# ResolSysteme [fr]

Des outils pour des matrices, des systèmes linéaires, avec xint ou pyluatex.

Version 0.1.3 -- 9 Février 2023

Cédric Pierquet
c pierquet -- at -- outlook . fr
https://github.com/cpierquet/ResolSysteme

- ▶ Une commande pour afficher une matrice carrée (2x2, 3x3 ou 4x4) avec la syntaxe du package.
- ▶ Quelques commandes pour effectuer des calculs matriciels (produit, carré, puissance).
- ▶ Des commandes pour calculer le déterminant et l'inverse de matrices carrées (2x2, 3x3 ou 4x4).
- ▶ Des commandes pour résoudre des systèmes linéaires (2x2, 3x3 ou 4x4).

 $M=\Lambda (1,2 \S 3,4)$ , et  $M^3=\Lambda (1,2 \S 3,4)$ .

La matrice  $M = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$  au cube vaut  $M^3 = \begin{pmatrix} 37 & 54 \\ 81 & 118 \end{pmatrix}$ .

Le **déterminant** de  $A = \begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & 4 \end{pmatrix}$  est det(A) = -4,25.

 $\label{eq:Linverse} \text{L'inverse de la matrice A} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ -2 & -3 & -5 & -6 \end{pmatrix} \text{ est A}^{-1} = \begin{pmatrix} -15/8 & -1/8 & 3/2 & -1 \\ 23/8 & 1/8 & 1/2 & 2 \\ -9/8 & 1/8 & -3/2 & -1 \\ 1/8 & -1/8 & 1/2 & 0 \end{pmatrix}.$ 

 $\text{La solution de } \begin{cases} y+z+t=1\\ x+z+t=-1\\ x+y+t=1\\ x+y+z=0 \end{cases} \text{ est } \mathcal{S} = \Big\{ \Big( -\frac{2}{3}; \frac{4}{3}; -\frac{2}{3}; \frac{1}{3} \Big) \Big\}.$ 

Merci à Denis Bitouzé et à Gilles Le Bourhis pour leurs retours et idées!

MEX

pdfleTEX

LualATEX

TikZ

T<sub>E</sub>XLive

MiKTFX

# Table des matières

Ι	Introduction	3
1	Le package ResolSysteme   1.1 Introduction   1.2 Packages utilisés, choix de formatage   1.3 Fichiers d'exemples   1.4 Chargement du package, et option	3 3 3 4
II	Historique	4
II	I Commandes	5
2	Une commande interne : écriture sous forme d'une fraction  2.1 La commande	<b>5</b> 5 5
3	Affichage d'une matrice 3.1 La commande	<b>6</b> 6
4	Calculs matriciels « simples » 4.1 Introduction	<b>7</b> 7
5	Calcul de déterminant5.1 Introduction5.2 Utilisation	<b>9</b> 9
6	Inverse d'une matrice 6.1 Introduction	11 11 11
7	Résolution d'un système linéaire7.1 Introduction	13 13 13
IV	7 Fonctions python utilisées	<b>15</b>

# Première partie

# Introduction

# Le package ResolSysteme

#### 1.1 Introduction



La package propose des outils pour travailler sur des matrices ou des systèmes linéaires (de

- en calculant des produits matriciels *simples* (dimensions réduites);
- en affichant la **solution** (si elle existe);
- en affichant le **déterminant** et l'éventuelle **inverse** de la matrice des coefficients.



À noter que les calculs – en interne – peuvent être effectués de deux manières :

- via les packages xint\* pour des formats 2x2 ou 3x3;
- via python et le package pyluatex (à charger manuellement du fait des options spécifiques) pour des formats 2x2, 3x3 ou 4x4.

Il n'est pas prévu – pour le moment – de travailler sur des matrices/systèmes plus grands, car l'idée est de pouvoir formater le résultat, ce qui se fait coefficient par coefficient.



L'utilisation de pyluatex nécessite une compilation adaptée, à savoir en LuaLATEX et en activant le mode -shell-escape.

 $La\ m\'ethode\ par\ python\ utilise\ quoi\ qu'il\ en\ soit\ le\ module\ sympy,\ qui\ doit\ donc\ \^etre\ install\'e!$ 

### 1.2 Packages utilisés, choix de formatage



- Le package charge les packages suivantes :

   xintexpr, xinttools, xstring et listofitems;
  - sinuitx, nicefrac et nicematrix;

Il est compatible avec les compilations usuelles en latex, pdflatex, lualatex (obligatoire pour pyluatex!!) ou xelatex.



Les nombres sont formatés par la commande \num de sinuitx, donc les options choisies par l'utilisateur se propageront aux résultats numériques.

L'affichage des matrices est gérée par le package nicematrix, et des options spécifiques simples pourront être placées dans les différentes commandes.

## 1.3 Fichiers d'exemples



En marge de la présente documentation, compilée en lualatex avec shell-escape, deux fichiers avec des exemples d'utilisation sont proposés :

- ResolSysteme-exemples pour les commandes disponibles en version classique (xint);
- ${\tt ResolSysteme-exemples-pyluatex\ pour\ les\ commandes\ disponibles\ en\ version\ python}$

## 1.4 Chargement du package, et option



Le package peut donc se charger de deux manières différentes, suivant si l'utilisateur utilise python ou non. Les commandes *classiques* sont disponibles même si python est utilisé.

%chargement du package sans passer par pyluatex, calculs via xint
\usepackage{ResolSysteme}

Code Mix

%chargement du package pyluatex et du package avec [pyluatex]
\usepackage[options]{pyluatex}
\usepackage[pyluatex]{ResolSysteme}

# Deuxième partie

# Historique

v0.1.3: Ajout de commandes pour du calcul matriciel (de taille raisonnable)

v0.1.2: Ajout d'une commande d'affichage (formaté) d'une matrice 2x2, 3x3 ou 4x4

v0.1.1: Correction d'un bug avec le caractère «; »

v0.1.0: Version initiale

# Troisième partie

# **Commandes**

## 2 Une commande interne : écriture sous forme d'une fraction

#### 2.1 La commande



En *interne*, le code utilise une commande pour formater un résultat sous forme fractionnaire, avec gestion des entiers et gestion du signe «-».

\ConvVersFrac(\*)[option de formatage]{calcul}

#### 2.2 Utilisation



Concernant cette commande, qui est dans un bloc ensuremath:

- la version étoilée force l'écriture du signe « » avant l'éventuelle fraction;
- le premier argument, *optionnel* et entre [...] permet de spécifier un formatage du résultat :
  - (t) pour l'affichage de la fraction en mode tfrac;
  - (d) pour l'affichage de la fraction en mode dfrac;
  - (n) pour l'affichage de la fraction en mode nicefrac;
  - (dec) pour l'affichage du résultat en mode décimal (sans arrondi!);
  - $\langle \mathbf{dec} = \mathbf{k} \rangle$  pour l'affichage du résultat en mode décimal arrondi à  $10^{-k}$ ;
- le second argument, obligatoire, est quant à lui, le calcul en syntaxe xint.

 $\frac{-485}{48}$   $-\frac{485}{48}$   $-\frac{485}{48}$   $-\frac{485}{48}$  -10,1042 15

### 2.3 Interaction avec les commandes « matricielles », limitations



En *interne*, le formatage des résultats est géré par cette commande, et les options disponibles existent donc de la même manière pour les commandes liées aux systèmes linéaires.

Code ETEX

Il ne sera par contre pas possible de spécifier des options différentes pour chacun des coefficients, autrement dit l'éventuelle option se propagera sur l'ensemble des résultats!

Les transformations en fraction devraient pouvoir fonctionner avec des calculs classiques, mais il est possible que, dans des cas sp'ecifiques, les résultats ne soient pas ceux attendus!

