Departamento de Matemáticas 4º Académicas





1. Demuestra que son equivalentes las siguientes inecuaciones:

(a)
$$\frac{x}{3} - 3x + 4 > x - 2$$
 (b) $7x < 12$

(b)
$$7x < 12$$

2. ¿Son equivalentes las siguientes inecuaciones?

(a)
$$x - 2 \ge \frac{x}{3}$$

(b)
$$3x - \frac{x}{6} + 2 \ge 3 + \frac{5x}{2}$$

3. Resuelve las siguientes inecuaciones lineales con una incógnita:

(a)
$$5x + 6 - \frac{x}{2} > -1$$

(d)
$$8x - 6 \ge \frac{2x}{5}$$

(b)
$$3 \cdot (x-3) > 1-5x$$

(e)
$$\frac{2x}{3} - \frac{x}{2} + 5 < x - \frac{x}{3}$$

(h)
$$\frac{x-2}{5} - \frac{3x+1}{2} < \frac{x}{2} - 3x$$

(c)
$$2 - \frac{x}{3} + 2x > 1 - x$$

(f)
$$\frac{4-3x}{2} < x + 3$$

(i)
$$3x - \frac{1-2x}{4} < \frac{x-1}{2} + 1$$

4. Resuelve las siguientes inecuaciones de segundo grado:

(a)
$$2x^2 - 12x + 16 \le 0$$

(h)
$$2x^2 - 10x - 12 \le 0$$

(b)
$$-x^2 + 4 \le 0$$

(e)
$$x^2 - 6x + 8 > 0$$

(i)
$$-3x^2 + 6x + 9 \le 0$$

(c)
$$x^2 + 6x + 9 \le 0$$

(a)
$$2x + 10 \le 0$$

(b) $-x^2 + 4 \le 0$
(c) $x^2 + 6x + 9 \le 0$
(d) $x^2 - x - 6 > 0$
(e) $x^2 - 6x + 8 > 0$
(f) $x^2 + 6x + 24 > 0$
(g) $x^2 - 3x > 0$

(i)
$$x \cdot (x+1) + 3x > 5x + 6$$

(d)
$$x^2 - x - 6 > 0$$

(g)
$$x^2 - 3x > 0$$

5. Resuelve los siguientes sistemas de inecuaciones lineales con una incógnita:

(a)
$$\begin{cases} 2x + 6 < 0 \\ x + \frac{1}{3} \geqslant \frac{x}{2} \end{cases}$$

(d)
$$\begin{cases} x - 2 \le 2x + 1 \\ 3 - x < 1 - 2x \end{cases}$$

(g)
$$\begin{cases} \frac{x}{3} - \frac{x}{2} \ge 1\\ (x+1)^2 - x^2 \le 1 \end{cases}$$

(b)
$$\begin{cases} x+4 < 0 \\ x+1 < \frac{x}{2} \end{cases}$$

(e)
$$\begin{cases} \frac{x}{3} + x < 4 \\ \frac{x}{2} - \frac{x}{3} > 0 \end{cases}$$

(h)
$$\begin{cases} 5x + 8 \leqslant 14 + 3x \\ 14x - 34 > 12x - 3 \end{cases}$$

(c)
$$\begin{cases} x \leqslant 0 \\ \frac{x}{2} + \frac{x}{3} - 6 \leqslant 5 \end{cases}$$

(a)
$$\begin{cases} 2x + 6 < 0 \\ x + \frac{1}{3} \geqslant \frac{x}{2} \end{cases}$$
 (d)
$$\begin{cases} x - 2 \leqslant 2x + 1 \\ 3 - x < 1 - 2x \end{cases}$$
 (g)
$$\begin{cases} \frac{x}{3} - \frac{x}{2} \geqslant 1 \\ (x + 1)^2 - x^2 \leqslant 1 \end{cases}$$
 (e)
$$\begin{cases} \frac{x}{3} + x < 4 \\ \frac{x}{2} - \frac{x}{3} > 0 \end{cases}$$
 (h)
$$\begin{cases} 5x + 8 \leqslant 14 + 3x \\ 14x - 34 > 12x - 36 \end{cases}$$
 (c)
$$\begin{cases} \frac{x}{3} + \frac{x}{3} + \frac{x}{3} = 2 \\ \frac{x}{3} - \frac{x}{3} = 1 \end{cases}$$
 (f)
$$\begin{cases} \frac{x - 4}{2} + \frac{x + 2}{3} \leqslant 2 \\ \frac{x}{3} - \frac{x}{2} \leqslant 1 \end{cases}$$

6. Resuelve los siguientes inecuaciones de expresión racional:

(a)
$$\frac{(x+3)}{x-4} \geqslant 0$$

$$(c) \quad \frac{x-8}{3x-6} < 0$$

(e)
$$\frac{x+3}{4x} < 0$$

(b)
$$\frac{2x+6}{x-5} \ge 0$$

$$(d) \quad \frac{x-2}{x+2} < 0$$

(f)
$$\frac{(x-1)\cdot(x-2)}{3x^2+4} \geqslant 0$$