ResolSysteme [fr]

Des outils pour des systèmes linéaires, avec xint ou lua.

Version 0.1.0 -- 6 Février 2023

Cédric Pierquet
c pierquet -- at -- outlook . fr
https://github.com/cpierquet/ResolSysteme

- ▶ Des commandes pour travailler sur des matrices carrées (2x2, 3x3 ou 4x4).
- ▶ Des commandes pour résoudre des systèmes linéaires (2x2, 3x3 ou 4x4).

Le **déterminant** de
$$A = \begin{pmatrix} -1 & 0, 5 \\ \frac{1}{2} & 4 \end{pmatrix}$$
 est $det(A) = -4,25$.

$$\label{eq:Linverse} \text{L'inverse de la matrice A} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ -2 & -3 & -5 & -6 \end{pmatrix} \text{ est A}^{-1} = \begin{pmatrix} -15/8 & -1/8 & 3/2 & -1 \\ 23/8 & 1/8 & 1/2 & 2 \\ -9/8 & 1/8 & -3/2 & -1 \\ 1/8 & -1/8 & 1/2 & 0 \end{pmatrix}.$$

La **solution** de
$$\begin{cases} y+z+t=1\\ x+z+t=-1\\ x+y+t=1\\ x+y+z=0 \end{cases}$$
 est $\mathcal{S}=\left\{\left(-\frac{2}{3};\frac{4}{3};-\frac{2}{3};\frac{1}{3}\right)\right\}$.

MEX

pdfleTEX

LualATEX

TikZ

T_EXLive

MiKTFX

Table des matières

I	Introduction	3
1	Le package ResolSysteme 1.1 Introduction	3 3 3
II	Commandes	4
2	Une commande interne : écriture sous forme d'une fraction 2.1 La commande	4 4 4 4
3	Calcul de déterminant3.1 Introduction3.2 Utilisation	5 5
4	Inverse d'une matrice 4.1 Introduction	6 6 7
5	Résolution d'un système linéaire5.1 Introduction5.2 Utilisation	8 8 8
II	I Historique	10

Première partie

Introduction

1 Le package ResolSysteme

1.1 Introduction



L'idée est de *proposer* des outils pour travailler sur des systèmes linéaires (de taille réduite!) en permettant :

- d'afficher la **solution** (si elle existe);
- d'afficher le $\mathbf{d\acute{e}terminant}$ et l'éventuelle $\mathbf{inverse}$ de la matrice des coefficients.

D'autres outils seront peut-être ajoutés ultérieurement.



À noter que les calculs – en interne – peuvent être effectués de deux manières :

- via les packages xint* pour des formats 2x2 ou 3x3;
- via lua et le package pyluatex (à charger manuellement du fait des options spécifiques) pour des formats **2x2**, **3x3** ou **4x4**.

Il n'est pas prévu – pour le moment – de travailler sur des matrices/systèmes plus grands.



L'utilisation de lua nécessite une compilation adaptée, à savoir en LualITEX et en activant le mode –shell-escape. La méthode par pyluatex utilise le module sympy, qui doit donc être installée!

1.2 Packages utilisés, choix de formatage



Le package charge les packages suivantes :

- xintexpr et xinttools;
- sinuitx, nicefrac et nicematrix;
- xstring et listofitems.

Il est compatible avec les compilations usuelles en latex, pdflatex, lualatex (obligatoire pour le lua!!) ou xelatex.

0

Les nombres sont formatés par la commande \num de sinuitx, donc les options choisies par l'utilisateur se propageront aux résultats numériques.

L'affichage des matrices est gérée par le package nicematrix, et des options spécifiques *simples* pourront être placées dans les différentes commandes.

1.3 Chargement du package, et option



Le package peut donc se charger de deux manières différentes, suivant si l'utilisateur utilise le moteur lua ou non.

Les commandes classiques sont disponibles même si l'option lua est activée.

%chargement du package sans passer par pyluatex, calculs via xint \usepackage{ResolSysteme}

Code ETEX

%chargement du package pyluatex et du package avec [lua] \usepackage[options] {pyluatex} \usepackage[lua] {ResolSysteme} Code ETEX

Deuxième partie

Commandes

2 Une commande interne : écriture sous forme d'une fraction

2.1 La commande



En *interne*, le code utilise une commande pour formater un résultat sous forme fractionnaire, avec gestion des entiers et gestion du signe «-».

