$

## 11.3 Commandes annexes



Il existe, de manière marginale, quelques commandes complémentaires qui ne seront pas trop détaillées mais qui sont existent :

- FenetreTikz qui restreint les tracés à la fenêtre (utile pour des courbes qui débordent);
- FenetreSimpleTikz qui permet d'automatiser le tracé des grilles/axes/graduations dans leurs versions par défaut, avec peu de paramétrages;
- 🛮 OrigineTikz pour rajouter le libellé de l'origine si non affiché par les axes.



## </> Code LATEX



L'idée est de proposer, en *complément*, une commande simplifiée pour tracer une courbe en TikZ.



## Code LATEX

%...code tikz

\CourbeTikz[options]{formule}{domaine}



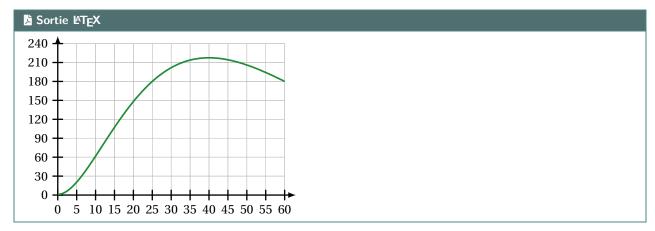
Cette commande permet de rajouter une courbe sur le graphique (sans se soucier de la transformation de son expression) avec les arguments :

- $\langle optionnels \rangle$  qui sont en TikZ les paramètres du tracé;
- le premier *obligatoire*, est en langage TikZ l'expression de la fonction à tracer, donc avec  $\sqrt[n]{x}$  comme variable;
- le second *obligatoire* est le domaine du tracé, sous la forme valxmin: valxmax.



```
\Code LTEX
\begin{tikzpicture} [x=0.1cm,y=0.0167cm, %unités
    xmin=0,xmax=60,xgrille=5,xgrilles=5, %axe 0x
    ymin=0,ymax=240,ygrille=30,ygrilles=30] %axe 0y
\FenetreSimpleTikz%
    <Police=\small>{0,5,...,60}%
    <Police=\small>{0,30,...,240} %repère
\CourbeTikz[line width=1.25pt,CouleurVertForet,samples=250]%
    {\x*\x*exp(-0.05*\x)+1}{0:60} %courbe
\end{tikzpicture}
```





## 11.4 Repère non centré en O



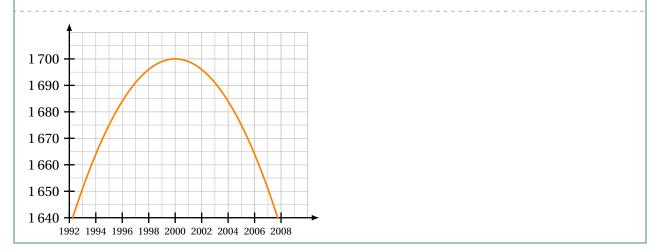
Parfois on est amené à travailler dans des repères qui n'ont pas forcément pour origine (0;0). De ce fait - pour éviter des erreurs de dimension too large liées à TikZ - il faut *décaler les axes* pour se ramener à une origine en O. L'idée est donc d'utiliser les commandes précédentes, sans se soucier des éventuelles transformations!



## **♦** Code LATEX et sortie LATEX

 $\label{linewidth=1.25pt,orange,samples=500} $$ {-(x-2000)*(x-2000)+1700}{\times xmin:\times xmax} $$ \end{tikzpicture}$ 





## 12 L'outil « SplineTikz »

## 12.1 Courbe d'interpolation



On va utiliser les notions suivantes pour paramétrer le tracé « automatique » grâce à ...controls :

- il faut rentrer les points de contrôle;
- il faut préciser les pentes des tangentes (pour le moment on travaille avec les mêmes à gauche et à droite...);
- on peut « affiner » les portions de courbe en paramétrant des coefficients (voir un peu plus loin…).

## Pour déclarer les paramètres :

- liste des points de contrôle (minimum 2!!) par : x1/y1/d1§x2/y2/d2§... avec les points (xi;yi) et f'(xi)=di;
- coefficients de contrôle par coeffs=...:
  - coeffs=x pour mettre tous les coefficients à x;
  - coeffs=C1§C2§... pour spécifier les coefficients par portion (donc il faut avoir autant de § que pour les points!);
  - coeffs=C1G/C1D§... pour spécifier les coefficients par portion et par partie gauche/droite;
  - on peut mixer avec coeffs=C1§C2G/C2D§....

## 12.2 Code, clés et options





Certains paramètres et (clés) peuvent être gérés directement dans la commande [ \SplineTikz]:

- la couleur de la courbe par la clé (Couleur);
   défaut (red)
- l'épaisseur de la courbe par la clé (**Epaisseur**); défaut (1.25pt)
- du style supplémentaire pour la courbe peut être rajouté, grâce à la clé (Style); défaut (vide)
- les coefficients de *compensation* gérés par la clé ⟨Coeffs⟩; défaut ⟨3⟩
- les points de contrôle , affichés ou non par la clé booléenne (AffPoints); défaut (false)
- la taille des points de contrôle est géré par la clé (TaillePoints).
   défaut (2pt)

## 12.3 Compléments sur les coefficients de « compensation »



Le choix a été fait ici, pour *simplifier* le code, le travailler sur des courbes de Bézier.

Pour *simplifier* la gestion des nombres dérivés, les points de contrôle sont gérés par leurs coordonnées *polaires*, les coefficients de compensation servent donc – grosso modo – à gérer la position radiale.

Le coefficient (3) signifie que, pour une courbe de Bézier entre x = a et x = b, les points de contrôles seront situés à une distance radiale de  $\frac{b-a}{2}$ .

Pour écarter les points de contrôle, on peut du coup réduire le coefficient de compensation!

Pour des intervalles *étroits*, la *pente* peut paraître abrupte, et donc le(s) coefficient(s) peuvent être modifiés, de manière fine.

Si jamais il existe (un ou) des points anguleux, le plus simple est de créer les splines en plusieurs fois.

## 12.4 Exemples



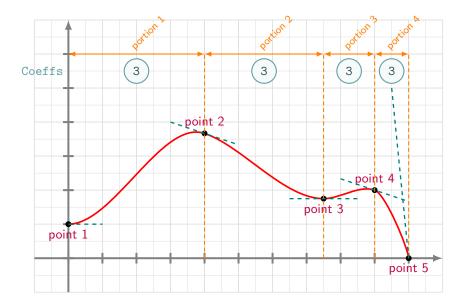
## **♥** Code LaTEX et sortie LATEX %code tikz $\def\x{0.9cm}\def\y{0.9cm}$ %axes et grilles \draw[xstep=\xgrilles,ystep=\ygrilles,line width=0.6pt,lightgray!50] (\xmin,\ymin) grid (\xmax,\ymax); $\displaystyle \frac{1.5pt,-}{gray,}=latex (\xmin,0)--(\xmax,0) ;$ \draw[line width=1.5pt,->,gray,>=latex] (0,\ymin)--(0,\ymax); $foreach x in {0,1,...,10} {\displaystyle (x,-4pt) } (x,-4pt) ;}$ $$ \left( y \text{ in } \{0,1,\ldots,4\} \right) - (-4pt,y) = (-4pt,y) . $$$ \draw[darkgray] (1,-4pt) node[below,font=\sffamily] {1}; \draw[darkgray] (-4pt,1) node[left,font=\sffamily] {1}; %splines $\label{liste} $$ \det LISTE\{0/1/0\$4/3.667/-0.333\$7.5/1.75/0\$9/2/-0.333\$10/0/-10\} $$$ \SplineTikz[AffPoints, Coeffs=3, Couleur=red] {\LISTE}





0

Avec des explications utiles à la compréhension :



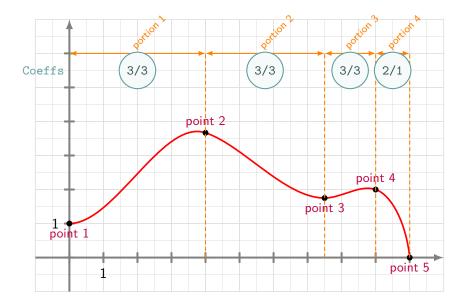
## 12.5 Avec une gestion plus fine des « coefficients »



Dans la majorité des cas, le *coefficient* ③ permet d'obtenir une courbe (ou une portion) très satisfaisante!

Dans certains cas, il se peut que la portion paraisse un peu trop « abrupte ».

On peut dans ce cas *jouer* sur les coefficients de cette portion pour *arrondir* un peu tout cela (*ie* diminuer le coeff...)!

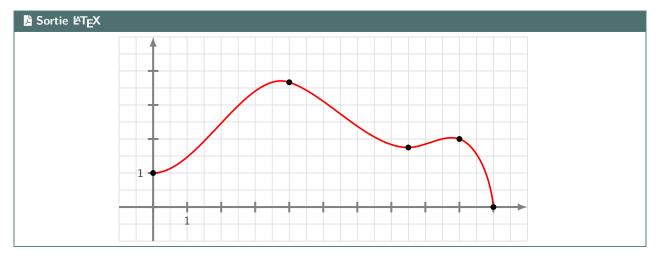




## </> ✓/> Code LATEX

...
%splines
\def\LISTE{0/1/0\forall4/3.667/-0.333\forall7.5/1.75/0\forall99/2/-0.333\forall10/0/-10}
\SplineTikz[AffPoints, Coeffs=3\forall3\forall5]{\LISTE}





## 12.6 Conclusion



Le plus « simple » est donc :

- de déclarer la liste des points de contrôle, grâce à  $\mbox{\cite{a}} \mbox{\cite{controle}} \mbox{\cite{contro$
- de saisir la commande [N] \SplineTikz[...]{\LISTE};
- d'ajuster les options et coefficients en fonction du rendu!

## 13 L'outil « Tangente Tikz »

## 13.1 Définitions



En parallèle de l'outil SplineTikz, il existe l'outil TangenteTikz qui va permettre de tracer des tangentes à l'aide de la liste de points précédemment définie pour l'outil SplineTikz.

NB : il peut fonctionner indépendamment de l'outil SplineTikz puisque la liste des points de travail est gérée de manière autonome!





Cela permet de tracer la tangente :

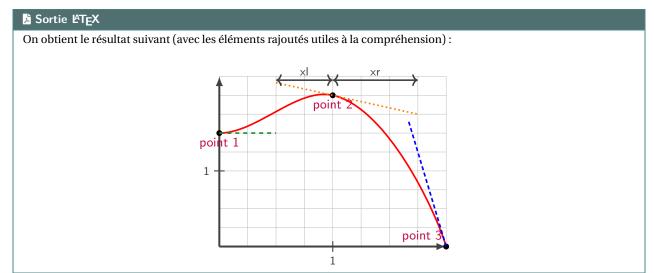
- au point numéro (Point) de la liste (liste), de coordonnées xi/yi avec la pente di;
- avec une épaisseur de (Epaisseur), une couleur (Couleur) et un style additionnel (Style);
- en la traçant à partir de (xl) avant xi et jusqu'à (xr) après xi.

## 13.2 Exemple et illustration



```
\begin{tikzpicture}
...
\def\LISTE{0/1.5/0\sums1/2/-0.333\sums2/0/-5}
%spline
\SplineTikz[AffPoints,Coeffs=3\sums2,Couleur=red]{\LISTE}
%tangente
\TangenteTikz[xl=0,xr=0.5,Couleur=CouleurVertForet,Style=dashed]{\LISTE}
\TangenteTikz[xl=0.5,xr=0.75,Couleur=orange,Style=dotted,Point=2]{\LISTE}
\TangenteTikz[xl=0.33,xr=0,Couleur=blue,Style=densely dashed,Point=3]{\LISTE}
...
\end{tikzpicture}
```



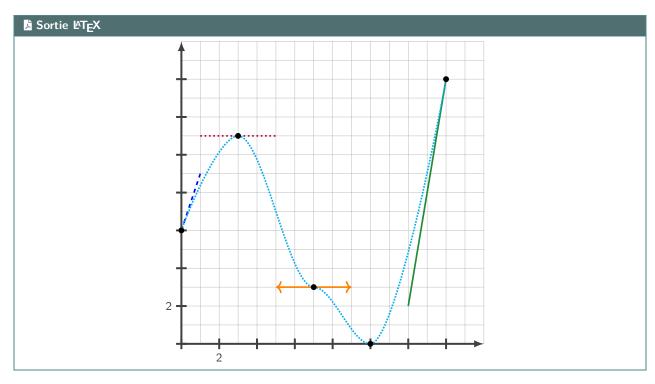


## 13.3 Exemple avec les deux outils, et « personnalisation »



```
Code LATEX
\tikzset{%
    xmin/.store in=\xmin,xmin/.default=-5,xmin=-5,
    xmax/.store in=\xmax,xmax/.default=5,xmax=5,
    ymin/.store in=\ymin,ymin/.default=-5,ymin=-5,
    ymax/.store in=\ymax,ymax/.default=5,ymax=5,
    xgrille/.store in=\xgrille,xgrille/.default=1,xgrille=1,
    xgrilles/.store in=\xgrilles,xgrilles/.default=0.5,xgrilles=0.5,
    ygrille/.store in=\ygrille,ygrille/.default=1,ygrille=1,
    ygrilles/.store in=\ygrilles,ygrilles/.default=0.5,ygrilles=0.5,
    xunit/.store in=\xunit,unit/.default=1,xunit=1,
    yunit/.store in=\yunit,unit/.default=1,yunit=1
}
\begin{tikzpicture} [x=0.5cm,y=0.5cm,xmin=0,xmax=16,xgrilles=1,ymin=0,ymax=16,ygrilles=1]
    \draw[xstep=\xgrilles,ystep=\ygrilles,line width=0.3pt,lightgray] (\xmin,\ymin) grid
    (\xmax,\ymax);
    \draw[line width=1.5pt,->,darkgray,>=latex] (\xmin,0)--(\xmax,0);
    \draw[line width=1.5pt,->,darkgray,>=latex] (0,\ymin)--(0,\ymax);
    $  \left( x,-4pt \right) - (x,-4pt) ; 
    foreach y in {0,2,...,14} {\langle draw[darkgray,line width=1.5pt] (4pt,\y) -- (-4pt,\y) ;}
    %la liste pour la courbe d'interpolation
    \label{liste} $$ \end{area} $$ \left( \frac{0}{6} \right) \frac{3}{3} \frac{11}{0} \frac{7}{3} \frac{9}{10} \frac{10}{0} \frac{914}{14} = \frac{14}{6} 
    %les tangentes "stylisées"
    \TangenteTikz[xl=0,xr=1,Couleur=blue,Style=dashed]{\liste}
    \TangenteTikz[xl=2,xr=2,Couleur=purple,Style=dotted,Point=2]{\liste}
    \TangenteTikz[xl=2,xr=2,Couleur=orange,Style=<->,Point=3]{\liste}
    \TangenteTikz[xl=2,xr=0,Couleur=CouleurVertForet,Point=5]{\liste}
    %la courbe en elle-même
    \SplineTikz[AffPoints, Coeffs=3, Couleur=cyan, Style=densely dotted] {\liste}
\end{tikzpicture}
```





## 14 Points de discontinuité

## 14.1 Idée



2.7.7 L'idée est de présenter, en marge de la création de *splines cubiques*, des points de discontinuité. Pour des raisons *internes* au code, cette possibilité n'est pas offerte (encore?) directement dans la commande de création des splines.



## Code LATEX

%dans un environnement tikz
\PtsDiscontinuite

## 14.2 Commandes



## </> ✓/> Code LATEX

\begin{tikzpicture} [<options>]
 \PtsDiscontinuite{liste}[clés]
\end{tikzpicture}



Le premier argument, *optionnel* et entre [...], contient les (Clés) suivantes :

- la clé (Couleur) qui permet de définir la couleur du symbole; défaut (red)
- la clé (**Epaisseur**) qui est relative à l'épaisseur du symbole; défaut (1.25pt)
- la clé  $\langle Pos \rangle$  pour choisir la position de la discontinuité (parmi  $\langle G/D \rangle$ ); défaut  $\langle D \rangle$
- la clé (Echelle) pour modifier l'échelle du symbole; défaut (1)
- la clé (Type) pour choisir le type de symbole, parmi (par/cro/rond/demirond). défaut (par)

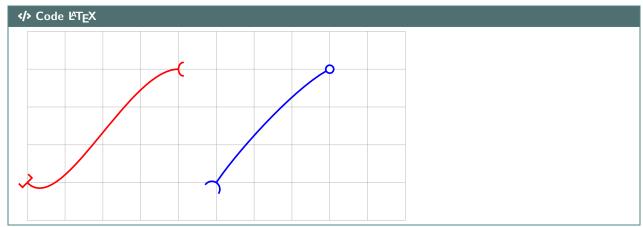
Le second argument, obligatoire et entre  $\{...\}$  permet de préciser (comme pour les commandes des paragraphes précédents) la liste des points en lesquels le symbole de discontinuité sera positionné, sous la forme x1/y1/d1  $\$  x2/y2/d2  $\$  ... avec les points (xi;yi) et f'(xi)=di.

## 14.3 Exemples



## </> ✓/> Code LATEX





## 15 Petits schémas pour le signe d'une fonction affine ou d'un trinôme

## 15.1 Idée



L'idée est d'obtenir une commande pour tracer (en TikZ) un petit schéma pour *visualiser* le signe d'une fonction affine ou d'un trinôme.

Le code est largement inspiré de celui du package tinsana même si la philosophie est un peu différente. Comme pour les autres commandes TikZ, l'idée est de laisser la possibilité à l'utilisateur de définir et créer son environnement TikZ, et d'insérer la commande minischemasignes pour afficher le schéma. Il est à noter que la version étoilée rend la commande autonome, sans besoin de créer l'environnement TikZ.



# Code LETEX et sortie LETEX \MiniSchemaSignes\*

## 15.2 Commandes



## </r> ⟨→ Code LATEX

\begin{tikzpicture}[<options>]
 \MiniSchemaSignes[clés]
\end{tikzpicture}



## Code LATEX

{\tikz[options] \MiniSchemaSignes[clés]}
%ou
\MiniSchemaSignes\*[clés]<options tikzpicture>



**2**2.1.9 La version *étoilée* de la commande permet de basculer en mode *autonome*, c'est-à-dire sans avoir besoin de créer son environnement TikZ.

Le premier argument, *optionnel* et entre [...], contient les (Clés) suivantes :

- la clé (Code) qui permet de définir le type d'expression (voir en-dessous);
   la clé (Couleur) qui donne la couleur de la représentation;
   défaut (red)
- la clé (Racines) qui définit la ou les racines; défaut (2)
- la clé (Largeur) qui est la largeur du schéma; défaut (2)
- la clé (Hauteur) qui est la hauteur du schéma; défaut (1)
- un booléen (Cadre) qui affiche un cadre autour du schéma. défaut (true)

Le second argument, *optionnel* et entre <...>, permet de spécifier (pour la commande *étoilée*), des options à passer à l'environnement <u>l'ikzpicture</u>.



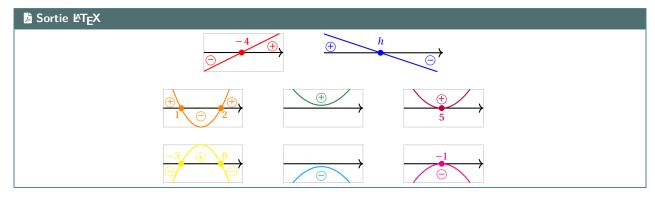
Pour la clé (code), il est construit par le type (a pour affine ou p comme parabole) puis les éléments caractéristiques (a+ pour a > 0, d0 pour  $\Delta = 0$ , etc):

- ⟨Code=da+⟩ := une droite croissante;
- (Code=da-) := une droite décroissante;
- (Code=pa+d+) := une parabole souriante avec deux racines;
- etc



```
</>
Code LATEX
\begin{center}
    \MiniSchemaSignes*[Code=da+,Racines=-4]
    \MiniSchemaSignes*[Code=da-,Racines={h},Couleur=blue,Largeur=3,Cadre=false]
\end{center}
%
\begin{center}
    \MiniSchemaSignes*[Code=pa+d+,Racines={1/2},Couleur=orange]
    \verb|\MiniSchemaSignes*[Code=pa+d-,Couleur=CouleurVertForet]| \\
    \MiniSchemaSignes*[Code=pa+d0,Racines={5},Couleur=purple]
\end{center}
%
\begin{center}
    \MiniSchemaSignes*[Code=pa-d+,Racines={-3/0},Couleur=yellow]
    \MiniSchemaSignes*[Code=pa-d-,Couleur=cyan]
    \MiniSchemaSignes*[Code=pa-d0,Racines={-1},Couleur=magenta]
\end{center}
```







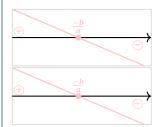
## **♥** Code LATEX et sortie LATEX

\begin{tikzpicture}

 $\label{largeur} $$ \MiniSchemaSignes[Largeur=3.5, Hauteur=1.5, Code=da-, Racines=\tfrac{-b}{a}, Couleur=pink] $$ \end{tikzpicture}$ 

\MiniSchemaSignes\*[Code=da-,Racines=\tfrac{-b}{a},Couleur=pink]<x=1.75cm,y=1.5cm>





- 55 -

## 15.3 Intégration avec tkz-tab



Ces schémas peuvent être de plus utilisés, via la commande MiniSchemaSignesTkzTab pour illustrer les signes obtenus dans un tableau de signes présentés grâce au package tkz-tab.

Pour des raisons internes, le fonctionnement de la commande MiniSchemaSignesTkzTab est légèrement différent et, pour des raisons que j'ignore, le code est légèrement différent en *interne* (avec une *déconnexion* des caractères : et \) pour que la librairie TikZ calc puisse fonctionner (mystère pour le moment...)



## Code LATEX



Les (Clés) pour le premier argument *optionnel* sont les mêmes que pour la version *initiale* de la commande précédente.

En ce qui concerne les autres arguments :

- le deuxième argument, *obligatoire*, est le numéro de la ligne à côté de laquelle placer le schéma;
- le troisième argument, *optionnel* et valant (0.85) par défaut, est l'échelle à appliquer sur l'ensemble du schéma (à ajuster en fonction de la hauteur de la ligne);
- le quatrième argument, *optionnel* et valant (1.5) par défait, est lié à l'écart horizontal entre le bord de la ligne du tableau et le schéma.

À noter que si l'un des arguments optionnels (le n°3 et/ou le n°4) sont utilisés, il vaut mieux préciser les 2!



## Code LATEX

```
begin{center}
begin{tikzpicture}
    \tkzTabInit[]{$x$/1,$-2x+5$/1,$2x+4$/1,$p(x)$/1}{$-\infty$,$-2$,${2,5}$,$+\infty$}
    \tkzTabLine{,+,t,+,z,-,}
    \tkzTabLine{,-,z,+,t,+,}
    \tkzTabLine{,-,z,+,z,-,}
    \miniSchemaSignesTkzTab[Code=da-,Racines={\tfrac{5}{2}},Couleur=blue]{1}
    \miniSchemaSignesTkzTab[Code=da+,Racines={-2},Couleur=purple]{2}
    \miniSchemaSignesTkzTab[Code=pa-d+,Racines={-2/{\tfrac{5}{2}}},Couleur=orange]%
    {3}[0.85][2]
    \end{tikzpicture}
    \end{center}
```



# Sortie La Sorti

## 16 Suites récurrentes et « toile »

## 16.1 Idée



L'idée est d'obtenir une commande pour tracer (en TikZ) la « toile » permettant d'obtenir – graphiquement – les termes d'une suite récurrente définie par une relation  $u_{n+1} = f(u_n)$ .

Comme pour les autres commandes TikZ, l'idée est de laisser l'utilisateur définir et créer son environnement TikZ, et d'insérer la commande ToileRecurrence pour afficher la « toile ».

## 16.2 Commandes



```
...
\begin{tikzpicture}[options]
...
\ToileRecurrence[clés][options du tracé][options supplémentaires des termes]
...
\end{tikzpicture}
```



Plusieurs (arguments) (optionnels) sont disponibles:

— le premier argument optionnel définit les (Clés) de la commande :

— la clé  $\langle Fct \rangle$  qui définit la fonction f; défaut  $\langle vide \rangle$ — la clé  $\langle Nom \rangle$  qui est le nom de la suite; défaut  $\langle u \rangle$ — la clé  $\langle No \rangle$  qui est l'indice initial; défaut  $\langle 0 \rangle$ — la clé  $\langle Uno \rangle$  qui est la valeur du terme initial; défaut  $\langle vide \rangle$ 

— la clé (Nb) qui est le nombre de termes à construire;

— la clé (PosLabel) qui est le placement des labels par rapport à l'axe (Ox); défaut (below)

— la clé (DecalLabel) qui correspond au décalage des labels par rapport aux abscisses;

défaut (<mark>6pt</mark>)

défaut (5)

— la clé (TailleLabel) qui correspond à la taille des labels; défaut (small)

— un booléen (AffTermes) qui permet d'afficher les termes de la suite sur l'axe (Ox).

défaut (true)

le deuxième argument optionnel concerne les (options) du tracé de l'escalier en langage TikZ;
 défaut (thick,color=magenta);

le troisième argument optionnel concerne les (options) du tracé des termes en langage TikZ.
 défaut (dotted).



Il est à noter que le code n'est pas autonome, et doit être intégré dans un environnement <u>l'ikzpicture</u>. L'utilisateur est donc libre de définir ses styles pour l'affichage des éléments de son graphique, et il est libre également de rajouter des éléments en plus du tracé de la *toile*!

La macro ne permet – pour le moment – ni de tracer la bissectrice, ni de tracer la courbe... En effet, il y aurait trop d'options pour ces deux éléments, et l'idée est quand même de conserver une commande *simple*! Donc l'utilisateur se chargera de tracer et de personnaliser sa courbe et sa bissectrice!

## 16.3 Exemples



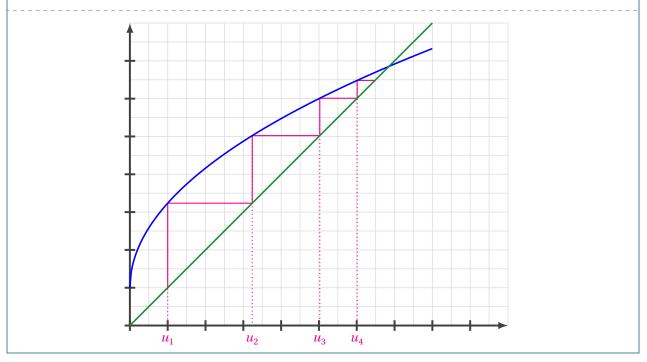
On va tracer la *toile* des 4 premiers termes de la suite récurrente :

$$\begin{cases} u_1 = 1 \\ u_{n+1} = \sqrt{5u_n} + 1 \text{ pour tout entier } n \ge 1 \end{cases}$$



```
♣ Code LaTEX et sortie LaTEX
%code tikz
\def\x{1.5cm}\def\y{1.5cm}
\def\xmin{0}\def\xmax{10}\def\xgrille{1}\def\xgrilles{0.5}
\def\ymin{0}\def\ymax{8}\def\ygrille{1}\def\ygrilles{0.5}
%axes et grilles
\draw[xstep=\xgrilles,ystep=\ygrilles,line width=0.6pt,lightgray!50] (\xmin,\ymin) grid
    (\xmax,\ymax);
\draw[line width=1.5pt,->,darkgray,>=latex] (\xmin,0)--(\xmax,0);
\draw[line width=1.5pt,->,darkgray,>=latex] (0,\ymin)--(0,\ymax);
foreach \ in \{0,1,...,9\} \{ \draw[darkgray,line width=1.5pt] (\x,4pt) -- (\x,-4pt) ; \}
$  \left( \frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2} \right) - (-4pt, y) -- (-4pt, y) ; 
%fonction définie et réutilisable
\def \f{sqrt(5*\x)+1}
%toile
\ToileRecurrence[Fct={\f},No=1,Uno=1,Nb=4,DecalLabel=4pt]
%éléments supplémentaires
\draw[very thick,blue,domain=0:8,samples=250] plot (\x,{\f}) ;
\label{lem:condition} $$ \operatorname{Very thick,CouleurVertForet,domain=0:8,samples=2] plot (\x,\x) ; $$
```







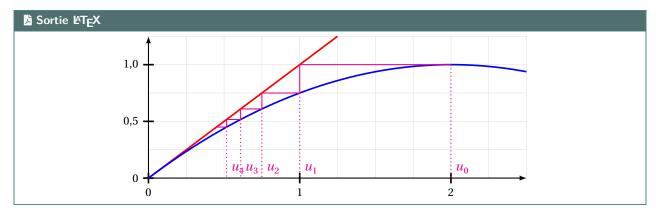
Peut-être que – ultérieurement – des options *booléennes* seront disponibles pour un tracé *générique* de la courbe et de la bissectrice, mais pour le moment la macro ne fait *que* l'escalier.

## 16.4 Influence des paramètres



```
</>
Code LATEX
\begin{center}
\begin{tikzpicture}[x=4cm,y=3cm]
%axes + grilles + graduations
%fonction
\left( -0.25 \times x \times x + x \right)
%tracés
\begin{scope}
    \clip (0,0) rectangle (2.5,1.25);
    \displaystyle \frac{1.25pt,blue,domain=0:2.5,samples=200}{plot} (\x,{\f}) ;
\ToileRecurrence[Fct={\f},No=0,Uno=2,Nb=5,PosLabel=above right,DecalLabel=0pt]
\end{tikzpicture}
\end{center}
```

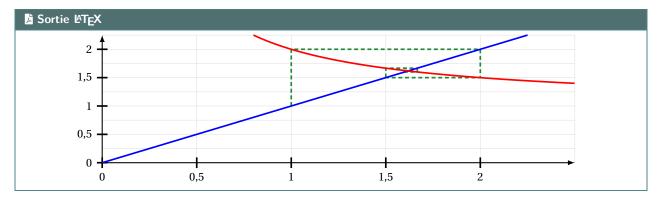






## </> Code LATEX \begin{center} \begin{tikzpicture}[x=5cm,y=1.5cm] $\def f{1+1/x}$ \ToileRecurrence% [Fct={\f},No=0,Uno=1,Nb=7,PosLabel=above right,DecalLabel=0pt,AffTermes=false]% [line width=1.25pt,CouleurVertForet,densely dashed][] $\label{line:line:decomposition} $$ \operatorname{line width=1.25pt,blue,domain=0:2.25,samples=2} \ plot(\x,{\x}); $$$ \end{tikzpicture} \end{center}





## 17 Méthodes graphiques et intégrales

## 17.1 Idée



**2.6.1** L'idée est de proposer plusieurs méthodes graphiques pour illustrer graphiquement une intégrale, via :

- une méthode des rectangles (Gauche, Droite ou Milieu);
- la méthode des trapèzes.

La commande n'est pas autonome, elle est de ce fait à être placée dans un environnement [stikzpicture].



## ⟨⟩ Code LATEX

%commande pour déclarer une fonction réutilisable
\DeclareFonctionTikz[nom]{expr}



## </r> ⟨/> Code LATEX

%environnement tikz

\IntegraleApprocheeTikz[clés]{nom\_fonction}{a}{b}

## 17.2 Clés et arguments



Plusieurs (Clés) sont disponibles pour la commande :

- la clé (Epaisseur) pour l'épaisseur des « figures »; défaut : (semithick)
- la clé (Couleur) pour la couleur des « figures »; défaut : (red)
- le booléen (Remplir), pour remplir les « figures »; défaut : (true)
- la clé (Opacite) pour l'opacité du remplissage des « figures »;

défaut : (0.25)

— la clé (CouleurRemplissage) pour la couleur de remplissage des « figures »;

défaut : (Couleur !25)

la clé (Methode), parmi (RectanglesGauche / RectanglesDroite / RectanglesMilieu / Trapezes) pour spécifier la méthode utilisée;

défaut : (Rectangles Gauche)

— la clé (NbSubDiv) précise le nombre de « figures ». défaut : (10)

Concernant les arguments obligatoires :

- le premier est la fonction, déclarée au préalable;
- les deux autres arguments sont les bornes de l'intégrale.

Les commandes graphiques de Proflycee peuvent être utilisées pour configure la fenêtre!



## **♦** Code LATEX et sortie LATEX

\begin{tikzpicture}%

[x=0.66cm,y=0.033cm,xmin=0,xmax=21,xgrille=2,xgrilles=1,ymin=0,ymax=160,ygrille=20,ygrilles=10] \DeclareFonctionTikz{80\*\x\*exp(-0.2\*\x)}

\FenetreSimpleTikz{0,2,...,20}{0,20,...,160}

 $\CourbeTikz[very thick, samples=500, blue]{f(\x)}{1:20}$ 

\IntegraleApprocheeTikz{f}{1}{20}

\draw[red] (10,160) node[below right]

{\$\displaystyle%

\IntegraleApprochee [Methode=RectanglesGauche, AffFormule, Expr={80x\,\text{e}^{-0,2x}}]%

 ${80*x*exp(-0.2*x)}{1}{20}$ ;

\end{tikzpicture}







## **♥** Code LATEX et sortie LATEX

\begin{tikzpicture}%

[x=0.66cm,y=0.033cm,xmin=0,xmax=21,xgrille=2,xgrilles=1,ymin=0,ymax=160,ygrille=20,ygrilles=10] \DeclareFonctionTikz{80\*\x\*exp(-0.2\*\x)}

\FenetreSimpleTikz{0,2,...,20}{0,20,...,160}

 $\label{localization} $$ \operatorname{CourbeTikz}[very\ thick,samples=500,blue]{f(\x)}{1:20}$$ 

\IntegraleApprocheeTikz[NbSubDiv=76]{f}{1}{20}

\draw[red] (10,160) node[below right]

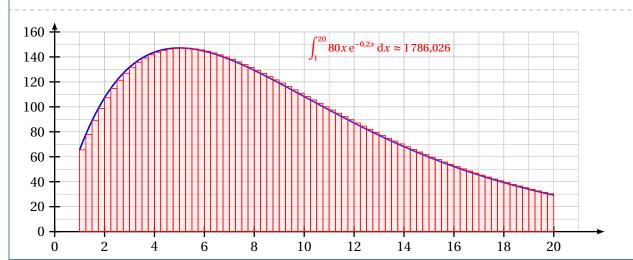
{\$\displaystyle\IntegraleApprochee%

 $[\begin{tabular}{ll} NbSubDiv=76, Methode=RectanglesGauche, AffFormule, Expr={80x\, \text{text}{e}^{-0,2x}}] \% \\ \end{tabular}$ 

 ${80*x*exp(-0.2*x)}{1}{20}$ ;

\end{tikzpicture}





### 17.3 **Exemples**



```
♥ Code LATEX et sortie LATEX
     \begin{tikzpicture}%
         [x=0.66cm,y=0.033cm,xmin=0,xmax=21,xgrille=2,xgrilles=1,ymin=0,ymax=160,ygrille=20,ygrilles=10]
         \FenetreSimpleTikz{0,2,...,20}{0,20,...,160}
         \CourbeTikz[very thick, samples=500, blue]{f(\x)}{1:20}
         \draw[green] (10,160) node[below right]
         {$\displaystyle\IntegraleApprochee%
            [Methode=RectanglesDroite, AffFormule, Expr={80x\,\text{e}^{-0,2x}}]%
            {80*x*exp(-0.2*x)}{1}{20};
     \end{tikzpicture}
L
人
      160
                                               80x e^{-0.2x} dx \approx 1730,461
      140
      120
      100
       80
       60
       40
       20
        0
          0
                 2
                       4
                              6
                                     8
                                           10
                                                  12
                                                         14
                                                                16
                                                                       18
                                                                             20
```

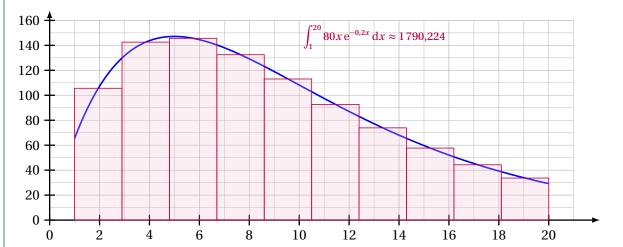


## Code LATEX et sortie LATEX

\begin{tikzpicture}%

```
[\texttt{x=0.66cm}, \texttt{y=0.033cm}, \texttt{xmin=0}, \texttt{xmax=21}, \texttt{xgrille=2}, \texttt{xgrilles=1}, \texttt{ymin=0}, \texttt{ymax=160}, \texttt{ygrille=20}, \texttt{ygrilles=10}]
    \FenetreSimpleTikz{0,2,...,20}{0,20,...,160}
    \label{local_course} $$ \courseTikz[very thick,samples=500,blue]{f(\x)}{1:20}$
    \IntegraleApprocheeTikz[Methode=RectanglesMilieu,Couleur=purple]{f}{1}{20}
    \draw[purple] (10,160) node[below right]
    {$\displaystyle\IntegraleApprochee%
         [Methode=RectanglesMilieu, AffFormule, Expr={80x\,\text{e}^{-0,2x}}] %
         {80*x*exp(-0.2*x)}{1}{20};
\end{tikzpicture}
```







## **♥** Code LATEX et sortie LATEX

\begin{tikzpicture}%

[x=0.66cm,y=0.033cm,xmin=0,xmax=21,xgrille=2,xgrilles=1,ymin=0,ymax=160,ygrille=20,ygrilles=10]
\DeclareFonctionTikz{80\*\x\*exp(-0.2\*\x)}
\FenetreSimpleTikz{0,2,...,20}{0,20,...,160}
\CourbeTikz[very thick,samples=500,blue]{f(\x)}{1:20}
\IntegraleApprocheeTikz[Methode=Trapezes,Couleur=orange]{f}{1}{20}
\draw[orange] (10,160) node[below right]

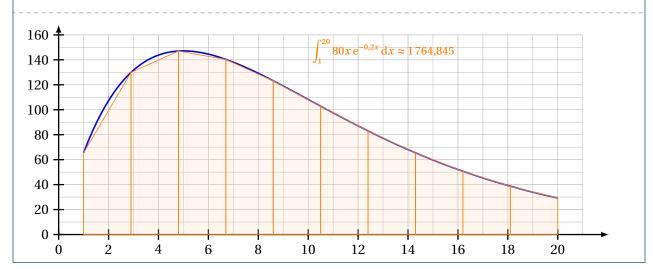
{\$\displaystyle\IntegraleApprochee%

[Methode=Trapezes, AffFormule, Expr={80x\,\text{e}^{-0,2x}}]%

 ${80*x*exp(-0.2*x)}{1}{20}$ ;

\end{tikzpicture}





## Thème

## PRÉSENTATION DE CODES

## Sixième partie

## Présentation de codes

## 18 Précautions



L'idée est de proposer des environnements pour présenter du code :

- Python;
- PseudoCode.

Dans la mesure du possible (mis à part pour certains points avec l'utilisation des packages piton et pythontex), les environnements seront composés :

- dans une boîte tcolorbox;
- de deux styles : CodeXXXX OU CODEXXXXAlt;
- de clés pour paramétrer la (Largeur) et le début de la numérotation (PremLigne);
- d'une version étoilée pour ne pas numérotée les lignes;
- d'options éventuelles à donner en langage [ftcolorbox].



Avec la mise à jour 2.7.5 et la possibilité de modifier la numérotation des lignes, certains environnements ont vu leur fonctionnement légèrement modifié, donc il est conseillé d'être prudent avec les nouvelles spécificités.

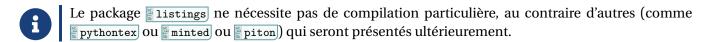
Il est prévu, à plus ou moyen terme, d'uniformiser le fonctionnement de tous les environnements, mais cela demande de reprendre une bonne partie du code.

## 19 Code Python « simple » via le package listings

## 19.1 Introduction



Le package listings permet d'insérer et de formater du code, notamment du code Python. En *partenariat* avec tcolorbox, on peut donc présenter *joliment* du code Python!



Les styles utilisés pour formater le code Python ne sont pas modifiables. Ils donnent un rendu proche de celui des packages comme pythontex ou minted ou piton.

Donc, si plusieurs *méthodes* sont utilisées pour insérer du code Python (via les *méthodes* suivantes), le rendu pourra être légèrement différent.

## 19.2 Commande et options



L'environnement CodePythonLst permet de présenter du code Python, dans une tcolorbox avec deux styles particuliers (22.5.8).



```
\begin{CodePythonLst}(*)[clés]{commandes tcbox}
...
\end{CodePythonLst}
```



## </> Code LATEX

\begin{CodePythonLstAlt}(\*)[clés]{commandes tcbox}
...
\end{CodePythonLstAlt}



## Plusieurs (arguments) sont disponibles:

- la version étoilée qui permet de ne pas afficher les numéros de lignes;
- le premier argument (optionnel), comprend la clé (Largeur) de la [tcbox] ((\linewidth) par défaut) et la clé (PremLigne) ((1) par défaut) et la clé (EspaceNum) ((14pt) par défaut);
- le second argument (*obligatoire*), concerne des **(options)** de la **[tcbox]** en *langage tcolorbox*, comme l'alignement.



Les environnements créés par tolorbox et tistings ne sont pas compatibles avec les options (gobble) (pour supprimer les tabulations d'environnement), donc il faut bien penser à « aligner » le code à gauche, pour éviter des tabulations non esthétiques!

## 19.3 Insertion via un fichier « externe »



Pour des raison pratiques, il est parfois intéressant d'avoir le code Python dans un fichier externe au ficher tex, ou bien créé directement par le fichier tex (via scontents), notamment, mais non chargé par ProfLycee).

Dans ce cas, il n'est pas nécessaire d'aligner le code « à gauche », en utilisant une commande alternative. Si cette méthode est utilisée, il ne faut oublier de charger le package scontents, et être attentif à la syntaxe.



```
\code Large
\usepackage{scontents} %si script déclaré dans le fichier tex
...
\CodePythonLstFichier(*)[largeur]{commandes tcbox}{script}
```

## 19.4 Exemples



```
\begin{CodePythonLst}{} %les {}, même vides, peuvent être nécessaires (bug avec # sinon !)
#environnement par défaut
nb = int(input("Saisir un entier positif"))
if (nb %7 == 0) :
    print(f"{nb} est bien divisible par 7")
#endif

def f(x) :
    return x**2
\end{CodePythonLst}
```



```
1 #environnement par défaut
2 nb = int(input("Saisir un entier positif"))
3 if (nb %7 == 0) :
4    print(f"{nb} est bien divisible par 7")
5  #endif
6
7    def f(x) :
8     return x**2
```



## </> Code LATEX

```
\begin{CodePythonLst} [PremLigne=10] {}
nb = int(input("Saisir un entier positif"))
if (nb %7 == 0) :
    print(f"{nb} est bien divisible par 7")
#endif
\end{CodePythonLst}
```



## Sortie LETEX

```
10 nb = int(input("Saisir un entier positif"))
11 if (nb %7 == 0):
12 print(f"{nb} est bien divisible par 7")
13 #endif
```



## </> ⟨/> Code L⁴TEX

```
\begin{CodePythonLstAlt}*[Largeur=0.75\linewidth]{flush right}
#largeur de 75%, sans numéro, et aligné à droite
nb = int(input("Saisir un entier Python positif"))
if (nb %7 == 0) :
    print(f"{nb} est bien divisible par 7")
#endif

def f(x) :
    return x**2
\end{CodePythonLstAlt}
```



## Sortie LATEX

```
#largeur de 50%, sans numéro, et aligné à droite
nb = int(input("Saisir un entier Python positif"))
if (nb %7 == 0):
    print(f"{nb} est bien divisible par 7")
#endif

def f(x):
    return x**2
```



## Code LATEX

```
\begin{scontents}[overwrite,write-out=testscript.py]
# Calcul de la factorielle en langage Python
def factorielle(x):
    if x < 2:
       return 1
    else:
       return x * factorielle(x-1)
# rapidité de tracé
import matplotlib.pyplot as plt
import time
def trace_parabole_tableaux():
    depart=time.clock()
   X = [] # Initialisation des listes
   Y = []
   a = -2
   h = 0.001
   while a<2:
        X.append(a) # Ajout des valeurs
        Y.append(a*a) # au "bout" de X et Y
    # Tracé de l'ensemble du tableau de valeurs
   plt.plot(X,Y,".b")
   fin=time.clock()
   return "Temps : " + str(fin-depart) + " s."
\end{scontents}
%environnement centré, avec numéros, largeur 9cm
\CodePythonLstFichier[9cm]{center}{testscript.py}
```



## Sortie LATEX

```
Code Python
   # Calcul de la factorielle en langage Python
 2 def factorielle(x):
       if x < 2:
3
           return 1
5
        else:
6
           return x * factorielle(x-1)
7
8 # rapidité de tracé
9 import matplotlib.pyplot as plt
10 import time
   def trace_parabole_tableaux():
11
12
        depart=time.clock()
       X = [] # Initialisation des listes
13
       Y = []
14
15
        a = -2
       h = 0.001
16
17
        while a<2:
            X.append(a) # Ajout des valeurs
18
            Y.append(a*a) # au "bout" de X et Y
19
20
            a = a+h
        # Tracé de l'ensemble du tableau de
21
        valeurs
        plt.plot(X,Y,".b")
22
23
        fin=time.clock()
        return "Temps : " + str(fin-depart) + "
24
```

## 20 Code Python via le package piton

## 20.1 Introduction



2.5.0 Cette section nécessite de charger la librairie piton dans le préambule.

2.5.7 Une console Python est disponible, elle nécessite le package pyluatex, qui n'est pas chargé par ProfLycee, du fait de l'obligation de spécifier le *chemin* pour l'exécutable Python!



```
</>Code Laction de la console REPL
\useproflyclib{piton}
```



La librairie piton (qui charge piton), est compatible uniquement avec Lua MEX!) permet d'insérer du code Python avec une coloration syntaxique en utilisant la bibliothèque Lua LPEG.

En partenariat avec [stcolorbox], on peut avoir une présentation de code Python!

Depuis la version 0.95 de piton, (left-margin=auto) est disponible et activée dans ProfLycee.

Depuis la version 0.99 de piton, (break-lines) est disponible et activée dans ProfLycee.

Depuis la version 1.0 de piton, (tabs-auto-gobble) est disponible et activée dans ProfLycee.

Depuis la version 2.2a de piton, des options pour (line-numbers) sont disponibles.



Le package piton nécessite donc obligatoirement l'emploi de Lua MEX! Ce package n'est chargé que si la compilation détectée est en Lua MEX!

2.5.7 L'utilisation de la console **REPL** nécessite une compilation en —-shell-escape ou —write18! 2.5.7 Les packages pyluatex et pythontex utilisent des commandes de même nom, donc la présente documentation n'utilisera pas le package pyluatex. Une documentation annexe spécifique est disponible.

## 20.2 Présentation de code Python



```
</> Code LaTEX

\begin{CodePiton} [options] {options tcbox} < option line-numbers>
...
\end{CodePiton}
```



## Plusieurs (clés) sont disponibles :

- la clé booléenne (Lignes) pour afficher ou non les numéros de lignes; défaut (true) — la clé booléenne (Gobble) pour activer les options liées au gobble; défaut (true) — la clé (Largeur) qui correspond à la largeur de la [tcbox]; défaut (\linewidth) — la clé (TaillePolice) pour la taille des caractères; défaut (\footnotesize) — la clé (Alignement) qui paramètre l'alignement de la [tcbox]; défaut (center) — **3**2.5.7 la clé **(Style)** (parmi **(Moderne / Classique)**) pour changer le style; défaut (Moderne) — **[2.5.7]** le boolén (Filigrane) pour afficher, le logo **♣** en filigrane; défaut (false) - 2.5.7 le boolén (BarreTitre) (si (Style=Moderne)) pour afficher le titre; défaut (true) — **2.5.7** le boolén **(Cadre)** (si **(Style=Moderne)**) pour afficher le cadre; défaut (true) 2.5.9 la clé (CouleurNombres) pour la couleur des nombres. défaut (orange)
- Du fait du paramétrage des boîtes tcolorbox, il se peut que le rendu soit non conforme si elle doit être insérée dans une autre tcolorbox... (normalement corrigé en 2.6.9)!



Pour éviter des problèmes avec le code interprété par piton, les [1] de l'argument obligatoire sont nécessaires au bon fonctionnement du code.



```
\begin{CodePiton}{} %pour éviter un bug avec le caractère #
#environnement piton avec numéros de ligne, pleine largeur, style moderne
def arctan(x,n=10):
    if x < 0:
        return -arctan(-x) #> (appel récursif)
    elif x > 1:
        return pi/2 - arctan(1/x) #> (autre appel récursif)
    else:
        return sum( (-1)**k/(2*k+1)*x**(2*k+1) for k in range(n) )
\end{CodePiton}
```

```
#environnement piton avec numéros de ligne, pleine largeur, style moderne
def arctan(x,n=10):
    if x < 0:
        return -arctan(-x) (appel récursif)
    elif x > 1:
        return pi/2 - arctan(1/x) (autre appel récursif)
else:
    return sum( (-1)**k/(2*k+1)*x**(2*k+1) for k in range(n) )
```

```
</>>
```

```
\begin{CodePiton} [Style=Classique,Filigrane] {} < start=10 >
#environnement piton avec numéros (début=10), style classique, filigrane
def arctan(x,n=10):
    if x < 0:
        return -arctan(-x) #> (appel récursif)
    elif x > 1:
        return pi/2 - arctan(1/x) #> (autre appel récursif)
    else:
        return sum( (-1)**k/(2*k+1)*x**(2*k+1) for k in range(n) )
\end{CodePiton}
```

```
//> Code Python

10  #environnement piton avec numéros, style classique, filigrane
11  def arctan(x,n=10):
12    if x < 0:
13        return -arctan(-x) (appel récursif)
14    elif x > 1:
15        return pi/2 - arctan(1/x) (autre appel récursif)
16    else:
17     return sum( (-1)**k/(2*k+1)*x**(2*k+1) for k in range(n) )
```



```
Code LATEX
\begin{CodePiton}[Alignement=flush right,Largeur=13cm]{}
def f(x):
    return x**2
\end{CodePiton}
\begin{CodePiton}[Alignement=flush left,Largeur=11cm]{}
def f(x) :
   return x**2
\end{CodePiton}
\begin{itemize} %Avec des indentations d'environnement :
    \item On essaye avec un \texttt{itemize} :
    \begin{CodePiton}[Largeur=12cm,Style=Classique,Cadre=false]{}
            def f(x):
                return x**2
        \end{CodePiton}
    \item Et avec un autre \texttt{itemize} :
    \begin{CodePiton} [Largeur=12cm, Style=Classique, Cadre=false, BarreTitre=false] {}
            #avec numéros, de largeur 12cm, centré, classique, sans cadre/titre
            def f(x):
                return x**2
        \end{CodePiton}
\end{itemize}
\vspace*{-\baselineskip}\leavevmode
```

```
1 #avec numéros, de largeur 13cm, aligné à droite
2 def f(x):
3 return x**2
```

```
#avec numéros, de largeur 11cm, aligné à gauche
def f(x):
return x**2
```

— On essaye avec un itemize:

```
/> Code Python

1 #avec numéros, de largeur 12cm, centré, classique, sans cadre
2 def f(x):
3    return x**2
```

— Et avec un autre itemize:

```
1 #avec numéros, de largeur 12cm, centré, classique, sans \
+ \( \to \) cadre/titre
2 def f(x):
3 return x**2
```

## 20.3 Console en partenariat avec Pyluatex



② 2.5.7 Une console d'exécution (type REPL) est disponible, et la documentation associée est en marge de la présente documentation.

## 21 Code & Console Python, via les packages Pythontex ou Minted

## 21.1 Librairies



2.5.0 Cette section nécessite de charger les librairies minted et/ou pythontex dans le préambule.



## ⟨/> Code LATEX

\useproflyclib{minted}
\useproflyclib{pythontex}
%ou
\useproflyclib{minted,pythontex}

## 21.2 Introduction



- 2.5.0 La librairie pythontex permet d'insérer et d'exécuter du code Python. On peut :
  - §2.5.8 présenter du code Python (deux styles disponibles);
  - exécuter du code Python dans un environnement type « console »;
  - charger du code Python, et éventuellement l'utiliser dans la console.



**Attention :** il faut dans ce cas une compilation en plusieurs étapes, comme par exemple pdflatex puis pythontex puis pdflatex!

Voir par exemple http://lesmathsduyeti.fr/fr/informatique/latex/pythontex/!



Compte tenu de la *relative complexité* pour gérer les options (par paramètres/clés...) des *tcbox* et des *fancyvrb*, les style sont « fixés » tels quels, et seules la taille et la position de la *tcbox* sont modifiables. Si toutefois vous souhaitez personnaliser davantage, il faudra prendre le code correspondant et appliquer vos modifications!

Cela peut donner – en tout cas – des idées de personnalisation en ayant une base *pré*existante!

## 21.3 Présentation de code Python grâce au package pythontex



L'environnement CodePythontex est donc lié à pythontex (chargé par ProfLycee, avec l'option *autogobble*) permet de présenter du code Python, dans une colorbox avec deux styles particuliers (2.5.8).



## </> ✓/> Code LATEX

\begin{CodePythontex}[clés]{} %les {} vides sont nécessaires
...
\end{CodePythontex}



## Code LATEX

\begin{CodePythontexAlt}[clés]{} %les {} vides sont nécessaires
...
\end{CodePythontexAlt}

[ProfLycee] - 72 -



Comme précédemment, des (Clés) qui permettent de légèrement modifier le style :

```
— \langle Largeur \rangle: largeur de la tcbox; défaut \langle linewidth \rangle
```

—  $\langle PremLigne \rangle$ : numéro initial des lignes; défaut  $\langle 1 \rangle$ 

— ⟨TaillePolice⟩: taille des caractères; défaut ⟨\footnotesize⟩

—  $\langle Espacement Vertical \rangle$ : option (*stretch*) pour l'espacement entre les lignes; défaut  $\langle 1 \rangle$ 

— (Lignes) : booléen pour afficher ou non les numéros de ligne. défaut (true)



```
\Description
```



```
Sortie LTEX

1 #environnement Python(tex) par défaut
2 def f(x):
3 return x**2
```



```
\text{\code Largeur=12cm, Centre, Lignes=false} {}

#environnement Python(tex) classique, centré, sans lignes
def f(x):
    return x**2
\end{CodePythontexAlt}
```



```
Sortie La Sortie La
```

### 21.4 Présentation de code Python via le package minted



Pour celles et ceux qui ne sont pas à l'aise avec le package pythontex et notamment sa spécificité pour compiler, il existe le package inited qui permet de présenter du code, et notamment Python.

2.5.8 Deux styles sont désormais disponibles.

2.5.0 C'est donc la librairie minted qu'il faudra charger.



Le package minted nécessite quand même une compilation avec l'option --shell-escape ou -write18!



```
</> Code LaTeX

\begin{CodePythonMinted}(*)[clés]{options tcbox}
...

\end{CodePythonMinted}
```



```
</>Code Language

\begin{CodePythonMintedAlt}(*)[clés]{options tcbox}
...

\end{CodePythonMintedAlt}
```



### Plusieurs (arguments) sont disponibles:

- la version étoilée qui permet de ne pas afficher les numéros de lignes;
- le 1<sup>er</sup> argument (*optionnel*), comprend la clé (Largeur) de la [tcbox] ((\linewidth) par défaut) et la clé (PremLigne) ((1) par défaut);
- le 2<sup>nd</sup> argument *obligatoire* concerne les (options) de la [stcbox] en langage tcbox. défaut (vide)



```
</>
Code LATEX
\begin{CodePythonMinted}[Largeur=13cm,PremLigne=10]{center}
    #environnement Python(minted) centré avec numéros, de largeur 13cm
    def f(x):
       return x**2
\end{CodePythonMinted}
```



```
Sortie LATEX
                                                                                 * Code Python
          10 #environnement Python(minted) centré avec numéros
          11 \operatorname{def} f(x):
                   return x**2
```



```
Code LATEX
\begin{CodePythonMintedAlt}*[Largeur=0.8\linewidth]{}
   #environnement Python(minted), style alt, sans numéro, de largeur 0.8\linewidth
   def f(x):
       return x**2
\end{CodePythonMintedAlt}
```



```
    Sortie L⁴TEX

 Code Python
 #environnement Python(minted), style alt, sans numéro, 0.8\linewidth
 def f(x):
     return x**2
```

### Console d'exécution Python 21.5



pythontex permet également de simuler (en exécutant également!) du code Python dans une console, avec la librairie pythontex du coup!

C'est l'environnement ConsolePythontex qui permet de le faire.



### Code LATEX \begin{ConsolePythontex}[clés]{} %les {} vides sont nécessaires \end{ConsolePythontex}



### Les (Clés) disponibles sont :

- (Largeur) : largeur de la console; défaut (\linewidth)
- (Centre): booléen pour centrer ou non la console; défaut (false)
- (TaillePolice) : taille des caractères; défaut (\footnotesize)
- (Espacement Vertical): option (stretch) pour l'espacement entre les lignes; défaut (1)
- (Label): booléen pour afficher ou non le titre. défaut (true)



### </> Code LATEX

```
begin{ConsolePythontex}{}
    #console Python(tex) par défaut
    from math import sqrt
    1+1
    sqrt(12)
\end{ConsolePythontex}
```



```
Début de la console python

>>> #console Python(tex) par défaut

>>> from math import sqrt

>>> 1+1

2

>>> sqrt(12)

3.4641016151377544

Fin de la console python
```



### </> Code LATEX

```
\begin{ConsolePythontex} [Largeur=14cm, Label=false, Centre] {}
    #console Python(tex) centrée sans label, 14cm
    table = [[1,2],[3,4]]
    table[0][0]

from random import randint
    tableau = [[randint(1,20) for j in range(0,6)] for i in range(0,3)]
    tableau
    len(tableau), len(tableau[0]), tableau[1][4]
\end{ConsolePythontex}
```



### Sortie LATEX

```
>>> #console Python(tex) centrée sans label, 14cm
>>> table = [[1,2],[3,4]]
>>> table[0][0]
1

>>> from random import randint
>>> tableau = [[randint(1,20) for j in range(0,6)] for i in range(0,3)]
>>> tableau
[[1, 6, 15, 18, 15, 11], [9, 19, 7, 7, 16, 12], [20, 11, 13, 3, 10, 5]]
>>> len(tableau), len(tableau[0]), tableau[1][4]
(3, 6, 16)
```



Le package pythontex peut donc servir à présenter du code Python, comme minted ou piton, sa particularité est toutefois de pouvoir *exécuter* du code Python pour une présentation de type *console*.

### 22 Pseudo-Code

### 22.1 Introduction



Le package <u>listings</u> permet d'insérer et de présenter du code, et avec <u>ltcolorbox</u> on peut obtenir une présentation similaire à celle du code Python. Pour le moment la *philosophie* de la commande est un peu différente de celle du code Python, avec son système de (Clés).

### 22.2 Présentation de Pseudo-Code



Les environnements PseudoCode ou PseudoCodeAlt permet de présenter du (pseudo-code) dans une tcolorbox, avec deux styles à disposition (2.5.8).



De plus, le package listings avec tcolorbox ne permet pas de gérer le paramètre *autogobble*, donc il faudra être vigilant quant à la position du code (pas de tabulation en fait...)



```
\Description Code Land Code Lan
```





Plusieurs (arguments) (optionnels) sont disponibles :

- la version étoilée qui permet de ne pas afficher les numéros de lignes;
- le 1<sup>er</sup> argument (*optionnel*), comprend la clé ⟨Largeur⟩ de la [tcbox] (⟨\linewidth⟩ par défaut) et la clé ⟨PremLigne⟩ (⟨1⟩ par défaut) et la clé ⟨EspaceNum⟩ (⟨14pt⟩ par défaut);
- §2.7.5] une clé booléenne (Couleur) est également disponible pour mettre en évidence trois niveaux (elles peuvent être redéfinies) de mots clés en pseudo-code ((false) par défaut);
- [2.5.8] l'argument obligatoire entre [{...}] concerne les (options) de la [tcbox].



```
/> Code Lagran

// Code
```



```
Sortie Later List ← [...] # à déclarer au préalable

2 n ← longueur(List)

3 Pour i allant de 0 à n-1 Faire

4 Afficher(List[i])

5 FinPour
```



## \begin{PseudoCodeAlt}[Largeur=15cm,PremLigne=7,Couleur]{center} %centré, de largeur 15cm List = [...] # à déclarer au préalable n = longueur(List) Pour i allant de 0 à n-1 Faire Afficher(List[i]) FinPour \end{PseudoCodeAlt}



### 

### 22.3 Compléments



À l'instar de packages existants, la *philosophie* ici est de laisser l'utilisateur gérer *son* langage pseudocode.

J'ai fait le choix de ne pas forcément définir des mots clés à mettre en valeur car cela reviendrait à *imposer* des choix! Donc ici, pas de coloration syntaxique (uniquement via la clé **Couleur**) ou de mise en évidence de mots clés, uniquement un formatage basique!



```
% Code LETEX
%couleurs par défaut des mots clés, modifiables si besoin
\colorlet{MotsClesPseudoCodeA}{blue!75}
\colorlet{MotsClesPseudoCodeB}{green!50!black}
\colorlet{MotsClesPseudoCodeChaine}{red!75}
```

1

Le style listings utilisé par la commande a l'option (mathescape) activée, et accessible grâce aux délimiteurs ((\*...\*)).

Cela permet d'insérer du code MEX dans l'environnement PseudoCode (attention au fontes par contre!).





### 23 Terminal Windows/UNiX/OSX

### 23.1 Introduction



L'idée des commandes suivantes est de permettre de simuler des fenêtres de Terminal, que ce soit pour Windows, Ubuntu ou OSX.

L'idée de base vient du package **[stermsim]**, mais ici la gestion du code et des fenêtres est légèrement différente.

Le contenu est géré par le package listings, sans langage particulier, et donc sans coloration syntaxique particulière.



Comme pour le pseudo-code, pas d'autogobble, donc commandes à aligner à gauche!

### 23.2 Commandes



```
\begin{TerminalWin}[largeur]{titre=...}[options tcbox]
...
\end{TerminalWin}

\begin{TerminalUnix}[largeur]{titre=...}[options tcbox]
...
\end{TerminalUnix}

\begin{TerminalOSX}[largeur]{titre=...}[options tcbox]
...
\end{TerminalOSX}
```



Peu d'options pour ces commandes :

- le premier, optionnel, est la (largeur) de la [tcbox]; défaut (\linewidth)
- le deuxième, *obligatoire*, permet de spécifier le titre par la clé (Titre).
   défaut (Terminal Windows/UNiX/OSX)
- le troisième, optionnel, concerne les (options) de la [tcbox] en langage tcolorbox. défaut (vide)



Le code n'est pas formaté, ni mis en coloration syntaxique.

De ce fait tous les caractères sont autorisés : même si l'éditeur pourra détecter le % comme le début d'un commentaire, tout sera intégré dans le code mis en forme!



```
\begin{TerminalUnix}[12cm]{Titre=Terminal Ubuntu}[center] %12cm, avec titre modifié et centré

test@DESKTOP:~$ ping -c 2 ctan.org

PING ctan.org (5.35.249.60) 56(84) bytes of data.
\end{TerminalUnix}
```

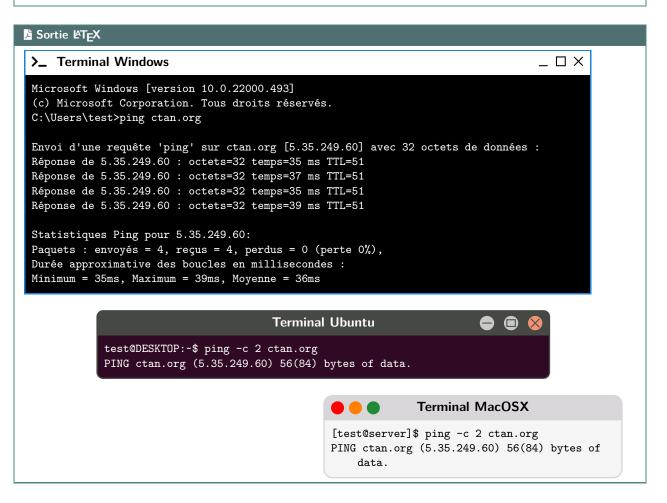






### Code LATEX \begin{TerminalWin}[15cm]{} %largeur 15cm avec titre par défaut Microsoft Windows [version 10.0.22000.493] (c) Microsoft Corporation. Tous droits réservés. C:\Users\test>ping ctan.org Envoi d'une requête 'ping' sur ctan.org [5.35.249.60] avec 32 octets de données : Réponse de 5.35.249.60 : octets=32 temps=35 ms TTL=51 Réponse de 5.35.249.60 : octets=32 temps=37 ms TTL=51 Réponse de 5.35.249.60 : octets=32 temps=35 ms TTL=51 Réponse de 5.35.249.60 : octets=32 temps=39 ms TTL=51 Statistiques Ping pour 5.35.249.60: Paquets : envoyés = 4, reçus = 4, perdus = 0 (perte 0%), Durée approximative des boucles en millisecondes : Minimum = 35ms, Maximum = 39ms, Moyenne = 36ms \end{TerminalWin} \begin{TerminalOSX} [0.5\linewidth] {Titre=Terminal MacOSX} [flush right] %1/2-largeur et titre modifié et droite [test@server]\$ ping -c 2 ctan.org PING ctan.org (5.35.249.60) 56(84) bytes of data. \end{TerminalOSX}





### 24 Cartouche Capytale

### 24.1 Introduction



L'idée est d'obtenir des cartouches tels que Capytale les présente, pour partager un code afin d'accéder à une activité Python.

### 24.2 Commandes



### Code LATEX

\CartoucheCapytale(\*)[options]{code capytale}



Peu d'options pour ces commandes :

- la version étoilée qui permet de passer de la police (sffamily) à la police (ttfamily), et donc dépendante des fontes du document;
- le deuxième, optionnel, permet de rajouter des caractères après le code (comme un espace);
   défaut (vide)

%lien avec ~ à la fin, en sf

— le troisième, *obligatoire*, est le code capytale à afficher.



### </> Code Language \CartoucheCapytale{abcd-12345}

\CartoucheCapytale[~]{abcd-12345}

toucheCapytale{abcd-12345} %lien simple, en sf

 $\color= \color= \col$ 



### Sortie L⁴TEX

abcd-12345 &

abcd-12345 &

abcd-12345 🔗

abcd-12345 &



Le cartouche peut être « cliquable » grâce à href.



### </> ✓/> Code L⁴TEX

\usepackage{hyperref}

\urlstyle{same}

. . .



### Sortie LATEX

abcd-12345 ♂

### 25 Présentation de code **ETEX**

### 25.1 Introduction



₹2.0.6 L'idée est de proposer un environnement pour présenter du code 上X. Ce n'est pas forcément lié à l'enseignement en Lycée mais pourquoi pas!

Il s'agir d'un environnement créé en tcolorbox, et utilisant la présentation *basique* de code via listings.

### 25.2 Commandes





Peu de personnalisations pour ces commandes :

- le premier argument, optionnel, permet de préciser la couleur de la présentation; défaut (CouleurVertForet)
- le second, *obligatoire*, correspond aux éventuelles options liées à la [stcolorbox].
- **a**

Il est à noter que, même dans le cas d'option vide pour la <code>itcolorbox</code>, les <code>itcolo</code>

```
⇔ Code LaTEX et sortie LaTEX
      \begin{PresentationCode}{}
      \xdef\ValAleaA{\fpeval{randint(1,100)}}
      \xdef\ValAleaB{\fpeval{randint(1,100)}}
      Avec A=ValAleaA et B=ValAleaB, on a A\times B=ValAleaA * ValAleaB.
      \end{PresentationCode}
      \begin{PresentationCode}[blue]{}
      On peut faire beaucoup de choses avec \LaTeX{} !
      \end{PresentationCode}
Code ETEX
          \xdef\ValAleaA{\fpeval{randint(1,100)}}
         \xdef\ValAleaB{\fpeval{randint(1,100)}}
         Avec $A=\ValAleaA$ et $B=\ValAleaB$, on a $A\times B=\inteval{\ValAleaA *
             \ValAleaB}$.
         Avec A = 65 et B = 68, on a A \times B = 4420.
                                                                                          Code ATEX
         On peut faire beaucoup de choses avec \LaTeX{} !
         On peut faire beaucoup de choses avec ETEX!
```

### Thème

### OUTILS POUR LA GÉOMÉTRIE

### Septième partie

### Outils pour la géométrie

### 26 Pavé droit « simple »

### 26.1 Introduction



L'idée est d'obtenir un pavé droit, dans un environnement TikZ, avec les nœuds créés et nommés directement pour utilisation ultérieure.

### 26.2 Commandes



### 



Quelques (clés) sont disponibles pour cette commande :

```
— (Largeur) : largeur du pavé;
                                                                                       défaut (2)
— (Profondeur) : profondeur du pavé;
                                                                                       défaut (1)
— (Hauteur) : hauteur du pavé;
                                                                                    défaut (1.25)
— (Angle) : angle de fuite de la perspective;
                                                                                      défaut (30)
— (Fuite) : coefficient de fuite de la perspective;
                                                                                     défaut (0.5)
— (Sommets): liste des sommets (avec délimiteur §!);
                                                                  défaut (A§B§C§D§E§F§G§H)

    (Math): booléen pour forcer le mode math des sommets;

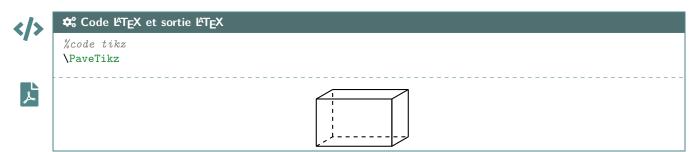
                                                                                    défaut (false)
— (Epaisseur): épaisseur des arêtes (en langage simplifié TikZ);
                                                                                   défaut (thick)

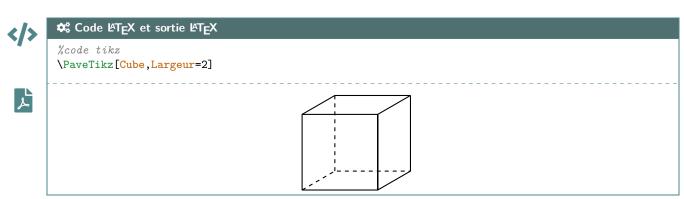
    (Aff): booléen pour afficher les noms des sommets;

                                                                                    défaut (false)
— (Plein): booléen pour ne pas afficher les arêtes invisibles;
                                                                                    défaut (false)

    (Cube): booléen pour préciser qu'il s'agit d'un cube (seule la valeur (Largeur) est util(isé)e).

                                                                                    défaut (false)
```







La ligne est de ce fait à insérer dans un environnement TikZ, avec les options au choix pour cet environnement

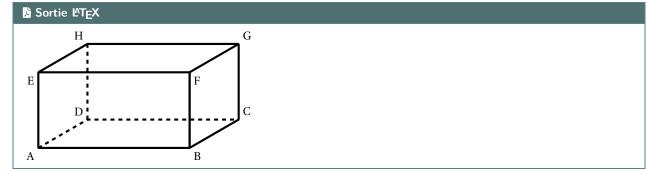
Le code crée les nœuds relatifs aux sommets, et les nomme comme les sommets, ce qui permet de les réutiliser pour éventuellement compléter la figure!

### 26.3 Influence des paramètres



```
</> Code Lagrange Lagran
```







```
\begin{center}
\begin{tikzpicture}[line join=bevel]

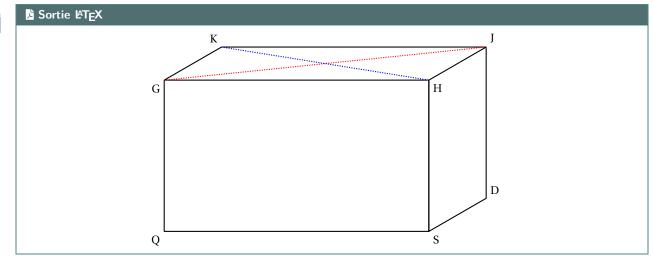
    \PaveTikz[Plein,Aff,Largeur=7,Profondeur=3.5,Hauteur=4,Sommets=Q$S$D$F$G$H$J$K]

    \draw[thick,red,densely dotted] (G)--(J);

    \draw[thick,blue,densely dotted] (K)--(H);

\end{tikzpicture}
\end{center}
```





### 27 Tétraèdre « simple »

### 27.1 Introduction



L'idée est d'obtenir un tétraèdre, dans un environnement TikZ, avec les nœuds créés et nommés directement pour utilisation ultérieure.

