

Autor: Vojtěch Krákora Cvičení: Čtvrtek 9:15 *Věc:* MI-MPI 2. ÚKOL

### 1. úloha

#### a)

Číslo  $-\frac{1}{13}$  se nedá zapsat ve tvaru  $\frac{n}{2^l}$ , kde  $n,l \in Z$ , bude tedy periodické v binární reprezentaci. Dále budu postupovat dle nápovědy pomocí hladového algoritmu. Známenko změním jen jedním bitem, proto číslo do binárního kodu převedu jako  $\frac{1}{13}$ .

Je třeba najít takové k, pro které platí  $2^{k+1} > \frac{1}{13} \ge 2^k$ . To platí pro k = -4. Hladový algoritmus:

$$a_{-4} = 1 r_{-4} = \frac{\frac{1}{13}}{2^{-4}} - a_{-4} = \frac{3}{13}$$

$$a_{-5} = \lfloor 2\frac{3}{13} \rfloor = 0 r_{-5} = \frac{6}{13}$$

$$a_{-6} = \lfloor 2\frac{6}{13} \rfloor = 0 r_{-6} = \frac{2}{13}$$

$$a_{-7} = \lfloor 2\frac{12}{13} \rfloor = 1 r_{-7} = \frac{11}{13}$$

$$a_{-8} = \lfloor 2\frac{11}{13} \rfloor = 1 r_{-8} = \frac{9}{13}$$

$$a_{-9} = \lfloor 2\frac{9}{13} \rfloor = 1 r_{-9} = \frac{5}{13}$$

$$a_{-10} = \lfloor 2\frac{5}{13} \rfloor = 0 r_{-10} = \frac{10}{13}$$

$$a_{-11} = \lfloor 2\frac{10}{13} \rfloor = 1 r_{-11} = \frac{7}{13}$$

$$a_{-12} = \lfloor 2\frac{7}{13} \rfloor = 1 r_{-12} = \frac{1}{13}$$

$$a_{-13} = \lfloor 2\frac{1}{13} \rfloor = 0 r_{-13} = \frac{2}{13}$$

$$a_{-14} = \lfloor 2\frac{2}{13} \rfloor = 0 r_{-14} = \frac{4}{13}$$

$$a_{-15} = \lfloor 2\frac{4}{13} \rfloor = 0$$
  $r_{-15} = \frac{8}{13}$   $a_{-16} = \lfloor 2\frac{8}{13} \rfloor = 1$   $r_{-16} = \frac{3}{13} = r_{-4}$ 

Protože se  $r_{-4}$  rovná  $r_{-16}$  našli jsme periodu.

Číslo tedy vyjádříme jako  $(-1)^1(1.\overline{001110110001}) * 2^{123-127}$ .

Tedy: 1|01111011|00111011000100111011000

b)

I číslo  $\frac{1}{17}$  bude periodické. Postup aplikuji stejný jako v předchozím příkladě.

$$a_{-5} = 1 r_{-5} = \frac{15}{17}$$

$$a_{-6} = \lfloor 2\frac{15}{17} \rfloor = 1 r_{-6} = \frac{15}{17}$$

$$a_{-7} = \lfloor 2\frac{15}{17} \rfloor = 1 r_{-7} = \frac{19}{17}$$

$$a_{-8} = \lfloor 2\frac{19}{17} \rfloor = 1 r_{-8} = \frac{1}{17}$$

$$a_{-9} = \lfloor 2\frac{1}{17} \rfloor = 0 r_{-9} = \frac{2}{17}$$

$$a_{-10} = \lfloor 2\frac{2}{17} \rfloor = 0 r_{-10} = \frac{4}{17}$$

$$a_{-11} = \lfloor 2\frac{4}{17} \rfloor = 0 r_{-11} = \frac{8}{17}$$

$$a_{-12} = \lfloor 2\frac{8}{17} \rfloor = 0 r_{-12} = \frac{16}{17}$$

$$a_{-13} = \lfloor 2\frac{16}{17} \rfloor = 1 r_{-13} = \frac{15}{17} = = r_{-5}$$

Výsledek tedy zápíšeme jako 0|01111010|11100001111000011110000.

**c**)

Součet čísel v desítkové soustavě je:

$$-\frac{1}{13} + \frac{1}{17} = -\frac{4}{221}$$

Hledáme  $2^{k+1} > \frac{4}{221} \ge 2^k$ . To platí pro k = -6. Opět stejným postupem jako v předešlích případech jsem postupoval dále. Pro kontrolu uvedenu některé řádky algoritmu:

$$a_{-6} = 1$$
  $r_{-6} = \frac{35}{221}$ 

$$a_{-17} = 0 \qquad r_{-17} = \frac{76}{221}$$

$$\dots$$

$$a_{-29} = 1 \qquad r_{-29} = \frac{103}{221}$$

Výsledkem součtu čísel z příkladu  ${\bf a}$ ) a  ${\bf b}$ ) je: 1|01111001|00101000100010110000001.

# 2. úloha

### **a**)

Nejprve algoritmus udělám tak, že se ženy budou dvořit mužům.

Ženské priority						
1	2	3	4	5		
×	**	×	X	X		
X	X	1	2	2⁄2		
4	5	3	3	3		
5	4	5	4	4		
1	1	4	5	5		

Z tabulky vyplynulu stabilní párování:

$$(z_1, m_4), (z_2, m_5), (z_3, m_1), (z_4, m_2), (z_5, m_3)$$

Nyní otočíme "dvořitele" a budou se muži dvořit ženám. Jejich úspěšnost vystihuje tabulka:

Mužské priority						
1	2	3	4	5		
1	4	***	***	**		
2	5	5	2	3		
3	1	2	3	5		
4	2	1	1	1		
5	3	3	5	2		

Z této tabulky vyplynulo druhé stabilní párování:

$$(z_1, m_1), (z_2, m_4), (z_3, m_5), (z_4, m_2), (z_5, m_3)$$

## b)

Využiji toho, že když se dvoří muži dosáhnou nejlepší možné partnerky, tak aby bylo párování ještě stabilní a ženy v tomto případě dostanou nejhorší "stabilní" partnery. Když se dvoří ženy, tak jde o ten samí příklad, tedy nejlepší možnosti pro partnerky a nejhorší pro partnery.

Tím jsme schopni udělat tabulku možných stabilních partnerů pro všechny ženy:

$z_1$	$m_4$	$m_5$	$m_1$
$z_2$	$m_4$	$m_5$	
$z_3$	$m_5$	$m_1$	
$z_4$	$m_2$		
$z_5$	$m_3$		

Z tabulky a různých možných kombinací dostáváme následující tři párování:

$$(z_1, m_4), (z_2, m_5), (z_3, m_1), (z_4, m_2), (z_5, m_3)$$

$$(z_1, m_1), (z_2, m_4), (z_3, m_5), (z_4, m_2), (z_5, m_3)$$

$$(z_1, m_5), (z_2, m_4), (z_3, m_1), (z_4, m_2), (z_5, m_3)$$