

Departamento de Matemáticas 1º Bachillerato

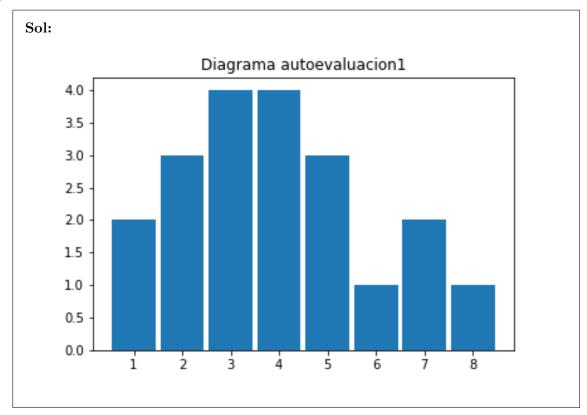


41 - Estadística Unidimensional

- 1. autoevaluacion
1 Se realiza una encuesta a un grupo de 20 personas acerca del número de veces que acuden al cine a lo largo de un año, obteniéndose los siguientes resultados: 4 2 6 8 3 4 3 5 7 1 3 4 5 7 2 2 1 3 4 5
 - (a) Realiza una tabla de frecuencias

	i	f_i	F_i	h_i	H_i	%_i	%A_i
	1	2	2	0.1	0.1	10	10
	2	3	5	0.15	0.25	15	25
	3	4	9	0.2	0.45	20	45
Sol:	4	4	13	0.2	0.65	20	65
	5	3	16	0.15	0.8	15	80
	6	1	17	0.05	0.85	5	85
	7	2	19	0.1	0.95	10	95
	8	1	20	0.05	1	5	100

(b) Realiza un diagrama de barras y un polígono de frecuencias



(c) Calcular los parámetros de centralización

Sol: 'media': 3.95, 'mediana': 4.0, 'moda': ModeResult(mode=array([3]), count=array([4]))

(d) Calcular los parámetros de posición P70, Q1, Q3, D4

Sol: 'P70': 5.0, 'Q1': 2.75, 'Q3': 5.0, 'D4': 3.0

(e) Calcular los parámetros de dispersión

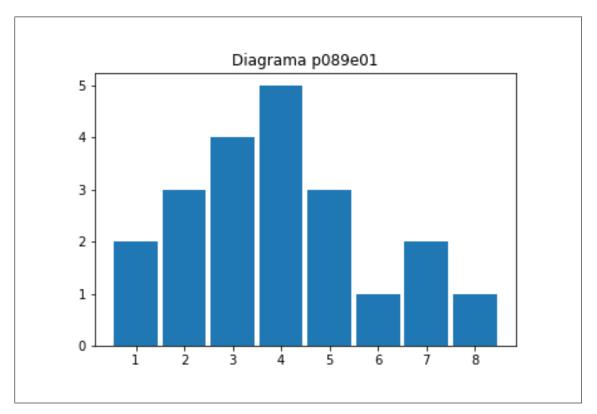
Sol: 'rango': 7, 'varianza': 3.747500000000001, 'desviación típica': 1.93584606826059, 'coeficiente variación': 0.490087612217872

- 2. p
089e01 Las calificaciones de un grupo de 34 alumnos han sido: 9 6 5 0 1 5 7 9 10 7 5 1 2 5 7 6 3 4 6 8 8 6 4 4 6 5 3 5 7 7 8 7 2 2
 - (a) Realiza una tabla de frecuencias

	x_i	f_i	F_i	$\mathrm{h}_{-\mathrm{i}}$	$_{ m H_i}$	%_i	$\% A_i$
	0	1	1	0.0294118	0.0294118	2.94118	2.94118
	1	2	3	0.0588235	0.0882353	5.88235	8.82353
	2	3	6	0.0882353	0.176471	8.82353	17.6471
	3	2	8	0.0588235	0.235294	5.88235	23.5294
Sol:	4	3	11	0.0882353	0.323529	8.82353	32.3529
501:	5	6	17	0.176471	0.5	17.6471	50
	6	5	22	0.147059	0.647059	14.7059	64.7059
	7	6	28	0.176471	0.823529	17.6471	82.3529
	8	3	31	0.0882353	0.911765	8.82353	91.1765
	9	2	33	0.0588235	0.970588	5.88235	97.0588
	10	1	34	0.0294118	1	2.94118	100