# 3 Affichage d'une matrice

#### 3.1 La commande



La première commande (matricielle) est dédiée à l'affichage d'une matrice 2x2 ou 3x3 ou 4x4 (python est ici non nécessaire) :

- en saisissant les coefficients via une syntaxe propre au package (l'affichage est géré en interne par nicematrix);
- en caclulant et convertissant éventuellement les coefficients sous forme de fraction (grâce à la commande précédente!).

Code ETEX

%commande disponible avec les deux versions, pyluatex ou non \AffMatrice(\*)[option de formatage]<(matrice)

#### 3.2 Utilisation



Concernant cette commande, qui est à insérer dans un environnement math :

- la version étoilée force l'écriture du signe « » avant l'éventuelle fraction ;
- le premier argument, optionnel et entre [...] permet de spécifier un formatage du résultat :
  - (t) pour l'affichage de la fraction en mode tfrac;
  - (d) pour l'affichage de la fraction en mode dfrac;
  - (n) pour l'affichage de la fraction en mode nicefrac;
  - (dec) pour l'affichage du résultat en mode décimal (sans arrondi!);
  - $\langle dec=k \rangle$  pour l'affichage du résultat en mode décimal arrondi à  $10^{-k}$ ;
- le deuxième argument, optionnel et entre <...> correspond aux (options) à passer à l'environnement pNiceMatrix;
- le troisième argument, *obligatoire* et entre (...), est quant à lui, la matrice donnée par ses coefficients a11,a12,... § a21,a22,... (syntaxe héritée de sympy).

On considère les matrices \$A=\AffMatrice(1,2 § 3,4)\$

et \$B=\AffMatrice[n](-1,1/3,4 § 1/3,4,-1 § -1,0,0)\$
et \$C=\AffMatrice(1,2,3,4 § 5,6,7,0 § 1,1,1,1 § 2,-3,-5,-6)\$.

On considère les matrices  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$  et  $B = \begin{pmatrix} -1 & 1/3 & 4 \\ 1/3 & 4 & -1 \\ -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$  et  $C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 2 & -3 & -5 & -6 \end{pmatrix}$ 

Code ATEX

On considère la matrice \$M=\AffMatrice\*[d]<cell-space-limits=2pt>(1+1/4,0,3+4/5 § 0,1,-5/3 § 1/2,0.45,6/7)\$.

On considère la matrice  $M = \begin{pmatrix} \frac{5}{4} & 0 & \frac{19}{5} \\ 0 & 1 & -\frac{5}{3} \\ \frac{1}{2} & \frac{9}{20} & \frac{6}{7} \end{pmatrix}$ 

# 4 Calculs matriciels « simples »

#### 4.1 Introduction



L'idée est de proposer des commandes pour effectuer des calculs matriciels *simples* sur des matrices :

- des produits matriciels :
  - $(1 \times 2) \times (2 \times 1)$ ;
  - $(1 \times 2) \times (2 \times 2)$ ;
  - $(2 \times 2) \times (2 \times 2)$ ;
  - $(2 \times 2) \times (2 \times 1)$ ;
  - $(1 \times 3) \times (3 \times 1)$ ;
  - $(1 \times 3) \times (3 \times 3)$ ;
  - $(3 \times 3) \times (3 \times 3)$ ;
  - $(3 \times 3) \times (3 \times 1)$ ;
- le carré d'une matrice 2x2 ou 3x3;
- la puissance d'une matrice 2x2 ou 3x3 ou 4x4 (via python).

%commandes disponible avec les deux versions, pyluatex ou non

\ProduitMatrices(\*)[option de formatage]<options nicematrix>(matrice 1)(matrice 2)[Clé]

\CarreMatrice(\*)[option de formatage]<options nicematrix>(matrice)(-5,6 § 1,4)[Clé]

%commande disponible avec l'option pyluatex

\MatricePuissancePY(\*)[option de formatage]<options nicematrix>(matrice)(puissance)[Clé]



Dans le cas où le produit matriciel n'existe pas, ou ne rentre pas dans le cadre des cas possibles, rien ne sera affiché!

