Departamento de Matemáticas 4º Académicas



Polinomios

1. Realiza las siguientes divisiones:

(a)
$$(2x^3 + 15x + 3 - 9x^2) : (-2x + x^2 + 1)$$

Sol: cociente: 2x - 5 resto: 3x + 8

(b)
$$(-5+x-2x^2-6x^3+5x^4):(x^2+x-1)$$

Sol: cociente: $5x^2 - 11x + 14$

resto: -24x + 9

2. Averigua si $x^2 + 3$ es divisor de $12x^4 - 26x^3 + 2x^2 + 15x$

Sol: NO porque el cociente es $12x^2 - 26x - 34$

resto: 93x + 102

3. Halla los valores de m, n y p sabiendo que $(x-2)(mx^2+nx+p)=2x^3-9x^2+14x-8$

Sol: m = 2, n = -5, p = 4

4. Aplicar Ruffini para realizar las siguientes divisiones:

(a)
$$(x^4 - 8x^2 + 2x - 5) : (x - 2)$$

Sol: Cociente $x^3 + 2x^2 - 4x - 6$ Resto 17

(b)
$$(x^2 - 9x + 7) : (x + 5)$$

Sol: Cociente x - 14Resto 77

5. Halla el valor de k para que:

(a)
$$x^2 + kx + 6$$
 sea divisible por $x - 2$

Sol: k = -5

(b)
$$5x^4 + kx^3 + 2x - 3$$
 tenga como factor $x + 1$

Sol:
$$k = 0$$

(c)
$$(x^5 - x^4 + x + 3k) : (x - 2)$$
 tenga como resto 5

Sol:
$$k = -\frac{13}{3}$$

6. Halla el resto de la división del polinomio $P(x) = x^4 - 2x^3 + 4x - 5$ entre x + 2 aplicando el teorema del resto.

Sol: Resto: 19

7. Factoriza los siguientes polinomios, diciendo también sus raíces:

(a)
$$P(x) = 8x^4 - 6x^3 - 5x^2 + 3x$$

Sol:
$$8x(x-1)(x-\frac{1}{2})(x+\frac{3}{4}) = x(x-1)(2x-1)(4x+3)$$

Sol: =
$$2(x-1)(x^2-4) = 2(x-1)(x+2)(x-2)$$

(b)
$$P(x) = x^4 + x^3 + 3x^2 + 5x - 10$$

Sol: =
$$(x-1)(x^3 + 2x^2 + 5x + 10)$$
 = $(x-1)(x+2)(x^2+5)$

(c)
$$P(x) = 2x^3 - 2x^2 - 8x + 8$$

(d) $P(x) = 6x^3 + 11x^2 - 3x - 2$

Sol: =
$$(x+2)(6x^2 - x - 1) = 6(x+2)(x-\frac{1}{2})(x+\frac{1}{3}) = (x+2)(2x-1)(3x+1)$$

8. Simplifica las siguientes fracciones algebraicas (recuerda que antes hay que factorizar, en caso de que no lo esté):

(a)
$$\frac{x(x+2)^2(x-3)^2(x-1)}{x^2(x+2)^3(x-3)(x-1)}$$
 (c)

Sol:

Sol:

(e)

Sol:
$$=\frac{(x-3)}{x(x+2)}$$

Sol:

$$\frac{2x^4 + 2x^3 + 2x^2 + 2x}{4x^2 + 8x + 4}$$

(b)

$$\frac{12x^2 - 12xy}{12xy - 12y^2} \tag{d}$$

 $\frac{2x^4 + 2x^3 + 2x^2 + 2x}{4x^2 + 8x + 4}$

 $\frac{a^2 - ab}{a^4 - a^2b^2}$

Sol:

- 9. Halla el m.c.m y m.c.d de los siguientes polinomios:
 - (a) $P(x) = x^2 4$, $Q(x) = x^4 + 9x^3 + 30x^2$ y $R(x) = x^2 + 4x + 4$

Sol:

(b)
$$P(x) = 2x^2 + 2x \text{ y } L(x) = x^3 - x^2 - x + 1$$

Sol:

10. Opera y simplifica:

(a)

$$\frac{x}{x-2} - \frac{x}{x-1} - \frac{x}{x^2 - 3x + 2} \qquad \frac{2x^3 - 5x^2 + 3x}{2x^2 + x - 6}$$

(e) $\left(\frac{1}{x} + x\right) \left(1 - \frac{1}{x+1}\right)$

Sol:

Sol:

Sol:

(f)

(b)

$$\frac{1}{x^2 - x} + \frac{2x - 1}{x - 1} - \frac{3x - 1}{x}$$

 $\frac{3x^3 - 3x}{x^5 - x}$

$$1 + \frac{1}{2x - 1} - \frac{2x}{4x^2 - 1}$$

Sol:

Sol:

Sol: