Desafios da modelagem do refinamento adaptativo das malhas: um estudo sobre o MARE2DEM

Bruno da Silva Alves, Lucas Mello Schnorr

Instituto de Informática, Universidade Federal do Rio Grande do Sul (UFRGS) Caixa Postal 15.064 – 91.501-970 – Porto Alegre – RS – Brazil

{bsalves, schnorr}@inf.ufrgs.br

Resumo. O MARE2DEM é uma aplicação paralela e custosa que auxilia a exploração de petróleo através do método eletromagnético. Sendo uma aplicação parametrizável, identifica-se que o refinamento adaptativo das malhas determina o makespan para as inúmeras configurações possíveis. No entanto, modelar tal refinamento mostrou-se complexo pois depende de valores definidos em tempo de execução. Resultados preliminares demostram uma modelagem com acurácia e custo satisfatórios.

Contexto e Aplicação. A capacidade do *Adaptive Mesh Refinement* (AMR), ou método de refinamento adaptativo, para a definição de malhas numericamente precisas tornou-se um método popular na resolução de problemas de áreas como a astrofísica, modelagem atmosférica, e engenharia aeroespacial. O AMR refina a malha dinamicamente nas regiões onde uma maior resolução é necessária devido a pequenas estruturas do problema. Isto permite uma precisão maior nas respostas e também uma melhor eficiência em cálculo e uso de memória comparando-se com malhas estáticas. O MARE2DEM [Key 2016] é uma aplicação paralela de código aberto utilizada na exploração de novos reservatórios de petróleo e gás natural. Esta aplicação usa dados coletados com o método *Controlled Source Eletromagnetic* (CSEM) e emprega AMR para realizar a inversão das equações de Maxwell, permitindo a construção de modelos de resistividade dos materiais presentes no subsolo marinho. Seu funcionamento é iterativo, procurando um modelo que melhor se aproxima aos dados medidos, considerando que a malha é dinamicamente refinada nas regiões de maiores erros.

Identificação do Problema. O processo envolve custosas operações aritméticas sobre matrizes e sobre a malha que somadas podem levar muito tempo para gerar modelos acurados. O MARE2DEM divide a carga de trabalho em grupos menores chamados de grupos de refinamento para que os mesmos possam ser processados em paralelo. A quantidade de dados em cada grupo de refinamento depende de uma configuração da aplicação que determina a quantidade máxima de transmissores, receptores e frequências que cada grupo pode conter. Dessa forma, cada configuração gera uma divisão de carga diferente que determina a quantidade e o tamanho das cargas dadas aos processos trabalhadores, e que por fim influenciam no tempo total de execução da aplicação. Além disso, investigações anteriores [da Silva Alves et al. 2022] mostraram que o tempo de processamento da maior parte das operações internas do MARE2DEM é principalmente guiado pelo número de triângulos presente na malha. Dessa forma, modelar o refinamento e prever a quantidade de triângulos nas malhas é o ponto chave para determinar a melhor configuração do MARE2DEM para se obter o menor tempo de execução. Parte importante da complexidade de modelar o refinamento é inerente ao AMR, uma vez que tal refinamento

é obtido durante a execução da aplicação. A Figura 1 mostra o estado das malhas antes e após um passo de refinamento para um dos grupos de refinamento. Os triângulos marcados para refinamento usam estes critérios: condutividade da região, área do triângulo e a menor distância até um transmissor ou receptor CSEM. Dessa maneira, estes triângulos devem ser refinados. Ao observar a malha resultante, percebe-se outra dificuldade para a modelagem: o algoritmo de refinamento altera triângulos fora da região marcada, prejudicando a previsibilidade. Isso acontece pois o MARE2DEM emprega a técnica de Delaunay [Shewchuk 2002], que garante que os triângulos tenham um ângulo interno mínimo levando a ajustes fora da área marcada.

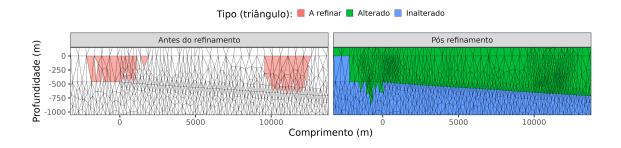


Figura 1. Refinamento da malha em um dos grupos do MARE2DEM.

Método e Solução. Nossa abordagem para modelar o desempenho deste problema consiste inicialmente em definir configurações elementares, onde cada grupo de refinamento possui apenas um transmissor, um receptor e uma frequência. Em seguida, a partir destes grupos elementares, nós combinamos as malhas em grupos mais complexos usando os mesmos critérios que determinam o refinamento. Este método aplicado à diversidade de parâmetros de entrada de um estudo de caso leva a 8240 configurações diferentes que são então comparadas entre si para determinar qual gera o melhor desempenho da aplicação como um todo. Os resultados obtidos até agora são animadores, uma vez que este método permite modelar o refinamento de todas as configurações a partir do custo de execução da configuração elementar tendo em vista que obtemos uma boa aproximação da quantidade de triângulos presentes nas malhas.

Referências

da Silva Alves, B., Gaspary, L. P., and Schnorr, L. M. (2022). Towards parameter-based profiling for mare2dem performance modeling. In Navaux, P., Barrios H., C. J., Osthoff, C., and Guerrero, G., editors, *High Performance Computing*, pages 63–77, Cham. Springer International Publishing.

Key, K. (2016). MARE2DEM: a 2-D inversion code for controlled-source electromagnetic and magnetotelluric data. *Geophysical Journal International*, 207(1):571–588.

Shewchuk, J. R. (2002). Delaunay refinement algorithms for triangular mesh generation. *Computational Geometry*, 22(1):21–74. ACM Symp. on Computational Geometry.