### 27.2 Commandes



## \Degin{tikzpicture}[options tikz] \TetraedreTikz[options] ... \end{tikzpicture}



### Quelques (clés) sont disponibles pour cette commande :

— (Largeur) : largeur du tétraèdre;	défaut <b>(4)</b>
— (Profondeur) : profondeur du tétraèdre;	défaut <b>(1.25)</b>
— <b>(Hauteur)</b> : <i>hauteur</i> du tétraèdre;	défaut ( <mark>3</mark> )
— <b>(Alpha)</b> : angle <i>du sommet de devant</i> ;	défaut ( <mark>40</mark> )
— (Beta): angle du sommet du haut;	défaut ( <mark>60</mark> )
— (Sommets): liste des sommets (avec délimiteur §!);	défaut (A§B§C§D)
<ul> <li>(Math): booléen pour forcer le mode math des sommets;</li> </ul>	défaut ( <mark>false</mark> )
— $\langle Epaisseur \rangle$ : épaisseur des arêtes (en <i>langage simplifié</i> Ti $kZ$ );	défaut ( <mark>thick</mark> )
<ul> <li>— (Aff): booléen pour afficher les noms des sommets;</li> </ul>	défaut ( <mark>false</mark> )
— <b>(Plein)</b> : booléen pour ne pas afficher l'arête <i>invisible</i> .	défaut <b>(false)</b>



<u>ا</u>

# Code La Sortie L



## Code Largeur = 2, Profondeur = 0.625, Hauteur = 1.5



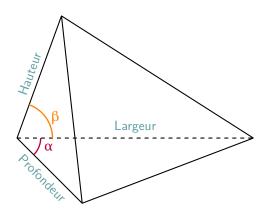


### **♥** Code LATEX et sortie LATEX %code tikz \TetraedreTikz[Plein,Aff,Largeur=5,Beta=60]

### 27.3 Influence des paramètres



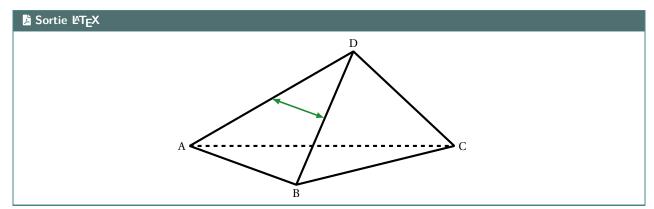
Pour *illustrer* un peu les (clés), un petit schéma, avec les différents paramètres utiles.





```
</>
✓ Code LATEX
\begin{center}
\begin{tikzpicture}[line join=bevel]
    \TetraedreTikz[Aff,Largeur=7,Profondeur=3,Hauteur=5,Epaisseur={ultra
    thick}, Alpha=20, Beta=30]
    \draw[very thick,CouleurVertForet,<->,>=latex] ($(A)!0.5!(D)$)--($(B)!0.5!(D)$);
\end{tikzpicture}
\end{center}
```





### 28 Cercle trigo

### 28.1 Idée

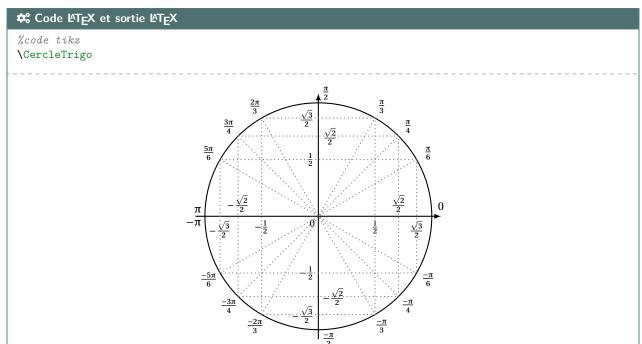


L'idée est d'obtenir une commande pour tracer (en TikZ) un cercle trigonométrique, avec personnalisation des affichages.

Comme pour les autres commandes TikZ, l'idée est de laisser l'utilisateur définir et créer son environnement TikZ, et d'insérer la commande [CercleTrigo] pour afficher le cercle.



ے گر



### 28.2 Commandes





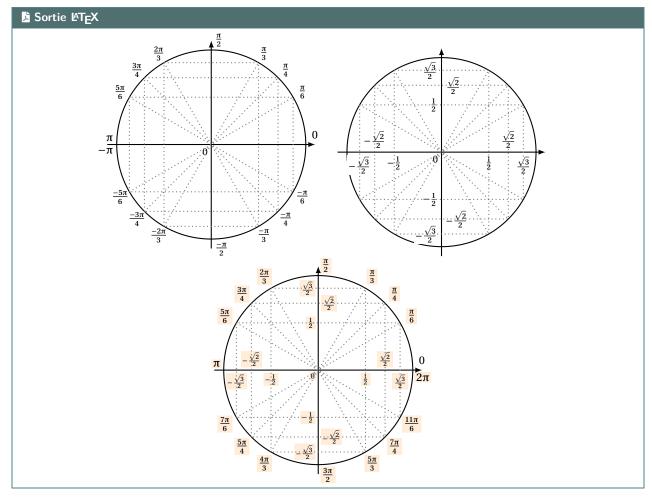
Plusieurs (Clés) sont disponibles pour cette commande :

<ul> <li>la clé (Rayon) qui définit le rayon du cercle;</li> </ul>	défaut ( <mark>3</mark> )
<ul> <li>la clé (Epaisseur) qui donne l'épaisseur des traits de base;</li> </ul>	défaut (thick)
— la clé (Marge) qui est l' <i>écartement</i> de axes;	défaut ( <mark>0.25</mark> )
<ul> <li>la clé (TailleValeurs) qui est la taille des valeurs remarquables;</li> </ul>	défaut ( <mark>scriptsize</mark> )
<ul> <li>— la clé (TailleAngles) qui est la taille des angles;</li> </ul>	défaut $\langle footnotesize \rangle$
<ul> <li>la clé (CouleurFond) qui correspond à la couleur de fond des labels;</li> </ul>	défaut <mark>(white</mark> )
— la clé (Decal) qui correspond au décalage des labels par rapport au cercl	e; défaut <b>(10pt)</b>
<ul> <li>un booléen (MoinsPi) qui bascule les angles « -pipi » à « zerodeuxpi »;</li> </ul>	défaut ( <mark>true</mark> )
<ul> <li>un booléen (AffAngles) qui permet d'afficher les angles;</li> </ul>	défaut ( <mark>true</mark> )
<ul> <li>un booléen (AffTraits) qui permet d'afficher les traits de construction;</li> </ul>	défaut ( <mark>true</mark> )
— un booléen (AffValeurs) qui permet d'afficher les valeurs remarquables.	défaut (true)



# \top Code ETeX \text{begin{center}} \text{begin{tikzpicture}[line join=bevel]} \text{CercleTrigo[Rayon=2.5,AffValeurs=false,Decal=8pt]} \text{end{tikzpicture}} \text{cercleTrigo[Rayon=2.5,AffAngles=false]} \text{cercleTrigo[Rayon=2.5,AffAngles=false]} \text{end{tikzpicture}} \text{cercleTrigo[Rayon=2.5,MoinsPi=false,CouleurFond=orange!15]} \text{end{tikzpicture}} \text{cercleTrigo[Rayon=2.5,MoinsPi=false,CouleurFond=orange!15]} \text{end{center}} \end{center}





### 28.3 Équations trigos



En plus des  $\langle Cl\acute{e}s \rangle$  précédentes, il existe un complément pour *visualiser* des solutions d'équations simples du type  $\cos(x) = ...$  ou  $\sin(x) = ...$ 



### Les (Clés) pour cette possibilité sont :

```
— un booléen (Equationcos) pour activer « cos = »; défaut (false)
```

— un booléen (**Equationsin**) pour *activer* « sin = »; défaut (**false**)

— la clé (sin) qui est la valeur de l'angle (en degrés) du sin; défaut (30)

— la clé ⟨cos⟩ qui est la valeur de l'angle (en degrés) cos;
 défaut ⟨45⟩

— §2.6.2 un booléen (AffTraitsEq) qui permet d'afficher les *traits de construction secondaires* pour les équations;

défaut (true)

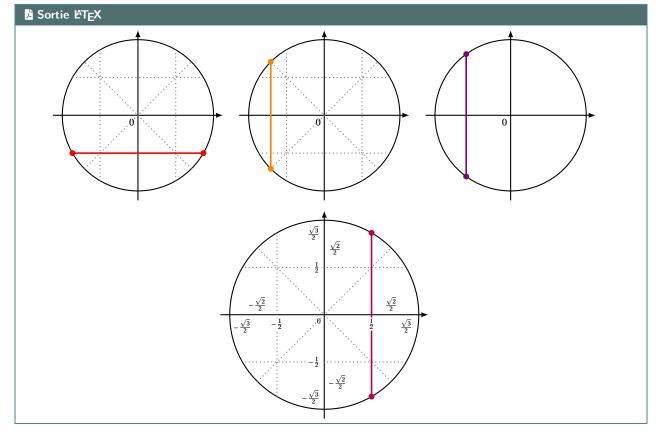
— la clé (CouleurSol) qui est la couleur des *solutions*.

défaut (blue)



```
</>
Code LATEX
\begin{center}
\begin{tikzpicture}
    \CercleTrigo[%
    AffAngles=false, AffValeurs=false, Rayon=2, Equations in, sin=-30, CouleurSol=red]
\end{tikzpicture}
\begin{tikzpicture}
    \CercleTrigo[%
    AffAngles=false, AffValeurs=false, AffTraits=false, Rayon=2, Equationcos, cos=135,
    CouleurSol=orange]
\end{tikzpicture}
\begin{tikzpicture}
    \CercleTrigo[%
    AffAngles=false, AffValeurs=false, AffTraits=false, AffTraitsEq=false, Rayon=2,
    Equationcos,cos=126,CouleurSol=violet]
\end{tikzpicture}
\begin{tikzpicture}
    \CercleTrigo[%
    AffTraits=false, AffAngles=false, Rayon=2.5, Equationcos, cos=60, CouleurSol=purple,
    TailleValeurs=\tiny]
\end{tikzpicture}
\end{center}
```





### Thème

OUTILS POUR LA GÉOMÉTRIE ANALYTIQUE

### Huitième partie

### Outils pour la géométrie analytique

### 29 Conseils d'utilisation



**2.6.5** Il est conseillé d'utiliser Lual pour les commandes (vectorielles) de géométrie analytique, même s'il est toutefois possible d'utiliser pdf [ET].

Il est possible que les simplifications demandées (coefficients entiers, ou premiers entre eux) ne donnent pas entière satisfaction, donc prudence sur l'utilisation de celles-ci (ce sont des tests et retours de *bugs* qui montreront les limites des commandes).

### 30 Affichage de coordonnées

### 30.1 Idée



<u>2.6.4</u> L'idée est de proposer des commandes pour simplifier la saisie de coordonnées de vecteurs ou de points (plan ou espace), en saisissant les coordonnées *en ligne*.

À noter que les calculs et résultats sont traités par la commande de *conversion de fraction* de ProfLycee.



Logiquement les commandes (à insérer dans un environnement mathématique) doivent donner des résultats satisfaisants pour tout ce qui est *rationnel*, mais cela ne sera pas pertinent dans le cas de coordonnées irrationnelles...



### </b> ⟨→ Code LATEX

\AffPoint[options de formatage](liste des coordonnées)

%Affichage des coordonnées d'un vecteur (2 ou 3 coordonnées)

\AffVecteur[options de formatage]<options nicematrix>(liste des coordonnées)

%Affichage des coordonnées d'un point (2 ou 3 coordonnées)



Dans cette partie liée à la géométrie analytique, j'ai choisi de saisir les arguments (coordonnées) via les délimiteurs [(...)]:

- avec le séparateur 🖺 , pour les points ;
- avec le séparateur 🖺 ; ).

De ce fait, le code *sait* s'il est face à un point ou à un vecteur, et adapte sa méthode de calcul en conséquence!

### 30.2 Options et arguments



Concernant les arguments des commandes :

- le premier argument, optionnel et entre [[...]] permet de spécifier la ou les caractéristiques de formatage des coordonnées, de manière globale ou individuelle, et de manière cohérente avec les options disponibles pour la commande de *conversion en fraction* de [ProfLycee]:
  - ⟨d⟩: pour un formatage en ∰dfrac si nécessaire;
  - ⟨t⟩: pour un formatage en [tfrac] si nécessaire;
  - (n): pour un formatage en picefrac si nécessaire;
  - (dec): pour la forme décimale (brute);
  - $\langle \text{dec} = \mathbf{k} \rangle$ : pour la forme décimale à  $10^{-k}$ .

Il est possible de spécifier des formatages différents en utilisant une liste sous la forme :

- $-\langle f1,f2\rangle$  ou  $\langle f1,f2,f3\rangle$  pour les points;
- (f1;f2) ou (f1;f2;f3);
- l'argument *optionnel* et entre <a>(uniquement pour les vecteurs!) permet de spécifier des options de type *nicematrix*;</a>
- l'argument obligatoire, et entre [ {...}] est quant à lui la liste des coordonnées, en ligne et au format *naturel xint*.



Il est donc possible de mettre des *calculs* dans l'argument des coordonnées. Il suffit *juste* d'utiliser une syntaxe compréhensible par les commandes du package [xint].



```
♥ Code LaTEX et sortie LaTEX
%Point, avec affichage classique en dfrac
$\AffPoint(1,2/3)$ \\
%Point, avec affichage en décimal + dfrac + dfrac
$\AffPoint[dec,d,d](-0.5,1,2/3)$ \\
%Vecteurs, avec affichages classiques
$\AffVecteur(1;2)$ et $\AffVecteur(1;2;3)$ \\
%Vecteurs, avec option nicematrix et affichage en décimal + tfrac
$\AffVecteur[dec;t]<cell-space-limits=2pt>(0.5;2/3)$ \\
%Vecteurs, avec option nicematrix et affichage en décimal
\Lambda ffVecteur[dec] < cell-space-limits=2pt>(0.5;0.6;0.75) \ \
%Vecteurs, avec cacluls et affichage classique
$\AffVecteur((2-(-3));(5-6);(1-1))$
\left(-0.5; 1; \frac{2}{2}\right)
(0,5)
 0,6
0,75
```

### 31 Équation cartésienne d'un plan de l'espace

### 31.1 Idée et commande



2.6.4 L'idée est de proposer une commande pour déterminer une équation cartésienne d'un plan dans l'un des cas suivants :

- en donnant un vecteur normal et un point;
- en donnant deux vecteurs directeurs et un point;
- en donnant trois points.



### Code LATEX

%Avec un vecteur normal et un point
\TrouveEqCartPlan[clés](vecteur normal)(point)
%Avec deux vecteurs directeurs et un point
\TrouveEqCartPlan[clés](vecteur dir1)(vecteur dir2)(point)
%Avec trois points

\TrouveEqCartPlan[clés](point1)(point2)(point3)

### 31.2 Clés et arguments



Concernant les arguments des commandes :

- le premier argument, optionnel et entre [[...]] contient les clés :
  - (OptionCoeffs) pour spécifier un formatage *global* des coefficients; défaut : (d)
  - (SimplifCoeffs) pour forcer des coefficients simples (entiers et premiers entre eux);

défaut : (false)

- (Facteur) pour spécifier un facteur personnalisé aux simplifications.
   défaut : (1)
- les arguments suivants, entre [(...)] correspondent aux données utilisées (entre 2 et 3).

À noter que les séparateurs 🖺 , ou 🖺 ; permettent de spécifier point ou vecteur.



### **♣** Code LATEX et sortie LATEX

Une équation cartésienne du plan  $\mathcal{P}$  de vecteur normal  $\vec{P}$  et passant par le point A de coordonnées  $\Lambda (4,5,6)$  est  $\mathcal{P}$  :  $\Upsilon (4,5,6)$ 



Une équation cartésienne du plan  $\mathscr{P}$  de vecteur normal  $\vec{h} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}$  et passant par le point A de coordonnées (4;5;6) est  $\mathscr{P}$ : x + 2y + 3z - 32 = 0



### **♦** Code LATEX et sortie LATEX

Une équation cartésienne du plan \$\mathcal{P}\$ de vecteur normal \$\vec{n}
 \AffVecteur[n](1/2;2/3;3/5)\$ et passant par le point A de coordonnées \$\AffPoint(4,5,6)\$
 est \$\mathcal{P}\$: \$\TrouveEqCartPlan(1/2;2/3;3/5)(4,5,6) \Leftrightarrow
 \TrouveEqCartPlan[SimplifCoeffs](1/2;2/3;3/5)(4,5,6)\$



Une équation cartésienne du plan  $\mathscr{P}$  de vecteur normal  $\vec{n} \begin{pmatrix} 1/2 \\ 2/3 \\ 3/5 \end{pmatrix}$  et passant par le point A de coordonnées (4;5;6) est  $\mathscr{P}$ :

$$\frac{1}{2}x + \frac{2}{3}y + \frac{3}{5}z - \frac{134}{15} = 0 \Leftrightarrow 15x + 20y + 18z - 268 = 0$$



### **♥** Code LaTeX et sortie LaTeX

Une équation cartésienne du plan \$\mathcal{P}\$ de vecteur normal \$\vec{n}
\AffVecteur[n](1;2/3;0)\$ et passant par le point A de coordonnées
\$\AffPoint[dec,dec,d](0.75,0.56,1/3)\$ est \$\mathcal{P}\$:
\$\TrouveEqCartPlan(1;2/3;0)(0.75,0.56,1/3) \Leftrightarrow
\TrouveEqCartPlan[SimplifCoeffs](1;2/3;0)(0.75,0.56,1/3)\$



Une équation cartésienne du plan  $\mathscr{P}$  de vecteur normal  $\vec{n} \begin{pmatrix} 1 \\ 2/3 \\ 0 \end{pmatrix}$  et passant par le point A de coordonnées  $\left(0,75;0,56;\frac{1}{3}\right)$ 

est  $\mathscr{P}$ :  $x + \frac{2}{3}y - \frac{337}{300} = 0 \Leftrightarrow 300x + 200y - 337 = 0$ 



### **Φ**<sup>c</sup> Code L<sup>a</sup>TEX et sortie L<sup>a</sup>TEX

Une équation cartésienne du plan \$\mathcal{P}\_3\$ passant par les points \$A\AffPoint(2,0,1)\$,
 \$B\AffPoint(3,1,1)\$ et \$C\AffPoint(1,-2,0)\$ est
\[ \mathcal{P}\_3 \text{ : } \TrouveEqCartPlan(2,0,1)(3,1,1)(1,-2,0)\]



Une équation cartésienne du plan  $\mathcal{P}_3$  passant par les points A(2;0;1), B(3;1;1) et C(1;-2;0) est

$$\mathcal{P}_3: -x+y-z+3=0$$



### **♦** Code LATEX et sortie LATEX

Une équation cartésienne du plan  $\mathcal{R}\$  passant par le points  $A^{ffPoint(0,0,1)}$ ,  $B^{ffPoint(4,2,3)}$  et  $C^{ffPoint(-3,1,1)}$  est

\[\mathcal{R}\\text{:}\TrouveEqCartPlan[SimplifCoeffs,Facteur=-1](0,0,1)(4,2,3)(-3,1,1)\]



Une équation cartésienne du plan  $\mathcal{R}$  passant par le points A(0;0;1), B(4;2;3) et C(-3;1;1) est

$$\mathcal{R}: -x-3y+5z-5=0$$

$$\mathcal{R}: x + 3y - 5z + 5 = 0$$



### **♣** Code LaTEX et sortie LaTEX

Une équation cartésienne du plan  $\mathcal{P}_0$  dirigé par les vecteurs  $\Lambda f Vecteur(9;7;-8)$  et  $\Lambda f Vecteur(-2;2;-1)$  et passant par le point  $\Lambda f Vecteur(5,1,-1)$  est :

\[ \mathcal{P}\_0 \text{ : } \TrouveEqCartPlan[SimplifCoeffs] (9;7;-8) (-2;2;-1) (5,1,-1)\]



Une équation cartésienne du plan  $\mathscr{P}_0$  dirigé par les vecteurs  $\begin{pmatrix} 9 \\ 7 \\ -8 \end{pmatrix}$  et  $\begin{pmatrix} -2 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}$  et passant par le point A (5;1;-1) est :

$$\mathcal{P}_0: 9x + 25y + 32z - 38 = 0$$

### 32 Équation paramétrique d'une droite de l'espace

### 32.1 Idée et commande



**2.6.4** L'idée est de proposer une commande pour déterminer un système d'équations paramétriques d'une droite de l'espace dans l'un des cas suivants :

- en donnant un vecteur directeur et un point;
- en donnant deux points.



### </> ✓/> Code LATEX

%Avec un vecteur directeur et un point
\TrouveEqParamDroite[clés](vecteur directeur)(point)
%Avec deux points
\TrouveEqParamDroite[clés](point1)(point2)

### 32.2 Clés et arguments



Concernant les arguments des commandes :

- le premier argument, optionnel et entre [[...]] contient les clés :
  - **(OptionCoeffs)** pour spécifier un formatage *global* des coefficients; défaut : **(d)**
  - (Reel) pour coder le paramètre réel; défaut : (k)
  - le booléen (Oppose) pour utiliser plutôt l'opposé du vecteur directeur; défaut : (false)
  - le booléen (Rgras) pour utiliser le symbole  $\mathbf{R}$  ou lieu de  $\mathbb{R}$  (si [amsfonts] est chargé!).

défaut : (false)

— les arguments suivants, entre ((...) correspondent aux données utilisées.

À noter que les séparateurs 📳, ou 📳 permettent de spécifier point ou vecteur.



### **‡** Code LATEX et sortie LATEX

Une équation paramétrique de la droite (d) dirigée par le vecteur  $\vec{u}\AffVecteur(2;5;-4)$  et passant par AAffPoint(-1,-1,-1) est  $\TrouveEqParamDroite(2;5;-4)(-1,-1,-1)$ 



Une équation paramétrique de la droite (d) dirigée par le vecteur  $\vec{u} \begin{pmatrix} 2 \\ 5 \\ -4 \end{pmatrix}$  et passant par A (-1; -1; -1) est

$$\begin{cases} x = -1 + 2k \\ y = -1 + 5k, k \in \mathbb{R} \\ z = -1 - 4k \end{cases}$$



### **♥** Code LATEX et sortie LATEX

Une équation paramétrique de la droite \$(d)\$ passant par \$\AffPoint(2,5,-4)\$ et
 \$\AffPoint(-1,-1,-1)\$ est
\[ \TrouveEqParamDroite[Oppose](2,5,-4)(-1,-1,-1) \text{ ou }
 \TrouveEqParamDroite(2,5,-4)(-1,-1,-1) \]



Une équation paramétrique de la droite (d) passant par (2;5;-4) et (-1;-1;-1) est

$$\begin{cases} x = 2 + 3k \\ y = 5 + 6k, k \in \mathbb{R} \text{ ou } \\ z = 5 + 6k \end{cases} \begin{cases} x = 2 - 3k \\ y = 5 - 6k, k \in \mathbb{R} \\ z = 5 - 6k \end{cases}$$



### **♣** Code LATEX et sortie LATEX

Une équation paramétrique de la droite (d)\$ dirigée par le vecteur  $\vec{u}\AffVecteur(0;-1;3)$ \$ et passant par  $0\AffPoint(0,0,0)$ \$ est  $\TrouveEqParamDroite(0;-1;3)(0,0,0)$ 



Une équation paramétrique de la droite (d) dirigée par le vecteur  $\vec{u} \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 3 \end{pmatrix}$  et passant par O(0;0;0) est

$$\begin{cases} x = 0 \\ y = -k , k \in \mathbb{R} \\ z = 3k \end{cases}$$



### **Φ**<sup>o</sup> Code L<sup>o</sup>TEX et sortie L<sup>o</sup>TEX

Une équation paramétrique de la droite (d) dirigée par le vecteur  $\vec{u}\AffVecteur(-1;2;3)$  et passant par AAffPoint(2,0,-3) est  $\TrouveEqParamDroite[Reel=\ell,Rgras](-1;2;3)(2,0,-3)$ 



Une équation paramétrique de la droite (d) dirigée par le vecteur  $\vec{u} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}$  et passant par A (2; 0; -3) est

$$\begin{cases} x = 2 - \ell \\ y = 2\ell \end{cases}, \ \ell \in \mathbf{F}$$

$$z = -3 + 3\ell$$

### 33 Équation cartésienne d'une droite du plan

### 33.1 Idée et commande



<u>2.6.4</u> L'idée est de proposer une commande pour déterminer une équation cartésienne d'une droite du plan dans l'un des cas suivants :

- en donnant un vecteur directeur et un point;
- en donnant un vecteur normal et un point;
- en donnant deux points.



### </b> ⟨→ Code LATEX

```
%Avec un vecteur normal (choix par défaut) et un point
\TrouveEqCartDroite[clés](vecteur normal)(point)
%Avec un vecteur directeur et un point
\TrouveEqCartDroite[clés,VectDirecteur](vecteur directeur)(point1)
%Avec deux points
\TrouveEqCartDroite[clés](point1)(point2)
```

### 33.2 Clés et arguments



Concernant les arguments des commandes :

- le premier argument, optionnel et entre [[...]] contient les clés :
  - (OptionCoeffs) pour spécifier un formatage *global* des coefficients; défaut : (d)
  - le booléen (SimplifCoeffs) pour forcer des coeffs simples (entiers et premiers entre eux);

défaut : (false)

- (Facteur) pour spécifier un facteur personnalisé aux simplifications; défaut : (1)
- le booléen (VectDirecteur) pour pour préciser que le vecteur utilisé est directeur. défaut : (false)
- les arguments suivants, entre (...) correspondent aux données utilisées.

À noter que les séparateurs 📱 , ou 🖺 ; permettent de spécifier point ou vecteur.



### **⇔** Code LaTEX et sortie LaTEX

Une équation cartésienne de la droite  $\mathcal{D}$  de vecteur normal  $\vec{0}$  AffVecteur(1;2)\$ et passant par le point A de coordonnées  $\Lambda fPoint(4,5)$ \$ est  $\mathcal{D}$ : TrouveEqCartDroite[VectNormal](1;2)(4,5)\$



Une équation cartésienne de la droite  $\mathscr{D}$  de vecteur normal  $\vec{n} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$  et passant par le point A de coordonnées (4;5) est  $\mathscr{D}$ : x + 2y - 14 = 0



### **☆** Code LaTEX et sortie LaTEX

Une équation cartésienne de la droite \$\mathcal{D}\$ de vecteur directeur \$\vec{u}\
 \AffVecteur[n](1/2;2/3)\$ et passant par le point A de coordonnées \$\AffPoint(5,6)\$ est
 \$\mathcal{D}\$ : \$\TrouveEqCartDroite[VectDirecteur](1/2;2/3)(5,6) \Leftrightarrow
 \TrouveEqCartDroite[SimplifCoeffs, VectDirecteur](1/2;2/3)(5,6) \Leftrightarrow
 \TrouveEqCartDroite[SimplifCoeffs, VectDirecteur, Facteur=-1](1/2;2/3)(5,6)\$



Une équation cartésienne de la droite  $\mathscr{D}$  de vecteur directeur  $\vec{u} \begin{pmatrix} 1/2 \\ 2/3 \end{pmatrix}$  et passant par le point A de coordonnées (5;6) est  $\mathscr{D}: -\frac{2}{3}x + \frac{1}{2}y + \frac{1}{3} = 0 \Leftrightarrow -4x + 3y + 2 = 0 \Leftrightarrow 4x - 3y - 2 = 0$ 



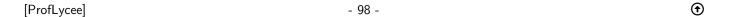
### **⇔**° Code LATEX et sortie LATEX

Une équation cartésienne de la droite  $\mathcal{D}$  passant par les points  $\Lambda(2,4)$  et  $\Lambda(-4,2)$  est  $\Gamma(-4,2)$  est  $\Gamma(-4,2)$  est  $\Gamma(-4,2)$  est  $\Gamma(-4,2)$  est  $\Gamma(-4,2)$  est  $\Gamma(-4,2)$  est  $\Gamma(-4,2)$ 



Une équation cartésienne de la droite  $\mathcal D$  passant par les points (2;4) et (-4;2) est

$$\mathcal{D}:2x-6y+20=0\Leftrightarrow x-3y+10=0$$



### 34 Norme d'un vecteur, distance entre deux points

### 34.1 Idée et commande



§ 2.6.5 L'idée est de proposer une commande pour déterminer la distance entre deux points, ou la norme d'un vecteur :

- en donnant le vecteur;
- en donnant deux points.



### ⟨/> Code LATEX

%Avec le vecteur \TrouveNorme(vecteur)

%Avec deux points

\TrouveNorme(point 1)(point 2)



Le résultat étant souvent écrit à l'aide d'une racine carrée, le code se charge de simplifier le résultat sous la forme  $\frac{a\sqrt{n}}{b}$ .

Dans le cas où les coordonnées ne seraient pas rationnelles, le résultat risque de ne pas être conforme à celui attendu.

### 34.2 Clés et arguments



Concernant les arguments de cette commande :

— les séparateurs 📳, ou 📳; permettent de spécifier point ou vecteur pour les arguments 1 et 2.



### **♦** Code LaTEX et sortie LATEX

La distance \$AB\$ avec \$A\AffPoint(-5,2)\$ et \$B\AffPoint(4,-3)\$ vaut \$d =\displaystyle\TrouveNorme(-5,2)(4,-3)\$



La distance AB avec A (-5; 2) et B (4; -3) vaut  $d = \sqrt{106}$ 



### **♥** Code LATEX et sortie LATEX

La distance \$AB\$ avec \$A\AffPoint(2,1,2)\$ et \$B\AffPoint(-4,1,1)\$ vaut \$d =\displaystyle\TrouveNorme(2,1,2)(-4,1,1)\$



La distance AB avec A(2;1;2) et B(-4;1;1) vaut  $d = \sqrt{37}$ 



### Code LATEX et sortie LATEX

La norme de \$\AffVecteur(2;4)\$ vaut \$d =\displaystyle\TrouveNorme(2;4)\$



La norme de  $\binom{2}{4}$  vaut  $d = 2\sqrt{5}$ 



### Code LATEX et sortie LATEX

La norme de \$\AffVecteur[d;d;n](2;4;0.5)\$ vaut \$d =\displaystyle\TrouveNorme(2;4;0.5)\$



La norme de  $\begin{pmatrix} 2\\4\\1/2 \end{pmatrix}$  vaut  $d=\frac{9}{2}$ 

### 35 Distance d'un point à un plan

### 35.1 Idée et commande



2.6.4 L'idée est de proposer une commande pour déterminer la distance d'un point à un plan :

- en donnant le point puis le plan défini par vecteur normal & point;
- en donnant le point puis le plan défini par une équation cartésienne.



### Code LATEX

%Avec le point et le plan via vect normal + point \TrouveDistancePtPlan(point)(vec normal du plan)(point du plan) %Avec le point et le plan via vect normal + point \TrouveDistancePtPlan(point)(équation cartésienne)



Le résultat étant souvent écrit à l'aide d'une racine carrée, le code se charge de simplifier le résultat sous la forme  $\frac{a\sqrt{n}}{b}$ .

Dans le cas où les coordonnées ne seraient pas rationnelles, le résultat risque de ne pas être conforme à celui attendu.

### 35.2 Clés et arguments



Concernant les arguments de cette commande :

- si on travaille avec une équation cartésienne, elle est à donner sous la forme ax+by+cz=0 ou ax+by+cz
- les séparateurs [], ou []; permettent de spécifier point ou vecteur pour les arguments 1 et 3.



### Code LATEX et sortie LATEX

La distance entre le point \$\AffPoint(1,2,3)\$ et le plan de vecteur normal \$\AffVecteur(-1;-2;3)\$ et passant par \$\AffPoint(5,0,2)\$ vaut \[ d = \displaystyle\TrouveDistancePtPlan(1,2,3)(-1;-2;3)(5,0,2) \]



La distance entre le point (1;2;3) et le plan de vecteur normal  $\begin{pmatrix} -1\\-2\\3 \end{pmatrix}$  et passant par (5;0;2) vaut

$$d = \frac{3\sqrt{14}}{14}$$



### **♦** Code LATEX et sortie LATEX

La distance entre le point  $\Lambda ffPoint(1,2,3)$  et le plan d'équation x+2y+2z-7=0 vaut  $[ d = \displaystyle \dim x+2y+2z-7=0$  \]



La distance entre le point (1;2;3) et le plan d'équation x + 2y + 2z - 7 = 0 vaut

$$d = 2$$



### **♥** Code LaTEX et sortie LaTEX

La distance entre le point  $\Lambda = \frac{-7,0,4}$  et le plan d'équation 0,5x+2y-z-1=0 vaut  $d = \frac{-7,0,4}{0.5x+2y-z-1=0}$ 



La distance entre le point (-7;0;4) et le plan d'équation 0,5x+2y-z-1=0 vaut

$$d = \frac{17\sqrt{2}}{21}$$



### **♥** Code LATEX et sortie LATEX

La distance entre le point  $H\left(0,4,8\right)$  et le plan d'équation -x+y+z-4=0 vaut  $\left[d = \displaystyle\TrouveDistancePtPlan(0,4,8)(-x+y+z-4=0)\right]$ 



La distance entre le point H(0;4;8) et le plan d'équation -x + y + z - 4 = 0 vaut

$$d = \frac{8\sqrt{3}}{3}$$



### **♥**° Code LATEX et sortie LATEX

La distance entre le point  $H\left(0,0,5\right)$  et le plan d'équation z-1=0 vaut  $\left[d = \displaystyle\TrouveDistancePtPlan(0,0,5)(z-1=0)\right]$ 



La distance entre le point H(0;0;5) et le plan d'équation z-1=0 vaut

d = 4

### 36 Équation réduite d'une droite du plan

### 36.1 Idée



2.6.3 L'idée est de proposer une commande pour déterminer l'équation réduite d'une droite passant par deux points :

- en traitant les cas particuliers horizontale, verticale;
- en affichant une méthode de résolution;
- en travaillant sous forme exacte fractionnaire (les racines carrées ou autres ne seront pas gérés).

À noter que les calculs et résultats sont traités par la commande de *conversion de fraction* de ProfLycee.



La commande se charge de formater (normalement!) correctement les différentes étapes de calculs (il se peut quand même que cela puisse ne pas donner le résultat réellement escompté...):

- en travaillant en fraction;
- en mettant les parenthèses nécessaires devant les éventuels nombres négatifs;
- en traitant les cas particuliers  $m = \pm 1$  et b = 0.



### ⟨⟩ Code LATEX

\EquationReduite[option]{A/xa/ya,B/xb/yb}

### 36.2 Clés et arguments



Concernant le fonctionnement de la commande :

- le premier argument, optionnel et entre [[...]] et valant ([d]) par défaut, permet de formater les fractions éventuelles en mode [[]\displaystyle];
- le second argument, obligatoire et entre [ {...}], permet de donner les coordonnées des points concernés.



### **♥** Code LATEX et sortie LATEX

\EquationReduite{C/2/0,D/-2/-8}



Afin de déterminer l'équation réduite d'une droite passant par les points C et D, on doit d'abord déterminer le coefficient directeur m:

$$m = \frac{y_{\rm D} - y_{\rm C}}{x_{\rm D} - x_{\rm C}} = \frac{-8 - 0}{-2 - 2} = \frac{-8}{-4} = 2$$

L'équation réduite de la droite est donc de la forme (CD) : y = 2x + p.

Il faut enfin déterminer l'ordonnée à l'origine p.

On sait que la droite passe par le point C, donc les coordonnées C(2;0) vérifient l'équation. On a alors :

$$y_C = 2 \times x_C + p \implies 0 = 2 \times 2 + p \implies p = 0 - (2 \times 2) \implies p = -4$$

Donc l'équation réduite de (CD) est y = 2x - 4.

