

Tiempo: 50 minutos

Departamento de Matemáticas 4º Académicas



Tipo: A

Sistemas de ecuaciones e inecuaciones

Nombre:	Fecha:

Esta prueba tiene 4 ejercicios. La puntuación máxima es de 15. La nota final de la prueba será la parte proporcional de la puntuación obtenida sobre la puntuación máxima. Para la recuperación de pendientes de 3° se tendrán en cuenta los apartados: 1. 2.a y 4.a

Ejercicio:	1	2	3	4	Total
Puntos:	1	2	8	4	15

1. Resuelve por el método que quieras:

$$\begin{cases} x+y - \frac{x-y}{2} = 2 \\ 5x - 10y = 40 \end{cases}$$

Solución: $2y = 4x = \frac{60}{5} = 12 \rightarrow x=12; y=2$

- 2. Cuánto vale el área de un rectángulo sabiendo que su diagonal mide 13 m y su perímetro es 34 m.
 - (a) Traduce a lenguaje algebraico el enunciado anterior

(1 punto)

Solución:
$$\begin{cases} 2x + 2y = 34 \\ x^2 + y^2 = 169 \end{cases}$$

(b) Resuelve la expresión del apartado anterior indicando cuántas soluciones hay

$$(1 \ punto)$$

Solución:
$$2x^2 - 34x + 120 = 0 \rightarrow 2(x - 12)(x - 5) = 0 \rightarrow (5, 12), (12, 5)$$

3. Resuelve las siguientes inecuaciones:

(a)
$$2x^2 - 4x - 6 \ge 0$$
 (2 puntos)

Solución:
$$2(x-3)(x+1) \to (-\infty, -1] \cup [3, \infty)$$

(b)
$$x^3 - 5x^2 + 6x < 0$$
 (2 puntos)

Solución: $x(x-3)(x-2) \to (-\infty,0) \cup (2,3)$

(c)
$$\frac{x^2 - x}{x + 1} \geqslant 0$$
 (2 puntos)

Solución:
$$\frac{x(x-1)}{x+1} \to (-1,0] \cup [1,\infty)$$

(d)
$$|2x - 12| > 2$$
 (2 puntos)

Solución:
$$(-\infty, 5) \cup (7, \infty)$$

- 4. En un examen de 40 preguntas te dan dos puntos por cada acierto y te restan 0,5 puntos por cada fallo. ¿Cuántas preguntas hay que contestar bien para obtener como mínimo 40 puntos, si es obligatorio responder a todas?
 - (a) Traduce a lenguaje algebraico el enunciado anterior (2 puntos)

Solución:
$$2x - \frac{y}{2} \ge 40$$
 $x + y = 40$ $\Rightarrow 2x - (40 - x) \cdot 0, 5 \ge 40$

(b) Resuelve la expresión del apartado anterior e indica cuáles son las $(2 \ puntos)$ soluciones

Solución: 24 o más