

Un qbit peut être représenté comme un vecteur de probabilité d'obtenir 0 ou 1 :  $|q\rangle = a|0\rangle + b|1\rangle$   
 L'utilisation de la notation bra-ket est équivalente à une notation matricielle, mais selon les cas, l'une ou l'autre est plus pratique.

Note : les nombre a, b sont des complexe, dit "amplitudes" ; comme c'est des probabilités,  $|a|^2 + |b|^2 = 1$

```
In[84]:= q1 = {a, b};
MatrixForm[q1]
[apparence matricielle]
s0 = {1, 0};
s1 = {0, 1};
q1 == a * s0 + b * s1
```

Out[85]//MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix}$$

Out[88]= True

```
In[89]:= a = 1/Sqrt[2];
[racine carrée]
b = I/Sqrt[2];
[u· racine carrée]
MatrixForm[q1]
[apparence matricielle]
Abs[a]^2 + Abs[b]^2
```

Out[91]//MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{i}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$$

Out[92]= 1

On dispose de plusieurs "portes" (ici que quelques exemples)

```
In[93]:= igate = {{1, 0}, {0, 1}};
MatrixForm[igate]
[apparence matricielle]
xgate = {{0, 1}, {1, 0}};
MatrixForm[xgate]
[apparence matricielle]
hgate = 1/Sqrt[2] * {{1, 1}, {1, -1}};
[racine carrée]
MatrixForm[hgate]
[apparence matricielle]
```

Out[94]//MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Out[96]//MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Out[98]//MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$$

```
In[99]:= Clear[a, b]
         _eface
```

```
In[100]:= MatrixForm[Dot[xgate, s0]]
           _apparence m·· _produit scalaire
MatrixForm[Dot[hgate, s0]]
           _apparence m·· _produit scalaire
```

```
Out[100]//MatrixForm=
```

$$\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

```
Out[101]//MatrixForm=
```

$$\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$$

Pour plusieurs système, on utilise le kronecker product

```
In[105]:= q2 = {c, d};
sys12 = Flatten[KroneckerProduct[q1, q2]];
           _aplatis _produit Kronecker
MatrixForm[sys12]
           _apparence matricielle
```

```
Out[107]//MatrixForm=
```

$$\begin{pmatrix} a & c \\ a & d \\ b & c \\ b & d \end{pmatrix}$$

On peut définir de nouvelles portes

```
In[108]:= cxgate = {{1, 0, 0, 0}, {0, 1, 0, 0}, {0, 0, 0, 1}, {0, 0, 1, 0}};
MatrixForm[cxgate]
           _apparence matricielle
```

```
Out[109]//MatrixForm=
```

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Cela applique la porte X si le qbit contrôle est sur 1

```
In[112]:= sysq11 = Flatten[KroneckerProduct[s1, q1]];
           _aplatis _produit Kronecker
MatrixForm[sysq11]
           _apparence matricielle
MatrixForm[Dot[cxgate, sysq11]]
           _apparence m·· _produit scalaire
```

```
Out[113]//MatrixForm=
```

$$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ a \\ b \end{pmatrix}$$

```
Out[114]//MatrixForm=
```

$$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ b \\ a \end{pmatrix}$$

Pour agrandir une porte sur un plus grand système, on peut aussi utiliser le kronecker product

```
In[120]:= hgate2 = KroneckerProduct[hgate, igate];
```

[produit Kronecker](#)

```
MatrixForm[hgate2]
```

[apparence matricielle](#)

Out[121]/MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & 0 & \frac{1}{\sqrt{2}} & 0 \\ 0 & \frac{1}{\sqrt{2}} & 0 & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & 0 & -\frac{1}{\sqrt{2}} & 0 \\ 0 & \frac{1}{\sqrt{2}} & 0 & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$$

```
In[123]:= MatrixForm[Dot[cxgate, Dot[hgate2, Flatten[KroneckerProduct[s0, s0]]]]]
```

[apparence m...](#) [produit scalaire](#) [produit scalaire](#) [aplatis](#) [produit Kronecker](#)

```
MatrixForm[sys12]
```

[apparence matricielle](#)

Out[123]/MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ 0 \\ 0 \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$$

Out[124]/MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} a & c \\ a & d \\ b & c \\ b & d \end{pmatrix}$$

On remarque que ces deux opérations créent un système qui n'est pas descriptible par 2 qbit séparé (car a ou d devrait être nul selon le 2e terme, mais le 1 et 4 indiquent que c'est impossible). C'est un des avantages majeurs que l'on va chercher à exploiter.