Departamento de Matemáticas $1^{\underline{0}}$ Bachillerato



24 - Complejos

1. p045e01 - Calcula:

(a)
$$(7-2i)^2 + (3+4i)(5-2i)$$

Sol: 68 - 14i

(b)
$$(2+i)^2(3-2i) + (5-i)i^2$$

Sol: 12 + 7i

(c)
$$(\sqrt{3}-2i)^2+(2\sqrt{3}-5i)(1-2i)$$

- **Sol:** $-11 + 2\sqrt{3} + i\left(-8\sqrt{3} 5\right)$
- (d) $(i^7-1)(i^{16}+i^3-i^9)^5+(1-2i)^5(1+i)$

Sol: 0

(e)
$$(1+i)^2 + \frac{1+i}{1-i}$$

Sol: 3*i*

2. p045e02 - Halla el valor de k, sabiendo que se cumple:

(a)
$$(k+5i) + (3+i) = (1+5i) + (-k+i)$$

Sol: [-1]

(b)
$$(1+3i)(k+2i) = 13+59i$$

Sol: $\{k:19\}$

(c)
$$k + \frac{4}{5}i = \frac{5+i}{3-i}$$

Sol: $\left[\frac{7}{5}\right]$

3. p045e03 - Calcula el inverso de los siguientes números complejos:

(a)
$$-1 + 2i$$

Sol: $-\frac{1}{5} - \frac{2i}{5}$

(b) $3 - \sqrt{2}i$

Sol:
$$\frac{3}{11} + \frac{\sqrt{2}i}{11}$$

(c) $\frac{1}{3} - \frac{1}{2}i$

Sol: $\frac{12}{13} + \frac{18i}{13}$

4. p045e04 - Calcular el valor de k para que la siguiente expresión sea a) real y b) imaginario:

(a)
$$\frac{k-2i}{3+4i}$$

Sol:
$$\frac{3k}{25} - \frac{4ik}{25} - \frac{8}{25} - \frac{6i}{25} \rightarrow \left[-\frac{3}{2} \right] \wedge \left[\frac{8}{3} \right]$$

5. p045e05 - Determina el valor que debe tener k para que la siguiente expresión sea un número real.

(a)
$$(k-i)^3$$

Sol:
$$k^3 - 3ik^2 - 3k + i \to \left[-\frac{\sqrt{3}}{3}, \frac{\sqrt{3}}{3} \right]$$

6. p
045e11 - Dado el siguiente número z, calcula el valor de
 $z\cdot\overline{z}$

(a)
$$\sqrt{3}-2i$$

Sol:
$$(\sqrt{3} - 2i) (\sqrt{3} + 2i)$$