### 36.3 Exemples



### **♦** Code LATEX et sortie LATEX

 $\EquationReduite{I/-4/5,J/-4/12}$ 



Étant donné que  $x_1 = x_1$ , la droite (IJ) est verticale, dont une équation est x = -4.



### **♥** Code LATEX et sortie LATEX

\EquationReduite{U/-4/5,V/-4/5}



Les deux points donnés sont identiques, donc pas de droite...



### **‡** Code L⁴TEX et sortie L⁴TEX

\EquationReduite{L/10/7,M/-2/7}



Étant donné que  $y_L = y_M$ , la droite (LM) est horizontale, dont une équation est y = 7.



### **♥** Code LaTEX et sortie LATEX

 $\EquationReduite\{L/\{1/3\}/2.5,M/\{-5/7\}/\{3/5\}\}\$ 



Afin de déterminer l'équation réduite d'une droite passant par les points L et M, on doit d'abord déterminer le coefficient directeur m :

$$m = \frac{y_{\rm M} - y_{\rm L}}{x_{\rm M} - x_{\rm L}} = \frac{\frac{3}{5} - 2.5}{-\frac{5}{7} - \frac{1}{3}} = \frac{-\frac{19}{10}}{-\frac{22}{21}} = \frac{399}{220}$$

L'équation réduite de la droite est donc de la forme (LM) :  $y = \frac{399}{220}x + p$ .

Il faut enfin déterminer l'ordonnée à l'origine p.

On sait que la droite passe par le point L, donc les coordonnées  $L(\frac{1}{3};2,5)$  vérifient l'équation. On a alors :

$$y_{\rm L} = \frac{399}{220} \times x_{\rm L} + p \implies 2.5 = \frac{399}{220} \times \frac{1}{3} + p \implies p = 2.5 - \left(\frac{399}{220} \times \frac{1}{3}\right) \implies p = \frac{417}{220} \times \frac{1}{3}$$

Donc l'équation réduite de (LM) est  $y = \frac{399}{220}x + \frac{417}{220}$ 



### **♣** Code LaTEX et sortie LaTEX

\EquationReduite $\{P/4/-4,Q/-2/2\}$ 



Afin de déterminer l'équation réduite d'une droite passant par les points P et Q, on doit d'abord déterminer le coefficient directeur m:

$$m = \frac{y_{\rm Q} - y_{\rm P}}{x_{\rm O} - x_{\rm P}} = \frac{2 - (-4)}{-2 - 4} = \frac{6}{-6} = -1$$

L'équation réduite de la droite est donc de la forme (PQ) : y = -x + p

Il faut enfin déterminer l'ordonnée à l'origine p.

On sait que la droite passe par le point P, donc les coordonnées P(4; -4) vérifient l'équation. On a alors :

$$y_p = -1 \times x_p + p \implies -4 = -1 \times 4 + p \implies p = -4 - (-1 \times 4) \implies p = 0$$

Donc l'équation réduite de (PQ) est y = -x.



### **♥** Code LaTEX et sortie LATEX

 $\EquationReduite{G/-4/5,H/10/4}$ 



Afin de déterminer l'équation réduite d'une droite passant par les points G et H, on doit d'abord déterminer le coefficient directeur m:

$$m = \frac{y_{\rm H} - y_{\rm G}}{x_{\rm H} - x_{\rm G}} = \frac{4 - 5}{10 - (-4)} = \frac{-1}{14} = -\frac{1}{14}$$

L'équation réduite de la droite est donc de la forme (GH) :  $y = -\frac{1}{14}x + p$ .

Il faut enfin déterminer l'ordonnée à l'origine p.

On sait que la droite passe par le point G, donc les coordonnées G(-4;5) vérifient l'équation. On a alors :

$$y_{\rm G} = -\frac{1}{14} \times x_{\rm G} + p \implies 5 = -\frac{1}{14} \times (-4) + p \implies p = 5 - \left(-\frac{1}{14} \times (-4)\right) \implies p = \frac{33}{7}$$

Donc l'équation réduite de (GH) est  $y = -\frac{1}{14}x + \frac{33}{7}$ .

### Thème

OUTILS POUR LES STATISTIQUES

### Neuvième partie

### **Outils pour les statistiques**

### 37 Paramètres d'une régression linéaire par la méthode des moindres carrés

### 37.1 Idée



L'idée est d'utiliser une commande qui va permettre de calculer les paramètres principaux d'un régression linéaire par la méthode des moindres carrés.

Le package pgfpots permet de le faire nativement, mais le moteur de calculs de pgf peut poser souci avec de grandes valeurs, donc ici cela passe par precision!

L'idée est que cette macro calcule et stocke les paramètres dans des variables (le nom peut être personnalisé!) pour exploitation ultérieure :

- en calculs purs;
- dans un environnement TikZ via pgfplots ou bien en *natif*;
- dans un environnement PSTricks;
- dans un environnement METAPOST (à vérifier quand même);
- **—** ...



### Code LATEX

...  $\label{listeX} $$ \calculable RegLin[clés]{listeX}{listeY} $$ % listes avec \'el\'ements s\'epar\'es par des , ... $$ ... $$$ 



La commande CalculsRegLin va définir également des macros pour chaque coefficient, qui de ce fait seront réutilisables après!

### 37.2 Commandes



Quelques (Clés) sont disponibles pour cette commande, essentiellement pour *renommer* les paramètres :

- la clé (NomCoeffa) qui permet de définir la variable qui contiendra a; défaut (COEFFa) la clé (NomCoeffb) qui permet de définir la variable qui contiendra b; défaut (COEFFb) la clé (NomCoeffr) qui permet de définir la variable qui contiendra r; défaut (COEFFr) la clé (NomCoeffrd) qui permet de définir la variable qui contiendra  $r^2$ ; défaut (COEFFrd) la clé (NomXmin) qui permet de définir la variable qui contiendra  $x_{min}$ ; défaut (LXmin)
- la clé (NomXmax) qui permet de définir la variable qui contiendra  $x_{max}$ . défaut (LXmax)



### </> ✓/> Code LATEX

%les espaces verticaux n'ont pas été écrits ici \def\LLX{1994,1995,1996,1997,1998,1999,2000,2001,2002,2004,2005,2006,2007,2008, 2009,2010} \def\LLY{1718,1710,1708,1700,1698,1697,1691,1688,1683,1679,1671,1670,1663,1661, 1656,1649} \CalculsRegLin{\LLX}{\LLY}



### </> Code LATEX

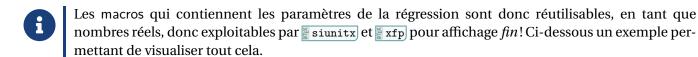
```
%vérif des calculs (noms non modifiables...)
Liste des X := \showitems\LX.
Liste des Y := \showitems\LY.
Somme des X := \LXSomme{} et somme des Y := \LYSomme.
Moyenne des X := \LXway{} et moyenne des Y := \LYway.
Variance des X := \LXvar{} et variance des Y := \LYvar{}
Covariance des X/Y := \LXYvar.
%les coefficients, avec des noms modifiables !
Min des X := \LXmin{} et Max des X := \LXmax.
Coefficient $a=\COEFFa$.
Coefficient $r=\COEFFr$.
Coefficient $r^2=\COEFFr$.
```



# Liste des X := 1994 1995 1996 1997 1998 1999 2000 2001 2002 2004 2005 2006 2007 2008 2009 2010 . Liste des Y := 1718 1710 1708 1700 1698 1697 1691 1688 1683 1679 1671 1670 1663 1661 1656 1649 . Somme des X := 32031 et somme des Y := 26942. Moyenne des X := 2001.9375 et moyenne des Y := 1683.875. Variance des X := 25.43359375 et variance des Y := 403.984375Covariance des X/Y := -100.9453125. Min des X := 1994 et Max des X := 2010. Coefficient a = -3.968975579788051. Coefficient a = -3.968975579788051. Coefficient a = -0.9958639418357528. Coefficient a = -0.9917449906486436.









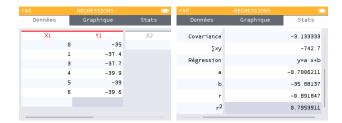
### Code LATEX %les espaces verticaux n'ont pas été écrits ici $\def \LstX{0,1,3,4,5,6}$ \def\LstY{-35,-37.4,-37.7,-39.9,-39,-39.6} %on lance les calculs et on change le nom des "macros-résultats" \CalculsRegLin[NomCoeffa=TESTa,NomCoeffb=TESTb,NomCoeffr=TESTr,NomCoeffrd=TESTrd,% NomXmin=TESTmin,NomXmax=TESTmax]{\LstX}{\LstY} %commandes complémentaires \IfBooleanTF{#1}{\num[print-implicit-plus]{\fpeval{round(#3,#2)}}} ${\text{num}}\{\text{round}(\#3,\#2)\}\}$ } %paramètres Les valeurs extr. de X sont \TESTmin{} et \TESTmax. Une éq. est \$y=\arrond[3]{\TESTa}x \arrond\*[3]{\TESTb}\$. Le coeff. de corrélation est \$r=\arrond[4]{\TESTr}\$, et son carré est $r^2=\operatorname{1}{TESTrd}$ .



### Sortie LATEX

Les valeurs extrêmes de x sont 0 et 6. Une équation de la droite de régression de y en x est y=-0.701x-35.881.

Le coefficient de corrélation linéaire est r = -0.8918, et son carré est  $r^2 = 0.7954$ .





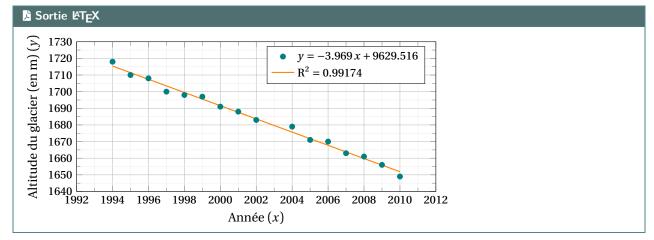
### 37.3 Intégration dans un environnement TikZ

La commande étant « autonome », elle va pouvoir être intégrée dans des environnements graphiques pour permettre un tracé *facile* de la droite de régression.



```
Code LATEX
\begin{tikzpicture}
\begin{axis}[options des axes, non présentées ici...]
        \addplot[teal, only marks] table{
                ΧY
                1994 1718 1995 1710 1996 1708 1997 1700 1998 1698 1999 1697 2000 1691 2001 1688
                2002 1683 2004 1679 2005 1671 2006 1670 2007 1663 2008 1661 2009 1656 2010 1649
        \def\LLX{1994,1995,1996,1997,1998,1999,2000,2001,2002,2004,2005,2006,2007,2008,
    2009,2010}
        \def\LLY{1718,1710,1708,1700,1698,1697,1691,1688,1683,1679,1671,1670,1663,1661,
    1656,1649}
        \CalculsRegLin{\LLX}{\LLY}
        \verb| laddplot [thick,orange,domain=\LXmin:\LXmax,samples=2] {\COEFFa*x+\COEFFb}; \\
        \addlegendentry{$y = \fpeval{round(\COEFFa,3)}\,x + \fpeval{round(\COEFFb,3)}$};
        \addlegendentry{$R^2=\fpeval{round(\COEFFrd,5)}$};
    \end{axis}
\end{tikzpicture}
```





Il existe également une commande auxiliaire, PointsRegLin pour afficher le nuage de points avec quelques options, dans un environnement TikZ classique (sans pgfplot)...



### Code LATEX

```
...
\begin{tikzpicture}[<options>]
...
\PointsRegLin[clés]{listeX}{listeY}
...
\end{tikzpicture}
```



Quelques (Clés) sont disponibles pour cette commande, essentiellement pour la mise en forme du nuage :

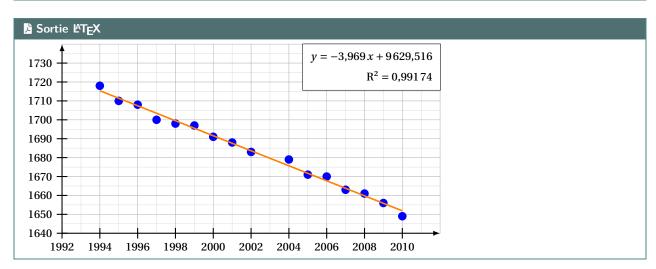
- la clé (Couleur) pour la couleur des points du nuage; défaut (teal)
- la clé (Taille) pour la taille des points (type *cercle*); défaut (2pt)
- la clé ⟨Ox⟩ pour spécifier la valeur initiale Ox (si changement d'origine);
   défaut ⟨0⟩
- la clé (Oy) pour spécifier la valeur initiale Oy (si changement d'origine). défaut (0)



### Code LATEX

```
\begin{tikzpicture}[x=0.5cm,y=0.05cm]
\draw[xstep=1,ystep=5,lightgray!50,very thin] (0,0) grid (20,100);
\draw[xstep=2,ystep=10,lightgray,thin] (0,0) grid (20,100);
\draw[thick, ->, >= latex] (0,0)--(20,0) ;
\draw[thick,->,>=latex] (0,0)--(0,100) ;
foreach \ x in \{1992,1994,...,2010\} \ (\{x-1992\},4pt\} --(\{x-1992\},-4pt) \ node[below] \}
   {x};
{$\y$};
\def\LLX{1994,1995,1996,1997,1998,1999,2000,2001,2002,2004,2005,2006,2007,2008, 2009,2010}
\def\LLY\{1718,1710,1708,1700,1698,1697,1691,1688,1683,1679,1671,1670,1663,1661, 1656,1649\}
\def \0x{1992}\def \0y{1640}
\CalculsRegLin{\LLX}{\LLY}
\PointsRegLin[0x=1992,0y=1640,Couleur=blue,Taille=3pt]{\LLX}{\LLY}
\draw[orange,very thick,samples=2,domain=\LXmin:\LXmax] plot
   ({\x-\0x}, {\COEFFa*(\x)+\COEFFb-\0y});
\matrix [draw,fill=white,below left] at (current bounding box.north east) {
       \node {$y=\num{\fpeval{round(\COEFFa,3)}}\,x+\num{\fpeval{round(\COEFFb,3)}}$} ; \\
       \node {R^2=\sum_{round(\COEFFrd,5)}}; \\
   };
\end{tikzpicture}
```





# 38 Statistiques à deux variables

# 38.1 Idées



L'idée est de *prolonger* le paragraphe précédent pour proposer un environnement Ti*k*Z adapté à des situations venant de statistiques à deux variables.

Un des soucis pour ces situations est le fait que le repère dans lequel on travaille n'a pas forcément pour origine (0;0).

De ce fait – pour éviter des erreurs de dimension too large liées à TikZ – il faut décaler les axes pour se ramener à une origine en O.

Le code, intimement lié à un environnement [ tikzpicture], va donc :

- préciser les informations utiles comme [xmin, xmax], Ox, xgrille, etc
- proposer des commandes (sans se soucier des translations!) pour :
  - tracer une grille (principale et/ou secondaire);
  - tracer les axes (avec légendes éventuelles) et éventuellement les graduer;

En utilisant les commandes de régression linéaire du paragraphe précédent, il sera de plus possible (sans calculs!) de :

- représenter le nuage de points;
- placer le point moyen;
- tracer la droite d'ajustement (obtenue par ProfLycee) ou une autre courbe.



Le package pgfplots peut être utilisé pour traiter ce genre de situation, mais ne l'utilisant pas, j'ai préféré préparer des macros permettant de s'affranchir de ce package (est-ce pertinent, ça c'est une autre question...).



# </b> ⟨⟩ Code LATEX

%Listes et calculs \\def\LLX\{1994,1995,1996,1997,1998,1999,2000,2001,2002,2004,2005,2006,2007,2008, 2009,2010\\\def\LLY\{1718,1710,1708,1700,1698,1697,1691,1688,1683,1679,1671,1670,1663,1661, 1656,1649\\\CalculsRegLin\\\LLX\{\LLY\}



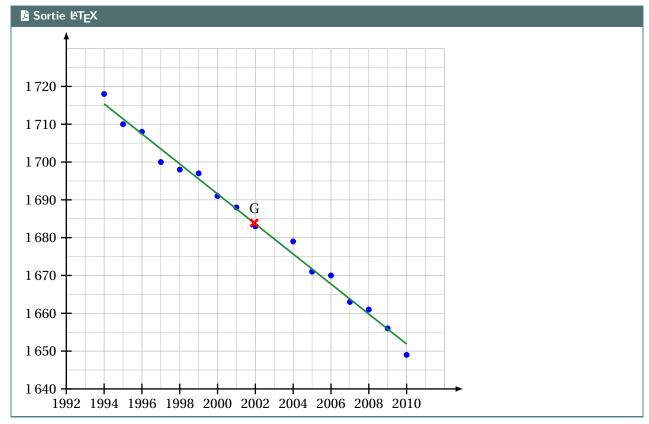
# </> ✓/> Code LATEX

```
%tracé (simple), les options seront présentées juste après
\begin{tikzpicture}%
[x=0.5cm, y=0.1cm]
                                                                %unités
                                                               %axe Ox
Ox=1992,xmin=1992,xmax=2012,xgrille=2,xgrilles=1,
Oy=1640,ymin=1640,ymax=1730,ygrille=10,ygrilles=5]
                                                                %axe Dy
\GrilleTikz \AxesTikz
                                                                %grilles et axes
\AxexTikz[Annee] {1992,1994,...,2010}
                                                                %axeOx
\AxeyTikz{1640,1650,...,1720}
                                                                %axeOu
\NuagePointsTikz{\LLX}{\LLY}
                                                                %nuage
\CourbeTikz[line width=1.25pt,CouleurVertForet,samples=2] %
    {\COEFFa*\x+\COEFFb}{\LXmin:\LXmax}
                                                                %droite de régression
\PointMoyenTikz
                                                               %point moven
\end{tikzpicture}
```



#### 





# 38.2 Commandes, clés et options



Les (paramètres) nécessaires à la bonne utilisation des commandes suivantes sont à déclarer directement dans l'environnement [stikzpicture], seules les versions «x» sont présentées ici:

- $\langle xmin \rangle, stockée dans \langle xmin \rangle;$  défaut  $\langle -3 \rangle$   $\langle xmax \rangle, stockée dans \langle xmax \rangle;$  défaut  $\langle 3 \rangle$   $\langle 0x \rangle, stockée dans \langle xmax \rangle, origine de l'axe (0x);$  défaut  $\langle 0 \rangle$   $\langle xgrille \rangle, stockée dans \langle xgrille \rangle, graduation principale;$  défaut  $\langle 1 \rangle$   $\langle xgrilles \rangle, stockée dans \langle xgrilles \rangle, graduation secondaire.$  défaut  $\langle 0.5 \rangle$
- La fenêtre d'affichage (de sortie) sera donc *portée* par le rectangle de coins (xmin; ymin) et (xmax; ymax); ce qui correspond en fait à la fenêtre TikZ *portée* par le rectangle de coins (xmin-Ox; ymin-Oy) et (xmax-Ox; ymax-Oy).

Les commandes ont – pour certaines – pas mal de  $\langle cl\acute{es} \rangle$  pour des réglages fins, mais dans la majorité des cas elles ne sont pas forcément *utiles*.



Pour illustrer les commandes et options de ce paragraphe, la base sera le graphique présenté précédemment.



# Code LATEX

%...code tikz
\GrilleTikz[options][options grille ppale][options grille second.]



Cette commande permet de tracer une grille principale et/ou une grille secondaire :

— les premières (clés) sont les booléens (Affp) et (Affs) qui affichent ou non les grilles;

défaut (true)

— les options des grilles sont en TikZ. défaut  $\langle thin, lightgray \rangle$  et  $\langle very thin, lightgray \rangle$ 



# </> ✓/> Code LATEX

```
\begin{tikzpicture}%
[x=0.3cm,y=0.06cm,%
0x=1992,xmin=1992,xmax=2012,xgrille=2,xgrilles=1,%
0y=1640,ymin=1640,ymax=1730,ygrille=10,ygrilles=5]
\GrilleTikz
\end{tikzpicture}

\[
\text{\text{begin}{tikzpicture}}\text{\text{\text{case}}}\]

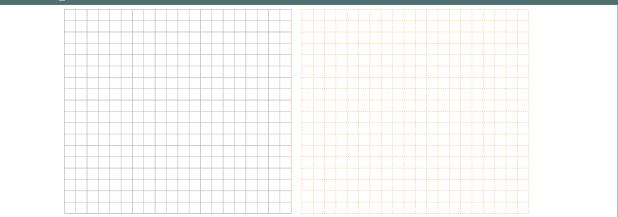
\[
[x=0.3cm,y=0.06cm,\text{\text{\text{ox}}}\]

\[
0x=1992,xmin=1992,xmax=2012,xgrille=2,xgrilles=1,\text{\text{case}}\]

\[
0y=1640,ymin=1640,ymax=1730,ygrille=10,ygrilles=5]
\GrilleTikz[Affp=false][][orange,densely_dotted]
\end{tikzpicture}
\]
```



# Sortie LATEX





# </> ✓/> Code LATEX

%...code tikz
\AxesTikz[options]



Cette commande permet de tracer les axes, avec des (clés):

— (Epaisseur) qui est l'épaisseur des traits; défaut (1.25pt)

— (Police) qui est le style des labels des axes; défaut (\normalsize\normalfont)

—  $\boxed{2.1.2}$  (ElargirOx) qui est le % l'élargissement (global) ou (G/D) de l'axe (Ox);

défaut (0/0.05)

—  $\boxed{2.1.2}$  (ElargirOy) qui est le % l'élargissement (global) ou (B/H) de l'axe (Oy);

défaut  $\langle 0/0.05 \rangle$ 

—  $\langle Labelx \rangle$  qui est le label de l'axe (Ox); défaut  $\langle x \rangle$ 

—  $\langle Labely \rangle$  qui est le label de l'axe  $\langle Oy \rangle$ ; défaut  $\langle y \rangle$ 

—  $\langle AffLabel \rangle$  qui est le code pour préciser quels labels afficher, entre  $\langle x \rangle$ ,  $\langle y \rangle$  ou  $\langle xy \rangle$ ;

défaut (vide)

—  $\langle PosLabelx \rangle$  pour la position du label de (Ox) en bout d'axe; défaut  $\langle right \rangle$ 

— (PosLabely) pour la position du label de (Oy) en bout d'axe; défaut (above)

— (EchelleFleche) qui est l'échelle de la flèche des axes; défaut (1)

— **(TypeFleche)** qui est le type de la flèche des axes. défaut **(latex)** 



# </> ✓/> Code LATEX

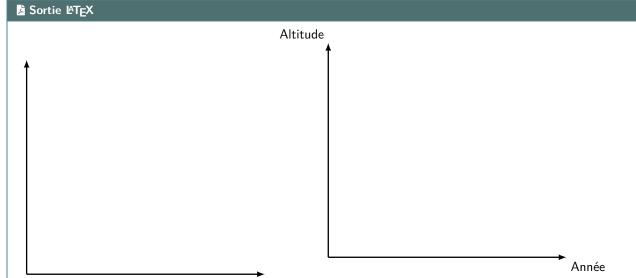
%code tikz
\AxesTikz

%code tikz
\AxesTikz%

[AffLabel=xy,Labelx={Année},Labely={Altitude},%
PosLabelx={below right},PosLabely={above left},%

Sortio IAT-Y

Police=\small\sffamily]





# Code LATEX

%...code tikz
\AxexTikz[options]{valeurs}
\AxeyTikz[options]{valeurs}



Ces commande permet de tracer les graduations des axes, avec des (clés) identiques pour les deux directions:

- (Epaisseur) qui est l'épaisseur des graduations; défaut (1pt)
- (Police) qui est le style des labels des graduations; défaut (\normalsize\normalfont)
- (PosGrad) qui est la position des graduations par rapport à l'axe; défaut (below) et (left)
- (HautGrad) qui est la position des graduations (sous la forme (lgt) ou (lgta/lgtb));

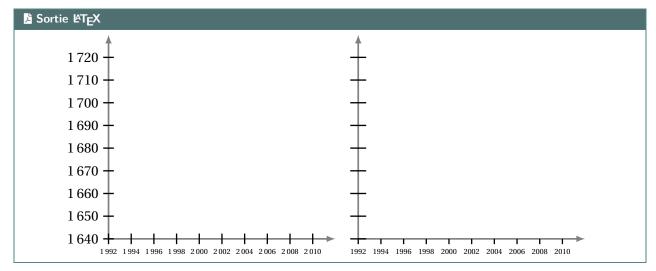
défaut (4pt)

- le booléen (AffGrad) pour afficher les valeurs (formatés avec [num] donc dépendant de [sisetup]) des graduations; défaut (true)
- le booléen (AffOrigine) pour afficher la graduation de l'origine; défaut (true)
- le booléen (Annee) qui permet de ne pas formater les valeurs des graduations (type année). défaut (false)



# Code LATEX %code tikz \AxexTikz[Police=\small]{1992,1994,...,2010} \AxexTikz{1640,1650,...,1720} %code tikz \AxeyTikz[Police=\small, Annee, HautGrad=Opt/4pt] {1992, 1994, ..., 2010} \AxeyTikz[AffGrad=false, HautGrad=6pt] {1640,1650,...,1720} %des axes fictifs (en gris) sont rajoutés pour la lisibilité du code de sortie





#### 38.3 **Commandes annexes**



Il existe, de manière marginale, quelques commandes complémentaires qui ne seront pas trop détaillées mais qui sont présentes dans l'introduction :

- FenetreTikz qui restreint les tracés à la fenêtre (utile pour des courbes qui débordent);
- FenetreSimpleTikz qui permet d'automatiser le tracé des grilles/axes/graduations dans leurs versions par défaut, avec peu de paramétrages;
- OrigineTikz pour rajouter le libellé de l'origine si non affiché par les axes.



# Code LATEX %code tikz \FenetreTikz %on restreint les tracés \FenetreSimpleTikz[opt](opt axes)<opt axe Ox>{liste valx}<opt axe Oy>{liste valy}

# 38.4 Interactions avec CalculsRegLin



# Code LATEX

%...code tikz
\NuagePointsTikz[options]{listeX}{listeY}



Cette commande, liée à la commande CalculsRegLin permet de représenter le nuage de points associé aux deux listes, avec les (clés) suivantes :

— (Taille) qui est la taille des points du nuage;

défaut (2pt)

—  $\langle Style \rangle$  parmi  $\langle o \rangle$  (rond) ou  $\langle x \rangle$  (croix) ou  $\langle + \rangle$  (plus);

défaut (o)

— (Couleur) qui est la couleur (éventuellement (couleurA/couleurB) pour les ronds).

défaut (blue)



# </b> ⟨→ Code LATEX



# </i> </ode L⁴TEX

\begin{tikzpicture}[...]
\NuagePointsTikz[Couleur=blue/red]{\LLX}{\LLY}
\end{tikzpicture}



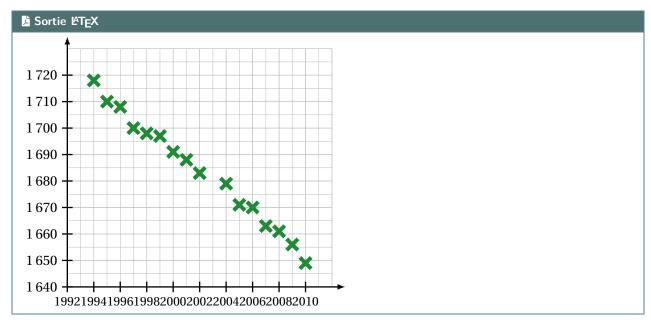
# 1720 - 1710 - 1700 - 1690 - 1680 - 1670 - 1660 - 1650 - 1640 - 1992199419961998200020022004200620082010



# ⟨/> Code LATEX

\begin{tikzpicture}[...]
\NuagePointsTikz[Couleur=CouleurVertForet,Style=x,Taille=6pt]{\LLX}{\LLY}
\end{tikzpicture}







# Code LATEX

%...code tikz
\PointMoyenTikz[options]



Cette commande permet de rajouter le point moyen du nuage, calculé par la commande [CalculsRegLin], avec les (clés):

- (Police), comme précédemment; défaut (\normalsize\normalfont);
- (Taille), taille du point moyen; défaut (4pt)
- (Couleur), couleur du point moyen; défaut (red)
- (Style) parmi (o) (rond) ou  $\langle x \rangle$  (croix) ou  $\langle + \rangle$  (plus); défaut (o)
- ⟨xg⟩, abscisse du point moyen, récupérable via [CalculsRegLin]; défaut ⟨\LXmoy⟩
- (yg), ordonnée du point moyen, récupérable via ☐ CalculsRegLin; défaut (\LYmoy)
- (Nom), label du point moyen; défaut (G)
- (Pos) qui est la position du label par rapport au point; défaut (above)
- (Decal) qui est l'éloignement de la position du label par rapport au point; défaut (Opt)
- la booléen (AffNom) qui affiche ou non le libellé. défaut (true)



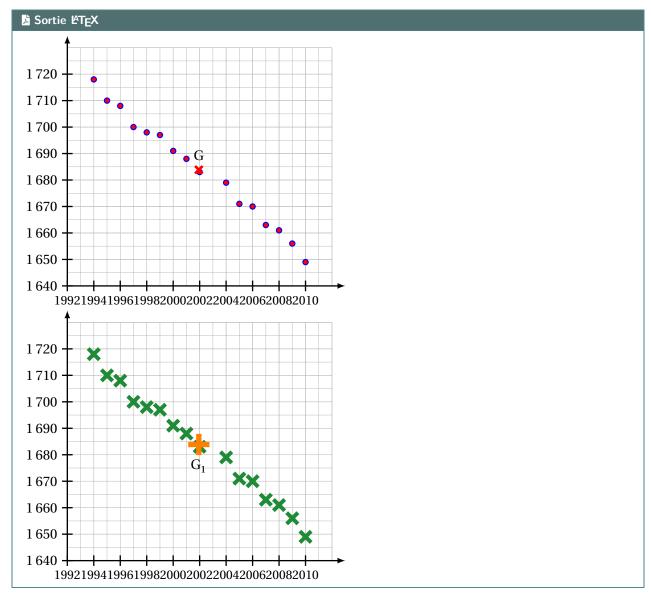
# </>/> Code LATEX

```
\def\LLX{1994,1995,1996,1997,1998,1999,2000,2001,2002,2004,2005,2006,2007,2008, 2009,2010}
\def\LLY{1718,1710,1708,1700,1698,1697,1691,1688,1683,1679,1671,1670,1663,1661, 1656,1649}
\CalculsRegLin{\LLX}{\LLY}
\begin{tikzpicture}[...]
\NuagePointsTikz[Couleur=blue/red]{\LLX}{\LLY}
\PointMoyenTikz
\end{tikzpicture}
```

\begin{tikzpicture}[...]

\NuagePointsTikz[Couleur=CouleurVertForet,Style=x,Taille=6pt]{\LLX}{\LLY} \PointMoyenTikz[Couleur=orange,Taille=8pt,Style=+,Nom={\$G\_1\$},Pos=below] \end{tikzpicture}







# </> ✓ Code LATEX

%...code tikz

\CourbeTikz[options]{formule}{domaine}



Cette commande permet de rajouter une courbe sur le graphique (sans se soucier de la transformation de son expression) avec les arguments :

- $\langle optionnels \rangle$  qui sont en TikZ les paramètres du tracé;
- le premier *obligatoire*, est en langage TikZ l'expression de la fonction à tracer, donc avec [x] comme variable;
- le second *obligatoire* est le domaine du tracé, sous la forme valxmin: valxmax.



L'idée principale est de récupérer les variables de la régression linéaire pour tracer la droite d'ajustement à moindres frais!



Toute courbe peut être tracée sur ce principe, par contre il faudra saisir la fonction à la main.



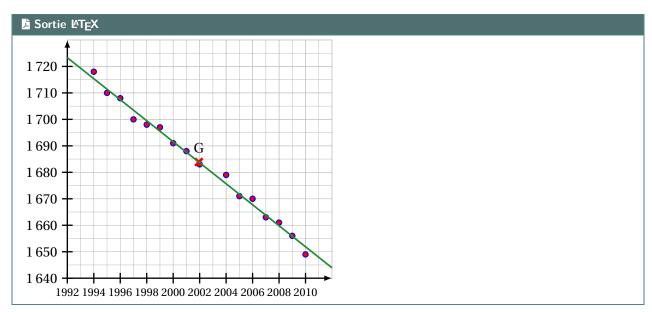
# </> Code LATEX

\begin{tikzpicture}[...]

\NuagePointsTikz[Couleur=blue/red]{\LLX}{\LLY} \PointMoyenTikz
\CourbeTikz[line width=1.25pt,CouleurVertForet,samples=2]{\COEFFa\*\x+\COEFFb}{\xmin:\xmax}
\end{tikzpicture}

\emathcal{e} \text{ematcalkzpicture}





# 38.5 Exemple complémentaire, pour illustration



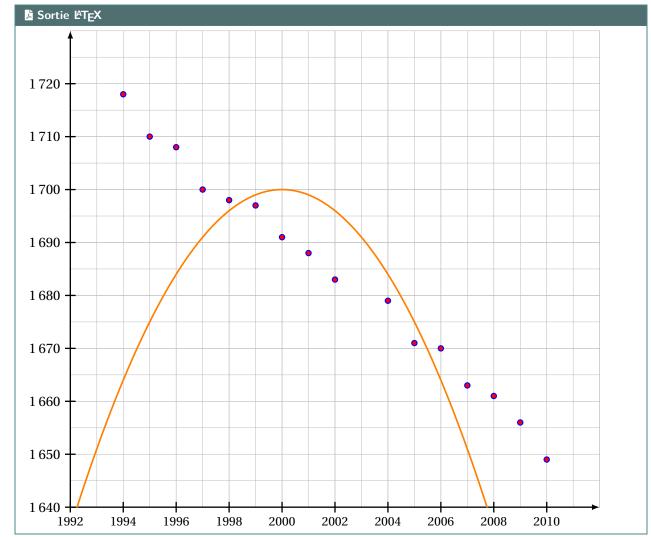
# </r> ⟨/> Code LATEX

%la courbe n'a pas de lien avec le nuage %elle illustre l'interaction des commandes "nuage" avec les autres commandes

\begin{tikzpicture}[...]

 $\label{local-cont} $$ \CourbeTikz[Couleur=blue/red]_{LLX}_{LLY} \FenetreTikz %on fixe la fenêtre $$ \CourbeTikz[line width=1.25pt,orange,samples=250]_{-(x-2000)*(x-2000)+1700}_{xmin:\xmax} end_{tikzpicture}$ 





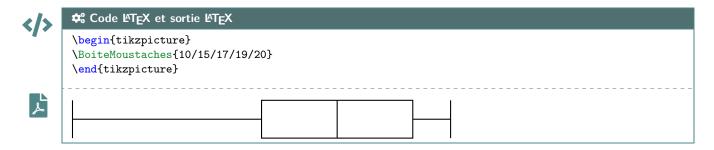
# 39 Boîtes à moustaches

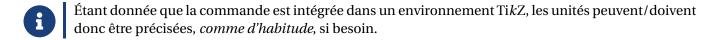
# 39.1 Introduction



L'idée est de proposer une commande, à intégrer dans un environnement TikZ, pour tracer une boîte à moustaches grâce aux paramètres, saisis par l'utilisateur.

Le code ne calcule pas les paramètres, il ne fait que tracer la boîte à moustaches!