(b) Realiza un diagrama de barras y un polígono de frecuencias

Sol:



Sol: 'media': 5.294117647058823, 'mediana': 5.5, 'moda': ModeResult(mode=array([5]), count=array([6]))

(d) Calcular los parámetros de posición P70, Q1, Q3, D4

Sol: 'P70': 7.0, 'Q1': 4.0, 'Q3': 7.0, 'D4': 5.0

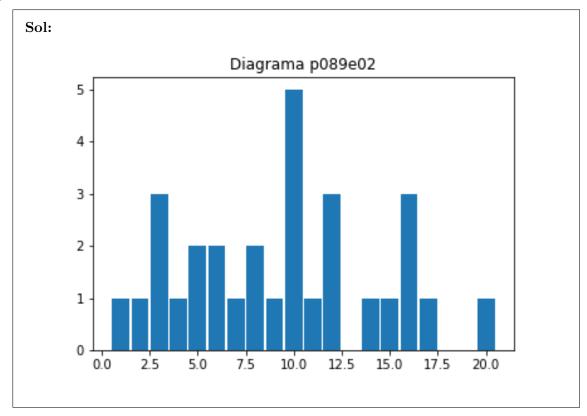
(e) Calcular los parámetros de dispersión

Sol: 'rango': 10, 'varianza': 6.031141868512111, 'desviación típica': 2.45583832295860, 'coeficiente variación': 0.463880572114402

- 3. p
089e02 En un grupo de personas de 1° de Bachillerato hemos preguntado por el número medio de días que practican deporte al mes. Las respuestas han sido las siguientes:16 11 17 12 10 5 1 8 10 14 15 20 10 3 8 10 2 5 12 6 16 7 6 16 10 3 3 9 4 12
 - (a) Realiza una tabla de frecuencias

	x_i	f_i	F_{-i}	$\mathrm{h}_{-\mathrm{i}}$	$_{\mathrm{H_{-}i}}$	%_i	$\%$ A_i
	1	1	1	0.0333333	0.0333333	3.33333	3.33333
	2	1	2	0.0333333	0.0666667	3.33333	6.66667
	3	3	5	0.1	0.166667	10	16.6667
	4	1	6	0.0333333	0.2	3.33333	20
	5	2	8	0.0666667	0.266667	6.66667	26.6667
	6	2	10	0.0666667	0.333333	6.66667	33.3333
	7	1	11	0.0333333	0.366667	3.33333	36.6667
Sol:	8	2	13	0.0666667	0.433333	6.66667	43.3333
501:	9	1	14	0.0333333	0.466667	3.33333	46.6667
	10	5	19	0.166667	0.633333	16.6667	63.3333
	11	1	20	0.0333333	0.666667	3.33333	66.6667
	12	3	23	0.1	0.766667	10	76.6667
	14	1	24	0.0333333	0.8	3.33333	80
	15	1	25	0.0333333	0.833333	3.33333	83.3333
	16	3	28	0.1	0.933333	10	93.3333
	17	1	29	0.0333333	0.966667	3.33333	96.6667
	20	1	30	0.0333333	1	3.33333	100

(b) Realiza un diagrama de barras y un polígono de frecuencias



(c) Calcular los parámetros de centralización

Sol: 'media': 9.3666666666666667, 'mediana': 10.0, 'moda': ModeResult(mode=array([10]), count=array([5]))

(d) Calcular los parámetros de posición P70, Q1, Q3, D4

Sol: 'P70': 12.0, 'Q1': 5.25, 'Q3': 12.0, 'D4': 8.0

(e) Calcular los parámetros de dispersión

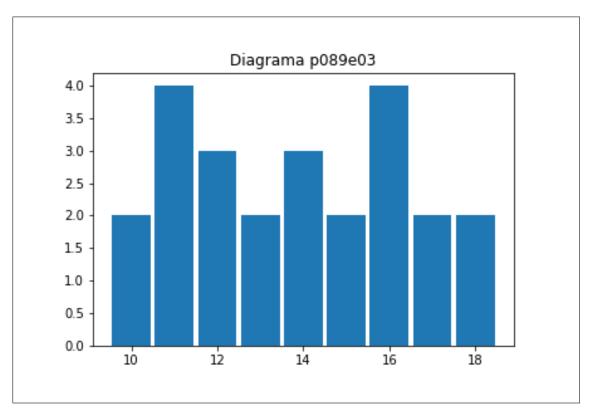
Sol: 'rango': 19, 'varianza': 24.2322222222227, 'desviación típica': 4.92262351010335, 'coeficiente variación': 0.525546993961212

- $4.\,$ p
089e03 Estos datos reflejan el tiempo, en minutos, que tardan en llegar a su centro escolar varios alumnos. 10 15 11 11 14 14 11 14 17 11 17 15 10 16 12 12 13 16 13 16 18 12 18 16
 - (a) Realiza una tabla de frecuencias

	i	f_i	F_i	h_i	H_i	%_i	%A_i
	10	2	2	0.0833333	0.0833333	8.33333	8.33333
	11	4	6	0.166667	0.25	16.6667	25
	12	3	9	0.125	0.375	12.5	37.5
Sol:	13	2	11	0.0833333	0.458333	8.33333	45.8333
501.	14	3	14	0.125	0.583333	12.5	58.3333
	15	2	16	0.0833333	0.666667	8.33333	66.6667
	16	4	20	0.166667	0.833333	16.6667	83.3333
	17	2	22	0.0833333	0.916667	8.33333	91.6667
	18	2	24	0.0833333	1	8.33333	100

(b) Realiza un diagrama de barras y un polígono de frecuencias

Sol:



(d) Calcular los parámetros de posición P70, Q1, Q3, D4

Sol: 'P70': 16.0, 'Q1': 11.75, 'Q3': 16.0, 'D4': 13.0

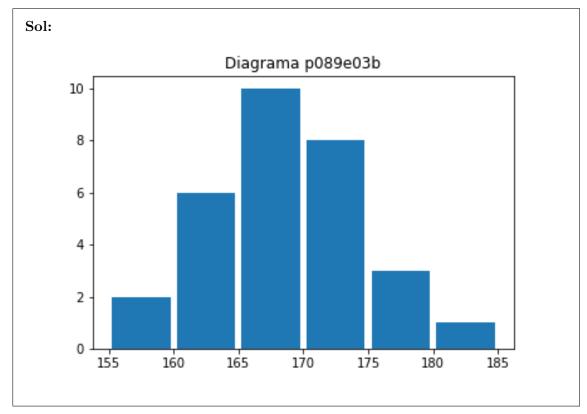
(e) Calcular los parámetros de dispersión

Sol: 'rango': 8, 'varianza': 6.22222222222222221, 'desviación típica': 2.49443825784929, 'coeficiente variación': 0.180320837916816

- 5. p
089e03b La altura en cm de 30 alumnos de un curso son:174 157 168 166 169 168 173 184 176 171 172 168 167 162 162 163 166 166 167 167 174 159 170 172 173 164 161 163 176 177 $^{\circ}$
 - (a) Realiza una tabla de frecuencias

	x_i	f_i	$\mathrm{F}_{-\mathrm{i}}$	r_i	R_{-i}	%_i	$\% A_i$
	157.5	2	2	0.066667	0.066667	6.66667	6.66667
	162.5	6	8	0.2	0.266667	20	26.6667
Sol:	167.5	10	18	0.333333	0.6	33.3333	60
	172.5	8	26	0.266667	0.866667	26.6667	86.6667
	177.5	3	29	0.1	0.966667	10	96.6667
	182.5	1	30	0.0333333	1	3.33333	100

(b) Realiza un diagrama de barras y un polígono de frecuencias



(c) Calcular los parámetros de centralización

(d) Calcular los parámetros de posición

Sol: 'Q1': 163.75, 'Q3': 172.5

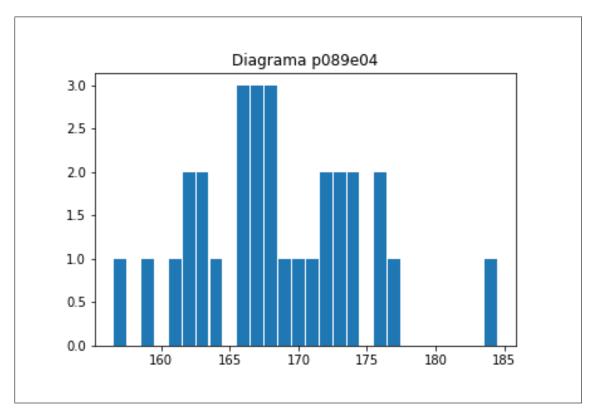
(e) Calcular los parámetros de dispersión

Sol: 'rango': 25.0, 'varianza': 34.4722222222222, 'desviación típica': 5.87130498460285, 'coeficiente variación': 0.0348101086043647

- $6. \ po89e04 La \ altura \ en \ cm \ de \ 30 \ alumnos \ de \ un \ curso \ son: 174 \ 157 \ 168 \ 166 \ 169 \ 168 \ 173 \ 184 \ 176 \ 171 \ 172 \ 168 \ 167 \ 162 \ 162 \ 163 \ 166 \ 166 \ 167 \ 167 \ 174 \ 159 \ 170 \ 172 \ 173 \ 164 \ 161 \ 163 \ 176 \ 177 \ 177 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \ 178 \$
 - (a) Realiza una tabla de frecuencias

	x_i	f_i	F_i	$\mathrm{h}_{-\mathrm{i}}$	$_{ m H_i}$	%_i	$\%$ A_i
	157	1	1	0.0333333	0.0333333	3.33333	3.33333
	159	1	2	0.0333333	0.0666667	3.33333	6.66667
	161	1	3	0.0333333	0.1	3.33333	10
	162	2	5	0.0666667	0.166667	6.66667	16.6667
	163	2	7	0.0666667	0.233333	6.66667	23.3333
	164	1	8	0.0333333	0.266667	3.33333	26.6667
	166	3	11	0.1	0.366667	10	36.6667
	167	3	14	0.1	0.466667	10	46.6667
Sol:	168	3	17	0.1	0.566667	10	56.6667
	169	1	18	0.0333333	0.6	3.33333	60
	170	1	19	0.0333333	0.633333	3.33333	63.3333
	171	1	20	0.0333333	0.666667	3.33333	66.6667
	172	2	22	0.0666667	0.733333	6.66667	73.3333
	173	2	24	0.0666667	0.8	6.66667	80
	174	2	26	0.0666667	0.866667	6.66667	86.6667
	176	2	28	0.0666667	0.933333	6.66667	93.3333
	177	1	29	0.0333333	0.966667	3.33333	96.6667
	184	1	30	0.0333333	1	3.33333	100

(b) Realiza un diagrama de barras y un polígono de frecuencias



Sol: 'media': 168.5, 'mediana': 168.0, 'moda': ModeResult(mode=array([166]), count=array([3]))

(d) Calcular los parámetros de posición P70, Q1, Q3, D4

Sol: 'P70': 172.0, 'Q1': 164.5, 'Q3': 172.75, 'D4': 167.0

(e) Calcular los parámetros de dispersión

Sol: 'rango': 27, 'varianza': 34.31666666666667, 'desviación típica': 5.85804290413331, 'coeficiente variación': 0.0347658332589514

7. p090e06 - La medida del tórax de una muestra de varones se distribuye:

	Duración	Cantidad
0	[79,5,85,5)	4
1	[85, 5, 91, 5)	8
2	[91, 5, 97, 5)	12
3	[97,5,103,5)	20
4	[103,5,109,5)	9
5	[109,5,115,5)	5
6	[115,5,121,5)	2

(a) Haz una tabla de frecuencias

		\lim_{-i} inf	\lim_{-sup}	x_i	f_i	F_{-i}	$\mathrm{h}_{-\mathrm{i}}$	$_{ m H_i}$	x_if_i	x^2_if_i
	0	79.5	85.5	82.5	4	4	0.0666667	0.0666667	330	27225
	1	85.5	91.5	88.5	8	12	0.133333	0.2	708	62658
	2	91.5	97.5	94.5	12	24	0.2	0.4	1134	107163
Sol:	3	97.5	103.5	100.5	20	44	0.333333	0.733333	2010	202005
	4	103.5	109.5	106.5	9	53	0.15	0.883333	958.5	102080
	5	109.5	115.5	112.5	5	58	0.0833333	0.966667	562.5	63281.2
	6	115.5	121.5	118.5	2	60	0.0333333	1	237	28084.5
	7	nan	nan	nan	60	nan	1	nan	5940	592497

(b) Calcula media, la varianza, la desviación típica y el coeficiente de variación

Sol: 'media': 99.0, 'varianza': 73.95000000000073, 'desviación típica': 8.59941858499752, 'coeficiente de variación': 0.0868628139898739

8. p090e07 - En una consulta médica la distribución de pacientes por su edad ha sido, en la última semana, la siguiente:

	D '/	O .: 1 1
	Duración	Cantidad
0	[15, 23)	3
1	[23, 31)	4
2	[31, 39)	5
3	[39, 47)	8
4	[47, 55)	10
5	[55, 63)	12
6	[63, 71)	15
7	[71, 79)	12
8	[79, 87)	6

(a) Haz una tabla de frecuencias

		1: · · · · ·	1.	•	· ·	ъ.	1 .	тт •		^0 :0:
		lim_inf	lim_sup	x_i	f_i	F_i	h_i	H_i	x_if_i	x^2_if_i
	0	15	23	19	3	3	0.04	0.04	57	1083
	1	23	31	27	4	7	0.0533333	0.0933333	108	2916
	2	31	39	35	5	12	0.0666667	0.16	175	6125
	3	39	47	43	8	20	0.106667	0.266667	344	14792
Sol:	4	47	55	51	10	30	0.133333	0.4	510	26010
	5	55	63	59	12	42	0.16	0.56	708	41772
	6	63	71	67	15	57	0.2	0.76	1005	67335
	7	71	79	75	12	69	0.16	0.92	900	67500
	8	79	87	83	6	75	0.08	1	498	41334
	9	nan	nan	nan	75	nan	1	nan	4305	268867

(b) Calcula media, la varianza, la desviación típica y el coeficiente de variación

Sol: 'media': 57.4, 'varianza': 290.1333333333367, 'desviación típica': 17.0333007175161, 'coeficiente de variación': 0.296747399259862

(c) La edad mas frecuente de los pacientes

Sol: 'Intervalo modal': '
left[63,0,71,0
right)', 'moda': 67.0

(d) El percentil 47

Sol: 'k': 47, 'N': 75.0, ' L_i ': 55.0, ' f_i ': 12.0, ' F_{i-1} ': 30.0, ' C_i ': 8.0, 'percentil': 58.5

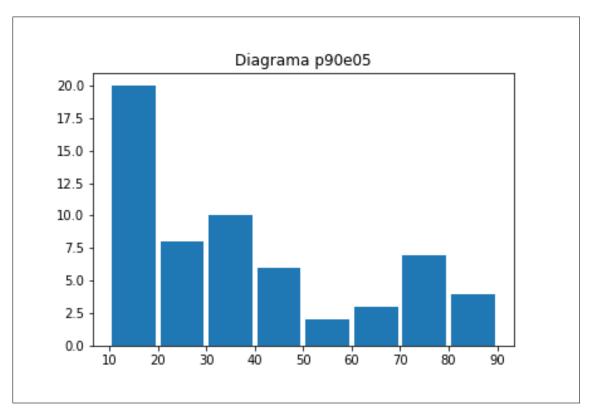
(e) ¿Qué porcentaje de pacientes tenían una edad superior a 60 años?

- 9. p90e05 La realización de una prueba de habilidad motora por parte de 60 niños ha dado los resultados siguientes:15 76 29 35 75 31 18 19 52 23 15 46 73 23 18 81 35 17 19 81 35 27 15 62 15 81 44 18 41 31 63 76 18 45 24 27 31 27 32 32 69 74 45 15 19 18 18 31 29 13 47 17 18 19 30 76 82 77 14 50
 - (a) Realiza una tabla de frecuencias

		r :	T7 :		D :	07 :	07 A :
	x_i	f_i	F_i	r_i	R_i	%_i	%A_i
	15	20	20	0.333333	0.333333	33.3333	33.3333
	25	8	28	0.133333	0.466667	13.3333	46.6667
	35	10	38	0.166667	0.633333	16.6667	63.3333
Sol:	45	6	44	0.1	0.733333	10	73.3333
	55	2	46	0.0333333	0.766667	3.33333	76.6667
	65	3	49	0.05	0.816667	5	81.6667
	75	7	56	0.116667	0.933333	11.6667	93.3333
	85	4	60	0.0666667	1	6.66667	100

(b) Realiza un diagrama de barras y un polígono de frecuencias

Sol:



Sol: 'media': 38.166666666666664, 'mediana': 35.0, 'moda': ModeResult(mode=array([15.]), count=array([20]))

(d) Calcular los parámetros de posición

Sol: 'Q1': 15.0, 'Q3': 55.0

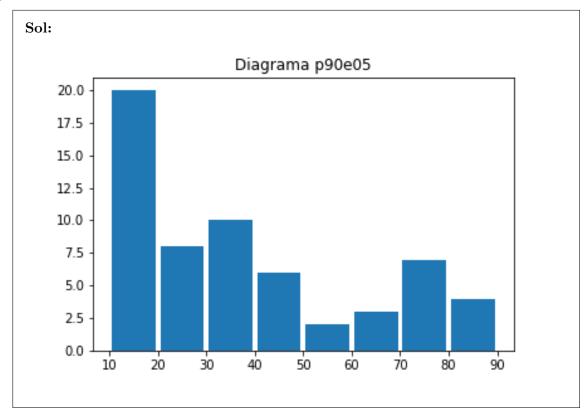
(e) Calcular los parámetros de dispersión

 ${\bf Sol:}\,$ 'rango': 70.0, 'varianza': 558.305555555554, 'desviación típica': 23.6284903359388, 'coeficiente variación': 0.619087083037699

(f) Realiza una tabla de frecuencias

	x_i	f_{-i}	F_{-i}	r_i	R_{-i}	%_i	$\% A_i$
	15	20	20	0.333333	0.333333	33.3333	33.3333
	25	8	28	0.133333	0.466667	13.3333	46.6667
	35	10	38	0.166667	0.633333	16.6667	63.3333
Sol:	45	6	44	0.1	0.733333	10	73.3333
	55	2	46	0.0333333	0.766667	3.33333	76.6667
	65	3	49	0.05	0.816667	5	81.6667
	75	7	56	0.116667	0.933333	11.6667	93.3333
	85	4	60	0.0666667	1	6.66667	100

(g) Realiza un diagrama de barras y un polígono de frecuencias



(h) Calcular los parámetros de centralización

Sol: 'media': 38.1666666666666664, 'mediana': 35.0, 'moda': ModeResult(mode=array([15.]), count=array([20]))

(i) Calcular los parámetros de posición

Sol: 'Q1': 15.0, 'Q3': 55.0

(j) Calcular los parámetros de dispersión

Sol: 'rango': 70.0, 'varianza': 558.305555555554, 'desviación típica': 23.6284903359388, 'coeficiente variación': 0.619087083037699