\ConvVersFrac(*)[option de formatage]{calcul}

Code ETEX

2.2 Utilisation



Concernant cette commande, qui est dans un bloc ensuremath:

- la version *étoilée* force l'écriture du signe « » avant l'éventuelle fraction ;
- le premier argument, *optionnel* et entre [...] permet de spécifier un formatage du résultat :
 - (t) pour l'affichage de la fraction en mode tfrac;
 - (d) pour l'affichage de la fraction en mode dfrac;
 - (dec) pour l'affichage du résultat en mode décimal (sans arrondi!);
 - $\langle dec=k \rangle$ pour l'affichage du résultat en mode décimal arrondi à 10^{-k} ;
- le second argument, *obligatoire*, est quant à lui, le calcul en syntaxe xint.

```
%sortie par défaut (fraction avec - sur numérateur)
\ConvVersFrac{-10+1/3*(-5/16)}

%sortie avec - avant la fraction
\ConvVersFrac*{-10+1/3*(-5/16)}

%sortie en displaystyle
\ConvVersFrac*[d]{-10+1/3*(-5/16)}

%sortie en décimal arrondi à 0,0001
\ConvVersFrac[dec=4]{-10+1/3*(-5/16)}

%entier correctement formaté
\ConvVersFrac{2+91/7}
```

$$\frac{-485}{48}$$
 $-\frac{485}{48}$ $-\frac{485}{48}$ $-10,1042$ 15

Code LTEX

2.3 Interaction avec les commandes « matricielles », limitations



En *interne*, le formatage des résultats est géré par cette commande, et les options disponibles existent donc de la même manière pour les commandes liées aux systèmes linéaires.

Il ne sera par contre pas possible de spécifier des options différentes pour chacun des coefficients, autrement dit l'éventuelle option se propagera sur l'ensemble des résultats!

Les transformations en fraction devraient pouvoir fonctionner avec des calculs classiques, mais il est possible que, dans des cas sp'ecifiques, les résultats ne soient pas ceux attendus!

3 Calcul de déterminant

3.1 Introduction



La première commande (matricielle) disponible est pour calculer le déterminant d'une matrice :

- 2x2 ou 3x3 pour le package classique;
- -2x2 ou 3x3 ou 4x4 pour le package lua.

```
%version classique

\DetMatrice(*)[option de formatage](matrice)

%version lua

\DetMatriceLUA(*)[option de formatage](matrice)
```

3.2 Utilisation



Concernant cette commande, qui est à insérer dans un environnement math :

- la version étoilée force l'écriture du signe « » avant l'éventuelle fraction;
- le premier argument, optionnel et entre [...] permet de spécifier un formatage du résultat :
 - ⟨t⟩ pour l'affichage de la fraction en mode tfrac;
 - (d) pour l'affichage de la fraction en mode dfrac;
 - (dec) pour l'affichage du résultat en mode décimal (sans arrondi!);
 - $\langle dec=k \rangle$ pour l'affichage du résultat en mode décimal arrondi à 10^{-k} ;
- le second argument, *obligatoire* et entre (...), est quant à lui, la matrice donnée par ses coefficients a11,a12,...;a21,a22,... (syntaxe héritée de sympy).

```
%version classique Le dét. de $A=\begin{pNiceMatrix}1&2\\3&4\end{pNiceMatrix}$ est $\\det(A)=\DetMatrice(1,2;3,4)$. Le dét. de A=\begin{pmatrix}1&2\\3&4\end{pmatrix} est \det(A)=-2.
```

```
%version classique Le dét. de $A=\begin{pNiceMatrix}-1&{0,5}\\frac12&4\end{pNiceMatrix}$ est $\det(A)=\DetMatrice[dec](-1,0.5;1/2,4)$. Le dét. de A=\begin{pmatrix} -1 & 0,5 \\ \frac{1}{2} & 4 \end{pmatrix} est \det(A)=-4,25.
```

%version classique

Code ETEX

Le dét. de $A=\left[\frac{124}{\frac{1344}-1}-14040\right]$ est $\det(A) \approx \DetMatrice[dec=3](-1,1/3,4;1/3,4,-1;-1,0,0)$.