# 39.2 Clés et options



Quelques (clés) sont disponibles pour cette commande :

- la clé (Couleur) qui est la couleur de la boîte;
   défaut (black)
- la clé (Elevation) qui est la position verticale (ordonnée des moustaches) de la boîte;

défaut (1.5) défaut (1)

- la clé (Hauteur) qui est la hauteur de la boîte;
- la clé (Moyenne) qui est la moyenne (optionnelle) de la série;
- la clé (Epaisseur) qui est l'épaisseur des traits de la boîte;
   défaut (thick)
- la clé (Remplir) qui est la couleur de remplissage de la boîte; défaut (white)
- le booléen (AffMoyenne) qui permet d'afficher ou non la moyenne (sous forme d'un point);

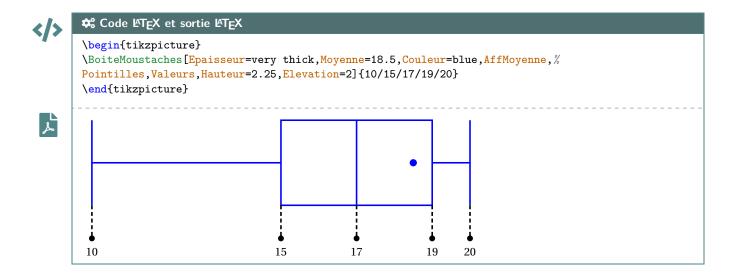
défaut (false)

— le booléen (Pointilles) qui permet d'afficher des pointillés au niveau des paramètres;

défaut (false)

— le booléen (Valeurs) qui permet d'afficher les valeurs des paramètres au niveau des abscisses.

défaut (false)

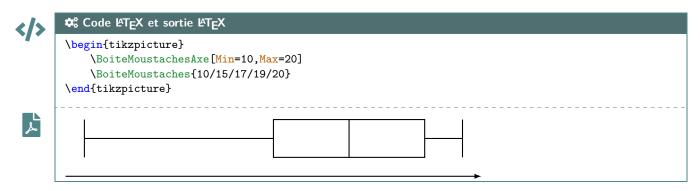


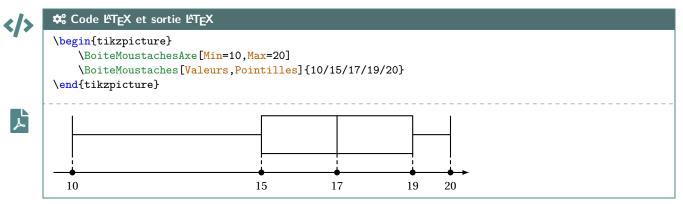


# 39.3 Commande pour placer un axe horizontal



L'idée est de proposer, en parallèle de la commande précédente, une commande pour tracer un axe horizontal « sous » les éventuelles boîtes à moustaches.

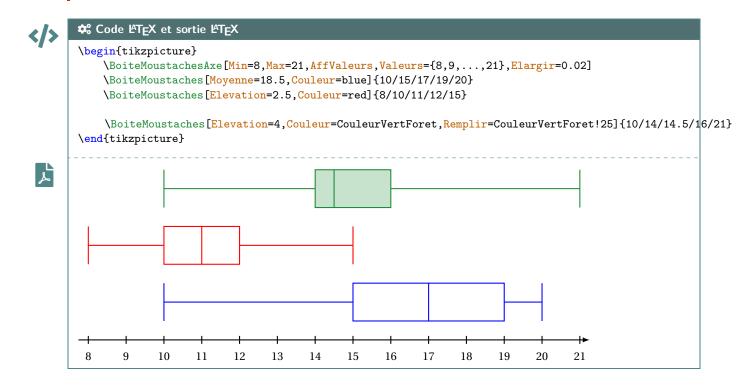


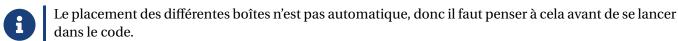




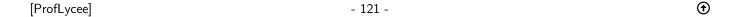
Quelques (clés) sont disponibles pour cette commande :

- la clé (Min) qui est la valeur minimale de l'axe horizontal;
- la clé (Max) qui est la valeur minimale de l'axe horizontal;
- la clé ⟨Elargir⟩ qui est le pourcentage l'élargissement de l'axe;
   défaut ⟨0.1⟩
- la clé (Epaisseur) qui est l'épaisseur des traits de la boîte; défaut (thick)
- la clé (Valeurs) qui est la liste (compréhensible en TikZ) des valeurs à afficher.





Sachant que la hauteur par défaut est de 1, il est – a priori – intéressant de placer les boîtes à des (élévations) de 1 puis 2,5 puis 4 etc



# 40 Histogrammes

# 40.1 Introduction



2.6.7 L'idée est de proposer une commande pour tracer un histogramme à classes régulières ou non. La commande, qui utilise TikZ, est autonome (ceci étant dû à la gestion en interne des unités!), et ne permet pas de rajout une fois le graphique affiché.

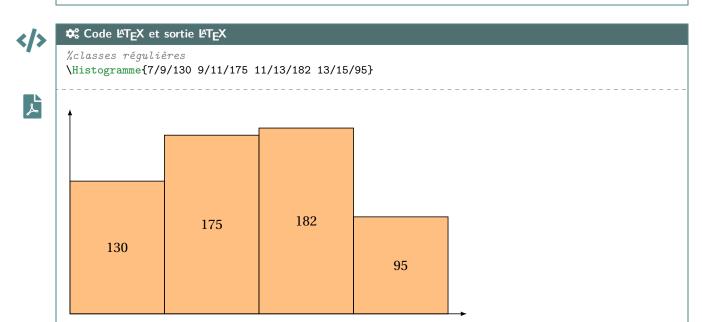


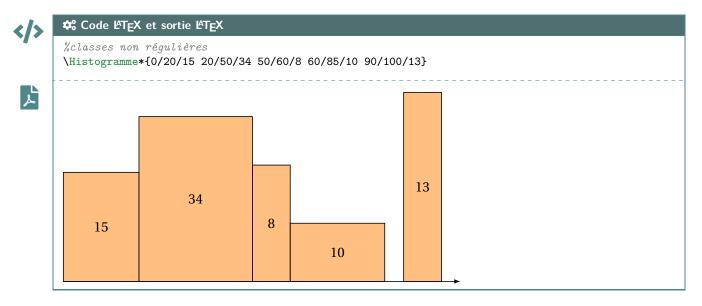
La commande fonctionne avec des données classe/effectif, qui seront à traduire sous la forme BorneInf/BorneSup/Effectif.



# Code LATEX

\Histogramme(\*)[options]{données}







Contrairement aux autres commandes graphiques, qui sont souvent à intégrer dans un environnement TikZ, la commande [ \Histogramme] aura besoin de connaître les dimensions finales du graphique pour fonctionner!

Les dimensions correspondent à celles des rectangles avec les éventuelles modifications horizontales et/ou verticales spécifiées.

# 40.2 Clés et options



La version étoilée permet de préciser que les classes ne sont pas d'amplitudes régulières.

Le premier argument, optionnel et entre [[...]] propose les (clés) principales suivantes :

— (DebutOx): permet de préciser le début de l'axe horizontal (sinon c'est par défaut la borne inférieure de la première classe); défaut : (vide) — (FinOx): permet de préciser la fin de l'axe horizontal (sinon c'est par défaut la borne supérieure de la dernière classe); défaut : (vide) — (Largeur): largeur en cm du graphique créé (entre (DebutOx) et (FinOx)); défaut : (10) — (Hauteur): hauteur en cm du graphique créé (par rapport à l'effectif maximal ou la grille éventuelle); défaut : (5) — (ListeCouleurs): liste des couleurs des rectangles (unique ou sous la forme [ {CoulA, CoulB, ...} ]); défaut : (orange) — (ElargirX) et (ElargirY): pour rajouter une petite longueur au bout des axes; défaut: (5mm) — (LabelX) et (LabelY) : pour les labels des axes; défaut : (vide) — (GradX) et (GradY): pour les graduations et valeurs des axes (langage ♥ tikz); défaut: (vide) — (AffEffectifs): booléen pour afficher les effectifs; défaut : (true) — (PosEffectifs): choix de la position des effectifs parmi (bas, milieu, haut, dessus); défaut : (milieu) — (Remplir): booléen pour remplir les rectangles; défaut : (true) — (Opacite) : choix de l'opacité du remplissage; défaut : (0.5) (AffBornes): booléen pour afficher les bornes des classes; défaut : (false) — (GrilleV): booléen pour afficher une grille verticale (pour les classes régulières, à la manière d'un tableur); défaut : (true) — (PoliceAxes): police pour les axes; défaut : (\normalsize\normalfont) — (PoliceEffectifs) : police pour les effectifs; défaut : (\normalsize\normalfont) — (Epaisseur Traits): épaisseur des traits (langage [tikz]). défaut : (semithick) 2.6.8 Quelques clés sont spécifiques à la grille (éventuelle) des histogrammes non réguliers (avec ajustement vertical et légende): (Grille): création de la grille, sous la forme (GradX/UniteAire); défaut : (vide) (ExtraGrilleY): pour rajouter une ligne à la grille en vertical; défaut : (0) — (PosLegende) : pour préciser le *carreau* de la légende éventuelle. défaut : (vide) Le second argument, obligatoire et entre [ {...} permet de préciser les données utilisées sous la forme BorneInf/BorneSup/Effectif BorneInf/BorneSup/Effectif ....

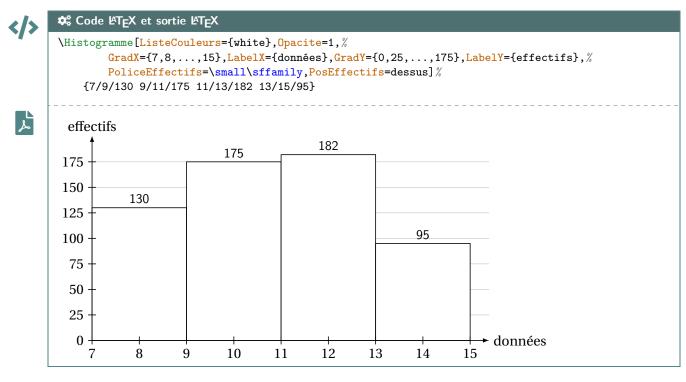
[ProfLycee] - 123 - •

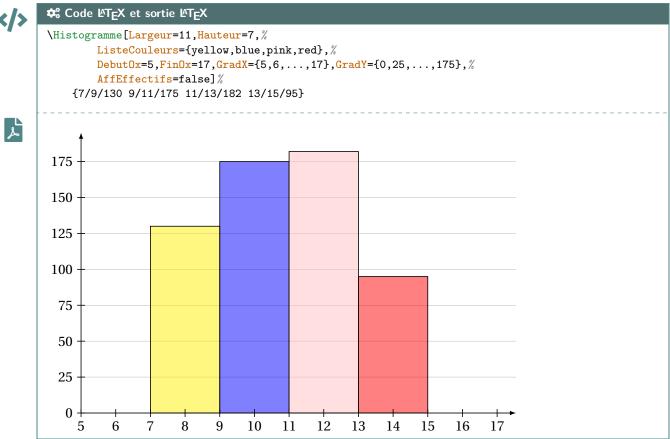
# 40.3 Exemple avec des classes régulières



Avec la série suivante :

Classes	[7;9[	[9;11[	[11;13[	[13;15]
Effectifs	130	175	182	95



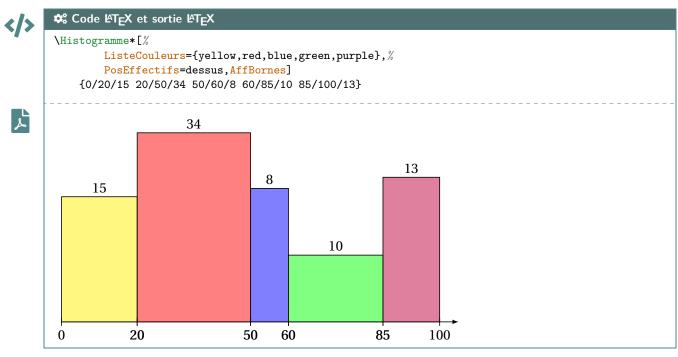


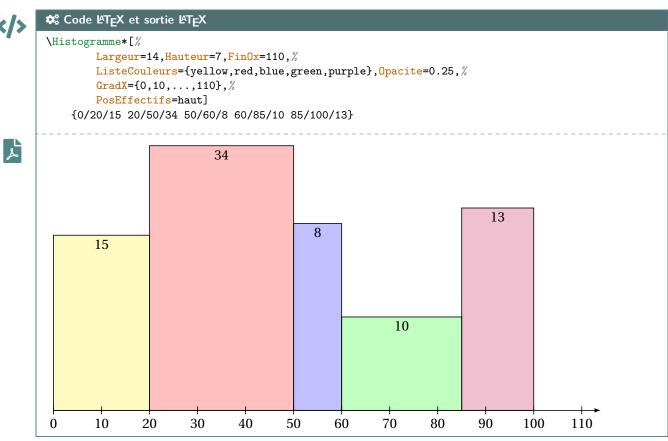
# 40.4 Exemple avec des classes non régulières



# Avec la série suivante :

Classes	[0;20[	[20;50[	[50;60[	[60;85[	[85;100]
Effectifs	15	34	8	10	13







# Avec la série suivante :

Classes	[900;1200[	[1200;1400[	[1400;1600[	[1600;1800[	[1800;2000[	[2000;2400]
Effectifs	30	30	60	40	20	20



# **‡**° Code L⁴TEX et sortie L⁴TEX

%choix des unités 0.85cm par petit carreau avec 17H et 5V  $\,$ 

# \Histogramme\*[%

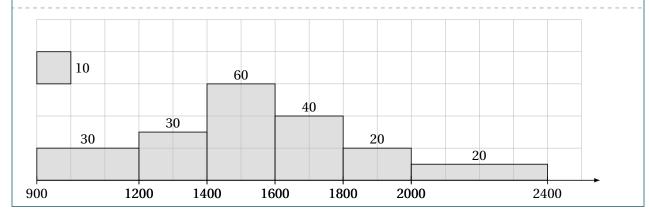
Largeur=13.6, Hauteur=4.25, FinOx=2500, %
PosLegende=0/3, Grille=100/10, ExtraGrilleY=1, %

ListeCouleurs=lightgray,%

AffBornes, PosEffectifs=dessus]

 $\{900/1200/30\ 1200/1400/30\ 1400/1600/60\ 1600/1800/40\ 1800/2000/20\ 2000/2400/20\}$ 





# 41 Courbe des ECC/FCC, paramètres

# 41.1 Introduction



23.01a L'idée est de proposer des commandes (et un environnement) pour tracer automatiquement une courbe des ECC (ou des FCC), et/ou déterminer (par interpolation) une valeur approchée des paramètres d'une série continue.

La commande, qui utilise TikZ, est autonome (ceci étant dû à la gestion en interne des unités!), et ne permet pas de rajout une fois le graphique affiché.

L'environnement permet de rajouter des éléments complémentaires sur le graphique.

Il existe également une commande indépendante qui ne fait *que* déterminer les paramètres par interpolation.



Contrairement aux autres commandes graphiques, qui sont souvent à intégrer dans un environnement TikZ, le code aura besoin de connaître les dimensions finales du graphique pour fonctionner! Les dimensions correspondent à celles des rectangles avec les éventuelles modifications horizontales et/ou verticales spécifiées.

Le code se charge de déterminer une valeur des paramètres, pour utilisation ultérieure (avec arrondis éventuels car ils sont obtenus par *conversions*):

- le premier quartile, Q<sub>1</sub>, est stocké dans la macro \[ \ValPremQuartile \];
- la médiane, méd, est stocké dans la macro <a>§ \ValMed</a>;
- le troisième quartile, Q<sub>3</sub>, est stocké dans la macro \[ \ValTroisQuartile.



# </> //> Code LATEX

%commande pour déterminer les paramètres
\MedianeQuartilesECC{liste valeurs}{liste effectifs}



# Code LATEX

\CourbeECC[clés]{liste valeurs}{liste effectifs}



# Code LATEX



# **♣** Code LATEX et sortie LATEX

%valeurs brutes, non arrondies, stockées dans les macros ci-dessous
\MedianeQuartilesECC{200,300,500,1000}{200,300,100}
\$Q\_1 = \ValPremQuartile\$\par
\$\text{Méd} = \ValMed\$\par
\$Q\_3 = \ValTroisQuartile\$\par



 $Q_1 = 275$ 

Méd = 366.666666666667

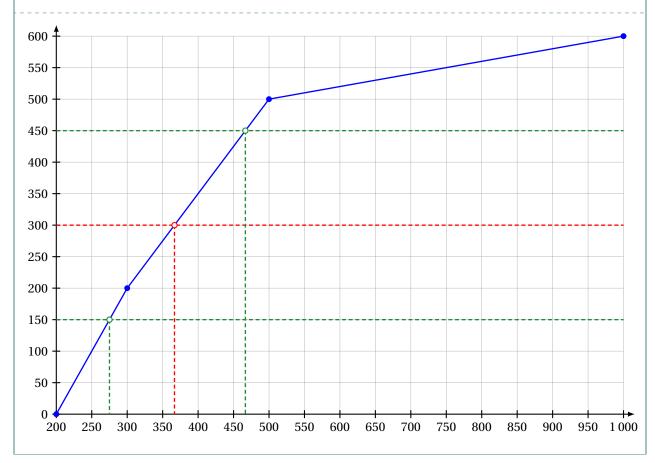
 $Q_3 = 466.66666666666667$ 



# CourbeECC% CourbeECC%

[GraduationsX={200,250,...,1000},GraduationsY={0,50,...,600},PoliceAxes=\small]% {200,300,500,1000}%borne des classes {200,300,100}%effectifs

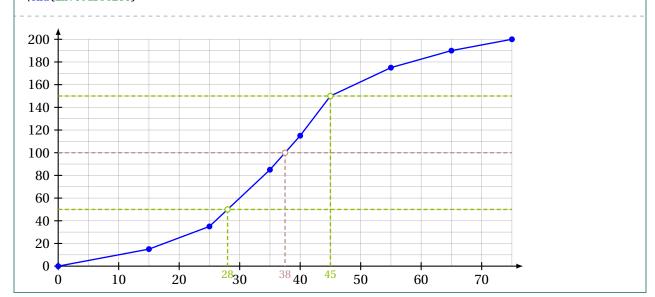




# </>>

# **♥** Code LATEX et sortie LATEX





# 41.2 Clés et options



Les clés et arguments ont un fonctionnement identique pour la commande ou pour l'environnement. Le premier argument, optionnel et entre [[...]] propose les (clés) principales suivantes :

```
    (Largeur): largeur du graphique (en cm, et sans les graduations);

                                                                                       défaut : (15)
  — (Hauteur): hauteur du graphique (en cm, et sans les graduations);
                                                                                       défaut : (10)
  — (PasX): pas pour la grille horizontale;
                                                                                       défaut : (50)
  — (PasY): pas pour la grille verticale;
                                                                                       défaut : (50)

    (Couleur) : couleur de la ligne brisée;

                                                                                      défaut : (blue)

    (AffParams): booléen pour les traits de construction;

                                                                                      défaut : (true)
  — (CouleursParams) : couleur(s) des paramètres;
                                                                   défaut : (CouleurVertForet/red)
  — (GraduationsX): liste des graduations pour l'axe des abscisses;
  — (GraduationsY): liste des graduations pour l'axe des ordonnées;
  — (PoliceAxes): police des valeurs sur les axes;
                                                                défaut : (\normalsize\normalfont)
  - (ElargirOx) et (ElargirOy) : booléens pour agrandir un peu les axes;
                                                                                     défaut : (true)
  — (ElargirAxes): longueur d'agrandissement des axes.
                                                                                    défaut : (3mm)
Le deuxième argument, obligatoire et entre [ {...}] permet de préciser les bornes des classes (sans
```

Le deuxième argument, obligatoire et entre [ ] permet de préciser les bornes des classes (sans répétition...)

Le dernier argument, obligatoire et entre [ { . . . } ] permet de préciser les effectifs des classes.

Le dernier argument comprend donc un élément de moins que le deuxième!

# 41.3 Styles et exemples



Le style de certains éléments sont fixés, mais ils peuvent être modifiés grâce à :

- § traitsparamecc pour les traits de construction;
- Ecourbeecc pour la ligne brisée;
- § gradsecc pour l'épaisseur des graduations;
- 🏻 axesecc pour le tracé des axes.

La macro \[ \CourbeECCStylesDefaut \] permet de réinitialiser les valeurs par défaut si modification.



#### Code LATEX

```
\tikzset{traitsparamecc/.style={line width=1pt,densely dashed}}
\tikzset{courbeecc/.style={line width=1pt}}
\tikzset{gradsecc/.style={thick}}
\tikzset{axesecc/.style={gradsecc,->,>=latex}}
```



# On va utiliser les données suivantes :

Classe	[75;80[	[80;85[	[85;90[	[90;95[	[95;100[	[100;105[	[105;110[
Fréquence	0,05	0, 10	0,20	0,36	0,15	0,08	0,06



<u>ا</u> الحر

0

75

80

85

90

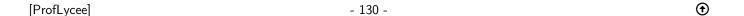
```
♥ Code LATEX et sortie LATEX
\begin{EnvCourbeECC}%
        [Hauteur=8, Largeur=12, PasX=2.5, PasY=10, GraduationsX={75,80,...,110}, %
        GraduationsY={0,10,...,100},CouleursParams={red!50/blue!50},%
       Couleur=CouleurVertForet] %
        {75,80,85,90,95,100,105,110}%bornes des classes
        {5,10,20,36,15,8,6} % fréquences, en %
    \draw[red!50] (\ValPremQuartile,0) node[below] {\Arrondi[0]{\ValPremQuartile}};
    \draw[blue!50] (\ValMed,0) node[below] {\Arrondi[0]{\ValMed}} ;
    \draw[red!50] (\ValTroisQuartile,0) node[below] {\Arrondi[0]{\ValTroisQuartile}} ;
    \draw ((5,100)+(0,3mm)) node[above] {FCC, en \%};
\end{EnvCourbeECC}
 FCC, en %
100 🕇
 90
 80
 70
 60
 50
 40
 30
 20
 10
```

95 <sup>96</sup>

100

105

110



# Thème

# OUTILS POUR LES PROBABILITÉS

# Dixième partie

# Outils pour les probabilités

# 42 Calculs de probabilités

# 42.1 Introduction



L'idée est de proposer des commandes permettant de calculer des probabilités avec des lois classiques :

- binomiale;
- normale;
- exponentielle;
- de Poisson;
- géométrique;
- hypergéométrique.



Les commandes sont de deux natures :

- des commandes pour calculer, grâce au package printexpr;
- des commandes pour formater le résultat de 🖺 xintexpr, grâce à 🖺 siunitx.

De ce fait, les options de siunitx de l'utilisateur affecterons les formatages du résultat, la commande va « forcer » les arrondis et l'écriture scientifique.

# 42.2 Calculs « simples »



```
Code LATEX
%loi\ binomiale\ B(n,p)
\CalcBinomP{n}{p}{k}
                                       %P(X=k)
\label{localcBinomC} $$ \CalcBinomC{n}{p}{a}{b}$
                                       %P(a \le X \le b)
%loi de Poisson P(l)
\CalcPoissP{1}{k}
                                       %P(X=k)
\CalcPoissC{1}{a}{b}
                                       %P(a \le X \le b)
%loi g\'eom\'etrique G(p)
\CalcGeomP{p}{k}
                                       %P(X=k)
\CalcGeomC{1}{a}{b}
                                      %P(a \le X \le b)
%loi\ hyperg\'eom\'etrique\ H(N,n,m)
\CalcHypergeomP{N}{n}{m}{k}
                                       %P(X=k)
\CalcHypergeomP{N}{n}{m}{a}{b}
                                      %P(a \le X \le b)
%loi\ normale\ N(m,s)
\CalcNormC{m}{s}{a}{b}
                                       %P(a \le X \le b)
%loi\ exponentielle\ E(l)
\CalcExpoC{1}{a}{b}
                                       %P(a \le X \le b)
```



Les probabilités calculables sont donc – comme pour beaucoup de modèles de calculatrices – les probabilités **P**onctuelles (P(X = k)) et **C**umulées ( $P(a \le X \le b)$ ).

Pour les probabilités cumulées, on peut utiliser le caractère [\*] comme borne (a ou b), pour les probabilités du type  $P(X \le b)$  et  $P(X \ge a)$ .



# Code LATEX

```
% X \rightarrow B(5,0.4)
P(X=3) \sim \CalcBinomP{5}{0.4}{3}.
$P(X\leqslant1) \approx \CalcBinomC{5}{0.4}{*}{1}$.
% X \rightarrow B(100, 0.02)
$P(X=10) \approx \CalcBinomP{100}{0.02}{10}$.
$P(15\leqslant X\leqslant25) \approx \CalcBinomC{100}{0.02}{15}{25}$.
% Y -> P(5)
$P(Y=3) \approx \CalcPoissP{5}{3}$.
$P(Y\geqslant2) \approx \CalcPoissC{5}{2}{*}$.
% T \rightarrow G(0.5)
$P(T=100) \approx \CalcPoissP{0.5}{3}$.
$P(T\leqslant5) \approx \CalcPoissC{0.5}{*}{5}$.
% W \rightarrow H(50, 10, 5)
P(W=4) \simeq \CalcHypergeomP{50}{10}{5}{4}.
P(1\leq X) \simeq CalcHypergeomC{50}{10}{5}{1}{3}
```



# Sortie LATEX

```
• X \hookrightarrow \mathcal{B}(5;0,4):
P(X = 3) \approx 0.2304.
P(X \le 1) \approx 0.33696.
• X \hookrightarrow \mathcal{B}(100; 0, 02):
P(X = 10) \approx 0.00002877077765846743.
P(15 \le X \le 25) \approx 0.00000001670210428685021.
• Y \hookrightarrow \mathscr{P}_5:
P(Y = 3) \approx 0.1403738958142806.
P(Y \ge 2) \approx 0.9595723180054873.
• T \hookrightarrow \mathcal{G}_{0.5}:
P(T = 3) \approx 0.125.
P(T \le 5) \approx 0.96875.
• W \hookrightarrow \mathcal{H}(50;10;5):
P(W = 4) \approx 0.003964583058015065.
P(1 \le W \le 3) \approx 0.6853536974456758.
```



# </> Code LATEX

```
% X -> N(0,1)
 P(X \leq 1) \geq CalcNormC\{0\}\{1\}\{*\}\{1\}\}. 
 $P(-1,96\leq Z\leq 1.96) \simeq \CalcNormC\{0\}\{1\}\{-1.96\}\{1.96\}\}. 
% X \rightarrow N(550,30)
$P(Y\geqslant600) \approx \CalcNormC{550}{30}{600}{*}$.
$P(500\leqslant Y\leqslant600) \approx \CalcNormC{550}{30}{500}{600}$.
%Z -> E(0.001)
$P(Z\geqslant400) \approx \CalcExpoC{0.001}{400}{*}$.
P(300\leq Z\leq 100) \simeq CalcExpoC(0.001){300}{750}.
```



# Sortie LATEX

•  $X \hookrightarrow \mathcal{N}(0;1)$ :  $P(X \le 1) \approx 0.841344680841397.$  $P(-1,96 \le Z \le 1,96) \approx 0.9500039553976748.$ •  $Y \hookrightarrow \mathcal{N}(550;30)$ :  $P(Y \ge 600) \approx 0.0477903462453939.$  $P(500 \le Y \le 600) \approx 0.9044193075092122.$ •  $Z \hookrightarrow \mathcal{E}_{0,001}$ :  $P(Z \ge 400) \approx 0.6703200460356393.$ 

 $P(300 \le Z \le 750) \approx 0.2684516679407032.$ 

# 42.3 Complément avec sortie « formatée »



L'idée est ensuite de formater le résultat obtenu par <u>sintexpr</u>, pour un affichage homogène. L'utilisateur peut donc utiliser « sa » méthode pour formater les résultats obtenus par <u>sintexpr</u>!



# ⟨/> Code LATEX

%avec un formatage manuel
\num[exponent-mode=scientific]{\CalcBinomP{100}{0.02}{10}}



# \$\text{code Large Nookrightarrow \mathcal{B}(100\,; 0,02)\$: \$P(X=10) \approx \num[exponent-mode=scientific]{\CalcBinomP{100}{0.02}{10}}\$.



•  $X \hookrightarrow \mathcal{B}(100; 0,02)$ :  $P(X = 10) \approx 2,877077765846743 \times 10^{-5}$ .



Le package Proflycee propose – en complément – des commandes pour formater, grâce à siumitx, le résultat.

Les commandes ne sont donc, dans ce cas, pas préfixées par [calc]:

- formatage sous forme décimale *pure* : 0,00 ...;
- formatage sous forme scientifique :  $n, ... \times 10^{...}$ .



#### Code LATEX $%loi\ binomiale\ B(n,p)$ \BinomP(\*)[prec]{n}{p}{k} %P(X=k)\BinomC(\*)[prec]{n}{p}{a}{b} $%P(a \le X \le b)$ %loi de Poisson P (l) \PoissonP(\*)[prec]{1}{k} %P(X=k)\PoissonC(\*)[prec]{1}{a}{b} $%P(a \le X \le b)$ %loi géométrique G (p) $\mathbb{P}_{p}{k}$ %P(X=k) $\GeomC{1}{a}{b}$ $%P(a \le X \le b)$ %loi hypergéométrique H (N,n,m) \HypergeomP{N}{n}{m}{k} %P(X=k) $\HypergeomC{N}{n}{m}{a}{b}$ $%P(a \le X \le b)$ %loi normale N(m,s)\NormaleC(\*)[prec]{m}{s}{a}{b} $%P(a \le X \le b)$ $%loi\ exponentielle\ E(l)$ \ExpoC(\*)[prec]{1}{a}{b} $%P(a \le X \le b)$



Quelques précisions sur les commandes précédentes :

- la version étoilée (\*) des commandes formate le résultat en mode scientifique;
- l'argument optionnel (par défaut (3)) correspond à quant à lui à l'arrondi.



# Code LATEX

```
% X \rightarrow N(550,30)
 $P(Y \setminus 0) \rightarrow \mathbb{1}_{30}_{600}^{*}. 
\label{lem:prox_NormaleC[4]{550}{30}{500}{600}$.}
% X \rightarrow B(100, 0.02)
P(X=10) \approx P(10)_{0.02}_{10} \simeq BinomP*[7]_{100}_{0.02}_{10}.
P(15\leq X\leq 10) \simeq BinomC[10]{100}{0.02}{15}{25} \simeq P(15\leq X)
   \BinomC*[10]{100}{0.02}{15}{25}$.
% H -> H(50,10,5)
$P(W=4) \approx \HypergeomP[5]{50}{10}{5}{4}$.
P(1\leq W\leq 1) \simeq HypergeomC[4]{50}{10}{5}{1}{3}.
% Z \rightarrow E(0,001)$ :
P(Z\geq 100) \simeq ExpoC\{0.001\}\{400\}\{*\}.
P(300\leq Z\leq 100) \simeq ExpoC(0.001){300}{750}.
% T -> P(5)
P(T=3) \sim \Pr(5){3}
$P(T\geqslant2) \approx \PoissonC[4]{5}{2}{*}$.
```



# Sortie LATEX

•  $Y \hookrightarrow \mathcal{N}(550;30)$ :  $P(Y \ge 600) \approx 0,0478$ .  $P(500 \le Y \le 600) \approx 0,9044$ .

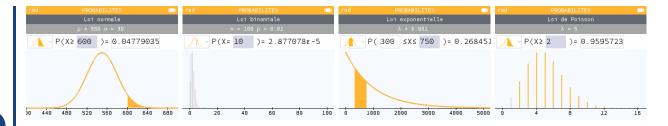
•  $X \hookrightarrow \mathcal{B}(100; 0, 02)$ :

$$\begin{split} P(X=10) \approx 0,\!000\,028\,8 \approx 2,\!88 \times 10^{-5}. \\ P(15 \leqslant X \leqslant 25) \approx 0,\!000\,000\,001\,7 \approx 1,\!7 \times 10^{-9}. \end{split}$$

•  $W \hookrightarrow \mathcal{H}(50; 10; 5)$ :  $P(W = 4) \approx 0,00396$ .  $P(1 \le W \le 3) \approx 0,6854$ .

•  $Z \hookrightarrow \mathcal{E}_{0,001}$ :  $P(Z \ge 400) \approx 0,670$ .  $P(300 \le Z \le 750) \approx 0,268$ .

•  $T \hookrightarrow \mathcal{P}_5$ :  $P(T = 3) \approx 0,140$ .  $P(T \ge 2) \approx 0,9596$ .





# 43 Arbres de probabilités « classiques »

# 43.1 Introduction



L'idée est de proposer des commandes pour créer des arbres de probabilités classiques (et homogènes), en TikZ, de format :

- $-2 \times 2$  ou  $2 \times 3$ ;
- $-3 \times 2$  ou  $3 \times 3$ .

Les (deux) commandes sont donc liées à un environnement **[ tikzpicture**], et elles créent les nœuds de l'arbre, pour exploitation ultérieure éventuelle.



# 

# 43.2 Options et arguments



Les (donnees) seront à préciser sous forme

sommet1>/<proba1>/<position1>,<sommet2>/<proba2>/<position2>,...

avec comme « sens de lecture » de la gauche vers la droite puis du haut vers le bas (on balaye les *sous-arbres*), avec comme possibilités :

- § 2.5.3 une donnée (proba) peut être laissée vide ou spécifiée avec des macros;
- une donnée (position) peut valoir (above) (au-dessus), (below) (en-dessous) ou être laissée (vide) (sur).



Quelques (Clés) (communes) pour les deux commandes :

— la clé (Unite) pour préciser l'unité de l'environnement $TikZ$ ;	défaut <mark>(1cm)</mark>
<ul> <li>la clé (EspaceNiveau) pour l'espace (H) entre les étages;</li> </ul>	défaut <b>(3.25)</b>
<ul> <li>la clé (EspaceFeuille) pour l'espace (V) entre les feuilles;</li> </ul>	défaut ( <mark>1</mark> )
<ul> <li>la clé (Type) pour le format, parmi (2x2) ou (2x3) ou (3x2) ou (3x3)</li> </ul>	défaut (2x2)
<ul> <li>— la clé (Police) pour la police des nœuds;</li> <li>défaut e</li> </ul>	(\normalfont\normalsize)
<ul> <li>— la clé (PoliceProbas) pour la police des probas;</li> </ul>	éfaut <b>(\normalfont\small)</b>
<ul> <li>le booléen (InclineProbas) pour incliner les probas;</li> </ul>	défaut <b>(true)</b>
<ul> <li>le booléen (Fleche) pour afficher une flèche sur les branches;</li> </ul>	défaut ( <mark>false</mark> )
— la clé (StyleTrait) pour les branches, en langage $TikZ$ ;	défaut ( <mark>vide</mark> )
— la clé (Epaisseur Trait) pour l'épaisseur des branches, en langage Ti	kZ; défaut (semithick)

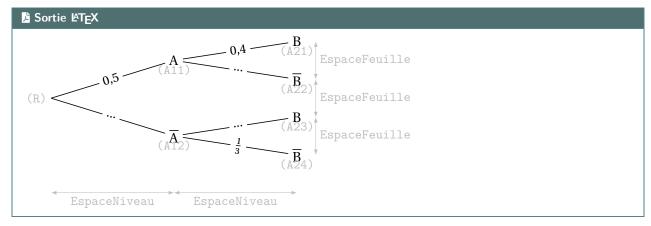


# 

\ArbreProbasTikz{\ArbreDeuxDeux}

%des éléménts, en gris, ont été rajoutés pour illustrer certaines options







# Les nœuds crées par les commandes sont :

- §R pour la racine;
- Alx pour les nœuds du 1er niveau (de haut en bas);
- A2x pour les nœuds du 2<sup>d</sup> niveau (de haut en bas).

# 43.3 Exemples complémentaires



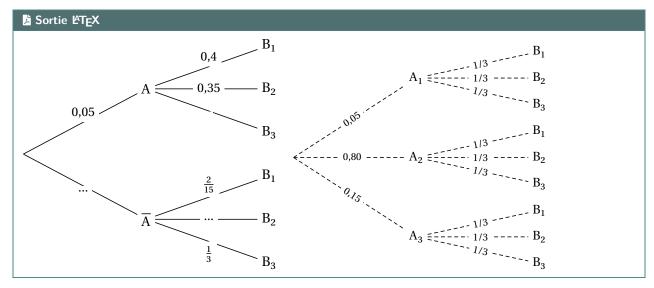
```
Code LATEX
\def\ArbreTroisDeux{
      A_1/\num{0.5}/above,
          B$/\sum\{0.4\}/above,
          $\overline{B}$/.../below,
      $A_2$/.../above,
          $B$/.../above,
          $\overline{B}$/$\frac{1}{3}$/below,
      $A_3$/.../below,
          $B$/.../above,
          \operatorname{Descript}_{B} \
   }
{\ArbreTroisDeux}
   \draw[CouleurVertForet,->] (A24)--($(A24)+(2.5,0)$) node[right,font=\sffamily] {code tikz
   rajouté};
\end{EnvArbreProbasTikz}
```



# Sortie La Sorti







# 44 Petits schémas pour des probabilités continues

# 44.1 Idée



L'idée est de proposer des commandes pour illustrer, sous forme de schémas en TikZ, des probabilités avec des lois continues (normales et exponentielles).

Ces « schémas » peuvent être insérés en tant que graphique explicatif, ou bien en tant que petite illustration rapide!



# </> Code LETEX \LoiNormaleGraphe[options] < options tikz>{m}{s}{a}{b} \LoiExpoGraphe[options] < options tikz>{1}{a}{b}







Les probabilités *illustrables* sont donc des probabilités Cumulées ( $P(a \le X \le b)$ ). On peut utiliser \* comme borne (a ou b), pour les probabilités du type  $P(X \le b)$  et  $P(X \ge a)$ .

# 44.2 Commandes et options



Quelques (Clés) sont disponibles pour ces commandes :

- la clé (CouleurAire) pour l'aire sous la courbe; défaut (LightGray)
- la clé (CouleurCourbe) pour la courbe;

défaut (<mark>red</mark>)

— la clé (Largeur) qui sera la largeur (en cm) du graphique;

défaut (2)

la clé (Hauteur) qui sera la hauteur (en cm) du graphique;

défaut (<mark>1</mark>)

un booléen (AfficheM) qui affiche la moyenne;

- défaut (true)
- un booléen (AfficheCadre) qui affiche un cadre pour délimiter le schéma.
- défaut (true)



Les commandes sont donc des environnements TikZ, sans possibilité de « rajouter » des éléments. Ces petis *schémas* sont donc vraiment dédiés à *montrer* rapidement une probabilité continue, sans fioriture.







Avec centrage vertical sur l'axe des abscisses :





# **♥** Code LATEX et sortie LATEX Avec quelques modifications : \LoiNormaleGraphe[Largeur=4, Hauteur=2] {150} {12.5} {122} {160} \medskip Avec centrage vertical: \LoiNormaleGraphe[Largeur=5, Hauteur=2.5] <baseline=(current bounding box.center)>{200}{5}{204}{\*} \medskip Avec centrage vertical sur l'axe des abscisses : \LoiExpoGraphe $[\begin{tabular}{ll} AfficheM=false, CouleurCourbe=blue, CouleurAire=cyan] <br/> & baseline=0pt> \{0.05\} \{*\} \{32\} \} (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.05) (0.0$ \medskip \LoiExpoGraphe[Largeur=4, Hauteur=2] {0.00025} {5000} {\*} L 人 Avec quelques modifications: Avec centrage vertical: 200 Avec centrage vertical sur l'axe des abscisses :

# Remarques et compléments



Pour le moment, seules les lois (continues) exponentielles et normales sont disponibles, peut-être que d'autres lois seront ajoutées, mais il ne me semble pas très pertinent de proposer des schémas similaires pour des lois discrètes, qui ont des représentations assez variables...



# 45 Nombres aléatoires

# 45.1 Idée



2.0.9 L'idée est de proposer des commandes pour générer des nombres aléatoires, pour exploitation ultérieure :

- un entier ou un nombre décimal;
- des nombres entiers, avec ou sans répétitions.



Pour chacune des commandes, le ou les résultats sont stockés dans une macro dont le nom est choisi par l'utilisateur.



# ⟨⟩ Code LATEX

\NbAlea{a}{b}{macro}

%nombre décimal (n chiffres après la virgule) aléatoire entre a et b+1 (exclus)

\NbAlea[n]{a}{b}{macro}

%création d'un nombre aléatoire sous forme d'une macro

\VarNbAlea{macro}{calculs}

%liste d'entiers aléatoires

\TirageAleatoireEntiers[options]{macro}



# **‡** Code LaTEX et sortie LaTEX

%nombre aléatoire entre 1 et 50, stocké dans \PremierNbAlea

%nombre aléatoire créé à partir du 1er, stocké dans \DeuxiemeNbAlea

Entier à partir du précédent :

 $\label{lea} $$ \operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D}euxiemeNbAlea}_{\operatorname{\mathbb{D$ 

%nombre aléatoire décimal (au millième) entre 0 et 10+1 (exclus), stocké dans \PremierDecAlea

Décimal entre 0 et \$10,999\ldots\$ : \NbAlea[3]{0}{\PremierDecAlea}\PremierDecAlea \\

%liste de 6 nombres, sans répétitions, entre 1 et 50

Liste par défaut (6 entre 1 et 50) :

\TirageAleatoireEntiers{\PremiereListeAlea}\PremiereListeAlea



Entier entre 1 et 50:43

Entier à partir du précédent : 53 Décimal entre 0 et 10,999 ... : 4.227

Liste par défaut (6 entre 1 et 50): 10,32,36,13,42,47



Les listes créées sont exploitables, *a posteriori*, par le package listofitems par exemple!



# **♦** Code LATEX et sortie LATEX



Liste générée : 35,48,47,28,5,46 Liste traitée : 35 48 47 28 5 46

# 45.2 Clés et options



Quelques clés sont disponibles pour la commande TirageAleatoireEntiers:

```
    — la clé ⟨ValMin⟩ pour préciser borne inférieure de l'intervalle;
    — la clé ⟨ValMax⟩ pour préciser borne supérieure de l'intervalle;
    — la clé ⟨NbVal⟩ qui est le nombre d'entiers à générer;
    — la clé ⟨Sep⟩ pour spécifier le séparateur d'éléments;
    — la clé ⟨Tri⟩ parmi ⟨non/croissant/decroissant⟩ pour trier les valeurs;
    — le booléen ⟨Repetition⟩ pour autoriser la répétition d'éléments.
```



# **♦** Code LATEX et sortie LATEX

```
Une liste de 15 valeurs (différentes), entre 10 et 100, stockée dans la macro MaListeA : \\
Liste : \TirageAleatoireEntiers[ValMin=10,ValMax=100,NbVal=15]{\MaListeA}\MaListeA \\

Une liste de 12 valeurs (différentes), entre 1 et 50, ordre croissant : \\
Liste : \TirageAleatoireEntiers[ValMin=1,ValMax=50,NbVal=12,Tri=croissant]%
    {\MaListeB}\MaListeB \\

Une liste de 12 valeurs (différentes), entre 1 et 50, ordre décroissant : \\
Liste : \TirageAleatoireEntiers[ValMin=1,ValMax=50,NbVal=12,Tri=decroissant]%
    {\MaListeC}\MaListeC \\

15 tirages de dé à 6 faces : \\
    \TirageAleatoireEntiers[ValMin=1,ValMax=6,NbVal=15,Repetition]{\TestDes}\TestDes
```



Une liste de 15 valeurs (différentes), entre 10 et 100, stockée dans la macro MaListeA:

Liste: 52,33,50,20,44,40,86,53,29,46,11,31,94,68,41

Une liste de 12 valeurs (différentes), entre 1 et 50, ordre croissant :

Liste: 1,6,18,19,23,24,27,30,31,35,36,39

Une liste de 12 valeurs (différentes), entre 1 et 50, ordre décroissant :

Liste: 49,46,44,42,41,40,37,33,24,14,8,4

15 tirages de dé à 6 faces : 3,1,2,5,1,3,3,6,5,6,5,5,4,6,3



# **♦** Code LaTEX et sortie LaTEX

```
Une liste (10) pour le Keno\textcopyright, ordonnée, et séparée par des \texttt{-} : \TirageAleatoireEntiers[ValMin=1,ValMax=70,NbVal=10,Tri=croissant,Sep={-}]{\ListeKeno} $\ListeKeno$
```

\setsepchar{-}\readlist\*\KENO{\ListeKeno}\showitems{\KENO}



```
Une liste (10) pour le Keno©, ordonnée, et séparée par des – : 15-19-22-31-35-51-55-67-68-70
```

15 19 22 31 35 51 55 67 68 70

[ProfLycee] - 142 -

# 46 Combinatoire

# 46.1 Idée



L'idée est de proposer une commande pour calculer un arrangement ou une combinaison, en utilisant les capacités de calcul du package [ xint] ( 2.5.4).



# Code LATEX

\Arrangement(\*)[option]{p}{n} \Combinaison(\*)[option]{p}{n} \CalculAnp{p}{n} ou \CalculCnp{p}{n} dans un calcul via \xinteval{...}

# 46.2 Utilisation



Peu de paramétrage pour ces commandes qui permettent de calculer  $A_n^p$  et  $\binom{n}{n}$ :

- les versions étoilées ne formatent pas le résultat grâce à \[ \num \] de \[ \] sinuitx;
- le booléen (Notation) pour avoir la notation au début;
   défaut (false)
- le booléen (NotationAncien) pour avoir la notation « ancienne » des combinaisons au début;
   défaut (false)
- le booléen (Formule) permet de présenter la formule avant le résultat;

défaut (false)

- le premier argument, *obligatoire*, est la valeur de *p*;
- le second argument, *obligatoire*, est la valeur de n.



# **♥** Code LaTEX et sortie LATEX

On a  $A_{20}^3=\Lambda * {3}{20}$  en non formaté, et  $\Lambda * {100}$  en formaté avec la notation au début.



On a  $A_{20}^3 = 6840$  en non formaté, et  $A_{20}^3 = 6840$  en formaté avec la notation au début.



# **♥** Code LATEX et sortie LATEX

On a  $\displaystyle \frac{20}{3}=\combinaison*{3}{20}$  en non formaté,~ et  $\displaystyle \frac{Notation}{3}{20}$  en formaté avec la notation au début.\\ Et  $\displaystyle \frac{20}{3}+\combinaison{20}{4} = \sum_{x\in \mathbb{Z}}{20}+\combinaison{4}{20}}$ .



On a  $\binom{20}{3} = 1140$  en non formaté, et  $\binom{20}{3} = 1140$  en formaté avec la notation au début. Et  $\binom{20}{3} + \binom{20}{4} = 5985$ .



# **♥** Code LaTEX et sortie LaTEX

On a \$\displaystyle\Arrangement[Notation,Formule]{3}{20}\$.



On a 
$$A_{20}^3 = \frac{20!}{17!} = 6840$$
.



# ♥ Code LATEX et sortie LATEX

On a \$\displaystyle\Combinaison[NotationAncien,Formule]{3}{20}\$. %ancienne notation FR



On a 
$$C_{20}^3 = \frac{20!}{3! \times 17!} = 1140.$$

#### 47 Fonction de répartition

#### 47.1 Idée



2.7.0 L'idée est de proposer une commande (en accord avec les commandes de repérage, page 41) pour tracer la représentation graphique d'une fonction de répartition discrète.



```
</>
✓/> Code LATEX
\begin{tikzpicture}[paramètres de la fenêtre]
    %commandes pour la fenêtre graphique
    \FonctionRepartTikz[clés]{liste des probas,borneinf,bornesup}
\end{tikzpicture}
```

# 47.2 Utilisation



Le premier argument, optionnel et entre [[...]] propose les clés suivantes :

- la clé (Couleur) pour la couleur du tracé; défaut (red)
- la clé **(Epaisseur)** pour gérer l'épaisseur des tracés (en *raccourci* TikZ); défaut (thick)
- le booléen (Pointilles) pour afficher les pointillés horizontaux; défaut (true)
- la clé (Extremite) parmi (crochet/point) pour gérer les extrémités des segments.

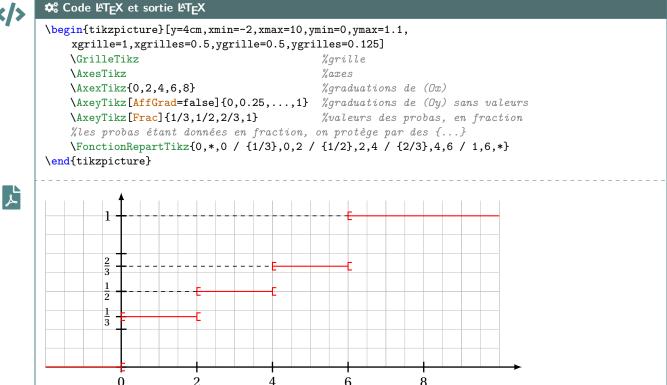
défaut (crochet)

L'argument obligatoire et entre [{...}] permet de spécifier la liste des probas-intervalles :

- avec \* pour remplacer ∞;
- sous la forme proba, borneinf, bornesup / proba, borneinf, bornesup / .....

Le code remplace \* par les valeurs stockées dans \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) mande en partenariat des commandes de repérage de Proflycee.



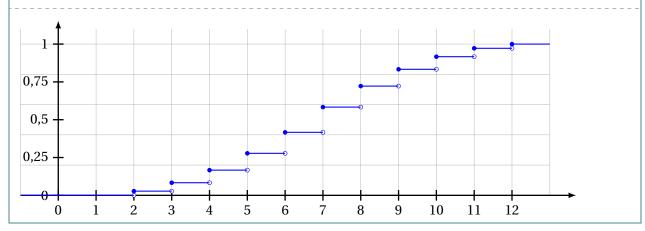


**①** [ProfLycee] - 144 -



### **⇔**° Code LATEX et sortie LATEX





# Thème

OUTILS POUR L'ARITHMÉTIQUE

## Onzième partie

# Outils pour l'arithmétique

### 48 Division euclidienne

#### 48.1 Idée



3.01b L'idée est de proposer une commande pour travailler sur les divisions euclidiennes :

- présentation classique;
- présentation avec vérification pour le reste;
- présentation avec pointillés pour compléter.



Le package xinttools est la base de cette macro. C'est lui qui s'occupe de la partie *calculs*.



#### Code LATEX

\DivEucl(\*)[clés]{a}{b}



### **♥** Code LATEX et sortie LATEX

\DivEucl{145}{7}\par \DivEucl\*{145}{7}\par \DivEucl\*[Quotient=false]{-145}{7}\par \DivEucl[Reste=false]{145}{-7}\par \DivEucl[Vide]{-145}{-7}



```
\begin{aligned} 145 &= 7 \times 20 + 5 \\ 145 &= 7 \times 20 + 5 \text{ avec } 0 \le 5 < 7 \\ -145 &= 7 \times \ldots + 2 \text{ avec } 0 \le 2 < 7 \\ 145 &= -7 \times (-20) + \ldots \\ -145 &= -7 \times \ldots + \ldots \end{aligned}
```

#### 48.2 Clés et options



En ce qui concerne la commande pour la division euclidienne :

- la version *étoilée* permet d'afficher la *vérification* du reste;
- ia version elonce permet a unioner la verification da reste,
- le booléen (Quotient) permet d'afficher le quotient;
- le booléen (Reste) permet d'afficher le reste;
   défaut (true)
- le booléen (Vide) permet de ne pas afficher le quotient et le reste;
- défaut (false) défaut (\ldots)

défaut (true)

- la clé (Pointilles) permet de spécifier les éventuels pointillés; défau
- les arguments obligatoires, et entre [ {...}], sont les entiers avec lesquels on travaille.

À noter que la commande est incluse dans un bloc \[ \] \\ \ensuremath \[ \] (sans la vérification du reste), donc les \[ \] ... ne sont pas nécessaires.



#### **♥** Code LaTEX et sortie LaTEX

\DivEucl\*{123456789}{8547}\par \DivEucl[Vide,Pointilles={\makebox[1cm]{\dotfill}}]{123456789}{8547}



 $123456789 = 8547 \times 14444 + 3921 \text{ avec } 0 \le 3921 < 8547$  $123456789 = 8547 \times \dots + \dots$ 

#### 49 Conversions binaire/hexadécimal/décimal

#### 49.1 Idée



L'idée est de compléter les possibilités offertes par le package [exintbinhex], en mettant en forme quelques conversions:

- décimal en binaire avec blocs de 4 chiffres en sortie;
- hexadécimal en binaire avec blocs de 4 chiffres en sortie;
- conversion binaire ou hexadécimal en décimal avec écriture polynomiale.



Le package xintbinhex est la base de ces macros, puisqu'il permet de faire des conversions directes! Les macros présentées ici ne font que les intégrer dans un environnement adapté à une correction ou une présentation!



#### Code LATEX

```
\xintDecToHex{100}
\xintDecToBin{51}
\xintHexToDec{A4C}
\xintBinToDec{110011}
\xintBinToHex{11111111}
\xintHexToBin{ACDC}
\xintCHexToBin{3F}
```



#### Sortie LATEX

```
110011
2636
51
FF
1010110011011100
00111111
```

#### Conversion décimal vers binaire



#### </> Code LATEX

\ConversionDecBin(\*)[clés]{nombre}



Concernant la commande en elle même, peu de paramétrage :

- la version étoilée qui permet de ne pas afficher de zéros avant pour « compléter » ;
- le booléen (AffBase) qui permet d'afficher ou non la base des nombres; défaut (true)
- l'argument, *obligatoire*, est le nombre entier à convertir.

Le formatage est géré par sinuitx, le mieux est donc de positionner la commande dans un environnement mathématique.

Les nombres écrits en binaire sont, par défaut, présentés en bloc(s) de 4 chiffres.



### </> ⟨/> Code LaTEX % Conversion avec affichage de la base et par bloc de 4 \$\ConversionDecBin{415}\$ % Conversion avec affichage de la base et sans forcément des blocs de 4\$\ConversionDecBin\*{415}\$ % Conversion sans affichage de la base et par bloc de 4 \$\ConversionDecBin[AffBase=false]{415}\$ % Conversion sans affichage de la base et sans forcément des blocs de 4 \$\ConversionDecBin\*[AffBase=false]{415}\$



#### Sortie LATEX

```
415_{10} = 000110011111_{2}
415_{10} = 110011111_{2}
415 = 000110011111
415 = 110011111
```

#### 49.3 Conversion binaire vers hexadécimal



L'idée est ici de présenter la conversion, grâce à la conversion « directe » par blocs de 4 chiffres :

- la macro rajoute éventuellement les zéros pour compléter;
- elle découpe par blocs de 4 chiffres binaires;
- elle présente la conversion de chacun des blocs de 4 chiffres binaires;
- elle affiche la conversion en binaire.



#### Code LATEX

\ConversionBinHex[clés] {nombre}



Quelques (clés) sont disponibles pour cette commande :

- le booléen (AffBase) qui permet d'afficher ou non la base des nombres; défaut (true)
- le booléen (Details) qui permet d'afficher ou le détail par bloc de 4. défaut (true)

Le formatage est géré par le package sinuitx, le mieux est de positionner la commande dans un environnement mathématique.



### Code LATEX

```
%conversion avec détails et affichage de la base
$\ConversionBinHex{110011111}$
%conversion sans détails et affichage de la base
$\ConversionBinHex[Details=false]{110011111}$
%conversion sans détails et sans affichage de la base
$\ConversionBinHex[AffBase=false,Details=false]{110011111}$
```



### Sortie LATEX

```
\begin{array}{l} 1\,1001\,1111_2=0001\,1001\,1111=\underbrace{0001\,1001\,1111}_{9}=19F_{16}\\ 1\,1001\,1111_2=19F_{16}\\ 1\,1001\,1111=19F \end{array}
```

#### 49.4 Conversion hexadécimal vers binaire



2.7.8 L'idée est ici de présenter la conversion, grâce à la conversion « directe » par blocs de 4 chiffres :

- la macro découpe chaque caractère hexa en bloc de 4 chiffres binaires;
- elle affiche la conversion en binaire.



#### ⟨⟩ Code LATEX

\ConversionHexBin[clés] {nombre}



Quelques (clés) sont disponibles pour cette commande :

- le booléen (AffBase) qui permet d'afficher ou non la base des nombres; défaut (true)
- le booléen (Details) qui permet d'afficher ou le détail par bloc de 4. défaut (true)

La commande est à insérer dans un environnement mathématique.



#### ⟨/> Code LATEX

%conversion avec détails et affichage de la base

\$\ConversionHexBin{ACDC}\$

%conversion sans détails et affichage de la base

\$\ConversionHexBin[Details=false]{ACDC}\$

%conversion sans détails et sans affichage de la base

\$\ConversionHexBin[AffBase=false,Details=false]{ACDC}\$



#### Sortie L⁴TEX

 $ACDC_{16} = 1010110011011100_{2}$ 

 $ACDC_{16} = 1010110011011100_2$ 

ACDC = 1010110011011100

#### 49.5 Conversion binaire ou hexadécimal en décimal



L'idée est ici de présenter la conversion, grâce à l'écriture polynômiale :

- écrit la somme des puissances;
- convertir si besoin les chiffres hexadécimal;
- peut ne pas afficher les monômes de coefficient 0.



#### </> ✓ Code LATEX

\ConversionVersDec[clés]{nombre}



Quelques (clés) sont disponibles pour cette commande :

- la clé (BaseDep) qui est la base de départ (2 ou 16!); défaut (2)
- le booléen (AffBase) qui permet d'afficher ou non la base des nombres; défaut (true)
- le booléen (Details) qui permet d'afficher ou le détail par bloc de 4; défaut (true)
- le booléen (Zeros) qui affiche les chiffres 0 dans la somme. défaut (true)

Le formatage est toujours géré par le package sinuitx, le mieux est de positionner la commande dans un environnement mathématique.



### </> ✓/> Code LATEX

%conversion 16->10 avec détails et affichage de la base et zéros

\$\ConversionVersDec[BaseDep=16]{19F}\$

%conversion 2->10 avec détails et affichage de la base et zéros

\$\ConversionVersDec{110011}\$

%conversion 2->10 avec détails et affichage de la base et sans zéros

\$\ConversionVersDec[Zeros=false]{110011}\$

%conversion 16->10 sans détails et affichage de la base et avec zéros

\$\ConversionVersDec[BaseDep=16,Details=false]{ACODC}\$

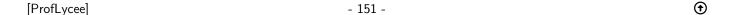
%conversion 16->10 avec détails et sans affichage de la base et sans zéros

\$\ConversionVersDec[Zeros=false,BaseDep=16]{ACODC}\$



#### Sortie LATEX

$$\begin{split} 19F_{16} &= 1\times16^2 + 9\times16^1 + 15\times16^0 = 415_{10} \\ 110011_2 &= 1\times2^5 + 1\times2^4 + 0\times2^3 + 0\times2^2 + 1\times2^1 + 1\times2^0 = 51_{10} \\ 110011_2 &= 1\times2^5 + 1\times2^4 + 1\times2^1 + 1\times2^0 = 51_{10} \\ AC0DC_{16} &= 704732_{10} \\ AC0DC_{16} &= 10\times16^4 + 12\times16^3 + 13\times16^1 + 12\times16^0 = 704732_{10} \end{split}$$



## 50 Conversion « présentée » d'un nombre en base décimale

#### **50.1** Idée



L'idée est de proposer une « présentation » par divisions euclidiennes pour la conversion d'un entier donné en base 10 dans une base quelconque.

Les commandes de la section précédente donne *juste* les résultats, dans cette section il y a en plus la présentation de la conversion.

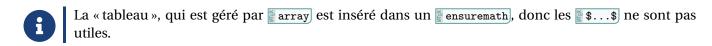
La commande utilise – par défaut – du code TikZ en mode overlay, donc on pourra déclarer – si ce n'est pas fait – dans le préambule, la commande qui suit.



```
    Code LaTeX
    ...
    \tikzstyle{every picture}+=[remember picture]
    ...
```

#### 50.2 Code et clés







#### </> ✓/> Code LATEX

 $1 = 2 \times 0 + 1$ 

\ConversionDepuisBaseDix[options] {nombre en base 10}{base d'arrivée}



### Quelques options pour cette commande :

- la clé (Couleur) pour la couleur du « rectangle » des restes; défaut (red)
- la clé (DecalH) pour gérer le décalage H du « rectangle », qui peut être donné soit sous la forme (Esp) ou soit sous la forme (espgauche/espdroite);
   défaut (2pt)
- la clé (DecalV) pour le décalage vertical du « rectangle »; défaut (3pt)
- la clé (Noeud) pour le préfixe du nœud du premier et du dernier reste (pour utilisation en TikZ);

défaut (EEE)

- le booléen (Rect) pour afficher ou non le « rectangle » des restes;
   défaut (true)
- le booléen (CouleurRes) pour afficher ou non la conversion en couleur (identique au rectangle).
   défaut (false)



#### Code LATEX



### ß Sortie L⁴TEX

$$\begin{cases} 45 = 2 \times 22 + 1 \\ 22 = 2 \times 11 + 0 \\ 11 = 2 \times 5 + 1 \\ 5 = 2 \times 2 + 1 \\ 2 = 2 \times 1 + 0 \\ 1 = 2 \times 0 + 1 \end{cases} \Rightarrow 45_{10} = 101101_{2}$$

Par divisions euclidiennes successives,  $\begin{cases} 54 = 3 \times 18 + 0 \\ 18 = 3 \times 6 + 0 \\ 6 = 3 \times 2 + 0 \\ 2 = 3 \times 0 + 2 \end{cases} \Rightarrow 54_{10} = 2000_3.$ 

$$\begin{cases} 1012 = 16 \times 63 + 4 \\ 63 = 16 \times 3 + 15 \\ 3 = 16 \times 0 + 3 \end{cases} \Rightarrow 1012_{10} = 3F4_{16}$$

On obtient donc 
$$\begin{cases} 100 = 9 \times 11 + 1 \\ 11 = 9 \times 1 + 2 \\ 1 = 9 \times 0 + 1 \end{cases} \Rightarrow 100_{10} = 121_9.$$

→ test

## 51 Algorithme d'Euclide pour le PGCD

#### **51.1** Idée



L'idée est de proposer une « présentation » de l'algorithme d'Euclide pour le calcul du PGCD de deux entiers.

Le package [sintgcd] permet déjà de le faire, il s'agit ici de travailler sur la mise en forme.



#### Code LATEX

\PresentationPGCD[options]{a}{b}



#### Code LATEX

\tikzstyle{every picture}+=[remember picture]
...

\PresentationPGCD{150}{27}



#### **♣** Code LaTEX et sortie LaTEX

\PresentationPGCD{150}{27}



```
\begin{cases} 150 = 27 \times 5 + 15 \\ 27 = 15 \times 1 + 12 \\ 15 = 12 \times 1 + 3 \\ 12 = 3 \times 4 + 0 \end{cases} \Rightarrow PGCD(150; 27) = 3
```



La mise en valeur du dernier reste non nul est géré par du code TikZ, en mode overlay, donc il faut bien penser à déclarer dans le préambule : \text{\tikzstyle}{every picture}+=[remember picture]

#### 51.2 Options et clés



Quelques options disponibles pour cette commande:

- la clé (Couleur) qui correspond à la couleur pour la mise en valeur; défaut (red)
- la clé (DecalRect) qui correspond à l'écartement du rectangle de mise en valeur; défaut (2pt)
- le booléen (Rectangle) qui gère l'affichage ou non du rectangle de mise ne valeur;

défaut (true)

— la clé  $\langle Noeud \rangle$  qui gère le préfixe du nom du nœud TikZ du rectangle (pour exploitation ultérieure);

défaut (FFF)

- le booléen (CouleurResultat) pour mettre ou non en couleur de PGCD; défaut (false)
- le booléen (AfficheConclusion) pour afficher ou non la conclusion; défaut (true)
- le booléen (AfficheDelimiteurs) pour afficher ou non les délimiteurs (accolade gauche et trait droit).

défaut (true)

Le rectangle de mise en valeur est donc un nœud TikZ qui sera nommé, par défaut FFF1.

La présentation est dans un environnement en ensurement donc les strate ne sont pas indispensables.



### Code LATEX et sortie LATEX

\PresentationPGCD[CouleurResultat]{150}{27}



```
150 = 27 \times 5 + 15
 27 = 15 \times 1 + 12
                        \Rightarrow PGCD (150; 27) = 3
 15 = 12 \times 1 + 3
 12 = 3 \times 4 + 0
```



```
♥ Code LATEX et sortie LATEX
        \PresentationPGCD[CouleurResultat, Couleur=CouleurVertForet] {1250} {450}.
        \PresentationPGCD[CouleurResultat, Couleur=blue] {13500} {2500}.
        \PresentationPGCD[Rectangle=false]{420}{540}. \\
        D'après l'algorithme d'Euclide, on a $\left|
             \PresentationPGCD[Couleur=lime, AfficheConclusion=false, AfficheDelimiteurs=false] %
        {123456789}{9876} \right.$
        \begin{tikzpicture}
        \draw[overlay,lime,thick,<-] (FFF1.east) to[bend right] ++ (1cm,0.75cm) node[right] {dernier
             reste non nul};
        \end{tikzpicture}
<u>ا</u>
          1250 = 450 \times 2 + 350
           450 = 350 \times 1 + 100
                                \Rightarrow PGCD (1250; 450) = 50.
           350 = 100 \times 3 + (50)
           100 = 50 \times 2 + 0
          13500 = 2500 \times 5 + 1000
           2500 = 1000 \times 2 + (500) \Rightarrow PGCD(13500; 2500) = 500.
          1000 = 500 \times 2 +
          420 = 540 \times 0 + 420
          540 = 420 \times 1 + 120
                               \Rightarrow PGCD (420; 540) = 60.
          420 = 120 \times 3 + 60
         120 = 60 \times 2 + 0
                                           123456789 = 9876 \times 12500 + 6789
                                                  9876 = 6789 \times 1
                                                                       +3087
                                                  6789 = 3087 \times 2
                                                                       + 615
        D'après l'algorithme d'Euclide, on a
                                                  3087 = 615 \times 5
                                                                         12
                                                                           (3)
                                                   615 = 12 \times 51
                                                    12 = 3 \times 4
                                                                            0
```

#### **Compléments** 51.3



La présentation des divisions euclidiennes est gérée par un tableau du type array, avec alignement vertical de symboles = et +.

Par défaut, les délimiteurs choisis sont donc l'accolade gauche et le trait droit, mais la clé booléenne (AfficheDelimiteurs=false) permet de choisir des délimiteurs différents.



```
Code LATEX et sortie LATEX
```

\$\left[\PresentationPGCD[AfficheConclusion=false,AfficheDelimiteurs=false]{1234}{5} \right]\$



```
1234 = 5 \times 246 + 4
    5 = 4 \times 1 + 1
    4 = 1 \times 4 + 0
```

#### **52** Résolution d'une équation diophantienne

#### **52.1** Idée



L'idée est de proposer une résolution d'équation diophantienne du type ax + by = c avec  $(a;b;c) \in \mathbb{Z}^3$ . Le code se charge de tester les différentes conditions d'existence, et d'adapter la rédaction (fixée et non modifiable...) aux différentes situations :

- cas où PGCD(a;b) = 1; existence de solutions — cas où PGCD $(a;b) \neq 1$  et PGCD $(a;b) \mid c$ ; existence de solutions
- cas où PGCD $(a;b) \neq 1$  et PGCD $(a;b) \nmid c$ . pas de solution



Logiquement le code se charge de parenthéser de manière automatique pour les nombres négatifs, mais il se peut que certains cas particuliers puissent donner des résultats « non esthétiques »...



#### Code LATEX

\EquationDiophantienne[Clés]{equation}

### 52.2 Options et clés



Concernant les Clés disponibles pour cette commande, à donner entre [[...]:

- la clé (Lettre) pour spécifier le *nom* de l'équation; défaut (E)
- la clé ⟨Inconnues⟩ qui paramètre les noms des inconnues, sous la forme ⟨x/y⟩; défaut (x/y)
- la clé (Entier) qui gère le nom de l'entier dans la solution; défaut (k)
- le booléen (Cadres) pour mettre en valeur les solutions; défaut (false)
- le booléen (**PresPGCD**) présenter le calcul du PGCD de |a| et de |b|. défaut (true)

L'argument obligatoire, et entre [{...}] est quant à lui l'équation, en langage « naturel » du type ax+by=c (le code se charge d'extraire les coefficients, donc pas besoin des signes \*).



#### **⇔** Code LaTEX et sortie LaTEX

\EquationDiophantienne{48x+18y=3}



On cherche à résoudre l'équation diophantienne :

$$48x + 18y = 3$$
 (E)

 $48 = 18 \times 2 + 12$ D'après l'algorithme d'Euclide :  $18 = 12 \times 1 + 6$ 

Le PGCD de 48 et 18 ne divise pas 3, donc l'équation (E) n'admet aucune solution.



#### **⇔** Code LaTEX et sortie LaTEX

\EquationDiophantienne[PresPGCD=false]{48x+18y=-5}



On cherche à résoudre l'équation diophantienne :

$$48x + 18y = -5$$
 (E)

Le PGCD de 48 et de 18 vaut 6.

Le PGCD de 48 et 18 ne divise pas -5, donc l'équation (E) n'admet aucune solution.



#### **♣** Code LATEX et sortie LATEX

\EquationDiophantienne{3x+4y=1}



On cherche à résoudre l'équation diophantienne :

$$3x + 4y = 1 (E)$$

D'après l'algorithme d'Euclide :  $\begin{cases} 3 = 4 \times 0 + 3 \\ 4 = 3 \times 1 + 1 \\ 3 = 1 \times 3 + 0 \end{cases} \Rightarrow PGCD(3;4) = 1.$ 

Les entiers 3 et 4 sont premiers entre eux, donc l'équation (E) admet une infinité de solutions. On détermine une solution particulière de (E) :

$$3 \times (-1) + 4 \times 1 = 1$$
 (E<sub>0</sub>)

Par soustraction:

On en déduit que  $3 \times \underbrace{(x+1)}_{\text{entier}} = -4 \times (y-1)$ , et donc que  $3 \mid -4 \times (y-1)$ .

Or 3 et 4 sont premiers entre eux, donc d'après le théorème de Gauss, on a 3  $\mid y-1$ .

Il existe donc un entier k tel que  $y - 1 = 3 \times k$ , ce qui donne y = 1 + 3k.

En remplaçant, on obtient:

$$3 \times (x+1) = -4 \times (y-1) \implies 3 \times (x+1) = -4 \times \left(\underbrace{1+3k}_{y}-1\right)$$

$$\implies 3 \times (x+1) = -4 \times (3k)$$

$$\implies x+1 = -4k$$

$$\implies x = -1 - 4k$$

Ainsi, si x et y sont solutions de (E), alors il existe un entier k tel que x = -1 - 4k et y = 1 + 3k.

Réciproquement, soit k un entier quelconque :

$$3 \times (-1 - 4k) + 4 \times (1 + 3k) = 3 \times (-1) + 3 \times (-4)k + 4 \times 1 + 4 \times 3k$$

$$= \underbrace{3 \times (-1) + 4 \times 1}_{= 1 \text{ d'après } (E_0)}$$

$$= 1$$

On en déduit que (-1-4k;1+3k) est solution de (E).

En conclusion, les solutions de (E) sont donc les couples (-1-4k;1+3k), avec k un entier relatif.



#### **♥** Code LaTEX et sortie LaTEX

\EquationDiophantienne[Cadres,Inconnues=u/v,Entier=1]{48u+18v=12}



On cherche à résoudre l'équation diophantienne :

$$48u + 18v = 12$$

D'après l'algorithme d'Euclide : 
$$\left\{ \begin{array}{ll} 48 = 18 \times 2 + 12 \\ 18 = 12 \times 1 + 6 \\ 12 = 6 \times 2 + 0 \end{array} \right| \Rightarrow \text{PGCD (48; 18)} = 6.$$

Le PGCD de 48 et 18 divise 12, donc on peut simplifier l'équation diophantienne par 6.

$$48u + 18v = 12 \Longrightarrow_{\stackrel{.}{\leftrightarrow} 6} 8u + 3v = 2$$
 (E)

Les entiers 8 et 3 sont premiers entre eux, donc l'équation (E) admet une infinité de solutions. On détermine une solution particulière de (E) :

$$8\times (-1) + 3\times 3 = 1 \implies 8\times (-2) + 3\times 6 = 2 \qquad (E_0)$$

Par soustraction:

$$\begin{array}{rrrrr}
8 \times & u & +3 \times & v & = 2 \\
- & 8 \times & (-2) & +3 \times & 6 & = 2 \\
\hline
8 \times & (u+2) + 3 \times & (v-6) = 0
\end{array}$$

On en déduit que  $8 \times \underbrace{(u+2)}_{\text{entier}} = -3 \times (v-6)$ , et donc que  $8 \mid -3 \times (v-6)$ .

Or 8 et 3 sont premiers entre eux, donc d'après le théorème de Gauss, on a 8 |  $\nu$  – 6.

Il existe donc un entier l tel que  $v-6=8\times l$ , ce qui donne v=6+8l. En remplaçant, on obtient :

$$8 \times (u+2) = -3 \times (v-6) \implies 8 \times (u+2) = -3 \times \left(\underbrace{6+8l}_{v} - 6\right)$$
$$\implies 8 \times (u+2) = -3 \times (8l)$$
$$\implies u+2 = -3l$$

$$\Rightarrow u = -2 - 3l$$

Ainsi, si u et v sont solutions de (E), alors il existe un entier l tel que u = -2 - 3l et v = 6 + 8l.

Réciproquement, soit  $\boldsymbol{l}$  un entier que lconque :

$$8 \times (-2 - 3l) + 3 \times (6 + 8l) = 8 \times (-2) + 8 \times (-3)l + 3 \times 6 + 3 \times 8l$$

$$= \underbrace{8 \times (-2) + 3 \times 6}_{= 2 \text{ d'après } (E_0)}$$

$$= 2$$

On en déduit que (-2-3l;6+8l) est solution de (E).

En conclusion, les solutions de (E) sont donc les couples (-2-3l;6+8l), avec l un entier relatif.



#### Code LATEX et sortie LATEX

\EquationDiophantienne{47x-18y=1}



On cherche à résoudre l'équation diophantienne :

$$47x + (-18)y = 1$$
 (E)

D'après l'algorithme d'Euclide :  $\begin{cases} 47 = 18 \times 2 + 11 \\ 18 = 11 \times 1 + 7 \\ 11 = 7 \times 1 + 4 \\ 7 = 4 \times 1 + 3 \\ 4 = 3 \times 1 + 1 \\ 3 = 1 \times 3 + 0 \end{cases} \Rightarrow PGCD(47; 18) = 1.$ 

Les entiers 47 et 18 sont premiers entre eux, donc l'équation (E) admet une infinité de solutions. On détermine une solution particulière de (E) :

$$47 \times 5 + (-18) \times 13 = 1$$
 (E<sub>0</sub>)

Par soustraction:

$$47 \times x + (-18) \times y = 1$$

$$-47 \times 5 + (-18) \times 13 = 1$$

$$47 \times (x-5) + (-18) \times (y-13) = 0$$

On en déduit que  $47 \times \underbrace{(x-5)}_{\text{entier}} = 18 \times (y-13)$ , et donc que  $47 \mid 18 \times (y-13)$ .

Or 47 et 18 sont premiers entre eux, donc d'après le théorème de Gauss, on a 47  $\mid y-13$ .

Il existe donc un entier k tel que  $y - 13 = 47 \times k$ , ce qui donne y = 13 + 47k.

En remplaçant, on obtient:

$$47 \times (x-5) = 18 \times (y-13) \implies 47 \times (x-5) = 18 \times \left(\underbrace{13+47k}_{y}-13\right)$$

$$\implies 47 \times (x-5) = 18 \times (47k)$$

$$\implies x-5 = 18k$$

$$\implies x = 5+18k$$

Ainsi, si x et y sont solutions de (E), alors il existe un entier k tel que x = 5 + 18k et y = 13 + 47k.

Réciproquement, soit k un entier quelconque :

$$47 \times (5 + 18k) + (-18) \times (13 + 47k) = 47 \times 5 + \underbrace{47 \times 18k}_{=1 \text{ d'après } (E_0)} \times 13 + \underbrace{(-18) \times 47k}_{=1 \text{ d'après } (E_0)}$$

On en déduit que (5 + 18k; 13 + 47k) est solution de (E).

En conclusion, les solutions de (E) sont donc les couples (5 + 18k; 13 + 47k), avec k un entier relatif.

#### 53 Diviseurs

#### 53.1 Idées



- 2.7.8 L'idée est de proposer des commandes pour travailler sur les diviseurs d'un entier :
  - afficher la liste des diviseurs sous forme d'un ensemble ordonné;
  - créer un arbre pour retrouver les diviseurs par la décomposition en facteurs premiers.

Le code se charge de déterminer les diviseurs et de mettre en forme l'arbre.



#### Code LATEX

\ListeDiviseurs(\*)[Clé]{nombre}



#### Code LATEX

\ArbreDiviseurs[Clés]{nombre}

### 53.2 Options et clés



En ce qui concerne la commande pour la liste des diviseurs :

- la version étoilée permet d'afficher le nom de l'ensemble via [\mathscr], [\mathscr], \mathscr] \text{mathcal} sinon;
- le booléen (AffNom) permet d'afficher le nom de l'ensemble; défaut (true)
- l'argument obligatoire, et entre [ {...}], est quant lui le nombre, y compris en langage [ xint].



## **♥** Code LaTEX et sortie LaTEX

%sortie par défaut ∖ListeDiviseurs{150}

%sortie avec \mathscr (si chargé)

\ListeDiviseurs\*{300}

%sortie sans libellé

\ListeDiviseurs[AffNom=false]{60}



 $\mathcal{D}_{150} = \{1;2;3;5;6;10;15;25;30;50;75;150\}$ 

 $\mathcal{D}_{300} = \{1; 2; 3; 4; 5; 6; 10; 12; 15; 20; 25; 30; 50; 60; 75; 100; 150; 300\}$ 

{1;2;3;4;5;6;10;12;15;20;30;60}



En ce qui concerne la commande pour l'arbre (créé en TikZ) permettant d'obtenir la liste des diviseurs (je remercie Christophe Poulain pour un *bout de code* que j'ai adapté et pour son aide précieuse) :

- les clés disponible sont :
  - la clé (EspaceNiveau) qui est l'espace horizontal (en cm) entre les étages; défaut (2.25)
  - la clé (EspaceFeuille) qui est l'espace vertical entre les feuilles; défaut (0.66)
  - le booléen (Details) pour afficher les calculs des diviseurs;
     défaut (true)
  - la clé (Couleur Details) pour la couleur des détails; défaut (red)
  - la clé (Echelle) pour spécifier une échelle globale (y compris le texte) de la figure;

défaut (1)

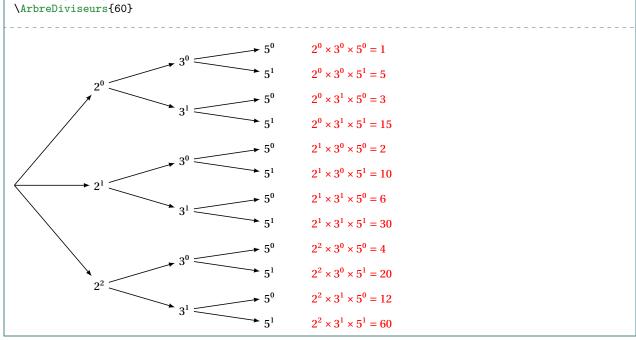
- le booléen (Fleches) pour afficher une flèche sur les branches. défaut (true)
- l'argument obligatoire, et entre [ {...}], est quant lui le nombre, y compris en langage [ xint].



### **⇔** Code LATEX et sortie LATEX

%sortie par défaut





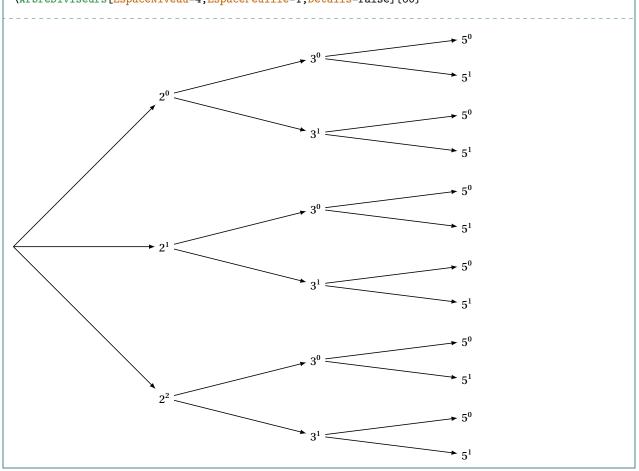


#### **♥** Code LATEX et sortie LATEX

%sortie personnalisée

\ArbreDiviseurs[EspaceNiveau=4,EspaceFeuille=1,Details=false]{60}



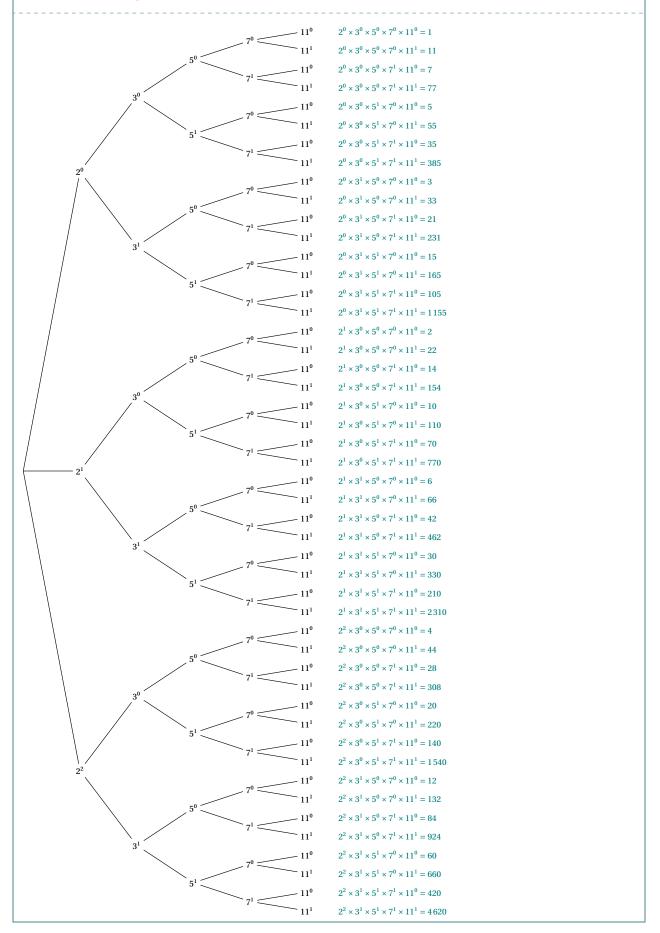




#### Code LATEX et sortie LATEX

\ArbreDiviseurs [EspaceNiveau=2, Echelle=0.75, CouleurDetails=teal, Fleches=false] {2^2\*3\*5\*7\*11}





[ProfLycee] - 162 -

### 54 Chiffrements

#### 54.1 Idées



**3.00c** L'idée est de proposer des commandes pour travailler sur des chiffrement/déchiffrements *classiques*:

- chiffrement de César;
- chiffrement affine ax + b (avec détermination d'un inverse modulo);
- chiffrement de Hill avec une matrice  $2 \times 2$ .



#### Code LATEX

%inverse modulo
\InverseModulo(\*){a}{modulo}

%Chiffrement de César

\ChiffrementCesar[clés] {message}

%Chiffrement affine

\ChiffrementAffine[clés]{message}

%Chiffrement de Hill

\ChiffrementHill[clés] {message}

#### 54.2 Chiffrement de César



#### **♣** Code LATEX et sortie LATEX

%Chiffrement de César \ChiffrementCesar [Decal=4] {ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ}



**EFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYABCD** 



Les clés disponibles sont :

— la clé (Decal) qui spécifie le décalage à appliquer;

140 46 1

défaut (5)

le booléen (Dechiffr) pour déchiffrer.

défaut (false)

L'argument obligatoire, entre [ { . . . } est le message, avec espace et/ou majuscules et/ou minuscules.



#### **♥** Code LaTEX et sortie LATEX

%Chiffrement de César, décalage de 5 \ChiffrementCesar{TEXTE A CHIFFRER}



YJCYJ F HMNKKWJW



#### **♦** Code LATEX et sortie LATEX

%Chiffrement de César, décalage de 5 \ChiffrementCesar[Decal=7]{TEXTE A CHIFFRER}



ALEAL H JOPMMYLY



### **♣** Code LATEX et sortie LATEX

%Déchiffrement de César, décalage de 5 \ChiffrementCesar[Dechiffr]{IJHTIJW HJXFW}



DECODER CESAR

#### 54.3 Inverse modulo



#### **♥** Code LATEX et sortie LATEX

%Inverse modulo, version non étoilée, résultat stocké dans \resinvmod \InverseModulo{3}{26}\resinvmod



9



#### **♣** Code LaTEX et sortie LATEX

%Inverse modulo, version étoilée, avec rédaction (fixée) \InverseModulo\*{3}{26}



On a PGCD(3; 26) = 1. Le PGCD étant égal à 1, on en déduit que 3 admet un inverse modulo 26.

De plus on a  $3 \times 9 = 27 \equiv 1$  [26], donc 9 est l'inverse de 3 modulo 26.



La version étoilée présente une rédaction sommaire, tandis que la version non étoilée détermine l'inverse (éventuelle) et stocke le résultat dans la macro \[
\text{\text{Nesinvmod}}.\]

Les deux arguments, obligatoires et entre [], correspondent aux entiers, le second étant l'entier  $du \ modulo$ .



#### **Φ**<sup>a</sup> Code L<sup>a</sup>TEX et sortie L<sup>a</sup>TEX

\InverseModulo{2}{26}\resinvmod



2 n'est pas inversible modulo 26.



#### **⇔** Code LaTEX et sortie LaTEX

\InverseModulo\*{2}{26}



On a PGCD(2;26) = 2. Le PGCD étant différent de 1, on en déduit que 2 n'est pas inversible modulo 26.

#### 54.4 Chiffrement affine



Le principe est ici de travailler sur un chiffrement affine, du type ax + b[n], avec gestion des cas de non possibilité de déchiffrement.

Le code permet de chiffrer et déchiffrer un message constitué des caractères majuscules et/ou minuscules et éventuellement des espaces.



#### **♦** Code LATEX et sortie LATEX

%Chiffrement affine
\ChiffrementAffine[a=3,b=12]{Texte a chiffrer}



Rydry m shkbblyl



#### Les clés disponibles sont :

— la clé  $\langle a \rangle$  qui spécifie le coefficient a;

défaut (3)

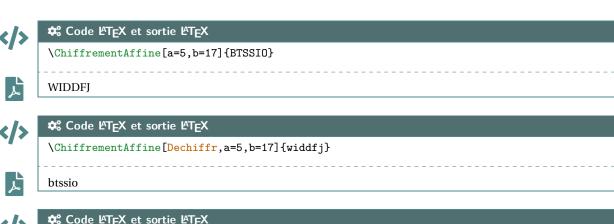
— la clé  $\langle \mathbf{b} \rangle$  qui spécifie le coefficient b;

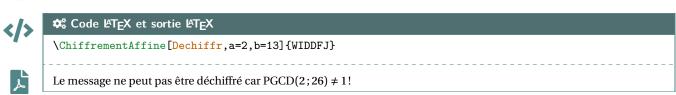
défaut (12)

— le booléen (Dechiffr) qui propose le déchiffrement.

défaut (false)

L'argument obligatoire, entre [{...}] est le message, avec espace et/ou majuscules et/ou minuscules.





#### 54.5 Chiffrement de Hill



Le principe est ici de travailler sur un chiffrement de Hill, du type  $A \times X[n]$ , avec A une matrice  $2 \times 2$ . Le code permet de chiffrer et déchiffrer un message constitué des caractères majuscules et/ou minuscules, complétés éventuellement avec le caractère A pour avoir un nombre pair de caractères. Le code se charge également de gérer les cas particuliers de non possibilité de déchiffrement.





Les clés disponibles sont :

- la clé (Matrice) qui spécifie les coefficients de la matrice 2 × 2
   le booléen (Dechiffr) qui propose le déchiffrement.
   défaut (1,2,3,5)
   défaut (false)
- L'argument obligatoire, entre [ {...}] est le message, avec espace et/ou majuscules et/ou minuscules.
- ChiffrementHill [Matrice={3,5,6,17}] {TEXTEACRYPTER}

  ZAITMYNPRJZAZY
- Code Later the Later than the Later
  - ChiffrementHill [Matrice={1,2,3,4}, Dechiffr] {PAWITJD0}

    Le déterminant de la matrice  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$  (qui vaut -2) n'est pas inversible modulo 26, donc pas de déchiffrement!



## **♥** Code LATEX et sortie LATEX

\ChiffrementHill [Matrice={1,2,3,6},Dechiffr] {PAWITJDO}



La matrice  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 6 \end{pmatrix}$  n'est pas inversible, donc pas de déchiffrement possible!



- 166 -

•

# Thème

ÉCRITURES, SIMPLIFICATIONS

## Douzième partie

# Écritures, simplifications

## 55 Simplification sous forme d'une fractions

#### 55.1 Idée



L'idée est d'obtenir une commande pour simplifier un calcul sous forme de fraction irréductible.



#### </> ✓/> Code LATEX

\ConversionFraction(\*)[option de formatage]{calcul}

#### 55.2 Commande et options



Quelques explications sur cette commande:

- [2.5.1] la version étoilée force l'écriture du signe « » sur le numérateur;
- le premier argument, *optionnel* et entre [...] permet de spécifier un formatage du résultat :
  - ⟨t⟩ pour l'affichage de la fraction en mode tfrac;
  - (d) pour l'affichage de la fraction en mode dfrac;
  - (n) pour l'affichage de la fraction en mode nicefrac;
  - (dec) pour l'affichage du résultat en mode décimal (sans arrondi!);
  - $\langle dec=k \rangle$  pour l'affichage du résultat en mode décimal arrondi à  $10^{-k}$ ;
- le second argument, *obligatoire*, est quant à lui, le calcul en syntaxe xint.

À noter que la macro est dans un bloc ensuremath donc les s... ne sont pas nécessaires.



# </> ✓/> Code LaTEX

```
\label{eq:conversionFraction} $$ \conversionFraction {-10+1/3*(-5/16)} $$ \sortie par défaut $$ \conversionFraction*{-10+1/3*(-5/16)} $$ \sortie fraction avec - sur numérateur $$ \conversionFraction[a] {-10+1/3*(-5/16)} $$ \sortie en displaystyle $$ \conversionFraction[dec=4] {-10+1/3*(-5/16)} $$ \sortie en nicefrac $$ \conversionFraction[dec=4] {-10+1/3*(-5/16)} $$ \sortie en décimal arrondi à 0,0001 $$ \conversionFraction{2+91/7} $$ \entier formaté $$ \conversionFraction{111/2145} $$ \conversionFraction{111/2145} $$ \conversionFraction{111/3} $$
```



### Sortie LATEX

```
-\frac{485}{48} \\
-\frac{485}{48} \\
-\frac{485}{48} \\
-\frac{485}{48} \\
-10,1042

15

\frac{37}{715} \\
37
```



#### **♥** Code LaTEX et sortie LaTEX

```
$\frac{111}{2145}=\ConversionFraction{111/2145}$ \\
$\frac{3}{15}=\ConversionFraction[]{3/15}$ \\
$\tfrac{3}{15}=\ConversionFraction[t]{3/15}$ \\
$\dfrac{3}{15}=\ConversionFraction[d]{3/15}$ \\
$\dfrac{0,42}{0,015}=\ConversionFraction[d]{0.42/0.015}$ \\
$\dfrac{0,41}{0,015}=\ConversionFraction[d]{0.41/0.015}$ \\
$\dfrac{1}{7}-\dfrac{3}{8}=\ConversionFraction[d]{1/7-3/8}$ \\
$\ConversionFraction[d]{1+1/2}$ \\
$\ConversionFraction{0.1/0.7+30/80}$
```



$$\frac{111}{2145} = \frac{37}{715}$$

$$\frac{3}{15} = \frac{1}{5}$$

$$\frac{3}{15} = \frac{1}{5}$$

$$\frac{0,42}{0,015} = 28$$

$$\frac{0,41}{0,015} = \frac{82}{3}$$

$$\frac{1}{7} - \frac{3}{8} = -\frac{13}{56}$$

$$\frac{3}{2}$$



A priori le package <code>mint</code> permet de s'en sortir pour des calculs « simples », je ne garantis pas que tout calcul ou toute division donne un résultat <code>satisfaisant!</code>

## 56 Écriture d'un trinôme, trinôme aléatoire

#### 56.1 Idée



L'idée est de proposer une commande pour écrire, sous forme développée réduite, un trinôme en fonction de ses coefficients a, b et c (avec  $a \neq 0$ ), avec la gestion des coefficients nuls ou égaux à  $\pm 1$ .

En combinant avec le package fre et fonction de générateur d'entiers aléatoires, on peut de ce fait proposer une commande pour générer aléatoirement des trinômes à coefficients entiers (pour des fiches d'exercices par exemple).

L'affichage des monômes est géré par le package siunitx et le tout est dans un environnement ensurement.



#### ⟨⟩ Code LATEX

\EcritureTrinome[options]{a}{b}{c}



#### **⇔** Code LATEX et sortie LATEX

\EcritureTrinome{1}{7}{0}\\
\EcritureTrinome{1.5}{7.3}{2.56}\\
\EcritureTrinome{-1}{0}{12}\\
\EcritureTrinome{-1}{-5}{0}



```
x^{2} + 7x
1,5x^{2} + 7,3x + 2,56
-x^{2} + 12
-x^{2} - 5x
```

#### 56.2 Clés et options



Quelques clés et options sont disponibles :

- la clé booléenne (Alea) pour autoriser les coefficients aléatoires;
- défaut (false)

— la clé booléenne (Anegatif) pour autoriser a à être négatif.

défaut (true)



La clé (Alea) va modifier la manière de saisir les coefficients, il suffira dans ce cas de préciser les bornes, sous la forme valmin, valmax, de chacun des coefficients. C'est ensuite le package xfp qui va se charger de générer les coefficients.



### **♥** Code LATEX et sortie LATEX

```
Avec $a$ entre 1 et 5 (et signe aléatoire) puis $b$ entre $-5$ et 5 puis $c$ entre $-10$ et 20
    : \\
$f(x)=\EcritureTrinome[Alea]{1,5}{-5,5}{-10,10}$\\
$g(x)=\EcritureTrinome[Alea]{1,5}{-5,5}{-10,10}$\\
$h(x)=\EcritureTrinome[Alea]{1,5}{-5,5}{-10,10}$\\
Avec $a$ entre 1 et 10 (forcément positif) puis $b$ entre $-2$ et 2 puis $c$ entre 0 et 4 : \\
\EcritureTrinome[Alea,Anegatif=false]{1,10}{-2,2}{0,4}\\
\EcritureTrinome[Alea,Anegatif=false]{1,10}{-2,2}{0,4}\\
\EcritureTrinome[Alea,Anegatif=false]{1,10}{-2,2}{0,4}\\
```



Avec a entre 1 et 5 (et signe aléatoire) puis b entre -5 et 5 puis c entre -10 et 20 :

```
f(x) = 2x^2 - 4x + 1
```

$$g(x) = 4x^2 + 2x - 6$$

$$h(x) = -5x^2 - 5x - 6$$

Avec a entre 1 et 10 (forcément positif) puis b entre -2 et 2 puis c entre 0 et 4 :

```
7x^2 + 2
```

 $x^2 - x + 4$ 

 $4x^2 + x + 4$ 

## 57 Simplification de racines

#### **57.1** Idée



§ 2.1.0 L'idée est de proposer une commande pour simplifier *automatiquement* une racine carrée, sous la forme  $\frac{a\sqrt{b}}{c}$  avec  $\frac{a}{c}$  irréductible et b le « plus petit possible ».



### </r> ⟨/> Code LATEX

\SimplificationRacine{expression ou calcul}



#### **♦** Code LATEX et sortie LATEX

 $\label{lem:linear} $$ \iiint SimplificationRacine{100/34}\\ SimplificationRacine{99999} \ SimplificationRacine{1500*0.31*(1-0.31)}\\ $$$ 



 $\begin{array}{c} 4\sqrt{3} \\ \frac{5\sqrt{34}}{17} \\ 3\sqrt{11} \\ \frac{3\sqrt{3565}}{10} \end{array}$ 



C'est – comme souvent – le package sint qui s'occupe en interne des calculs, et qui devrait donner des résultats satisfaisants dans la majorité des cas (attention aux *grands nombres*...)

La commande ne fait pas office de *calculatrice*, elle ne permet *que* de simplifier *une* racine carrée (donc transformer si besoin!).

### 57.2 Exemples



#### **♥** Code LATEX et sortie LATEX

%Simplification d'un module de complexe
\$\left| 4+6\text{i}\right| = \sqrt{4^2+6^2} =
 \sqrt{\xinteval{4\*\*2+6\*\*2}}=\SimplificationRacine{4\*\*2+6\*\*2}\$

 $\%Simplification \ n°1$ 

 $\frac{1}{\sqrt{1}}=\left(\sqrt{1}6\right)^{-1}6}$ 

%Simplification n°2

 $frac{42}{\sqrt{5}}=\left(\frac{42*42}{5}\right)^2\$ 

%Écart-type d'une loi binomiale

\displaystyle\SimplificationRacine{150\*0.35\*(1-0.35)}\$



$$|4+6i| = \sqrt{4^2+6^2} = \sqrt{52} = 2\sqrt{13}$$

$$\frac{1}{\sqrt{6}} = \left(\sqrt{\frac{1}{6}}\right) = \frac{\sqrt{6}}{6}$$

$$\frac{42}{6} = \left(\sqrt{\frac{42^2}{6}}\right) = \frac{42\sqrt{5}}{6}$$

$$\sqrt{150 \times 0.35 \times (1 - 0.35)} = \frac{\sqrt{546}}{4}$$

## 58 Mesure principale d'un angle

#### **58.1** Idée



**2.1.2** L'idée est de proposer (sur une suggestion de Marylyne Vignal) une commande pour déterminer la mesure principale d'un angle en radian.



#### Code LATEX

\MesurePrincipale[booléens]{angle} %dans un mode mathématique



La commande est à insérer dans un environnement mathématique, via \( \) ou \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \(

## 58.2 Exemples



#### Pour cette commande:

- le booléen ⟨d⟩ permet de forcer l'affichage en ∰displaystyle; défaut ⟨false⟩
- le booléen (Crochets) permet d'afficher le *modulo* entre crochets (sinon parenthèses);

défaut (false)

- 22.6.0 le booléen (Brut) pour afficher uniquement la mesure principale; défaut (false)
- l'argument obligatoire est en écriture en ligne.



### </> ✓/> Code LATEX

\$\MesurePrincipale[d]{54pi/7}\$

 $\Delta[d]{-128pi/15}$ 

\$\MesurePrincipale{3pi/2}\$

\$\MesurePrincipale[Crochets]{5pi/2}\$

\$\MesurePrincipale{-13pi}\$

\$\MesurePrincipale{28pi}\$

\$\MesurePrincipale[d]{14pi/4}\$

\$\MesurePrincipale[Crochets]{14pi/7}\$

\$\dfrac{121\pi}{12} = \MesurePrincipale[Brut]{121pi/12}\$ à \$2\pi\$ près



### Sortie LATEX

$$\frac{54\pi}{7} = \frac{-2\pi}{7} (2\pi)^{-1}$$

$$\frac{-128\pi}{15} = \frac{-8\pi}{15} (2\pi)$$

$$\frac{3\pi}{2} = \frac{-\pi}{2} \left( 2\pi \right)$$

$$\frac{5\pi}{2} = \frac{\pi}{2} [2\pi]$$

$$-13\pi = \pi (2\pi)$$

$$28\pi = 0(2\pi)$$

$$\frac{14\pi}{4} = \frac{-\pi}{2} (2\pi)$$

$$\frac{14\pi}{7} = 0 [2\pi]$$

$$\frac{121\pi}{12} = \frac{\pi}{12} \text{ à } 2\pi \text{ près}$$

## 59 Lignes trigonométriques

#### 59.1 Idée



2.6.0 L'idée est de proposer pour déterminer les lignes trigonométriques (cos, sin et tan) d'angles classiques, formés des «  $\pi$  » et «  $\pi$  sur 2; 3; 4; 5; 6; 8; 10; 12 ».

La commande détermine – et affiche si demandée la réduction – et la valeur exacte de la ligne trigonométrique demandée.



#### Code LATEX

\LigneTrigo(\*)[booléens]{cos/sin/tan}(angle)

#### 59.2 Commande



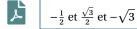
### Pour cette commande:

- la version *étoilée* n'affiche pas l'angle initial;
- le booléen (d) permet de forcer l'affichage en displaystyle; défaut (false)
- le booléen (Etapes) permet d'afficher la réduction avant le résultat; défaut (false)
- le premier argument *obligatoire*, entre [ ] {...} est le type de calcul demandé, parmi (cos / sin / tan);
- le second argument *obligatoire*, entre [(...)] est l'angle, donné en ligne, avec [pi].



### **♣** Code LATEX et sortie LATEX

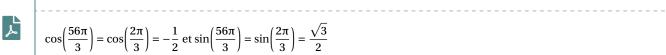
 $\Gamma(56pi/3)$  et  $\Gamma(56pi/3)$  et  $\Gamma(56pi/3)$  et  $\Gamma(56pi/3)$ 





#### **‡** Code LaTEX et sortie LaTEX

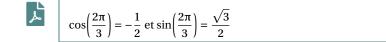
\$\LigneTrigo[d,Etapes]{cos}(56pi/3)\$ et \$\LigneTrigo[d,Etapes]{sin}(56pi/3)\$





#### **♥** Code LATEX et sortie LATEX

\$\LigneTrigo\*[d,Etapes]{cos}(2pi/3)\$ et \$\LigneTrigo\*[d,Etapes]{sin}(2pi/3)\$





### **\$** Code LaTEX et sortie LaTEX

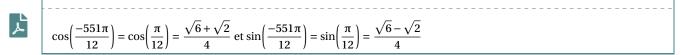
\$\LigneTrigo[d, Etapes] {cos}(146pi)\$ et \$\LigneTrigo[d, Etapes] {sin}(146pi)\$





#### **♥** Code LATEX et sortie LATEX

\$\LigneTrigo[d,Etapes]{cos}(-551pi/12)\$ et \$\LigneTrigo[d,Etapes]{sin}(-551pi/12)\$





#### Code LATEX et sortie LATEX

\$\LigneTrigo[d, Etapes] {cos}(447pi/8)\$ et \$\LigneTrigo[d, Etapes] {sin}(447pi/8)\$



$$\cos\left(\frac{447\pi}{8}\right) = \cos\left(\frac{-\pi}{8}\right) = \frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2} \text{ et } \sin\left(\frac{447\pi}{8}\right) = \sin\left(\frac{-\pi}{8}\right) = -\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$$



### **♣** Code LATEX et sortie LATEX

\$\LigneTrigo\*[d, Etapes] {cos}(-pi/8)\$ et \$\LigneTrigo\*[d, Etapes] {sin}(-pi/8)\$



$$\cos\left(\frac{-\pi}{8}\right) = \frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2} \operatorname{et} \sin\left(\frac{-\pi}{8}\right) = -\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$$



#### **⇔**° Code LATEX et sortie LATEX

\$\LigneTrigo[d,Etapes]{cos}(-595pi/12)\$ et \$\LigneTrigo[d,Etapes]{sin}(-595pi/12)\$ et
\$\LigneTrigo[d,Etapes]{tan}(-595pi/12)\$



$$\cos\!\left(\frac{-595\pi}{12}\right) = \cos\!\left(\frac{5\pi}{12}\right) = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4} \; et \; sin\!\left(\frac{-595\pi}{12}\right) = sin\!\left(\frac{5\pi}{12}\right) = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4} \; et \; tan\!\left(\frac{-595\pi}{12}\right) = tan\!\left(\frac{5\pi}{12}\right) = 2 + \sqrt{3}$$



### **♥** Code LATEX et sortie LATEX



$$\begin{split} \cos\!\left(\frac{33\pi}{10}\right) &= \cos\!\left(\frac{-7\pi}{10}\right) = -\frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4} \text{ et } \sin\!\left(\frac{33\pi}{10}\right) = \sin\!\left(\frac{-7\pi}{10}\right) = -\frac{1+\sqrt{5}}{4} \\ \tan\!\left(\frac{33\pi}{10}\right) &= \tan\!\left(\frac{-7\pi}{10}\right) = \frac{\sqrt{25+10\sqrt{5}}}{5} \end{split}$$



#### Code LATEX et sortie LATEX

 $\ \tilde{cos}(-14pi/5)\$  et  $\LigneTrigo[d, Etapes] {sin}(-14pi/5)\$  \\ \LigneTrigo[d, Etapes] {tan}(-14pi/5)\\$



$$\cos\left(\frac{-14\pi}{5}\right) = \cos\left(\frac{-4\pi}{5}\right) = \frac{-1 - \sqrt{5}}{4} \text{ et } \sin\left(\frac{-14\pi}{5}\right) = \sin\left(\frac{-4\pi}{5}\right) = -\frac{\sqrt{10 - 2\sqrt{5}}}{4} \tan\left(\frac{-14\pi}{5}\right) = \tan\left(\frac{-4\pi}{5}\right) = -\frac{\sqrt{10 - 2\sqrt{5}}}{4}$$

# 59.3 Valeurs disponibles



Les valeu	ırs disponil	oles sont :									
angle	0	π/6	π/4	π/3	π/2		2π/3		$3\pi/4$	5π/6	π
cos	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	(	)	$-\frac{1}{2}$		$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	-1
sin	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1	[	$\frac{\sqrt{3}}{2}$		$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0
tan	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$			$-\sqrt{3}$	3	-1	$-\frac{\sqrt{3}}{3}$	0
angle		-π/6	-π/4	-π/3	-7	1/2	-2π/	3	$-3\pi/4$	$-5\pi/6$	
cos		$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	(	)	$-\frac{1}{2}$		$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	
sin		$-\frac{1}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	-1		$-\frac{\sqrt{3}}{2}$		$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$-\frac{1}{2}$	
tan		$-\frac{\sqrt{3}}{3}$	-1	$-\sqrt{3}$	$-\sqrt{3}$		$\sqrt{3}$		1	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	
angle	π/8	3π/8	5π/8	7π,	/8	л	1/12	5	π/12	7π/ <sub>12</sub>	11π/12
cos	$\frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$	$\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	${+\sqrt{2}}$ $\frac{\sqrt{6}+}{4}$		$\frac{5+\sqrt{2}}{4}$	$\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$		$\frac{-\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4}$	$\frac{-\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$
sin	$\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$	$\frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$	$\frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$	$\frac{\sqrt{2-}}{2}$	$\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$		$\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$		$\frac{6+\sqrt{2}}{4}$	$\frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4}$	$\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$
tan	$-1+\sqrt{2}$	$1+\sqrt{2}$	$-1-\sqrt{2}$	1	$\sqrt{2}$	$2-\sqrt{3}$		$2+\sqrt{3}$		$-2-\sqrt{3}$	$-2+\sqrt{3}$
angle	-π/8	-3π/8	-5π/8	-7π	-7π/8		-π/12		5π/12	$-7\pi/12$	$-11\pi/12$
cos	$\frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$	$\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{+\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4}$		$\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$		$\frac{-\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4}$	$\frac{-\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$
sin	$-\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{-\sqrt{2}}{2}$	$\frac{-\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4}$		$\frac{-\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$		$\frac{-\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$	$\frac{-\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4}$
tan	$1-\sqrt{2}$	$-1-\sqrt{2}$	$1+\sqrt{2}$	-1+	$-1+\sqrt{2}$		$-2+\sqrt{3}$		$-\sqrt{3}$	$2+\sqrt{3}$	$2-\sqrt{3}$
angle	$-4\pi/5$	-3π/5	$-3\pi/5$ $-2\pi/5$		-π/5		π/5		2π/5	3π/5	4π/5
cos	$\frac{-1-\sqrt{5}}{4}$	$\frac{1-\sqrt{5}}{4}$	$\frac{-1+\sqrt{5}}{4}$	1+ <sub>\(\sqrt{4}\)</sub>	$\frac{1+\sqrt{5}}{4}$		$\frac{1+\sqrt{5}}{4}$		$\frac{1+\sqrt{5}}{4}$	$\frac{1-\sqrt{5}}{4}$	$\frac{-1-\sqrt{5}}{4}$
sin	$-\frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$	$-\frac{\sqrt{10+2\sqrt{5}}}{4}$	$-\frac{\sqrt{10+2\sqrt{5}}}{4}$	$-\frac{\sqrt{10}}{}$	$\frac{-2\sqrt{5}}{4}$	$\frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$		$\frac{\sqrt{10+2\sqrt{5}}}{4}$		$\frac{\sqrt{10+2\sqrt{5}}}{4}$	$\frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$
tan	$\sqrt{5-2\sqrt{5}}$	$\sqrt{5+2\sqrt{5}}$	$-\sqrt{5+2}$	$-\sqrt{5}$	$-2\sqrt{5}$	$\sqrt{5-2\sqrt{5}}$		$\sqrt{5+2\sqrt{5}}$		$-\sqrt{5+2\sqrt{5}}$	$-\sqrt{5-2\sqrt{5}}$
angle	$-9\pi/10$	-7π/10	-3π/10	-π/	10	л	f/10	3	π/10	7π/ <sub>10</sub>	9π/10
cos	$-\frac{\sqrt{10+2\sqrt{5}}}{4}$	$-\frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$	$\frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$	$\frac{\sqrt{10+}}{4}$	$2\sqrt{5}$	<u>√</u> 10	$\frac{0+2\sqrt{5}}{4}$	$\sqrt{10}$	$\frac{0-2\sqrt{5}}{4}$	$-\frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$	$-\frac{\sqrt{10+2\sqrt{5}}}{4}$
sin	$\frac{1-\sqrt{5}}{4}$	$-\frac{1+\sqrt{5}}{4}$	$-\frac{1+\sqrt{5}}{4}$	1-v	<u>/5</u>	_1	$\frac{+\sqrt{5}}{4}$	1	$\frac{+\sqrt{5}}{4}$	$\frac{1+\sqrt{5}}{4}$	$\frac{-1+\sqrt{5}}{4}$
tan	$\frac{\sqrt{25-10\sqrt{5}}}{5}$	$\frac{\sqrt{25+10\sqrt{5}}}{5}$	$-\frac{\sqrt{25+10\sqrt{5}}}{5}$	$-\frac{\sqrt{25-}}{25-}$	$\frac{-10\sqrt{5}}{5}$	$\sqrt{25}$	$\frac{-10\sqrt{5}}{5}$	$\sqrt{25}$	$\frac{5+10\sqrt{5}}{5}$	$-\frac{\sqrt{25+10\sqrt{5}}}{5}$	$-\frac{\sqrt{25-10\sqrt{5}}}{5}$

#### Écriture sous forme de fraction irréductible d'un décimal périodique 60

#### 60.1 Idées



📱 3.00f L'idée est de proposer une commande pour travailler sur l'écriture fractionnaire d'un nombre à écriture décimale périodique.

