

Departamento de Matemáticas 4º Académicas



Geometría Analítica

1. Halla las coordenadas de los puntos medios de los lados del triángulo de vértices A(1,3), B(2,5)y C(1,-1)

2. Las coordenadas del punto medio del segmento AB son M(0,1). Si las coordenadas de B son (1,2), ¿cuáles son las del punto A?

3. Calcula el punto simétrico de A(1,3) respecto de B(-5,7)

4. Sea un paralelogramo ABCD. Si A(2,3), B(5,1) y C(4,0), halla el vértice D

5. Escribe la ecuación vectorial y las paramétricas de la recta que pasa por el punto P y tiene por vector directional a \overrightarrow{v} :

(a) $P(2,1), \vec{v}(1,1)$

(c) $P(0,1), \overrightarrow{v}(2,5)$

(a) $P(2,1), \overrightarrow{v}(1,1)$ (c) $P(0,1), \overrightarrow{v}(2,5)$ (b) $P(2,2), \overrightarrow{v} = [\overrightarrow{CD}],$ siendo C(2,1) y (d) $P(8,1), \overrightarrow{v} = [\overrightarrow{PO}],$ siendo O el origen de coordenadas

6. Escribe la ecuación continua y general de las recta que pasa por el punto P y tiene por vector directional a \overrightarrow{v} :

(a) $P(2,1), \overrightarrow{v}(1,1)$ (c) $P(0,1), \overrightarrow{v}(2,5)$ (b) $P(2,2), \overrightarrow{v} = [\overrightarrow{CD}]$, siendo C(2,1) y (d) $P(8,1), \overrightarrow{v} = [\overrightarrow{PO}]$, siendo O el origen de coordenadas

7. Dada la recta $r \equiv 3x + y = 2$, halla una recta s, paralela a r, y otra perpendicular t, que pasen por el punto P(2,-1).

8. Halla el coeficiente a para que la recta ax + 4y = 11 pase por el punto P(1,2)

9. Dados los siguientes vectores: $\overrightarrow{u}(3, 2)$ y $\overrightarrow{v}(1, 4)$, calcula:

(a) $\overrightarrow{u} + \overrightarrow{v}$ (b) $\overrightarrow{u} - \overrightarrow{v}$ (c) $2\overrightarrow{u} + 3\overrightarrow{v}$ (d) $3\overrightarrow{u} - 4\overrightarrow{v}$

10. Averigua el punto simétrico de A(5,-1) con respecto a B(4,-2).

11. Halla el punto medio del segmento de extremos A(5,-1) y B(4,-2)

12. Dados los puntos A(2,-3), B(-1,4) y C(x,3), determina el valor de x para que A, B y C estén alineados.

13. Halla las coordenadas del vértice D del paralelogramo ABCD, sabiendo que A(-1, -2), B(3, 1)y C(1,3).

14. Halla las ecuaciones paramétricas de la recta paralela a 2x - y + 3 = 0 y que pasa por el punto P(4,3).

15. Dadas las rectas: $r \equiv \begin{cases} x=2-4\lambda \\ y=-2+\lambda \end{cases}$ y $s \equiv \begin{cases} x=3+8\lambda \\ y=-1-2\lambda \end{cases}$ averigua su posición relativa. Si se cortan, di cuál es el punto de corte

16. ¿Cuál ha de ser el valor de k para que estas dos rectas sean paralelas?

$$x + 3y - 2 = 0$$
 $kx + 2y + 3 = 0$

- 17. Halla el valor de k para que las rectas 2x 3y + 4 = 0 -3x + ky 1 = 0 sean perpendiculares
- 18. Dados los puntos A(-1, -1), B(1, 4) y C(5, 2), hallar
 - (a) Si están alineados

- (c) Altura trazada desde A
- (b) Mediana trazada desde B

- (d) Mediatriz del lado AB
- 19. Sean A(1,0), B(4,-3) y C(5,2) los tres vértices de un triángulo. Hallar:
 - (a) La ecuación de la recta que pasando por A es paralela a la que pasa por B y C
 - (b) La ecuación de la mediana que pasa por C.