

Departamento de Matemáticas 4º Académicas



Examen de geometría analítica y funciones

Nombre: ______Fecha: ______
Tiempo: 50 minutos _____ Tipo: A2

Esta prueba tiene 4 ejercicios. La puntuación máxima es de 14. La nota final de la prueba será la parte proporcional de la puntuación obtenida sobre la puntuación máxima.

Ejercicio:	1	2	3	4	Total
Puntos:	2	5	3	4	14

ACLARACIÓN: Los ejercicios de geometría se han de resolver de manera analítica (no gráfica). Los ejercicios de funciones deberán estar justificados con los cálculos que sean necesarios para su resolución.

- 1. Resuelve las siguientes cuestiones geométricas:
 - (a) Averigua el punto simétrico de A(-1, -4) con respecto a B(5, 0) (1 punto)

Solución:
$$(5,0) = (\frac{-1+x}{2}, \frac{-4+y}{2}) \to A'(11,4)$$

(b) Escribe la ecuación vectorial, paramétrica, continua, general y explícita de la recta que pasa por el punto P(2,0) y tiene por vector direccional a $\overrightarrow{v} = [\overrightarrow{CD}]$, siendo C(2,2) y D(1,0)

Solución:
$$\overrightarrow{d}(-1, -2) \wedge P \in r$$

 $(-t+2, -2t)$
 $r \equiv 2x - y - 4 = 0$

- 2. En el triángulo de vértices A(-3,1), B(1,5) y C(4,0), halla:
 - (a) La ecuación de la recta h sobre la que se apoya la altura trazada (2 puntos) desde el vértice B.

Solución:
$$\overrightarrow{AC}(7,-1) \land A \in r \rightarrow r \equiv x + 7y - 4 = 0$$

 $h \perp r \land B \in h \rightarrow \overrightarrow{d'}(1,7) \land B \in h \rightarrow h \equiv -7x + y + 2 = 0$

(b) El perímetro y el área del triángulo. (2 puntos)

Solución: Perímetro: $4\sqrt{2} (\approx 5,65685424949238) + 5\sqrt{2} (\approx 7,07106781186548) + \sqrt{34} (\approx 5,8309518948453) = \sqrt{34} + 9\sqrt{2} \approx 18,5588739562032 \, ud$ Área: $\frac{5\sqrt{2} \cdot \frac{16\sqrt{2}}{5}}{2} = 16 \, ud^2$

(c) El angulo del vértice $A(\hat{A})$. (1 punto)

Solución: $P(9/25, 13/25) = r \cap h$

$$\left| \overrightarrow{BP} \right| = \frac{16\sqrt{2}}{5}$$

$$\left| \overrightarrow{AP} \right| = \frac{12\sqrt{5}}{5}$$

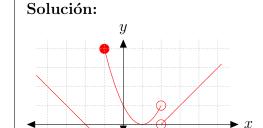
distancias:

$$\begin{vmatrix} \overrightarrow{BP} | = \frac{16\sqrt{2}}{5} \\ |\overrightarrow{AP}| = \frac{12\sqrt{2}}{5} \end{vmatrix}$$

$$\hat{A} = \arctan(\frac{16\sqrt{2}/5}{12\sqrt{2}/5}) = \arctan(\frac{4}{3}) \approx 53,130102354156$$

- 3. Dada la siguiente función $f(x) = \begin{cases} -x-2 & \text{si} & x < -1 \\ x^2 2x + 1 & \text{si} & -1 \le x < 2 \\ x 2 & \text{si} & x > 2 \end{cases}$
 - (a) Representa la función gráficamente

(2 puntos)



(b) Indica el dominio y el recorrido de la función utilizando la notación de conjuntos de números reales

Solución: $Dom(f) = \mathbb{R} - \{2\}$ $Im(f) = (-1, +\infty)$

- 4. Dada la función f(x) = |2x + 4|
 - (a) Transforma la función a una función a trozos equivalente

(1 punto)

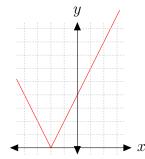
(1 punto)

Solución:
$$f(x) = \begin{cases} -(2x+4) & \text{si} \quad x < -2\\ 2x+4 & \text{si} \quad x \ge -2 \end{cases}$$

(b) Representa la función gráficamente

(2 puntos)





(c) Indica el *dominio* y el *recorrido* de la función utilizando la notación de conjuntos de números reales

(1 punto)

Solución: $Dom(f) = \mathbb{R}$ $Im(f) = [0, +\infty]$



