

# SHA-3 Keccak-f

cpprhtn

2023-11-28

## 1 Keccak-f 함수 정의

### 1.1 Theta 함수 정의:

$$C[x] = A[x] \oplus A[x + 5] \oplus A[x + 10] \oplus A[x + 15] \oplus A[x + 20]$$

$$D[x] = C[(x + 4) \bmod 5] \oplus \text{ROTL64}(C[(x + 1) \bmod 5], 1)$$

$$A[x + 5 \cdot y] \hat{=} A[x + 5 \cdot y] \oplus D[x]$$

```
1 void theta(uint64 *A) {  
    uint64 C[5], D[5];  
3     for (size_t i = 0; i < 5; i++) {  
        C[i] = A[i] ^ A[i + 5] ^ A[i + 10] ^ A[i + 15] ^ A[i + 20];  
5     }  
  
7     for (size_t i = 0; i < 5; i++) {  
        D[i] = C[(i + 4) % 5] ^ ROTL64(C[(i + 1) % 5], 1);  
9     }  
  
11    for (size_t i = 0; i < 5; i++) {  
        for (size_t j = 0; j < 5; j++) {  
13            A[i + 5 * j] ^= D[i];  
        }  
15    }  
}
```

Listing 1: Theta 함수

### 1.2 Rho 함수 정의:

$$A[x] \hat{=} \text{ROTL64}(A[x], \text{RHO}[x])$$

```
void rho(uint64 *A) {  
2     for (size_t i = 0; i < 25; i++) {  
        A[i] = ROTL64(A[i], RHO[i]);  
4     }  
}
```

Listing 2: Rho 함수

### 1.3 Pi 함수 정의:

$$B[x] = A[y]$$

$$A[x] \hat{=} B[x]$$

```

1 void pi(uint64 *A) {
    uint64 B[25];
3     for (size_t i = 0; i < 25; i++) {
        size_t x = i % 5;
5         size_t y = (2 * i + 3 * (i / 5)) % 5;
        size_t index = 5 * x + y;
7         B[index] = A[i];
    }
9     memcpy(A, B, sizeof(B));
}

```

Listing 3: Pi 함수

#### 1.4 Chi 함수 정의:

$$B[x] = A[x] \oplus (\neg A[5 \cdot x + ((y + 1) \bmod 5)] \wedge A[5 \cdot x + ((y + 2) \bmod 5)])$$

$$A[x] \triangleq B[x]$$

```

void chi(uint64 *A) {
2     uint64 B[25];
    for (size_t i = 0; i < 25; i++) {
4         size_t x = i % 5;
        size_t y = (2 * i + 3 * (i / 5)) % 5;
6         size_t index = 5 * x + y;
        B[index] = A[index] ^ ((~A[5 * x + ((y + 1) % 5)]) & A[5 * x + ((y + 2)
% 5)]);
8     }
    memcpy(A, B, sizeof(B));
10 }

```

Listing 4: Chi 함수

#### 1.5 Iota 함수 정의:

$$A[0] \triangleq A[0] \oplus RC[round]$$

```

void iota(uint64 *A, size_t round) {
2     A[0] ^= RC[round];
}

```

Listing 5: Iota 함수

#### 1.6 Keccak-f 함수 정의:

```

1 void keccakF(uint64 *A) {
    for (size_t round = 0; round < KECCAK_ROUNDS; round++) {
3         theta(A);
        rho(A);
5         pi(A);
        chi(A);
7         iota(A, round);
    }
9 }

```

Listing 6: Iota 함수