#### 4.2 Utilisation



Concernant ces commandes, qui sont à insérer dans un environnement *math* :

- la version étoilée force l'écriture du signe « » avant l'éventuelle fraction;
- le premier argument, optionnel et entre  $[\dots]$  permet de spécifier un formatage du résultat :
  - (t) pour l'affichage de la fraction en mode tfrac;
  - (d) pour l'affichage de la fraction en mode dfrac;
  - (n) pour l'affichage de la fraction en mode nicefrac;
  - (dec) pour l'affichage du résultat en mode décimal (sans arrondi!);
  - $\langle \mathbf{dec} = \mathbf{k} \rangle$  pour l'affichage du résultat en mode décimal arrondi à  $10^{-k}$ ;
- le deuxième argument, optionnel et entre <...> correspond aux (options) à passer à l'environnement pNiceMatrix;
- les arguments suivants, *obligatoires* et entre (...), sont quant à eux, les matrices données par leurs coefficients a11,a12,... § a21,a22,... (syntaxe héritée de sympy) ou la matrice et la puissance;
- le dernier argument, *optionnel* et entre [...] propose l'unique « clé » **(Aff)** pour afficher le calcul avant le résultat.

Code ETEX

\$\ProduitMatrices(-5,6 \ 1,4)(2 \ 7)[Aff]\$ et \$\ProduitMatrices(-5,6 \ 1,4)(2 \ 7)\$

$$\begin{pmatrix} -5 & 6 \\ 1 & 4 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 2 \\ 7 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 32 \\ 30 \end{pmatrix} \text{ et } \begin{pmatrix} 32 \\ 30 \end{pmatrix}$$

Code ATEX

\$\ProduitMatrices[dec](0.5,0.3,0.2)(0.75,0.1,0.15 \ 0.4,0.4,0.2 \ 0.6,0.1,0.3)[Aff]\$

$$\begin{pmatrix} 0.5 & 0.3 & 0.2 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 0.75 & 0.1 & 0.15 \\ 0.4 & 0.4 & 0.2 \\ 0.6 & 0.1 & 0.3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.615 & 0.19 & 0.195 \end{pmatrix}$$

Code LTEX

\$\CarreMatrice(-5,6 § 1,4)[Aff]\$

$$\begin{pmatrix} -5 & 6 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}^2 = \begin{pmatrix} 31 & -6 \\ -1 & 22 \end{pmatrix}$$

Code ETEX

\$\CarreMatrice(-5,6,8 \ 1,4,-9 \ 1,-1,1)[Aff]\$

$$\begin{pmatrix} -5 & 6 & 8 \\ 1 & 4 & -9 \\ 1 & -1 & 1 \end{pmatrix}^2 = \begin{pmatrix} 39 & -14 & -86 \\ -10 & 31 & -37 \\ -5 & 1 & 18 \end{pmatrix}$$

Code ETEX

\$\MatricePuissancePY(1,1 § 5,-2)(7)[Aff]\$

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 5 & -2 \end{pmatrix}^7 = \begin{pmatrix} -559 & 673 \\ 3365 & -2578 \end{pmatrix}$$

Code ETEX

\$\MatricePuissancePY(1,1,-1 \ 5,-2,1 \ 0,5,2)(3)[Aff]\$

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 5 & -2 & 1 \\ 0 & 5 & 2 \end{pmatrix}^3 = \begin{pmatrix} -24 & 8 & -16 \\ 65 & -58 & 9 \\ 25 & 70 & -7 \end{pmatrix}$$

Code ETEX

\$\MatricePuissancePY(1,1,1,1 § 5,-2,1,5 § 0,5,2,-1 § 0,1,1,1)(5)[Aff]\$

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 5 & -2 & 1 & 5 \\ 0 & 5 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}^{5} = \begin{pmatrix} 886 & 769 & 769 & 913 \\ 1730 & 847 & 1090 & 1655 \\ 1395 & 1865 & 1622 & 1565 \\ 720 & 625 & 625 & 742 \end{pmatrix}$$

## 5 Calcul de déterminant

#### 5.1 Introduction



La deuxième commande (matricielle) disponible est pour calculer le déterminant d'une matrice :

- 2x2 ou 3x3 pour le package classique;
- **2x2** ou **3x3** ou **4x4** pour le package *lua*.

```
%version classique

\DetMatrice(*)[option de formatage](matrice)

%version python

\DetMatricePY(*)[option de formatage](matrice)
```

#### 5.2 Utilisation



Concernant cette commande, qui est à insérer dans un environnement *math* :

- la version étoilée force l'écriture du signe « » avant l'éventuelle fraction;
- le premier argument, optionnel et entre [...] permet de spécifier un formatage du résultat :
  - (t) pour l'affichage de la fraction en mode tfrac;
  - (d) pour l'affichage de la fraction en mode dfrac;
  - (n) pour l'affichage de la fraction en mode nicefrac;
  - (dec) pour l'affichage du résultat en mode décimal (sans arrondi!);
  - $\langle dec=k \rangle$  pour l'affichage du résultat en mode décimal arrondi à  $10^{-k}$ ;
- le second argument, *obligatoire* et entre (...), est quant à lui, la matrice donnée par ses coefficients a11,a12,... § a21,a22,... (syntaxe *héritée* de sympy).

```
%version classique Le dét. de A=AffMatrice(1,2 \S 3,4)\$ est det(A)=DetMatrice(1,2 \S 3,4)\$. Le dét. de A=\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} est det(A)=-2.
```

```
%version classique
Le dét. de $A=\AffMatrice[dec](-1,0.5 § 1/2,4)$ est $\det(A)=\DetMatrice[dec](-1,0.5 § 1/2,4)$.

Le dét. de A=\begin{pmatrix} -1 & 0.5 \\ 0.5 & 4 \end{pmatrix} est \det(A)=-4.25.
```

Code ET<sub>E</sub>X

%version classique

Le dét. de  $A=\Lambda ffMatrice*[t](-1,1/3,4 § 1/3,4,-1 § -1,0,0)$  est  $\Delta ffMatrice[dec=3](-1,1/3,4 § 1/3,4,-1 § -1,0,0)$ .

Le dét. de  $A = \begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{3} & 4 \\ \frac{1}{3} & 4 & -1 \\ -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$  est  $det(A) \approx 16,333$ .

Code ETEX

%version python

Le dé. de \$A=\AffMatrice(1,2 § 3,4)\$ est \$\det(A)=\DetMatricePY(1,2 § 3,4)\$.

Le dé. de  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$  est det(A) = -2.

Code LTEX

Le dét. de  $A=\Lambda (-1,0.5 \ 1/2,4)$  est  $\Delta (A)=\Delta (-1,0.5 \ 1/2,4)$ .

Le dét. de  $A = \begin{pmatrix} -1 & 0.5 \\ 0.5 & 4 \end{pmatrix}$  est  $det(A) = -\frac{17}{4}$ .

Code ETEX

%version python

Le dét. de  $A=\Lambda(-1,1/3,4 \ 1/3,4,-1 \ -1,0,0)$  est  $\Delta(A) \rightarrow \Delta(A) \ DetMatricePY[dec=3] (-1,1/3,4 \ 1/3,4,-1 \ -1,0,0)$ .

Le dét. de A =  $\begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{3} & 4\\ \frac{1}{3} & 4 & -1\\ -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$  est det(A)  $\approx$  16,333.

## 6 Inverse d'une matrice

#### 6.1 Introduction



La troisième commande (matricielle) disponible est pour calculer l'éventuelle inverse d'une matrice :

- 2x2 ou 3x3 pour le package classique;
- -2x2 ou 3x3 ou 4x4 pour le package lua.

