

1. Teorema del cateto y altura:

- (a) Calcula la hipotenusa de un triángulo rectángulo, sabiendo que sus catetos miden 156 cm y 65 cm.

$$\text{Sol: } = \sqrt{156^2 - 65^2} = 169$$

- (b) Halla las longitudes de las proyecciones sobre la hipotenusa de los catetos del triángulo del ejercicio anterior.

$$\text{Sol: } 144 \text{ y } 25$$

- (c) En un triángulo rectángulo, las proyecciones de los catetos sobre la hipotenusa miden 64 m y 225 m respectivamente. Halla la longitud de los tres lados del triángulo.

$$\begin{aligned} \text{Sol: } h &= 64 + 225 = 289 \\ c_1^2 &= 289 \cdot 64 \rightarrow c_1 = 136 \\ c_2^2 &= 289 \cdot 225 \rightarrow c_2 = 255 \end{aligned}$$

- (d) Halla la altura de un trapecio isósceles, sabiendo que sus bases miden 6 m y 16 m y los lados oblicuos 13 m cada uno de ellos.

$$\text{Sol: } \rightarrow \sqrt{13^2 - 5^2} = 12$$

- (e) En un triángulo rectángulo se conoce un cateto, $(7\sqrt{2})$, y la proyección del otro cateto sobre la hipotenusa, $(2\sqrt{2})$. Halla la hipotenusa y el otro cateto.

$$\begin{aligned} \text{Sol: } \textit{hipotenusa} &\rightarrow 10 - \sqrt{2} + 2\sqrt{2} = 10 + \sqrt{2} \\ \textit{cateto} &\rightarrow \sqrt{-98 + (\sqrt{2} + 10)^2} = 2\sqrt{1 + 5\sqrt{2}} \end{aligned}$$

2. Razones trigonométricas en un triángulo rectángulo. En los siguientes ejercicios los lados de un triángulo rectángulo se representan con las letras a, b y c, siendo siempre a la hipotenusa. Los lados del triángulo se representan con las letras A, B y C, siendo siempre A el ángulo recto, B el ángulo opuesto a b y C el ángulo opuesto a c. Usando exclusivamente la definición de las razones trigonométricas involucradas en cada caso, calcula el lado que se pide:

- (a) $a = 40 \text{ m}$ $B = 30^\circ$. Hallar b.

$$\text{Sol: } b = 40 \cdot \sin 30 = 20 \text{ m}$$

- (b) $a = 40 \text{ cm}$ $B = 30^\circ$. Hallar c.

$$\text{Sol: } c = 40 \cdot \cos 30 \approx 20\sqrt{3} \text{ cm}$$

- (c) $a = 12 \text{ dm}$ $C = 60^\circ$. Hallar b.

$$\text{Sol: } b = 12 \cdot \cos 60 = 6 \text{ dm}$$

- (d) $a = 12 \text{ Hm}$ $C = 60^\circ$. Hallar c.

$$\text{Sol: } c = 12 \cdot \sin 60 = 6\sqrt{3} \approx 10,3923048454133 \text{ Hm}$$

- (e) $b = 20 \text{ mm}$ $B = 45^\circ$. Hallar c.

$$\text{Sol: } c = \frac{20}{\text{tg } 45} = 20 \text{ mm}$$

3. Halla sin calculadora el valor de las siguientes expresiones:

(a) $\frac{\sin 60 - \sin 30}{\sin 60 + \sin 30}$

Sol: $-\sqrt{3} + 2 \approx 0,267949192431123$

(b) $\frac{\cos 45 - \sin 30}{\sin 45 + \cos 60}$

Sol: $-2\sqrt{2} + 3 \approx 0,17157287525381$

(c) $\frac{\cos 30 - \cos 60}{\operatorname{tg} 60 - \operatorname{tg} 30}$

Sol: $-\frac{\sqrt{3}}{4} + \frac{3}{4} \approx 0,316987298107781$

(d) $\frac{\sin 45 \cdot \cos 30 - \sin 30 \cdot \cos 45}{\cos 45 + \cos 30}$

Sol: $\frac{\sqrt{2}+\sqrt{6}}{2\sqrt{2}+2\sqrt{3}} \approx 0,614014407382354$

4. Resuelve los siguientes problemas:

- (a) Halla la altura de una antena de radio si su sombra mide 100 m cuando los rayos del Sol forman un ángulo de 30° con la horizontal

Sol: $\operatorname{tg} 30 = \frac{a}{100} \rightarrow a = 100 \cdot \operatorname{tg} 30 = \frac{100\sqrt{3}}{3} \approx 57,7350269189626 \text{ m}$

- (b) Averigua la distancia a la que se encuentra un castillo que está situado en la orilla opuesta de un río, sabiendo que la torre más alta del mismo se ve desde nuestra orilla bajo un ángulo de 40° y alejándonos 100 m del río el ángulo es de 25° .

Sol:

- (c) ¿Calcula el área de un decágono regular de 5 cm de lado.

Sol:

- (d) En una circunferencia de 7 cm de radio trazamos una cuerda de 9 cm. ¿Cuánto mide el ángulo central que abarca dicha cuerda?

Sol:

- (e) Halla los ángulos de un triángulo isósceles cuya base mide 50 cm y los lados iguales 40 cm cada uno.

Sol:

- (f) Si vemos una chimenea bajo un ángulo de 30° , ¿bajo qué ángulo la veríamos si la distancia a la que nos encontramos de la misma fuese el doble? ¿Y si fuese el triple?

Sol: