## Departamento de Matemáticas 4º Académicas



Potencias y Radicales

1. Reduce lo que puedas:

(a) 
$$\frac{(-2 \cdot 3)^{2} \cdot (3^{2} \cdot 2)^{3}}{(2^{3} \cdot 3 \cdot 2^{-1})^{2}}$$
(b) 
$$\frac{4^{-2} \cdot 9 \cdot 2^{3} \cdot 3^{-2}}{(2 \cdot 3)^{2} (3^{-1} \cdot 8)^{-2}}$$
(c) 
$$\frac{-a^{-3} \cdot a^{5} \cdot a^{2}}{(a \cdot a^{3})^{2} (-a^{3})^{-5} \cdot a^{-2}}$$

(e)

(b) 
$$\frac{4^{-2} \cdot 9 \cdot 2^3 \cdot 3^{-2}}{(2 \cdot 3)^2 (3^{-1} \cdot 8)^{-2}}$$

$$\left(\frac{-2a^{-2}}{9b^2}\right)^{-1}: \left(\frac{3a^2b}{4}\right)^4 \qquad (g)$$

(c) 
$$\frac{-a^{-3} \cdot a^{5}}{(a \cdot a^{3})^{2} (-a^{3})^{2}}$$

$$\frac{-3 \cdot a^3 \cdot a^2}{2(-a^3)^{-5} - a^{-2}}$$
 (f)

$$\left[\frac{2a^3b^{-2}}{(3ab^{-1})^{-1}}\right]^{-2}: \left[\frac{a^{-2}b^2}{6a^2}\right]^3$$

(d) 
$$\frac{64 \cdot (x^2 y^{-1})^{-2}}{24 \cdot (x^{-1} 2 y)^3}$$

$$\frac{\left(a^3b^2\right)^{-2}:b^{-5}}{\left(a^{-2}\right)^{-\frac{1}{2}}}$$

2. Expresa en notación científica, opera y simplifica:

(a) 
$$\frac{0'0001 \cdot 0'01 \cdot 10000}{0'1 \cdot 100 \cdot 0'01}$$

(c) 
$$\frac{1000 \cdot 12000 \cdot 0'02 \cdot 0'01}{400 \cdot 0'00003}$$

(b) 
$$\frac{0'2 \cdot 100 \cdot 1000}{8000 \cdot 0'1 \cdot 10000}$$

(d) 
$$\frac{0'0012 \cdot 0'002 \cdot 100000}{8000 \cdot 0'0003 \cdot 0'01}$$

3. Extrae los factores que puedas:

(a) 
$$\frac{1}{4}\sqrt[5]{64}$$

(b) 
$$\sqrt[5]{\frac{5x^{10}}{y^8}}$$

(d) 
$$\sqrt{300a^3b^{15}}$$

(c) 
$$\sqrt[3]{-900x^3}$$

(f) 
$$\sqrt{27x^8 - 108x^6y^2}$$

4. Introduce los factores en el radical:

(a) 
$$\frac{3}{5}\sqrt{\frac{5}{3}}$$

(c) 
$$5x\sqrt[3]{x}$$

(e) 
$$2xy^2\sqrt[3]{x^2y}$$

(b) 
$$2x^3\sqrt{6x}$$

(d) 
$$\frac{1}{2}x^2y\sqrt[3]{\frac{2}{xy}}$$

(f) 
$$(x+y)\sqrt{\frac{x-y}{x+y}}$$

5. Opera y simplifica:

(a) 
$$2\sqrt{3} \cdot 3\sqrt{2} \cdot 5\sqrt{6}$$

(g) 
$$\sqrt[4]{x^3y^2}:\sqrt{xy}$$

(m) 
$$\sqrt[4]{a\sqrt[3]{a}} \cdot \sqrt{a\sqrt{a}} \cdot \sqrt[6]{a^5\sqrt{a^5}}$$

(b) 
$$\sqrt[3]{81} : \sqrt[3]{9}$$

(h) 
$$\frac{\sqrt{8a^2b}\sqrt[3]{9ab^2}}{\sqrt[6]{2a}}$$

(n) 
$$\sqrt{a\sqrt[3]{\frac{2b}{a}}} \cdot \sqrt[3]{\frac{2}{a}\sqrt{\frac{1}{2b}}}$$

(c) 
$$\frac{\sqrt{2ab^2} \cdot \sqrt{4a^2b}}{\sqrt{2a^3b}}$$

(i) 
$$\sqrt[5]{3^2} \cdot \sqrt[8]{2^5} \cdot \sqrt[4]{5^3}$$
  
(j)  $\sqrt[8]{4} \cdot \sqrt[6]{16} \cdot \sqrt[12]{8^5}$ 

$$\sqrt{3}\sqrt{3}\sqrt{1}\sqrt{23}$$

(d) 
$$\sqrt{2}\sqrt[3]{2}\sqrt[4]{2}$$
  
(e)  $\sqrt{2ab}\sqrt{4a^2b}\sqrt[6]{2a^5b^5}$ 

(k) 
$$\sqrt{x\sqrt[3]{y}}$$

$$(\tilde{\mathbf{n}}) \quad \sqrt[3]{\sqrt[3]{\frac{1}{3}\sqrt{3^3}}}$$

(f) 
$$\sqrt[4]{\frac{ac^5}{b}} \sqrt[8]{\frac{a^6b^5}{c^2}}$$

(1) 
$$\sqrt[3]{\frac{a}{b}\sqrt{\frac{b}{a}}}$$

(o) 
$$\sqrt{3a^2 + \sqrt{6a^4 - \sqrt{25a^8}}}$$

6. Calcula las siguientes sumas:

(a) 
$$3\sqrt{2} - 5\sqrt{8} + 7\sqrt{32}$$

(b) 
$$\frac{5}{6}\sqrt{27} + 4\sqrt{75} - \frac{3}{4}\sqrt{48} - \frac{5}{4}\sqrt{12}$$

(c) 
$$\sqrt{98} + \sqrt{18} + \sqrt{8}$$

(c) 
$$\sqrt{98} + \sqrt{18} + \sqrt{8}$$
  
(d)  $\sqrt{45x^3} + \sqrt{5x^2y} - \sqrt{80x^3}$ 

(e) 
$$\frac{1}{2}\sqrt{12} + \frac{1}{3}\sqrt{27} + \frac{1}{5}\sqrt{75}$$

(f) 
$$\sqrt{8b^3} - \sqrt{18b^3} + \sqrt{128b^5}$$

(g) 
$$\sqrt[3]{54} - 2\sqrt[3]{16}$$

$$(h) \quad \sqrt{\frac{1}{3}} + \sqrt{27}$$

(i)

$$x\sqrt{4(3x+1)} - \sqrt{27x^3 + 9x^2} + \sqrt{3x^3 + x^2}$$

7. Calcula, racionalizando si fuera necesario::

(a) 
$$\frac{3}{\sqrt{3}}$$

(b)  $\frac{2}{\sqrt[3]{7}}$ 

(c) 
$$\frac{1}{\sqrt{2}-1}$$

$$(d) \quad \frac{6}{\sqrt{3}-1}$$

(e) 
$$\frac{6}{\sqrt[4]{4}}$$

$$(f) \quad \frac{\sqrt{6} + \sqrt{3}}{\sqrt{6} - \sqrt{3}}$$