

## Departamento de Matemáticas 1º Bachillerato



Ejercicios de Estadística Unidimensional Clases

1. p090e06 - La medida del tórax de una muestra de varones se distribuye:

|   | Duración      | Cantidad |
|---|---------------|----------|
| 0 | [79,5,85,5)   | 4        |
| 1 | [85,5,91,5)   | 8        |
| 2 | [91,5,97,5)   | 12       |
| 3 | [97,5,103,5)  | 20       |
| 4 | [103,5,109,5) | 9        |
| 5 | [109,5,115,5) | 5        |
| 6 | [115,5,121,5) | 2        |

(a) Haz una tabla de frecuencias

|      |   | $\lim_{\longrightarrow} \inf$ | $\lim_{sup}$ | x_i   | f_i | $F_i$ | $\mathrm{h}_{-\mathrm{i}}$ | $_{ m H\_i}$ | x_if_i | $x^2_if_i$ |
|------|---|-------------------------------|--------------|-------|-----|-------|----------------------------|--------------|--------|------------|
|      | 0 | 79.5                          | 85.5         | 82.5  | 4   | 4     | 0.0666667                  | 0.0666667    | 330    | 27225      |
|      | 1 | 85.5                          | 91.5         | 88.5  | 8   | 12    | 0.133333                   | 0.2          | 708    | 62658      |
|      | 2 | 91.5                          | 97.5         | 94.5  | 12  | 24    | 0.2                        | 0.4          | 1134   | 107163     |
| Sol: | 3 | 97.5                          | 103.5        | 100.5 | 20  | 44    | 0.333333                   | 0.733333     | 2010   | 202005     |
|      | 4 | 103.5                         | 109.5        | 106.5 | 9   | 53    | 0.15                       | 0.883333     | 958.5  | 102080     |
|      | 5 | 109.5                         | 115.5        | 112.5 | 5   | 58    | 0.0833333                  | 0.966667     | 562.5  | 63281.2    |
|      | 6 | 115.5                         | 121.5        | 118.5 | 2   | 60    | 0.0333333                  | 1            | 237    | 28084.5    |
|      | 7 | nan                           | nan          | nan   | 60  | nan   | 1                          | nan          | 5940   | 592497     |
|      |   |                               |              |       |     |       |                            |              |        |            |

(b) Calcula media, la varianza, la desviación típica y el coeficiente de variación

**Sol:** 'media': 99.0, 'varianza': 73.95000000000073, 'desviación típica': 8.59941858499752, 'coeficiente de variación': 0.0868628139898739

2. Una oficina bancaria ha tabulado las cantidades de dinero que retiran de sus cuentas 100 clientes jóvenes en un determinado día:

|   | Euros     | Clientes |
|---|-----------|----------|
| 0 | [0, 40)   | 40       |
| 1 | [40, 80)  | 35       |
| 2 | [80, 120) | 25       |

(a) Realizar una tabla de frecuencias con los datos que vayas a necesitar para resolver el ejercicio

| Sol | }       |         |     |     |     |      |      |        |          |
|-----|---------|---------|-----|-----|-----|------|------|--------|----------|
|     | lim_inf | lim_sup | x_i | f_i | F_i | h_i  | H_i  | x_if_i | x^2_if_i |
| 0   | 0       | 40      | 20  | 40  | 40  | 0.4  | 0.4  | 800    | 16000    |
| 1   | 40      | 80      | 60  | 35  | 75  | 0.35 | 0.75 | 2100   | 126000   |
| 2   | 80      | 120     | 100 | 25  | 100 | 0.25 | 1    | 2500   | 250000   |
| 3   | nan     | nan     | nan | 100 | nan | 1    | nan  | 5400   | 392000   |
|     |         |         |     |     |     |      |      |        |          |

(b) Calcula la media y la varianza.

**Sol:** {'media': 54.0, 'varianza': 1004.0, 'desviación típica': 31.6859590355097}

(c) Calcula la mediana. Ayuda:

$$P_k = L_i + \frac{k \frac{N}{100} - F_{i-1}}{f_i} \cdot C_i$$

**Sol:**  $'k': 50,'N': 100,0,'L'_i: 40,0,'f'_i: 35,0,'F'_{i-1}: 40,0,'C'_i: 40,0 51.42857142857143$ 

(d) ¿Qué porcentaje de clientes ha retirado menos de 60€?

Sol:  $'valor': 60,'N': 100,0,'L'_i: 40,0,'f'_i: 35,0,'F'_{i-1}: 40,0,'C'_i: 40,0$  57.5

3. p090e07 - En una consulta médica la distribución de pacientes por su edad ha sido, en la última semana, la siguiente:

|   | Duración | Cantidad |
|---|----------|----------|
| 0 | [15, 23) | 3        |
| 1 | [23, 31) | 4        |
| 2 | [31, 39) | 5        |
| 3 | [39, 47) | 8        |
| 4 | [47, 55) | 10       |
| 5 | [55, 63) | 12       |
| 6 | [63, 71) | 15       |
| 7 | [71, 79) | 12       |
| 8 | [79, 87) | 6        |
|   |          |          |

(a) Haz una tabla de frecuencias

|      |   | 1       | 1.      | •   | c·  |     | 1 .       | тт •      |        | ^0 ·C ·  |
|------|---|---------|---------|-----|-----|-----|-----------|-----------|--------|----------|
|      |   | lim_inf | lim_sup | x_i | f_i | F_i | h_i       | H_i       | x_if_i | x^2_if_i |
|      | 0 | 15      | 23      | 19  | 3   | 3   | 0.04      | 0.04      | 57     | 1083     |
|      | 1 | 23      | 31      | 27  | 4   | 7   | 0.0533333 | 0.0933333 | 108    | 2916     |
|      | 2 | 31      | 39      | 35  | 5   | 12  | 0.0666667 | 0.16      | 175    | 6125     |
|      | 3 | 39      | 47      | 43  | 8   | 20  | 0.106667  | 0.266667  | 344    | 14792    |
| Sol: | 4 | 47      | 55      | 51  | 10  | 30  | 0.133333  | 0.4       | 510    | 26010    |
|      | 5 | 55      | 63      | 59  | 12  | 42  | 0.16      | 0.56      | 708    | 41772    |
|      | 6 | 63      | 71      | 67  | 15  | 57  | 0.2       | 0.76      | 1005   | 67335    |
|      | 7 | 71      | 79      | 75  | 12  | 69  | 0.16      | 0.92      | 900    | 67500    |
|      | 8 | 79      | 87      | 83  | 6   | 75  | 0.08      | 1         | 498    | 41334    |
|      | 9 | nan     | nan     | nan | 75  | nan | 1         | nan       | 4305   | 268867   |
|      |   |         |         |     |     |     |           |           |        |          |

(b) Calcula media, la varianza, la desviación típica y el coeficiente de variación

**Sol:** 'media': 57.4, 'varianza': 290.1333333333367, 'desviación típica': 17.0333007175161, 'coeficiente de variación': 0.296747399259862

(c) La edad mas frecuente de los pacientes

**Sol:** 'Intervalo modal': '
left[63,0,71,0
right)', 'moda': 67.0

(d) El percentil 47

**Sol:** 'k': 47, 'N': 75.0, ' $L_i$ ': 55.0, ' $f_i$ ': 12.0, ' $F_{i-1}$ ': 30.0, ' $C_i$ ': 8.0, 'percentil': 58.5

(e) ¿Qué porcentaje de pacientes tenían una edad superior a 60 años?

**Sol:** 'valor': 60, 'N': 75.0, ' $L_i$ ': 55.0, ' $f_i$ ': 12.0, ' $F_{i-1}$ ': 30.0, ' $C_i$ ': 8.0, 'Porcentaje': 50.0000000000000