Code ATEX

%version classique

\MatriceInverse(\*)[option de formatage]<options nicematrix>(matrice)[Clé]

%version python

\MatriceInversePY(\*)[option de formatage]<options nicematrix>(matrice)[Clé]

#### 6.2 Utilisation



Concernant cette commande, qui est à insérer dans un environnement *math* :

- la version étoilée force l'écriture du signe « » avant l'éventuelle fraction;
- le premier argument, *optionnel* et entre [...] permet de spécifier un formatage du résultat :
  - (t) pour l'affichage de la fraction en mode tfrac;
  - (d) pour l'affichage de la fraction en mode dfrac;
  - (n) pour l'affichage de la fraction en mode nicefrac;
  - (dec) pour l'affichage du résultat en mode décimal (sans arrondi!);
  - $\langle dec=k \rangle$  pour l'affichage du résultat en mode décimal arrondi à  $10^{-k}$ ;
- le deuxième argument, optionnel et entre <...> correspond aux (options) à passer à l'environnement pNiceMatrix;
- le troisième argument, *obligatoire* et entre (...), est quant à lui, la matrice donnée par ses coefficients a11,a12,... § a21,a22,... (syntaxe héritée de sympy);
- le dernier argument, *optionnel* et entre [...] propose l'unique « clé » **(Aff)** pour afficher le calcul avant le résultat.

À noter que si la matrice n'est pas inversible, le texte Matrice non inversible est affiché.

Code ATEX

%version classique

L'inverse de \$A=\AffMatrice(1,2 § 3,4)\$ est

\$A^{-1}=\MatriceInverse<cell-space-limits=2pt>(1,2 § 3,4)\$.

L'inverse de A =  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$  est A<sup>-1</sup> =  $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ \frac{3}{2} & \frac{-1}{2} \end{pmatrix}$ .

Code ETEX

%version classique

L'inverse de \$A=\AffMatrice(1,2,3 § 4,5,6 § 7,8,8)\$ est

\$A^{-1}=\MatriceInverse[n]<cell-space-limits=2pt>(1,2,3 § 4,5,6 § 7,8,8)[Aff]\$.

L'inverse de A = 
$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 8 \end{pmatrix}$$
 est  $A^{-1} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 8 \end{pmatrix}^{-1} = \begin{pmatrix} -8/3 & 8/3 & -1 \\ 10/3 & -13/3 & 2 \\ -1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$ .

Code ETEX

%version python

L'inverse de \$A=\AffMatrice(1,2 § 3,4)\$ est

\$A^{-1}=\MatriceInversePY\*[d]<cell-space-limits=2pt>(1,2 § 3,4)[Aff]\$.

L'inverse de A = 
$$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$$
 est A<sup>-1</sup> =  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}^{-1}$  =  $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ \frac{3}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ .

Code ETEX

%version python

L'inv. de  $A=\Lambda(1,2,3,4 \S 5,6,7,0 \S 1,1,1,1 \S -2,-3,-5,-6)$  est  $A^{-1}=$ 

\MatriceInversePY\*[n]<cell-space-limits=2pt>(1,2,3,4 \ 5,6,7,0 \ 1,1,1,1 \ 2,-3,-5,-6)\\$.

$$\label{eq:Linv.de} \text{L'inv. de A} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ -2 & -3 & -5 & -6 \end{pmatrix} \text{ est A}^{-1} = \begin{pmatrix} -15/8 & -1/8 & 3/2 & -1 \\ 23/8 & 1/8 & 1/2 & 2 \\ -9/8 & 1/8 & -3/2 & -1 \\ 1/8 & -1/8 & 1/2 & 0 \end{pmatrix}.$$

# 7 Résolution d'un système linéaire

#### 7.1 Introduction



La deuxième commande (matricielle) disponible est pour déterminer l'éventuelle solution d'un système linéaire qui s'écrit matriciellement  $A \times X = B$ :

- 2x2 ou 3x3 pour le package classique;
- -2x2 ou 3x3 ou 4x4 pour le package lua.

