

Departamento de Matemáticas 4º Académicas



Examen de final de trimestre

Nombre:	Fecha:			
Tiempo: 50 minutos	Tipo: B			

Esta prueba tiene 5 ejercicios. La puntuación máxima es de 12. La nota final de la prueba será la parte proporcional de la puntuación obtenida sobre la puntuación máxima.

Ejercicio:	1	2	3	4	5	Total
Puntos:	3	2	3	2	2	12

1. Resuelve las siguientes inecuaciones de manera justificada:

(a)
$$x^3 + x < 2x^2$$
 (1 punto)

Solución: $(-\infty,0)$

(b)
$$\frac{x-1}{x^2+x} \geqslant 0$$
 (2 puntos)

Solución: $(-1,0) \cup [1,\infty)$

2. Calcula el perímetro y el área de un triángulo rectángulo sabiendo que la altura y la proyección de un cateto sobre la hipotenusa son de 2 cm y 2,5 cm, respectivamente. (2 puntos)

Solución:
$$2^2 = 2.5 \cdot x \rightarrow x = \frac{4}{2.5} = 1.6$$

 $c_1 = \sqrt{(1.6 + 2.5) \cdot 1.6} \approx 2.56124969497314cm$
 $c_2 = \sqrt{(1.6 + 2.5) \cdot 2.5} \approx 3.20156211871642cm$
 $P \approx 4.1 + 2.6 + 3.2 = 9.9cm$
 $A \approx \frac{4.1 \cdot 2}{2} = 4.1cm^2$

- 3. Si $\cos \alpha = \frac{5}{13}$:
 - (a) Calcula el resto de las razones trigonométricas (seno y tangente) usando las relaciones trigonométricas fundamenteles y sabiendo que $\alpha \in I$ (primer cuadrante)

Solución: sen
$$\alpha = \sqrt{1 - \left(\frac{5}{13}\right)^2} = \sqrt{\frac{144}{169}} = \frac{12}{13} \to \operatorname{tg} \alpha = \frac{12}{5}$$

(b) Utilizando el apartado anterior calcula las razones trigonométricas (1 punto) (seno, coseno y tangente) del ángulo $\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right)$

Solución:
$$\operatorname{sen}\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) = \cos \alpha = \frac{12}{13}$$
 $\cos\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) = -\sin \alpha = -\frac{5}{13}$
 $\operatorname{tg}\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) = -\cot \alpha = -\frac{12}{5}$

4. El lado de un rombo mide 8 cm y el ángulo menor es de 60°. ¿Cuánto (2 puntos) miden las diagonales del rombo y calcula su área?

Solución: sen
$$30 = \frac{x}{8} \to d = 2 \cdot 8 \cdot \frac{1}{2} = 8cm$$

 $\cos 30 = \frac{y}{8} \to D = 2 \cdot 8 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 8\sqrt{3} \approx 13,856406460551cm$
 $A = \frac{D \cdot d}{2} = 32\sqrt{3} = \approx 55,4256258422041cm^2$

- 5. Una antena de radio está sujeta al suelo con dos cables, que forman con la antena ángulos de 30° y 45°. Los puntos de sujeción de los cables están alineados con el pie de la antena y distan entre sí 98 m. Calcula la altura de la antena y la longitud de los cables.
- $(2 \ puntos)$

$$\begin{cases} \text{Solución:} & tg \, 30 = \frac{y}{x} \\ \text{tg } 45 = \frac{y}{98 - x} \end{cases} \rightarrow \\ x = \frac{98 \, \text{tg } 45}{\text{tg } 45 + tg \, 30} \approx 62,129510429125m \\ y = \frac{98 \, \text{tg } 45 \, \text{tg } 30}{\text{tg } 45 + tg \, 30} \approx 35,870489570875m \\ x_1 = \frac{y}{\text{sen } 30} \approx 71,74097914175m \\ x_2 = \frac{y}{\text{sen } 45} \approx 50,7285328400941m \end{cases}$$