À partir de l'écriture sous la forme «  $A.B\overline{C}$  », le code se charge de :

- faire les calculs pour obtenir le numérateur et le dénominateur de la fraction (sans simplification);
- ou de présenter le résultat de manière basique;
- ou de rédiger complètement la résolution.



```
Code LATEX
%commande générale
\FractionPeriode[clés]{partie avant la période}{période}
%résultats bruts, pour utilisation 'externe'
\FractionPeriode{partie avant la période}{période}
%présentation simple := nombre + fraction brute + frction simplifiée
\FractionPeriode[Simple]{partie avant la période}{période}
%présentation complète := résolution
\FractionPeriode[Solution] {partie avant la période} {période}
```

### 60.2 Options et clés



Les clés disponibles pour cette commande sont :

- le booléen (Brut) qui permet de stocker le numérateur et dénominateur :
  - dans les variables \[ \fracPerNum et \[ \fracPerDenom pour la version complète; \]
  - dans les variables [ \FracPerNumSimpl et [ \FracPerDenomSimpl pour la version irréductible;

défaut (true)

- le booléen ⟨d⟩ pour forcer l'afficher avec [\displaystyle]; défaut (true)
- la clé (Inconnue) qui gère l'inconnue dans la rédaction; défaut (x)
- le booléen (Solution) qui afficher la résolution *complète*; défaut (false)
- le booléen (Simple) qui affiche uniquement la *conclusion*; défaut (false)
- le booléen (Enonce) (en mode (Simple=true)) qui affiche le nombre de départ (formaté).

défaut (false)

À noter que la commande gère automatiquement le mode mathématique éventuel.



```
♥ Code LATEX et sortie LATEX
      %version brute, pour extraire numérateur et dénominateur puis mise en forme manuelle
      \FractionPeriode{45.1}{23}Numérateur : \FracPerNum{} et \FracPerNumSimpl\par Dénominateur =
          \FracPerDenom{} et \FracPerDenomSimpl\par
      \medskip
      On a \sum_{2}=\dim\{23\}-\dim{\Pr}_{\infty}}{\sum_{\infty}}
      \dfrac{\num{\FracPerNumSimpl}}{\num{\FracPerDenomSimpl}}=
      <u>ا</u>
      Numérateur: 44672 et 22336
      Dénominateur = 990 et 495
      On a 45,1\overline{23} = \frac{44672}{990} = \frac{22336}{495} = {}^{22336}/{}_{495}.
```



#### **♣** Code LaTEX et sortie LaTEX

\FractionPeriode[Simple] {45.1}{23}



$$45,1\overline{23} = \frac{44672}{990} = \frac{22336}{495}$$



#### **♥** Code LATEX et sortie LATEX

\FractionPeriode[Solution]{45.1}{23}



On note  $x = 45, 1\overline{23}$ .

On ramène la période près de la virgule en multipliant par 10<sup>1</sup> :

$$10^1 \times x = 451, \overline{23} \tag{1}$$

On décale la période avant la virgule, en multipliant l'égalité (1) par  $10^2$  :

$$10^2 \times 10^1 \times x = 10^2 \times 451, \overline{23} \Rightarrow \boxed{10^3 \times x = 45123, \overline{23}}$$
 (2)

On soustrait les deux égalités, (2) – (1), ce qui permet d'enlever la partie décimale :

$$\begin{aligned} 10^3 \times x - 10^1 \times x &= 45123, \overline{23} - 451, \overline{23} \Rightarrow \left(10^3 - 10^1\right) \times x &= 45123 - 451 \\ &\Rightarrow 990 \times x &= 44672 \\ &\Rightarrow x &= \frac{44672}{990} \end{aligned}$$

Ainsi on a  $45,1\overline{23} = \frac{44672}{990} = \frac{22336}{495}$ .



#### **♣** Code LaTEX et sortie LaTEX

\FractionPeriode[Simple] {0.}{4}



$$0,\overline{4}=\frac{4}{9}$$



#### **♣** Code LATEX et sortie LATEX

\FractionPeriode[Solution, Inconnue=n] {154.99} {174}



On note  $n = 154,99\overline{174}$ .

On ramène la période près de la virgule en multipliant par 10<sup>2</sup> :

$$10^2 \times n = 15499, \overline{174}$$
 (1)

On *décale* la période avant la virgule, en multipliant l'égalité (1) par  $10^3$ :

$$10^3 \times 10^2 \times n = 10^3 \times 15499, \overline{174} \Rightarrow \boxed{10^5 \times n = 15499174, \overline{174}}$$
 (2)

On soustrait les deux égalités, (2) – (1), ce qui permet d'enlever la partie décimale :

$$\begin{aligned} 10^5 \times n - 10^2 \times n &= 15499174, \overline{174} - 15499, \overline{174} \Rightarrow \left(10^5 - 10^2\right) \times n &= 15499174 - 15499\\ &\Rightarrow 99900 \times n &= 15483675\\ &\Rightarrow n &= \frac{15483675}{99900} \end{aligned}$$

Ainsi on a 154,99 $\overline{174} = \frac{15483675}{99900} = \frac{206449}{1332}$ 

# Thème

JEUX ET RÉCRÉATIONS

# Treizième partie

# Jeux et récréations

#### 61 SudoMaths, en TikZ

#### Introduction 61.1



L'idée est de proposer un environnement TikZ, une commande permettant de tracer des grilles de

L'environnement créé, lié à TikZ, trace la grille de SudoMaths (avec les blocs démarqués), et peut la remplir avec une liste d'éléments.



#### Code LATEX

%grille classique non remplie, avec légendes H/V, {} nécessaires pour préciser que les cases seront "vides" \SudoMaths{}



# **‡** Code LaTEX et sortie LaTEX \SudoMaths{}



	a	b	С	d	е	f	g	h	i
А									
В									
С									
D									
Е									
F									
G									
н									
I									



La commande SudoMaths crée donc la grille (remplie ou non), dans un environnement TikZ, c'est c'est tout!

On peut également utiliser l'environnement [EnvSudoMaths] dans lequel on peut rajouter du code TikZ!



### Code LATEX

%grille "toute seule" \SudoMaths[clés]{liste}

%grille avec ajout de code

\begin{EnvSudoMaths}[clés]{grille}

%commandes tikz

\end{EnvSudoMaths}

#### 61.2 Clés et options



Quelques (clés) sont disponibles pour cette commande :

```
    la clé (Epaisseurg) pour gérer l'épaisseur des traits épais;

                                                                                    défaut (1.5pt)
— la clé (Epaisseur) pour gérer l'épaisseur des traits fins;
                                                                                    défaut (0.5pt)

    la clé (Unite) qui est l'unité graphique de la figure;

                                                                                      défaut (1cm)
— la clé (Couleur Case) pour la couleur (éventuelles) des cases;
                                                                                 défaut (cyan !50)

    la clé (Couleur Texte) pour gérer la couleur du label des cases;

                                                                                      défaut (blue)
— la clé (NbCol) qui est le nombre de colonnes;
                                                                                         défaut (9)
— la clé (NbSubCol) qui est le nombre de sous-colonnes;
                                                                                         défaut (3)
— la clé (NbLig) qui est le nombre de lignes;
                                                                                         défaut (9)
— la clé (NbSubLig) qui est le nombre de sous-colonnes;
                                                                                         défaut (3)

    la clé (Police) qui formatte le label des cases;

                                                                défaut (\normalfont\normalsize)
— le booléen (Legendes) qui affiche ou non les légendes (H et V) des cases;
                                                                                      défaut (true)

    la clé (PoliceLeg) qui formatte le label des légendes;

                                                                défaut (\normalfont\normalsize)
— la clé (ListeLegV) qui est la liste de la légende verticale;
                                                                         défaut (ABCD...WXYZ)
— la clé (ListeLegH) qui est la liste de la légende horizontale;
                                                                             défaut (abcd...wxyz)
— la clé (DecalLegende) qui est le décalage de la légende par rapport à la grille.
                                                                                     défaut (0.45)
```

- La (CouleurCase) est gérée en interne par le caractère v qui permet de préciser qu'on veut que la case soit coloriée.

[ProfLycee] - 180 -



# ß Sortie L⁴T<sub>E</sub>X

(a)	(b)			(c)	(d)
(e)			(f)	(g)	(h)
		(i)			(j)
		(k)		(1)	(m)
(n)		(0)			(p)
			(p)		

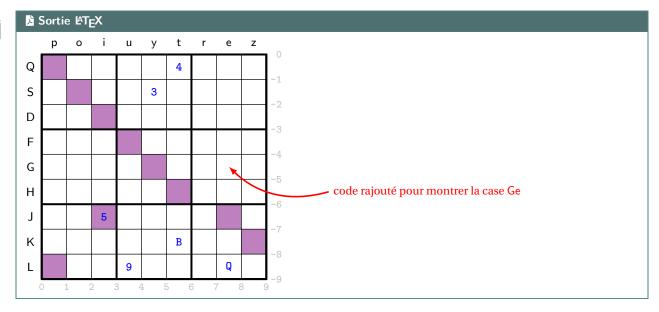


La grille, créée en TikZ, est portée par le rectangle de « coins » (0;0) et (nbcol;-nblig), de sorte que les labels des cases sont situés au nœuds de coordonnées (x,5;-y,5).



```
</>
Code LATEX
%grille classique avec coloration de cases et commande tikz
%graduations rajoutées pour la lecture des coordonnées
\def\grilleSuMaB{%
        *////4///§%
        /*///3////§%
        //*/////§%
        ///*////\§%
        ////*///\§%
        /////*///§%
        //5*////*/§%
        ////B///*§%
        *///9////Q/§%
    }
\begin{EnvSudoMaths}[%
        Unite=0.66cm,Police=\footnotesize\bfseries\ttfamily,CouleurCase=violet!50,%
        ListeLegV=QSDFGHJKL,ListeLegH=poiuytrez]{\grilleSuMaB}
    \draw[red, very thick, <-,>=latex] (7.5,-4.5) to [bend right] ++ (4,-1) node [right] {code
    rajouté...};
\end{EnvSudoMaths}
```





# 62 Quelques fractales, en TikZ

## 62.1 Introduction



2.7.9 L'idée est de proposer de quoi représenter quelques fractales, créées avec la librairie indenmayersystems.

Pour le moment, il est possible de :

- tracer un flocon de Koch à une étape donnée;
- tracer un triangle de Sierpinski à une étape donnée;
- présenter différentes étapes successives des flocons de Koch ou des triangles de Sierpinski.



Les figures sont créées en TikZ, et peuvent être autonomes (sans environnement <u>likzpicture</u>). Pour le triangle de Sierpinski, la forme *générale* est *bloquée* pour avoir un rendu *classique*.

# 62.2 Flocon de Koch et triangle de Sierpinski



La commande pour créer un flocon de Koch ou un triangle de Sierpinski est \[ \FractaleTikz \]. Les éléments de personnalisation sont présentés un peu plus bas.



```
%Flocon de Koch, autonome
\FractaleTikz[Type=Koch,clés] < options tikz>

%Flocon de Koch, dans un environnement tikz
\begin{tikzpicture}
   \FractaleTikz*[Type=Koch,clés]
\end{tikzpicture}
```



# % Code LETEX %Triangle de Sierpinski, autonome \FractaleTikz[Type=Sierp,clés] < options tikz> %Flocon de Koch, dans un environnement tikz \begin{tikzpicture} \FractaleTikz[Type=Sierp,clés] \end{tikzpicture}



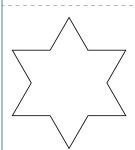
## Les (clés) disponibles pour cette commande sont :

<ul> <li>la clé (Epaisseur) pour fixer l'épaisseur des tracés;</li> </ul>	défaut ( <mark>0.6pt</mark> )
<ul> <li>la clé (Type), parmi (Koch / Sierp) pour choisir le type de fractale;</li> </ul>	défaut (Koch)
<ul> <li>la clé (Couleur) pour fixer la couleur des tracés;</li> </ul>	défaut ( <mark>black</mark> )
<ul> <li>la clé (LongueurCote) (en cm) pour fixer la longueur des côtés;</li> </ul>	défaut ( <mark>3</mark> )
<ul> <li>la clé (Etape) (pour (Type=Koch) elle est limitée à 7) pour fixer l'étape;</li> </ul>	défaut ( <mark>1</mark> )
<ul> <li>le booléen (remplir) pour remplir la fractale;</li> </ul>	défaut ( <mark>false</mark> )
<ul> <li>la clé (Remplissage) pour fixer la couleur de remplissage;</li> </ul>	défaut (lightgray)
<ul> <li>la clé (Depart) pour fixer le point de départ;</li> </ul>	défaut $\langle (0,0) \rangle$
<ul> <li>le booléen (AlignV) (pour (Type=Koch)) pour forcer l'alignement de la bas</li> </ul>	se. défaut (false)



# </> Code LATEX %Koch par défaut

\FractaleTikz

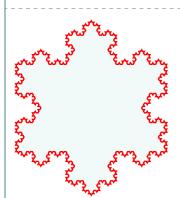




# </> ✓/> Code L⁴TEX

%Koch par défaut

\FractaleTikz[Etape=4,LongueurCote=4,Remplir,Remplissage=teal!5,Couleur=red,Epaisseur=1pt]





# </> Code LATEX

% dans un environnement tikz

\begin{tikzpicture}

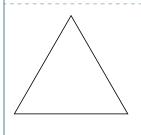
\FractaleTikz\*[Etape=0]

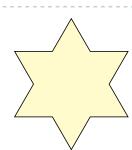
\FractaleTikz\*[Depart={(4,0)},Etape=1,Remplir,Remplissage=yellow!25]

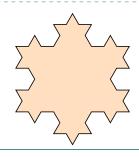
\FractaleTikz\*[Depart={(8,0)},Etape=2,Remplir,Remplissage=orange!25]

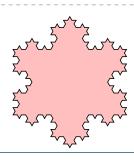
\FractaleTikz\*[Depart={(12,0)},Etape=3,Remplir,Remplissage=red!25]

\end{tikzpicture}







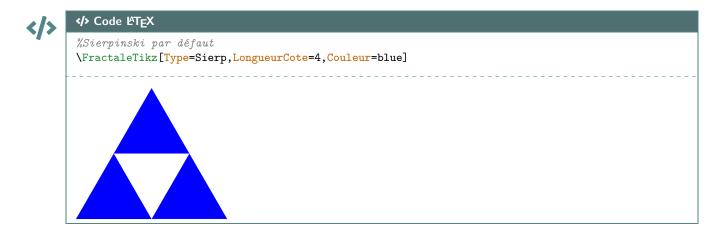




# Code LATEX

%Sierpinski par défaut
\FractaleTikz[Type=Sierp]





# 62.3 Affichage de plusieurs étapes pour les flocons de Koch



L'idée est de présenter des étapes successives pour le flocon de Koch. À noter que les *bases* des flocons sont, dans ce cas, correctement alignées!



# Code LATEX

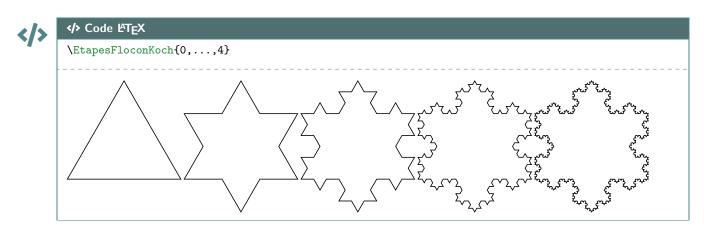


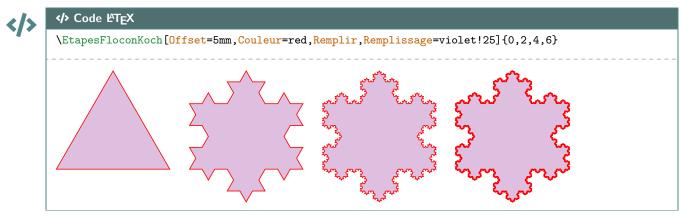
Les (clés) disponibles sont reprises (pour celles dépendant de (Type=Koch)!) de la commande [\FractaleTikz], avec en plus:

— la clé (Offset) pour fixer une espacement horizontal entre les figures. défaut (2pt)

L'argument obligatoire, et entre  $[\{...\}]$ , permet de spécifier les étapes à afficher, sous la forme TikZ:

- № n1,n2,n3 pour spécifier une liste d'étapes;
- [n1,...,n2] pour spécifier une plage d'étapes.





# 62.4 Affichage de plusieurs étapes pour les tapis de Sierpinski



L'idée est de présenter des étapes successives pour les tapis de Sierpinski. À noter que les *bases* des flocons sont correctement alignées!



# Code LATEX

%commande autonome, l'environnement tikz est créé \EtapesTapisSierpinski[clés]{étapes}



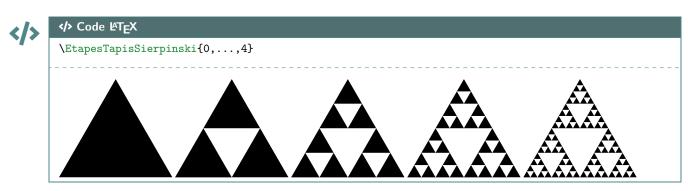
Les  $\langle cl\acute{e}s \rangle$  disponibles sont reprises (pour celles dépendant de  $\langle Type=Sierp \rangle$ !) de la commande  $\langle Type=Sierp \rangle$ !) de la commande  $\langle Type=Sierp \rangle$ !

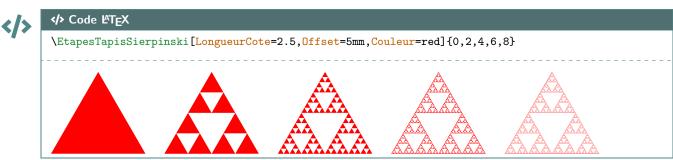
la clé (Offset) pour fixer une espacement horizontal entre les figures.

défaut (2pt)

L'argument obligatoire, et entre  $[\{\ldots\}]$ , permet de spécifier les étapes à afficher, sous la forme  $\mathrm{Ti}k\mathrm{Z}$ :

- § n1,n2,n3 pour spécifier une liste d'étapes;
- [n1,...,n2] pour spécifier une plage d'étapes.





#### **63** Châteaux de cartes

#### 63.1 Introduction



3.00d L'idée est de présenter des empilements type châteaux de cartes pour illustrer un travail sur des suites, par exemple.



Code LATEX \ChateauCartes[clés]{niveau}<options tikz>





#### 63.2 Clés et options



Les (clés) disponibles pour cette commande sont :

- la clé ⟨Echelle⟩ := modifier les dimensions des cartes (par défaut elle est fixée à ⟨1⟩)
- la clé (Deco) := choix du type de décoration parmi (remplir / vide / hachures) (par défaut elle vaut (remplir))
- la clé (CouleurDeco) := choix de la couleur de décoration (par défaut elle est à base de (black))
- le booléen (Arrondi) := créer un arrondi pour les cartes (par défaut (true))
- les clés (AngleX) et (AngleY) := modification de la vue (à utiliser avec précaution, (8) et (20) par défaut)
- le booléen (Bas) := afficher les cartes horizontales du bas (par défaut (false))
- le booléen (Legende) := afficher les valeurs de n (par défaut (true))
- la clé (PoliceLegende) := police de la légende.

L'argument obligatoire, entre [ {...}], correspond au nombre d'étages voulus.



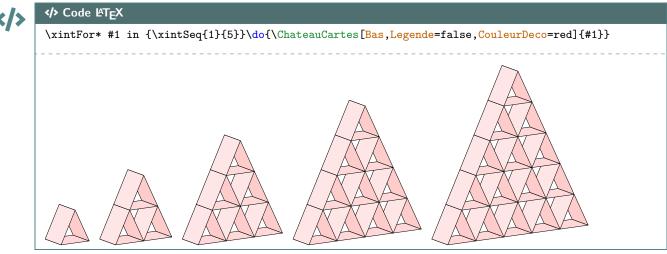
Concernant les clés (AngleX) et (AngleY), elles correspondent à l'inclinaison des axes pour la vue *3D* :



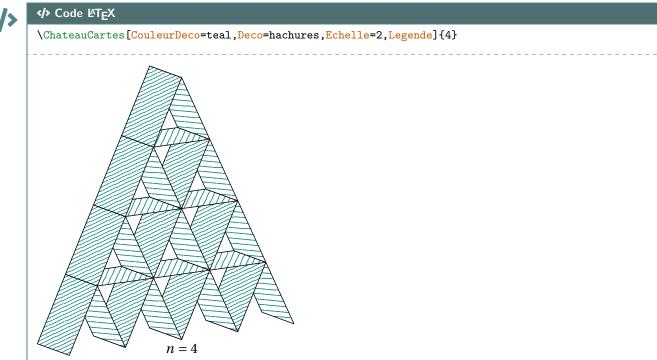


# </> ✓/> Code LATEX n = 3n = 2









#### 64 **Allumettes**

#### 64.1 Introduction



3.00d L'idée est de proposer une commande pour représenter des allumettes, créées (et à insérer) dans un environnement [ tikzpicture].

L'idée est de :

- déclarer les points *support* pour le placement des allumettes;
- positionner les allumettes par rapport aux point *support* existants.

Le code se charge de placer correctement l'allumette, en fonction de la distance et de l'angle entre les points support.

La forme générale de l'allumette est fixée, et les dimensions (internes) sont données en cm.



## Code LATEX

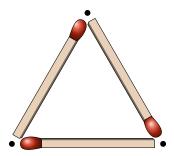
%dans un environnement tikzpicture \PfLAllumettes[clés]{liste des chemins}



# </> Code LATEX

\begin{tikzpicture} \coordinate (A) at (0,0); \coordinate (B) at (60:4); \coordinate (C) at (4,0); \filldraw (A) circle[radius=2pt] (B) circle[radius=2pt] (C) circle[radius=2pt] ; %points de contrôle \PfLAllumettes{A>B B>C C>A}

\end{tikzpicture}





Pour cette commande, il est conseillé de ne pas utiliser d'option type [scale] pour l'environnement [stikzpicture], mais plutôt de spécifier les unités en dur, via [sx=...,y=...].

# 64.2 Clés et options



Les (clés) disponibles pour cette commande sont :

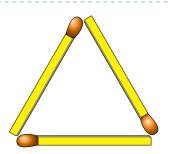
- la clé (CouleurBois) : = couleur du *manche*, et valant (BoisAllumette) par défaut;
- la clé (CouleurBout) := couelur du *bout*, et valant (GratteAllumette) par défaut;
- la clé (Decal) := espacement par rapport aux point *support*, et valant (0.224cm) par défaut;
- le booléen (NoirBlanc) := forcer un affichage N&B (par défaut (false)).

L'argument obligatoire, entre [{...}], correspond à la liste des chemins, sous la forme ∰ A1>B1 A2>B2 ....



# </> ✓/> Code LATEX

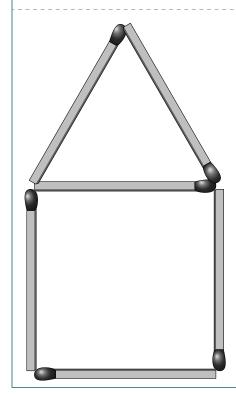
\begin{tikzpicture}
 \coordinate (A) at (0,0); \coordinate (B) at (60:4); \coordinate (C) at (4,0);
 \PfLAllumettes[CouleurBout=orange,CouleurBois=yellow]{A>B B>C C>A}
\end{tikzpicture}





# </r> ⟨⟩ Code L⁴TEX

\begin{tikzpicture}[x=1.25cm,y=1.25cm]
 \coordinate (A) at (0,0); \coordinate (B) at (0,4); \coordinate (C) at (4,4);
 \coordinate (D) at (4,0);
 \coordinate (E) at (\$(B)+(60:4)\$);
 \PfLAllumettes[Decal=1mm,NoirBlanc]{A>B B>C C>D D>A B>E E>C}
\end{tikzpicture}



# 65 Machines à transformer, en TikZ

# 65.1 Introduction



 $\[ \]$  3.00e L'idée est de *proposer* une commande pour travailler avec une « machine à transformer ». La figure est réalisée en TikZ, et quelques éléments de personnalisations sont disponibles, bien que la forme *globale* soit fixée.



# </> ✓/> Code LATEX

\MachineTransformer[clés]{e/s}<options tikz>

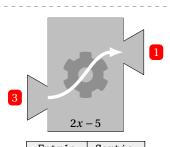


# ⟨→ Code Latex



# </> ✓/> Code LATEX

\MachineTransformer[Bordure, Tableau, Fct=\$2x-5\$] % {3/1,7/9,10/15,1/\$-3\$,\$-4\$/\$-13\$}

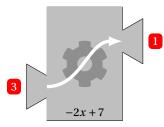


Entrée	Sortie
3	1
7	9
10	15
1	-3
-4	-13



# </> ✓/> Code LATEX

\MachineTransformer[Auto,Formule={-2\*X+7},Bordure,Tableau,Fct=\$-2x+7\$]% {3,5,7,-4,0}



Entrée	Sortie
3	1
5	-3
7	-7
-4	15
0	7

# 65.2 Clés et options



Les (clés) disponibles pour cette commande sont :

- la clé (Couleur) := couleur de la machine ((lightgray) par défaut);
- la clé (CouleurFct) := couleur de la fléche ((white) par défaut);
- le booléen (Bordure) := afficher une bordure ((true) par défaut);
- le booléen (AffFleche) := afficher la flèche ((true) par défaut);
- la clé (Hauteur) := hauteur de la machine ((3) par défaut);
- la clé (Largeur) := largeur de la machine ((2) par défaut);
- la clé (Offset) := décalage (H) des blocs ((4pt) par défaut);
- la clé (CouleurBloc) := couleur des blocs ((red) par défaut);
- le booléen (Tableau) := afficher le tableau des valeurs ((false) par défaut);
- la clé (PoliceTbl) := police des éléments du tableau ((\footnotesize) par défaut);
- le booléen (Logo) := afficher le logo dans la machine ((true) par défaut);
- la clé (Fct) := fonction à afficher (si non vide);
- le booléen (Auto) := calcul automatique des images ((false) par défaut);
- la clé (Formule) := formule (variable (x)) dans le cas (Auto=true)
- le booléen (ES) := afficher des blocs vides, si pas de tableau ((false) par défaut);
- la clé  $\langle Echelle \rangle$  := modifier l'échelle globale, y compris du texte  $\langle 1 \rangle$  par défaut).

L'argument obligatoire, entre [ {...}], correspond à la liste des entrées/sorties :

- sous la forme x1/y1,x2/y2,... dans le cas manuel ((Auto=false));
- sous la forme [x1,x2,...] dans le cas automatique ((Auto=true)).

À noter que dans le cas (Auto), les valeurs sont en mode mathématique, alors qu'en mode 

L'argument optionnel, et entre [<...>], correspond à des options spécifiques, en langage TikZ, à passer à l'environnement créé.



Dans le cas où les calculs seraient faits en automatique :

- attention aux valeurs fractionnaires et/ou approchées (pas de gestion de ces cas de figure);

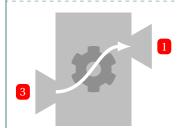






# ✓/> Code LATEX

\MachineTransformer[Tableau] {3/1,7/9,10/15,1/\$-3\$,\$-4\$/\$-13\$}

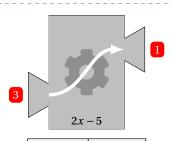


ſ	Entrée	Sortie
ſ	3	1
	7	9
Ī	10	15
	1	-3
	-4	-13



# </> ✓> Code LATEX

\MachineTransformer[Bordure, Tableau, Fct=\$2x-5\$] % {3/1,7/9,10/15,1/\$-3\$,\$-4\$/\$-13\$}

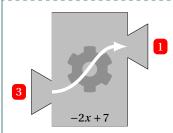


Entrée	Sortie
3	1
7	9
10	15
1	-3
-4	-13



# </> Code LATEX

\MachineTransformer[Auto,Formule={-2\*X+7},Bordure,Tableau,Fct=\$-2x+7\$]% {3,5,7,-4,0}



Entrée	Sortie
3	1
5	-3
7	-7
-4	15
0	7



# MachineTransformer[% Echelle=1.25,Tableau,Couleur=orange,CouleurFct=teal,% CouleurBloc=purple,Offset=imm ]% {4/5} Entrée Sortie 4 5

# Thème

# HISTORIQUE

# Quatorzième partie

# Historique

```
v3.01b: Division euclidienne (page 147) + Correction de bugs
v3.01a: Courbes ECC/FCC pour les paramètres (pages 127)
v3.00g: Amélioration de la marge gauche dans les codes listings (pages 76)
v3.00f: Conversion d'une écriture décimale périodique en fraction, avec rédaction éventuelle (pages 176)
v3.00e: Machines à transformer (pages 191) + Correction du nom pour les allumettes (189)
v3.00d: Commandes pour travailler avec des châteaux de cartes et des allumettes (pages 187 et 189)
v3.00c: Commandes pour travailler avec des chiffrements classiques (page 163)
v3.00b: Amélioration de la commande des intervalles avec gestion d'un label pour les bornes (page 38)
v3.00a: Environnement et commande pour travailler avec des intervalles (page 38)
v2.8.0: Amélioration du tapis de Sierpinski (page 183)
v2.7.9: Ajout de quelques fractales (Koch + Sierpinski) (page 183)
v2.7.8: Conversion présentée hexa/bin (page 150) + Liste et arbres de diviseurs (page 160)
v2.7.7: Points de discontinuité pour des splines (page 53)
v2.7.6: Amélioration dans la console d'exécution avec piton
v2.7.5: Possibilités de numéroter les lignes des codes à une autre valeur que 1 (page 65)
v2.7.4: Ajout de macros pour des écritures mathématiques classiques (page 22)
v2.7.3: Correction de la couleur de bordures vertes pour les codes python
v2.7.2: xcolor n'est plus chargé par défaut (option [xcolor] pour le charger)
v2.7.1: Chargement de tcolorbox par librairies (au lieu de [most])
v2.7.0: Ajout de la clé (Frac) pour les axes verticaux (page 41) + Fonction de répartition discrète (144)
v2.6.9: Amélioration de le présentation de code Piton (page 69)
v2.6.8: Ajout d'une grille pour les histogrammes non réguliers (page 122)
v2.6.7: Histogramme à classes régulières ou non (page 122) + Correction de bugs mineurs
v2.6.6: Style mainlevee en TikZ désormais dans le package tikz2d-fr
v2.6.5 : Ajout d'une option (nonamssymb) pour éviter de charger amssymb (page 11) + Distance entre deux points
(page 99)
v2.6.4: Résolution d'une équation diophantienne ax + by = c (page 156) + Correction de bugs mineurs + Ajout de com-
mandes en géométrie analytique (pages 91 et 93 et 95 et 97 et 100)
v2.6.3: Ajout d'une commande pour déterminer une équation réduite (page 102)
v2.6.2: Ajout d'une clé (AffTraitsEq) pour les équations trigo (page 87)
v2.6.1: Ajout de commandes pour du calcul intégral (pages 35 et 60)
v2.6.0: Ajout d'une clé (Brut) pour les mesures principales + correction d'un bug + Refonte de la doc + Commande calcul
ligne trigo (pages 172 et 173)
v2.5.9: Ajout clé (CouleurNombres) pour Piton (v1.5 mini) (page 69)
v2.5.8: Ajout d'un style Alt pour les codes (pages 65 et 73) + Modification de la syntaxe des commandes avec Pythontex
et PseudoCode (pages 72 et 76)
v2.5.7: Ajout de clés pour les codes Piton + Console via Pyluatex (page 69)
v2.5.6: Ajout d'une clé (Trigo) pour l'axe (Ox) (page 41)
v2.5.5: Externalisation de la fenêtre XCas (dans le package FentreCas)
v2.5.4: Modification des calculs (via xint) en combinatoire (page 143)
v2.5.3: Modification du traitement des tests dans les arbres de probas (page 136)
v2.5.1: Ajout d'une version étoilée pour la conversion en fraction (page 168)
v2.5.0: Système de librairies pour certains packages/commandes (page 11)
v2.2.0: Ajout d'une clé (Notation) pour les arrangements et combinaisons (page 143)
v2.1.9: Correction d'un bug (et ajout d'une version étoilée) pour les petits schémas « de signe » (page 54)
v2.1.8: Suppression des commandes de PixelArt, désormais dans le package PixelArtTikz
v2.1.7: Ajout d'une clé (Math) pour les sommets des figures de l'espace (pages 83 et 85)
v2.1.6: Correction d'un bug lié au chargement de hylogos, remplacé par hologo
v2.1.5: Combinatoire avec arrangements et combinaisons (page 143)
v2.1.4: Résolution approchée d'équations f(x) = k (page 29)
```

[ProfLycee] - 196 - •

v2.1.3: Améliorations dans les présentations Piton (page 69)

- v2.1.2: Ajout d'une commande pour la mesure principale d'un angle (page 172)
- v2.1.1: Ajout d'une section pour des repères en TikZ (page 41)
- v2.1.0: Calcul du seuil, en interne désormais (page 33) + Commande pour simplifier une racine carrée (page 171)
- v2.0.9: Nombres aléatoires, tirages aléatoires d'entiers (page 141)
- v2.0.8: Ajout d'un environnement pour présenter du code MEX (page 81)
- v2.0.6: Changement de taille de la police des codes Python (page 65)
- v2.0.5: Correction d'un bug avec les calculs de suites récurrentes (page 33)
- v2.0.4: Ajout d'une commande pour une présentation de solution par TVI (page 31)
- v2.0.3: Commandes pour des suites récurrentes simples (page 33)
- v2.0.2: Option left-margin=auto pour le package piton (page 69)
- v2.0.1: Chargement du package piton uniquement si compilation en LuaETFX (page 69)
- v2.0.0: Refonte du code source avec modification des commandes, et de la documentation