

1. Realiza las siguientes divisiones:

(a) $(2x^3 + 15x + 3 - 9x^2) : (-2x + x^2 + 1)$

Sol: cociente: $2x - 5$
resto: $-3x + 8$

(b) $(-5 + x - 2x^2 - 6x^3 + 5x^4) : (x^2 + x - 1)$

Sol: cociente: $5x^2 - 11x + 14$
resto: $-24x + 9$

2. Averigua si $x^2 + 3$ es divisor de $12x^4 - 26x^3 + 2x^2 + 15x$

Sol: NO porque el cociente es $12x^2 - 26x - 34$
resto: $93x + 102$

3. Halla los valores de m, n y p sabiendo que $(x - 2)(mx^2 + nx + p) = 2x^3 - 9x^2 + 14x - 8$

Sol: $m = 2, n = -3, p = 8$

4. Aplicar Ruffini para realizar las siguientes divisiones:

(a) $(x^4 - 8x^2 + 2x - 5) : (x - 2)$

Sol: Cociente $x^3 + 2x^2 - 4x - 6$
Resto 17

(b) $(x^2 - 9x + 7) : (x + 5)$

Sol: Cociente $x - 14$
Resto 77

5. Halla el valor de k para que:

(a) $x^2 + kx + 6$ sea divisible por $x - 2$

Sol: $k = -5$

Sol: $k = 0$

(b) $5x^4 + kx^3 + 2x - 3$ tenga como factor $x + 1$

(c) $(x^5 - x^4 + x + 3k) : (x - 2)$ tenga como resto 5

Sol: $k = -\frac{13}{3}$

6. Halla el resto de la división del polinomio $P(x) = x^4 - 2x^3 + 4x - 5$ entre $x + 2$ aplicando el teorema del resto.

Sol: Resto: 19

7. Factoriza los siguientes polinomios, diciendo también sus raíces:

(a) $P(x) = 8x^4 - 6x^3 - 5x^2 + 3x$

(c) $P(x) = 2x^3 - 2x^2 - 8x + 8$

Sol:

Sol:

(b) $P(x) = x^4 + x^3 + 3x^2 + 5x - 10$

(d) $P(x) = 6x^3 + 11x^2 - 3x - 2$

Sol:

Sol:

8. Simplifica las siguientes fracciones algebraicas (recuerda que antes hay que factorizar, en caso de que no lo esté):

(a)

$$\frac{x(x+2)^2(x-3)^2(x-1)}{x^2(x+2)^3(x-3)(x-1)} \quad (c)$$

Sol:

Sol:

$$\frac{a^2 - ab}{a^4 - a^2b^2}$$

(e)

$$\frac{2x^4 + 2x^3 + 2x^2 + 2x}{4x^2 + 8x + 4}$$

Sol:

Sol:

(b)

$$\frac{12x^2 - 12xy}{12xy - 12y^2} \quad (d)$$

$$\frac{2x^4 + 2x^3 + 2x^2 + 2x}{4x^2 + 8x + 4}$$

Sol:

9. Halla el *m.c.m* y *m.c.d* de los siguientes polinomios:

(a) $P(x) = x^2 - 4$, $Q(x) = x^4 + 9x^3 + 30x^2$ y $R(x) = x^2 + 4x + 4$

Sol:

(b) $P(x) = 2x^2 + 2x$ y $L(x) = x^3 - x^2 - x + 1$

Sol:

10. Opera y simplifica:

(a)

$$\frac{x}{x-2} - \frac{x}{x-1} - \frac{x}{x^2-3x+2}$$

Sol:

(c)

$$\frac{2x^3 - 5x^2 + 3x}{2x^2 + x - 6}$$

Sol:

(e)

$$\left(\frac{1}{x} + x\right) \left(1 - \frac{1}{x+1}\right)$$

Sol:

(b)

$$\frac{1}{x^2-x} + \frac{2x-1}{x-1} - \frac{3x-1}{x}$$

Sol:

(d)

$$\frac{3x^3 - 3x}{x^5 - x}$$

Sol:

(f)

$$1 + \frac{1}{2x-1} - \frac{2x}{4x^2-1}$$

Sol: