1. p039e01 - Expresa en radianes los siguientes ángulos, dados en grados:

   (a) 45º

   Sol: $\frac{\pi}{4}$

   (b) 75º

   Sol: $\frac{5\pi}{12}$

   (c) 105º

   Sol: $\frac{7\pi}{12}$

   (d) 230º

   Sol: $\frac{23\pi}{18}$

2. p039e02 - Expresa en grados los siguientes ángulos dados en radianes:

   (a) $\frac{3\pi}{4}$

   Sol: 135

   (b) $\frac{5\pi}{3}$

   Sol: 300

   (c) $\frac{3\pi}{2}$

   Sol: 270

   (d) $\frac{9\pi}{2}$

   Sol: 810

   (e) $\frac{4\pi}{3}$

   Sol: 240

3. p039e05y6 - Demostrar si son verdaderas o falsas las siguientes ecuaciones:

   (a) $\sec^2\alpha + \csc^2\alpha = \sec^2\alpha \cdot \csc^2\alpha$

   Sol: $\left[\frac{8}{-\cos(4\alpha)+1}, \quad \frac{8}{-\cos(4\alpha)+1}\right] \to \text{True}$

   (b) $\frac{\tan\alpha+\tan\beta}{\cot\alpha+\cot\beta} = \tan\alpha \cdot \tan\beta$

   Sol: $[\tan(\alpha)\tan(\beta), \quad \tan(\alpha)\tan(\beta)] \to \text{True}$

   (c) $\frac{\sin\alpha\cdot\cos\alpha}{\cos^2\alpha-\sin^2\alpha} = \frac{\tan\alpha}{1-\tan^2\alpha}$

   Sol: $\left[\frac{\tan(2\alpha)}{2}, \quad \frac{\tan(2\alpha)}{2}\right] \to \text{True}$

   (d) $\cot\alpha - \frac{\cot^2\alpha-1}{\cot\alpha} = \tan\alpha$

   Sol: $[\tan(\alpha), \quad \tan(\alpha)] \to \text{True}$

   (e) $\frac{\sin\alpha+\cot\alpha}{\tan\alpha+\csc\alpha} = \cos\alpha$

   Sol: $[\cos(\alpha), \quad \cos(\alpha)] \to \text{True}$

   (f) $\cot^2\alpha - \cos^2\alpha = \cot^2\alpha \cdot \cos^2\alpha$

Sol: $\left[-\cos^2(\alpha)+\cot^2(\alpha), \quad \cos^2(\alpha)\cot^2(\alpha)\right] \to \text{True}$

(g) $\sin\alpha\cos\alpha\tan\alpha\cot\alpha\sec\alpha\csc\alpha = 1$

Sol: $[1, \quad 1] \to \text{True}$

(h) $\frac{1+\tan\alpha}{1-\tan\alpha} = \frac{\cos\alpha+\sin\alpha}{\cos\alpha-\sin\alpha}$

Sol: $\left[\frac{\tan(\alpha)+1}{-\tan(\alpha)+1}, \quad \tan\left(\alpha+\frac{\pi}{4}\right)\right] \to \text{True}$

(i) $\frac{1+\tan^2\alpha}{\cot\alpha} = \frac{\tan\alpha}{\cos^2\alpha}$

Sol: $\left[\frac{\tan(\alpha)}{\cos^2(\alpha)}, \quad \frac{\tan(\alpha)}{\cos^2(\alpha)}\right] \to \text{True}$

4. p039e07 - Simplificar las siguientes expresiones:

(a) $\sin\alpha \cdot \frac{1}{\tan\alpha}$

Sol: $\cos(\alpha)$

(b) $\sin^3\alpha + \sin\alpha\cdot\cos^2\alpha$

Sol: $\sin(\alpha)$

(c) $\sqrt{(1-\sin\alpha)\cdot(1+\sin\alpha)}$

Sol: $\sqrt{\cos^2(\alpha)}$

(d) $\sin^4\alpha - \cos^4\alpha$

Sol: $-\cos(2\alpha)$

(e) $\cos^3\alpha + \cos^2\alpha\cdot\sin\alpha + \cos\alpha\cdot\sin^2\alpha + \sin^3\alpha$

Sol: $\sqrt{2}\sin\left(\alpha+\frac{\pi}{4}\right)$

(f) $\sin\alpha\cdot\cos\alpha\cdot(\tan\alpha + \frac{1}{\tan\alpha})$

Sol: 1

(g) $\frac{\cos^2\alpha-\sin^2\alpha}{\cos^4\alpha-\sin^4\alpha}$

Sol: 1

(h) $\frac{\sec^2\alpha+\cos^2\alpha}{\sec^2\alpha-\cos^2\alpha}$

Sol: $\frac{\left(-\cos^2(\alpha)+1\right)^2+2\cos^2(\alpha)}{-\cos^4(\alpha)+1}$

(i) $\frac{\cos^2\alpha}{1-\sin\alpha}$

Sol: $\sin(\alpha)+1$

(j) $\frac{\csc\alpha}{1+\cot^2\alpha}$

Sol: $\sin(\alpha)$

5. p039e08 - Calcular las restantes razones trigonométricas de α, conocida:

(a) $\cos\alpha=\frac{4}{5}\wedge\alpha\in I$

Sol: $\left[36{,}86989764584401,\quad \frac{3}{5},\quad \frac{4}{5},\quad \frac{3}{4}\right]$

(b) $\sin\alpha=\frac{3}{5}\wedge\alpha\in II$

Sol: $\left[36{,}86989764584402,\quad \frac{3}{5},\quad -\frac{4}{5},\quad -\frac{3}{4}\right]$

(c) $\tan\alpha=-\frac{3}{4}\wedge\alpha\in II$

Sol: $\left[36{,}86989764584402,\quad \frac{3}{5},\quad -\frac{4}{5},\quad -\frac{3}{4}\right]$

(d) $\sec\alpha=2\wedge\alpha\in IV$

Sol: $\left[60{,}0,\quad -\frac{\sqrt{3}}{2},\quad \frac{1}{2},\quad -\sqrt{3}\right]$

(e) $\csc\alpha=-2\wedge\alpha\in III$

Sol: $\left[30{,}0,\quad -\frac{1}{2},\quad -\frac{\sqrt{3}}{2},\quad \frac{\sqrt{3}}{3}\right]$

(f) $\cot\alpha=-2\wedge\alpha\in IV$

Sol: $\left[26{,}56505117707799,\quad -\frac{\sqrt{5}}{5},\quad \frac{2\sqrt{5}}{5},\quad -\frac{1}{2}\right]$

6. p039e09 - Expresa las siguientes razones trigonométricas en función de ángulos del primer cuadrante:

(a) $\sin(-120)$

Sol: $\left[60, \quad -\frac{\sqrt{3}}{2}\right]$

(b) $\sin(2700)$

Sol: $[0, \quad 0]$

(c) $\cos(-30)$

Sol: $\left[30, \quad \frac{\sqrt{3}}{2}\right]$

(d) $\cos(3000)$

Sol: $\left[60, \quad -\frac{1}{2}\right]$

(e) $\tan(-275)$

Sol: $\left[\frac{180 \operatorname{atan}\left(\frac{\cos\left(\frac{\pi}{18}\right)+1}{\cos\left(\frac{4\pi}{9}\right)}\right)}{\pi}, \quad \frac{\cos\left(\frac{\pi}{18}\right)+1}{\cos\left(\frac{4\pi}{9}\right)}\right]$

(f) $\tan(10330)$

Sol: $\left[70, \quad \tan\left(\frac{7\pi}{18}\right)\right]$

(g) $\cot(-150)$

Sol: $\left[30, \quad \sqrt{3}\right]$

(h) $\cot(4500)$

Sol: $[0, \quad \tilde{\infty}]$

(i) $\sec(-25)$

Sol: $\left[25, \quad \sec\left(\frac{5\pi}{36}\right)\right]$

(j) $\sec(745)$

Sol: $\left[25, \quad \sec\left(\frac{149\pi}{36}\right)\right]$

(k) $\csc(-155)$

Sol: $\left[25, \quad -\csc\left(\frac{5\pi}{36}\right)\right]$

(l) $\csc(4420)$

Sol: $\left[80, \quad \csc\left(\frac{4\pi}{9}\right)\right]$

7. p039e10 - Si sen 37º = 0,6. Calcula, sin usar la calculadora, las razones trigonométricas de los siguientes ángulos dados en grados:

(a) 53

Sol: [0,8, 0,6, 1,33]

(b) 127

Sol: [0,8, −0,6, −1,33]

(c) 143

Sol: [0,6, −0,8, −0,75]

8. p041e27 - Resolver las siguientes ecuaciones para ángulos en el primer cuadrante:

(a) $\sin 2x = \frac{1}{2}$

Sol: $\left[\frac{\pi}{12}, \quad \frac{5\pi}{12}\right]$

(b) $\tan \frac{x}{2} = \frac{\sqrt{3}}{3}$

Sol: $\left[\frac{\pi}{3}\right]$

(c) $\sin\left(3x - \frac{\pi}{2}\right) = -\frac{1}{2}$

Sol: $\left[\frac{\pi}{9}, \quad \frac{5\pi}{9}\right]$

9. p041e28 - Resolver las siguientes ecuaciones:

(a) $2\sin x + \csc x = 2\sqrt{2}$

Sol: $[45, \quad 135]$

(b) $\sin x = \cos^2 x + 1$

Sol: $[90]$

(c) $\sin x \cos x = 0$

Sol: $[0, \quad 90, \quad 180, \quad 270]$

(d) $\tan x - \sin x = 0$

Sol: $[0, \quad -180, \quad 180, \quad 360]$

(e) $\sin x \cos x = 2\sin x$

Sol: $[0]$

(f) $2\cos x - 3\tan x = 0$

Sol: $\left[150, \quad 30, \quad -\frac{180 i \log\left(-i\left(-\sqrt{3}+2\right)\right)}{\pi}, \quad -\frac{180 i \log\left(-i\left(\sqrt{3}+2\right)\right)}{\pi}\right]$

(g) $\sin 2x = 2\cos x$

Sol: $[-90, \quad 90]$

(h) $4\tan x = \frac{\sqrt{3}}{\cos^2 x}$

Sol: $[-120, \quad -150, \quad 60, \quad 30]$

(i) $\sin x + \cos x = \sqrt{2}$

Sol: $[45]$

(j) $\sin 2x \cos x = 6 \sin^3 x$

Sol: $[0, \quad 180, \quad -150, \quad 150, \quad -30, \quad 30]$

(k) $4 \sin \frac{x}{2} \cos x = 3$

Sol: $[]$

(l) $\tan x \tan 2x = 1$

Sol: $[-150, \quad 150, \quad -30, \quad 30]$

(m) $4 \cos 2x + 3 \cos x = 1$

Sol: $\left[180, \quad -\frac{180 i \log\left(\frac{5}{8} - \frac{\sqrt{39} i}{8}\right)}{\pi}, \quad -\frac{180 i \log\left(\frac{5}{8} + \frac{\sqrt{39} i}{8}\right)}{\pi}\right]$

(n) $\tan x + 3 \cot x = 4$

Sol: $\left[45, \quad \frac{180 \operatorname{atan}(3)}{\pi}\right]$

(ñ) $4 \sin(x - 30) \cos(x - 30) = \sqrt{3}$

Sol: $\left[\frac{180\left(-\frac{2\pi}{3} + 30\right)}{\pi}, \quad \frac{180\left(\frac{\pi}{6} + 30\right)}{\pi}, \quad \frac{180\left(\frac{\pi}{3} + 30\right)}{\pi}, \quad \frac{180\left(-2 \operatorname{atan}\left(\sqrt{3} + 2\right) + 30\right)}{\pi}\right]$

10. p042e01 - Calcular los restantes elementos de un triángulo del que se conocen:

(a) El lado a = 6, y los ángulos B=45º, C=105º

Sol: $6\sqrt{2}, \; 3\sqrt{2} + 3\sqrt{6}, \; 30$

(b) El lado a = 8, y los ángulos B=30º, C=60º

Sol: $4, \; 4\sqrt{3}, \; 90$

11. p042e02 - Calcular los restantes elementos de un triángulo del que se conocen:

(a) Los lados a=10y b=7, y C=30º

Sol: $\sqrt{-70\sqrt{3}+149} = 5{,}268438428052338,\ 108{,}36878841450955,\ 41{,}63121158549045$

12. p042e03 - Determina si se puede construir un triángulo ABC sabiendo que
    (a) El lado a = 52 y b = 32 y que B = 40.5º.

    Sol: $distancia_{arecta} = 33{,}77129851316955 \rightarrow$ False

    (b) El lado a = 50 y b = 32 y que B = 39.5º.

    Sol: $distancia_{arecta} = 31{,}803911013888197 \rightarrow$ True

13. p042e04 - Calcula los ángulo del triángulo ABC, si se conocen:
    (a) Los lados a=22, b=17, y c=15

    Sol: [86,62771331656609, 50,47880364135783, 42,89348304207606]

14. p042e07 - Calcular el área de un triángulo sabiendo que:
    (a) El lado a=8, y los ángulos B=30º, y C=105º

    Sol: $8 + 8\sqrt{3} \rightarrow 21{,}856406460551018$

15. p042e08 - Calcular los lados de un triángulo sabiendo que:
    (a) Su área mide=18cm², y los ángulos A=30º, y B=45º

    Sol: $6, 6, 6\sqrt{2}$

16. p042e09 - Tres puntos A, B y C están unidos por carreteras rectas y llanas. ¿Cuánto distan A y C?, si:
    (a) La distancia AB es de 6km, la BC es=9km, y el ángulo que forman AB y BC es de 120º

    Sol: $3\sqrt{19} = 13{,}076696830622021$

17. p042e10 - Calcular el área de un triángulo ABC sabiendo que
    (a) a=25km, b=28, y sen(C)=0.96, siendo C ¡90º

    Sol: 336,0

18. p042e11 - Resuelve

(a) Un barco se encuentra a una distancia de 3.5 km del espigón del puerto en el instante en que otro barco se encuentra a 3 km del primero. Si ambos son observados desde el espigón bajo un ángulo de 43º, ¿a qué distancia se encuentra el segundo barco del puerto?

Sol: $b = [0{,}742526244918245, \quad 4{,}37694966641595]$