Code  $AT_{E}X$ 

%version classique

\SolutionSysteme(\*)[opt de formatage]<opts nicematrix>(matriceA)(matriceB)[Clé]

%version python

\SolutionSystemePY(\*)[opt de formatage]<opts nicematrix>(matriceA)(matriceB)[Clé]

#### 7.2 Utilisation



Concernant cette commande, qui est à insérer dans un environnement *math* :

- la version étoilée force l'écriture du signe « » avant l'éventuelle fraction;
- le premier argument, *optionnel* et entre [...] permet de spécifier un formatage du résultat :
  - (t) pour l'affichage de la fraction en mode tfrac;
  - (d) pour l'affichage de la fraction en mode dfrac;
  - (n) pour l'affichage de la fraction en mode nicefrac;
  - (dec) pour l'affichage du résultat en mode décimal (sans arrondi!);
  - $\langle dec=k \rangle$  pour l'affichage du résultat en mode décimal arrondi à  $10^{-k}$ ;
- le deuxième argument, optionnel et entre <...> correspond aux (options) à passer à l'environnement pNiceMatrix;
- le troisième argument, *obligatoire* et entre (...), est quant à lui, la matrice A donnée par ses coefficients a11,a12,... § a21,a22,... (syntaxe héritée de sympy);
- le quatrième argument, *obligatoire* et entre (...), est quant à lui, la matrice B donnée par ses coefficients b11,b21,... (syntaxe héritée de sympy);
- le dernier argument, optionnel et entre [...], permet grâce à la  $cl\acute{e}$  (Matrice) de présenter le vecteur solution.

À noter que si la matrice n'est pas inversible, le texte Matrice non inversible est affiché.

Code ATEX

%version classique

La solution de  $\scriptstyle x=-1,2x-y+z=4,x-y-2z=5$  est  $\scriptstyle x=-1,2x-y+z=5,x-2z=5$  est  $\scriptstyle x=-1,2x-y+z=5,x-2z=5$  est  $\scriptstyle x=-1,2x-y+z=5,x-2z=5$  est  $\scriptstyle x=-1,2x-y+z=5,x-2z=5$  est  $\scriptstyle x=-1,2x-y+z=5,x-2z=5$ 

 $\text{La solution de } \begin{cases} 3x+y-2z=-1\\ 2x-y+\ z=4\\ x-y-2z=5 \end{cases} \text{ est } \mathcal{S} = \Big\{ \Big(\frac{1}{2}; -\frac{7}{2}; -\frac{1}{2}\Big) \Big\}.$ 

Code ETEX

%version python

 $\text{La solution de} \left\{ \begin{aligned} x+&y+&z=-1\\ 3x+2y-&z=6 &\text{est } \mathcal{S}=\{(2;-1;-2)\}.\\ -x-&y+2z=-5 \end{aligned} \right.$ 

Code ETEX

%version python

La solution de  $\systeme[xyzt]{x+2y+3z+4t=-10,5x+6y+7z=0,x+y+z+t=4,-2x-3y-5z-6t=7}$  est  $\mbox{mathcal}{S}=\%$ 

\left\lbrace

\SolutionSystemePY%

[dec]<cell-space-limits=2pt>%  $(1,2,3,4 \ \S \ 5,6,7,0 \ \S \ 1,1,1,1 \ \S \ -2,-3,-5,-6) \ (-10,0,4,7)\% \\ [Matrice]$ 

\right\rbrace\$.

La solution de  $\begin{cases} x + 2y + 3z + 4t = -10 \\ 5x + 6y + 7z = 0 \\ x + y + z + t = 4 \\ -2x - 3y - 5z - 6t = 7 \end{cases} \text{ est } \mathcal{S} = \begin{cases} \begin{pmatrix} 17,75 \\ -12,75 \\ -1,75 \\ 0,75 \end{pmatrix} \end{cases}.$ 

Code LTEX

%pas de solution

La solution de x+2y=-5,4x+8y=1 est  $\mathrm{S}=\%$  \left\lbrace \SolutionSystemePY(1,2 \ \ 4,8)(-5,1) \right\rbrace \.

La solution de  $\begin{cases} x+2y=-5\\ 4x+8y=1 \end{cases}$  est  $\mathcal{S}=\{\text{Matrice non inversible}\}.$ 

# Quatrième partie

# Fonctions python utilisées



Les fonctions utilisées par les packages pyluatex ou pythontex sont données ci-dessous. Elles sont accessibles en *natif* une fois l'option lua activée, grâce notamment à la macro \py.

```
#variables symboliques (pour du 4x4 maxi)
import sympy as sy
x = sy.Symbol('x')
y = sy.Symbol('y')
z = sy.Symbol('z')
t = sy.Symbol('t')
```

```
#résolution de systèmes
def resol_systeme_QQ(a,b,c,d,e,f,g,h,i,j,k,l,m,n,o,p,q,r,s,u) :
    solution=sy.solve([a*x+b*y+c*z+d*t-e,f*x+g*y+h*z+i*t-j,k*x+l*y+m*z+n*t-o,p*x+q*y+r*z+s*t-u],[x,y,z,t])
    return solution

def resol_systeme_TT(a,b,c,d,e,f,g,h,i,j,k,l) :
    solution=sy.solve([a*x+b*y+c*z-d,e*x+f*y+g*z-h,i*x+j*y+k*z-l],[x,y,z])
    return solution

def resol_systeme_DD(a,b,c,d,e,f) :
    solution=sy.solve([a*x+b*y-c,d*x+e*y-f],[x,y])
    return solution
```

```
#déterminant d'une matrice
def det_matrice_QQ(a,b,c,d,e,f,g,h,i,j,k,l,m,n,o,p) :
    MatTmp = sy.Matrix(([a,b,c,d],[e,f,g,h],[i,j,k,l],[m,n,o,p]))
    DetMatTmp = MatTmp.det()
    return DetMatTmp

def det_matrice_TT(a,b,c,d,e,f,g,h,i) :
    MatTmp = sy.Matrix(([a,b,c],[d,e,f],[g,h,i]))
    DetMatTmp = MatTmp.det()
    return DetMatTmp

def det_matrice_DD(a,b,c,d) :
    MatTmp = sy.Matrix(([a,b],[c,d]))
    DetMatTmp = MatTmp.det()
    return DetMatTmp
```

```
#inverse d'une martrice
def inverse_matrice_QQ(a,b,c,d,e,f,g,h,i,j,k,l,m,n,o,p) :
    MatTmp = sy.Matrix(([a,b,c,d],[e,f,g,h],[i,j,k,l],[m,n,o,p]))
    DetMatTmp = MatTmp.inv()
    return DetMatTmp

def inverse_matrice_DD(a,b,c,d) :
    MatTmp = sy.Matrix(([a,b],[c,d]))
    InvMatTmp = MatTmp.inv()
    return InvMatTmp

def inverse_matrice_TT(a,b,c,d,e,f,g,h,i) :
    MatTmp = sy.Matrix(([a,b,c],[d,e,f],[g,h,i]))
    InvMatTmp = MatTmp.inv()
    return InvMatTmp
```

#puissance d'une matrice
def puissance\_matrice\_QQ(a,b,c,d,e,f,g,h,i,j,k,l,m,n,o,p,puiss) :
 MatTmp = sy.Matrix(([a,b,c,d],[e,f,g,h],[i,j,k,l],[m,n,o,p]))
 PuissMatTmp = MatTmp\*\*puiss
 return PuissMatTmp

def puissance\_matrice\_TT(a,b,c,d,e,f,g,h,i,puiss) :
 MatTmp = sy.Matrix(([a,b,c],[d,e,f],[g,h,i]))
 PuissMatTmp = MatTmp\*\*puiss
 return PuissMatTmp

def puissance\_matrice\_DD(a,b,c,d,puiss) :
 MatTmp = sy.Matrix(([a,b],[c,d]))
 PuissMatTmp = MatTmp\*\*puiss
 return PuissMatTmp