Le dét. de $A = \begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{3} & 4 \\ \frac{1}{3} & 4 & -1 \\ -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ est $det(A) \approx 16,333$.

%version lua

Code LTEX

Le dé. de \$A=\begin{pNiceMatrix}1&2\\3&4\end{pNiceMatrix}\$ est \$\det(A)=\DetMatriceLUA(1,2;3,4)\$.

Le dé. de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ est det(A) = -2.

Le dét. de $A=\left(0,5\right)\$ est $\det(A)=\det(A)=\det(A)$

Code ET_EX

Le dét. de $A=\begin{pmatrix} -1 & 0,5\\ \frac{1}{2} & 4 \end{pmatrix}$ est $\det(A)=-\frac{17}{4}.$

%version lua

Code ETEX

Le dét. de $A=\left[\frac{pNiceMatrix}-1&\frac{13&4}{\frac{13&4}-1}-1&0&0\right]$ est $\frac{4}{4}$ est $\frac{4}{$

Le dét. de A = $\begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{3} & 4\\ \frac{1}{3} & 4 & -1\\ -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ est det(A) \approx 16,333.

4 Inverse d'une matrice

4.1 Introduction



La deuxième commande (matricielle) disponible est pour calculer l'éventuelle inverse d'une matrice :

- 2x2 ou 3x3 pour le package classique;
- **2x2** ou **3x3** ou **4x4** pour le package *lua*.

%version classique

Code MEX

\MatriceInverse(*)[option de formatage]<options nicematrix>(matrice)

%version lua

\MatriceInverseLUA(*)[option de formatage] < options nicematrix>(matrice)

4.2 Utilisation



Concernant cette commande, qui est à insérer dans un environnement math :

- la version *étoilée* force l'écriture du signe « » avant l'éventuelle fraction ;
- le premier argument, *optionnel* et entre [...] permet de spécifier un formatage du résultat :
 - (t) pour l'affichage de la fraction en mode tfrac;
 - (d) pour l'affichage de la fraction en mode dfrac;
 - (dec) pour l'affichage du résultat en mode décimal (sans arrondi!);
 - $\langle dec=k \rangle$ pour l'affichage du résultat en mode décimal arrondi à 10^{-k} ;
- le deuxième argument, *optionnel* et entre <...> correspond aux **(options)** à passer à l'environnement pNiceMatrix;
- le troisième argument, *obligatoire* et entre (...), est quant à lui, la matrice donnée par ses coefficients a11,a12,...;a21,a22,... (syntaxe héritée de sympy).

À noter que si la matrice n'est pas inversible, le texte Matrice non inversible est affiché.

%version classique

Code MEX

L'inverse de \$A=\begin{pNiceMatrix}1&2\\3&4\end{pNiceMatrix}\$ est \$A^{-1}=\MatriceInverse<cell-space-limits=2pt>(1,2;3,4)\$.

L'inverse de A = $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ \frac{3}{2} & \frac{-1}{2} \end{pmatrix}$.

%version classique

Code M_EX

 $L'inverse de $A=\begin{pNiceMatrix}1&2&3\\4&5&6\\7&8&8\\end{pNiceMatrix}$ est $A^{-1}=\mathrm{Inverse}[n]<cell-space-limits=2pt>(1,2,3;4,5,6;7,8,8)$.$

L'inverse de A = $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 8 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \begin{pmatrix} -8/3 & 8/3 & -1 \\ 10/3 & -13/3 & 2 \\ -1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$.

%version lua

Code ETEX

L'inverse de \$A=\begin{pNiceMatrix}1&2\\3&4\end{pNiceMatrix}\$ est \$A^{-1}=\MatriceInverseLUA*[d]<cell-space-limits=2pt>(1,2;3,4)\$.

L'inverse de A = $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ est A⁻¹ = $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ \frac{3}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$.

%version lua

Code ETEX

 $L'inv. de $A=\left[pNiceMatrix]1&2&3&4\\5&6&7&0\\1&1&1&1&1\\-2&-3&-5&-6\\end {pNiceMatrix}$ est $A^{-1}=\operatorname{InverseLUA}*[n] < cell-space-limits=2pt>(1,2,3,4;5,6,7,0;1,1,1,1;-2,-3,-5,-6)$.$

$$\text{L'inv. de A} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ -2 & -3 & -5 & -6 \end{pmatrix} \text{ est A}^{-1} = \begin{pmatrix} -15/8 & -1/8 & 3/2 & -1 \\ 23/8 & 1/8 & 1/2 & 2 \\ -9/8 & 1/8 & -3/2 & -1 \\ 1/8 & -1/8 & 1/2 & 0 \end{pmatrix}.$$

5 Résolution d'un système linéaire

5.1 Introduction



La deuxième commande (matricielle) disponible est pour déterminer l'éventuelle solution d'un système linéaire qui s'écrit matriciellement $A \times X = B$:

- **2x2** ou **3x3** pour le package *classique* ;
- -2x2 ou 3x3 ou 4x4 pour le package lua.

```
%version classique
\SolutionSysteme(*)[opt de formatage]<opts nicematrix>(matriceA)(matriceB)[opt Matrice]
%version lua
\SolutionSystemeLUA(*)[opt de formatage]<opts nicematrix>(matriceA)(matriceB)[opt Matrice]
```

5.2 Utilisation



Concernant cette commande, qui est à insérer dans un environnement math:

- la version étoilée force l'écriture du signe « » avant l'éventuelle fraction;
- le premier argument, optionnel et entre [...] permet de spécifier un formatage du résultat :
 - ⟨t⟩ pour l'affichage de la fraction en mode tfrac;
 - (d) pour l'affichage de la fraction en mode dfrac;
 - (dec) pour l'affichage du résultat en mode décimal (sans arrondi!);
 - $\langle dec=k \rangle$ pour l'affichage du résultat en mode décimal arrondi à 10^{-k} ;
- le deuxième argument, optionnel et entre <...> correspond aux (options) à passer à l'environnement pNiceMatrix;
- le troisième argument, *obligatoire* et entre (...), est quant à lui, la matrice A donnée par ses coefficients a11,a12,...;a21,a22,... (syntaxe héritée de sympy);
- le quatrième argument, *obligatoire* et entre (...), est quant à lui, la matrice B donnée par ses coefficients b11;b21;... (syntaxe héritée de sympy);
- le dernier argument, *optionnel* et entre [...], permet grâce à **(Matrice)** de présenter le vecteur solution.

À noter que si la matrice n'est pas inversible, le texte Matrice non inversible est affiché.

```
%version classique  
La solution de $\systeme{3x+y-2z=-1,2x-y+z=4,x-y-2z=5}$ est $\mathcal{S}=% \left\lbrace \SolutionSysteme*[d](3,1,-2;2,-1,1;1,-1,-2)(-1,4,5) \right\rbrace$.\\ 
La solution de \begin{cases} 3x+y-2z=-1 \\ 2x-y+z=4 \end{cases} est \mathcal{S}=\{\left(\frac{1}{2};-\frac{7}{2};-\frac{1}{2}\right)\}.  
x-y-2z=5
```

%version lua

 $\text{La solution de} \left\{ \begin{aligned} x+&y+&z=-1\\ 3x+2y-&z=6 &\text{est } \mathcal{S}=\{(2;-1;-2)\}.\\ -x-&y+2z=-5 \end{aligned} \right.$

%version lua

Code LTEX

La solution de $\systeme[xyzt]{x+2y+3z+4t=-10,5x+6y+7z=0,x+y+z+t=4,-2x-3y-5z-6t=7}$ est $\mbox{mathcal}{S}=\%$

\left\lbrace

\SolutionSystemeLUA%

[dec]<cell-space-limits=2pt>% (1,2,3,4;5,6,7,0;1,1,1,1;-2,-3,-5,-6)(-10,0,4,7)% [Matrice]

\right\rbrace\$.

La solution de $\begin{cases} x + 2y + 3z + 4t = -10 \\ 5x + 6y + 7z &= 0 \\ x + y + z + t = 4 \\ -2x - 3y - 5z - 6t = 7 \end{cases} \text{ est } \mathcal{S} = \begin{cases} 17,75 \\ -12,75 \\ -1,75 \\ 0,75 \end{cases} \right\}.$

%pas de solution

Code ETEX

La solution de $\begin{cases} x + 2y = -5 \\ 4x + 8y = 1 \end{cases}$ est $\mathcal{S} = \{ \text{Matrice non inversible} \}.$

Troisième partie

Historique

v0.1.0: Version initiale