## Departamento de Matemáticas 1º Bachillerato



4 - Polinomios

1. p<br/>012e03 - Dados los polinomios  $A(x) = 2x^3 - 5x^2 + 6$ ,  $B(x) = -\frac{1}{2}x^5 - x^4 + 6x$  halla:

(a) 
$$A(x) + B(x)$$

**Sol:** 
$$-\frac{x^5}{2} - x^4 + 2x^3 - 5x^2 + 6x + 6$$

(b) 
$$A(x) - B(x)$$

Sol: 
$$-\frac{x^5}{2} - x^4 + 2x^3 - 5x^2 + 6x + 6$$
 Sol:  $\frac{x^5}{2} + x^4 + 2x^3 - 5x^2 - 6x + 6$ 

2. p012e04 - Dados los polinomios  $A(x) = 3x^3 - 6x^2 + 2x - 1$ ,  $B(x) = -x^4 + x^3 + x - 6$ ,  $C(x) = -x^4 + x^3 + x - 6$  $x^4 - x^2 + x + \frac{1}{2}$  halla:

(a) 
$$A(x) \cdot B(x)$$

Sol: 
$$-3x^7 + 9x^6 - 8x^5 + 6x^4 - 25x^3 + 38x^2 - 13x + 6$$

(b) 
$$A(x) - 3B(x) + 5C(x)$$
 (c)  $x^2 \cdot A(x) + 3x \cdot B(x)$ 

**Sol:** 
$$8x^4 - 11x^2 + 4x + \frac{39}{2}$$

(c) 
$$x^2 \cdot A(x) + 3x \cdot B(x)$$

Sol: 
$$-3x^4 + 2x^3 + 2x^2 - 18x$$

3. p012e07 - Halla el cociente y el resto de:

(a) 
$$(5x^4 - 7x^2 + 6x + 1)$$

$$(x + 1)$$
 : (c)  $(x - 1)$ 

$$(x^2 + 1)$$

**Sol:** 
$$\left(\frac{5x^2}{3} - \frac{7}{3}, 6x + 1\right)$$

d) 
$$(8x^6 - 5x^4 + 6) : (2x^2 - 6)$$

$$(x^9 - 7x + 1) \cdot (x^3 + x)$$

(b) 
$$(7x^4 - 3x^2 + 6x - 1)$$
  
 $(x^2 - x + 3)$ 

**Sol:** 
$$(7x^2 + 7x - 17,$$

**Sol:** 
$$\left(4x^4 - \frac{x^2}{2} - \frac{1}{4},\right)$$

$$(3x^5 - 6x^2 + 9)$$

(a) 
$$(5x^4 - 7x^2 + 6x + 1)$$
 : (c)  $(x^6 - 5) : (x^2 - x)$   $(x^2 + 1)$  (3x<sup>2</sup>)

Sol:  $(5x^4 - 7x^2 + 6x + 1)$  : (d)  $(8x^6 - 5x^4 + 6) : (2x^2 - (f))$   $(x^9 - 7x + 1) : (x^3 + x)$  (b)  $(7x^4 - 3x^2 + 6x - 1)$  :  $(x^2 - x + 3)$  Sol:  $(4x^4 - \frac{x^2}{2} - \frac{1}{4}, \frac{23}{4})$  Sol:  $(7x^2 + 7x - 17, \frac{32x + 50}{6})$  (e)  $(3x^5 - 6x^2 + 9)$  :

4. p012e08 - Dados  $A(x) = -x^3 + 2x^2 + 5$ ,  $B(x) = 2x^4 + 3x + 6$  halla el valor numérico de ambos polinomios en:

(a) 
$$x = 1$$

(c) 
$$x = 2$$

(e) 
$$x = \frac{1}{2}$$

**Sol:** 
$$\frac{43}{8}$$
  $y$   $\frac{61}{8}$ 

(b) 
$$x = -1$$

(d) 
$$x = -2$$

(f) 
$$x = -\frac{1}{2}$$

**Sol:** 
$$\frac{45}{8}$$
  $y \frac{37}{8}$ 

5. p012e09 - Halla, para cada uno de los siguientes polinomios, sus raíces:

**Sol:**  $\{-\sqrt{7}, \sqrt{7}\}$ 

(a) 
$$x^2 - 1$$

(b)  $x^2 - 7$ 

**Sol:**  $\{-1,1\}$ 

(c)  $3x^2 - 12$ 

**Sol:**  $\{-2,2\}$ 

(d)  $5x^2 - 25$ 

**Sol:**  $\{-\sqrt{5}, \sqrt{5}\}$ 

6. p<br/>012e10 - ¿Tiene el polinomio  $A(x) = x^4 + 3$  alguna raíz real?

(a) 
$$x^4 + 3$$

Sol: 
$$\left\{-\frac{\sqrt{2}\sqrt[4]{3}}{2} - \frac{\sqrt{2}\sqrt[4]{3}i}{2}, -\frac{\sqrt{2}\sqrt[4]{3}i}{2} + \frac{\sqrt{2}\sqrt[4]{3}i}{2}, \frac{\sqrt{2}\sqrt[4]{3}}{2} - \frac{\sqrt{2}\sqrt[4]{3}i}{2}, \frac{\sqrt{2}\sqrt[4]{3}i}{2} + \frac{\sqrt{2}\sqrt[4]{3}i}{2}\right\}$$

7. p013e11 - Aplica la regla de Ruffini para hallar el cociente y el resto de las siguientes divisiones:

(a) 
$$(x^2 - 3x + 6) : (x + 2)$$

**Sol:** (x-5, 16)

Sol: 
$$(2x^5 - 6x^4 + 11x^3 - 33x^2 - 800x (7.291, 7.864), 0$$

(c)  $(7x^3 - 4x - 3) : (x - 1)$  (d)  $(x^2 - 1) : (x + 1)$ Sol: (x - 1, 0)

(d) 
$$(x^2-1):(x+1)$$

(b) 
$$(2x^6 - 7x^4 + 6x - 9)$$
 :  $(x+3)$ 

**Sol:** 
$$(x-1, 0)$$

8. p013e12 - Aplica el teorema del resto para calcular el resto de las siguientes divisiones:

(a) 
$$(7x^3 - 4x + 9) : (x+1)$$

**Sol:** 0

Sol: 6
(b) 
$$(7x^3 - 4x - 3) : (x - 1)$$

(c) 
$$(x^2-1):(x+1)$$