

Departamento de Matemáticas 1º Bachillerato



Final 1^a evaluación

Nombre:	Fecha:				
Tiempo: 50 minutos	Tipo: l				

Esta prueba tiene 11 ejercicios. La puntuación máxima es de 15. La nota final de la prueba será la parte proporcional de la puntuación obtenida sobre la puntuación máxima.

Ejercicio:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	Total
Puntos:	1	2	1	2	1	1	2	1	1	2	1	15

1. Dados los siguientes conjuntos A, B y C, represéntalos en la recta real. A continuación, calcula $A \cup B$, $A \cap B$ y $(A \cup B) \cap C$, y expresa los resultados en forma de Intervalos. Indica además, si existe, el máximo y el mínimo de cada uno de los conjuntos resultado.

(a)
$$A = \{x \in \mathbb{R} | 6 \le x \land x < 8\}$$
,
 $B = (-\infty, -3) \cup (3, \infty) y$
 $C = \{x \in \mathbb{R} | |x - 3| \le 12\}$ (1 punto)

Solución:
$$C = [-9, 15]$$
 $A \cup B = (-\infty, -3) \cup (3, \infty)$ $A \cap B = [6, 8)$ $(A \cup B) \cap C = [-9, -3) \cup (3, 15]$

2. Calcular:

(a)
$$(\sqrt{7} + \sqrt{3})^2 \cdot (5 - \sqrt{21})$$
 (1 punto)

Solución: 8

(b)
$$\frac{3\sqrt{2}-2\sqrt{3}}{3\sqrt{2}+2\sqrt{3}} - \frac{3}{2\sqrt{6}}$$
 (1 punto)

Solución: $\frac{-7\sqrt{3}+3\sqrt{2}}{2(2\sqrt{3}+3\sqrt{2})}$

- 3. Resuelve mediante expresiones algebraicas:
 - (a) Halla tres números naturales e impares consecutivos sabiendo que (1 punto) su producto menos su suma vale 6.

Solución:
$$6x - (2x - 1)(2x + 1)(2x + 3) + 9 = 0 \rightarrow \{1\}$$

4. Resuelve:

(a)
$$\sqrt{x+5} - \sqrt{x-1} = 2$$
 (1 punto)

Solución: $\begin{bmatrix} \frac{5}{4} \end{bmatrix}$

(b)
$$\frac{7-x}{x+4} - \frac{3}{x-5} = \frac{26x-25}{x^2-x-20} + \frac{1}{3}$$

(1 punto)

Solución:
$$\left[-\frac{23}{2}, -1\right]$$

5. Resolver:

(a)
$$\begin{cases} 2^x + 2^y = 24\\ 2^x \cdot 2^y = 128 \end{cases}$$

(1 punto)

Solución: $[\{x:3, y:4\}, \{x:4, y:3\}]$

6. Resolver:

(a)
$$2 \log x - \log(x+6) = 3 \log 2$$

(1 punto)

Solución: [12]

7. Discute el tipo de sistema y resuelve si es posible:

$$\int_{2x+2u} 4x = 6$$

(1 punto)

(a)
$$\begin{cases} 2x - y + z = 6 \\ 2x + 2y - 4z = 2 \\ x - 2y + 3z = 0 \end{cases}$$
Solución:
$$\begin{bmatrix} -1 & 2 & 1 & 6 \\ 0 & 6 & -2 & 14 \\ 0 & 0 & 0 & -5 \end{bmatrix} \rightarrow$$

(b)
$$\begin{cases} x + 2y - 3z = 9\\ 4x - 2y = 12\\ 4x + 3y - 6z = 24 \end{cases}$$

(1 punto)

Solución:
$$\begin{bmatrix} 2 & 1 & -3 & 9 \\ 0 & 5 & -3 & 21 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{cases} x : \frac{3z}{5} + \frac{21}{5}, & y : \frac{6z}{5} + \frac{12}{5} \end{cases}$$

8. Usando la definición y las propiedades de los números combinatorios, resolver las ecuaciones:

(a)
$$\binom{17}{x} = \binom{17}{x+1}$$

(1 punto)

Solución: {8}

9. Calcula el valor de m para que:

(a)
$$P(x) = 9x^2 - mx + \frac{1}{4}$$
 no tenga ninguna raíz real

(1 punto)

Solución:
$$\left[9, -m, \frac{1}{4}\right] \rightarrow -3 < m \land m < 3$$

10. Resuelve:

(a)
$$\frac{3x-2}{x-1} - \frac{3x+2}{x+1} \ge \frac{2x-1}{x^2-1}$$

(1 punto)

Solución:
$$(-\infty, -1) \cup (1, \infty)$$

(b)
$$\frac{x^3 - 5x^2 + 2x + 8}{x^2 + 1} < 0$$

(1 punto)

Solución:
$$(-\infty, -1) \cup (2, 4)$$

11. Calcula expresando el resultado en forma de fracción algebraica irreducible:

(a)
$$\frac{2+\frac{1}{x}}{2+\frac{1}{1+\frac{1}{x}}}$$

(1 punto)

Solución: $\frac{2x^2+3x+1}{3x^2+2x}$