## Departamento de Matemáticas 4º Académicas



Polinomios

1. Realiza las siguientes divisiones:

(a) 
$$(2x^3 + 15x + 3 - 9x^2) : (-2x + x^2 + 1)$$

Sol: cociente: 2x - 5 resto: 3x + 8

(b) 
$$(-5+x-2x^2-6x^3+5x^4):(x^2+x-1)$$

**Sol:** cociente:  $5x^2 - 11x + 14$ 

resto: -24x + 9

2. Averigua si  $x^2 + 3$  es divisor de  $12x^4 - 26x^3 + 2x^2 + 15x$ 

**Sol:** NO porque el cociente es  $12x^2 - 26x - 34$ 

resto: 93x + 102

3. Halla los valores de m, n y p sabiendo que  $(x-2)(mx^2+nx+p)=2x^3-9x^2+14x-8$ 

**Sol:** m = 2, n = -5, p = 4

4. Aplicar Ruffini para realizar las siguientes divisiones:

(a) 
$$(x^4 - 8x^2 + 2x - 5) : (x - 2)$$

**Sol:** Cociente  $x^3 + 2x^2 - 4x - 6$ Resto 17

(b) 
$$(x^2 - 9x + 7) : (x + 5)$$

Sol: Cociente x - 14Resto 77

5. Halla el valor de k para que:

(a) 
$$x^2 + kx + 6$$
 sea divisible por  $x - 2$ 

**Sol:** k = -5

(b) 
$$5x^4 + kx^3 + 2x - 3$$
 tenga como factor  $x + 1$ 

**Sol:** 
$$k = 0$$

(c) 
$$(x^5 - x^4 + x + 3k) : (x - 2)$$
 tenga como resto 5

**Sol:** 
$$k = -\frac{13}{3}$$

6. Halla el resto de la división del polinomio  $P(x) = x^4 - 2x^3 + 4x - 5$  entre x + 2 aplicando el teorema del resto.

**Sol:** Resto: 19

7. Factoriza los siguientes polinomios, diciendo también sus raíces:

(a) 
$$P(x) = 8x^4 - 6x^3 - 5x^2 + 3x$$
  
Sol:  $8x(x-1)(x-\frac{1}{2})(x+\frac{3}{4}) = x(x-1)(2x-1)(4x+3)$ 

Sol: = 
$$2(x-1)(x^2-4) = 2(x-1)(x+2)(x-2)$$

(b) 
$$P(x) = x^4 + x^3 + 3x^2 + 5x - 10$$

Sol: = 
$$(x-1)(x^3 + 2x^2 + 5x + 10)$$
 =  $(x-1)(x+2)(x^2+5)$ 

(c) 
$$P(x) = 2x^3 - 2x^2 - 8x + 8$$

(d) 
$$P(x) = 6x^3 + 11x^2 - 3x - 2$$

Sol: = 
$$(x+2)(6x^2 - x - 1) = 6(x+2)(x-\frac{1}{2})(x+\frac{1}{3}) = (x+2)(2x-1)(3x+1)$$

8. Simplifica las siguientes fracciones algebraicas (recuerda que antes hay que factorizar, en caso de que no lo esté):

(a) 
$$\frac{x(x+2)^2(x-3)^2(x-1)}{x^2(x+2)^3(x-3)(x-1)}$$

$$\frac{(x-3)^{2}(x-3)^{2}(x-1)}{(x-2)^{3}(x-3)(x-1)}$$
(c)
$$\frac{\mathbf{Sol:}}{\frac{x}{y}} = \frac{\frac{12x(x-y)}{12y(x-y)}}{(x-y)} = \frac{x}{y}$$

(e)

Sol: 
$$=\frac{(x-3)}{x(x+2)}$$

$$\frac{a^2 - ab}{a^4 - a^2b^2}$$

$$\frac{2x^4 + 2x^3 + 2x^2 + 2x}{4x^2 + 8x + 4}$$

Sol: 
$$=\frac{\sqrt{x-y}}{x(x+2)}$$

(b)

Sol: 
$$=\frac{a(a-b)}{a^2(a^2-b^2)} = \frac{(a-b)}{a(a+b)(a-b)} = \frac{1}{a(a+b)}$$

 $\frac{12x^2 - 12xy}{12xy - 12y^2}$ (d)

$$\frac{2x^4 + 2x^3 + 2x^2 + 2x}{4x^2 + 8x + 4}$$

9. Halla el m.c.m y m.c.d de los siguientes polinomios:

(a) 
$$P(x) = x^2 - 4$$
,  $Q(x) = x^4 + 9x^3 + 30x^2$  y  $R(x) = x^2 + 4x + 4$ 

Sol:

(b) 
$$P(x) = 2x^2 + 2x \text{ y } L(x) = x^3 - x^2 - x + 1$$

Sol:

10. Opera y simplifica:

(a)

(e)

 $\frac{x}{x-2} - \frac{x}{x-1} - \frac{x}{x^2 - 3x + 2} \qquad \frac{2x^3 - 5x^2 + 3x}{2x^2 + x - 6}$  $\left(\frac{1}{x}+x\right)\left(1-\frac{1}{x+1}\right)$ 

Sol:

Sol:

Sol:

(f)

(b)

 $\frac{1}{x^2 - x} + \frac{2x - 1}{x - 1} - \frac{3x - 1}{x}$ 

 $\frac{3x^3 - 3x}{x^5 - x}$ 

 $1 + \frac{1}{2x - 1} - \frac{2x}{4x^2 - 1}$ 

Sol:

Sol:

Sol: