

Departamento de Matemáticas 4° ESO



Autoevaluación - Parcial 3

1. Calcular, usando las identidades fundamentales de la trigonometría, las razones trigonométricas de un ángulo agudo x sabiendo que:

(a) $\cos x = \frac{1}{2}$

Sol: $\sin x = \frac{\sqrt{3}}{2}, \cos x = \frac{1}{2}, \tan x = \sqrt{3}.$ El ángulo agudo que cumple esas razones es 60° . (c) $\cos x = \frac{1}{3}$

Sol: $\sin x = \frac{2\sqrt{2}}{3}, \cos x = \frac{1}{3}, \tan x = 2\sqrt{2}.$ El ángulo agudo que cumple esas razones es $70,53^{\circ}$.

(e) $\sin x = \frac{4}{5}$

Sol: $\sin x = \frac{4}{5}, \cos x = \frac{3}{5}, \tan x = \frac{4}{3}.$ El ángulo agudo que cumple esas razones es $53,13^{\circ}$.

(b) $\tan x = \frac{1}{2}$

Sol: $\sin x = \frac{\sqrt{5}}{5}, \cos x = \frac{2\sqrt{5}}{5}, \tan x = \frac{1}{2}.$ El ángulo agudo que cumple esas razones es 26,57°.

(d) $\tan x = 3$

Sol: $\sin x = \frac{3\sqrt{10}}{10}, \cos x = \frac{\sqrt{10}}{10}, \tan x = 3.$ El ángulo agudo que cumple esas razones es 71,57°.

(f) $\tan x = 5$

Sol: $\sin x = \frac{5\sqrt{26}}{26}, \cos x = \frac{\sqrt{26}}{26}, \tan x = 5.$ El ángulo agudo que cumple esas razones es 78,69°.

2. Resuelve los triángulos rectángulos:

(a) Sabiendo que los catetos miden 8 y 15 cm.

Sol: Los lados del triángulo miden: 8, 15, 17 cm. Y los ángulos: 28,07, 61,93, 90 $^{\rm o}$

(b) Sabiendo que un cateto mide 12 cm. y su ángulo opuesto 30°

Sol: Los lados del triángulo miden: 12, 20,78, 24 cm. Y los ángulos: 30, 60, 90 $^{\circ}$

c) Sabiendo que un cateto mide 8 cm. y su ángulo opuesto 45º

Sol: Los lados del triángulo miden: 8, 8, 11,31 cm. Y los ángulos: 45, 45, 90 $^{\rm o}$

(d) Sabiendo que la hipotenusa mide 18 cm. y un ángulo 60°

Sol: Los lados del triángulo miden: $15,59,\ 9,\ 18\ {\rm cm.}\ {\rm Y}$ los ángulos: $60,\ 30,\ 90^{\ 0}$

(e) Sabiendo que un cateto mide 18 cm. y el ángulo opuesto al otro cateto 30º

Sol: Los lados del triángulo miden: 18, 10,39,20,78 cm. Y los ángulos: $60, 30, 90^{\circ}$

3. Calcular las razones trigonométricas de un ángulo α si:

(a)
$$\cos \alpha = -\frac{\sqrt{3}}{2} \wedge \alpha \in III$$

Sol:
$$\sin \alpha = \frac{1}{2}, \cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}, \tan \alpha = \frac{\sqrt{3}}{3}.$$

El ángulo que cumple las condiciones del ejercicio es: 210°

(c)
$$\sin \alpha = \frac{1}{2} \wedge \alpha \in II$$

Sol:
$$\sin \alpha = \frac{1}{2}, \cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}, \tan \alpha = -\frac{\sqrt{3}}{3}.$$
 El ángulo que cumple las condiciones del ejercicio es: 150°

(e)
$$\tan \alpha = 1 \land \alpha \in III$$

Sol:
$$\sin \alpha = \frac{\sqrt{2}}{2}, \cos \alpha = \frac{-\sqrt{2}}{2}, \tan \alpha = 1.$$
El ángulo que cumple las condiciones del ejercicio es: 225°

(b)
$$\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2} \wedge \alpha \in II$$

Sol:
$$\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}, \cos \alpha = \frac{1}{2}, \tan \alpha = -\sqrt{3}.$$

El ángulo que cumple las condiciones del ejercicio es: 120°

(d)
$$\cos \alpha = -\frac{1}{2} \wedge \alpha \in III$$

Sol:
$$\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}, \cos \alpha = \frac{1}{2}, \tan \alpha = \sqrt{3}.$$

El ángulo que cumple las condiciones del ejercicio es: 240°

(f)
$$\sin \alpha = -\frac{\sqrt{2}}{2} \wedge \alpha \in IV$$

Sol:
$$\sin \alpha = \frac{\sqrt{2}}{2}, \cos \alpha = \frac{\sqrt{2}}{2}, \tan \alpha = -1.$$
 El ángulo que cumple las condiciones del ejercicio es: 315°

4. Calcular las razones trigonométricas de un ángulo α si:

(a)
$$\cos \alpha = -\frac{\sqrt{3}}{2} \wedge \tan \alpha > 0$$

Sol:

$$\sin \alpha = -\frac{1}{2}, \cos \alpha = -\frac{\sqrt{3}}{2}, \tan \alpha = \frac{\sqrt{3}}{3}.$$
El ángulo que cumple las condiciones

 $\frac{\sqrt{3}}{3}$. El ángulo que cumple las condiciones del ejercicio es: 210°

Sol:

$$\sin \alpha = \frac{1}{2}, \cos \alpha = -\frac{\sqrt{3}}{2}, \tan \alpha = -\frac{\sqrt{3}}{3}.$$

El ángulo que cumple las condiciones

del ejercicio es: 150°

(b)
$$\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2} \wedge \tan \alpha < 0$$

Sol:
$$\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}, \cos \alpha = -\frac{1}{2}, \tan \alpha = -\sqrt{3}$$
. El ángulo que cumple las condiciones

El ángulo que cumple las condiciones del ejercicio es: 120°

(d)
$$\cos \alpha = -\frac{1}{2} \wedge \tan \alpha > 0$$

Sol:

$$\sin \alpha = -\frac{\sqrt{3}}{2}, \cos \alpha = -\frac{1}{2}, \tan \alpha = \frac{1}{2}$$

El ángulo que cumple las condiciones del ejercicio es: 240°

(c)
$$\sin \alpha = \frac{1}{2} \wedge \cos \alpha < 0$$

(e)
$$\tan \alpha = 1 \wedge \cos \alpha < 0$$

$$\sin \alpha = -\frac{\sqrt{2}}{2}, \cos \alpha = -\frac{\sqrt{2}}{2}, \tan \alpha = 1.$$

El ángulo que cumple las condiciones del ejercicio es: 225°

(f)
$$\sin \alpha = -\frac{\sqrt{2}}{2} \wedge \tan \alpha < 0$$

Sol:

Sol:
$$\sin \alpha = -\frac{\sqrt{2}}{2}, \cos \alpha = \frac{\sqrt{2}}{2}, \tan \alpha = -1.$$

El ángulo que cumple las condiciones del ejercicio es: 315°

5. Resuelve las siguientes ecuaciones

(a)
$$\cos x = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

Sol:
$$x = 30^{\circ}, x = 330^{\circ}$$

(b)
$$\cos x = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

Sol:
$$x = 150^{\circ}, x = 210^{\circ}$$

(c)
$$4(\cos x)^2 - 1 = 0$$

Sol:
$$x = 60^{\circ}, x = 120^{\circ}, x = 240^{\circ}, x = 300^{\circ}$$

(d)
$$2(\sin x)^2 - \sin x - 1 = 0$$

Sol:
$$x = -30^{\circ}, x = 90^{\circ}, x = 210^{\circ}$$

- 6. Resuelve los siguientes problemas:
 - El lado de un rombo mide 30 cm y el ángulo menor es de 40°. ¿Cuánto miden las diagonales del rombo?

Sol: las diagonales miden 20,52 y 56,38 respectivamente

Desde el punto donde estoy, la visual al punto más alto de una torre que tengo enfrente forma un ángulo de 30° con la horizontal. Si me acerco 100 m, el ángulo es de 60°. ¿Cuál es la altura del edificio?

Sol:
$$\begin{cases} \tan{(60)} = \frac{y}{x} \\ \tan{(30)} = \frac{y}{x+100} \end{cases} \to \{x: 50,0043301290378, \ y: 86,6125002165064\}$$

(c) Halla el área de un paralelogramo cuyos lados miden 40 cm y 45 cm y forman un ángulo de 60°.

Sol: La altura mide mide 34,64 cm y por tanto el área es 779,4 cm2